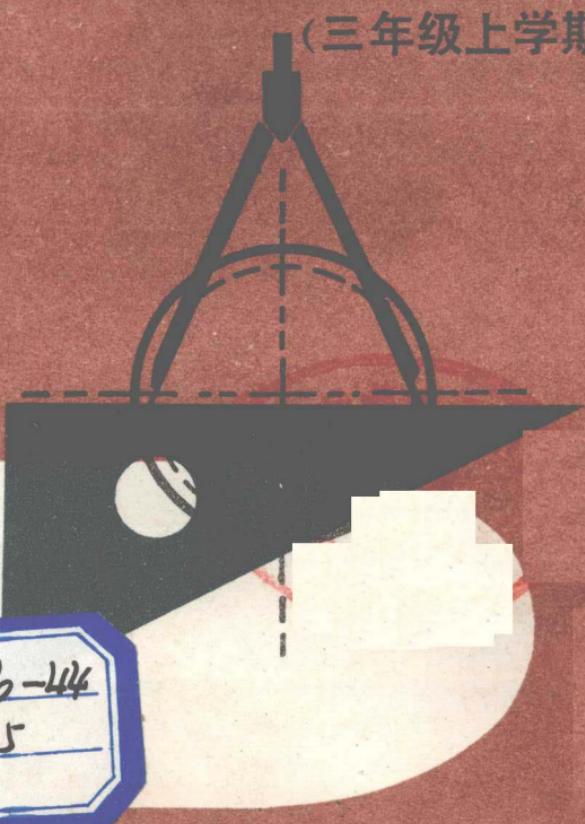


1581

# 初中数学练习题

(三年级上学期用)



5-44  
5

北京出版社

1581

# 初中数学练习题

(三年级上学期用)

人大附中、北大附中、清华附中  
初中数学备课组

北京出版社

## 初中数学练习题

(三年级下学期用)

人大附中、北大附中、清华附中

初中数学备课组

\*

北京出版社出版

(北京崇文门外东兴隆街51号)

河南人民出版社重印

河南省新华书店发行

河南第一新华印刷厂印刷

\*

787×1092毫米 32开本 1.75印张 36,000字

1981年7月第1版 1981年7月第1次印刷

印数 1—413,000

书号：7071·745 定价：0.15元

## 前　　言

一、我们三校（中国人民大学附中、北京大学附中、清华大学附中）的初中数学备课组在使用全国统编初中数学课本第五册进行教学时，感到：

1. 目前，学生普遍缺乏基本训练，基础薄弱，缺陷较多，需要一些最基本的练习题。

2. 部分基础较好，学习能力较强的学生，要求提供少量比较灵活、富于思考、难度较大的题目。

基于以上原因，我们在教学中增加了少量练习题，在加强学生“双基”训练方面收到了一定的效果。现从中选出部分题目编印成册，供初中数学教学中使用和参考。

二、各章中A组题供基本训练用，B组为难度较大的题目。每章后的自我检查题，选自三校阶段测验，是概念性较强的题，可供学生复习时使用。

三、参加本册编写工作的老师有：陆乘，刘景波，苏炎，王家椿。由苏炎作了整理。在编写过程中，三校领导都给了大力支持。由于我们业务水平不高，加以时间仓促，书中肯定会有错误和不妥之处，请各校师生批评指正。

三校初中数学备课组

# 目 录

## 第一章 直角坐标系

A 组 .....	( 1 )
B 组 .....	( 5 )
自我检查题 .....	( 6 )

## 第二章 解三角形

A 组 .....	( 8 )
B 组 .....	( 13 )
自我检查题 .....	( 13 )

## 第三章 圆

A 组 .....	( 15 )
B 组 .....	( 30 )
自我检查题 .....	( 38 )
习题答案 .....	( 40 )

# 第一章 直角坐标系

## A 组

1. 指出下列各点各在哪一象限:

$A(3, 2)$ ;  $B(2, -3)$ ;  $C(-3, 2)$ ;  $D(-2, -3)$ ;  $E(0, \pi)$ ;  $F(-\pi, 0)$ ;  $G(0, 0)$ ;  $H(-\sqrt{2}, -\sqrt{2})$ ;  $I(0, -\sqrt{2})$ .

