

了解无理数及无限的含义

韩国
初等数学教育
研究会
全力推荐



幻想 数学大战

15
数学的极限

随书附赠超级精美有趣正反12面数学游戏卡片

[韩] 图画树 / 编著

李学权 / 译



蓝天出版社

www.ltcbs.com

了解无理数及无限的含义

韩国
初等数学教育
研究会
全力推荐

幻想 数学大战

数学的极限

[韩]图画树 / 编著 李学权 / 译

15



蓝天出版社
www.ltcbs.com

图书在版编目 (CIP) 数据

数学的极限 / 韩国图画树编著；李学权译. -- 北京：蓝天出版社，2014.7

(幻想数学大战 ; 15)

ISBN 978-7-5094-1187-2

I . ①数… II . ①韩… ②李… III . ①数学—儿童读物 IV . ①O1-49

中国版本图书馆CIP数据核字 (2014) 第161865号

版权登记：图字：军-2014-189号

FANTASY MATH WARS 15 By Grimnamu

Copyright © 2008 By Grimnamu

ALL rights reserved

Simplified Chinese copyright 2014 by Beijing Double Spiral Culutre & Exchange Company Ltd

Simplified Chinese language edition arranged with RANDOM HOUSE KOREA INC.

through Eric Yang Agency Inc.

策 划：双螺旋童书馆

责 任 编 辑：刘春燕

特 约 编 辑：唐 洋 申 海

责 任 技 术 编辑：张雅琴 杨 骏 沈永勤

装 帧 设 计：郭朝慧 北京颂煜图文设计

出 版 发 行：蓝天出版社

地 址：北京市复兴路14号

邮 编：100843

网 址：www.ltcbs.com

电 话：010-63275378

传 真：010-63489791

经 销：全国新华书店

印 刷：河北美程印刷有限公司

开 本：16开 (787毫米×1092毫米)

印 张：11.25

字 数：25千字

版 次：2014年11月第1版

印 次：2014年11月北京第1次印刷

定 价：29.80元

(本书如有印装质量问题, 请与我社发行部联系退换)

版权所有, 盗版必究

目录

-
- 01 扭曲的命运方程式** 16
▶ $\sqrt{2}$ 到底存不存在
 - 02 逻辑的陷阱** 38
▶ 古人是怎么理解“无限”的
 - 03 无限的世界** 62
▶ 看似无限的世界
 - 04 相约无限酒店** 86
▶ 害怕“无限”的理由
 - 05 被操纵的记忆** 116
▶ 无限酒店里有没有空房间
 - 06 悲剧的开始** 144
▶ 宇宙真的是无限空间吗

了解无理数及无限的含义

韩国
初等数学教育
研究会
全力推荐

幻想 数学大战

数学的极限

[韩]图画树 / 编著 李学权 / 译

15



蓝天出版社
www.ltcbs.com

试读结束：需要全本请在线购买：www.ertongbook.com

推荐序



上学期间，我的数学成绩一直不太好。记得小学时，有一次在课本上写乘法作业，由于改的次数太多，最后竟然在书上涂出了个洞，当时就急哭了，姥姥费了很大的功夫，总算用糨糊把洞粘上了。但是，我从此对数学产生了恐惧。

上了中学，开始学习代数，更是不明白。后来，我从数学老师那里借来一本比较老的《代数》课本，一点一点地看。干活中间休息的时候，就一个人坐在边上读书。一个暑假过去，好像思路通了点，对数学的恐惧感渐减了。我对初中几何很感兴趣，虽然成绩并不好，在班上也就是中上等。初三毕业参加中考，我的数学成绩在全校是前几名，也就六十来分。幸运的是，我以总分第一的成绩考上了师范学校。

在师范学校学习期间，学校不给我们英语班开数学课，我们曾经为此向上级写过告状信，告了3年，毕业了也没能开数学课。师范毕业参加工作后，为了考大学，一边工作，一边自学高中数学。有时，还和自己教的学生一起上数学课（那时虽然是师范毕业，因为没有英语老师，我们很多同学都教初中或高中英语），但是真的学不会，不知道数学课的那些内容是干什么用的，后来就彻底地放弃了。

