

# 船舶防振设计方法



第七〇一研究所

PDG

U662

413432

Z<sub>0.5</sub> = 2

SI-17-90

# 船舶防振设计方法



第七〇一研究所  
1990.12

## 中译本前言

防止舰船振动和冲击是目前舰船设计的重要课题，也是难题。本书收录了《船舶防振工程方法》和《舰载设备的冲击设计》等三篇文章，旨在为有关舰船工程技术人员提供设计参考和可供借鉴的方法。

《船舶防振工程方法》不侧重在理论上作论述，而是从介绍和分析船舶振动各种类型和现象入手，着重给出解决振动问题的实用方法。《舰载设备的冲击设计》则给出了舰载设备冲击的一种简化模拟分析方法。

本书主要译校人员有赵智欣、吴军、王俊鹏、叶松林、严国雄。由成更海编辑。

本书在出版过程中得到了我所五室同志的大力支持。

编者

1990 · 12 ·

## 目 录

一、船舶防振工程方法 .....	(I)
二、舰载设备的冲击设计 .....	(173)
三、反潜轻巡洋舰桅杆的振动分析 .....	(213)

# 目 录

第一部分：公式汇集 .....	(1)
<b>第 1 章 质量弹性系统的振动 .....</b>	<b>(1)</b>
1.1 基本公式	
1.2 动态隔离	
1.3 得到的对数衰减率	
<b>第 2 章 梁振动 .....</b>	<b>(8)</b>
2.1 挠性振动	
2.2 轴向振动	
2.3 扭转振动	
2.4 剪切振动	
2.5 剪切刚度对有振动的影响	
<b>第 3 章 各种形状板的振动 .....</b>	<b>(15)</b>
3.1 矩形板	
3.2 三角形板	
3.3 平行四边形板	
3.4 梯形板	
3.5 开孔板	
3.6 圆形板	
3.7 周边绞支的扇形板	
<b>第 4 章 加筋板的振动 .....</b>	<b>(23)</b>
<b>第 5 章 梁和板的附连虚质量 .....</b>	<b>(24)</b>
5.1 引言	
5.2 集中质量和均布质量的关系	
5.3 板的附连虚质量	
5.4 梁的附连虚质量	
<b>第 6 章 谐振中位移振幅与速度和加速度的关系 .....</b>	<b>(36)</b>
引用文件	
<b>第二部分 船舶振动 .....</b>	<b>(37)</b>
<b>第 1 章 引言 .....</b>	<b>(37)</b>
1.1 各种函数关系	

1.2	船舶振动的特性	
1.3	防止有害振动的设计流程	
<b>第2章</b>	<b>船体桁振动</b>	<b>(39)</b>
2.1	引言	
2.2	实船存在的有害振动	
2.3	从经验公式得出的固有频率	
2.4	振动响应计算(按经验公式)	
2.5	固有频率和响应特性(按计算机技术)	
2.6	预防有害振动	
<b>第3章</b>	<b>尾部振动</b>	<b>(70)</b>
3.1	引言	
3.2	实船上存在的有害振动	
3.3	固有频率和响应特性	
3.4	预防有害振动	
<b>第4章</b>	<b>机舱</b>	<b>(78)</b>
4.1	引言	
4.2	机舱双层底	
4.3	双层底刚度对柴油机(主机)横向振动的影响	
4.4	与螺旋桨轴系纵向振动耦合的双层底的振动	
4.5	辅机振动	
<b>第5章</b>	<b>尾尖舱和机舱的局部结构</b>	<b>(95)</b>
5.1	引言	
5.2	固有频率计算	
5.3	疲劳裂缝的预防	
<b>第6章</b>	<b>上层建筑</b>	<b>(99)</b>
6.1	引言	
6.2	上层建筑	
6.2.1	振动的特性	
6.2.2	固有频率	
6.2.3	预防和措施	
6.3	驾驶甲板的固有频率	
6.4	烟囱	
6.5	局部结构,肋板等	
<b>第7章</b>	<b>货(液)舱结构</b>	<b>(115)</b>
7.1	引言	
7.2	固有频率	
7.2.1	有加强筋的板	
7.2.2	强肋骨的横向振动	
7.3	预防	