2. 若  $P$  点的坐标是  $(a, b)$ , 说出  $P$  点的位置:

(1)  $a < 0, b = 0$ ; (2)  $a > 0, b = 0$ ; (3)  $a = 0, b > 0$ ;  
(4)  $a = 0, b < 0$ ; (5)  $a > 0, b > 0$ ; (6)  $a < 0, b < 0$ ; (7)  
 $a = 0, b = 0$ .

3. 正方形的边长为 3, 有一组邻边与两坐标轴重合, 写出正方形各顶点的坐标.

4. 说明下列各组中的两个点在坐标平面内有何关系:

(1)  $(3, 4)$  与  $(-3, 4)$ ; (2)  $(-3, 4)$  与  $(-3, -4)$ ; (3)  
 $(-3, -4)$  与  $(3, -4)$ ; (4)  $(3, -4)$  与  $(-3, 4)$ ; (5)  $(-3, -4)$  与  $(3, 4)$ ;  
(6)  $(a, b)$  与  $(-a, -b)$ ; (7)  $(a, b)$  与  $(-a, b)$ ;  
(8)  $(a, b)$  与  $(a, -b)$ ; (9)  $(3, 4)$  与  $(4, 3)$ .

5. 若点  $P(a, b)$  在 I、III 象限两坐标轴的角平分线上,  
 $a$  与  $b$  有何关系?

6. 若点  $P(a, b)$  在 II、IV 象限两坐标轴的角平分线上,  
 $a$  与  $b$  有何关系?

7. 在直角坐标系  $xOy$  中, 以  $O$  为顶点, 分别以  $Ox$ 、  
 $Oy$ 、 $Ox'$ 、 $Oy'$  为一边, 在四个象限内各作一个边长为  $a$  的  
正三角形, 试求每个三角形另外两个顶点的坐标.

8 在直角坐标系中，作出下列各点，并求出各点到原点的距离：

$$A(0, 5); B(5, 0); C(0, -5); D(-5, 0); E(3, 4); \\ F(-4, 3); G(-3, 4); H(-\sqrt{3}, -\sqrt{5}).$$

9. 求两点间的距离：

- (1)  $(3, 4)$  与  $(6, 0)$ ;
- (2)  $(10, -18)$  与  $(-5, 2)$ ;
- (3)  $(5, 1)$  与  $(-3, -4)$ ;
- (4)  $(0, 5)$  与  $(12, 0)$ ;
- (5)  $(a, b)$  与  $(-a, b)$ ;
- (6)  $(\sqrt{3}, -\sqrt{2})$  与  $(-\sqrt{2}, -\sqrt{3})$ .

10. 求两点间的距离，用三个有效数字表示：

- (1)  $(7, 6)$  与  $(3, -2)$ ;
- (2)  $(0, -1)$  与  $(-2, 1)$ ;
- (3)  $(4, 3)$  与  $(-2, 1)$ ;
- (4)  $(3, -4)$  与  $(-1, 0)$ ;
- (5)  $(1, 1)$  与  $(-1, -2)$ ;
- (6)  $(1, 0)$  与  $(-3, 6)$ .

11. 先判定下列三角形的形状，然后求出三角形的面积：

- (1)  $A(3, 2), B(-3, 0), C(-1, -2)$ ;
- (2)  $A(2, 4), B(2, 6), C(2 + \sqrt{3}, 6)$ ;
- (3)  $A(3, 2), B(6, 5), C(1, 10)$ .

12. 证明点  $P(10, -18)$  必在点  $A(3, 6)$  与点  $B(-5, 2)$  连线的垂直平分线上。

13. 证明点  $P(7, 10)$  是三角形  $A(32, 5), B(18, 33), C(-10, -9)$  的外心。

14. 证明  $A(71, 71)$ 、 $B(27, 9)$ 、 $C(0, 0)$  三点都在以点  $O(-13, 84)$  为圆心的圆上。

15. 若  $P_1(-43, K_1)$ 、 $P_2(K_2, 16)$  都在以点  $O(-13, 84)$  为圆心、半径是 35 的圆上，试求  $K_1$  及  $K_2$  的值。

