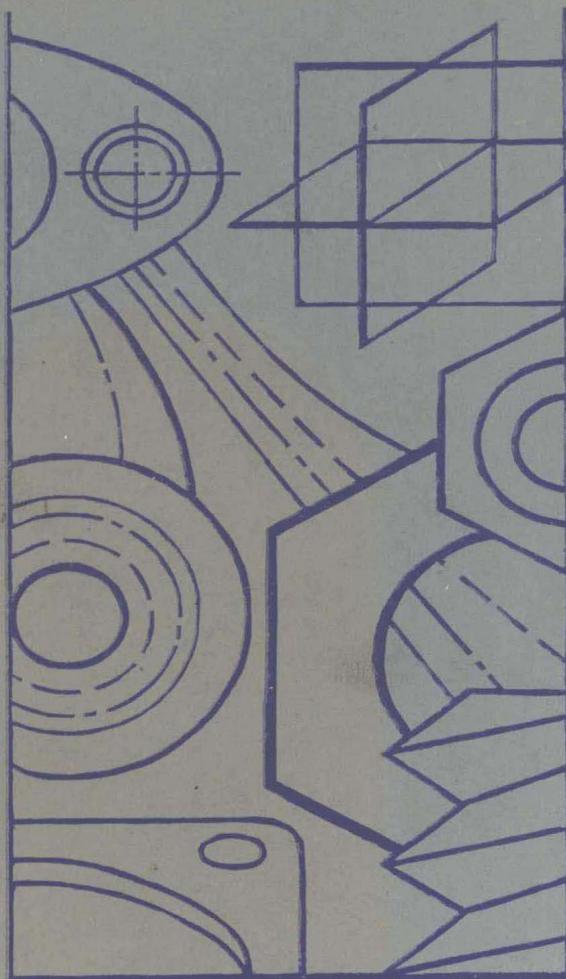




М.П.Власов

# ИНЖЕНЕРНАЯ ГРАФИКА



ИБ № 1278

*Михаил Петрович Власов*

**ИНЖЕНЕРНАЯ  
ГРАФИКА**

Редактор *И. Г. Калашникова*  
Технический редактор *Л. А. Макарова*  
Корректор *Н. И. Шарунина*  
Переплет художника *А. Н. Ковалева*

Сдано в набор 06.09.78.  
Подписано в печать 31.01.79.  
Т-01143. Формат 60×90<sup>1/16</sup>.  
Бумага типографская № 1.  
Гарнитура литературная.  
Печать высокая. Усл. печ. л. 17,5.  
Уч.-изд. л. 18,15. Тираж 100 000 (1-й з-д  
1—35 000) экз. Заказ 1084. Цена 80 к.

Издательство «Машиностроение», 107885,  
Москва, ГСП-6. 1-й Басманный пер., 3.

Ленинградская типография № 6  
Ленинградского производственного  
объединения «Техническая книга»  
Союзполиграфпрома  
при Государственном Комитете СССР  
по делам издательств, полиграфии  
и книжной торговли,  
193144, Ленинград, С-144,  
ул. Моисеенко, 10.

