

大学物理辅导与练习

常州工学院物理教学部 主编

DAXUE WULI FUDAO YU LIANXI



南京大学出版社

常州工学院物理教学部 主编

大学物理辅导与练习



南京大学出版社

图书在版编目(CIP)数据

大学物理辅导与练习 / 常州工学院物理教学部主编

— 南京 : 南京大学出版社, 2012.1 重印

ISBN 978-7-305-08813-1

I. ①大… II. ①常… III. ①物理学—高等学校—教学参考资料 IV. ①O4

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2011)第 174870 号

出版发行 南京大学出版社
社 址 南京市汉口路 22 号 邮 编 210093
网 址 <http://www.NjupCo.com>
出 版 人 左 健
书 名 大学物理辅导与练习
主 编 常州工学院物理教学部
责任编辑 沈 洁 编辑热线 025-83592401
照 排 南京南琳图文制作有限公司
印 刷 南京人民印刷厂
开 本 787×1092 1/16 印张 14.5 字数 353 千
版 次 2011 年 8 月第 1 版 2012 年 1 月第 2 次印刷
ISBN 978-7-305-08813-1
定 价 28.00 元
发行热线 025-83594756 83686452
电子邮箱 Press@NjupCo.com
Sales@NjupCo.com(市场部)

* 版权所有,侵权必究

* 凡购买南大版图书,如有印装质量问题,请与所购
图书销售部门联系调换

前 言

本书是为非物理专业学生学习“大学物理”课程而编写的学习辅导书,旨在加深学生对物理基本概念和基本规律的理解和记忆,引导学生运用基本概念和基本规律正确地分析问题,规范化地解答问题。学生通过做练习题巩固所学知识,做到融会贯通,提高学习能力。

全书共有 13 章:第 1 章,质点运动学;第 2 章,牛顿定律;第 3 章,动量守恒定律和能量守恒定律;第 4 章,刚体的转动;第 5 章,静电场;第 6 章,静电场中的导体与电介质;第 7 章,恒定磁场;第 8 章,电磁感应电磁场;第 9 章,振动;第 10 章,波动;第 11 章,光学;第 12 章,气体动理论;第 13 章,热力学基础。每章包括教学基本要求、基本概念和规律、学习指导、典型例题、练习题(题型有选择、填空、计算),书后附有每章练习题的参考答案,便于学生自己练习和自我检测。

本书第 1 章、第 2 章、第 3 章由宋红燕编写,第 4 章由万志龙编写,第 5 章由王刚、万志龙编写,第 6 章由王刚、万志龙编写,第 7 章由金雪尘、万志龙编写,第 8 章由杨景景、宋红燕编写,第 9 章由黄红云编写,第 10 章由陆兴中、万志龙编写,第 11 章由朱红、万志龙编写,第 12 章由曹洪亮、黄红云编写,第 13 章由曹洪亮、黄红云、宋红燕编写。

限于编者水平,书中难免有错误和不妥之处,恳请读者批评指正。

常州工学院物理教学部

2011 年 6 月

目 录

第 1 章 质点运动学	1
1.1 基本要求	1
1.2 基本概念和规律	1
1.3 学习指导	3
1.4 典型例题	4
1.5 练习题	7
第 2 章 牛顿定律	15
2.1 基本要求	15
2.2 基本概念和规律	15
2.3 学习指导	17
2.4 典型例题	18
2.5 练习题	20
第 3 章 动量守恒定律和能量守恒定律	28
3.1 基本要求	28
3.2 基本概念和规律	28
3.3 学习指导	31
3.4 典型例题	31
3.5 练习题	34
第 4 章 刚体的转动	42
4.1 基本要求	42
4.2 基本概念和规律	42
4.3 学习指导	43
4.4 典型例题	44
4.5 练习题	47
第 5 章 静电场	59
5.1 基本要求	59
5.2 基本概念与规律	59
5.3 学习指导	60
5.4 典型例题	62
5.5 练习题	66

