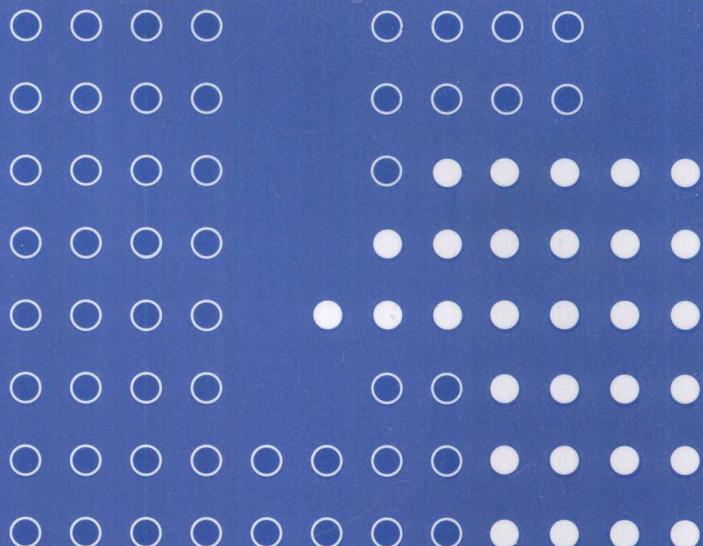


计算机系列教材

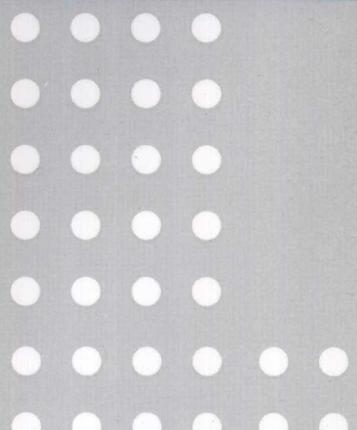
本书第一版获普通高等教育“十一五”国家级规划教材

# 数字逻辑设计

## (第二版)



薛宏熙 胡秀珠 编著



清华大学出版社



计算机系列教材

本书第一版获普通高等教育“十一五”国家级规划教材

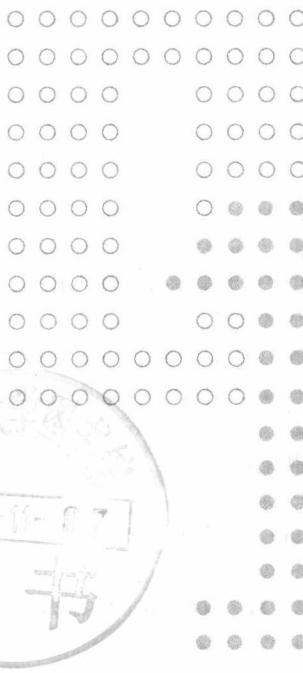


郑州大学 \*04010812778 \*

薛宏熙 胡秀珠 编著

# 数字逻辑设计

## (第二版)



TN79  
X948

清华大学出版社  
北京

## 内 容 简 介

本书的特点是引入了电子设计自动化(Electronic Design Automation, EDA)工具和硬件描述语言VHDL,使理论教学和上机实践相结合,使学习基本原理和掌握设计方法相结合。从教学改革的角度看,这种教学实践实现了学校教育和产业界接轨,实现了教材和教学方法的与时俱进。

全书共分8章和2个附录。第1章是逻辑电路导论;第2章介绍门电路的物理实现和特性;第3~4章介绍各种组合逻辑电路及其优化实现;第5章介绍触发器和寄存器;第6章介绍同步时序电路;第7章介绍异步时序电路;第8章以实例介绍数字系统的特点和设计方法。附录A介绍EDA工具Quartus II,附录B介绍硬件描述语言VHDL。本书所附光盘中包含了EDA软件Quartus II 9.0网络版、PPT形式的课件以及本书中所涉及的VHDL代码。作者将习题解答放置在清华大学出版社网站,教师向出版社提供身份证明后可免费下载。

