

龙门品牌  学子至爱

LongMen

龙门 考题

平面向量

高中数学



NLIC2970661179

主 编 傅荣强
本册主编 张 硕 高玉莲
封洪波



龍 門 書 局

www.Longmenbooks.com

平面向量



高中数学



主 编:傅荣强

本册主编:张 硕

编 者:刘 男	范宇文	李 兵
杨贵敏	曲雅茹	杨淑云
丁淑芬	李文清	罗 琴
谷艳芝	严守荣	张书祥
欧 石	孙秀范	任满娟
白 旻	姚艳丽	孙晓华
王维友	王传福	



NLIC2970561179

龍 門 書 局

北 京

版权所有 侵权必究

举报电话:(010)64030229;(010)64034315;13501151303

邮购电话:(010)64034160

图书在版编目(CIP)数据

龙门专题:新课标·高中数学·平面向量/傅荣强主编;张 硕,
高玉莲,封洪波本册主编.—北京:龙门书局,2010.7

ISBN 978-7-5088-2507-6

I. ①龙… II. ①傅…②张…③高…④封… III. ①数学
课—高中—教学参考资料 IV. ①G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2010)第 142246 号

责任编辑:马建丽 赵瑞云 刘 婷/封面设计:耕 者

龙 门 书 局 出 版

北京东黄城根北街 16 号

邮政编码:100717

www.longmenbooks.com

源海印刷有限责任公司印刷

科学出版社总发行 各地书店经销

*

2010 年 7 月 第 一 版 开本:A5(890×1240)

2010 年 7 月 第一次印刷 印张:6 1/4

字数:221 000

定 价:12.80 元

(如有印装质量问题,我社负责调换)



未名湖畔，博雅塔旁。

明媚的晨光穿透枝叶，懒散地泻落在林间小道上，花儿睁开惺忪的眼睛，欣喜地迎接薄薄的雾霭，最兴奋的是小鸟，扇动翅膀在蔚蓝的天空中叽叽喳喳地欢唱起来了。微风轻轻拂动，垂柳摇曳，舒展优美的身姿，湖面荡起阵阵涟漪，博雅塔随着柔波轻快地翩翩起舞。林间传来琅琅的读书声，那是晨读的学子；湖畔小径上不断有人跑过，那是晨练的学子；椅子上，台阶上，三三两两静静地坐着，那是求索知识的学子……

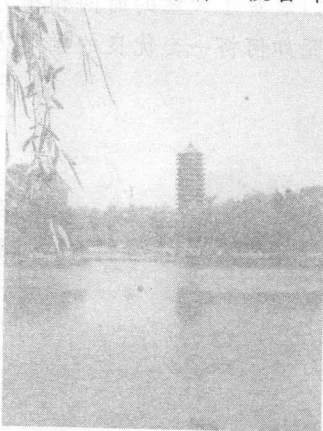
在北大，每个早晨都是这样的；在清华，每个早晨也是这样的；在复旦，在交大，在南大，在武大……其实，在每一所高校里，早晨都是一幅青春洋溢、积极进取的景象！

在过去几年时间里，我一直在组织北大、清华的高考状元、奥赛金牌得主，还有其他优秀的学子到全国各地巡回演讲。揭开他们“状元”的光环，他们跟我们是那么的相似，同样的普通与平凡。

是什么成就了他们的“状元”梦想？

在来来往往带他们巡讲的路上，在闲来无事的聚会聊天过程中，我越来越发现，他们每个人都是一道亮丽独特的风景，都有一段奋斗不息、积极进取的历程，他们的成功，是偶然中的必然。

小朱，一个很认真、很可爱的女孩子，高中之前家庭条件十分优越，但学习一直平平；在她上高中前，家庭突遭变故，负债累累，用她妈妈的话说，“家里什么都没有了，一切只能靠你自己了”。她说自己只有高考一条路，只有考好了，才能为家里排忧解难。我曾经在台下听她讲自己刻苦学习的经历：“你们有谁在大



年三十的晚上还学习到深夜三点？你们又有谁发烧烧到 39 度以上还在病床上看书？……”那一年，她以总分 684 分成为了浙江省文科高考状元。

陆文，一个出自父母离异的单亲家庭的女孩，她说她努力学习的动力就是想让妈妈高兴，因为从小她就发现，每次她成绩考得很好，妈妈就会很高兴。为了给妈妈买一套宽敞明亮的房子，她选择了出国这条路，考托福，考 GRE，最后如愿以偿，被芝加哥大学以每年 6.4 万美金的全额奖学金录取为生物方向的研究生。