第 6 章 静电场中的导体与电介质	77
6.1 基本要求	77
6.2 基本概念与规律	77
6.3 学习指导	78
6.4 典型例题	78
6.5 练习题	80
第 7 章 恒定磁场	89
7.1 基本要求	89
7.2 基本概念和规律	89
7.3 学习指导	91
7.4 典型例题	92
7.5 练习题	98
第 8 章 电磁感应 电磁场	110
8.1 基本要求	110
8.2 基本概念和规律	110
8.3 学习指导	113
8.4 典型例题	114
8.5 练习题	117
第 9 章 振 动	128
9.1 基本要求	128
9.2 基本概念和规律	128
9.3 学习指导	130
9.4 典型例题	131
9.5 练习题	135
第 10 章 波 动	144
10.1 基本要求	144
10.2 基本概念和规律	144
10.3 学习指导	146
10.4 典型例题	147
10.5 练习题	150
第 11 章 光 学	161
11.1 基本要求	161
11.2 基本概念和规律	161
11.3 学习指导	163

11.4 典型例题.....	164
11.5 练习题.....	167
第 12 章 气体动理论	177
12.1 基本要求.....	177
12.2 基本概念和规律.....	177
12.3 学习指导.....	178
12.4 典型例题.....	179
12.5 练习题.....	182
第 13 章 热力学基础	190
13.1 基本要求.....	190
13.2 基本概念和规律.....	190
13.3 学习指导.....	192
13.4 典型例题.....	193
13.5 练习题.....	195
参考答案	207

第 1 章 质点运动学

1.1 基本要求

- (1) 理解质点模型和参考系的概念,掌握矢量、标量概念及表示方法.
- (2) 掌握描述质点运动的物理量:位置矢量、位移、速度、加速度以及它们之间的联系.
- (3) 能借助于直角坐标系熟练地计算质点运动时的速度、加速度.
- (4) 掌握描述圆周运动的物理量:角坐标、角位移、角速度、角加速度以及它们之间的联系.掌握切向加速度、法向加速度.
- (5) 能借助于平面极坐标、自然坐标系熟练地计算质点做圆周运动时的角速度、角加速度、切向加速度、法向加速度.掌握角量与线量之间的关系.
- (6) 了解相对运动的基本概念,并能解决一些简单问题.

1.2 基本概念和规律

1. 参考系和坐标系

参考系:为描述物体的运动而选择另一物体作为参考物,作为参考物的物体称为参考系.

坐标系:为定量地描述物体的运动常在固定的参考系上建立适当的坐标系.常用的坐标系有直角坐标系、平面极坐标系和自然坐标系.

2. 质点

忽略物体的大小和形状,把物体看成一个具有质量的点,该点称为质点.质点是一个理想模型.

3. 位置矢量和运动方程

位置矢量 $\boldsymbol{r}$:在时刻 t ,质点在坐标系里的位置可用位置矢量 $\boldsymbol{r}$ 来表示,简称位矢,它是一个有向线段,由坐标原点指向质点所在位置.

在直角坐标系中,质点的位置可用各坐标轴分量及单位矢量表示如下:

$$\boldsymbol{r} = x\boldsymbol{i} + y\boldsymbol{j} + z\boldsymbol{k}.$$

注意:式中 x, y, z 是含有“+”、“-”号的代数量.

运动方程:质点相对参考系运动时,它的位矢 $\boldsymbol{r}$ 是随时间而变化的,因此 $\boldsymbol{r}$ 是时间的函数,我们把质点的位矢 $\boldsymbol{r}$ 随时间变化的函数关系式叫做质点的运动方程,即

$$\boldsymbol{r} = \boldsymbol{r}(t) = x(t)\boldsymbol{i} + y(t)\boldsymbol{j} + z(t)\boldsymbol{k}.$$

4. 位移

位移:表示质点位矢的变化,记作 $\Delta \mathbf{r}$,是由初位置 A 指向末位置 B 的有向线段.在直角坐标系中可表示为 $\Delta \mathbf{r} = (x_B - x_A)\mathbf{i} + (y_B - y_A)\mathbf{j} + (z_B - z_A)\mathbf{k} = \Delta x\mathbf{i} + \Delta y\mathbf{j} + \Delta z\mathbf{k}$.

路程:质点运动实际经过轨迹的长度.

注意:位移的大小一般不等于路程.质点只有在做单向直线运动时位移的大小才等于路程.

5. 速度

平均速度:
$$\mathbf{v} = \frac{\Delta \mathbf{r}}{\Delta t} = \frac{\Delta x}{\Delta t}\mathbf{i} + \frac{\Delta y}{\Delta t}\mathbf{j} + \frac{\Delta z}{\Delta t}\mathbf{k} = v_x\mathbf{i} + v_y\mathbf{j} + v_z\mathbf{k}.$$

平均速率:
$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} \neq |\bar{\mathbf{v}}|.$$

注意:平均速率描述的是质点运动的平均快慢程度,是标量,一般不等于平均速度的大小.

