

I	内部材料
	№ 000127

地文航海補充材料

(大園航法)

航海業務長班

中国人民解放军海軍高級专科学校

一九六〇年五月

第十七章 大圆弧航法

在地球表面上，两点間的最短距离是通过该两点的大圆弧。当短程航行，等角航綫与大圆弧长度相差很小，为了簡便，可按等角航綫航行。但在远洋航渡时，等角航綫比大圆弧的长度有时可达数百里，为縮短航行时间，即使艤艇沿大圆弧航行。这种航行方法称“大圆弧航法”或“大圆弧航法”。

第一节 等角航綫和大圆弧航綫的航程差

在第一篇 四节我們已知道，等角航綫在球体上为对数螺旋曲綫，而且逐渐向极接近，它越靠近地极，曲率越大。因此緯度越高，等角航綫和大圆弧航綫的航程差越大，当高緯度航行时，按大圆弧航法是比較有利的。而当艤艇沿赤道或經（南北航向）以及沿它們的附近航行时，則可不采用大圆弧航法，这是因为赤道綫和經度綫既是大圆弧又是等角航綫。

在拟定远洋航渡計劃时，还可以計算出航渡出发点和到达点間的等角航綫和大圆弧航綫的长度，比較二者的航程差，以供拟定計劃时參攷，当航程差不大时，即可按等角航綫航行，因为大圆弧航法的計算和作业都比較复杂。

計算航程的方法如下：

一求等角航綫航程公式：

$$D_A = (\varphi_2 - \varphi_1) \sec K_A$$

$$\text{或 } D_A = (\lambda_2 - \lambda_1) \cos \varphi_m \sec K_A$$

式中 K ——等角航向 (HD)

$$\varphi_m = \text{平均緯度} = \frac{\varphi_1 + \varphi_2}{2}$$

二大圆弧航綫的航程：

$$\cos D_0 = \sin \varphi_1 \sin \varphi_2 + \cos \varphi_1 \cos \varphi_2 \cos (\lambda_2 - \lambda_1) \dots (5-1)$$

这一公式是根据图 5-3 2 中球面三角形 AP_1B 写出的。

在利用上述公式进行计算时，必须使用和与差的函数，因此在计算前应对公式的符号加以分析，以决定公式的右边的值是和或是差。

——以北纬命名的 φ_1 和 φ_2 是正角；它们的函数值也是正值；

——以南纬命名的 φ_1 和 φ_2 是负角；纬度的正弦是负值，纬度的余弦是正值。

——经度差的余弦如经度差小于 90° 时，则其余弦值是正值，大于 90° 时，则为负值。

关于距离 D 的判断，是根据方程式右边符号的综合，如果综合符号是正值，则距离 D 小于 90° 。如是负值，则距离应是表中查得的 180° 补角。

【例题一】已知航渡出发点为琉球群岛 $\varphi_1 = 27^\circ 25' \text{ ON}$ $\lambda_1 = 129^\circ 30' \text{ E}$ 到美国旧金山 $\varphi_2 = 38^\circ 25' \text{ ON}$ $\lambda_2 = 124^\circ 25' \text{ W}$ 。

求：通过这两点的等角航线和大地航线间的航程差数。

解：求等角航线航程 D_A ：

利用公式 $D_A = (\varphi_2 - \varphi_1) \sec K_A$

首先计算航向 (K) 值。由第二篇讲义第 91 页公式 (2.69)

1:

$$\tan K_A = \frac{PD(\text{经度差})}{PM(\text{渐长纬度差})}$$

即

$$\tan K_A = \frac{\lambda_2 - \lambda_1}{M \lambda_2 - M \lambda_1}$$

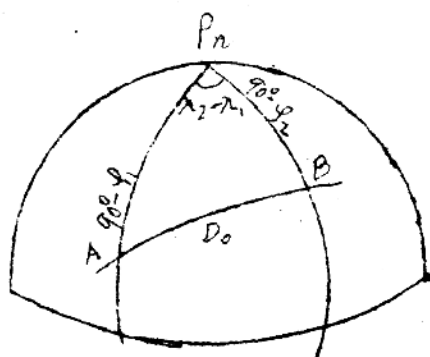


图 5-3 2

$$\lambda_2 = 124^\circ 25' W$$

$$M_2 = 2435.3$$

$$\lambda_1 = 129^\circ 30' 50'' E$$

$$M_1 = 1701.0$$

$$PD = 106^\circ 06' 50'' E$$

$$PMH = 734.0$$

$$= 6365$$

$$L_2 6365 = 3.2032$$

$$- L_2 734.0 = 2.8948$$

$$L_2 6365 = 0.9090$$

$$3.2032 - 2.8948 = 0.3084$$

$$\varphi_2 = 30^\circ 25' N$$

$$- \varphi_1 = 27^\circ 25' N$$

$$\varphi_2 - \varphi_1 = 11^\circ 00' N = 660$$

$$L_2 660 = 2.2190$$

$$+ L_2 800.0 = 0.9121$$

$$L_2 D_1 = 3.1316$$

$$3.1316 - 2.8901 = 0.2415$$

2. 計算大圓航程：

使用公式 (5-1)：

$$\begin{aligned} \cos D_0 &= \sin \varphi_1 \sin \varphi_2 + \cos \varphi_1 \cos \varphi_2 \cos (\lambda_2 - \lambda_1) \\ &= \sin (+37^\circ 25') \sin (+30^\circ 25') + \cos (+37^\circ 25') \cos (+27^\circ 25') \cos (124^\circ 25' - 129^\circ 30' 50'') \\ &= 0.6040 + 0.7959 \cos 55^\circ 05' = 0.6040 + 0.7959 \times 0.5636 = 0.8500 \end{aligned}$$

$$\begin{matrix} + & - \\ \cos 3^{\circ}25' & \cos 106^{\circ}05' \end{matrix}$$

$$D_0 = +I - II \quad (\beta)$$

	ℓ_g	+I	ℓ_g	-II
$\gamma_1 = 37^{\circ}25' \text{ CON}$	S 12	9.6532	003	9.9483
$\gamma_2 = 33^{\circ}25' \text{ CON}$	S 12	9.7934	003	9.3940
$P D = 106^{\circ}05' \text{ CO}$	--	--	003	9.4428
	+I	9.4566	-II	9.2848
	β	9.5142	I-II	0.1713
	$\ell_g \cos D_0$	8.9708		

$$D_0 = 34^{\circ}38' = 5073 \text{ 哩}$$

3. 二点航程差：

$$D_A - D_0 = 5390 - 5073 = 312 \text{ 哩}$$

还必须指出，在拟定远洋航线的航程时，除了知道二点间的距离外，还必须考虑到海区的战况情况，和充分地研究洋流、定海流和潮流资料、盛行风、浪势、航行危险物等，适当地选择航路，不仅使上述各因素不影响航程，而且充分地利用有利因素完成航行任务。因此，航程航速就不一定是两点间的直线距离——大圆弧。

第二节 大圆航程方程式及其参数

为测定大圆航程在地球面上的位置，必须知道大圆航程方程式。由图 5-3 5 中球面直角三角形 $\triangle HPA$ 得出大圆航程方程式：

• 4 •

(5-2)

K₀——大圆弧穿过赤道时的

●

图 5-3

下面我们研究如何利用流形上给定的点和到达点的坐标 $\varphi_1, \lambda_1, \varphi_2, \lambda_2$ 计算 λ_0 和 K_0 。

由公式 (5-2) 可得出適合开始感到到达点壓力的方程式:

$$v_{\phi} E_0 = c \log \left(\frac{1}{1 - S} \right) \ln(\lambda_I - \lambda_0) \quad (5-3)$$

$$K_0 = C \epsilon_0 \epsilon_2 \sin(\lambda_2 - \lambda_0) \quad (5-4)$$

将以上两式写成：

$$tg \angle I-C \angle E, \sin(\angle I \angle E)$$

$$\tau_g \gamma_2 = C \dot{\gamma}_g K_0 \sin(\lambda_2 - \lambda_0)$$

为相云云。

$$\frac{t_{g2}}{t_{g1}} = \frac{C_{g2} \sin(\lambda_2 \lambda_0)}{C_{g1} \sin(\lambda_1 \lambda_0)} = \frac{\sin(\lambda_2 \lambda_0)}{\sin(\lambda_1 \lambda_0)}$$

