

# 焦循 阮元评传(下)

陈居渊 著

余旣成易學三書憶自壬戌

門弟子所問答及於易者取

中 国 思 得 想 一 家 评 之 传 为 从 书

爾嘉慶戊寅三月三日

學易叢言

凡十  
八則

余旣成易學三書憶自壬戌以十數年間凡朋  
門弟子所問答及於易者取入三書外多有所餘復  
錄而有之得二卷目之爲易話以其言質無深奧云  
爾嘉慶戊寅三月三日

學易叢言

凡十  
八則



南京大学出版社

匡亚明 主编

伏羲之卦有畫無辭文王周公以辭指其畫之所之舍  
卦爻所之以觀彖辭爻辭覺其奧澀不可解孔子作傳  
亦以其未易質言也而翼之贊之舍卦爻所之以觀十

## 图书在版编目(CIP)数据

焦循 阮元评传/陈居渊著. —南京:南京大学出版社,  
2011. 4

(中国思想家评传丛书/匡亚明主编)

ISBN 978 - 7 - 305 - 06042 - 7

I. 焦… II. 陈… III. ①焦循(1763 ~ 1820)-评传②阮元  
(1764 ~ 1849)-评传 IV. B249. 85 K827 = 52

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2009)第 084177 号

中国思想家评传丛书

(典藏版)

焦循 阮元评传

陈居渊 著

---

南京大学出版社 出版

(南京大学校内 邮政编码:210093)

安徽省儒林图书有限公司 发行

网址:[www.rulin.com.cn](http://www.rulin.com.cn)

三河市华新科达彩色印务有限公司 印刷

开本 660×960 1/16 印张 42.75 字数 475 千

2011 年 4 月第 1 版 第 1 次印刷

ISBN 978 - 7 - 305 - 06042 - 7

---

定价: 85.00 元(上、下)

# 中国思想家评传丛书

名誉顾问 陆定一 谷 牧 李铁映 陈焕友

## 《中国思想家评传丛书》工作领导小组

组 长 王霞林

组 员 任彦申 王国生 王斌泰 石启忠  
韩星臣 洪银兴 冯致光

学术顾问 (按姓氏笔画为序)

丁光训	丁莹如	王元化	王朝闻
冯友兰	曲钦岳	任继愈	刘导生
刘海粟	安子介	孙家正	
杜维明(美国)		杨向奎	苏步青
李 侃	吴 泽	何东昌	张岱年
陈 沂	罗竹风	赵朴初	施觉怀
钱临照	徐福基	袁相碗	
席 文(美国)		唐敖庆	黄辛白
蒋迪安	程千帆	谭其骧	滕 藤
戴安邦	魏荣爵		

主 编 匡亚明

终审小组 茅家琦 周勋初 林德宏

副主编 (按姓氏笔画为序)

卞孝萱	左 健	巩本栋	茅家琦
周 宪	周勛初	林德宏	洪修平
蒋广学(常务)		潘富恩	

## 第八章 焦循易学的历史评价

嘉庆二十年(1815),焦循的《易学三书》最后写定,这部由算学提供思维方法和深受考据学风影响的易学名著,曾给当时学界带来了轰动效应,焦循也被赞誉为“圣人复出”。然而与此形成强烈反差的是,乾嘉以后,清代学者纷纷批评焦循的易学。如郭嵩焘说:“焦氏之弊,在以易从例。”<sup>①</sup>朱骏声认为焦循“以《九章》之正负,比例为《易》意,以六书之假借,转注为《易》词。其间不无心得,而附会难通者十居八、九”<sup>②</sup>。李慈铭也指责焦循的易学是“貌为高简,故疏者概视为空论耳”<sup>③</sup>。这种批评,在易学界影响很大,一直流传至今。如李镜池、高亨、尚秉和等前

① 郭嵩焘:《养知书屋集》卷七《周易释例序》。

② 朱骏声:《传经室文集》卷二《书焦考廉循〈易图略〉后》。

③ 李慈铭:《越缦堂读书记》,中华书局1963年版,第126页。

辈学者也有类似的评说。熊十力则认为它是汉代易学的变种。其实，焦循的易学研究，一方面继承和发展了汉代易学，一方面又试图通过创建易学的新象数范式而走出传统象数易学，它从一个侧面展示了乾嘉易学的形变。

