

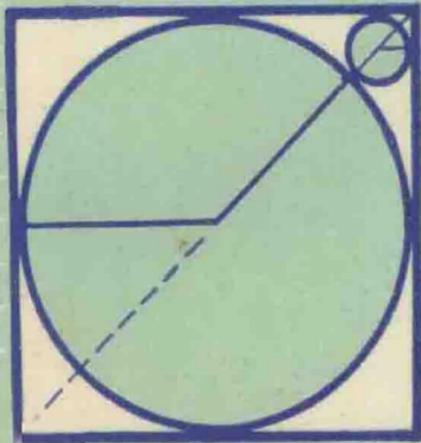
中学
数学
教材

经国家教委中小学教材
审定委员会审查试用



中学数学 实验教材

第二册 上



ZHONGXUE SHUXUE
SHIYAN JIAOCAI

人民教育出版社

言

《中学数学实验教材》经过十年实验，由“试教本”到本版“普及本”已经三次大的修改，形成了四个版本。本版继续贯彻了“精简实用，反璞归真，顺理成章，深入浅出”的指导思想，保持了原教材的基本构想和多年实验中证明行之有效的优点和特色；同时参照了现行数学教学大纲和九年制义务教育教学数学大纲，保证了这些大纲的基本要求；并着重在精选内容、降低难度、减轻学习负担方面下功夫，以便能在过半的初中学生中适用。

本教材的教学目的是：使学生切实学好从事现代生产、适应现代生活、特别是学习现代科学技术所必需的数学基础知识；通过对数学理论、应用、思想和方法的学习，培养学生运算能力，发展逻辑思维能力和空间想象力，从而逐步培养运用数学的思想和方法去分析和解决实际问题的能力；通过数学的教学和学习，培养学生良好的学习习惯，严谨的治学态度和科学的思想方法，逐步形成辩证唯物主义世界观。

本教材初中部分包括代数、几何和函数三科。教学可按初一下，初二代数、几何双科并进，初三学函数的程序安排。

初中代数（第一册）。在总结小学所学自然数、小数、分数的基础上，明确提出运算律。把数系扩充到有理数系和实数系。充分运用运算律解一元一次、二次方程，多元一次方程组。然后进一步系统化，引进多项式及其运算，学习综合除法，到余

式定理、因式定理，然后学习分式、根式。最后，为了满足现行大纲要求，增设二元二次方程组一章。代数的中心课题乃是从加、乘等代数运算方面来对种种数量问题作数量分析。代数学最根本的结构就是数系，数系的基本通性就是其所具有的运算律，这是普遍可用的基本“法宝”。初中代数的基本构想和特点也就是在初等代数的范畴内，突出运算律，充分体现以通性求通解这种代数思想的优越性。

初中几何（第二册）。第一章实验几何主要是引导学生对于现实空间的种种基本性质，作一系统的观察、分析与实验，从而总结出“空间通性”的一个明确体系，以达“探源、奠基、启蒙”的目的。由实验几何到推理几何是人类文明的重大突破，在教学中也是一关键性转折点。为了帮助学生顺利实现这一转折，安排了“集合术语和简易逻辑”一章。用集合术语具体、形象地讲清逻辑规则以转入推理几何。本教材对传统的欧氏平面几何认真作了精简和重编，突出重点。就是引导学生学习演绎法，体会空间基本性质的本质与用法。突出平行四边形定理、相似三角形定理和勾股定理，打下以后空间结构全面代数化的理论基础。

初中函数（第三册）。在初中代数与初中几何的基础上，通过直线和平面的坐标化，使数形结合，研究最简单的图形：直线和圆。从不等式的基本性质开始，用坐标图解和集合运算来说明不等式，一元、二元方程的解集，这是代数、集合、几何的“三结合”。进而数形结合研究函数，正式引入函数概念，正式研究一次、二次多项式函数及其主要性质。最后设置“统计初步”一章，以满足实际应用之需。另外，为了满足现行大纲的要求，本

册开头设置了“指数与对数”一章。如果将来新大纲不要求在初中阶段学习此课题，即可删去不讲。

本教材的处理力求符合人类认识发展和个体认识发展的规律，深入浅出，顺理成章。突出由算术到代数、由实验几何到论证几何、由综合几何到解析几何、由常量数学到变量数学四个重大转折。为此，强调数系运算律、集合、逻辑、向量和逼近法分别在实现这四个转折中的作用。这样既遵循历史发展的规律，又突出了几个转折关头，缩短了认识过程，有利于学生掌握数学思想发展的脉络，提高数学教学的思想性。