齐伟，湖南省高考第七名，清华大学计算机学院的研究生，被全球最大的软件公司 MICROSOFT 聘为项目经理；霖秋，北京大学数学学院的小妹，在坚持不懈地努力中完成了自身最重要的一次涅槃，昨天的她在未名湖上游弋，今天的她已在千里之外的西雅图……

还有很多优秀的学子，他们也都有自己的故事，酸甜苦辣，很真实，很精彩。我有幸跟他们朝夕相处，默默观察，用心感受，他们的自信，他们的执着，他们的勤奋刻苦，尤其是他们的“学而得其法”所透露出来的睿智更让人拍案叫绝，他们人人都有一套行之有效的学习方法，花同样的时间和精力他们可以更加快速高效。我一直在想：如果当年我也知道他们的这些方法，或许我也能考上清华或北大吧？

多年以来，我一直觉得我们的高考把简单的事情搞复杂了，学生们浪费了大量的时间和精力却收效甚微；多年以来，我们也一直在研究如何将一套优良的学习方法内化到图书中，让同学们在不知不觉中轻松、快速地获取高分。这就是出版《龙门专题》的原因了。

一本好书可以改变一个人的命运！名校，是每一个学子悠远的梦想和真实的渴望。

《龙门专题》走向名校的阶梯！

总策划 《龙门专题》策划组

2010 年 8 月



《龙门专题》状元榜

赵永胜 2007年山西省文科状元

中国人民大学财政金融学院

星座：射手座

喜欢的运动：爬山 乒乓球

喜欢的书：伟人传记，如《毛泽东传》

人生格言：生命不息，奋斗不止

学习方法、技巧：兴趣第一，带着乐趣反复翻阅教科书，从最基本的知识入手，打牢“地基”，从基础知识中演绎难题，争取举一反三，融会贯通。合理安排时间，持之以恒，坚信“天道酬勤，勤能补拙”。



卢毅 2006年浙江省理科状元

北京大学元培学院

星座：天秤座

喜欢的运动：跑步 滑板

喜欢的书：《卡尔维诺文集》

人生格言：做自己

学习方法、技巧：注重知识点的系统性，将每门学科的知识作一个系统地梳理，无论是预习还是复习，这样便可在课上学习时有的放矢，课后复习时查漏补缺。坚持锻炼，劳逸结合。



武睿颖 2005年河北省文科状元

北京大学元培学院

星座：天秤座

喜欢的运动：游泳 网球

喜欢的书：A Thousand Splendid Suns

人生格言：赢得时间，赢得生命

学习方法、技巧：勤奋是中学学习的不二法门；同时要掌握良好的学习方法，如制定学习目标、计划，定期总结公式、解题思路等，这样能事半功倍。最后要培养良好的心态，平和积极地对学习中的得失。



刘诗泽 2005年黑龙江省理科状元

北京大学元培学院

星座：金牛座

喜欢的运动：篮球 台球 排球

喜欢的书：《三国演义》

人生格言：战斗到最后一滴血

学习方法、技巧：多读书，多做题，多总结。看淡眼前成绩，注重长期积累。坚持锻炼，劳逸结合。



邱汛 2005年四川省文科状元

北京大学

星座：处女座

喜欢的运动：篮球 乒乓球

喜欢的书：《哈利·波特》

人生格言：非淡泊无以明志，

非宁静无以致远

学习方法、技巧：1. 要保持一颗平常心来面对考试、繁重的学习任务和激烈的竞争。2. 学会从各种测验考试中总结经验、教训，而不要仅仅局限于分数。3. 学会计划每一天的学习任务，安排每一天的学习时间。4. 坚持锻炼，劳逸结合。



林叶 2005年江苏省文科状元

北京大学

星座：水瓶座

喜欢的运动：跑步 台球 放风筝

喜欢的书：《黑眼睛》《笑面人》

人生格言：不经省察的生活不值得过

学习方法、技巧：学习分两类，一类和理想真正有关，另一类只是不得不过的门槛。不要总因为喜好就偏废其中的一个，它不仅是必须的，而且你也许会发现，它本来也值得你热爱和认真对待。你自己的学习方法别人永远无法替代，它也是你生活的一部分，完善它，就像完善你自己。