在后来的人生道路上，由于数学没有学好，我不得不放弃很多喜欢的东西。我在上个世纪80年代就曾经为了考研究生，学习过自然、地理和保险业方面的课程，可是里面有不少跟数学有关的东西，现在都记不清了。再后来，在日本考上了教育方面的研究生，其中有一门教育统计课，老师用一个键盘式的机器教我们所谓的SPSS。数学本身就不好懂，有时老师还用日语讲解，上课更像听天书一样。回国时，那位老师送了我两本他自己写的统计学方面的书，我当时也没在意，拿回去一看，一本是漫画，一本是一个一个小生活中的小故事，那些像天书的词语，变成

了有实在意义的东西，这两本漫画和故事书让我明白了不少统计学的原理。

说来也巧，今天我收到了出版社寄来的《幻想数学大战》，翻开一看，大吃一惊，这套书的目的是：通过漫画和故事让孩子们理解数学原理，竟然和我的故事那么吻合。在此之前，我从未听说过这套书，而我的这个故事也是第一次对外公开，肯定没有人知道。但我说过，至今我有过很多遗憾，其中最大的遗憾之一就是：我的数学没有学好。到底是我没有天赋，学习不得法，还是数学教科书有问题，教学方法有问题，我至今还不明白，我想，如果我小时候能有这样一套漫画，或许就不一样了。

牛志奎

2009年6月29日于北京

(北京师范大学教育管理学院教育学专家)



前言

自从第一本《幻想数学大战》与广大读者见面之后，转眼已经过了一年的时间。在这一年当中，读者的热心鼓励和鞭策，超出了我们的想象。毫无疑问，大家的热忱是我们最大的动力。为了表达我们的感激之情，我们想在这一册的前言中，传递给大家显示数学之美丽风景的强烈信息。

我们为什么要学习数学呢？当我们学习数学时，我们会有多么幸福呢？那就让我们来算算数学带来的“标准幸福指数”吧！计算“标准幸福指数”有两个步骤：

第一，学习数学获得的快乐概率。学习数学的过程中，不同的人会因兴趣爱好各异，感觉也不一样，或者很快乐，或者很无聊。也许这种感觉在学习一段时间后，会有所变化，但学习者的心情直接影响了学习数学的兴趣。要想在学习数学的过程中一直很快乐，当然有点不现实，但至少也不会完全毫无乐趣可言。既然大家多多少少都能从数学中获得快乐，那我们不妨估算一下自己的快乐概率。

第二，我们来算一下解题成功之后能够体会到的幸福感。没有亲身经历的人永远无法得到这个答案。幸运的是，前辈数学家们的经验可以告诉我们：只要深深着迷于数学，“它”带来的幸福感肯定是“无限”的。

用“快乐概率”乘以“成功解题后的幸福感”，就能得到数学带给我们的“标准幸福指数”。我们知道，整数乘以“无限”时，答案永远是“无限”。那么，我们的“标准幸福指数”同样也会“无限”。

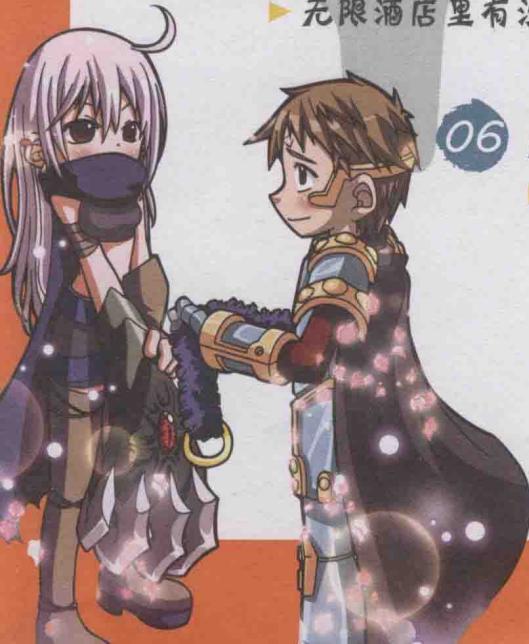
我们非常骄傲地认为，在读者朋友们获得无限幸福的过程中，《幻想数学大战》系列发挥了应有的作用，再次盼望它能给大家带来无限的幸福……