(瞬时)速度:
$$\mathbf{v} = \frac{d\mathbf{r}}{dt} = \frac{dx}{dt}\mathbf{i} + \frac{dy}{dt}\mathbf{j} + \frac{dz}{dt}\mathbf{k} = v_x\mathbf{i} + v_y\mathbf{j} + v_z\mathbf{k}.$$

瞬时速度简称速度.瞬时速度的大小称为瞬时速率,简称速率.

(瞬时)速率:
$$v = |\mathbf{v}| = \left| \frac{d\mathbf{r}}{dt} \right| = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2} \text{ 或 } v = \frac{ds}{dt}.$$

6. 加速度

平均加速度:
$$\mathbf{a} = \frac{\Delta \mathbf{v}}{\Delta t};$$

(瞬时)加速度:
$$\mathbf{a} = \frac{d\mathbf{v}}{dt} = \frac{dv_x}{dt}\mathbf{i} + \frac{dv_y}{dt}\mathbf{j} + \frac{dv_z}{dt}\mathbf{k} = a_x\mathbf{i} + a_y\mathbf{j} + a_z\mathbf{k}.$$

7. 平面极坐标系、自然坐标系

当物体做平面曲线运动时,可利用平面极坐标系或自然坐标系来描述物体的运动情况.

平面极坐标系:如图 1-1 所示,质点在 A 的位置可由 (r, θ) 来确定,这种以 (r, θ) 为坐标的坐标系称为平面极坐标系,它与直角坐标系之间的变换关系为 $x = r\cos\theta$, $y = r\sin\theta$.当质点运动时,位矢 r 、角坐标 θ 随时间而改变.即: $r = r(t)$, $\theta = \theta(t)$.

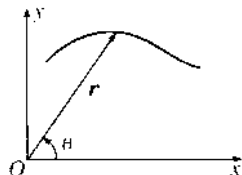


图 1-1

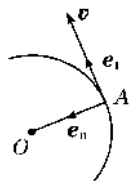


图 1-2

自然坐标系:如图 1-2 所示,固定在质点上跟随质点一起运动的坐标系,它是以动点 A 为原点、以切向单位矢量 $\mathbf{e}_t$ 和法向单位矢量 $\mathbf{e}_n$ 建立的二维坐标系,运动方向为 $\mathbf{e}_t$ 正方向.

8. 圆周运动

在平面极坐标系中,质点做圆周运动时,位矢 r 的大小不变,角坐标 θ 随时间而改变,即 θ 是时间的函数,即运动方程为 $\theta(t)$.

描述圆周运动的物理量:

角坐标—— θ ;

运动方程—— $\theta(t)$;

角位移—— $\Delta\theta = \theta_2 - \theta_1$;

角速度—— $\omega = \frac{d\theta}{dt}$;

角加速度—— $\alpha = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2\theta}{dt^2}$.

在自然坐标系中,在圆周运动的轨迹上设定起点和正方向(选运动方向为 e_t 正方向)后,可用曲线的弧长 s 来确定质点的位置.位置 s 随时间的变化的关系式即为运动方程 $s(t)$.

线速度:
$$\boldsymbol{v} = v \boldsymbol{e}_t = \frac{ds}{dt} \boldsymbol{e}_t,$$

线速度可简称速度,式中 $v = \frac{ds}{dt}$ 称为速率,即线速度的大小.

加速度:
$$\boldsymbol{a} = \frac{d\boldsymbol{v}}{dt} = \frac{dv}{dt} \boldsymbol{e}_t + v \frac{d\boldsymbol{e}_t}{dt} = \frac{dv}{dt} \boldsymbol{e}_t + \frac{v^2}{r} \boldsymbol{e}_n = a_t \boldsymbol{e}_t + a_n \boldsymbol{e}_n = \boldsymbol{a}_t + \boldsymbol{a}_n.$$

切向加速度:

$a_t = \frac{dv}{dt} > 0$, $\boldsymbol{a}_t$ 的方向与 $\boldsymbol{e}_t$ 方向一致,加速运动;

$a_t = \frac{dv}{dt} < 0$, $\boldsymbol{a}_t$ 的方向与 $\boldsymbol{e}_t$ 方向相反,减速运动.