16. 求  $K$  的值：

(1) 已知两点  $P_1(2, -3)$ 、 $P_2(10, K)$  的距离  $|P_1P_2| = 10$ ；

(2) 已知两点  $A(K, 6)$ 、 $B(-3, 2)$  的距离  $|AB| = 5$ ；

(3) 已知两点  $(-4, 8)$ 、 $(K, 3)$  的距离是 13。

17. 若  $y$  轴上一点  $P$  到点  $A(1, 1)$  的距离等于 2，求  $P$  点的坐标。

18. 在  $x$  轴上求一点，使与点  $(-2, 3)$  的距离等于 5。

19. 求连结下列两点的线段的中点的坐标：

(1)  $A(1, 3)$ 、 $B(-3, -1)$ ；

(2)  $A(3, 2)$ 、 $B(7, 4)$ ；

(3)  $A(-3, 1)$ 、 $B(2, 7)$ ；

(4)  $A(3, 4)$ 、 $B(1, -2)$ ；

(5)  $A\left(-\frac{1}{2}, -\frac{2}{3}\right)$ 、 $B\left(\frac{8}{3}, -7\right)$ 。

20. 已知线段  $AB$  两端点的坐标及定比  $\lambda$  的值，试求  $P$  点坐标：

(1)  $A(0, 0)$ 、 $B(3, 4)$ ， $\lambda = 2.5$ ；

(2)  $A(3, 4)$ 、 $B(0, 0)$ ， $\lambda = 2\frac{1}{2}$ ；

(3)  $A(-2, 1)$ 、 $B(3, -3)$ ， $\lambda = 2$ ；

(4)  $A(3, -3)$ 、 $B(-2, 1)$ ， $\lambda = 2$ ；

$$(5) \ A(5, -2), \ B(5, -3), \lambda = -\frac{2}{3},$$

$$(6) \ A(8, 5), \ B(-13, -2), \lambda = -1\frac{1}{3}.$$

21. 已知线段  $AB$  两端点的坐标,  $C$  在  $AB$  的延长线上, 求  $C$  点的坐标:

$$(1) \ A(-2, 4), \ B(5, 3), |AC|=2|BC|,$$

$$(2) \ A(-1, -6), \ B(3, 0), |AB|=\frac{1}{3}|BC|,$$

$$(3) \ A(-1, -6), \ B(3, 0), |AC|=\frac{1}{3}|AB|, \text{且 } C \text{ 在 } BA \text{ 的延长线上.}$$

22. 线段  $AB$  被两点  $P_1$ 、 $P_2$  分为三等分, 已知  $A(1, 2)$ 、 $B(-1, 4)$ , 求  $P_1$ 、 $P_2$  的坐标.

23. 线段  $AB$  被两点  $P_1(1, 2)$ 、 $P_2(3, 4)$  分为三等分, 试求  $A$ 、 $B$  坐标.

24. 点  $P(13, 7)$  将线段  $AB$  分为  $\frac{|AP|}{|PB|}=1$ , 若线段端点坐标是  $A(x, 7)$ 、 $B(5, y)$ , 试求出  $x$ 、 $y$  的值.

25. 线段  $A(x, 5)B(-2, y)$  在点  $P(1, 1)$  处被平分, 求  $x$ 、 $y$  的值.

26. 已知点  $P\left(\frac{8}{3}, \frac{1}{3}\right)$  在线段  $A(-5, 0)B(2, 1)$  上, 试求  $\frac{|AP|}{|PB|}$  的值.

27. 已知平行四边形三个顶点的坐标是  $A(3, -2)$ 、 $B(5, 2)$ 、 $C(-1, 4)$ , 试求第四个顶点  $D$  的坐标.

28. 已知  $\triangle ABC$  三顶点的坐标是  $A(1, 2)$ 、 $B(0, 5)$ 、 $C(-2, 3)$ , 求其重心坐标.