1986年暑期，哈尔滨工作会研讨在《中学数学实验教材》初中部分第二版由人民教育出版社出版后，如何进一步适应我国现状，拓展适用面的问题时，决定修订一套初中的“普及本”。由各省、市实验组组织坚持多年实验，对本教材有深切体会、认识和丰富经验的试教老师和教研员总结经验、拟定编写纲目。项武义教授也写出了《关于初中普及本的几点想法与建议》。同年寒假郑州会议制订了《中学数学实验教材》普及本编写纲目。据此由各省、市分工编写第一稿。编写过程中项武义教授进行了具体指导，审阅了部分书稿。实验组统稿又作细微加工才最后定稿。本版是数学专家、第一线数学老师和数学教育工作者三结合通过实验而获得的成果。尽管如此，本版仍难免有不妥之处。在使用中，我们热忱希望大家多提意见。

参加本版修订工作的有实验组的丁尔升、李建才、罗声雄、孙瑞清、高存明、童直人等。此外，参加本册修订工作的还有张福生、吴宗初、毛宏德、黄松年、顾慧娟、李世速、徐惠芳、王丽珍、陈秀卿、忻黎明、滕永康、袁霞如等同志。

目 录

第一章 实验几何

| | |
|------------------------|----|
| § 1 点和直线..... | 2 |
| 1. 1 位置和通路..... | 3 |
| 1. 2 线段的长度..... | 10 |
| 习题 1-1 | 16 |
| § 2 弧和角..... | 18 |
| 2. 1 圆和弧..... | 18 |
| 2. 2 方向与夹角..... | 22 |
| 2. 3 角的度量..... | 30 |
| 习题 1-2 | 36 |
| § 3 垂直与平行..... | 39 |
| 3. 1 对顶角和它的性质..... | 39 |
| 3. 2 垂线和斜线..... | 42 |
| 3. 3 三角形的内角和..... | 46 |
| 3. 4 平行线..... | 55 |
| 习题 1-3 | 62 |
| § 4 叠合与全等..... | 67 |
| 4. 1 叠合与全等..... | 67 |
| 4. 2 面积公式, 出入相补原理..... | 76 |
| 习题 1-4 | 87 |
| 本章小结..... | 90 |
| 复习题一..... | 94 |
| A 组..... | 94 |
| B 组..... | 97 |

第二章 集合与简易逻辑

| | |
|-----------------|-----|
| § 1 集合 | 99 |
| 1. 1 集合的描述法 | 100 |
| 1. 2 集合之间的关系和运算 | 105 |
| 习题 2-1 | 110 |
| § 2 简易逻辑 | 112 |
| 2. 1 集合与其特征性质 | 112 |
| 2. 2 命题与逆命题 | 117 |
| 2. 3 定义与基本性质 | 121 |
| 2. 4 定理和证明 | 124 |
| 习题 2-2 | 130 |
| 本章小结 | 132 |
| 复习题二 | 133 |

| | |
|-----|-----|
| A 组 | 133 |
| B 组 | 134 |

第三章 三角形

| | |
|--------------------|-----|
| § 1 全等三角形 | 137 |
| 1. 1 基本概念与基本性质 | 137 |
| 1. 2 等腰三角形 | 146 |
| 1. 3 轴对称图形 | 164 |
| 习题 3-1 | 170 |
| § 2 简单作图问题(一) | 173 |
| 2. 1 基本作图 I | 173 |
| 2. 2 线段的垂直平分线与角平分线 | 178 |
| 习题 3-2 | 184 |
| § 3 三角形中的不等关系 | 186 |
| 习题 3-3 | 196 |
| 本章小结 | 198 |

| | |
|-----------------------|-----|
| 复习题三 | 199 |
| A组 | 199 |
| B组 | 203 |
| 第四章 平行线与平行四边形 | |
| §1 平行线 | 205 |
| 1.1 基本概念 | 205 |
| 1.2 基本性质 | 208 |
| 习题 4-1 | 218 |
| §2 平行四边形 | 220 |
| 2.1 平行四边形的定义与充要条件 | 220 |
| 2.2 特殊的平行四边形 | 227 |
| 2.3 中心对称图形 | 234 |
| 习题 4-2 | 239 |
| §3 梯形 | 240 |
| 3.1 梯形的定义和性质 | 240 |
| 3.2 等腰梯形与直角梯形 | 243 |
| 习题 4-3 | 244 |
| §4 中位线 | 245 |
| 4.1 三角形的中位线 | 245 |
| 4.2 梯形的中位线 | 252 |
| 习题 4-4 | 255 |
| §5 简单的等积变形 | 255 |
| 5.1 三角形的等积变形问题 | 255 |
| 5.2 多边形的等积问题 | 259 |
| 习题 4-5 | 262 |
| §6 简单的作图问题(二) | 263 |
| 6.1 过已知直线外一点作已知直线的平行线 | 263 |
| 6.2 将一条已知线段n等分 | 263 |
| 习题 4-6 | 266 |