<b>第8章 设备(雷达桅杆和吊杆柱)</b>	(134)
8.1 引言	
8.2 固有频率计算	
8.3 预防	
<b>第9章 舵、双螺旋桨尾轴架、螺旋桨桨叶</b>	(140)
9.1 引言	
9.2 舵上的流体振动力	
9.3 固有频率	
<b>第10章 激振力</b>	(147)
10.1 引言	
10.2 螺旋桨的激振力	
10.2.1 桨叶表面力	
10.2.2 轴承力	
10.2.3 螺旋桨激振力的推论	
10.3 柴油机激振力	
10.3.1 不平衡的惯性力	
10.3.2 柴油机结构的横向振动	
10.3.3 柴油机曲轴的轴向振动	
10.3.4 柴油机曲轴的扭转振动	
10.4 由局部振动加剧的激振	
10.4.1 螺旋桨轴的纵向振动	
10.4.2 柴油机结构纵向振动	
10.4.3 螺旋桨轴的横向振动	
<b>第11章 允许范围</b>	(163)
11.1 引言	
11.2 根据人整个身体承受能力得出的允许范围	
11.3 根据结构疲劳破坏得出的允许范围	
11.4 按机器和仪表的性能观点得出的允许范围	
<b>第12章 总结</b>	(170)
引用文献	

# 第一部分 公式汇集

## 第1章 质量弹性系统的振动

符号

k: 线性刚度。弹簧常数

m: 质量

v: 固有频率--角频率  $\nu = \sqrt{K/m}$

f: 频率  $= \nu / 2\pi$

c: 阻尼系数

Cc: 临界阻尼系数

$\alpha = c / 2m$

r: 相位角

$x_0$ : 由强迫振动引起的振幅

$\delta$ : 对数衰减率

A,B: 由初始条件确定的常数

### 1.1 基本公式

T.1.1 单自由度系统的频率  $f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$  (赫兹)

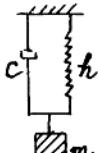
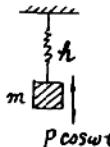
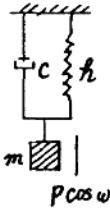
T.1.2 两个自由度系统的频率  $f = \frac{1}{2\pi} \nu$

### T.1.3 振动响应计算

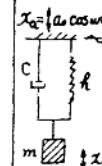
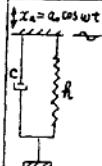
振动系统	相当弹簧
	$k$
	$k_1 + k_2$ 一般是在有几个弹簧并联时 $k = \sum_{i=1}^n k_i$
	$\frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}$ 一般是在有几个弹簧串联时 $\frac{1}{k} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{k_i}$
	$\frac{1}{k} = \frac{1}{k_1} \left(\frac{l_2}{l}\right)^2 + \frac{1}{k_2} \left(\frac{l_1}{l}\right)^2$
	$k \cos^2 \alpha$

振动系统	角频率
	$\nu^2 = \frac{1}{2} (\nu_{11}^2 + \nu_{22}^2)$ $\pm \frac{1}{2} \sqrt{(\nu_{11}^2 - \nu_{22}^2)^2 + 4\nu_{12}^4}$ 式中 $\nu_{11}^2 = \frac{k_1 + k_2}{m_1}, \nu_{22}^2 = \frac{k_2 + k_1}{m_2}, \nu_{12}^2 = \frac{k_2}{\sqrt{m_1 m_2}}$
	$\nu^2 = \frac{1}{2} \left\{ \nu_1^2 - \nu_2^2 (1 + \mu) \right\}$ $\pm \frac{1}{2} \sqrt{\nu_1^2 + \nu_2^2 (1 - \mu)^2 - 4\nu_1^2 \nu_2^2}$ 式中 $\nu_1^2 = \frac{k_1}{m_1}, \nu_2^2 = \frac{k_2}{m_2}, \mu = \frac{m_2}{m_1}$