· 根据代数比的关系上式可写成：

$$\begin{aligned}
 \frac{t_g \varphi_2 - t_g \varphi_1}{-t_g \varphi_2 + t_g \varphi_1} &= \frac{\sin(\lambda_2 - \lambda_0) - \sin(\lambda_1 - \lambda_0)}{\sin(\lambda_2 - \lambda_0) + \sin(\lambda_1 - \lambda_0)} \\
 &= \frac{\sin \frac{\lambda_2 - \lambda_0 + \lambda_1 - \lambda_0}{2} \cdot \sin \frac{\lambda_2 - \lambda_0 - \lambda_1 + \lambda_0}{2}}{2 \sin \frac{\lambda_2 - \lambda_0 + \lambda_1 - \lambda_0}{2} \cdot \cos \frac{\lambda_2 - \lambda_0 - \lambda_1 + \lambda_0}{2}} \\
 &= \frac{2 \cos(\frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2} - \lambda_0) \sin(\frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2})}{2 \sin(\frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2} - \lambda_0) \cos(\frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2})} \\
 &= \cot_g(\frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2} - \lambda_0) \cdot \tan_g(\frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2})
 \end{aligned}$$

但是 $\frac{t_g \varphi_2 - t_g \varphi_1}{t_g \varphi_2 + t_g \varphi_1} = \frac{\sin(\varphi_2 - \varphi_1)}{\sin(\varphi_2 + \varphi_1)}$

則 $\frac{\sin(\varphi_2 - \varphi_1)}{\sin(\varphi_2 + \varphi_1)} = \cot_g(\frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2} - \lambda_0) \cdot \tan_g(\frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2})$

即 $\tan_g(\frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2} - \lambda_0) = \tan_g(\frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2}) \cdot \sin(\varphi_1 + \varphi_2) \csc(\varphi_2 - \varphi_1)$

令 $\frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2} = \lambda_m$

$$\text{得 } t_g(\lambda_2 - \lambda_1) = t_g \frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2} \cdot \sin(\varphi_1 + \varphi_2) \csc(\varphi_2 - \varphi_1)$$

..... (5-5)

利用上式根据已知的 φ_1, λ_1 和 φ_2, λ_2 就可求得参数 λ_0 。——大圆弧与赤道交点的经度。然后以 λ_0 和 φ_1, λ_1 (或 φ_2, λ_2) 代入公式 (5-3) 或公式 (5-4) 求参数 K 。——大圆弧穿过赤道时的航向。

在求得 λ_0 和 K 后代入公式 (5-2)，即为大圆弧方程式。

当用公式 (5-4) 求 λ_0 时，必须按下列规则分析其符号：

—— $\frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2}$ 的符号应与出发点与到达点间平均子午线的经度相适应，东经时为正 (+)，西经时为负 (-)；

—— $\varphi_1 + \varphi_2$ 和 $\varphi_2 - \varphi_1$ 的符号，是以它们的代数和的结果求得的； $\sin(\varphi_1 + \varphi_2)$ 和 $\csc(\varphi_2 - \varphi_1)$ 的符号与 $(\varphi_1 + \varphi_2)$ 和 $(\varphi_2 - \varphi_1)$ 的符号相一致；

—— $\frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2}$ 的符号是取决于船舶运动方向，当运动方向向东时为正 (+)，向西时为负 (-)。 $t_g \frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2}$ 的符号与 $\frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2}$ 的符号一致。

(例题二) 用第一节例题数据：

出发点 $\left\{ \begin{array}{l} \varphi_1 = 27^\circ 25' \text{ ON} \\ \lambda_1 = 129^\circ 30' \text{ St} \end{array} \right.$

到达点 $\left\{ \begin{array}{l} \varphi_2 = 38^\circ 25' \text{ N} \\ \lambda_2 = 124^\circ 25' \text{ St} \end{array} \right.$

求：(一) 大圆弧和赤道交点的经度 λ_0 ；
(二) 大圆弧穿过赤道时的航向 K 。

解:

(1) 求 λ_0 :

$$\frac{\lambda_2 - \lambda_1}{2} = \frac{156^\circ 05'}{2} = +78^\circ 02' .5$$

$$\varphi_1 + \lambda_0 = +65^\circ 50'$$

$$\varphi_2 - \lambda_1 = +11^\circ 00'$$

$$\lambda_m = \frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2} = \frac{129^\circ 30' + (360 - 124^\circ 25')}{2} = 117^\circ 32' .5$$

