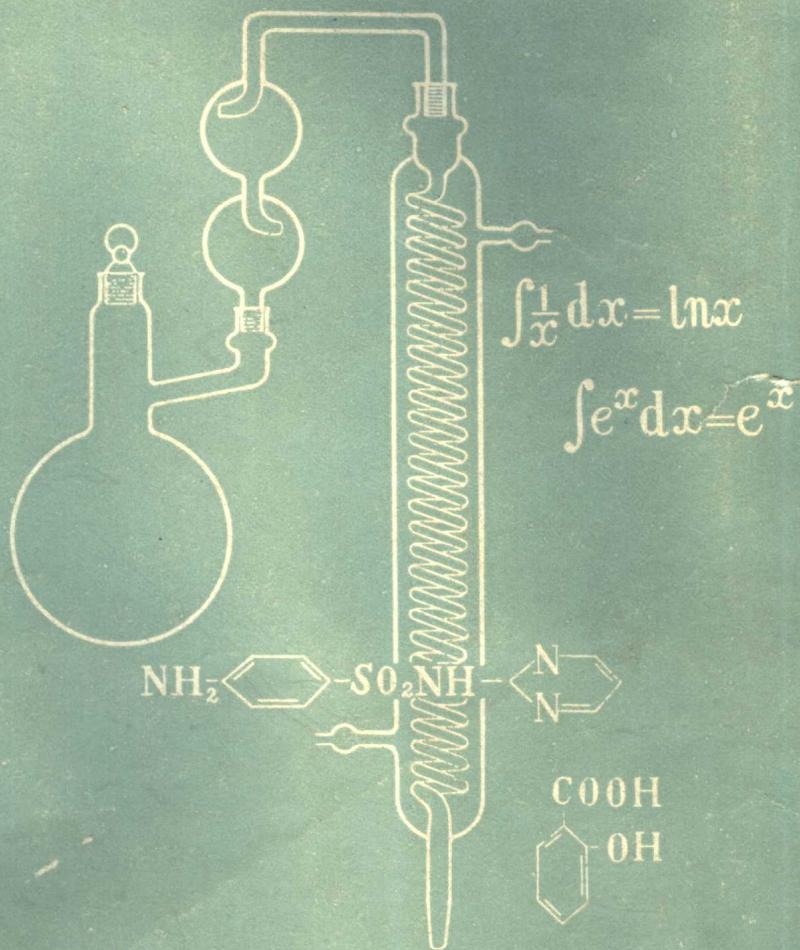


药学专业 常用数据手册



中国 人民 第二军医大学药学系无机物化教研室
解放 军

卷之三

放射性同位素表

1 黑一固体，红一气体，蓝一液体，空心字—自然界未发现的人造元素。2 气体元素的值是克 升⁻³(C—12为基准) 表示最稳定的或了解最清楚的同位素 有 的未位准确至±3. 元的未位准确至±1 (4) 1 电子伏特=23061卡 摩尔=93487焦耳 帕尔 5-47-1 见氯化氙 第一个数字为黑稿在氯化氙态

سیاست و اقتصاد اسلامی - نظریه اسلامی اقتصادی

150°-6°	1.3151.55	1.21.57.25°	1.3158.9254	1.3162.50°	1.3164.9304	1.3167.46°	1.3168.9342	1.3169.034°	1.3170.47°
---------	-----------	-------------	-------------	------------	-------------	------------	-------------	-------------	------------

62	5.63	5.67	6.65	6.66	6.67	6.68	6.69	6.70	6.71
62	5.63	5.67	6.65	6.66	6.67	6.68	6.69	6.70	6.71

镥 Lu	9.330	镥 Yb	9.330
镥 Yb	9.330	镥 Lu	9.330
镥 Lu	9.330	镥 Yb	9.330
镥 Yb	9.330	镥 Lu	9.330
镥 Lu	9.330	镥 Yb	9.330