田禾 2005年北京理科状元

北京大学元培学院

星座：水瓶座

喜欢的运动：羽毛球

喜欢的书：历史类书籍

人生格言：认真、坚持

学习方法、技巧：认真听讲，勤于思考，作阶段性总结，及时调整学习计划，坚持阅读课外书和新闻，一以贯之，学不偏废。



朱师达 2005年湖北省理科状元

北京大学元培学院

星座：水瓶座

喜欢的运动：足球 篮球 游泳

喜欢的书：《追风筝的人》《史记》

人生格言：有梦想就有可能，有希望就不要放弃

学习方法、技巧：1. 知识系统化、结构化是掌握知识的有用技巧和重要体现。2. 知其然还要知其所以然，记忆才更牢固。3. 整体把握兴趣和弱弱科的平衡。4. 正确认识自己的弱点，集中力量克服它。



编委会

主 编：傅荣强

编委会成员：傅荣强 方立波 于长军

张晓红 李健全 佟志军

朱 岩 张书祥 张 硕

牛鑫哲 周 萍 郭 杰

王学春 高 鹤 石铁明

石兴涛 史景辉 高 波

张文刚 李 琴 王新岩

杨开学 陈俊亮 张文刚

李 琴 王新岩 杨开学

陈俊亮

Contents

目录

基础篇	(1)
第一讲 平面向量及其运算	(2)
1.1 平面向量的实际背景及基本概念	(2)
1.2 平面向量的线性运算(I)——向量的加减法 运算及其几何意义	(12)
1.3 平面向量的线性运算(II)——向量的数乘与 平面向量基本定理	(25)
1.4 平面向量的数量积	(45)
高考热点题型评析与探索	(65)
本讲测试题	(73)
第二讲 坐标形式下的平面向量及其运算	(86)
2.1 平面向量的正交分解及坐标表示	(86)
2.2 平面向量的坐标运算	(99)

高考热点题型评析与探索 (121)

本讲测试题 (126)

综合应用篇 (138)

平面向量的理论应用 (138)

平面向量的实际应用 (171)

综合应用训练题 (189)



基础篇

现实世界中可以度量的量有两类,即:

只有大小没有方向的量——标量,如长度、面积、质量等;

既有大小又有方向的量——向量,如速度、位移等。

截止到现在,我们所涉及的量都是标量,这样的量在取定单位以后,都可以用一个实数对其进行表示。

当前我们面临的新的问题是:

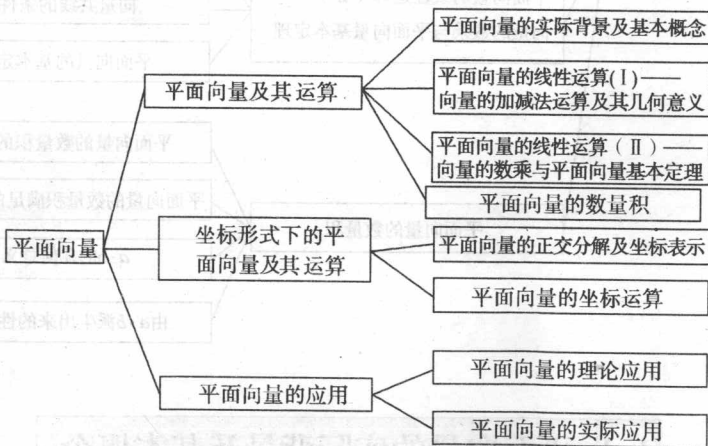
第一,如何把像速度、位移这样的量统一在一种形式下?

第二,统一像速度、位移这样的量的表示形式以后,建立一整套具有优良运算通性的数学体系。

本书的主旨就是着力解决上述两个问题,其总体思路确定为:

用有向线段表示向量;建立以有向线段为主体的运算体系;框架形成之后,再引进向量的坐标表示,把向量的运算转化成实数的运算,即所谓的优良运算通性。

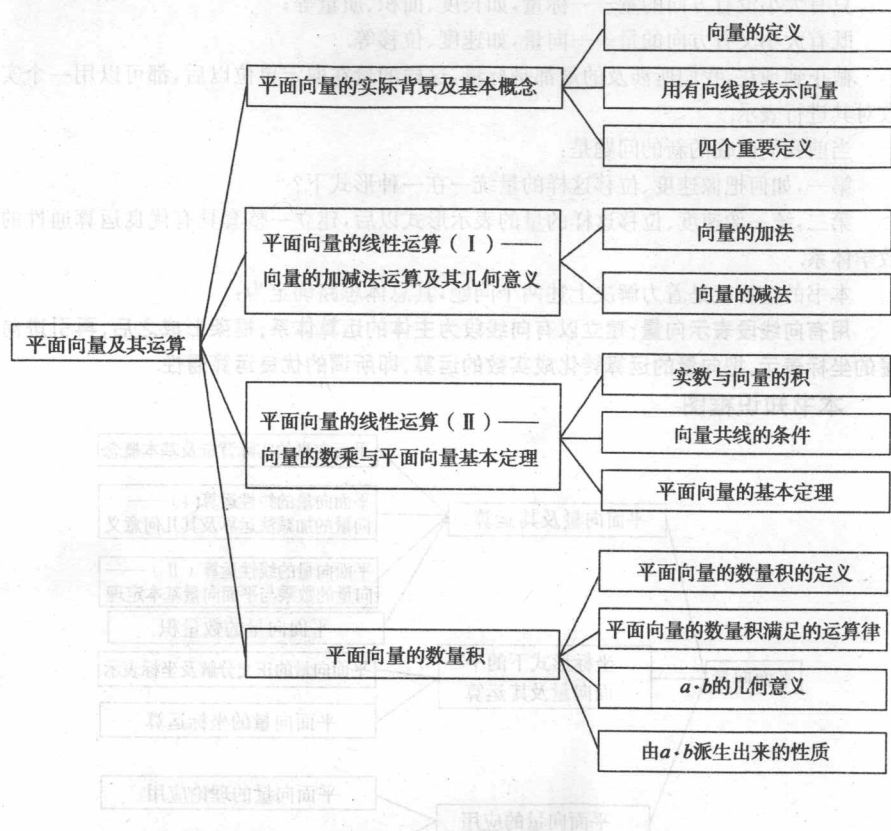
本书知识框图





第一讲 平面向量及其运算

本讲知识框图



1.1 平面向量的实际背景及基本概念

重点难点归纳

重点 平行向量的定义.

难点 对向量的平行与共线同义的领悟.

本节需掌握的知识点 ①向量的定义,两要素;②零向量、单位向量、平行向量、相等向量的定义.

知识点精析与应用

知识点精析

思考——问题提出

父母是孩子的第一任老师,也是终生的老师,几乎所有的人都是从父母那儿学习到了“1岁了,2岁了,3岁了”、“一本书”、“一块饼干”……陆续地,也就学会数数了,“1,2,3,……,10”。

父母教你走路的时候,嘴里总是念着“向前走一步、两步、三步”,“向左拐”,“向右拐”,……你长大了,你知道了位移、速度、力……

以上这两段话讨论的是两种量,这两种量的联系和区别在哪儿呢?

探究——抽象概括

思考中提及的两种量,前者只有大小没有方向,后者既有大小又有方向,也就是我们即将学习的向量,为了规范向量的知识体系,本节对它加以定义,给出它的表示形式并讨论一些基本概念。

1. 向量的定义

向量——既有大小又有方向的量。物理学中称它为矢量。

按照这个定义,向量有两个要素,即向量的大小和向量的方向。

过去我们学习的只有大小没有方向的量称之为数量,物理学中称数量为标量。

2. 用有向线段表示向量

向量的种类很多,我们不可能也没有必要分门别类地对其加以研究,为统一起见,以下我们把向量统一在一种形式下,即用有向线段表示向量。

(1) 有向线段

如图1-1,在线段 AB 的两个端点中规定一个顺序: A 为起点(也称为始点)、 B 为终点,这时线段 AB 就具有了方向:由 A 指向 B ,称具有方向的线段为有向线段,图1-1中的有向线段记为 \overrightarrow{AB} 。

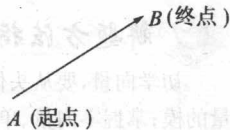


图 1-1

(2) 有向线段的长度

规定线段 AB 的长度为有向线段 \overrightarrow{AB} 的长度,记为 $|\overrightarrow{AB}|$ 。

(3) 有向线段的三个要素

有向线段有三个要素,即起点、方向、长度。

(4) 用有向线段表示向量

按向量的定义,向量有大小和方向两个要素。现在,我们把所有的向量统一在一种形式下,用有向线段表示向量,规定如下:

- ① 有向线段的方向就是向量的方向;
- ② 有向线段的长度就是向量的大小,称为向量的长度或模。

3. 四个重要定义

(1) 零向量

长度为 0 的向量(例如:作用力和其反作用力作用的结果)叫做零向量,记为 $\mathbf{0}$ 。

零向量的方向是任意的,它对应的几何图形是一个点。



(2) 单位向量

长度等于 1 个单位长度的向量叫做单位向量.