## 一 汉代易学的拓展

怎样理解汉代易学的卦变、爻变系统？这是焦循新象数范式体系中首先提出的论证议题。他认为：“说《易》者必沾沾于卦变反对者，何也？以《彖传》有往来、上下、进退之故也。荀、虞以来，大抵皆据以为说。传文不可以强通，故不能画一耳。”<sup>①</sup>所谓“卦变”，即指《周易》六十四卦，无论一爻变化或数爻变化（阴爻转变为阳爻）均可能呈现出另一种卦象。它作为《周易》占筮的基本内容，使人们能够在总体上把握六十四卦中三百八十四爻的序列。“卦变”就是通过这一序列中筮取某一特定的卦辞，作为预测人们对于复杂纷纭的社会前景和变幻莫测的人生命运，以靠它趋吉避凶。“卦变”首见于《左传》庄公二十二年：“周史有以《周易》见陈侯者。陈侯使筮之，遇《观》之《否》。”西汉焦赣《易林》曾以一卦变为六十四卦，共得四千零九十六卦爻，构成了以蓍筮为主体的卦变系统。此后，京房、荀爽、虞翻等都程度不等地继承和发展了占筮卦变的传统。如荀爽有所谓“《乾》《坤》变来者”，“六子卦变来者”，“自消息卦变来者”。众所周知，荀爽的“卦变”是渊源于他的刚柔升降的理论。如他认为《屯》卦本由《坎》卦的初六爻上升至第

<sup>①</sup> 《易图略·论卦变下第三》。



二爻位，九二爻下降至第一爻位之间的爻位置换组成。又如《蒙》卦将由《艮》卦二爻位进居三爻位，三爻位降居二爻位所完成的卦变。由于荀爽的《易》著早佚，已经无法全面了解他卦变程序的全貌。焦循曾以“用《易林》之法”、“京房世应说”予以概括，并指出其自身具有五种不同的内在矛盾。他指出：

今谓卦之来由于爻之变，其谬一也。诸卦生于六子，而六子又生于诸卦，其谬二也。一阳之卦不生于《剥》、《复》，一阴之卦不生于《姤》、《夬》，与《泰》、《否》、《临》、《观》等例参差不一，其谬三也。彭城蔡景君说《谦》、《剥》上来之三，蜀才谓《师》本《剥》卦，《同人》本《夬》卦，则一阳一阴与二阳二阴之例通矣。然一阳之卦有四，皆可兼自《复》、《剥》来，一阴之卦有四，皆可兼自《姤》、《夬》来，与《革》、《鼎》、《屯》、《蒙》、《坎》、《离》、《颐》、《大过》之于《遯》、《大壮》、《临》、《观》等，于彼于此，无所归附，其谬四也。至于《晋》、《讼》可生《中孚》、《小过》，《噬嗑》可生《丰》，《贲》可生《旅》，蔓衍无宗，不能自持其例，其谬五也。<sup>①</sup>

在汉代易学系统中，虞翻的《易》说保存最多，唐代李鼎祚《周易集解》曾广为收录。清代易学研究者崇尚汉学，十分推崇虞翻，形成了所谓的“虞氏学”。虞翻以象数解《易》，尤其赞赏荀爽。如他表示：“经之大者，莫过于《易》，有汉初以来，海