--

103
102
101
100
99
98
97
96
95
94

THE JOURNAL OF CLIMATE

上海科学技术出版社出版 新华书店上海发行所发行 各地新华书店经售 上海中华印刷厂印刷 统一书号：13119·789

单键的离子性百分数一
族

单键的离子百分数 -

氯代烃在光照下能发生取代反应生成氯代烷，如： $\text{CH}_3\text{Cl} + \text{Cl}_2 \xrightarrow{\text{光}} \text{CH}_2\text{Cl}_2 + \text{HCl}$ 。而 CH_3Cl 与 NaOH 的水溶液不反应，但与 NaOH 的乙醇溶液在加热条件下能发生取代反应，生成 $\text{CH}_2=\text{CHCl}$ 和 NaCl ，同时有氯仿生成。 CH_3Cl 与 NaOH 的水溶液不反应，但与 NaOH 的乙醇溶液在加热条件下能发生取代反应，生成 $\text{CH}_2=\text{CHCl}$ 和 NaCl ，同时有氯仿生成。

电压，伏特(3)

前　　言

由于在教学、实验及药房工作中，常常遇到要从各种工具书或手册中去查找所需用的数据、公式等，深感不便。因此，希望能将常用的数据、公式等汇集于一本手册之中，此即编写本手册的目的。

在编写时，考虑到药房工作涉及的面广而杂，药房工作人员中又有初、中、高各类技术水平，因此，在取材时注意到各方面的需要，以期使本手册能有较广泛的适用性。

例如，数学方面的取材既有初等数学也有高等数学；药物动力学中解微分方程常用的拉普拉斯换算表也注意加以收载。

再如，既注意到收载常见的化合物的化学数据，又注意到收载一些常见药物的化学数据。

本手册编写时，也考虑到药学院校教学、实验的需要，如物理化学中常用的电化学数据及化学热力学数据也均加以收载。

本手册共分十四大项，使用前先将此十四大项的内容名称仔细加以阅读，将有助于对本手册内容的了解，也有助于对本手册的使用。

由于编写时间的仓促，印刷条件的限制，一定会存在不少缺点、遗误，欢迎批评指正。

手册印制工作中承济南军区后勤部卫生部及7213厂大力协助，特此致谢！

上海第二军医大学药学系无机物化教研室

一九八一年十二月

目 录

元素周期表 (插页)	
一、元素中外名称对照表 (1)
二、希腊字母表 (4)
三、罗马数字 (5)
四、数词头 (5)
五、常用数学公式 (6)
(一) 乘法及因式分解公式 (6)
(二) 比例 (6)
(三) 二次方程 $ax^2 + bx + c = 0$ (7)
(四) 级数 (7)
(五) 指数 (7)
(六) 对数 (8)
(七) 三角函数 (8)
(八) 几种不同类型的曲线及其所对应的方程式 (10)
(九) 面积和体积 (12)
(十) 常用微积分公式 (15)
(十一) 常用幂级数展开式 (26)
(十二) 拉普拉斯变换 (29)
(十三) 矩阵 (31)
六、单位 (36)
(一) 国际单位制 (S I) (36)
1. 基本单位 (36)
2. 导出单位 (36)
3. 辅助单位 (39)
4. 国际单位制词冠 (40)
(二) 公制剂量单位名称对照 (41)
(三) 常用的物理常数 (43)
(四) 气体常数R的各种数值 (44)
(五) 单位换算 (45)
1. 能量单位换算 (45)
2. 温度换算 (45)
3. 波长与波数 (45)
(六) 英美计量单位换算公制单位表 (46)