| | |
|------|-----|
| 本章小结 | 266 |
| 复习题四 | 269 |
| A组 | 269 |
| B组 | 271 |

第一章 实验几何

几何学是研究“空间”形体的形状、大小及其位置关系的科学。“空间”就是指地球上的万物和宇宙间的星象天体共存的所在。在日常生活中，我们举目四望所见到的地方，都是空间的一部分。在小学数学中，我们学过的柱体、锥体、球体等等（图 1-1），它们都各自占有空间的一部分，并且构成不同的形体。各种形体的性质，如各部分的长度、角度、面积，以及体积等等，都是我们生活和生产实践中所不可缺少的知识。



圆柱



圆锥



球

图 1-1

自古以来，人们经过实践、观察、分析，已总结出一系列的有关空间方面的知识，例如，从中国、埃及、巴比伦、玛雅等古文明中，可以看出对空间的知识都已掌握得相当丰富了。对于空间知识有系统的研究，从西方

的古文明中可知，起始于古埃及和巴比伦，而古希腊空间知识方面的成就，由欧几里得集其大成于他所著的《几何原本》*

在这部书里，欧几里得把当时所知道的几何知识经过整理，建立起一个初步完整的理论体系，反映出几何学是一门偏重于推理论证的高度理论性的学科。实际上，几何学和任何其它科学一样，它的理论基础也是建立在实验所得的一些基本事实之上的。在这一章里，我们就通过实验、观察、归纳来得到一些知识，为以后进一步学习论证几何作准备。

§1 点和直线

点和直线是空间最简单的，也是最基本的图形。我们在日常生活中，对它们早已有直观的认识，如桌子的角顶和书本的角顶给予我们“点”的形象，桌子的边缘或从一个细孔透进来的光线给予我们“直线”的形象。在这一节里，我们将对它们的本质和相互关系作进一步的分析，确立点、直线的基本概念和它们的一些基本性质。

* 欧几里得(Euclid, 公元前330-275年)所著此书原名为 Elements，我国的数学家徐光启(公元1562-1633年)把书中部分几何内容译成中文，定名为《几何原本》，“几何学”这个中文的名称就来源于此。

1.1 位置和通路

在空间，最原始、最基本的概念就是“位置”。通常，我们就用“点”来标记“位置”。例如，一张地图上，我们就以小圆点来标记各地的位置（图 1-2）。你可能发现，在地图上北京用“★”，南京用“○”来标记的，这只是为了把首都和地方城市区别开来。其实，北京、南京的“位置”与地图上标记的图形“★”或“○”的形状和大小是没有关系的。像这样仅仅考虑“位置”的图形就是点。在天象图上也是以小圆点来标记各星体的位置的（图 1-3）。



图 1-2

图 1-3 北斗七星

在几何学中，我们用不同的大写字母 A 、 B 、 C ……表示不同的点。如图 1-4 中的五个点，就在点旁分别标记以 A 、 B 、 C 、 D 、 E ，并分别读作点 A 、点 B 、点 C 、点

4.

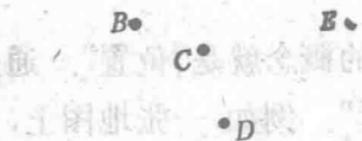


图 1-4

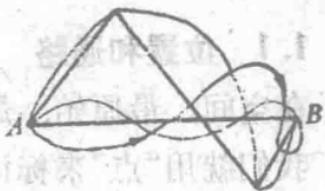


图 1-5

D、点 E.