<sup>①</sup> 《易图略·论卦变上第二》。



内英才，其读《易》者，解之率少，至孝灵之际，颍川荀爽号为知《易》，臣得其注，有愈俗儒，至所说西南得朋，东北丧朋，颠倒反逆，了不可知。”<sup>①</sup>也正因此，他发挥了荀爽的刚柔升降说而提出了卦变理论。综观虞氏卦变约有四端：一是“《乾》《坤》变《坎》《离》”，二是“之正”（亦称《既济》定），三是“爻位消息推卦所来”，四是“《震》《巽》特变”。这种使言、意、象达到统一而为卦爻寻求注脚的卦变，往往牵强附会，时有抵牾。如《小过》卦六五爻辞为“密云不雨，自我西郊”，这本是观测气象的农谚。然而虞翻用卦变理论解释为“密，小也。《晋》、《坎》在天为云，坠地成雨。上来之三，析《坎》入《兑》。小为密，《坤》为自我。《兑》为西，五动，《乾》为郊。故密云不雨，自我西郊”。<sup>②</sup>对此，焦循批评“支左而诎右”。并决定就荀、虞易学进行一番去伪存真，从而提出了他的“当位”、“失道”理论和操作程序。焦循指出：“余既为当位失道等图，以明其所之之吉凶悔吝，此即为荀、虞之卦之所本。去其伪，存其真，惜不能起荀、虞而告之耳。倘歿后有知，当与之畅谈于地下也。”<sup>③</sup>因此，焦循的“失道”、“当位”，实际上可视为是对汉易卦变系统的修正而提出的。不过，焦循所继承的仍是虞翻易学所创立的“之正”说。“之”，犹言“变”；“正”即表示阴爻居阴位（偶位），阳爻居阳位（奇位），它同样是虞翻倡导卦变的条例之一。虞翻认为：凡爻之位不当者，皆可以“之正”而使其当位。如他解释

<sup>①</sup> 《三国志》卷五十七，《吴书》十二《虞翻传》注引《虞翻别传》，中华书局1982年版，第1322页。

<sup>②</sup> 《易图略·原辞下第六》。

<sup>③</sup> 《易图略·论卦变下第三》。



《周易·蒙·彖》：“二五失位，利变之正，故利贞。”认为九二与六五位不当，互易为九五、六二，则位当，得正而利贞。我们知道，王弼曾以为每卦初、上两爻。“无阴阳定位”，即不论阴爻或阳爻处此两位，均象征“事之终始”，不存有“当位”、“不当位”的意义。也正因此，焦循批评虞翻“有知其不可强通，姑晦其辞貌为深曲，而究无奥义也”。<sup>①</sup>但是，从上述焦循反复强调对诸卦不正诸爻进行“当位”、“失道”的爻位置换运动中可以看出，尽管操作程序有别于虞翻，但本质上仍是由虞翻“之正”的卦变条例中推衍而来。所以焦循直言不讳地说他的“当位”和“失道”乃是对虞、荀易学的去伪存真。正是基于这样的一种态度，焦循进而对汉易的“卦气”、“纳甲”又作了一番纠谬辨伪的工作。

焦循在论证了卦变、爻变的同时，也批评汉代易学的“卦气”和“纳甲”说。他指出，

《易》之序，孔子传之矣。《太元》所准，用以训释卦名可耳，举《太元》以证卦气之序，不可也。扬雄者，知卦气，而不知《易》者也。“纳甲、卦气皆《易》之外道。赵宋儒者癖卦气而用先天。近人知先天之非矣。而复理纳甲、卦气之说，不亦唯之阿哉！”<sup>②</sup>