C0127873



(七) 我国市用衡制(旧市秤与市秤)与公制的换算	(46)
七、溶液	(47)
(一) 波美(Be°)、 T_w° (Twaddell)与比重d的关系	(47)
(二) 溶液的各种不同浓度的换算公式	(48)
(三) 常用酸水溶液的比重与重量百分浓度(W%) 的关系	(49)
(四) 常用碱水溶液的比重与重量百分浓度(W%) 的关系	(53)
(五) 常用盐水溶液的比重与重量百分浓度(W%) 的关系	(56)
(六) 乙醇水溶液的比重与重量百分浓度(W%) 的关系	(59)
(七) 甘油水溶液的比重与重量百分浓度(W%) 的关系	(59)
(八) 蔗糖水溶液的比重与重量百分浓度(W%) 的关系	(60)
(九) 某些无机酸类及有机酸类的水溶液的比重	(61)
(十) 在不同温度下(℃)某些物质在水中的溶解度	(62)
(十一) 液体的相互溶解度	(73)
(十二) 某些常用溶剂的物理常数	(74)
(十三) 各种盐类溶解情况表	(76)
八、物质结构	(77)
(一) 元素的第一电离能	(77)
(二) 原子半径	(77)
(三) 离子半径	(78)
(四) 元素的电负性	(79)
(五) 软硬酸碱分类	(80)
(六) 一些共价键的键长	(82)
(七) 键角	(83)
(八) 共价键的方向性	(84)
(九) 不同价态的原子采用的杂化轨道	(85)
(十) 某些物质的偶极矩	(88)
(十一) 离子的极化率	(89)
(十二) 一些键的生成能	(90)
(十三) 晶格能	(91)
(十四) 原子折射度 R_D (厘米 ³ /克原子)	(92)
九、电离平衡	(94)
(一) 有关离子平衡的一些计算公式	(94)
1. 电解质电离平衡	(94)
2. 水解平衡	(95)
(二) 酸、碱的电离常数	(96)
(三) 不同温度时水的 pK_w	(103)

(四) 某些物质的溶度积 K_{SP} ($18^{\circ} \sim 25^{\circ}\text{C}$)	(104)
(五) 缓冲溶液的 pH 值 及其配制	(108)
(六) 常用酸碱指示剂	(109)
十、络合物	(111)
(一) 络离子的不稳定常数	(111)
(二) 络合物的形成和元素周期系的分布关系	(115)
1. 形成络合物的中心离子在周期系中的分布情况	(115)
2. 与氧、硫、氮相结合的元素的生色作用 (在周期系中的分布)	(115)
十一、物理化学常数	(118)
(一) $-15^{\circ} \sim 130^{\circ}\text{C}$ 水的饱和蒸气压	(118)
(二) $-30^{\circ} \sim 0^{\circ}\text{C}$ 冰的饱和蒸气压	(122)
(三) 水在不同温度下 ($0^{\circ} \sim 100^{\circ}\text{C}$) 的粘度	(123)
(四) 水合晶体的蒸气压	(124)
(五) 冰点降低及沸点升高常数	(125)
1. 冰点降低常数	(125)
2. 沸点升高常数	(125)
(六) 常用溶剂的介电常数	(127)
(七) 某些液体的折射指数 n_D^t ($\lambda = 5893\text{ Å}$)	(128)
(八) 比旋度	(129)
(九) 某些液体物质在 20°C 时的表面张力 “ σ ” (达因/厘米)	(131)
(十) 某些物质的克分子热容 C_p°	(132)
(十一) 一些无机物质的 ΔH_f° (298)、 ΔG° (298)、 S° (298)	(135)
(十二) 一些有机物质的 ΔH_f° (298)、 ΔG° (298)、 S° (298)	(142)
(十三) 一些有机化合物的燃烧热	(156)
(十四) 离子的水合热	(161)
1. 阳离子的水合热	(161)
2. 阴离子的水合热	(163)
(十五) 在不同温度下标准氯化钾溶液的比电导	(164)
(十六) 无限稀释水溶液中离子的当量电导	(164)
(十七) 标准还原电位 (即作为氧化剂时起氧化作用的电位)	(168)
(十八) 部分元素在非水溶剂中的标准电极电位 (25°C)	(176)
十二、药用常数	(177)
(一) 把磅/吋 2 表示之压力化成以千克(力)/厘米 2 表示之压力	(177)