2005年冬，图画树



目录

01 扭曲的命运方程式	16
▶ $\sqrt{2}$ 到底存不存在	
02 逻辑的陷阱	38
▶ 古人是怎么理解“无限”的	
03 无限的世界	62
▶ 看似无限的世界	
04 相约无限酒店	86
▶ 害怕“无限”的理由	
05 被操纵的记忆	116
▶ 无限酒店里有没有空房间	
06 悲剧的开始	144
▶ 宇宙真的是无限空间吗	



出场人物

光斗士们

乌勒

千年之前主导魔神战争的X骑士。这位用坚强的信念和透彻的使命击败魔王军的强大战士，坚信毕达哥拉斯提出的“数学的完美性”。尽管他在百姓中的威望非常高，享有的人气远超毕达哥拉斯，却从不自满，以谦虚谨慎的态度，坚持自己的路。



X神剑

1000年前，从魔王手中拯救数学世界的X骑士使用过的传奇神剑。看似平凡的神剑可以用4种不同的形象散发出数学的力量。



伊奥

精灵族的图形术士，也是第七位光斗士。她是考利国高科技创新出的高级精灵。虽然年纪小，但熟练使用函数魔法阵的伊奥，证明了自己作为一名图形术士的任务执行能力。



克洛诺斯·德·布拉德

千年前的魔神战争中作为光斗士的一员做出极大贡献，富有传奇色彩的魔法骑士。她不仅热心，还非常关心他人，是一名深受人们爱戴的英雄人物。朋友们都喜欢叫她为“克里斯”。因为对造物主毕达哥拉斯提出的“数学的完美性”表示质疑，落下同盟叛徒的烙印并被流放。后来，她接受自己的命运，成为一名混沌的X骑士。



法老王库福

加法弓箭手。作为精灵族的头领，她以法老王的身份代表精灵族成为光斗士，参加了魔神战争。她在任何环境下都能够进行客观、冷静的分析，给乌勒带来了很大的帮助。在朋友群中威望很高。



利安

乘法魔法师。利用乘法自由扩大并使用火、水、土、风四大精灵的力量。她是一位运用精灵魔法的高手，由于性格上大大咧咧，经常用错魔法。

卡琳

除法神官。虽然是侍奉派拉女神的祭司，但他性格开朗，充满幽默感，经常给战士们带来快乐。难能可贵的是，他非常机敏，可以在危机状况下积极保护朋友，是一位全才式的人物。



帕克

平方战士。无论何时何地，都不会忘却自己的任务。他偶尔会替代乌勒领导战斗成员，兼具爽朗的性格和关心他人的热心肠，是一位非常值得信赖的战士。



出场人物

其他人物

知修

现实世界的淘气小学生。他做梦也没有想到自己是拯救危机中的数学世界“亚特兰蒂斯”的英雄，命运正在等着自己的到来……来不及多考虑就接受自己命运的知修，开始在梦幻般的亚特兰蒂斯学习曾经非常讨厌的数学知识。虽然到目前为止还没有发挥出太大的力量，可是在与恐怖的数学魔兽们战斗的过程中，知修逐渐地感觉到了隐藏在体内的数学潜能。



知修的朋友们

当千年前的X骑士们掉进逻辑陷阱，并为解开“无限”数学题绞尽脑汁的时候，他们和知修一起努力解开难题，以帮助光斗士。



美娜

情感丰富而为人谦逊的人类魔法师。她的内心中追求真理的渴望比任何人都强烈。她在真理的殿堂中承受住难以承受的考验之后，成为7种光芒中最灿烂的“超越之光”。



舒尼亞

毕达哥拉斯的弟子之一。利用怪异的魔法，送给知修可在千年前的世界自由活动的身体。他是一位神秘莫测的人物，后来在毕达哥拉斯定理纪念日里出现，提出让所有人感到为难的问题。

毕达哥拉斯教派的长老们

他们都是毕达哥拉斯的优秀弟子，是毕达哥拉斯教派的“青年兄弟会”的成员。他们深受人们尊敬，是人人敬畏的人物。平日里一般弟子们难得见毕达哥拉斯一面，而他们却可以坐在幕帘后面，直接面对毕达哥拉斯听讲义和讨论数学。最近，在毕达哥拉斯久未露面的情况下，毕达哥拉斯教派和同盟军的运营，实质上归这些长老领导。



