



普通高等教育“十一五”国家级规划教材配套教学用书



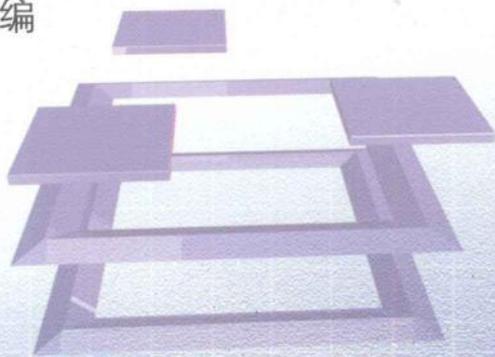
复旦卓越·数学系列

高等职业技术学院教材配套教学用书

# 实用数学练习册

(下册)  
工程类

张圣勤 叶迎春 孙福兴 王 星 / 编



 复旦大学出版社



普通高等教育“十一五”国家级规划教材配套教学用书



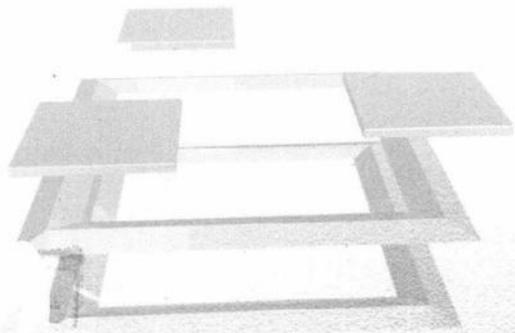
复旦卓越·数学系列

高等职业院校教材配套教学用书

# 实用数学练习册 (下册)

工程类

张圣勤 叶迎春 孙福兴 王 星 / 编



复旦大学出版社

**图书在版编目(CIP)数据**

实用数学练习册(下册)工程类 / 张圣勤等编. —  
上海: 复旦大学出版社, 2010. 3  
(复旦卓越·数学系列)  
ISBN 978-7-309-07057-6

I. 实… II. 张… III. 高等数学—高等学校: 技术学  
校—习题 IV. 013-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2010)第 016491 号

**实用数学练习册(下册)工程类**

张圣勤 等编

---

出版发行 **复旦大学出版社** 上海市国权路 579 号 邮编: 200433  
86-21-65642857(门市零售)  
86-21-65100562(团体订购) 86-21-65109143(外埠邮购)  
fupnet@fudanpress.com <http://www.fudanpress.com>

---

责任编辑 梁 玲

出品人 贺圣遂

---

印 刷 句容市排印厂  
开 本 787×1092 1/16  
印 张 5.25  
字 数 121 千  
版 次 2010 年 3 月第一版第一次印刷

---

书 号 ISBN 978 - 7 - 309 - 07057 - 6 / O · 438  
定 价 10.00 元

---

如有印装质量问题, 请向复旦大学出版社发行部调换。  
版权所有 侵权必究

## 内容提要

本书为复旦大学出版社出版的《实用数学》下册（工程类）的配套练习册。《实用数学》共分上、下两册（下册分为经管类和工程类两种），下册共分6章，分别介绍了二阶微分方程、拉普拉斯变换、多元函数微积分初步、无穷级数、图与网络基础、概率论基础，以及相关数学实验、数学建模、数学文化等内容。