# ОГЛАВЛЕНИЕ

Предисловие . . . . .	3
-----------------------	---

## *Раздел первый*

### ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ЧЕРТЕЖА

Введение . . . . .	5
Принятые обозначения . . . . .	6
<b>Глава I. Образование чертежа</b> . . . . .	8
§ 1. Виды проецирования . . . . .	8
§ 2. Свойства прямоугольного проецирования . . . . .	10
§ 3. Теорема о проецировании прямого угла . . . . .	12
§ 4. Способы дополнения однопроекционного изображения . . . . .	12
§ 5. Комплексный чертеж . . . . .	13
§ 6. Способ замены плоскостей проекций . . . . .	17
<b>Глава II. Точка</b> . . . . .	20
§ 7. Комплексный чертеж и координаты точки . . . . .	20
§ 8. Положение точки относительно плоскостей проекций . . . . .	21
<b>Глава III. Линия</b> . . . . .	22
§ 9. Классификация линий . . . . .	22
§ 10. Алгебраические линии . . . . .	24
§ 11. Трансцендентные линии . . . . .	26
§ 12. Винтовые линии . . . . .	27
<b>Глава IV. Прямая</b> . . . . .	29
§ 13. Задание и изображение прямой . . . . .	29
§ 14. Положение прямой относительно плоскостей проекций . . . . .	30
<b>Глава V. Поверхность</b> . . . . .	32
§ 15. Образование поверхностей . . . . .	32
§ 16. Классификация поверхностей . . . . .	33
§ 17. Гранные поверхности и многогранники . . . . .	35
§ 18. Горбы . . . . .	38
§ 19. Винтовые поверхности . . . . .	39
§ 20. Поверхности вращения . . . . .	39
§ 21. Поверхности второго порядка . . . . .	41
§ 22. Задание и изображение поверхностей . . . . .	41
<b>Глава VI. Плоскость</b> . . . . .	47
§ 23. Задание и изображение плоскости . . . . .	47
§ 24. Положение плоскости относительно плоскостей проекций . . . . .	48
§ 25. Характерные линии плоскости . . . . .	51
<b>Глава VII. Позиционные задачи</b> . . . . .	52
§ 26. Общие положения . . . . .	52
§ 27. Взаимная принадлежность геометрических фигур . . . . .	55
§ 28. Взаимное пересечение геометрических фигур . . . . .	58
§ 29. Взаимное положение прямых . . . . .	60
§ 30. Взаимное положение прямой и плоскости . . . . .	61
§ 31. Взаимное положение плоскостей . . . . .	64

§ 32. Плоские сечения . . . . .	67
§ 33. Линии среза . . . . .	70
§ 34. Пересечение соосных поверхностей вращения . . . . .	71
§ 35. Пересечение поверхностей вращения . . . . .	72
§ 36. Особые случаи пересечения поверхностей второго порядка . . . . .	76
§ 37. Пересечение поверхностей (способ плоскостей частного положения) . . . . .	78
§ 38. Линии перехода . . . . .	83
<b>Г л а в а VIII. Метрические задачи</b>	<b>84</b>
§ 39. Четыре исходные задачи преобразования чертежа . . . . .	84
§ 40. Общие положения . . . . .	88
§ 41. Определение расстояний . . . . .	93
§ 42. Определение длины отрезка . . . . .	95
§ 43. Разворачивание линий . . . . .	97
§ 44. Определение величины части плоскости . . . . .	99
§ 45. Разворачивание поверхностей . . . . .	100
<b>Г л а в а IX. Аксонометрические проекции</b>	<b>107</b>
§ 46. Образование аксонометрического чертежа . . . . .	107
§ 47. Виды аксонометрических проекций . . . . .	109
§ 48. Прямоугольные аксонометрические проекции . . . . .	110
§ 49. Изображение геометрических фигур в аксонометрических проекциях . . . . .	116

*Раздел второй*  
**ИЗОБРАЖЕНИЕ ПРЕДМЕТОВ**

<b>Г л а в а X. Чертежи предметов</b>	<b>120</b>
§ 50. Виды . . . . .	120
§ 51. Разрезы . . . . .	125
§ 52. Сечения . . . . .	131
§ 53. Чтение чертежа предмета . . . . .	137
§ 54. Выполнение третьего вида предмета по двум заданным . . . . .	140
§ 55. Построение недостающих проекций точек, принадлежащих поверхности предмета . . . . .	144
§ 56. Изображение предмета в аксонометрических проекциях . . . . .	146
§ 57. Нанесение размеров . . . . .	150
§ 58. Основная надпись . . . . .	157

*Раздел третий*  
**ИЗОБРАЖЕНИЕ СОЕДИНЕНИЙ ДЕТАЛЕЙ**

<b>Г л а в а XI. Общие положения. Соединения разъемные</b>	<b>161</b>
§ 59. Общие положения . . . . .	161
§ 60. Резьбы . . . . .	162
§ 61. Изображение и обозначение резьб . . . . .	166
§ 62. Крепежные детали . . . . .	170
§ 63. Соединения крепежными деталями . . . . .	179
§ 64. Рифление . . . . .	184
§ 65. Винтовые (ходовые) соединения . . . . .	185
§ 66. Соединения штифтовые и зажимные . . . . .	185
§ 67. Соединения сочленением . . . . .	188
§ 68. Соединения шпоночные и щлицевые . . . . .	189
<b>Г л а в а XII. Соединения неразъемные</b>	<b>192</b>
§ 69. Соединения заклепками . . . . .	192
§ 70. Соединения сваркой . . . . .	194
§ 71. Соединения пайкой, склеиванием и сшивкой . . . . .	200
§ 72. Заливка и опрессовка . . . . .	202
§ 73. Развальцовка, завальцовка, kernение . . . . .	203
<b>Г л а в а XIII. Передачи Пружины</b>	<b>204</b>
§ 74. Зубчатые передачи . . . . .	204