## B 组

1. 菱形的边长为 5, 一个内角为  $60^\circ$ , 它的对角线与两条坐标轴重合, 试写出菱形各顶点的坐标.
2. 证明点  $M(a, b)$  与点  $N(b, a)$  必对称于一、三象限内两轴夹角的角平分线.
3. 证明点  $M(a, b)$  与点  $N(-b, -a)$  必对称于二、四象限内两轴夹角的角平分线.
4. 若平行四边形的三个顶点坐标是  $A(x_1, y_1)$ 、 $B(x_2, y_2)$ 、 $C(x_3, y_3)$ , 试求第四个顶点  $D$  的坐标.
5. 已知  $\triangle ABC$  各顶点坐标, 求  $\triangle ABC$  外心的坐标:
  - (1)  $A(5, 2)$ ,  $B(-4, 5)$ ,  $C(-2, 1)$ ;
  - (2)  $A(8, 0)$ ,  $B(5, 9)$ ,  $C(-3, 11)$ ;
  - (3)  $A(32, 10)$ ,  $B(42, 0)$ ,  $C(0, 0)$ .
6. 先判定下列三角形的形状, 然后求出三角形的面积:
  - (1)  $A(1, 4)$ ,  $B(4, 1)$ ,  $C(5, 5)$ ;
  - (2)  $A(1, 5)$ ,  $B(5, 1)$ ,  $C(-9, -9)$ .
7. 已知三点的坐标, 证明三点共线:
  - (1)  $P_1(2, 3)$ ,  $P_2(5, 7)$ ,  $P_3(11, 15)$ ;
  - (2)  $P_1(2, 3)$ ,  $P_2(5, 4)$ ,  $P_3(-4, 1)$ .
8. 求一点  $P$ , 使它到两坐标轴和点  $(3, 6)$  的距离相等.
9. 若点  $P(x, y)$  到  $M(2, 3)$  和  $N(4, 5)$  两点的距离相等, 试求出  $x+y$  的值.
10. 已知三角形三顶点的坐标是  $A(4, 1)$ 、 $B(7, 5)$ 、 $C(-4, 7)$ , 试求角  $A$  的平分线的长度.
11. 已知三角形各边中点的坐标是  $(3, -2)$ 、 $(1, 6)$ 、 $(-4, 2)$ , 试求三角形顶点的坐标.

12. 已知平行四边形相邻两顶点的坐标  $A\left(-4\frac{1}{2}, -7\right)$ ,  $B(2, 6)$  及对角线的交点  $M\left(3, 1\frac{1}{2}\right)$ , 试求其余两顶点的坐标.
13. 证明三角形两腰中点的连线必等于第三边的一半.
14. 证明矩形的对角线相等.
15. 证明梯形的中位线等于两底和的一半.
16. 在直角 $\triangle ABC$  中, 斜边  $AB$  上的高为  $CD$ , 证明  $CD^2 = AD \cdot BD$  (射影定理).
17. 设给定质量  $m_1, m_2$  分别放在  $A_1(x_1, y_1)$  及  $A_2(x_2, y_2)$  处,  $A_1A_2$  的重心为  $G(x, y)$ , 证明  $G$  点坐标  $x = \frac{m_1x_1 + m_2x_2}{m_1 + m_2}$ ,  $y = \frac{m_1y_1 + m_2y_2}{m_1 + m_2}$  (提示:  $\frac{A_1G}{GA_2} = \frac{m_2}{m_1} = \lambda$ ).

### 自我检查题

1. 填空:

- (1) 点  $(-3, -4)$  关于  $x$  轴的对称点的坐标是\_\_\_\_\_;
- (2) 点  $(-3, -4)$  关于  $y$  轴的对称点的坐标是\_\_\_\_\_;
- (3) 点  $(-3, -4)$  关于原点的对称点的坐标是\_\_\_\_\_;
- (4)  $A(-3, -4), B(5, -10)$  的距离  $|AB| =$ \_\_\_\_\_;
- (5)  $A(-3, -4) B(5, -10)$  线段的中点的坐标是\_\_\_\_\_;
- (6)  $P$  点在线段  $AB$  上, 且  $AP:PB=1:2$ , 已知坐标  $A(2, 3), B(5, -3)$ , 则  $P$  的坐标是\_\_\_\_\_;
- (7)  $P$  点在线段  $AB$  的延长线上, 且  $AP:PB=3:(-2)$ , 已知坐标为  $A(2, 1), B(3, 5)$ , 则  $P$  的坐标是\_\_\_\_\_;

(8)  $|AB|=13$ , 端点坐标为  $A(-4, 8)$ 、 $B(K, 3)$ ,  
则  $K=$  \_\_\_\_\_.