$$\lg \cos 78^\circ 02' .5 = 0.235$$

$$\lambda_m - \lambda_0 = 21^\circ 03' .5$$

$$\lg \sin 65^\circ 50' = 0.9602$$

$$\lambda_0 = 117^\circ 32' .5 - 21^\circ 03' .5$$

$$\lg \cos 11^\circ 00' = 0.7194$$

$$= 101^\circ 29' .0 \text{ Ost}$$

$$\lg \tan (\lambda_m - \lambda_0) = 0.8031$$

(2) 求 K_0 :

$$\varphi_1 = 27^\circ 25' \text{ N}$$

$$\lg \cot 27^\circ 25' = 0.2851$$

$$\lambda_1 - \lambda_0 = 23^\circ 01' .0$$

$$\lg \sin 23^\circ 01' = 0.6719$$

$$\lg \tan K_0 = 0.9570$$

$$K_0 = 42^\circ 10'$$

第三节 大圆路各分点座标的计算

为求大圆弧在海图上，首先应求出大圆弧上一些分点的座标，然后将这些分点标在海图上，并用均匀的比例尺将其连接起来，就是大圆弧，如图 5—34。

大圆弧各分点座标可利用公式计算法，这种方法准确性较好，但计算较复杂。计算的方法主要的有下列二种：

——利用大圆弧参数入。

和 K_0 ；

——利用顶点座标。

图 5—34

由于篇幅的限制，我们只讲述利用大圆弧参数入和 K_0 计算分点座标的方法。关于利用顶点座标的计算公式可参阅附录。

在第二节已讨论过，根据航渡出发点座标 (φ_1, λ_1) 和到达点座标 (φ_2, λ_2) 求得入和 K_0 。

在求得入和 K_0 后，即可利用公式 (5—2) 求大圆弧上任意点的座标，即：

$$tg \varphi_i = \sin(\lambda_i - \lambda_0) \cotg K_0 \dots \dots \dots (5-4)$$

以予定的各经度值 (λ_i) 代入上式，即可求得大圆弧上相应各点的纬度 (φ_i) 。在设定经度时，一般是每隔 $5^\circ - 10^\circ$ 计算一点。反之如欲定纬度，同样可利用下式求得大圆弧上各分点的经度：

$$\sin(\lambda_i - \lambda_0) = tg \varphi_i \cdot tg K_0$$

为简化计算，根据以上两公式作成“航海用表”30(a)和30(b)

。以 $(\lambda_i - \lambda_0)$ 和 K_0 为引数查得 δ_i 值，再以 δ_i 和 K_0 为引数查得 $(\lambda_i - \lambda_0)$ 值。

当 $\lambda_0 < 20^\circ$ 时，用 30 表 (a)；当 $\lambda_0 < 20^\circ$ 时，用 30 表 (b)，因航向很小时大圆弧和子午线夹角很小，用 30 表 (c) 不合适。

为了避免不必要的内插以及由于内插产生的误差，在选择分点的经度时，应使 $\lambda_i - \lambda_0$ 为整数。

(例三) 按下列一、二、三题求解：

题一：由 $P_1 = 27^\circ 25' N$ 到达点 $P_2 = 32^\circ 25' N$
 $\lambda_1 = 129^\circ 36' 0'' E$ $\lambda_2 = 124^\circ 25' W$

求：大圆航线上经度相差 1° 的相应值 δ_i ；

解：首先应求出 λ_0 和 K_0 ，由上题求得：

$$\lambda_0 = 101^\circ 29' . 00''$$

$$K_0 = 42^\circ 10'$$

因 $\lambda_0 > 20^\circ$ ，故“航海用表”30 表 (c)，以 $(\lambda_i - \lambda_0)$ 和 K_0 为引数，查得各分点航程如下表所列：

次序	λ_i	λ_{i-1}	γ_i	
1 (出发点)	$129^{\circ}30'0''^{SV}$	$28^{\circ}01'$	$27^{\circ}25'$	(总长为 $27^{\circ}23'$)
2	$131^{\circ}29'$	30°	$28^{\circ}54'$	
3	$141^{\circ}29'$	40°	$35^{\circ}22'$	
4	$151^{\circ}29'$	50°	$40^{\circ}13'$	
5	$161^{\circ}29'$	60°	$43^{\circ}43'$	
6	$171^{\circ}29'$	70°	$46^{\circ}03'$	
7	$173^{\circ}32'$	80°	$47^{\circ}24'$	
8	$168^{\circ}31'$	90°	$47^{\circ}50'$	
9	$158^{\circ}31'$	100°	$47^{\circ}24'$	
10	$148^{\circ}31'$	110°	$46^{\circ}03'$	
11	$138^{\circ}31'$	120°	$43^{\circ}43'$	
12	$128^{\circ}31'$	130°	$40^{\circ}13'$	
13 (到达点)	$124^{\circ}25'$	$134^{\circ}06'$	$38^{\circ}25'$	(总长为 $38^{\circ}28'$)