§ 75. Фрикционные передачи . . . . .	210
§ 76. Пружины . . . . .	211
<i>Раздел четвертый</i>	
<b>ИЗОБРАЖЕНИЕ ИЗДЕЛИЙ</b>	
<b>Г л а в а XIV. Общие положения . . . . .</b>	<b>215</b>
§ 77. Виды изделий и конструкторских документов . . . . .	215
§ 78. Обозначение изделий и конструкторских документов . . . . .	217
§ 79. Нанесение размеров . . . . .	218
§ 80. Правила нанесения на чертежах надписей, технических требований и таблиц . . . . .	225
§ 81. Спецификация . . . . .	226
<b>Г л а в а XV. Чертежи изделий . . . . .</b>	<b>231</b>
§ 82. Чертежи деталей . . . . .	231
§ 83. Эскизы . . . . .	237
§ 84. Чертеж общего вида . . . . .	238
§ 85. Сборочные чертежи . . . . .	241
§ 86. Изображения условные и упрощенные крепежных деталей . . . . .	248
§ 87. Чтение чертежей осязных видов и сборочных чертежей . . . . .	251
§ 88. Деталирование чертежей общих видов . . . . .	251
<b>Г л а в а XVI. Схемы . . . . .</b>	<b>254</b>
§ 89. Виды и типы схем . . . . .	254
§ 90. Электрические принципиальные схемы . . . . .	255
<b>Приложения . . . . .</b>	<b>259</b>
1. Рекомендации по выполнению учебных чертежей . . . . .	259
2. Предпочтительные числа и ряды предпочтительных чисел (ГОСТ 8032—56) . . . . .	262
3. Швы сварных соединений. Ручная электродуговая сварка (выдержки из ГОСТ 5264—69) . . . . .	263
4. Измерительные инструменты . . . . .	266
5. Материалы общего применения . . . . .	267
6. Материалы электроизоляционные . . . . .	269
7. Краткий исторический обзор . . . . .	272
Список литературы . . . . .	276

*М. П. Власов*

# ИНЖЕНЕРНАЯ ГРАФИКА

*Допущено Министерством высшего и среднего специального образования СССР в качестве учебного пособия для студентов инженерно-технических специальностей вузов*



*Москва «Машиностроение» 1979*

ББК 30.11я73

В58

УДК [744.4 + 515] (075.8)

Рецензенты: кафедра начертательной геометрии  
и графики Московского института инженеров  
гражданской авиации и д-р техн. наук проф. В. А. Осипов

**Власов М. П.**

В58 Инженерная графика: Учебное пособие для вузов. —  
М.: Машиностроение, 1979. — 279 с., ил.

В пер.: 80 к.

Содержание учебного пособия соответствует действующей программе по инженерной графике для инженерно-технических специальностей вузов.

В первом разделе рассматриваются общие вопросы теории изображений и образования комплексного чертежа, во втором — способы изображения предметов на чертежах, в третьем — изображения различных видов соединений и передач, в четвертом — правила выполнения технических чертежей изделий. Материал последних трех разделов излагается на основе требований и правил Единой системы конструкторской документации (ЕСКД).

Приложения содержат выдержки из отдельных стандартов, рекомендации по выполнению чертежей и другие сведения.

В 30105-040  
038(01)-79 40-79. 2104000000

ББК 30.11я73  
607

## ПРЕДИСЛОВИЕ

Основная задача курса инженерной графики — научить студентов правильно изображать на чертеже простые изделия и читать чертежи этих изделий — определяет роль, место и содержание этого курса как учебной дисциплины втуза.

Вопросы структуры и содержания инженерной графики неоднократно, начиная с 1966 г., рассматривались на кафедре инженерной графики Московского института радиотехники, электроники и автоматики — МИРЭА. При этом было определено, что курс должен содержать:

- общетеоретические положения, необходимые для изображения предметов на плоскости;
- общие требования стандартов ЕСКД к чертежам предметов и изделий;
- отдельные практические вопросы выполнения и чтения чертежей изделий.

В настоящей книге реализован опыт, накопленный с 1966 г. автором и кафедрой, по изложению инженерной графики студентам МИРЭА.