“卦气”和“纳甲”都是汉代易学的术语，属象数范畴。卦气是《周易》解释一年的节气变化，将六十四卦与四时、十二

① 《易图略·论卦变上第二》。

② 《易图略·论卦气六日七分下第九》。



月、二十四节气、七十二候相配合。“卦”指八经卦，六十四别卦。<sup>①</sup>“气”特指二十四节气，以坎、离、震、兑为四正卦，分别主春、夏、秋、冬四时，其爻共二十四，主二十四节气。余六十卦主三百六十五又四分之一日，每卦主六日七分，内自夏至乾，自姤至坤为十二消息卦，主十二辰，其爻共七十二，主七十二候。这种以四季气候，日月星辰、地理方位、生物繁衍，都可通过“卦气”推导，并以人为的阴阳消长序列模拟四季更迭、星移斗转的客观秩序，从而预测天道人事，这也正是汉代学者构建《周易》的象数模式。如京房就认为：“乾坤之二象，以成八卦，凡八变而六十四。于是往来升降之际，以观消息盈虚于天地之元，而酬酌乎万物之表者，炳然在目也。大抵辩三易，迄五行，正四时，谨二十四气，志七十二候，而位五星，降二十八宿。”<sup>②</sup>不过，焦循所言，“卦气”，专指“六日七分”。他著有《论卦气六日七分》上下两篇。他说：“六日七分，出于孟氏章句，其说《易》本于气，而后以人事明之。京氏又以卦爻配期之日，坎、离、震、兑其用事，自分至之首，皆得八十分日之七十三。颐、晋、井、大畜皆五日十四分，余皆六日七分。”<sup>③</sup>所谓“六日七分”，首见于《易纬·稽览图》：“甲子卦气起中孚，六日八分之七。”郑玄解释为：“六以候也，八十分为一日；之七者，一卦六日七分也。”我们知道，汉代孟喜、京房的易学体系，乃是以卦气为基础的，并阐发《易》卦与十二月气候相配合的原则，以

<sup>①</sup> 《周易》六十四卦，古代称六十四别卦。《周礼·太卜》：“掌三《易》之法，一曰《连山》，二曰《归藏》，三曰《周易》。其经卦皆八，其别皆六十有四。”

<sup>②</sup> 京房：《京氏易传》附景迂语。

<sup>③</sup> 《易图略·论卦气六日七分上第八》。



用于占验阴阳灾异现象。其说取自《说卦》。古代历学以三百六十五日又四分之一日为一年，六十卦既主一年之期，则将 $365\frac{1}{4}$ 日除以60，商数恰为 $6\frac{1}{80}$ 日，这就是每卦相当于“六日七分”的由来。焦循指出：

夫《易》六十四卦三百八十四爻，与一岁三百六十五日四分之一本不可以相配。术家取卦名以纪之，以《坎》、《震》、《离》、《兑》为四正，以《乾》、《坤》为“十辟”，以《艮》、《巽》为六日七分。《杂卦》彼原无取于八卦、六十四卦之义。譬如“纳甲”、“先天”为丹家修炼之法，原不妨《乾》南《坤》北《离》东《坎》西，亦不妨《乾》甲《坤》乙《兑》丁《震》庚，彼别有用意，则风雨寒温，自微飞候，汞龙铅虎，本契参同。用以说经，则谬矣。其取《坎》、《离》、《震》、《兑》为四正，本诸《说卦传》东西南北之位。其取十二辟卦，第以阴爻阳爻自下而上者以为之度，其余不足以配。于是《乾》、《坤》、《复》、《姤》等既用以配十二月，又用以当一月中之六日七分，譬之罗经二十四向，于十干则舍戊己，于八卦止用《乾》、《巽》、《坤》、《艮》，其别有用意，原无关于《易》也。<sup>①</sup>

这里，焦循对卦气六日七分与《周易》的关系作了本质上的区别，就《易纬》和象数牵强附会的一面进行了驳斥。其实，

<sup>①</sup> 《易图略·论卦气六日七分下第九》。



唐代学者李鼎祚对“六日七分”早就提出过“未测端倪”<sup>①</sup>的质疑。宋代学者王应麟则认为：上系七爻起于《中孚》“鸣鹤在阴”。下系十一爻起于《咸》“憧憧往来”。《卦气图》自《复》至《咸》，八十八阳，九十二阴，自《姤》至《中孚》，八十八阴，九十二阳，《咸》至《姤》凡六日七分，中孚至复亦六日七分。<sup>②</sup>对此，焦循却认为：“上系七爻终于《解》，下系十一爻《解》次于《困》，且《噬嗑》连初上两爻，而《中孚》之前尚有《大有》，又何说也。细推《中孚》，次《复》、《咸》，次《姤》，以逮《屯》、《谦》、《丰》之序，殊不可解。”<sup>③</sup>这里不难看出焦循是不赞成“卦气”说的。所以他再次强调，“此卦气之序，非《易》之序。”<sup>④</sup>焦循既视“卦气”为术数家和道家的种种附会，这就决定了他必然会批评汉易象数系统的“纳甲”理论。