如,以 1cm 为 1 个单位长度,长度为 1cm 的向量就是单位向量,长度为 2cm 的向量就不是单位向量;又如,以 4cm 为 1 个单位长度,长度为 1cm 的向量就不是单位向量,而长度为 4cm 的向量才是单位向量.

(3) 相等向量

① 规定所有的零向量都相等;

② 长度相等且方向相同的非零向量叫做相等向量,向量 a 与 b 相等,记为 $a=b$.

如:图 1-2 中的向量 a 与 b 就是相等向量,即 $a=b$.

(4) 平行向量(也叫共线向量)

① 方向相同或相反的非零向量叫做平行向量.

如图 1-3 中的向量 a 与 b 就是同向平行向量,可记为 $a \parallel b$; a 与 c 就是反向平行向量,可记为 $a \parallel c$; a, b, c 相互平行,可记为 $a \parallel b \parallel c$.

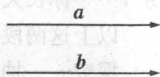


图 1-2

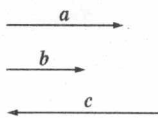


图 1-3

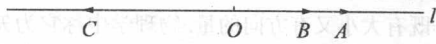


图 1-4

② 对平行向量与共线向量同义的解释.

如图 1-4,任作一条与图 1-3 中向量 a 所在的直线平行的直线 l ,在 l 上任取一点 O ,这时可在 l 上分别作出 $\vec{OA}=a, \vec{OB}=b, \vec{OC}=c$.这就是说,任意一组平行向量都可以平移到同一直线上.因此,平行向量也叫共线向量.

③ 规定零向量 0 与任一向量 a 平行.

解题方法指导

初学向量,要从头做起.本阶段要抓住三件事,即辨别某个量是不是向量;如何求向量的模;掌握零向量、单位向量、相等向量、平行向量各自的特点.

1. 辨别某个量是不是向量

辨别某个量是不是向量,就是要看这个量是否具有“大小”和“方向”两个要素.具有这两个要素的量是向量;否则,这个量不是向量.

[例 1] 如图 1-5, AD 是 $\triangle ABC$ 的边 BC 上的高, BE 是边 AC 上的中线,问线段 AD, BE 是否可以表示向量?

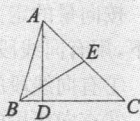


图 1-5

解 平面几何中的线段只有大小没有方向,所以,线段 AD, BE 都不能表示向量.

点评 在平面几何中, 线段没有起点和终点之分, 即线段 AB 与线段 BA 同义. 正是因为如此, 本例中的 $AD=DA, BE=EB$, 所以, AD, BE 都是只有大小没有方向的量.

[例 2] 如图 1-6, MP, OM, AT 依次是 $\angle \alpha$ 的正弦线、余弦线、正切线, 问 MP, OM, AT 是否是向量?

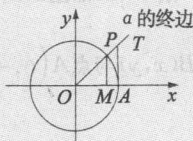


图 1-6

解 根据正弦线、余弦线、正切线的定义可知, MP, OM, AT 都是向量.

2. 如何求向量 \overrightarrow{AB} 的模 $|\overrightarrow{AB}|$

追本溯源, 线段 AB 的长度就是向量 \overrightarrow{AB} 的模 $|\overrightarrow{AB}|$. 因此, 求 $|\overrightarrow{AB}|$ 的问题可转至求线段 AB 或 BA 的长度的问题.

[例 3] 如图 1-7, 已知两点 $A(-4, 0), B(0, 3)$, 求向量 $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{BA}$ 的模, 并指出 $|\overrightarrow{AB}|$ 与 $|\overrightarrow{BA}|$ 是否相等.