Материал в книге расположен по схеме: общие вопросы образования чертежа; изображение одной, затем двух геометрических фигур (точек, линий, поверхностей); изображение одного, затем двух предметов (включая соединения деталей); изображение изделий.

Принятая схема учитывает, что предмет можно рассматривать как совокупность некоторого количества геометрических фигур, его ограничивающих. Из этой совокупности всегда можно выделить ранее рассмотренные геометрические фигуры. Аналогично, в изделии всегда можно выделить ранее рассмотренные предметы (детали).

Принятая структура курса позволяет логично связать новый материал с ранее пройденным, выделить единые планы решения основных задач и облегчить изучение курса.

При расположении материала учитывалась возможность применения обучающих и контролирующих машин. В каждом параграфе материал разделен на пункты, что позволяет составлять различные программы. Система нумерации пунктов такова: пер-

вая группа цифр номера соответствует номеру параграфа, а вторая — порядковому номеру пункта в данном параграфе.

Содержание книги соответствует учебной программе по инженерной графике для инженерно-технических специальностей вузов, утвержденной Минвузом СССР в 1974 г. Расположение материала позволяет использовать его как при 119 учебных часах, так и при 85 часах, путем исключения из рассмотрения глав 3 и 8 (кроме § 42; 44) без ущерба для оставшегося материала

При изучении теоретического материала необходимо учитывать, что число учебных часов, отводимых на изучение инженерной графики, не позволяет обосновать и развить ряд теоретических положений, рассматриваемых в первой части курса. В списке литературы приведена литература по начертательной геометрии и специальная литература, подробно рассматривающая эти положения.

Автор выражает глубокую признательность д-ру техн. наук проф. В. А. Осипову, канд. техн. наук доц. М. М. Михневу, а также членам кафедры инженерной графики МИРЭА за доброжелательную критику и замечания по содержанию книги.

Автор заранее признателен всем лицам, которые пришлют в адрес издательства отзывы о книге и рекомендации по ее улучшению.

*Раздел первый*

## ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ЧЕРТЕЖА

### Введение

В1. В свете задач, поставленных партией и правительством перед народным хозяйством нашей страны, значительно повышаются требования к инженерно-техническим работникам, все большее значение приобретает уровень и качество подготовки специалистов в высших учебных заведениях.

В2. В настоящее время нельзя представить работу и развитие любой отрасли народного хозяйства, а также науки и техники без чертежей. На вновь создаваемые приборы, машины и сооружения сначала разрабатывают чертежи (проекты). По чертежам определяют их достоинства и недостатки, вносят изменения в их конструкцию. Только после обсуждения чертежей (проектов) изготавливают опытные образцы.

Инженер должен уметь читать чертеж, чтобы понять как конструкцию, так и работу изображенного изделия, а также изложить свои технические мысли, используя чертеж.

В3. В техническом вузе изучение большинства дисциплин непосредственно связано с изучением различных приборов, машин и технологических процессов по их изображениям — чертежам. Поэтому в самом начале учебы в институте студенты должны научиться выполнять и читать чертежи.

В4. В число учебных дисциплин, составляющих основу подготовки специалистов с высшим инженерным образованием, входит курс «Инженерная графика» \*. Этот курс готовит студентов к выполнению и чтению чертежей как в процессе обучения в институте, так и в последующей инженерной деятельности. Знание инженерной графики позволяет инженеру выполнять и читать чертежи так же, как знание азбуки и грамматики позволяет человеку читать и писать.

В5. Инженерная графика — учебная дисциплина, изучающая вопросы изображения изделий на плоскости. Основные задачи курса:

а) научить выполнять простые чертежи, т. е. изображать несложные изделия на комплексном чертеже и в аксонометрических проекциях;

---

\* Этот курс впервые введен в 1966 г. взамен курсов «Начертательная геометрия» и «Техническое черчение».

б) научить читать чертежи, т. е. привить навыки мысленного представления форм и размеров изделий по их изображениям на чертеже;

в) рассмотреть графические способы решения отдельных задач, связанных с геометрическими образами и их взаимным расположением в пространстве;

г) ознакомить с основными требованиями стандартов ЕСКД к чертежам и схемам (частично);

д) развить навыки техники выполнения чертежей.

Изучение курса инженерной графики также развивает пространственное представление и логическое мышление. Доказательство многих теоретических положений курса осуществляется посредством логических рассуждений.