所谓“纳甲”，一般是指汉代易学家把五行思想纳入八卦体系，构成《周易》神秘的思维模式。“纳甲”之法，始见于汉代京房《易传》，分天地乾坤之象，益之以甲乙壬癸。震巽之象，配庚辛。坎离之象，配戊己。艮兑之象，配丙丁。八卦分阴阳立位配五行。换言之，“纳甲”的基本方法是先将八卦同天干相配，天干两两组合再同五行相配。在汉代易学中，虞翻的“纳甲”说颇具特色。他认为：甲乾乙坤相得合木，谓天地定位也；丙艮丁兑得合火，山泽通气也；戊坎己离相得合土，水火相逮也；庚震辛巽相得合金，雷风相尊也；壬壬地癸相得合水，言

<sup>①</sup> 《易图略·论卦气六日七分下第九》。

<sup>②</sup> 《易图略·论卦气六日七分下第九》。

<sup>③</sup> 《易图略·论卦气六日七分下第九》。

<sup>④</sup> 《易图略·论卦气六日七分下第九》。



阴阳相薄而战于乾，故五位相得而各有会。正是依据八卦与五行的组合，虞翻在解释《系辞传》“悬象著明，奠大乎日月”句说：“谓日月悬天成八卦象。三日暮，震象出，庚。八日兑象，见丁。十五日乾象盈甲。十六日旦，巽象退辛。二十三日艮象消丙。三十日坤象天乙。晦夕朔旦，坎象流戊。日中则离，离象就已。戊巳土位，象见于中，日月相推而日月生焉。”<sup>①</sup>以月亮之晦朔盈亏象征八卦，再纳以天干，以显现八卦消息，这也正是虞翻卦气说的另一种形式。然而，以“纳甲”释《易》，纯属主观臆测，毫无科学根据。王夫之曾批评说：“自汉以后，皆以五位五十有五为五行生成之序者，舍八卦而别言五行，既与《易》相背离，其云天一生水而地六成，地二生水而天七成，……图无其理，《易》无其象。……虽不欲谓之邪说也，可乎？”<sup>②</sup>王引之认为：“纳甲见于魏伯阳《参同契》，为丹家附会之说，原非《易》之本义，而虞氏乃用之以注经，固其说之多谬也。”<sup>③</sup>焦循也指出：“虞翻以两作为日月，是《离》为日，又为月矣。翻自知《离》不可为月，而谓《乾》五之《坤》二之《乾》成《离》，以为日月两作之说，益支离矣。”<sup>④</sup>这里，不深论虞翻的“纳甲”是否为魏伯阳《参同契》的翻版，但焦循认为“卦气”、“纳甲”已游离了《周易》“弥补天地之道”的儒家精神，而流入术数，从而根本上否定汉《易》的象数体系。

由批评汉代易学出发，焦循对乾嘉学者惠栋、钱大昕、

① 李鼎祚：《周易集解》卷十三。

② 王夫之：《周易内传》卷五。

③ 王引之：《经义述闻》卷一。

④ 《易图略·论纳甲第六》。



张惠言等盛推汉儒郑玄以爻辰说《易》的方法也进行了批评和抵制。所谓“爻辰”，即为注《易》取象解卦的方法。它散见于《诗经》、《礼记》和《周礼》的一些古注中，其原型脱胎于《易纬·乾凿度》。它是将古代历法中的地支纳入《周易》六十四卦中，也就是以每卦的阳爻或阴爻与子丑寅卯等十二辰匹配，甚至与十二辰相关的黄道十二次、十二律吕、十二生肖等匹配，以此来扩大取象范围。东汉经学大师郑玄汲取了爻辰说的这一特点，并加以改造，将乾坤十二爻与十二辰错杂相配。对此，孔颖达曾批评郑玄爻辰说是违背了易学的原始意义：“先儒以为九二当在太簇之月，阳气见地，则九三为建辰之月，九四为建午之月，九五为建申之月，为阳气始杀，不宜称‘飞龙在天’，上九为建戌之月，群阴既盛，上九不得言‘与时偕及’，于此时阳气仅存，何极之有？先儒此说于理稍乖。”<sup>①</sup>焦循则认为“郑康成以爻辰说《易》，本《乾凿度》而实不同”，“郑氏注《乾凿度》自依纬为说，其注《易》不用《乾凿度》为爻辰之序，皆用左旋，既以诸卦之爻统于乾坤。”<sup>②</sup>将爻辰与郑玄的爻辰说加以区别，一方面固然具有否定汉代以来易学取象迷信郑玄爻辰说的传统，另一方面则借此批评学界易学研究日趋汉学化的倾向。如焦循认为“近之学者，以考据名家，断以汉学。其同一汉儒也，则以许叔重。郑康成为断，据其一说，以废众说。……盖必据郑以屏其余，与必别有所据以屏郑，皆据也，皆非圣人一贯忠恕之指也”<sup>③</sup>。正是基于汉学的思想迟滞，