法向加速度: $a_n = \frac{v^2}{r} > 0$, $\boldsymbol{a}_n$ 方向总是指向圆心,故也称向心加速度.

总加速度 $\boldsymbol{a}$ 的方向总是指向曲线的凹侧.

角量与线量的关系: $s = r\theta$, $v = r\omega$, $a_t = r\alpha$, $a_n = r\omega^2$.

若质点在平面内做一般曲线运动,上面式子中所有半径 r 改为质点所在位置处的曲率半径 ρ 即可.

1.3 学习指导

质点运动学一般可分为两类问题:

(1) 已知运动方程,通过求导运算求速度、加速度等.

(2) 已知加速度和初始条件,通过积分运算求速度、运动方程等.

若已知速度和初始条件,可通过求导求加速度,通过积分求运动方程.

若已知加速度的表示式为 $a(x)$, $a(v)$ 等,可通过转换积分变量求解.

描述质点运动的位矢、位移、速度、加速度均为矢量,它们不仅有大小,而且有方向,学习

时一定要注意矢量和标量的区别,注意矢量的写法、图示法、单位矢量的表示等.为简便起见或为避免出错,可采用分量式运算、表示.

学习大学物理必须打好高等数学的基础,能熟练掌握求导运算、积分运算、解微分方程等,注意处理好物理与数学的关系.一方面物理离不开数学,一些物理概念、定义、规律必须通过数学公式表示;但另一方面,数学不能取代或掩盖物理的本质意义,一定要弄清物理知识的内涵.

求解物理问题,要学会分析题意,应有明晰的思路和方法,能判断问题的类型和性质,特别要学会画示意图来帮助直观分析解决问题,解题时还应注意答题步骤的表示要清晰、简明,并注意物理量的单位等.

学习大学物理还需注意与中学物理的区别与联系.

1.4 典型例题

【例 1-1】 已知质点的运动方程为 $\mathbf{r}=2t\mathbf{i}+(2-t^2)\mathbf{j}$ (SI 制), 求:

- (1) 质点的轨迹;
- (2) 由 $t=0$ 到 $t=2$ s 内质点的位移和路程;
- (3) 质点运动的速度和速率;
- (4) 在直角坐标系和自然坐标系中的加速度.

解:(1) 由运动方程可知: $x=2t, y=2-t^2$. 消去 t , 得轨迹方程为 $y=2-\frac{x^2}{4}$, 此轨迹为抛物线(如图 1-3 所示).

(2) 将 $t=0$ 代入运动方程, $\mathbf{r}_0=2\mathbf{j}$, 质点在 P 点.

将 $t=2$ s 代入运动方程, $\mathbf{r}_2=4\mathbf{i}-2\mathbf{j}$, 质点在 Q 点.

位移: $\Delta\mathbf{r}=\mathbf{r}_2-\mathbf{r}_0=4\mathbf{i}-4\mathbf{j}$, 是由 P 指向 Q 的有向线段.

位移的大小: $|\Delta\mathbf{r}|=\sqrt{(\Delta x)^2+(\Delta y)^2}=5.66(\text{m})$.

对 PQ 弧长取微元 $ds, ds=\sqrt{(dx)^2+(dy)^2}$, 由轨迹方程可得 $dy=-\frac{1}{2}xdx$, 由 $t=0$ 到 $t=2$ s 内的路程为

$$S=\int_P^Q ds=\int_0^4 \frac{1}{2} \sqrt{4+x^2} dx = 5.91(\text{m}).$$

(3) 速度: $\mathbf{v}=\frac{d\mathbf{r}}{dt}=2\mathbf{i}-2t\mathbf{j}(\text{m/s});$

速率: $v=\sqrt{v_x^2+v_y^2}=2\sqrt{1-t^2}(\text{m/s}).$

(4) 在直角坐标系中: $\mathbf{a}=\frac{d\mathbf{v}}{dt}=-2\mathbf{j}(\text{m/s}^2).$

在自然坐标系中: $a_t=\frac{dv}{dt}=\frac{2t}{\sqrt{1+t^2}}(\text{m/s}^2);$

$$a_n=\sqrt{a^2-a_t^2}=\frac{2}{\sqrt{1+t^2}}(\text{m/s}^2);$$

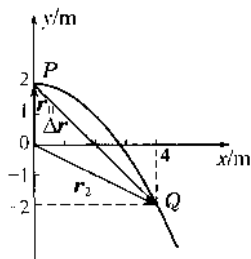


图 1-3

$$\boldsymbol{a} = \frac{2t}{\sqrt{1+t^2}} \boldsymbol{e}_t + \frac{2}{\sqrt{1+t^2}} \boldsymbol{e}_n.$$