Курс инженерной графики требует не только знания теоретического материала, но и умения четко, аккуратно выполнять чертежи, т. е. высокой техники черчения, которая приобретается в процессе выполнения графических задач курса.

Знания и навыки, полученные при изучении инженерной графики, необходимы и развиваются при изучении других учебных дисциплин, при выполнении курсовых проектов и дипломного проекта, а также в последующей инженерной деятельности.

## Принятые обозначения

1. Плоскости проекции: горизонтальная —  $\Pi'$  (пи)  
фронтальная —  $\Pi''$   
профильная —  $\Pi'''$   
аксонометрическая —  $\Pi^A$   
дополнительная —  $\Pi'_1; \Pi''_2 \dots$
2. Координатные оси, оси проекций в пространстве и на чертеже  
3. Новые оси проекций при замене плоскостей проекций —  $x, y, z$   
4. Точки в пространстве — прописными буквами латинского алфавита или арабскими цифрами —  $x_1; x_2 \dots$   
—  $A, B, C, \dots$   
или  
— 1, 2, 3, ...
5. Линии в пространстве — строчными буквами латинского алфавита —  $a, b, c, \dots$
6. Поверхности в пространстве — прописными буквами греческого алфавита —  $\Gamma, \Delta, E, H, \dots$
7. Углы в пространстве — строчными буквами греческого алфавита —  $\alpha, \beta, \dots$
8. Задание плоскости в пространстве ее элементами —  $E (a \parallel b)$
9. Проекции точек, линий, поверхностей и углов на чертеже — теми же буквами, что и в пространстве, но с добавлением индексов плоскости проекций, например:  $A'$  — горизонтальная проекция точки  $A$ ;  $b''$  — фронтальная проекция прямой  $b$ ;  $\Phi'''$  — профильная проекция плоскости  $\Phi$  —  $A', b'', \Phi'''$
10. Последовательность положения геометрического образа обозначается нижним индексом —  $A_1, A_2, A_3, \dots$
11. Основные операции:  
а) равенство, совпадение — знаком  $=$   
б) параллельность — знаком  $\parallel$

b)	принадлежность	— знаком $\in$
g)	пересечение	— знаком $\cap$
12. Латинский алфавит *		
A, a	— а	
B, b	— бе	
C, c	— це	
D, d	— де	
E, e	— е	
F, f	— эф	
G, g	— ге	
H, h	— аш	
I, i	— и	
J, j	— йот	
K, k	— ка	
L, l	— эль	
M, m	— эм	
N, n	— эн	
O, o	— о	
P, p	— пэ	
Q, q	— ку	
R, r	— эр	
S, s	— эс	
T, t	— тэ	
U, u	— у	
V, v	— ве	
W, w	— дубль-ве	
X, x	— икс	
Y, y	— игрек	
Z, z	— зет	

13. Греческий алфавит	
Α, α	— альфа
Β, β	— бета
Γ, γ	— гамма
Δ, δ	— дельта
Ε, ε	— эпсилон
Ζ, ζ	— дзэта
Η, η	— эта
Θ, θ	— тхэта
Ι, ι	— йота
Κ, κ	— каппа
Λ, λ	— ламбда
Μ, μ	— мю
Ν, ν	— ню
Ξ, ξ	— кси
Ο, ο	— омикрон
Π, π	— пи
Ρ, ρ	— ро
Σ, σ	— сигма
Τ, τ	— тау
Υ, υ	— ипцилон
Φ, φ	— фи
Χ, χ	— хи
Ψ, ψ	— пси
Ω, ω	— омега

\* Правила начертания этих букв приведены в ГОСТ 2.304—68.

# Г л а в а I

## ОБРАЗОВАНИЕ ЧЕРТЕЖА

### § 1. Виды проецирования

1.1. Для изображения предметов на плоскости \* используют метод проецирования, который заключается в том, что луч  $SA$  (рис. 1), выходя из точки  $S$ , пересекает плоскость  $\Pi'$  в точке  $A'$  —  $SA \cap \Pi' = A'$ .

Точка  $S$  называется центром проецирования, направление  $SA$  — проецирующим лучом, плоскость  $\Pi'$  — плоскостью проекций и  $A'$  — проекцией точки  $A$  на плоскость проекций  $\Pi'$ .

1.2. В зависимости от положения центра проецирования по отношению к плоскости проекций проецирование может быть или центральным (коническим) или параллельным (цилиндрическим).