① 李鼎祚：《周易集解》卷一。

② 《易图略·论爻辰第十》。

③ 《论语通释》“释据”条。



内容繁琐，方法拘泥，促使焦循毅然走出汉代象数易学的藩篱，另创研究《周易》的新路。如他对汉《易》的揲蓍法演卦之数就作了新的论证。

众所周知，《周易》是用“数”来占的一种占筮之术。筮法就是占筮的方法。它首载于《系辞传》：

大衍之数五十，其用四十有九。分而为二以象两，挂一以象三，揲之以四以象四时；归奇于扐以象闰，五岁再闰，故再扐而后挂。乾之策二百一十有六。坤之策百四十有四，凡三百有六十。当万物之数也。是故四营而成《易》，十有八变而成卦，八卦而小成。引而伸之，触类而长之，天下之能事毕矣。

这段有关揲蓍算卦的记载，由于文字简略隐晦，引起了后人的种种猜测。因此，如何理解《系辞传》所提供的这三个相异之数，早在汉代就众说纷纭。如京房取十日、十二辰、二十八宿三数之和，马融则以为太极生两仪、生日月、生四时、生五行、生二十四气之和；荀爽以八卦乘六爻加乾坤二用两爻之和；郑玄以为天地之数五十有五，减去相通之五行之得数。刘歆则提出：“元始有象，一也。春秋，二也。三统，三也。四时，四也。合而为十，成本体。以五乘十，大衍之数也。”<sup>①</sup>由于《易》数渊源古无明文记载，因此作为纯数，它以奇偶结合易象之阴阳，具有象征性与多适性，但遗憾的是没有任何人对此作过精细的演绎。因此上述汉代京、马、荀、郑、刘等诸家各异的判

<sup>①</sup> 班固：《汉书》卷二十一《律历志第一》，中华书局1983年版，第983页。



断，也就成为后来历代易学研究者理解《易》数的主要依据，如魏晋时期的王弼、姚信、董遇等也都有论证。焦循在仔细验证了上述种种说法后认为：“实而按之，皆不可信。惟秦九韶《数书九章》首述《大衍数术》、《蓍法表微》，其术繁杂不必皆是，而所说大衍五十，其用四十有九之义，于经为合。此必非秦氏之所创，盖有所受。经生不明算数，而其法传诸畴人，尚可考见焉。”<sup>①</sup>秦九韶是宋代著名数学家，其名著《数书九章》广为学界推崇。秦九韶在该书卷首列有“蓍卦发微”一篇，他所提出的《周易》筮法，与历代经学家的注释大为异趣。他指出：

凡揲蓍求一爻之数，欲得一、二、三、四。出于无为，必令揲者不得知。故以四十九蓍，分之为二。只用左手之数，假令左手分得三十三，自一一揲之，必奇一，故不繁揲，乃径挂一。故《易》曰：“分而为二以象两，挂一以象三。”次后，又令筮人以二二揲之，其三十三，必奇三，故又归奇于扱。又令之以四四揲之，又奇一，亦归奇于扱。与前挂一，并三度揲，通有四扱，乃得一、二、三、一。其挂一者，乘“用数图”左上用数一十二；其二揲扱一者，乘左副用数二十四；其三揲扱三者，乘左次用数四，得一十二；扱一，得二十四；扱三，得一十二；又扱一，得九，并为总数。并此四总得五十七。不问所握几何，乃满衍母一十二去之，得不满者九（原注：或是知其所握三十三，亦满衍母去之，亦只数九数），以为实。用三才衍法约之，得三。乃画少阳