本书可作为高职高专或者普通本科院校的高等数学、工程数学课程配套用书。

# 目 录

第 7 章 二阶微分方程 .....	1
习题 7-1 二阶可降阶微分方程 .....	3
习题 7-2(1) 二阶常系数线性微分方程(一) .....	4
习题 7-2(2) 二阶常系数线性微分方程(二) .....	6
第 8 章 拉普拉斯变换 .....	7
习题 8-1 拉普拉斯变换的概念与性质 .....	9
习题 8-2 拉普拉斯逆变换及其求法 .....	11
习题 8-3 拉普拉斯变换的应用 .....	12
习题 8-4 数学实验(六)——二阶微分方程与拉普拉斯变换 .....	13
第 9 章 多元函数微积分初步 .....	15
习题 9-1 多元函数的基本概念 .....	17
习题 9-2(1) 偏导数与全微分(一) .....	19
习题 9-2(2) 偏导数与全微分(二) .....	20
习题 9-3 复合函数、隐函数的偏导数 .....	22
习题 9-4 多元函数的极值 .....	24
习题 9-5(1) 二重积分(一) .....	26
习题 9-5(2) 二重积分(二) .....	28
第 10 章 无穷级数 .....	31
习题 10-1 无穷级数的概念 .....	33
习题 10-2(1) 幂级数与多项式逼近(一) .....	35
习题 10-2(2) 幂级数与多项式逼近(二) .....	36
习题 10-3 傅立叶级数 .....	38
习题 10-4 数学实验(七)——二元函数微积分学与无穷级数 .....	39
第 11 章 图与网络基础 .....	41
习题 11-1(1) 最短路与中国邮路问题(一) .....	43
习题 11-1(2) 最短路与中国邮路问题(二) .....	45
习题 11-2(1) 网络流(一) .....	47
习题 11-2(2) 网络流(二) .....	49
习题 11-3 数学实验(八)——图与网络 .....	51



<b>第 12 章 概率论基础</b> .....	53
习题 12-1(1) 随机事件及其概率(一) .....	55
习题 12-1(2) 随机事件及其概率(二) .....	56
习题 12-2(1) 随机变量及其概率分布(一) .....	58
习题 12-2(2) 随机变量及其概率分布(二) .....	59
习题 12-3 随机变量的数字特征 .....	61
习题 12-4 一元线性回归分析 .....	63
习题 12-5 数学实验(九)——概率统计 .....	65
<b>参考答案</b> .....	67

第7章

二阶  
微分方程





学校 \_\_\_\_\_ 班级 \_\_\_\_\_ 姓名 \_\_\_\_\_ 评分 \_\_\_\_\_

### 习题 7-1 二阶可降阶微分方程

1. 求下列微分方程的通解.

(1)  $y'' = x + e^x$ ;

(2)  $y'' = x \sin x - e^{2x}$ ;

(3)  $y'' = 1 + (y')^2$ ;

(4)  $y'' = x + y'$ ;

(5)  $xy'' + y' = 0$ ;

(6)  $y^3 y'' - 1 = 0$ .

2. 求下列微分方程满足所给初始条件的特解.

(1)  $y'' - a(y')^2 = 0$ ,  $y|_{x=0} = 0$ ,  $y'|_{x=0} = -1$ ;

(2)  $x^2 y'' + xy' = 1$ ,  $y|_{x=1} = 0$ ,  $y'|_{x=1} = 1$ .

3. 试求  $y'' = x$  过点  $(0, 1)$ , 且在此点与直线  $y = \frac{x}{2} + 1$  相切的积分曲线.





$$(5) y'' - 3y' + 3y = 0$$

$$(6) y'' + 12y = 0.$$

3. 求下列微分方程满足所给初始条件的特解.

(1)  $y'' - 3y' - 4y = 0$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = -5$ ;



(2)  $y'' + 25y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 5$ .



学校 \_\_\_\_\_ 班级 \_\_\_\_\_ 姓名 \_\_\_\_\_ 评分 \_\_\_\_\_

## 习题 7-2(2) 二阶常系数线性微分方程(二)

1. 求下列微分方程的通解.

(1)  $2y'' + y' - y = 2e^x$ ;

(2)  $y'' + a^2y = e^x$ ;

(3)  $y'' + 9y' = x - 4$ ;

(4)  $y'' - 5y' + 6y = xe^{2x}$ ;

(5)  $y'' - 6y' + 9y = 5(x+1)e^{3x}$ ;

(6)  $y'' - 2y' + 5y = e^x \sin 2x$ ;

(7)  $y'' + 4y = x \cos x$ .

2. 求下列微分方程的特解.