本书可作为高等院校计算机、自动化、电子工程及相关专业“数字逻辑”课程的教材,也可作为从事相关工作的工程技术人员的参考书。

本书封面贴有清华大学出版社防伪标签,无标签者不得销售。

版权所有,侵权必究。侵权举报电话:010-62782989 13701121933

### 图书在版编目(CIP)数据

数字逻辑设计/薛宏熙,胡秀珠编著. —2 版. —北京: 清华大学出版社, 2012. 7

计算机系列教材

ISBN 978-7-302-28032-3

I. ①数… II. ①薛… ②胡… III. ①数字电路—逻辑设计 IV. ①TN79

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2012)第 023031 号

**责任编辑:**白立军

**封面设计:**常雪影

**责任校对:**时翠兰

**责任印制:**何 芊

**出版发行:**清华大学出版社

**网 址:** <http://www.tup.com.cn>, <http://www.wqbook.com>

**地 址:** 北京清华大学学研大厦 A 座 **邮 编:** 100084

**社 总 机:** 010-62770175 **邮 购:** 010-62786544

**投稿与读者服务:** 010-62776969, [c-service@tup.tsinghua.edu.cn](mailto:c-service@tup.tsinghua.edu.cn)

**质量反馈:** 010-62772015, [zhiliang@tup.tsinghua.edu.cn](mailto:zhiliang@tup.tsinghua.edu.cn)

**课件下载:** <http://www.tup.com.cn>, 010-62795954

**印 装 者:** 三河市春园印刷有限公司

**经 销:** 全国新华书店

**开 本:** 185mm×260mm **印 张:** 22 **字 数:** 531 千字  
**附光盘 1 张**

**版 次:** 2008 年 10 月第 1 版 2012 年 7 月第 2 版 **印 次:** 2012 年 7 月第 1 次印刷

**印 数:** 1~3000

**定 价:** 39.50 元

---

产品编号: 044112-01

普通高等教育“十一五”国家级规划教材 计算机系列教材 编委会

主任：周立柱

副主任：王志英 李晓明

编委委员：（按姓氏笔画为序）

汤志忠 孙吉贵 杨 波

岳丽华 钱德沛 谢长生

蒋宗礼 廖明宏 樊晓桠

责任编辑：马瑛珺

E D I T O R S

## 《数字逻辑设计(第二版)》 第二版前言

数字逻辑是计算机、自动化、电子工程等专业的本科生核心课程之一。编写本书的基本出发点是：理论与实践相结合；基本理论与新的设计方法相结合。这里所说的新的设计方法是指硬件描述语言(hardware description language, HDL)和电子设计自动化(electronic design automation, EDA)工具。第二版对第一版的部分内容做了更新和补充。

数字集成电路技术的进步主要表现在集成度的提高和EDA工具的成熟，两者相辅相成、相互促进。在没有EDA工具的条件下，只能依靠纸和笔进行手工设计，费时费力效果差，也无法完成大规模数字系统的设计与制造。使用EDA工具后局面将大为改观，其主要优点如下：

(1) 设计者工作的重点是在理论的指导下对目标电路进行精确的描述，将烦琐的细节工作交给EDA工具去做，有利于设计大规模的数字系统。

(2) 检验一个设计正确与否可以在EDA工具(模拟验证)的帮助下完成，因而使设计者具备自我检查的能力。

(3) 通过实践完成一个特定的任务，必然印象深刻，并且这个设计不是纸面上的图形和文字，而是可以提交给EDA工具、可直接被综合为集成电路的设计。

虽然学习EDA工具的使用方法以及学习硬件描述语言VHDL都需要花费一定的时间和精力，但是这种付出和收获相比，收获将远大于付出。从教学改革的角度看，这种教学实践实现了学校教育和产业界接轨，实现了教材和教学方法的与时俱进。

高等教育强调创新人才的培养，重大理论的创新固然可贵，技术创新、产品创新也具有重要价值。从培养创新型人才出发，本课程必须强调基本理论，其理由如下：

(1) 理论是应用的基石。

(2) 只有掌握基本的理论知识才能更好地使用EDA工具。

(3) 理论本身也需要继承和创新，如果不在原有的基本理论上创新，就不可能产生今天的EDA工具，而EDA工具的进一步发展仍需依赖理论的创新。限于篇幅，本书对有关EDA方面的理论有所涉及但涉及不深。