在日常生活中，我们经常需要从一个地方走到另一个地方。例如，我们早晨上学，就得由自己的家所在的位置走到学校所在的位置，所经过的就是连结这两个位置的一条通路。在空间，第二个原始的基本概念就是“通路”。所谓“通路”，就是从一个位置移到另一个位置的路线。在地图上，我们通常用线来标记各地之间的种种通路，如铁路、公路等。在几何学中，“线”就是表示通路的。线可以直观地理解为一个“动点”由一个位置移动到另一个位置所经过的“路线”。如图 1-5 所示，设 A、B 两点分别表示空间的两个位置，那么连结 A、B 两点的可能通路是很多很多的。假如要由 A 点所在的位置走到 B 点所在的位置，该走哪一条通路才是最近的呢？在通常情况下，大家都希望所要走的通路越短越好。在研讨空间的性质时，首先提出的一个基本问题是：“对于空间任意两点 A、B，在连结 A、B 这两点的所有通路中，哪一条最短？”

实践的经验告诉我们，空间有下述基本结构：

“连结 A 、 B 两点的最短通路唯一存在，它就是连结 A 、 B 两点的直线段”。光线的形象，使我们体会到上述的性质。

直线段简称线段。我们把连结 A 、 B 两点的直线段用“线段 AB ”或“线段 BA ”表示。点 A 、点 B 叫做线段的端点。有时一条线段也可以用一个小写字母表示，如线段 a ，线段 b 等（图 1-6）。

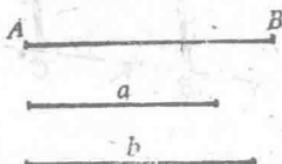


图 1-6

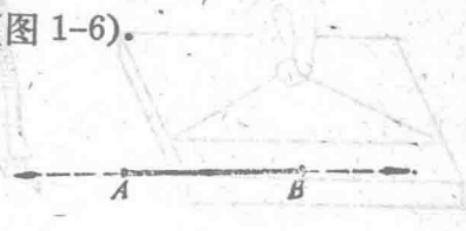


图 1-7

如图 1-7 所示，由 A 点射向 B 点的光线可以由 A 向 B 的方向无限延伸；而由 B 点射向 A 点的光线可以由 B 向 A 的方向无限延伸，所以对于任意给定的两点 A 、 B ，不但有一条唯一的最短通路即线段 AB ，而且也唯一地确定一条直线。这就是我们所熟知的空间的一个基本性质。

基本性质 I-1：过相异两点有一条直线，并且只有一条直线（简称相异两点确定一条直线）。

直线的以上性质在实际生活中被广泛应用。木工师傅将木料锯成直的木板时，先要在木料两端规定位

置上各取一个点，然后在这两点之间拉紧一条墨线，用墨线在木料上弹出一条直线来，再沿着弹出的直线锯木板(图 1-8)。测量人员埋设标杆确定直线，将眼睛靠近第三根标杆的端点看前两根标杆的端点，如这标杆恰好挡住前面两根标杆，这三根标杆便在同一条直线上(图 1-9)。