(T.1.3)

振动系统	运动方程式	通解
自由振动 	$\ddot{x} + \nu^2 x = 0$	$x = A \cos(\nu t + B)$ $f = \frac{\nu}{2\pi} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$
有粘性阻尼的单自由度系统 	$\ddot{x} + 2\alpha\dot{x} + \nu^2 x = 0$	(1) $\alpha < \nu$ $x = A e^{-\alpha t} \cos(\sqrt{\nu^2 - \alpha^2} t + B)$ $f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\nu^2 - \alpha^2}$ $\delta = \frac{2\pi\alpha}{\sqrt{\nu^2 - \alpha^2}} = \frac{2\pi\alpha}{\nu}$ (2) $\alpha = \nu$ $C = C_c$ $x = e^{-\alpha t} (A + Bt)$ 无周期变化 (3) $\alpha > \nu$ $x = e^{-\alpha t} (A e^{\sqrt{\alpha^2 - \nu^2} t} + B e^{-\sqrt{\alpha^2 - \nu^2} t})$ 无周期变化
强迫振动 	$\ddot{x} + \nu^2 x = P/m \cdot \cos \omega t$	$x = A \cos(\nu t + B) + \frac{P/m}{\nu^2 - \omega^2} \cos \omega t$
有粘性阻尼的强迫振动 	$\ddot{x} + 2\alpha\dot{x} + \nu^2 x = \frac{P}{m} \cos \omega t$	$x = A e^{-\alpha t} \cos(\sqrt{\nu^2 - \alpha^2} t + B) + x_0 \cos(\omega t - r)$ $\left\{ \begin{array}{l} x_0 = \frac{P/m}{\sqrt{(\nu^2 - \omega^2)^2 + 4\alpha^2\omega^2}} \\ r = \tan^{-1} \frac{2\alpha\omega}{\nu^2 - \omega^2} \end{array} \right.$ 或 $\left\{ \begin{array}{l} \frac{x_0}{x_{st}} = \frac{1}{\sqrt{(1 - \frac{\omega^2}{\nu^2})^2 + (2\frac{C}{C_c} \cdot \frac{\omega}{\nu})^2}} \\ r = \tan^{-1} 2 \frac{C}{C_c} \cdot \frac{\omega}{\nu} / \left(1 - \frac{\omega^2}{\nu^2}\right) \end{array} \right.$ $x_{st} = P/k$