(二) 制剂灭菌时, 常用的温度、时间和选用的温度指示剂	(177)
(三) 饱和蒸气压(绝对压力及表压)和温度的关系	(178)
(四) 常用药物的氯化钠等渗当量(E值)	(178)
(五) 一些药用油的物理常数	(184)
(六) 某些乳化剂的HLB值	(185)
(七) 各种油相“所需HLB值”	(185)
(八) 表面活性剂的HLB值与适用情况	(186)
(九) 干燥剂	(186)
1. 干燥剂的性质	(186)
2. 干燥剂的干燥效率	(188)
3. 气体的干燥剂	(189)
4. 有机物的干燥剂	(189)
(十) 致冷混合物	(190)
(十一) 抗菌素常用制剂规格和重量与单位之间的关系	(191)
(十二) 处方中常见共熔组分及共熔点表	(195)
(十三) 一些医药中常用的放射性同位素	(196)
十三、试剂配制	(198)
(一) 定性分析阳阴离子试液配制方法	(198)
1. 阳离子试液	(198)
2. 阴离子试液	(200)
(二) 常用试剂配制法	(202)
(三) 特殊试剂的配制法	(205)
十四、其他	(206)
(一) 某些元素的化合物在火焰中的颜色	(206)
(二) 某些元素的硼砂珠及磷酸盐珠的颜色	(207)
(三) 颜色的互补	(208)
(四) 无线电波段名称表	(208)
(五) 在文献索引中常用的缩写	(210)
(六) 常用对数表	(211)
1. 常用对数表	(211)
2. 反对数表	(215)

一、元素中外名称对照表

原子序	符 号	中 文 名 称	读 音	拉 丁 名	俄 文 名	英 文 名	德 文 名
1	H	氢	轻	Hydrogenium	Водород	Hydrogen	Wasserstoff
2	He	氦	亥	Helium	Гелий	Helium	Helium
3	Li	锂	里	Lithium	Литий	Lithium	Lithium
4	Be	铍	皮	Beryllium	Бериллий	Beryllium	Beryllium
5	B	硼	朋	Borium	Бор	Boron	Bor
6	C	碳	炭	Carbonium	Углерод	Carbon	Kohlenstoff
7	N	氮	淡	Nitrogenium	Азот	Nitrogen	Stickstoff
8	O	氧	养	Oxygenium	Кислород	Oxygen	Sauerstoff
9	F	氟	弗	Fluorum	Фтор	Fluorine	Fluor
10	Ne	氖	乃	Neonum	Неон	Neon	Neon
11	Na	钠	纳	Natrium	Натрий	Sodium	Natrium
12	Mg	镁	美	Magnesium	Магний	Magnesium	Magnesium
13	Al	铝	吕	Aluminium	Алюминий	Aluminum (Aluminium)	Aluminium
14	Si	硅	归	Silicium	Кремний	Silicon	Silicium
15	P	磷	邻	Phosphorum	Фосфор	Phosphorus	Phosphor
16	S	硫	流	Sulphur	Сера	Sulfur (Sulphur)	Schwefel
17	Cl	氯	绿	Chlorum	Хлор	Chlorine	Chlor
18	Ar	氩	亚	Argonium	Аргон	Argon	Argon
19	K	钾	甲	Kalium	Калий	Potassium	Kalium
20	Ca	钙	丐	Calcium	Кальций	Calcium	Calcium
21	Sc	钪	亢	Scandium	Скандий	Scandium	Scandium
22	Ti	钛	太	Titanium	Титан	Titanium	Titan
23	V	钒	凡	Vanadium	Ванадий	Vanadium	Vanadium
24	Cr	铬	各	Chromium	Хром	Chromium	Chrom
25	Mn	锰	猛	Manganum	Марганец	Manganese	Mangan
26	Fe	铁	铁	Ferrum	Железо	Iron	Eisen
27	Co	钴	古	Cobaitum	Кобальт	Cobalt	Kobalt
28	Ni	镍	臬	Niccolum	Некель	Nickel	Nickel
29	Cu	铜	同	Cuprum	Медь	Copper	Kupfer
30	Zn	锌	辛	Zincum	Цинк	Zinc	Zink
31	Ga	镓	家	Gallium	Галлий	Gallium	Gallium
32	Ge	锗	者	Germanium	Германий	Germanium	Germanium
33	As	砷	申	Arsenium	Мышьяк	Arsenic	Arsen
34	Se	硒	西	Selenium	Селен	Selenium	Selen

元素中外名称对照表 (续)