(1)  $y'' - 3y' + 2y = 5$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 2$ ;

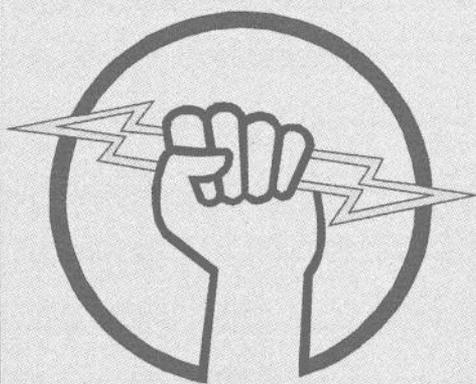
(2)  $y'' + y = -\sin 2x$ ,  $y(\pi) = 1$ ,  $y'(\pi) = 1$ ;

(3)  $y'' - y = 4xe^x$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 1$ .

3. 一质量为 4 kg 的钢球悬于弹性系数为 64 kg/cm 的弹簧下, 它从平衡位置上 0.5 cm 处开始无初速度的运动, 同时还受到一个垂直干扰力的  $F(t) = 8 \sin 4t$  的作用, 假设没有空气阻力, 求物体的运动方程  $x = x(t)$ .

## 第8章

# 拉普拉斯 变换





学校 \_\_\_\_\_ 班级 \_\_\_\_\_ 姓名 \_\_\_\_\_ 评分 \_\_\_\_\_

**习题 8-1 拉普拉斯变换的概念与性质**

1. 求下列函数的拉普拉斯变换.

(1)  $f(t) = 1$ ;

(2)  $f(t) = t^2$ ;

(3)  $f(t) = \sin \frac{t}{2}$ ;

(4)  $f(t) = \begin{cases} e^t, & t \leq 2, \\ 3, & t > 2; \end{cases}$

(5)  $f(t) = \begin{cases} -1, & t \leq 4, \\ 1, & t > 4. \end{cases}$

2. 求下列函数的拉普拉斯变换.

(1)  $f(t) = 3 + 2t^2$ ;

(2)  $f(t) = 5 \sin 3t - 17e^{-2t}$ ;



(3)  $f(t) = te^{4t}$ ;

(4)  $f(t) = e^{-2t} \sin 5t$ ;

(5)  $f(t) = \cos \omega t$ ;

(6)  $u(t-5) = \begin{cases} 0, & t < 5, \\ 1, & t \geq 5; \end{cases}$

(7)  $f(t) = \int_0^t \sin 2x dx$ .

3. 先查表再利用微分性质求下列函数的拉普拉斯变换.

(1)  $f(t) = \int_0^t e^{-4x} \sin 3x dx$ ;

(2)  $f(t) = e^{-t} \cos 2t$ .

4. 某动态电路的输入-输出方程为

$$\frac{d^2}{dt^2}r(t) = a_1 \frac{d}{dt}r(t) + a_0 r(t) = 0,$$

其中  $r(0)$  及  $r'(0)$  不为 0. 求  $r(t)$  的像函数(其中  $a_1, a_0$  为常数). [利用微分性质]

学校 \_\_\_\_\_ 班级 \_\_\_\_\_ 姓名 \_\_\_\_\_ 评分 \_\_\_\_\_

### 习题 8-2 拉普拉斯逆变换及其求法

1. 求下列函数的拉普拉斯逆变换.

$$(1) F(s) = \frac{1}{s};$$

$$(2) F(s) = \frac{1}{s^2};$$

$$(3) F(s) = \frac{1}{\sqrt{s}};$$

$$(4) F(s) = \frac{1}{s-8};$$

$$(5) F(s) = \frac{s}{s^2+6};$$

$$(6) F(s) = \frac{5s}{(s^2+1)^2};$$

$$(7) F(s) = \frac{1}{s^2-2s+9};$$

$$(8) F(s) = \frac{s}{(s-2)^2+9}.$$

2. 求下列函数的拉普拉斯逆变换.

$$(1) F(s) = \frac{s+3}{(s-2)(s+1)};$$

$$(2) F(s) = \frac{1}{(s+1)(s^2+1)};$$

$$(3) F(s) = \frac{1}{s(s^2+4)};$$

$$(4) F(s) = \frac{1}{(s^2+1)(s^2+4s+8)}.$$