2. 已知等边三角形  $ABC$  两个顶点的坐标为  $A(-4, 0)$ 、 $B(0, 0)$ , 试求 (1)  $C$  点坐标; (2)  $\triangle ABC$  的高; (3)  $\triangle ABC$  的面积.

3. 线段  $AB$  上有两点  $P$ 、 $Q$ , 且  $AP=PQ=QB$ , 已知  $P$ 、 $Q$  坐标为  $P(1, -2)$ 、 $Q(3, 4)$ , 求  $A$ 、 $B$  的坐标.

4. 用解析法证明勾股定理.

5.  $\triangle ABC \sim \triangle AB'C'$ , 它们有公共角  $A$ , 两三角形的相似比为  $2:5$ , 若已知  $\triangle ABC$  各顶点坐标是  $A(3, -6)$ 、 $B(6.2, -3.6)$ 、 $C(5, 1)$ , 试求  $B'$ 、 $C'$  的坐标. (本题为选作题)

## 第二章 解 三 角 形

### A. 组

#### 一、三角函数

1. 在直角三角形  $ABC$  中,  $a=40$ ,  $c=41$ , 写出角  $A$  的四个三角函数值.
2. 在直角三角形  $ABC$  中, 斜边  $AB$  等于直角边  $AC$  的三倍, 求角  $A$  的四个三角函数值.
3. 在直角三角形  $ABC$  中,  $a=2\sqrt{mn}$ ,  $c=m+n$ , ( $m>n$ ). 求  $\sin A$ ,  $\cos A$ , 并计算  $\sin^2 A + \cos^2 A$  的值.
4. 作一个锐角, 使它的正切等于 (1) 1; (2) 0.75.
5. 由三角函数的定义说明:
  - (1)  $\sin \alpha < \operatorname{tg} \alpha$ ; (2)  $\cos \alpha < \operatorname{ctg} \alpha$ ;
  - (3)  $\sin \alpha$  不超过 1; (4)  $\cos \alpha$  不超过 1;
  - (5)  $\alpha$  角是多大角度时,  $\sin \alpha = \cos \alpha$ ;
  - (6)  $\sin \alpha + \cos \alpha > 1$ .
6. 已知  $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ , 求  $\cos \alpha$ 、 $\operatorname{tg} \alpha$  和  $\operatorname{ctg} \alpha$  的值.
7. 已知  $\cos \alpha = \frac{3}{5}$ , 求  $\alpha$  的其他三角函数的值.
8. 已知  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{5}$ , 求  $\alpha$  的余切.
9. 已知  $\sin \alpha = 0.8$ , 求  $\cos \alpha$ .
10. 求下列各式的值:
  - (1)  $\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ$ ; (2)  $\sin 60^\circ - \cos 60^\circ + \operatorname{tg} 45^\circ$ ,

$$(3) \operatorname{tg} 30^\circ + \sin 45^\circ - \cos 60^\circ;$$

$$(4) \operatorname{tg} 30^\circ \cdot \operatorname{ctg} 60^\circ + \cos^2 30^\circ;$$

$$(5) \frac{\cos 60^\circ - \operatorname{tg} 45^\circ}{\operatorname{ctg} 30^\circ - 2 \operatorname{ctg} 45^\circ};$$

$$(6) 2 \cos 30^\circ - 2 \sin 30^\circ + 5 \operatorname{tg} 60^\circ;$$

$$(7) \frac{1}{2} \sin 60^\circ + \frac{\sqrt{2}}{2} \cos 45^\circ + \sin 30^\circ \cdot \cos 30^\circ;$$

$$(8) \operatorname{tg}^2 30^\circ + 2 \sin 60^\circ \cdot \cos 45^\circ + \operatorname{tg} 45^\circ - \operatorname{ctg} 60^\circ - \cos^2 30^\circ.$$

11. 求适合下列各式的角  $\alpha$  ( $\alpha$  为锐角):

$$(1) \operatorname{tg} \alpha - \sqrt{3} = 0; \quad (2) 2 \sin \alpha - \sqrt{3} = 0;$$

$$(3) \sqrt{3} \operatorname{ctg}(\alpha + 10^\circ) - 1 = 0;$$

$$(4) \sqrt{3} \operatorname{tg}^2 \alpha - 4 \operatorname{tg} \alpha + \sqrt{3} = 0.$$