原子序	符 号	中 文 名 称	读 音	拉 丁 名	俄 文 名	英 文 名	德 文 名
35.	Br	溴	秀	Bromium	Бром	Bromine	Brom
36.	Kr	氪	克	Kryptonum	Криpton	Krypton	Krypton
37.	Rb	铷	如	Rubidium	Рубидий	Rubidium	Rubidium
38.	Sr	锶	思	Strontium	Стронций	Strontium	Strontium
39.	Y	钇	乙	Yttrium	Иттрий	Yttrium	Yttrium
40.	Zr	锆	告	Zirconium	Цирконий	Zirconium	Zirkon
41.	Nb	铌	尼	Niobium	Ниобий	Niobium	Niob
42.	Mo	钼	目	Molybdāium	Молибден	Molybdenum	Molybdān
43.	Te	锝	得	Technetium	Технегий	Technetium	Technetium
44.	Ru	钌	了	Ruthenium	Рутений	Ruthenium	Ruthenium
45.	Rh	铑	老	Rhodium	Родий	Rhodium	Rhodium
46.	Pd	钯	巴	Palladium	Лалладий	Palladium	Palladium
47.	Ag	银	银	Argentum	Серебро	Silver	Silber
48.	Cd	镉	隔	Cadmium	Кадмий	Cadmium	Cadmium
49.	In	铟	因	Indium	Индий	Indium	Indium
50.	Sn	锡	席	Stannum	Олово	Tin	Zinn
51.	Sb	锑	梯	Stibium	Сурьма	Antimony	Antimon
52.	Te	碲	帝	Tellurium	Теллур	Tellurium	Tellur
53.	I(J)	碘	典	Iodium	Иод	Iodine	Jod
54.	Xe	氙	仙	Xenonum	Ксенон	Xenon	Xenon
55.	Cs	铯	色	Caesium	Цезий	(Caesium)	Caesium
56.	Ba	钡	贝	Baryum	Барий	Barium	Barium
57.	La	镧	兰	Lanthanum	Лантан	Lanthanum	Lanthan
58.	Ce	铈	市	Cerium	Церий	Cerium	Cer
59.	Pr	镨	普	Praseodymum	Празеодим	Praseodymum	Praseodym
60.	Nd	钕	女	Neodymium	Неодим	Neodymium	Neodym
61.	Pm	钷	颇	Promethium	Прометий	Promethium	Promethium
62.	Sm	钐	杉	Samarium	Самарий	Samarium	Samarium
63.	Eu	铕	有	Europium	Ивропий	Europium	Europium
64.	Gd	钆	轧	Gadolinium	Гадолиний	Gadolinium	Gadolinium
65.	Tb	铽	忒	Terbium	Тербий	Terbium	Terbium
66.	Dy	镝	滴	Dysprosium	Диспрозий	Dysprosium	Dysprosium
67.	Ho	钬	火	Holmium	Гольмий	Holmium	Holmium
68.	Er	铒	耳	Erbium	Эрбий	Erbium	Erbium

元素中外名称对照表 (续)