培养创新人才需要通过各个教学环节来实现，对于本课程来说，除了用纸、笔完成适量的作业以巩固理论知识之外，更多的练习是使用EDA工具完成一系列设计。学生完成一个设计任务后，谁能告诉他这个设计是否与预期功能相符？是EDA工具！EDA工具提供的模拟波形将显示该目标电路的行为特性。这创造了一个自主学习的环境，当学生完成了一个个任务之后，将逐渐积累起信心，使他有勇气面对新的挑战。

易学易懂是本书的一个重要目标。为此，在每章的开头有【课前思考】和【学习指南】，为

学习本章提供指导性意见,每章的末尾有习题供学生作练习。在文字表述上,尽量避免长篇的文字描述,而尽量多用图形、表格、提纲等方式,以醒目的方式介绍有关知识。本书在取材方面以基本内容为主,当涉及某些难度较大而又需要一般了解的知识点时,本书给有关章节打上星号,提示有关内容不属于基本要求。

数字集成电路技术发展到今天,特点之一是集成度很高,单个芯片内可以包含几百万至几千万个逻辑门,可以容纳中等规模的数字系统,因而称为片上系统(system on chip,SOC)。过去以中小规模集成电路为基础的芯片(例如74系列)将不再是我们关注的焦点,因而略去有关内容,而把重点转向目标电路的行为描述以及调用EDA工具所提供的库元件。特点之二是本书引入了EDA工具,因而逻辑元件的符号也采用EDA工具所使用的国际通用符号。以上两点和国内某些同类教科书有所不同,在此加以说明。

实践环节可分为两个层次:第一个层次是使用EDA工具进行设计和模拟验证,只要有微型计算机的地方就可以进行,对学生十分方便。第二个层次是在实验装置上做硬件实验。前者的优点是条件容易满足,后者的优点是真实的硬件实验,而不是软件模拟的结果。具体做法视学校的具体条件而定。

全书共分8章和2个附录。第1章是逻辑电路导论,介绍数字电路的表示方法、逻辑代数以及化简逻辑函数的基本方法。第2章介绍数字集成电路的基本元件,讨论门电路的物理实现和特性。数字电路分为组合逻辑电路和时序逻辑电路,第3~4章介绍各种组合逻辑电路及其优化实现。第5章介绍时序电路中的记忆元件:锁存器、触发器和寄存器。第6章介绍同步时序电路的理论和设计方法,是全书的重点。第7章介绍异步时序电路,帮助读者从理论的高度认识时序电路,由于难度较大、需要较多学时,作者用星号标记其为选修内容。第8章介绍几个规模较大的数字系统,以实例展示数字系统的设计方法。第8章是第6章的延伸和提高,建议在学完第6章之后,以自学加实验的方式完成第8章的学习。

附录A介绍EDA工具Quartus II,通过精选的实例进行引导,读者可以跟随这些例子并实际操作,从而掌握Quartus II的使用方法和技巧。附录B介绍硬件描述语言VHDL。

从第3章开始,理论学习要和上机实验相结合,这就必然涉及EDA工具Quartus II和硬件描述语言VHDL。在学习方法上,我们不是先学习了Quartus II和VHDL之后才学第3章以及此后的章节。建议初学者先快速浏览附录A和附录B,然后在学习有关理论知识的过程中边学边查,穿插进行。先对Quartus II和VHDL有个粗略的了解,最后达到全面掌握。教师讲课时,也可以在讲第3章之前用2个课时简单介绍Quartus II,然后布置作业让学生在实践中逐步掌握Quartus II的使用方法和技巧。

有关Quartus II、VHDL及可编程逻辑器件的详细资料,可参阅文献[3~5,15~17]。

本书的适用对象是大学本科生,以及想通过自学掌握数字电路设计的工程技术人员。

本书所附光盘中包含了EDA软件Quartus II 9.0网络版、PPT形式的课件以及本书中所涉及的VHDL代码。作者将习题解答放置在清华大学出版社网站(<http://www.tup.tsinghua.edu.cn/>),教师向出版社提供身份证明后可免费下载。