第四节 沿大圆弧航行的航向计算

为能真正沿大圆弧航行，就必须不断地改变航向。但实际上不断地改变航向是不可能时，因此应将大圆弧分为若干段，在每段上按等角航向航行，而成为折线航行，如图 5-35。

沿每段等角航向航行的航向 (M_K)，可按下列两种方法求得：

一、利用量角器在地图上量取：即用量角器量取某一分点到下一分点联结的方向。此法准确性较差，一般不用。

二、利用计算求得：

首先可根据大圆弧参数，根据下列公式 (5-5) 求出大圆弧

上任意点对子午线的大圆航线的方向。

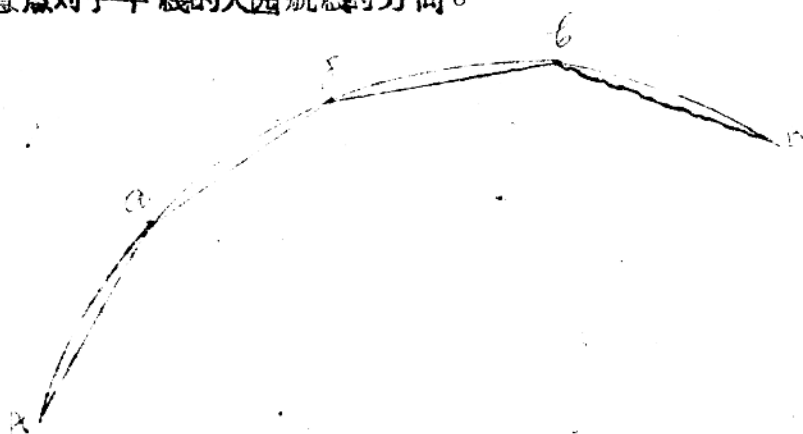


图 5—35

$$C^2 \rho K = C^2 \rho (\lambda_1 - \lambda_2) \sin \psi_1 \dots \dots \dots (5-5)$$

此式是由图 5—35 球面直角三角形 $\triangle HNA$ 写出的。

在利用上式求得所有各点 ($a, b, c, \dots$) 的大圆航线的航向 K 。如在 A 点等于 K_1 ，在 c 点等于 K_2 ，则得出由 A 点航行到 c 点的等角航线的航向 NK_1 为：

$$NK_1 = \frac{K_1 + K_2}{2} \dots \dots \dots (5-6)$$

其他各段的航向则依次类推。

公式 (5—6) 是根据第一篇第五节公式 (1—29)，即子午线收敛角： $\gamma = K_2 - K_1$ (大圆航向)

由图 5—36， A 点到 c 点的等角航向 $NK_1 = K_1 + \psi$ 。

而在第一篇第五节

我们已知： $\gamma = 2\psi$

$$\text{即： } \psi = \frac{\gamma}{2} = \frac{K_2 - K_1}{2}$$

• 12 •

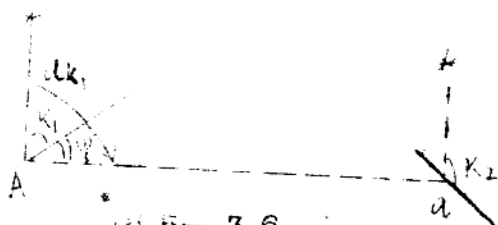


图 5—36

$$\text{則： } N K_1 = K_1 + \frac{K_2 - K_1}{2}$$

$$= \frac{K_1 + K_2}{2}$$

等角航線每段的大小，一般是使由一段航線轉至另一段航線的轉向角為 $2^{\circ} - 5^{\circ}$

(例四) 根據例一的数据：

出发点 $\varphi_1 = 27^{\circ} 25' N$
 $\lambda_1 = 129^{\circ} 30' . 00 St$

到达点 $\varphi_2 = 38^{\circ} 25' . 00 N$
 $\lambda_2 = 124^{\circ} 25' W St$

求：各分点的大圆航向 (K) 和每段航線的等角航向 (uK)。

解：(一) 根據例三所求得的分点座標換公式 (5-5)：

$ctg \lambda_i = ctg(\lambda_2 - \lambda_0) \sin \varphi_i$
 求得各分点大圆航向 K ，并列于下表；
 (2) 根據公式 (5-6) $K = \frac{K_1 + K_2}{2}$ 求等角航向 uK 。