## 二、解直角三角形

12. 把  $\sin 65^\circ$ ,  $\cos 73^\circ$ ,  $\operatorname{tg} 54^\circ 30'$ ,  $\operatorname{ctg} 72^\circ 15'$  分别化为小于  $45^\circ$  角的三角函数。

13. 化简:

$$(1) \frac{\cos 40^\circ}{\sin 50^\circ}; \quad (2) \operatorname{tg} 48^\circ - \operatorname{ctg} 42^\circ.$$

14. 不查表解下列各直角三角形 ( $\angle C = 90^\circ$ ):

$$(1) c=10, A=45^\circ; \quad (2) a=6, B=30^\circ;$$

$$(3) a=50, c=50\sqrt{2}; \quad (4) a=8\sqrt{5}, b=8\sqrt{15}.$$

15. 根据下列条件解直角三角形 (角度精确到  $1'$ , 边长保留四个有效数字):

$$(1) c=3000, A=36^\circ; \quad (2) a=12.8, A=72^\circ;$$

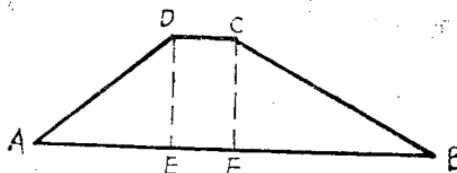
$$(3) a=341, c=5000.$$

16. 等腰三角形的周长为 26, 底边上的高为 3, 求它的腰、底及顶角 (精确到 0.001)。

17. 菱形一锐角等于 $77^{\circ}$ , 短对角线的长为12.40, 求菱形的边长(保留四个有效数字).

18. 敌机在高出地面170米的上空飞行, 此时从地面的高射炮上观测它的仰角 $\alpha=25^{\circ}$ . 求高射炮和敌机的距离(精确到1米).

19. 水坝的断面是梯形, 迎水坡的角度 $\angle B=30^{\circ}$ , 背水坡 $AD$ 的坡度为 $1:1.2$ , 坝顶宽 $DC=2.5$ 米, 坝高 $CF=4.5$ 米. 求坝底 $AB$ , 和迎水坡 $BC$ 的长(精确到1米).



第19题

### 三、解斜三角形

20. 已知角 $\alpha$ 的终边经过点 $P(-3, 4)$ , 求角 $\alpha$ 的三角函数值.

21. 在直角坐标系中, 画出 $135^{\circ}$ 的角, 量出它终边上任意一点的坐标和这点到原点的距离, 然后算出 $135^{\circ}$ 角的四个三角函数值.

22. 若 $\sin \alpha$ 、 $\cos \alpha$ 同号, 求 $\alpha$ 的范围; 若 $\sin \alpha$ 、 $\cos \alpha$ 异号, 求 $\alpha$ 的范围; 若 $\sin \alpha$ 、 $\cos \alpha > 0$ , 求 $\alpha$ 的范围.

23. 确定下列各式中 $x$ 的范围 ( $0 \leq x \leq 180^{\circ}$ ):

$$(1) \frac{1}{\cos x}; \quad (2) \sqrt{\tan 2x};$$

$$(3) \sqrt{-\sin x}; \quad (4) \sqrt{2 \sin(x+10^{\circ})-1};$$

$$(5) \sqrt{1-\cos x}; \quad (6) \tan(-\sin x).$$

24. 求下列各式的值：

$$(1) 5 \cdot \sin 90^\circ + 2 \cos 0^\circ - 3 \sin 90^\circ + 10 \cos 180^\circ;$$

$$(2) a^2 \cos 90^\circ + b^2 \sin 0^\circ + 2 ab \operatorname{ctg} 90^\circ + \operatorname{ctg} 180^\circ.$$

25. 求  $\theta$  角 ( $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ )：

$$(1) \sin \theta = \frac{1}{2}; \quad (2) \cos \theta = \frac{1}{2};$$

$$(3) \operatorname{tg} \theta = -\sqrt{3}; \quad (4) \cos \theta = -\frac{\sqrt{3}}{2}.$$

26. 已知  $\sin \theta = \frac{5}{12}$ , 求  $\cos \theta$ ,  $\operatorname{tg} \theta$  ( $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ ).