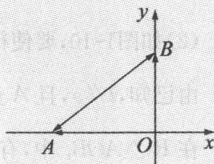


图 1-7

分析 本例的切入点是 $\triangle AOB$ 是直角三角形.

解 由 A, B 两点的坐标分别是 $(-4, 0), (0, 3)$, 得 $|\overrightarrow{OA}|=4, |\overrightarrow{OB}|=3$.

$\therefore \triangle AOB$ 是直角三角形,

$$\therefore |\overrightarrow{AB}|^2 = |\overrightarrow{OA}|^2 + |\overrightarrow{OB}|^2,$$

即

$$|\overrightarrow{AB}|^2 = 4^2 + 3^2 = 25,$$

$$\therefore |\overrightarrow{AB}| = 5.$$

重复上面的过程, 可得 $|\overrightarrow{BA}| = 5$.

$$\therefore |\overrightarrow{AB}| = |\overrightarrow{BA}|.$$

点评 ① $|a|$ 表示向量 a 的大小, 当 $a=0$ 时, $|a|=0$; 当 $a \neq 0$ 时, $|a| > 0$, 所以, $|a|$ 是实数, 且 $|a| \geq 0$. ② 当 $\overrightarrow{AB} \neq 0$ 时, $|\overrightarrow{AB}|$ 与平面几何中的 AB, BA 同义. ③ 本例中的 $|\overrightarrow{AB}| = |\overrightarrow{BA}|$ 不是偶然的, 它具有—般性.

3. 零向量, 单位向量, 相等向量, 平行向量

[例 4] 如图 1-8, 已知正比例函数 $y=x$ 的图象 l 与直线 g 平行, $A(0, -\frac{\sqrt{2}}{2}), B(x, y)$ 是直线 g 上的两点. 回答:

(1) x, y 为何值时, $\overrightarrow{AB} = \mathbf{0}$?

(2) x, y 为何值时, \overrightarrow{AB} 为单位向量?

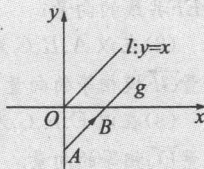


图 1-8



分析 $\overrightarrow{AB}=\mathbf{0} \Leftrightarrow |\overrightarrow{AB}|=0$, 必要且只要 A 与 B 两点重合; \overrightarrow{AB} 为单位向量, 当且仅当 $|\overrightarrow{AB}|=1$.

解 (1) 如图1-9, 由已知, 点 $B(x, y)$ 是直线 g 上的动点, 要使得 $\overrightarrow{AB}=\mathbf{0}$, 必须且只需点 $B(x, y)$ 与点 $A(0, -\frac{\sqrt{2}}{2})$ 重合, 于是 $\begin{cases} x=0, \\ y=-\frac{\sqrt{2}}{2}, \end{cases}$ 即当 $x=0, y=-\frac{\sqrt{2}}{2}$ 时, $\overrightarrow{AB}=\mathbf{0}$.

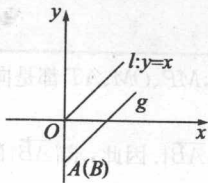


图 1-9

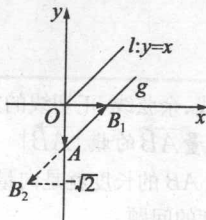


图 1-10

(2) 如图1-10, 要使得 \overrightarrow{AB} 是单位向量, 必须且只需 $|\overrightarrow{AB}|=1$.

由已知, $l \parallel g$, 且 A 点的坐标是 $(0, -\frac{\sqrt{2}}{2})$, 所以, B_1 点的坐标是 $(\frac{\sqrt{2}}{2}, 0)$.

在 $\text{Rt}\triangle AOB_1$ 中, 有

$$|\overrightarrow{AB_1}|^2 = |\overrightarrow{OA}|^2 + |\overrightarrow{OB_1}|^2 = \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 = 1,$$

即

$$|\overrightarrow{AB_1}|=1.$$

上式表明, 向量 $\overrightarrow{AB_1}$ 是单位向量.

同理可得

当 B_2 点的坐标是 $(-\frac{\sqrt{2}}{2}, -\frac{\sqrt{2}}{2})$ 时, 向量 $\overrightarrow{AB_2}$ 也是单位向量.

综上, 有

当 $x=\frac{\sqrt{2}}{2}, y=0$ 或 $x=-\frac{\sqrt{2}}{2}, y=-\frac{\sqrt{2}}{2}$ 时, 向量 \overrightarrow{AB} 是单位向量.