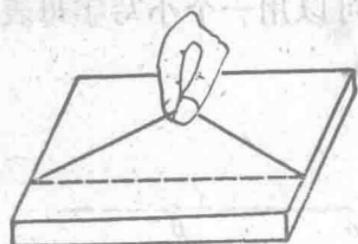


图 1-8

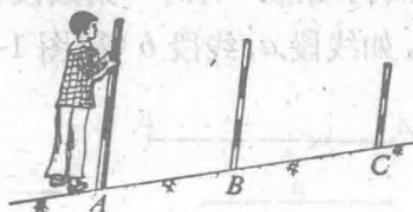


图 1-9

已知线段 AB ，按 A 点到 B 点的方向延长，那么延长出来的部分就叫线段 AB 的延长线。同样，也可以作线段 BA 的延长线(图 1-7)。

一条直线可用表示它上面的任意两点的大写字母来表示，如直线 CD (或直线 DC)。有时为了简便，也可以用一个小写字母表示，如直线 l (图 1-10)。



图 1-10

例 1 在一条笔直的公路 l 的两侧有 A 、 B 两个村子，现在要在公路 l 上设一汽车站 C ，使 C 点到 A 与

B 两村的距离之和最短，问 C 点怎样才能找出来(图 1-11)？

解：要使 C 点到 A 、 B 两村的距离之和最短，只有 A 、 B 、 C 在同一直线上。因此 C 点必定是直线 AB 和 l 的交点。

作直线 AB 。由于 A 、 B 两点在 l 的两侧，所以 AB 与 l 必交于一点 C 。因为两点之间以直线段为最短，所以 C 点即为所求的点。

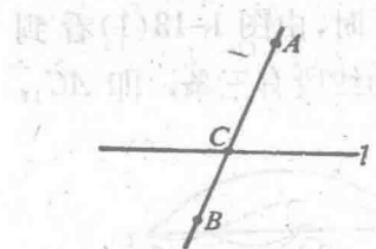


图 1-11

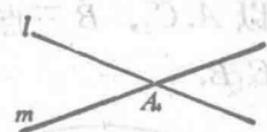


图 1-12

从直观可以清楚地看出，例 1 的答案只有点 C ，这是因为直线 AB 和 l 只有一个交点 C 。那么，为什么两条直线如果相交，它们只有一个交点呢？我们可以这样来理解：两条不同的直线 l 和 m ，除有一个公共点(交点) A 外(图 1-12)，假如还有另一个公共点 B ，那么 l 和 m 就都是通过 A 、 B 两点的直线。由于通过 A 、 B 两点只有唯一的一条直线，于是， l 和 m 是同一条直线。这和题目中给出的条件 l 和 m 是不同的两条直线相矛盾。所以它们除一个公共点外不能再有其它公

共点。也就是说，对于两条不同的直线 l 和 m ，如果有公共点，那么只有一个。因此，我们又得到下面基本性质。

基本性质 I-1'：两条相交直线确定一个交点。

例 2 在已知线段 AB 上，(1) 取一点 C_1 ，则 AB 上共有几条线段？(2) 依次取 C_1, C_2 两点， AB 上有多少条线段？

解：因为连结每两点都有一条线段，所以

(1) 在 AB 上取一个点 C_1 时，由图 1-13(1) 看到分别以 A, C_1, B 三点为端点的线段有三条，即 AC_1, AB, C_1B 。

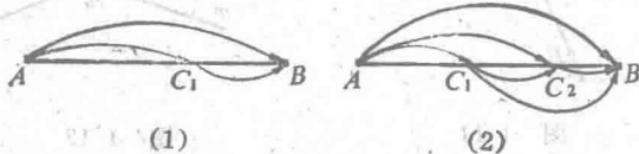


图 1-13

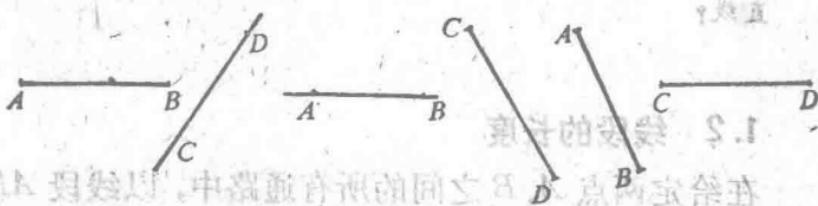
(2) 在 AB 上取二个点 C_1, C_2 时，由图 1-13(2) 看到分别以 A, C_1, C_2, B 四点为端点的线段有六条，即 $AC_1, AC_2, AB, C_1C_2, C_1B, C_2B$ 。

练习

选择题：*(第 1 题～第 3 题)

* 本书中的选择题，都给出 (A)、(B)、(C)、……等几个答案，其中有且只有一个答案是正确的。答题时只须把正确答案的代号填在题末的括号里。

1. 如图所示, 直线、线段能相交的为().



- (A) (B) (C)

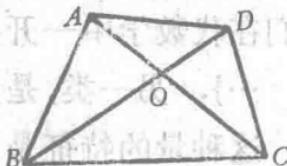
2. 平面上有不在一条直线上的三点, 过其中任意两点可以画一条直线, 那么最多能画出直线的条数为()

- (A) 1. (B) 2. (C) 3. (D) 4.

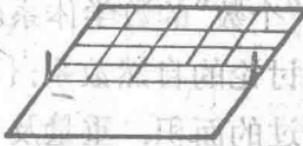
3. 如果 B 点在线段 AC 上, C 点在线段 BD 上, 那么有()

- (A) B 点在线段 CD 上. (B) C 点在线段 AB 上. (C) B 点和 C 点均在线段 AD 上. (D) 以上都不对.

4. 写出图中所有线段.



(第 4 题)



(第 5 题)

5. 工人师傅在用方砖铺地时, 常常打两个木桩, 把一根线拉

紧后系在两木桩上, 然后沿着拉紧的线来铺砖, 这样砖就铺得整齐, 这是根据什么道理?

6. 如果 A 、 B 、 C 、 D 四点中, 任何三点都不在一条直线上, 通过其中任何两点画一条直线, 一共能画出几条直线?

7. 如果 A 、 B 、 C 、 D 、 E 五点中, 任何三点都不在一条直线上,