原子序	符 号	中 文 名 称	读 音	拉 丁 名	俄 文 名	英 文 名	德 文 名
69	Tu (Tm)	铥	丢	Thulium	Тулий	Thulium	Thulium
70	Yb	镱	意	Ytterbium	Иттербий	Ytterbium	Ytterbium
71	Lu	镥	魯	Lutetium (Lutecium)	Лютений	Lutetium	Lutetium
72	Hf	铪	哈	Hafnium	Гафний	Hafnium	Hafnium
73	Ta	钽	坦	Tantalum	Тантал	Tantaium	Tantal
74	W	钨	烏	Wolfram	Вольфрам	Wolfram (Tungsten)	Wolfram
75	Re	铼	来	Rhenium	Рений	Rhenium	Rhenium
76	Os	锇	鵝	Osmium	Осмий	Osmium	Osmium
77	Ir	铱	衣	Iridium	Иридий	Iridium	Iridium
78	Pt	铂	博	Platinum	Платина	Platinum	Platin
79	Au	金	今	Aurum	Золото	Gold	Gold
80	Hg	汞	拱	Hydargyrum	Ртуть	Mercury	Quecksilber
81	Tl	铊	他	Thallium	Таллий	Thallium	Thallium
82	Pb	铅	千	Plumbum	Свинец	Lead	Blei
83	Bi	铋	必	Bismuthum	Висмут	Bismuth	Wismut
84	Po	钋	波	Polonium	Полоний	Polonium	Polonium
85	At	砹	艾	Astatium	Астатин	Astatine	Astatin
86	Rn	氡	冬	Radon	Радон	Radon	Niton
87	Fr	钫	方	Francium	Франций	Francium	Francium
88	Ra	镭	雷	Radium	Радий	Radium	Radium
89	Ac	锕	阿	Actinium	Актиний	Actinium	Aktinium
90	Th	钍	土	Thorium	Торий	Thorium	Thorium
91	Pa	镤	仆	Protactinium (Protoactinium)	Протактиний	Protactinium (Protoactinium)	Protaktinium
92	U	铀	由	Uranium	Уран	Uranium	Uran
93	Np	镎	拿	Neptunium	Нептуний	Neptunium	Neptunium
94	Pu	钚	不	Plutonium	Плутоний	Plutonium	Plutonium
95	Am	镅	眉	Americium	Америций	Americium	Americium
96	Cm	锔	局	Curium	Кюрий	Curium	Curium
97	Bk	锫	陪	Berkelium	Беркелий	Berkelium	Berkelium
98	Cf	锎	开	Californium	Калифорний	Californium	Californium
99	Es	锿	哀	Einsteinium	Эйнштейний	Einsteinium	Einsteinium
100	Fm	镄	费	Fermium	Фермий	Fermium	Fermium
101	Md	钔	门	Mendelevium	Менделевий	Mendelevium	Mendelevium
102	No	锘	諾	Nobelium	Нобелий	Nobelium	Nobelium

元素中外名称对照表 (续)

原子序	符 号	中 文 名 称	读 音	拉 丁 名	俄 文 名	英 文 名	德 文 名
103	Lr	铹	劳	Lawrencium	Лоуренций	Lawrencium	Lawrencium
104	Ku					kurchatovium	
105	Ha					Hahnium	

二、希腊字母表

大 写	小 写	英 文 名 称	音 标	汉 语 注 音
A	α	alpha	[ˈælfə]	阿耳法
B	β	beta	[ˈbi:tə, 'beita]	贝 塔
Γ	γ	gamma	[ˈgæmə]	伽 马
Δ	δ	delta	[ˈdeltə]	台(德)耳塔
Ε	ε	epsilon	[ep'sailən]	艾普西隆
Z	ζ	Zeta	[ˈzi:tə]	齐(仄)塔
Η	η	eta	[i:i:tə, 'eitə]	艾 塔
Θ	θ	theta	[θi:tə]	西(忒)塔
I	ι	iota	[ai'outə]	约 塔
Κ	κ	kappa	[kæpə]	卡 帕
Λ	λ	lambda	[læmdə]	兰布(姆)达
M	μ	mu	[mju:]	缪(谬)
N	ν	nu	[nju:]	纽
Ξ	ξ	xi	[ksai, zai]	克 西
Ο	ο	omicron	[ou'maikrən]	奥密克戎
Π	π	pi	[paɪ]	派
R	ρ	rho	[rou]	洛
Σ	σ	sigma	[ˈsigmə]	西格马
T	τ	tau	[tɔ:, tau]	陶
Ι	υ	upsilon	[ju:p'sailən, ju:p'silən]	宇普西隆
Φ	φ	phi	[faɪ]	斐
X	χ	chi	[kaɪ]	开
Ψ	ψ	psi	[psai, psi:]	普(塞)西
Ω	ω	omega	[ˈoumiga'oumeg'ə]	奥米(密)伽

三、罗 马 数 字

I	1	XII	12	L	50
II	2	X III	13	L X	60
III	3	X IV	14	L XX	70
IV	4	X V	15	LXXX	80
V	5	X VI	16	X C	90
VI	6	X VII	17	C	100
VII	7	X VIII	18	CC	200
VIII	8	X XI	19	CCC	300
IX	9	X X	20	CD	400
X	10	X X X	30	D	500
XI	11	X L	40	M	1000