从本题的求解过程可以看出,当质点做一般曲线运动时,用公式 $a_n = \frac{v^2}{\rho}$ 求法向加速度是比较麻烦的,因为曲率半径不容易计算,但是先求出质点的切向加速度和总加速度后,再利用公式 $a_n = \sqrt{a^2 - a_t^2}$ 求法向加速度就比较方便了.

【例 1-2】 一质点具有加速度 $\boldsymbol{a} = 4\boldsymbol{i} + 6t\boldsymbol{j}$ (m/s²), 在 $t=0$ 时, 其速度为 0, 位矢 $\boldsymbol{r}_0 = 10\boldsymbol{i}$ (m), 求:

(1) $t=3$ s 时速度的大小和方向;

(2) 运动方程.

解: (1) 由 $a_x = \frac{dv_x}{dt} = 4$, 得 $dv_x = 4dt$, 等式两边积分:

$$\int_0^{v_x} dv_x = \int_0^t 4dt \Rightarrow v_x = 4t.$$

由 $a_y = \frac{dv_y}{dt} = 6t$, 得 $dv_y = 6tdt$, 等式两边积分:

$$\int_0^{v_y} dv_y = \int_0^t 6tdt \Rightarrow v_y = 3t^2.$$

所以速度为

$$\boldsymbol{v} = 4t\boldsymbol{i} + 3t^2\boldsymbol{j}.$$

将 $t=3$ s 代入, 得 $\boldsymbol{v}_3 = 12\boldsymbol{i} + 27\boldsymbol{j}$. $t=3$ s 时速度的大小为

$$v_3 = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{12^2 + 27^2} \approx 29.5 \text{ (m/s)}.$$

$\boldsymbol{v}_3$ 与 x 轴之间的夹角为

$$\alpha = \arctan \frac{v_y}{v_x} = \arctan \frac{27}{12}.$$

(2) 由 $v_x = \frac{dx}{dt} = 4t$, 得 $dx = 4tdt$, 等式两边积分, 并由初始条件 ($t=0$ 时, $x_0=10$) 得

$$\int_{10}^x dx = \int_0^t 4tdt \Rightarrow x = 2t^2 + 10.$$

由 $v_y = \frac{dy}{dt} = 3t^2$, 得 $dy = 3t^2 dt$, 等式两边积分, 并由初始条件 ($t=0$ 时, $y_0=0$) 得

$$\int_0^y dy = \int_0^t 3t^2 dt \Rightarrow y = t^3.$$

运动方程为:

$$\boldsymbol{r} = (2t^2 + 10)\boldsymbol{i} + t^3\boldsymbol{j}.$$

【例 1-3】 一质点在半径为 0.1 m 的圆周上运动, 其角位置为 $\theta = 2 + 4t^3$, 式中 θ 的单位为 rad, t 的单位为 s, 求:

(1) $t=2.0$ s 时质点的角速度和速度;

(2) $t=2.0$ s 时质点的切向加速度和法向加速度.

解: (1) 角速度: $\omega = \frac{d\theta}{dt} = 12t^2;$

速度: $v = r\omega = 1.2t^2.$

将 $t=2.0$ s 代入, 得 $\omega = 48 \text{ rad/s}$, $v = 4.8 \text{ m/s}$.

(2) 切向加速度: $a_t = r\alpha = r \frac{d\omega}{dt} = 2.4t$;

法向加速度: $a_n = r\omega^2 = 14.4t^4$.

将 $t = 2.0 \text{ s}$ 代入, 得 $a_t = 4.8 \text{ m/s}^2$, $a_n = 2.30 \times 10^2 \text{ m/s}^2$.

此题也可以由角量与线量的关系先求出 $s = r\theta = 0.2 + 0.4t^3$, 再求出

$$v = \frac{ds}{dt} = 1.2t^2;$$

$$\omega = \frac{v}{r} = 12t^2.$$

之下切向、法向加速度的求解同上, 不再赘述.