限于作者的经验和水平,错误或不当之处在所难免,欢迎读者和使用此教材的教师、学生提出宝贵意见。

致谢

ALTERA 公司中国区项目经理徐平波为本书提供了 EDA 工具 Quartus II 网络版 9.0 并授权发行,对此深表谢意。

作 者

2011 年 12 月于清华园

F O R E W O R D

**第1章 逻辑电路导论 /1**

1.1 开关电路数学表示方法初步 /1

1.1.1 真值表 /1

1.1.2 二进制编码 /2

1.1.3 真值表的常见形式 /3

1.1.4 分析与综合 /3

1.2 逻辑代数 /4

1.2.1 逻辑代数的基本运算 /4

1.2.2 逻辑函数 /6

1.2.3 逻辑代数的基本公式和运算规则 /6

1.3 用与门、或门和非门进行逻辑综合 /9

1.4 公式法化简逻辑函数 /10

1.5 卡诺图 /12

1.5.1 卡诺图是真值表的图形表示 /12

1.5.2 用卡诺图化简逻辑函数 /12

1.5.3 概念提升 /16

1.6 逻辑函数的标准形式 /18

1.6.1 函数的“积之和”表达式 /18

1.6.2 函数的“和之积”表达式 /18

1.6.3 两种表达形式的互换 /19

1.6.4 包含无关项的逻辑函数的化简 /20

\*1.7 表格法化简逻辑函数 /22

\*1.7.1 求质蕴含项集合 /23

\*1.7.2 求最小覆盖 /25

1.7.3 表格法小结 /31

1.8 解题示例 /32

**【本章小结】 /33**

**【习题】 /34**

**第2章 数字集成电路的基本元件——门电路 /37**

2.1 概述 /37

2.2 TTL集成门电路 /40

2.2.1 TTL与非门简介 /40

第 1 章 数字逻辑基础	2.2.2 TTL 与非门的外特性及其参数 /41
1.1 数字逻辑概述	2.2.3 集电极开路的与非门 /44
1.2 数字逻辑的基本概念	2.2.4 TTL 三态门 /45
1.3 数字逻辑的表示方法	2.3 MOS 场效应晶体管 /46
1.4 数字逻辑的分析与设计方法	2.4 MOS 门电路 /50
1.5 数字逻辑的实现方法	2.4.1 NMOS 门电路 /50
1.6 数字逻辑的表示方法	2.4.2 CMOS 门电路 /52
1.7 数字逻辑的分析与设计方法	2.4.3 其他类型的 CMOS 门电路 /54
1.8 数字逻辑的实现方法	2.4.4 CMOS 逻辑门电性能分析 /56
1.9 数字逻辑的表示方法	2.4.5 不同类型逻辑门的配合问题 /58
1.10 数字逻辑的分析与设计方法	2.5 74 系列中小规模集成电路芯片 /58
1.11 数字逻辑的实现方法	2.6 可编程逻辑器件 /58
1.12 数字逻辑的表示方法	2.6.1 可编程逻辑阵列 PLA /59
1.13 数字逻辑的分析与设计方法	2.6.2 可编程阵列逻辑 PAL 和 GAL /59
1.14 数字逻辑的实现方法	2.6.3 复杂可编程器件 /60
1.15 数字逻辑的表示方法	2.6.4 现场可编程门阵列 /60
1.16 数字逻辑的分析与设计方法	2.6.5 可编程开关的物理实现 /61
1.17 数字逻辑的实现方法	2.6.6 CPLD 和 FPGA 特点比较 /63
1.18 数字逻辑的表示方法	【本章小结】 /63
1.19 数字逻辑的分析与设计方法	【习题】 /64

### 第 3 章 组合逻辑电路的优化实现 /66

3.1 组合逻辑电路的特点与优化实现 /66
3.2 单输出函数和多输出函数 /67
3.2.1 多输出函数的化简 /67
3.2.2 多输出函数的优化实现 /71
3.2.3 用 EDA 工具优化实现组合逻辑 电路示例 /72
3.3 多级逻辑电路的综合 /74
3.3.1 提取公因子 /74
3.3.2 功能分解 /75
3.4 组合逻辑电路积木块 /76
3.4.1 多路选择器 /76