27.  $\triangle ABC$  中, 已知  $A=30^\circ$ ,  $B=60^\circ$ ,  $c=20$ , 求  $a$ ,  $b$ ,  $C$ .

28.  $\triangle ABC$  中, 已知  $B=45^\circ$ ,  $C=60^\circ$ ,  $b=35$ , 求  $A$ ,  $a$ ,  $c$ .

29.  $\triangle ABC$  中,  $a=48$ ,  $c=63$ ,  $B=60^\circ$ , 求  $b$ .

30.  $\triangle ABC$  中,  $b=25$ ,  $c=30$ ,  $A=45^\circ$ , 解这个三角形.

31.  $\triangle ABC$  中,  $a=35$ ,  $b=24$ ,  $c=31$ , 求  $C$ .

32.  $\triangle ABC$  中,  $a=2\sqrt{3}$ ,  $b=\sqrt{2}$ ,  $c=\sqrt{6}+\sqrt{2}$ , 求  $A$ ,  $B$ ,  $C$ .

33. 已知  $\triangle ABC$  中,  $a=61$ ,  $b=56$ ,  $c=9$ , 求最大角.

34.  $\triangle ABC$  中,  $a=3\sqrt{3}$ ,  $c=2$ ,  $B=150^\circ$ , 求  $b$  和三角形的面积.

35.  $\triangle ABC$  中,  $a=(m+n)(m-3n)$ ,  $b=4mn$ ,  $C=120^\circ$ , 求  $c$ ,  $S_A$ .

36.  $\triangle ABC$  中,  $b=12$ ,  $A=30^\circ$ ,  $B=120^\circ$ , 解这个三角形并求它的面积.

37.  $\triangle ABC$  中,  $c=4$ ,  $A=45^\circ$ ,  $B=60^\circ$ , 解这个三角

形并求它的面积（保留两个有效数字）。

38. 不解三角形，判断三角形是一解、两解、无解：

(1)  $a=7, b=14, A=30^\circ$ ; (2)  $a=30, b=25, A=150^\circ$ ;

(3)  $a=5, b=4, A=120^\circ$ ; (4)  $a=6, b=9, A=45^\circ$ ;

(5)  $b=9, c=10, B=60^\circ$ ; (6)  $a=72, c=50, C=135^\circ$ ;

(7)  $a=36, b=21, A=60^\circ$ .

39. 在平面上一点测得塔顶的仰角为  $\alpha$ ，向塔前进  $a$ ，又测得塔顶的仰角为  $\beta$ ，求塔高。

40. 一只船以 32 跋/时的速度向正北方向航行，起初望见一灯塔在船的北  $20^\circ$  东，半小时后，看见这灯塔在船的北  $65^\circ$  东。求第二次望见灯塔的时候船和灯塔的距离（精确到 0.1 跋）。

41. 某拦水坝断面是梯形，坝顶宽  $DC = 3$  米，坝高 4 米，迎水面的坡度  $1:2$ ，背水坡的坡度是  $1:1$ ，求坝底  $AB$  的宽度。

42. 敌人在某岛的周围 20 跋内设水雷，我艇由西向东航行，初观察此岛在北  $60^\circ$  东，航行 30 跋后，再观察此岛在北  $30^\circ$  东，如果不改变航向，我艇有没有触及水雷的危险？

43. 在塔的正西方  $A$  处测得塔顶的仰角是  $45^\circ$ ，在它的东南方  $B$  处测得塔顶的仰角是  $60^\circ$ ， $A, B$  两点相距 266 尺，求塔高（精确到 0.1 尺）。

44. 某人在地面上  $B$  点测山顶  $P$  的仰角是  $60^\circ$ ，向山脚前进 800 米后，走上一坡度为  $30^\circ$  的山坡，再向前走 800 米，测得  $P$  的仰角是  $75^\circ$ 。求山高。

45. 一只船以 14 跋/时的速度向西南航行，经过 1 小时后，知道这船实际上航行到原来位置的南  $60^\circ$  西的方向，且距原位置 10 跋，求水流速度和水流方向（保留三个有效数