点评 本例易丢掉 $\overrightarrow{AB_2}$ 是单位向量的情况, 从而错误地得出只有一个单位向量 $\overrightarrow{AB_1}$ 的结论.

例5 如图1-11, E, F, G 依次是正 $\triangle ABC$ 的边 AB, BC, AC 的中点.

(1) 在以 A, B, C, E, F, G 为起点或终点的向量中, 找出与向量 \overrightarrow{EF} 共线的向量;

(2) 在以 A, B, C 为起点, 以 E, F, G 为终点的向量中, 找出与向量 \overrightarrow{GF} 模相等的向量;

(3) 在以 E, F, G 为起点, 以 A, B, C 为终点的向量中, 找出与向量 \overrightarrow{EG} 相等的向量.

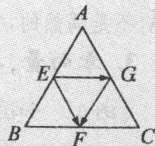


图 1-11



解 由已知, E, F, G 依次是正 $\triangle ABC$ 的边 AB, BC, AC 的中点,

所以, $EF \parallel \frac{1}{2} AC, GF \parallel \frac{1}{2} AB, EG \parallel \frac{1}{2} BC$.

(1) 在以 A, B, C, E, F, G 为起点或终点的向量中, 与向量 \vec{EF} 共线的向量有

$$\left. \begin{array}{l} \vec{AG}, \vec{AC}; \\ \vec{GA}, \vec{GC}; \\ \vec{CG}, \vec{CA}; \\ \vec{FE}. \end{array} \right\}$$

对向量而言, 平行与共线同义

这是最易丢掉的

(2) 在以 A, B, C 为起点, 以 E, F, G 为终点的向量中, 与向量 \vec{GF} 模相等的向量有 $\vec{AE}, \vec{AG}, \vec{BE}, \vec{BF}, \vec{CF}, \vec{CG}$.

(3) 在以 E, F, G 为起点, 以 A, B, C 为终点的向量中, 与向量 \vec{EG} 相等的向量是 \vec{FC} .

点评 解答本例的关键: 第(1)小题, 共线向量是指方向相同或相反的向量, 与模无关; 第(2)小题, 模相等的向量与方向无关; 第(3)小题, 相等的向量的模必须相等, 方向也必须相同.

基础达标演练

一、选择题

1. 下列结论中, 正确的是

- A. 零向量只有大小没有方向
- B. 对任一向量 a , $|a| > 0$ 总是成立的
- C. $|\vec{AB}| = |\vec{BA}|$
- D. $|\vec{AB}|$ 与线段 BA 的长度不相等

(C)

2. 下列结论中, 正确的是

- A. 2 004cm 长的有向线段不可以表示单位向量
- B. 若 \vec{AB} 是单位向量, 则 \vec{BA} 不是单位向量
- C. 若 O 是直线 l 上的一点, 单位长度已选定, 则 l 上有且只有两点 A, B , 使得 \vec{OA}, \vec{OB} 是单位向量
- D. 计算向量的模与单位长度无关

(C)

3. 下列结论中, 不正确的是

- A. 向量 \vec{AB}, \vec{CD} 共线与向量 $\vec{AB} \parallel \vec{CD}$ 同义
- B. 若向量 $\vec{AB} \parallel \vec{CD}$, 则向量 \vec{AB} 与 \vec{DC} 共线
- C. 若向量 $\vec{AB} = \vec{CD}$, 则向量 $\vec{BA} = \vec{DC}$
- D. 只要向量 a, b 满足 $|a| = |b|$, 就有 $a = b$

(D)

4. 如图1-12, 点 O 是正六边形 $ABCDEF$ 的中心, 与向量 \vec{AB} 平行且模也相等的向量有

- A. $\vec{CO}, \vec{OF}, \vec{DE}$
- B. $\vec{CO}, \vec{OC}, \vec{OF}, \vec{FO}, \vec{DE}, \vec{ED}$
- C. $\vec{CO}, \vec{CF}, \vec{OF}, \vec{DE}$
- D. $\vec{BA}, \vec{CO}, \vec{OC}, \vec{OF}, \vec{FO}, \vec{DE}, \vec{ED}$

(B)

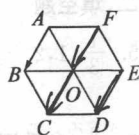


图 1-12



二、填空题

5. 用 3cm 的长度表示一个单位长度时, 长度为 1cm、3cm、6cm 的向量的模依次是

$\frac{1}{3}, 1, 2$.