3.4.2 用 LUT 构建更大规模的组合逻辑  
电路 /78

3.4.3 编码器 /78

3.4.4 译码器 /81

3.4.5 数值比较器 /82

3.4.6 算术逻辑运算电路 /83

3.5 组合逻辑电路中的竞争和险象 /83

3.5.1 险象的分析 /83

3.5.2 险象的消除 /86

3.6 解题示例 /87

【本章小结】 /90

【习题】 /90

#### 第 4 章 数的表示方法和算术运算电路 /94

4.1 数制和编码 /94

4.1.1 数的位置表示法 /94

4.1.2 二进制数和十进制数的相互转换 /95

4.1.3 八进制数的二进制编码 /97

4.1.4 十六进制数的二进制编码 /97

4.1.5 十进制数的二进制编码 /98

4.1.6 格雷码 /100

4.1.7 字符编码 /100

4.1.8 奇偶校验码 /102

4.2 无符号数的加法运算 /104

4.2.1 二进制整数的加法运算 /104

4.2.2 BCD 码形式的十进制数加法运算 /107

4.3 有符号数的表示方法和算术运算 /110

4.3.1 二进制定点数的原码表示形式 /110

4.3.2 二进制定点数的补码表示形式和  
加减运算 /110

4.3.3 二进制定点数的反码表示形式和  
加减运算 /114

4.4 用 EDA 工具设计算术运算电路示例 /116

## 目录 《数字逻辑设计(第二版)》

【本章小结】 /121

【习题】 /121

### 第5章 锁存器、触发器和寄存器 /124

5.1 锁存器 /124

5.1.1 基本 R-S 锁存器 /124

5.1.2 选通 D 锁存器 /125

5.2 D 触发器 /128

5.2.1 从总体的角度观察 D 触发器 /128

5.2.2 D 触发器和 D 锁存器的比较 /131

5.2.3 带使能控制的 D 触发器 /131

5.3 主从 D 触发器 /133

5.4 其他类型的触发器 /134

5.4.1 T 触发器 /134

5.4.2 JK 触发器 /135

5.5 寄存器 /136

5.6 设计示例 /138

【本章小结】 /142

【习题】 /142

### 第6章 同步时序电路 /144

6.1 同步时序电路概述 /144

6.2 同步时序电路的设计 /146

6.2.1 状态图和状态表 /147

6.2.2 状态分配 /149

6.2.3 确定激励函数和输出函数 /150

6.2.4 VHDL 行为描述与使用 EDA 工具  
设计 /150

6.3 状态化简 /152

6.3.1 完全规定的有限状态机和不完全规定的有限状态机 /152

6.3.2 状态化简算法 /152

6.4 同步时序电路中的竞争和险象 /154

6.4.1 状态变迁序列与险象的关系 /154

6.4.2 在 VHDL 行为描述中指定状态  
编码 /156

6.5 算法状态机图 /157

6.6 解题示例 /158

【本章小结】 /168

【习题】 /169

## 第 7 章 异步时序电路 /173

7.1 异步时序电路的特点 /173

\* 7.2 脉冲异步时序电路 /173

\* 7.2.1 脉冲异步时序电路的分析 /174

\* 7.2.2 脉冲异步时序电路的综合 /176

\* 7.3 电位异步时序电路 /180

\* 7.3.1 电位异步时序电路的分析 /181

\* 7.3.2 电位异步时序电路的综合 /183

\* 7.4 电位异步时序电路综合中防范险象的

措施 /188

\* 7.5 解题示例 /195

【本章小结】 /204

【习题】 /204

## 第 8 章 数字系统设计 /207

8.1 数字系统的特点和设计方法 /207

8.2 交通灯控制器设计 /208

8.3 求最大值电路的设计 /214

8.4 数字系统中某些技术细节 /219

8.4.1 减少时钟偏移的布线网络 /220

8.4.2 触发器的异步输入 /220

8.4.3 消除机械开关抖动的电路 /220

【本章小结】 /221

【习题】 /221