四、数 词 头

1/2—Hemi	5—Penta
1—Mono	6—Hexa
1.5—Sesqui	7—Hepta
2—Di或Bi	8—Octa
3—Tri	9—Nona或Ennea
4—Tetra	10—Deca

五、常用数学公式

(一) 乘法及因式分解公式

1. $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$
2. $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$.
3. $(a \pm b)^3 = a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3$.
4. $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$.
5. $a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$.
6. $a^3 \mp b^3 = (a \mp b)(a^2 \pm ab + b^2)$.
7. $a^n - b^n = (a-b)(a^{n-1} + a^{n-2}b + a^{n-3}b^2 + \dots + ab^{n-2} + b^{n-1})$.
8. $a^n - b^n = (a+b)(a^{n-1} - a^{n-2}b + a^{n-3}b^2 - \dots + ab^{n-2} - b^{n-1})$,
 $n = \text{偶数.}$
9. $a^n + b^n = (a+b)(a^{n-1} - a^{n-2}b + a^{n-3}b^2 - \dots - ab^{n-2} + b^{n-1})$,
 $n = \text{奇数.}$
10. $a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = (a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$.

11. 二项式定理

$$(a+b)^n = a^n + na^{n-1}b - \frac{n(n+1)}{2!}a^{n-2}b^2$$
$$(+ \dots +) \frac{n(n-1)\dots[n-(k-1)]}{k!}a^{n-k}b^k + \dots + b^n.$$

(二) 比例

设 $a:b = c:d$ 或 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$, 则:

1. $ad = bc$ (内项积等于外项积).

2. $b:a = d:c$ (反比也相等).

3. $a:c = b:d \quad d:b = c:a$ (更比).

4. $\frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d}$ (合比).

5. $\frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d}$ (分比).

6. $\frac{a+b}{a-b} = \frac{c+d}{c-d}$ (合分比).

$$7. \text{ 设 } \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}, \text{ 则: } \frac{a}{b} = \frac{la + mc + ne}{lb + md + nf} = \frac{\sqrt{a^2 + c^2 + e^2}}{\sqrt{b^2 + d^2 + f^2}}.$$

(三) 二次方程 $ax^2 + bx + c = 0$

$$1. \text{ 根 } x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}.$$

$$2. \text{ 根与系数的关系 } x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}, \quad x_1 x_2 = \frac{c}{a}.$$

3. 判别式

$$\begin{cases} > 0 & \text{二实根, 不等,} \\ b^2 - 4ac = 0 & \text{二实根, 相等,} \\ < 0 & \text{无实根。} \end{cases}$$

(四) 级数

$$1. 1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{1}{2} (1 + n) n.$$

$$2. 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{1}{6} n (n + 1) (2n + 1).$$

$$3. 1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left[\frac{1}{2} n (n + 1) \right]^2.$$

$$\begin{aligned} 4. a + (a + d) + (a + 2d) + \dots + [a + (n-1)d] \\ = na + \frac{n(n-1)}{2} d. \end{aligned}$$

$$5. a + aq + aq^2 + \dots + aq^{n-1} = \frac{a(q^n - 1)}{q - 1}.$$

$$6. \text{ Stirling 近似 } \ln N! = \ln N + \ln(N-1) + \ln(N-2) + \dots + \ln 2 + \ln 1$$

$$= \sum_{i=1}^N \ln i = N \ln N - N$$

(五) 指数

$$1. a^m \cdot a^n = a^{m+n}.$$

$$2. a^m \div a^n = a^{m-n}, \quad (a \neq 0).$$

$$3. (a^m)^n = a^{mn}.$$

$$4. (ab)^m = a^m b^m.$$

$$5. \left(\frac{a}{b} \right)^m = \frac{a^m}{b^m}, \quad (b \neq 0).$$

$$6. a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} = (\sqrt[n]{a})^m.$$

$$7. a^0 = 1, \quad (a \neq 0) . \quad 8. a^{-n} = \frac{1}{a^n}, \quad (a \neq 0) .$$

(六) 对数

$a > 0, \quad a \neq 1,$

1. 若 $a^x = M$, 则 $\log_a M = x$.