魔王军



无限魔王利维坦

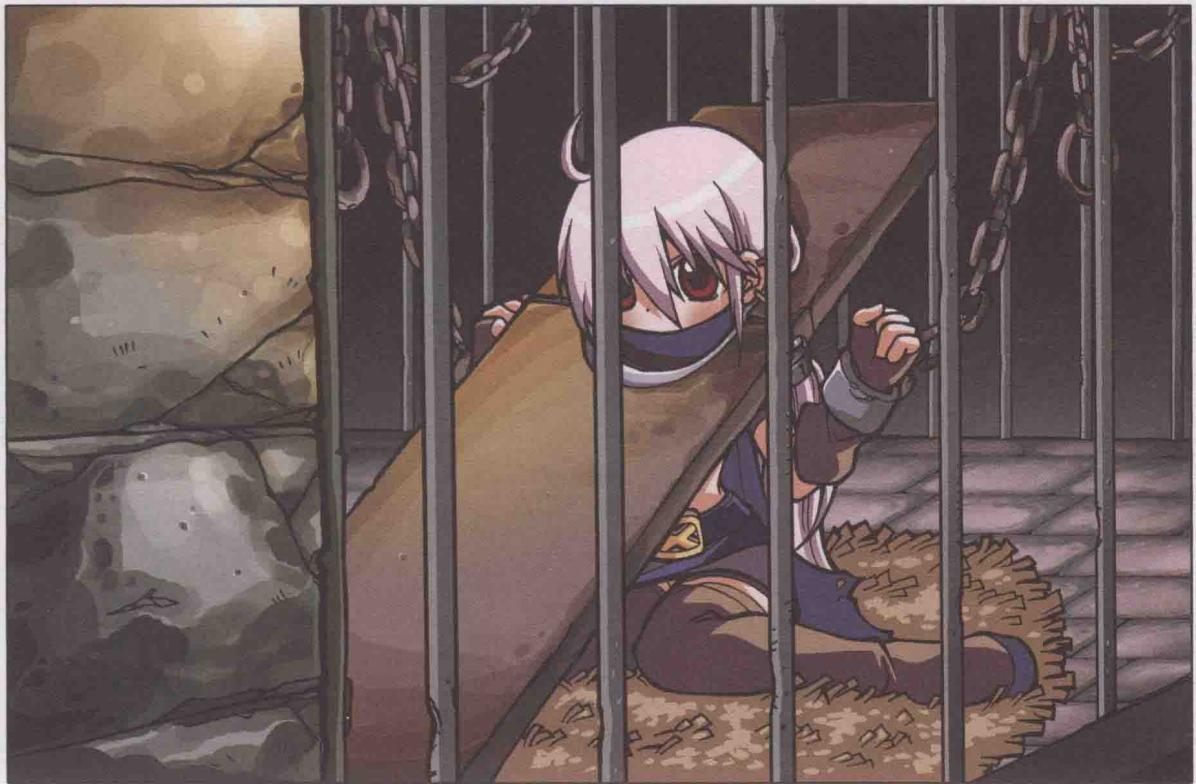
恐怖魔王。出生在无法想象的无限之中。很少有人对他有所了解。不过，人们都说魔王的复活之日，就是数学世界面临灭亡危机之时。

罗戈斯

魔王军第五军——迷雾妖怪军团的军团长，替无限魔王把光斗士们骗入迷雾陷阱。







你知道为什么
抓个小偷竟要
请毕达哥拉斯
弟子出马吗？

也许你可以
认为，被抓
是因为太倒
霉了……

你放了我的
弟弟和妹妹
吧。偷东西
的是我，跟
他们无关！

闭嘴！你
这小贼。



我可以让你的弟弟妹妹跟富家子弟一样住好房子，上好学校。

交易条件是什么？

嘿嘿，你反应很快嘛。就像刚才说的，我们很欣赏你的身手。

布拉德家族的减法技术很出众，整个依托尼亚王国找不出可以和你们媲美的人。

对于出身卑微的你来讲，这是莫大的荣幸。只要你做得出色，就可以在近处帮助光斗士们。

想好了吗？克洛诺斯，你想让弟弟妹妹们靠你偷来的食物苟且偷生吗？



看来，这一切都是你们挖好的陷阱。

我决不会跟你们合作的，你们总是用这种方式利用我们布拉德家族。



你的任务很简单，就是保护好那位少年。

他的身份非常尊贵，你这小偷根本比不了，关键时刻就算献出生命也要保护他。