T.1.3 续

振动系统	运动方程式	通解
续前页		$\frac{x_0}{x_{st}}$ 图 1.1 $\frac{x_{0\max}}{x_{st}} = \frac{1}{2 \frac{C}{C_e} \sqrt{1 - \left(\frac{C}{C_e}\right)^2}}$ $\div \pi/\delta$ 自由振动项 $A e^{-\alpha t} \times \cos(\sqrt{\nu^2 - \alpha^2} t + B)$ 由于有阻尼而逐渐减弱， 强迫振动项 $x_0 \cos(\omega t - \gamma)$ 余项
强迫振动	 $x_0 = a_0 \cos \omega t$ $x_1: \text{ 相对运动}$ $x_1 = x - x_0$	$\ddot{x}_1 + 2\alpha \dot{x}_1 + \nu^2 x_1 = a_0 \omega \cos \omega t$ $x_1 = A e^{-\alpha t} \cos(\sqrt{\nu^2 - \alpha^2} t + B) + a_1 \cos(\omega t - \tau)$ $a_1 = \frac{a_0 \omega^2}{\sqrt{(\nu^2 - \omega^2)^2 + 4\alpha^2 \omega^2}}$ 或 $\frac{a_1}{a_0} = \frac{\frac{\omega^2}{\nu^2}}{\sqrt{\left(1 - \frac{\omega^2}{\nu^2}\right)^2 + \left(2 \frac{C}{C_e} \cdot \frac{\omega}{\nu}\right)^2}}$ $a_1: \text{ 相对振幅}$ $\frac{a_1}{a_0}$ 图 1.2
强迫振动	 $x_0 = a_0 \cos \omega t$ $x: \text{ 绝对值}$	$\ddot{x} + 2\alpha(\dot{x} - \dot{x}_0) + \nu^2(x - x_0) = 0$ $\frac{a}{a_0} = \frac{\sqrt{1 + \left(2 \frac{C}{C_e} \cdot \frac{\omega}{\nu}\right)^2}}{\sqrt{\left(1 - \frac{\omega^2}{\nu^2}\right)^2 + \left(2 \frac{C}{C_e} \cdot \frac{\omega}{\nu}\right)^2}}$ $a: \text{ 绝对振幅}$ $\frac{a}{a_0}$ 图 1.3

### T. 1.3 续

振动系统	运动方程式	通解
<p>两个自由度系统的强迫振动</p> <p>振动平衡原理</p>	$m_1 \ddot{x}_1 + h_1 x_1 - h_2 (x_2 - x_1) - C_2 (\dot{x}_2 - \dot{x}_1) = P \cos \omega t$ $m_2 \ddot{x}_2 + h_2 (x_2 - x_1) + C_2 (\dot{x}_2 - \dot{x}_1) = 0$	$\frac{(\lambda_1)^2}{(\lambda_{st})^2} = \frac{4\mu^2 r^2 + (r^2 - \delta^2)^2}{4\lambda_1^2 r^2 (r^2 - 1 + \beta r^2)^2 + (\beta \delta)^2 (r^2 - 1)(r^2 - \delta^2)^2}$ $\lambda_1: m_1 \text{ 的振幅}, \quad \nu_1 = \sqrt{\frac{k_1}{m_1}}$ $\lambda_{st} = P / h_1 \quad \nu_2 = \sqrt{\frac{k_2}{m_2}}$ $\beta = m_2 / m_1 \quad \delta = \nu_2 / \nu_1$ $r = \omega / \nu_1 \quad \mu = \frac{C}{2m_2 \nu_1}$ <p><math>\beta = \nu_0, \delta = 1</math> 情况下的共振 曲线示於图 1.4 中</p>

#### 强迫振动的一般方程式

线性系统相应于正弦曲线激振力的振动响应方程式,可以视为下面一般等式的特殊情况:

$$X_K = \sum_{n=1}^N \frac{D_{Kn} F_n}{\omega_n^2 m_n} R_n \sin(\omega t - \theta_n)$$

式中  $x_K$  = 第  $K$  个自由度结构的位移

$N$  = 自由度数,其中包括基座的自由度

$D_{Kn}$  = 正态振型第  $k$  个自由度振幅

$F_n$  = 第  $n$  阶振型的广义力

$m_n$  = 第  $n$  阶振型的广义质量

$R_n$  = 响应系数,即频率比  $\omega / \omega_n$  的函数(图 1.1(A))

$\theta_n$  = 相位角(图 1.1(B))

方程式具有很大的普遍性,因为它包括了各种情况,其中包括由外力或基座运动引起的激振, 粘性阻尼或叫结构阻尼,从一个到无限多个旋转自由度和位移自由度。

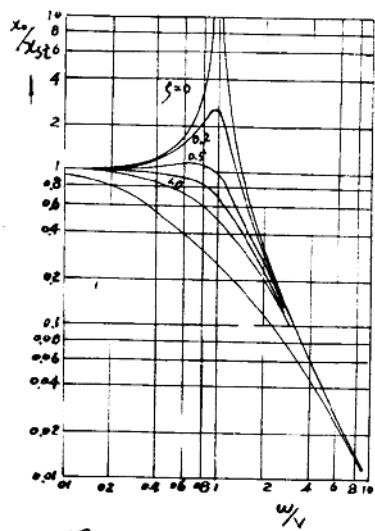


圖 1.1(A)