6. 如图 1-13, 扇形 OAB 中, $\widehat{AB} = \frac{4\pi}{5}$, $\angle AOB = \frac{\pi}{3}$, C 是弦 AB 的中点, 这时 $|\overrightarrow{AC}| =$ $\frac{12}{5}$.

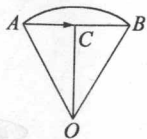


图 1-13

7. $\odot O$ 的周长是 2π , AB 是 $\odot O$ 的直径, C 是圆周上的一点, $\angle BAC = \frac{\pi}{6}$, $CD \perp AB$ 于 D , 这时 $|\overrightarrow{CD}| =$ $\frac{1}{2}$.

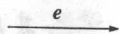
8. 若抛物线 $y = x^2 + 2004x - 1$ 与 y 轴的交点是 A , 曲线 $y = -\sin x, x \in [0, 2\pi]$ 与 x 轴的交点是 B , 则 $|\overrightarrow{AB}| =$ $\sqrt{17}$.

三、解答题

9. 对方向规定如下: 上北下南左西右东. 以 1cm 长为 1 个单位长度, 作图表示下列向量:

(1) 向量 \overrightarrow{AB} , 方向为东北方向, 模为 2;

(2) 向量 \overrightarrow{AC} , 方向为南偏西 60° , 且 $|\overrightarrow{AC}| = \frac{3}{2}$.



10. 以图 1-14 中的向量 e 为单位向量, 作图表示向量 a , 使得 $a \parallel e$, 且 $|a| = 2$.

图 1-14

答案与提示

一、选择题

- C (看选项 A, 零向量有方向, 且方向是任意的, 所以 A 不正确; 看选项 B, $|\mathbf{0}| = 0$, 所以, 对任一向量 \mathbf{a} , $|\mathbf{a}| \geq 0$ 总成立, 所以 B 不正确; 看选项 C 和 D, $|\overrightarrow{AB}|$ 、 $|\overrightarrow{BA}|$ 分别与线段 AB 、 BA 的长度相等, 且 $AB = BA$, 所以, C 正确, D 不正确.)
- C (选项 A 不正确的原因: 1 个单位长度取作 2 004cm 时, 2 004cm 长的有向线段刚好表示单位向量; 选项 B 不正确的原因: \overrightarrow{AB} 是单位向量时, $|\overrightarrow{AB}| = 1$, 而此时 $|\overrightarrow{BA}| = |\overrightarrow{AB}| = 1$, 即 \overrightarrow{BA} 也是单位向量; 选项 C 正确的依据: 单位长度选定以后, 在 l 上点 O 的两侧各取一点 A, B , 使得 $|\overrightarrow{OA}|$ 、 $|\overrightarrow{OB}|$ 都等于这个单位长度, 这时 \overrightarrow{OA} 、 \overrightarrow{OB} 都是单位向量; 选项 D 不正确的原因: 没有单位长度就等于没有度量标准.)
- D (向量可以平移, 所以, 选项 A 正确; $\overrightarrow{AB} \parallel \overrightarrow{CD}$ 时, \overrightarrow{AB} 与 \overrightarrow{CD} 的方向相同或相反, 这时 \overrightarrow{AB} 与 \overrightarrow{DC} 的方向相反或相同, 所以, 选项 B 正确; $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ 时, \overrightarrow{AB} 与 \overrightarrow{CD} 的模相等且方向相同, 这时 \overrightarrow{BA} 与 \overrightarrow{DC} 的模也相等且方向也相同, 所以, 选项 C 正确; $|\mathbf{a}| = |\mathbf{b}|$ 时, \mathbf{a} 与 \mathbf{b} 的方向不一定相同, 所以, 选项 D 不正确.)

4. D (本题易丢掉 \overrightarrow{BA} .)

二、填空题

5. $\frac{1}{3}, 1, 2$

6. $\frac{6}{5}$ (参看图 1-13, $OA = \frac{\widehat{AB}}{\angle AOB} = \frac{\frac{4\pi}{5}}{\frac{\pi}{3}} = \frac{12}{5}$. 在 $\text{Rt}\triangle OCA$ 中, $\angle AOC = \frac{\pi}{6}$, 所以 $AC =$