【例 1-4】 一质点沿半径为 R 的圆做圆周运动, 其初速度为 v_0 , 切向加速度为 $-b$ ($b > 0$).

(1) 求 t 时刻质点的速率;

(2) 求 t 时刻质点的加速度;

(3) 问质点停止运动前, 共沿圆周运动了多少圈?

解: (1) 由 $a_t = \frac{dv}{dt} = -b$, 得 $dv = -bdt$, 等式两边积分, 为

$$\int_{v_0}^v dv = \int_0^t -b dt,$$

所以有

$$v = v_0 - bt. \quad (1)$$

(2) 由 $a_n = \frac{v^2}{R} = \frac{(v_0 - bt)^2}{R}$, 可得

$$\mathbf{a} = -b\mathbf{e}_t + \frac{(v_0 - bt)^2}{R}\mathbf{e}_n.$$

加速度的大小:

$$a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = \frac{1}{R} \sqrt{R^2 b^2 + (v_0 - bt)^4}.$$

加速度的方向: $\mathbf{a}$ 与 $\mathbf{v}$ (即 $\mathbf{e}_t$) 间的夹角为

$$\theta = \arctan \frac{a_n}{a_t} = \arctan \frac{(v_0 - bt)^2}{Rb} \quad (\text{如图 1-4 所示}).$$

(3) 由 $v = \frac{ds}{dt} = v_0 - bt$, 可得 $ds = (v_0 - bt)dt$, 等式两边积分得

$$\int_0^s ds = \int_0^t (v_0 - bt) dt,$$

所以有

$$s = v_0 t - \frac{1}{2} bt^2. \quad (2)$$

由①式, 令 $v = 0$ 得质点停止运动所需的时间 $t = \frac{v_0}{b}$, 代入②式, 得

$$s = \frac{v_0^2}{2b}.$$

质点运动的圈数:

$$n = \frac{s}{2\pi R} = \frac{v_0^2}{4\pi b R}.$$

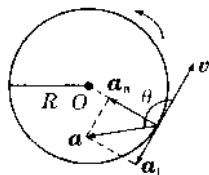


图 1-4

【例1-5】已知质点的运动方程为 $x=R\cos\omega t$, $y=R\sin\omega t$, 式中, R 和 ω 均为常数. 试求:

- (1) 轨道方程;
- (2) 任意时刻的速度和速率;
- (3) 任意时刻的加速度.

解:(1) 由已知运动方程, 消去 t 即可得轨道方程:

$$x^2 + y^2 = R^2.$$

轨迹是以坐标原点为圆心、以 R 为半径的圆. 如图1-5所示.

(2) 由已知条件, 可得

$$v_x = \frac{dx}{dt} = -R\omega\sin\omega t;$$

$$v_y = \frac{dy}{dt} = R\omega\cos\omega t.$$

任意时刻的速度:

$$\mathbf{v} = v_x \mathbf{i} + v_y \mathbf{j} = -R\omega\sin\omega t \mathbf{i} + R\omega\cos\omega t \mathbf{j}.$$

任意时刻的速率(速度的大小)为

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{(-R\omega\sin\omega t)^2 + (R\omega\cos\omega t)^2} = R\omega.$$

速度的方向可用 $\mathbf{v}$ 和 x 轴的夹角 θ 表示:

$$\tan\theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{R\omega\cos\omega t}{-R\omega\sin\omega t} = -\cot\omega t.$$

由此式可知, 速度的方向与半径垂直, 即为沿圆上某点的切线方向.

(3) 任意时刻质点的加速度:

$$\mathbf{a} = \frac{d\mathbf{v}}{dt} = -R\omega^2\cos\omega t \mathbf{i} - R\omega^2\sin\omega t \mathbf{j} = -\omega^2 \mathbf{r},$$

负号表示加速度的方向与 $\mathbf{r}$ 方向相反, 即始终指向圆心.

加速度的大小:

$$a = \sqrt{(-R\omega^2\cos\omega t)^2 + (-R\omega^2\sin\omega t)^2} = R\omega^2,$$

这就是质点做匀速率圆周运动时的向心加速度.