1.3. При центральном проецировании проецирующие лучи (рис. 2) выходят из одной точки — центра проецирования  $S$ , который находится на определенном (конечном) расстоянии от плоскости проекции.

Для построения центральной проекции  $A'$  точки  $A$  (рис. 2, а) проводят проецирующий луч из центра проецирования  $S$  через точку  $A$  до пересечения с плоскостью проекций  $\Pi'$ . В пересечении получают точку  $A'$  — центральную проекцию точки  $A$ .

Для построения центральной проекции  $C'D'$  отрезка  $CD$  достаточно найти центральные проекции  $C'$  и  $D'$  его двух точек, так как две точки однозначно определяют прямую.

Для построения центральной проекции кривой линии необходимо взять на этой линии некоторое количество точек, найти их проекции и соединить соответствующей линией (рис. 2, б).

При центральном проецировании кривой линии проецирующие лучи образуют в пространстве коническую поверхность, поэтому этот вид проецирования и носит второе название — коническое проецирование.

1.4. Центральное проецирование обладает большой наглядностью, так как оно соответствует зрительному восприятию предметов. Основной его недостаток — сложность в определении размеров предмета по его изображению \*\*.

1.5. Параллельное проецирование можно рассматривать как частный случай центрального, когда центр проецирования удален в бесконечность. При этом проецирующие лучи параллельны между собой (рис. 3, а). При параллельном проецировании не-

\* В общем случае предмет можно проецировать и на различные поверхности, например, на цилиндрическую поверхность, сферу и т. п.

\*\* Наиболее широкое применение этот вид проецирования получил при выполнении перспективных изображений в архитектуре.

обходится задать направление проецирования —  $s$  и плоскость проекций  $\Pi'$ .

Построение параллельной проекции предмета отличается от построения его центральной проекции только тем, что при параллельном проецировании проецирующие лучи параллельны между собой, а при центральном — выходят из одной точки.

1.6. В зависимости от направления проецирующих лучей по отношению к плоскости проекций параллельное проецирование может быть *косоугольным* — проецирующие лучи не перпендикулярны к плоскости проекций (рис. 3,  $a$ ) или *прямоугольным* — проецирующие лучи перпендикулярны к плоскости проекций (рис. 3,  $b$ ).

Прямоугольное проецирование находится в основе выполнения почти всех чертежей, поэтому в дальнейшем будем рассматривать только этот вид проецирования.

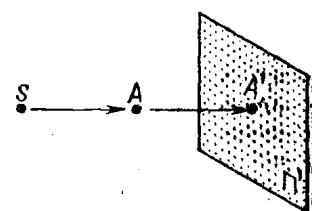


Рис. 1

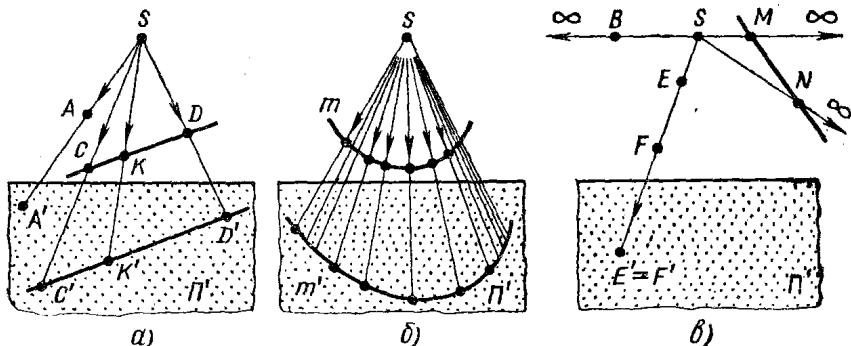


Рис. 2

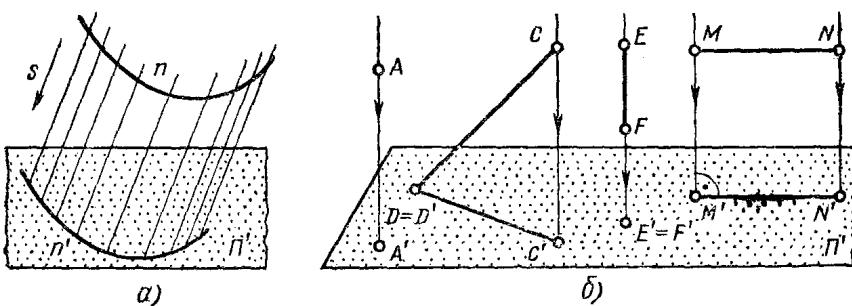


Рис. 3

## § 2. Свойства прямоугольного проецирования\*

2.1. *Точка проецируется в точку.* Доказательство: проецирующий луч — прямая, а прямая пересекает плоскость только в точке (см. рис. 3, б).