## 目录 《数字逻辑设计(第二版)》

附录 A EDA 工具 Quartus II 简介	/224
A.1 Quartus II 的安装与运行	/224
A.2 设计流程	/227
A.3 项目的建立与版本管理	/229
A.3.1 建立一个新项目	/229
A.3.2 Quartus II 项目的版本管理	/231
A.4 设计的原理图描述	/233
A.4.1 进入原理图编辑器	/233
A.4.2 从元件库中调入元件符号	/234
A.4.3 绘制原理图	/235
A.5 设计的 VHDL 描述	/236
A.5.1 进入文本编辑器	/236
A.5.2 在文本编辑器中编辑 VHDL	
A.5.3 发现并纠正 VHDL 代码中的	
错误	/239
A.5.4 保存文件	/239
A.6 综合和编译	/240
A.6.1 进入编译器	/240
A.6.2 发现并纠正原理图中的错误	/242
A.7 模拟验证	/242
A.7.1 使用波形编辑器绘制测试向量	
A.7.2 执行模拟	/246
A.8 层次化设计实例	/248
A.8.1 在原理图编辑器中实现层次化	
设计	/248
A.8.2 VHDL 设计描述与原理图混合使用的	
层次化设计	/251
A.9 时序分析器	/254
A.10 调用带参数的库元件	/256
A.10.1 在原理图编辑器中创建一个存	
储器	/256

A. 10.2	初始化存储器的内容 /261
A. 10.3	存储器的模拟实例 /262
A. 11	可编程器件的物理实现 /263
A. 11.1	引脚分配 /263
A. 11.2	对目标器件编程 /266
A. 12	用 SignalTap II 实时测试 FPGA 中的信号波形 /271
<b>附录 B 硬件描述语言 VHDL 简介 /277</b>	
B. 1	VHDL 的产生与发展 /277
B. 2	用 VHDL 建立电路模型 /278
B. 2.1	电路模型 /278
B. 2.2	实体声明与结构体 /279
B. 2.3	结构体的描述方式 /281
B. 2.4	标识符 /281
B. 3	面向模拟器的某些特性 /282
B. 3.1	模拟周期 /283
B. 3.2	延迟时间 /283
B. 4	VHDL 中的对象 /284
B. 5	数据类型 /285
B. 5.1	标量类型 /286
B. 5.2	复合类型 /287
B. 5.3	子类型 /289
B. 5.4	文件类型 /289
B. 5.5	类型转换 /289
B. 6	VHDL 的词法单元 /291
B. 6.1	注释 /291
B. 6.2	数字 /291
B. 6.3	字符 /292
B. 6.4	字符串 /292
B. 6.5	位串 /292
B. 7	属性 /293
B. 8	表达式与运算符 /295

## 目录 《数字逻辑设计(第二版)》

B. 9 子程序——过程与函数 /299
B. 10 程序包与设计库 /300
B. 10.1 程序包——设计中的数据共享 /300
B. 10.2 设计库 /302
B. 10.3 VHDL 中名字的可见性 /302
B. 10.4 library 语句和 use 语句 /303
B. 11 行为描述 /304
B. 11.1 进程语句 /304
B. 11.2 行为模型的顺序性 /305
B. 11.3 行为模型的并行性 /312
B. 12 结构描述 /316
B. 12.1 端口的基本特征 /316
B. 12.2 元件例化语句 /317
B. 12.3 配置指定 /318
B. 12.4 规则结构 /319
B. 12.5 无连接端口 /320
B. 13 重载 /321
B. 14 VHDL 保留字和预定义程序包 /322
B. 14.1 VHDL 保留字 /322
B. 14.2 标准程序包 STANDARD /323
B. 14.3 IEEE 多值逻辑系统程序包 std_logic_1164 /330

参考文献 /333

# 第1章 逻辑电路导论

## 【课前思考】

(1) 微型计算机和数码产品已进入寻常百姓家,这和数字集成电路技术的飞速发展密切相关,为什么它能得到飞速发展? 其基础是什么?

(2) 数字逻辑电路有什么特点? 设计一个大规模的数字系统需要什么样的基础理论知识?