求加速度还可利用另一种更简便的方法, 用上面已求得的速率 $v=R\omega$, 求切向加速度和法向加速度分别为

$$a_t = \frac{dv}{dt} = 0, \quad a_n = \frac{v^2}{R} = R\omega^2.$$

得加速度的大小

$$a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = R\omega^2.$$

切向加速度为零, 只有法向加速度, 总加速度为法向加速度, 方向沿半径指向圆心, 说明质点做匀速率圆周运动.

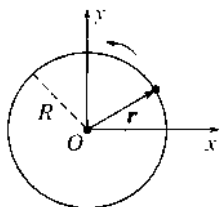


图1-5

1.5 练习题

一、选择题

1. 位于同一参考系上几个不同坐标系中的观测者, 若观测某一质点的运动, 则 []

- (A) 观测结果一定不同;
 (B) 只有同种形式的坐标系的观测结果才相同;
 (C) 不同形式的坐标系,观测结果有可能相同;
 (D) 观测结果与坐标系无关.

2. 一质点沿半径为 R 的圆周运动一周回到原地,它在运动过程中位移和路程大小的最大值分别为 []

- (A) $2\pi R, 2\pi R$; (B) $2\pi R, 2R$; (C) $2R, 2\pi R$; (D) $0, 2\pi R$.

3. 一质点沿 x 轴上运动的规律是 $x = t^2 - 4t + 5$, 其中 x 以 m 计, t 以 s 计, 前 3 s 内它的 []

- (A) 位移和路程都是 3 m; (B) 位移和路程都是 -3 m;
 (C) 位移是 -3 m, 路程是 3 m; (D) 位移是 -3 m, 路程是 5 m.

4. 一运动质点在某瞬时位于位矢 $\mathbf{r}(x, y)$ 的端点处, 其速度大小为 []

- (A) $\frac{dr}{dt}$; (B) $\frac{d|\mathbf{r}|}{dt}$;
 (C) $\frac{d\mathbf{r}}{dt}$; (D) $\sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2}$.

5. 质点做曲线运动, 其速度为 $\mathbf{v}$, 速率为 v , 某一时间内的平均速度为 $\bar{\mathbf{v}}$, 平均速率为 $\bar{v}$, 它们之间的关系必定有 []

- (A) $|\mathbf{v}| = v, |\bar{\mathbf{v}}| = \bar{v}$; (B) $|\mathbf{v}| \neq v, |\bar{\mathbf{v}}| \neq \bar{v}$;
 (C) $|\mathbf{v}| = v, |\bar{\mathbf{v}}| \neq \bar{v}$; (D) $|\mathbf{v}| \neq v, |\bar{\mathbf{v}}| = \bar{v}$.

6. 某质点做直线运动的运动方程为 $x = t^3 - 5t + 6$, 则该质点做 []

- (A) 匀加速直线运动, 加速度沿 x 轴正方向;
 (B) 匀加速直线运动, 加速度沿 x 轴负方向;
 (C) 变加速直线运动, 加速度沿 x 轴正方向;
 (D) 变加速直线运动, 加速度沿 x 轴负方向.

7. 一质点在 xOy 平面内运动, 其运动方程为 $x = at, y = b + ct^2$, 式中 a, b, c 均为常数. 当质点的运动方向与 x 轴成 45° 角时, 它的速率为 []

- (A) a ; (B) $\sqrt{2}a$; (C) $2c$; (D) $\sqrt{a^2 + 4c^2}$.

8. 如图所示, 一人用缆绳牵引小船靠岸, 设水平牵引速度 v 为常量, 岸高为 h , 则小船做 []

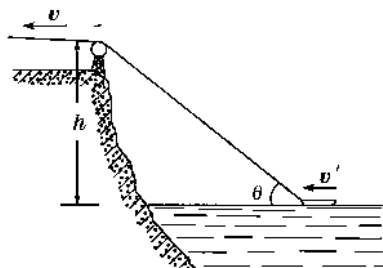
- (A) 匀速运动; (B) 匀变速运动;
 (C) 加速运动; (D) 减速运动.

9. 一质点在平面上运动, 已知质点位置矢量的表示式为 $\mathbf{r} = at^2\mathbf{i} + bt^2\mathbf{j}$ (其中 a, b 为常量), 则该质点做 []

- (A) 匀速直线运动; (B) 变速直线运动;
 (C) 椭圆运动; (D) 一般曲线运动.