次 序	$\lambda_i - \lambda_0$	φ_i	$ctg(\lambda_i - \lambda_0)$	$\sin \varphi_i$	$ctg \lambda_i$	λ_i (大圆 航向)	$uK = \frac{K_1 + K_2}{2}$	航線段 长度
1	$28^{\circ} 1'$	$27^{\circ} 5'$	0.2740	9.6632	9.9372	$49^{\circ} 0'$	$49^{\circ} 0'$	30.2
2	30°	$28^{\circ} 54'$	0.2386	9.6842	9.9228	$50^{\circ} 04'$	$52^{\circ} 8'$	50.7
3	40°	$35^{\circ} 22'$	0.0762	9.7625	9.8387	$55^{\circ} 24'$	$58^{\circ} 5'$	50.4
4	50°	$40^{\circ} 13'$	9.9238	9.8100	9.1338	$61^{\circ} 33'$	$64^{\circ} 9'$	60.9
5	60°	$43^{\circ} 43'$	9.7614	9.8395	9.6009	$68^{\circ} 14'$	$71^{\circ} 8'$	70.1
6	70°	$46^{\circ} 03'$	9.5611	9.8573	9.4184	$75^{\circ} 09'$	$78^{\circ} 9'$	70.4
7	80°	$47^{\circ} 24'$	9.2463	9.8669	9.1132	$82^{\circ} 36'$	$86^{\circ} 3'$	70.5
8	90°	$47^{\circ} 50'$	-	-	-	90°	$95^{\circ} 8'$	70.2
9	100°	$47^{\circ} 24'$	-	-	-	$97^{\circ} 21'$	$101^{\circ} 0'$	70.2
10	110°	$46^{\circ} 25'$	-	-	-	$104^{\circ} 44'$	$108^{\circ} 2'$	60.9
11	120°	$43^{\circ} 43'$	-	-	-	$111^{\circ} 41'$	$115^{\circ} 1'$	4.7
12	$124^{\circ} 06'$	$38^{\circ} 25'$	9.9864	9.7794	9.7798	$118^{\circ} 28'$	$119^{\circ} 8'$	-

为了更正确地沿大圆弧航行，应使每段的航向改变量为 $2^{\circ} - 3^{\circ}$ 。但从上表计算结果可以看出，多数段的航向改变量都在 3° 以上。因此应将 (λ_1, λ_2) 的间隔缩小为 5° ，并按上节方法求出相应的纬度，然后根据分点座标计算出大圆弧和等角航向。

为执行方便，还可利用以下公式求出各段等角航线的航程：

$$D_1 = (\lambda_2 - \lambda_1) \cdot \sec \phi_{\text{中}}$$

第五节 混合航行

因为大圆弧的顶点是凸向地极的，所以当舰艇沿大圆弧航行时，可能航行到高纬度地区，而高纬度的冰雪恶劣气候会增加航行的困难。或者因为海区战备需要，应使舰艇航行不超过一定的纬度圈，这一纬度圈称为“极限纬度圈”。在这种情况下，舰艇航行应按三个部份组成：

- 由航渡出发点到极限纬度的大圆弧航段：是过A点作与极限纬度圈相切的大圆弧；
- 与极限纬度圈重合的等角航段；
- 由极限纬度圈至航渡到达点B的大圆弧航段，即过B点作与极限纬度圈相切的大圆弧。

混合航线的计算可以根据公式计算或利用万城投影图进行图解法。

如图5-37，舰艇由最短航程由A点 (ϕ_1, λ_1) 航渡到B点 (ϕ_2, λ_2) 而且不超过极限纬度圈的纬度 $\phi_{\text{中}}$ 。

AM——通过A点且与极限纬度圈切于M点（顶点）的大圆弧段；

NB——通过B点且与极限纬度圈切于N点的大圆弧段；

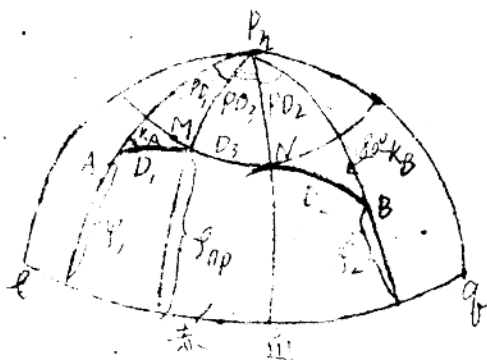


图5-37

度圖切于N點。大圓弧段

LM——極限二度圖。

點M和N的子午線和大圓弧段相交成直角，而得出兩個球面直角三角形 $\triangle APM$ 和 $\triangle NP$ 。由直角三角形 $\triangle APM$ 得：