2. 对数恒等式 $a^{\log_a M} = M$.

3. 1的对数为零 $\log_a 1 = 0$.

4. 底的对数为 1 $\log_a a = 1$.

5. $\log_a (MN) = \log_a M + \log_a N$.

6. $\log_a \left(\frac{M}{N} \right) = \log_a M - \log_a N$.

7. $\log_a (M^n) = n \log_a M$.

8. $\log_a \sqrt[n]{M} = \frac{1}{n} \log_a M$.

9. 换底公式 $\log_a M = \frac{\log_b M}{\log_b a}$.

① $\log_b b \cdot \log_b a = 1$.

② $\lg M = 0.43431 \ln M$.

③ $\ln M = 2.3026 \lg M$.

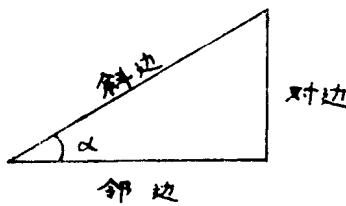
(七) 三角函数

1. 定义

$$\textcircled{1} \quad \sin \alpha = \frac{\text{对}}{\text{斜}} . \quad \textcircled{4} \quad \operatorname{ctg} \alpha = \frac{\text{邻}}{\text{对}} .$$

$$\textcircled{2} \quad \cos \alpha = \frac{\text{邻}}{\text{斜}} . \quad \textcircled{5} \quad \sec \alpha = \frac{\text{斜}}{\text{邻}} .$$

$$\textcircled{3} \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{\text{对}}{\text{邻}} . \quad \textcircled{6} \quad \csc \alpha = \frac{\text{斜}}{\text{对}} .$$



2. 两角和的三角函数

$$① \sin(\alpha \pm \beta) = \sin\alpha \cos\beta \pm \cos\alpha \sin\beta .$$

$$② \cos(\alpha \pm \beta) = \cos\alpha \cos\beta \mp \sin\alpha \sin\beta .$$

$$③ \tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan\alpha \pm \tan\beta}{1 \mp \tan\alpha \tan\beta} .$$

$$④ \cot(\alpha \pm \beta) = \frac{\cot\alpha \cot\beta \mp 1}{\cot\beta \pm \cot\alpha} .$$

3. 倍角的三角函数

$$① \sin 2\alpha = 2 \sin\alpha \cos\alpha .$$

$$② \cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha = 1 - 2 \sin^2\alpha = 2 \cos^2\alpha - 1 .$$

$$③ \tan 2\alpha = \frac{2 \tan\alpha}{1 - \tan^2\alpha} .$$

$$④ \cot 2\alpha = \frac{\cot^2\alpha - 1}{2 \cot\alpha} .$$

$$⑤ \sin^2\alpha = \frac{1}{2} (1 - \cos 2\alpha) .$$

$$⑥ \cos^2\alpha = \frac{1}{2} (1 + \cos 2\alpha) .$$

$$⑦ \sin 3\alpha = 3 \sin\alpha - 4 \sin^3\alpha .$$

$$⑧ \cos 3\alpha = 4 \cos^3\alpha - 3 \cos\alpha .$$

$$⑨ \sin n\alpha = n \cos^{n-1}\alpha \sin\alpha - \frac{n(n-1)(n-2)}{3!} \cos^{n-3}\alpha \sin^3\alpha \\ + \frac{n(n-1)(n-2)(n-3)(n-4)}{5!} \cos^{n-5}\alpha \sin^5\alpha - \dots$$

$$⑩ \cos n\alpha = \cos^n\alpha - \frac{n(n-1)}{2!} \cos^{n-2}\alpha \sin^2\alpha \\ + \frac{n(n-1)(n-2)(n-3)}{4!} \cos^{n-4}\alpha \sin^4\alpha - \dots$$

4. 半角的函数

$$① \sin \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos\alpha}{2}} .$$

$$② \cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos\alpha}{2}} .$$