## 【学习指南】

本章介绍数字电路逻辑功能的数学表示,是学习后续章节的基础。

## 1.1 开关电路数学表示方法初步

数字电路(digital circuit)的特点在于晶体管工作于两个极端状态(指稳态而非过渡态): 完全截止或充分导通(达到饱和), 相当于开关的断开和接通。由于数字电路结构简单, 带来高可靠性和高集成度两大优点。描述规模巨大的数字电路, 自然语言已很难胜任, 需要用数学方法简练而精确地描述。

### 1.1.1 真值表

真值表适用于描述开关电路的功能, 本节通过简单实例引入这种数学表示方法。

**【例 1.1】** 夜晚上楼梯的时候, 人们需要按动开关使照明灯发亮; 登上一层楼梯之后, 又需要按动开关使该照明灯熄灭。反之, 下楼梯的时候, 需要在高层按动开关点亮照明灯; 到达低层之后又需要按动开关熄灭该照明灯。以上要求可归纳为: 在楼梯的任何一层按动一次开关, 就可以改变照明灯的状态(由暗变亮或由亮变暗)。实现此要求的电路如图 1.1 所示, 这是一个非常简单的电路, 电工师傅凭经验就可以正确地实现。但是对于一个没有经验的新手来说, 可能会大费周折。为此, 下面用表格(见表 1.1)描述此照明灯控制电路的功能。

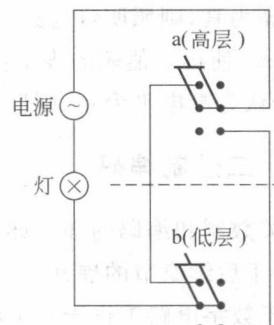


图 1.1 楼梯照明灯的控制电路

设高层开关和低层开关分别用  $a$  和  $b$  表示, 开关的向上与向下分别用 up 和 down 表示, 照明灯的亮与暗分别用 bright 和 dark 表示, 则表 1.1 完全、准确地描述了图 1.1 所示电路的功能。由于开关  $a$ 、 $b$  状态的组合共  $2^2 = 4$  种, 所以表 1.1 的行数=4, 每一行定义了开关  $a$ 、 $b$  在该状态组合下的照明灯的状态, 无一遗漏。仔细分析表 1.1 后发现, 当开关  $a$  或  $b$  中某一个的状态改变, 则照明灯 L 的状态将随之改变, 符合预期要求。

表 1.1 楼梯照明灯控制电路的功能表

开 关		照明灯 L
a	b	
down	down	bright
down	up	dark
up	down	dark
up	up	bright

现在对表 1.1 的表示方法加以演变,我们认为开关  $a, b$  是自变量,其取值只可能是 true 或 false;代表照明灯亮暗的  $L$  是因变量(函数),其取值也只可能是 true 或 false。接着用 true 取代 up,用 false 取代 down,用 true 取代 bright,用 false 取代 dark,于是得到表 1.2 所示的真值表。

表 1.2 楼梯照明灯控制电路的真值表

自 变 量		函数 $L$
$a$	$b$	
false	false	true
false	true	false
true	false	false
true	true	true

从这个例子可以了解真值表的含义:若认为开关向上为真,则开关向下为假;若认为照明灯点亮为真,则照明灯熄灭为假。在今后的真值表中,通常用 T 或 1 代替 true,用 F 或 0 代替 false,使得真值表的表示更为简洁。推而广之,若认为晶体管导通为真,则晶体管截止为假;若认为高电平为真,则低电平为假……

### 1.1.2 二进制编码

有关数制和编码的知识详见第 4 章,这里仅介绍二进制无符号整数(正整数)的表示方法,以利于后续章节的展开。

由于数字电路工作于开关状态,只可能表示 0 和 1。因此,用数字电路表示数值最便捷的方法是采用二进制数,其一般形式为

$$(B)_2 = b_{n-1}b_{n-2}\cdots b_i\cdots b_1b_0 \quad b_i \in \{0,1\}$$

它所对应的十进制数为

$$\sum_{i=0}^{n-1} 2^i \times b_i$$

今以  $n=3$  为例,列出二进制数和十进制数的对应关系(如表 1.3 所示)。