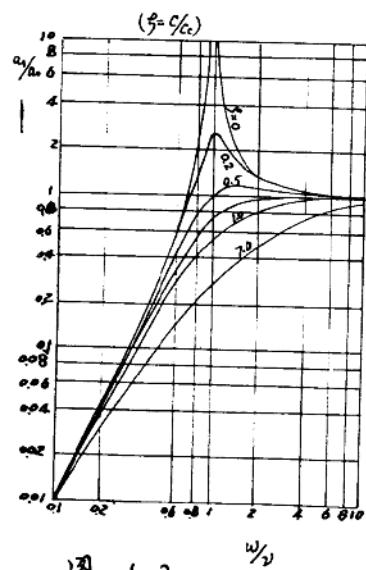


圖 1.2

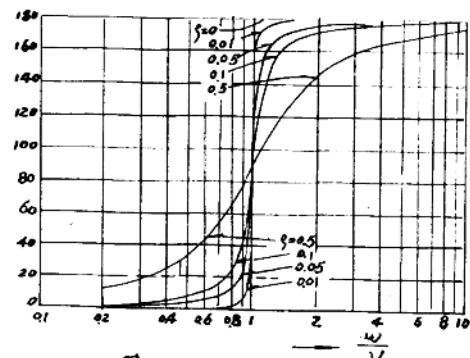


圖 1.1(B)

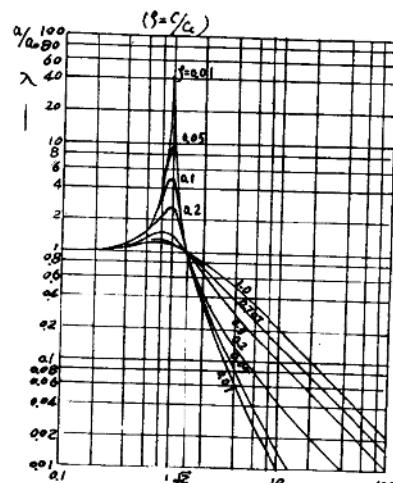


圖 1.3

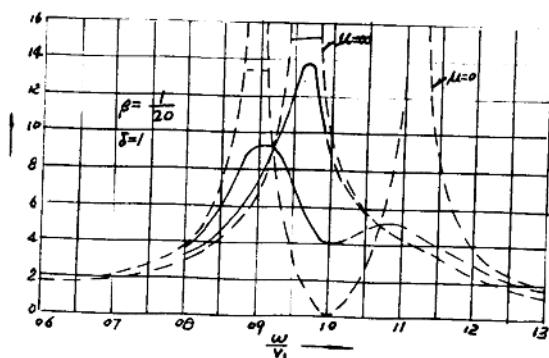


圖 1.4

## 1.2 动态隔离

(1) 主动型—用于减小从激振源到基座的传递力。

传递率

$$\lambda = \frac{Q}{P} = \frac{\sqrt{(hx_0)^2 + (cx_0\omega)^2}}{P} = \frac{\sqrt{1 + (2\frac{C}{Cc} \cdot \frac{\omega}{v})^2}}{\sqrt{(1 - \frac{\omega^2}{v^2})^2 + (2\frac{C}{Cc} \cdot \frac{\omega}{v})^2}}$$