*Частный случай.* Если удаление точки, например  $B$  (см. рис. 2, в), от плоскости проекций равно удалению центра проецирования  $S$  от этой же плоскости, то проецирующий луч будет параллелен плоскости проекций и проекция  $B'$  точки  $B$  будет бесконечно удаленной точкой\*\*, называемой *несобственной точкой* \*\*.

2.2. *Прямая проецируется в прямую.* Доказательство (см. рис. 3, б): прямая  $CD$  и проецирующий луч  $CC'$  определяют плоскость, а плоскости пересекаются только по прямой линии.

*Частные случаи:*

А. Если направление прямой, например  $EF$ , будет совпадать с направлением проецирующего луча, то проекцией прямой будет точка  $E' = F'$ .

*Прямые, перпендикулярные к плоскости проекций, называются проецирующими.* Точки, расположенные на одном проецирующем луче, называются *конкурирующими* точками, например точки  $E$  и  $F$  на рис. 2, в; 3, б. Конкуренция этих точек проявляется в видимости их относительно плоскости проекций (точка  $E$  закрывает точку  $F$ ).

Б. Если удаление концов отрезка, например точек  $M$  и  $N$  на рис. 2, в, от плоскости проекций равно удалению центра проецирования  $S$  от этой же плоскости, то проекцией отрезка будет бесконечно удаленная прямая, называемая *несобственной прямой*.

2.3. *Если точка принадлежит прямой, то и проекция точки принадлежит проекции прямой.* Доказательство (см. рис. 2, а): прямая  $CD$  и центр проецирования  $S$  образуют плоскость. Точка  $K$  принадлежит прямой  $CD$ , следовательно, и плоскости  $SCD$ . Проецирующий луч  $SK$  и проекция  $C'D'$  также принадлежат этой плоскости, значит они пересекутся в точке  $K'$ , принадлежащей проекции  $C'D'$  прямой  $CD$ .

2.4. *Если прямые параллельны, то и их проекции параллельны между собой.* Доказательство (рис. 4, а): плоскость  $ABB'A'$  параллельна плоскости  $CDD'C'$ , так как  $AB \parallel CD$  и проецирующие лучи  $AA'$ ;  $BB'$ ;  $CC'$ ;  $DD'$  параллельны между собой. Плоскость проекций  $\Pi'$  пересекает параллельные плоскости по параллельным прямым, т. е.  $A'B' \parallel C'D'$ .

2.5. *Отношение отрезков прямой равно отношению проекций этих отрезков* (см. рис. 4, а). Доказательство: треугольники

\* Свойства, рассматриваемые в первых трех п. 2.1 ... 2.3, присущи всем видам проецирования; в п. 2.1 ... 2.7 — параллельному проецированию и в п. 2.1...2.8 — прямоугольному.

\*\* Понятие *несобственная точка* было введено в 1636 г. французским математиком Ж. Дезаргом.

$AMA'$  и  $BMB'$  подобны, так как проецирующие лучи параллельны между собой —  $AA' \parallel BB'$ , следовательно  $\frac{AB}{BM} = \frac{A'B'}{B'M'}$ .

2.6. Отношение отрезков параллельных прямых равно отношению проекций этих отрезков (см. рис. 4, а). Доказательство: треугольники  $AMA'$  и  $CNC'$  подобны, так как их стороны параллельны. Учитывая свойство п. 2.5, имеем  $\frac{AB}{CD} = \frac{A'B'}{C'D'}$ .