<sup>①</sup> 《易通释》“天地之数五十有五”条。



单爻。(或不满得八,得七为实,皆命为三)他皆仿此。

术意:谓揲二、揲三、揲四者,凡三度,复以三十三从头数揲之,故曰“三变而成爻”;既卦有六爻,必一十八变,故曰“十有八变而成卦”。<sup>①</sup>

秦九韶对揲蓍算卦之法的论述详尽而清楚,他与历代易学家对《周易》筮法的理解可谓大相径庭。现代学者曾认为秦氏所述的筮法,实际上成为一次同余问题的数学模型,并推导出元数:1,2,3,4;衍数:24,12,8,6;用数:12,24,4,9。因此,诸衍数之和为: $24 + 12 + 8 + 6 = 50$ ,故称“其用四十有九”。其用数之和为: $12 + 24 + 4 + 9 = 49$ ,故称“其用四十有九”。按照《周易》之理,筮人左右两手所分得这策应一奇一偶,以象征阴阳;若以五十策分之为二,则不能合此要求,故不可以五十为“用数”,称之为“衍数”,以表示筮法用蓍之“限率”而已。至于选用“四十九”为用数的理由,秦九韶解释说:“假令用蓍四十九,信手分之为二,则左手奇,右手必偶;左手偶,右手必奇。欲使蓍数近大衍五十,非四十九或五十一不可。二数信意分之,必有一奇一偶。故所以用四十九,取七七数始者。”这样,秦九韶从“大衍总数术”之称谓,圆满地解释了筮法和“大衍之数五十,其用四十有九”这一长期为经学家聚讼不决的难题。<sup>②</sup>对此,焦循亦按照秦氏之法,作了进一步的推衍。焦循认为:

① 秦韶九:《蓍卦发微》,《四库全书》第七百九十七册,子部一〇三“天文算法类”。

② 李继闵:《蓍卦发微初探》,《秦九韶与〈数书九章〉》,北京师范大学出版社1987年4月版。



五十有五，为天地之合数。自天一、地二、天三、地四、天五、地六、天七、地八、天九、地十相加所得之数也。明云天数五、地数五、五位相得而各有合。天数二十有五，地数三十，合一、三、五、七、九为二十五，合二、四、六、八、十为二十。又合二十五、三十为五十有五。云二十五，云三十，云五十五，皆是实数。惟变化而行鬼神，乃有大衍之数。何为变化？在卦爻为旁通，在算数为互乘。衍字与演同。《周语》水土通为演，《汉书·扬雄传》辞之衍者，《注》云：衍，旁、广也。《需》二旁通《晋》五，《传》云：衍在中也。大衍之衍，即衍在中之衍。衍为流通旁达，大衍犹云大通。乃由少而蔓延引申，以至于广大。若减五十为五十，何得谓之衍？大衍之数五十者，天一、地二、天三、地四、互乘之数也。何为互乘？一乘二为二，二乘三为六，此一二三之互乘也。二乘三为六，六乘四为二十四，此二三四之互乘也。三乘四为十二，一乘十二仍为十二，此三四一之互乘也。四乘一为四，四乘二为八，此四一二之互乘也。合为五十，所谓大衍也。彼此互乘，繁衍滋溢，故得为衍。衍数自为衍数，合数自为合数。大衍之数五十，与天地之数五十有五各为一数，不能牵合者也。<sup>①</sup>

按照焦循1、2、3、4互乘相加的步骤，其式分别为： $1 \times 2, 2 \times 6; 2 \times 3, 6 \times 4; 3 \times 4, 1 \times 12; 4 \times 1, 4 \times 2$ 。由此相加可得大衍之数

<sup>①</sup> 《易通释》“天地之数五十有五”条。