(2) 被动型—用于减小装在振动基座上设备的振动。见表 1.3 和图 1.2 中的  $a_1/a_0$

## 1.3 得到的对数衰减率

(1) 根据自由振动记录资料所得：

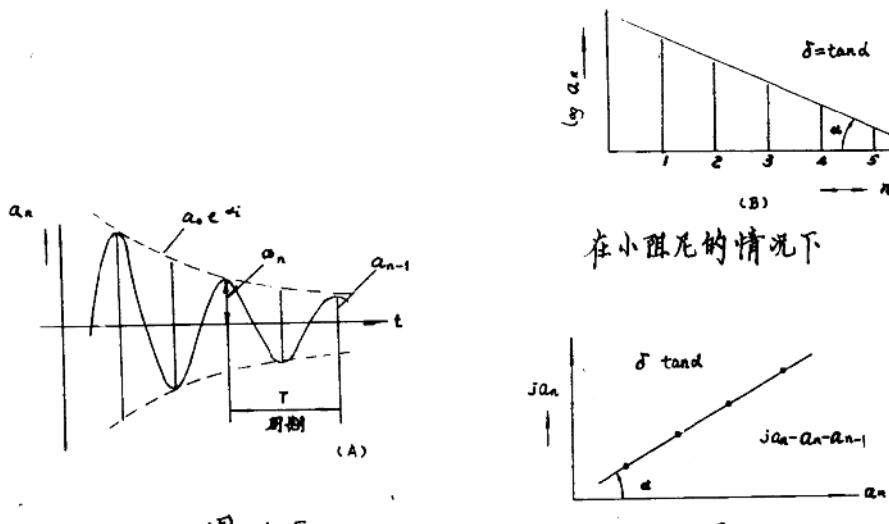


图 1.5

(2) 根据强迫振动的共振曲线所得：

$$\delta = \pi \frac{\Delta\omega}{\omega r}$$

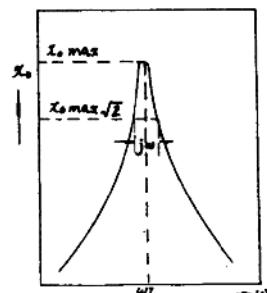
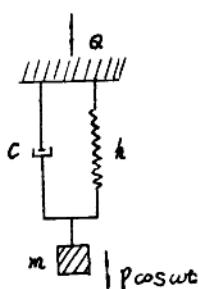


图 1.6

## 第2章 梁振动

### 附号

- f: 梁的固有频率(赫兹)  
l: 梁长度(厘米)  
I: 截面积惯性矩(厘米<sup>4</sup>)  
E: 杨氏模数(钢  $2.1 \times 10^6$  公斤 / 厘米<sup>2</sup>)  
A: 截面积(厘米<sup>2</sup>)  
 $\gamma$ : 比重(钢:  $7.85 \times 10^{-3}$  公斤 / 厘米<sup>3</sup>)  
G: 剪切模数(钢:  $0.81 \times 10^6$  公斤 / 厘米<sup>2</sup>)  
g: 重力加速度(980 厘米 / 秒<sup>2</sup>)  
w: 均布重量(公斤 / 厘米)  
W: 集中重量(公斤)

### 2.1 挠性振动

#### (1) 无轴向应变

$$f = \frac{60a^2}{2\pi e^2} \sqrt{\frac{EIg}{Ar}} \quad (\text{钢: } f = 4.889 \times 10^6 \frac{\alpha^2}{e^2} \sqrt{\frac{I}{A}})$$

$\alpha$ : 按端部条件和振型确定的系数(T.2.1)

#### (2) 有轴向应变

$$f = \sqrt{1 - (\Omega / C)} \cdot f$$

f: 有轴向应变的频率

c: 按端部条件和振型确定的系数(T.2.1)

$$\Omega: \frac{Pc}{E1} \quad P: \text{轴向力(公斤)+压缩力-拉伸力}$$

#### (3) 有集中重量的挠性振动

$$f = \frac{60}{2\pi} \sqrt{\frac{K \cdot g}{W_0}}$$

$W_0$ : 相当重量(公斤)