2.7. Проекция геометрической фигуры по величине и форме не изменяется при параллельном перемещении плоскости проекций

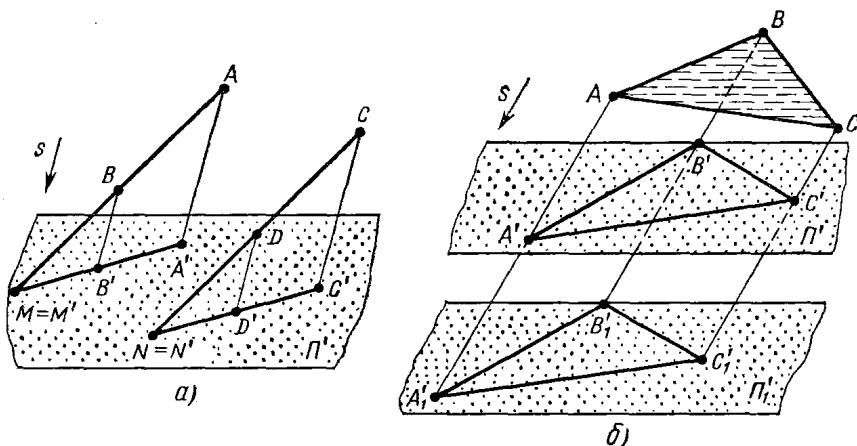


Рис. 4

(рис. 4, б). Доказательство: треугольники  $A'B'C'$  и  $A''B''C''$  конгруэнтны, так как  $\Pi' \parallel \Pi''$ , а проецирующие лучи не меняют своего положения.

2.8. Проекция отрезка не может быть больше самого отрезка (на рис. 3, б отрезок  $CD$ ). Доказательство: в прямоугольном треугольнике  $CDC'$  отрезок  $CD$  является гипотенузой, а его проекция  $C'D'$  — катетом. Известно, что катет не может быть больше гипотенузы.

В частном случае, когда отрезок параллелен плоскости проекций, например отрезок  $MN$ , его проекция  $M'N'$  конгруэнтна самому отрезку, так как они параллельны между собой.

*Прямые, параллельные плоскости проекций, называют прямыми уровня.*

Из этого частного случая вытекает, что если плоская фигура ограничена прямыми одного уровня, то она проецируется на параллельную плоскость проекций в конгруэнтную фигуру — без искажения, а в остальных случаях — с искажением.

Из этого частного случая следует также, что если угол ограничен прямыми одного уровня, то он проецируется на парал-

лельную плоскость проекций без искажения, а в остальных случаях — с искажением, кроме случая проецирования прямого угла, у которого одна сторона параллельна плоскости проекций.

### § 3. Теорема о проецировании прямого угла

3.1. Если одна сторона прямого угла параллельна плоскости проекций, а вторая ей не перпендикулярна, то прямой угол проецируется на эту плоскость проекций без искажения.

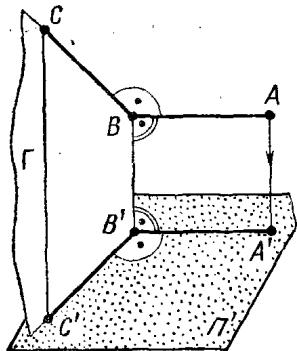


Рис. 5

Доказательство (рис. 5). По условию  $AB \perp BC$  и  $AB \parallel \Pi'$ . На основании прямоугольного проецирования  $AB \perp BB'$ , следовательно,  $AB \perp \Gamma (BC \cap BB')$ , так как  $AB \perp BC$  и  $AB \perp BB'$ .

По условию  $AB \parallel A'B'$ , следовательно,  $A'B' \perp \Gamma$ , т. е. и к прямой  $C'B'$  этой плоскости. Значит угол между прямыми  $A'B'$  и  $B'C'$  равен  $90^\circ$ .

3.2. Из теоремы следует, что если одна сторона прямого угла является прямой уровня, то прямой угол проецируется без искажения на плоскость проекции, параллельную этой стороне.

### § 4. Способы дополнения однопроекционного изображения

4.1. Проекционные изображения, используемые в технической документации, должны отвечать следующим основным требованиям:

— быть **обратимыми** (метрически определенными), т. е. такими, чтобы по ним можно было изготовить изображенный предмет (определить его форму и размеры);

— быть **наглядными**, т. е. такими, чтобы по ним можно было представить изображенный предмет;

— обладать относительной простотой графического выполнения.

4.2. Рассмотренный в § 1 и 2 способ проецирования на одну плоскость проекций дает возможность решить прямую задачу — имея предмет, найти его проекцию, но не позволяет решить обратную задачу — имея проекцию, определить форму и размеры предмета. Например, имея проекцию  $A'$  (рис. 6), нельзя определить положение самой точки  $A$  в пространстве, так как неизвестно удаление ее от плоскости проекций  $\Pi'$ .

Наличие одной проекции создает неопределенность изображения. Такие изображения должны содержать дополнительные данные, чтобы по ним можно было определить оригинал.