$$\sin K_A = \sec \varphi_1 \cos \varphi_{MP} \dots\dots\dots (5-7)$$

$$\cos D_1 = \sin \varphi_1 \cos \varphi_{NP} \dots\dots\dots (5-8)$$

$$\cos PD_1 = \cot \varphi_1 \cot \varphi_{NP} \dots\dots\dots (5-9)$$

由直角三角形 $\triangle NP$ 得相似公式：

$$\sin K_B = \sec \varphi_2 \cos \varphi_{NP} \dots\dots\dots (5-10)$$

$$\cos D_2 = \sin \varphi_2 \cos \varphi_{MP} \dots\dots\dots (5-11)$$

$$\cos PD_2 = \cot \varphi_2 \cot \varphi_{MP} \dots\dots\dots (5-12)$$

而M點和N點的經度是：

$$\left. \begin{aligned} \lambda_M &= \lambda_1 + PD_1 \\ \lambda_N &= \lambda_2 - PD_2 \end{aligned} \right\} \dots\dots\dots (5-13)$$

沿極限二度圖航行時的經度差等于：

$$PD_3 = (\lambda_2 - \lambda_1) - (PD_1 + PD_2) \dots\dots\dots (5-14)$$

在極限二度圖航行的航程：

$$D_3 = PD_3 \cos \varphi_{MP} \dots\dots\dots (5-15)$$

混合航行的總航程：

$$D = D_1 + D_2 + D_3 \dots\dots\dots (5-16)$$

將大圓弧的起點劃在麥卡托地圖上的方法，同於第三節的方法進行。
計標 K_A 和 K_B 由公式 (5-7) 和 (5-10)，可用來計標在大圓弧 (AM 和 NB) 上任意點的大圓航向。

附 錄

附錄：

關於大圓航法各要素的計標方法很多，我們在前面第一節到第四節所討論的是其基本方法，在這里我們再介紹另一種方法，這種方法是利用大圓弧的出發點航向（稱“始航向”）和到達點航向（稱“終航向”）以及“頂點”座標來計標的。

所謂“始航向”和“終航向”是大圓弧和出發點經度線及到達點經度線分別交角的大圓航向角，如圖-1中的 $\angle P_A A B$ 是始航向 (K_A) 和 $\angle P_B B V$ 是終航向 (K_B)。

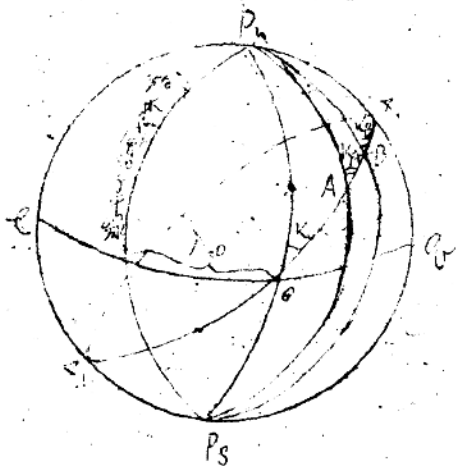


圖-1

在大圓弧上而且緯度最高的點叫“頂點”(V)由圖中可以看出每一個大圓都有兩個頂點(V)，它們的經度相差 180° 而緯度的大小一樣，但命名相反。

因為大圓弧與赤道的交點O是頂點子午圈的極，所以：

$$\varphi_V = 90^\circ - K_A \dots\dots\dots (1-1)$$

$$\lambda_V = \lambda_A \pm 90^\circ \dots\dots\dots (1-2)$$

這里所介紹方法的基本點是：首先利用出發點座標 (φ_A, λ_A) 和到達點座標 (φ_B, λ_B) 求始航向 (K_A) 和終航向 (K_B)，再利用 K_A 、 K_B 求大圓航程和頂點座標 (φ_V, λ_V)，然後利用頂點座標求大圓弧上