K: 相当弹簧常数(公斤 / 厘米)

$W_0, K$  按能量法应用静变形模态计算得到(T.2.2)

#### T.2.1 $\alpha$ 值和 c 值

#### T.2.2 带集中重量的挠性振动

1.A.B 点为固支的情况

2.A.B 点为绞支的情况

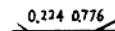
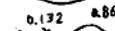
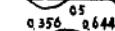
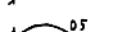
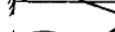
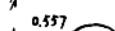
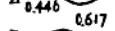
3.A.B 点为固支

4.A.B 点为绞支

#### (4) 各种形状梁的振动 T.2.3 T.2.4

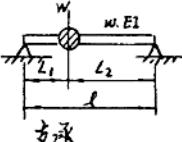
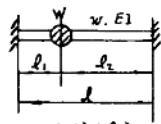
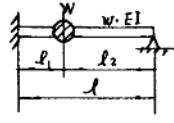
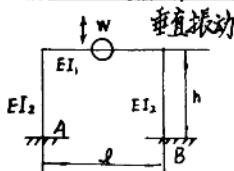
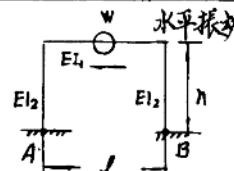
#### T.2.3 各种形状梁的固有频率

(T.2.1)

端部条件	振型阶数	振型	$\alpha$	C
绞支—绞支	N = 1		$\pi$	9.87
	2		$2\pi$	39.48
	3		$3\pi$	88.83
自由端—自由端	N = 1		4.73	10.12
	2		7.853	34.92
	3		10.996	78.22
固支—固支	N = 1		4.73	40.68
	2		7.853	82.59
	3		10.996	147.78
固支—自由端	N = 1		1.875	2.660
	2		4.694	14.977
	3		7.855	49.25
固支—绞支	N = 1		3.927	20.80
	2		7.069	58.20
	3		10.210	115.57
绞支—自由端	N = 1		3.927	8.778
	2		7.069	35.08
	3		10.210	80.57

(T. 2.2)

$$f = \frac{60}{2\pi} \sqrt{\frac{K \cdot g}{W_0}} \quad (\text{赫兹})$$

振动系统	$W_0 \text{ (kg)}$ 相当重量	$K \text{ (kg/cm)}$ 相当弹簧
	$W + \alpha_1 \cdot w \cdot l$ $\alpha_1: \text{图 2.1}$	$\frac{3EIl}{l_1^2 \cdot l_2^2}$
	$W + \alpha_2 \cdot w \cdot l$ $\alpha_2: \text{图 2.1}$	$\frac{3EIl^3}{l_1^3 \cdot l_2^3}$
	$W + \alpha_3 \cdot w \cdot l$ $\alpha_3: \text{图 2.2}$	$\frac{12EIl^3}{l_1^3 \cdot l_2^3 (4l_1 + 3l_2)}$
	$W + \alpha_4 \cdot w \cdot l$ $\alpha_4: \text{图 2.2}$	$\frac{3EI}{l_1^3}$
	$W$ 忽略不计结构重量	$\frac{96EI_1 \cdot 2 + \beta}{l^3 \cdot 1 + 2\beta} \quad 1.$ $\beta = \frac{EI_1}{EI_2} \cdot \frac{h}{l}$ $\frac{192EI_1 \cdot 3 + 2\beta}{l^3 \cdot 3 + 8\beta} \quad 2.$
	$W$	$\frac{24EI_2 \cdot 1 + 6\beta}{h^3 \cdot 4 + 6\beta} \quad 3.$ $\beta = \frac{EI_1}{EI_2} \cdot \frac{h}{l}$ $\frac{6EI_2 \cdot 2\beta}{h^3 \cdot 1 + 2\beta} \quad 4.$