10. 沿直线运动的物体, 其速率与时间成反比, 则其加速度大小与速率的关系是 []

- (A) 与速率成正比; (B) 与速率平方成正比;



选 1-8 题图

(C) 与速率成反比; (D) 与速率平方成反比.

11. 小球沿斜面向上运动,其运动方程为 $x=5+4t-t^2$ (SI),则小球运动到最高点的时间是 []

(A) $t=4$ s; (B) $t=2$ s; (C) $t=8$ s; (D) $t=5$ s.

12. 一质点在 Oy 轴上运动,其运动方程为 $y=4t^2-2t^3$,则质点返回原点时的速度和加速度分别为 []

(A) 8 m/s, 16 m/s²; (B) -8 m/s, 16 m/s²;
(C) -8 m/s, -16 m/s²; (D) 8 m/s, -16 m/s².

13. 一质点沿 x 轴运动,其运动方程为 $x=5t^2-3t^3$,式中时间 t 以 s 为单位,当 $t=2$ s 时,该质点正在 []

(A) 加速; (B) 减速; (C) 匀速; (D) 静止.

14. 一质点沿 x 轴做直线运动,运动方程为 $x=-t^2+2t+3$ (SI),则其初速度和正最大位移分别为 []

(A) -2 m/s, 6 m; (B) 2 m/s, 4 m; (C) -1 m/s, 4 m; (D) 2 m/s, 3 m.

15. 物体从 H 高处做自由落体运动,着地后被地面反弹向上,设反弹后的速度大小是着地时的速度大小的 80%,则反弹后可以升高到 []

(A) $0.96H$; (B) $0.80H$; (C) $0.75H$; (D) $0.64H$.

16. 一质点做直线运动,某时刻的瞬时速度 $v=2$ m/s,瞬时加速度 $a=-2$ m/s²,则 1 s 后质点的速度等于 []

(A) 0; (B) -2 m/s; (C) 2 m/s; (D) 不能确定.

17. 以下四种运动,加速度保持不变的是 []

(A) 单摆的运动; (B) 匀速圆周运动; (C) 变加速直线运动; (D) 抛体运动.

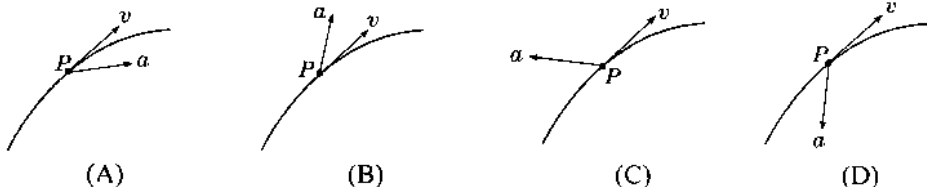
18. 一质点的运动方程为: $\mathbf{r}=R\cos\omega t\mathbf{i}+R\sin\omega t\mathbf{j}$,式中 R, ω 为正常数. 从 $t=\frac{\pi}{\omega}$ 到 $t=\frac{2\pi}{\omega}$ 时间内,该质点的位移是 []

(A) $-2R\mathbf{i}$; (B) $2R\mathbf{i}$; (C) $-2\mathbf{j}$; (D) 0.

19. 一质点的运动方程为: $\mathbf{r}=R\cos\omega t\mathbf{i}+R\sin\omega t\mathbf{j}$,式中 R, ω 为正常数. 从 $t=\frac{\pi}{\omega}$ 到 $t=\frac{2\pi}{\omega}$ 时间内,该质点的路程是 []

(A) $2R$; (B) πR ; (C) 0; (D) $\pi R\omega$.

20. 下图中正确表示质点在曲线轨迹上 P 点的运动未减速的图是 []



选 1-20 题图

21. 下列表达中正确的是

[]

- (A) 做曲线运动的物体,必有切向加速度;
 (B) 做曲线运动的物体,必有法向加速度;
 (C) 具有加速度的物体,其速率必随时间改变;
 (D) 以上说法都不正确.

22. 质点在做半径为 R 的变速圆周运动, v 表示任一时刻质点的速率,则任一时刻质点的加速度大小为 []

- (A) $\frac{dv}{dt}$; (B) $\frac{v^2}{R}$; (C) $\frac{dv}{dt} + \frac{v^2}{R}$; (D) $\sqrt{\left(\frac{dv}{dt}\right)^2 + \frac{v^4}{R^2}}$.

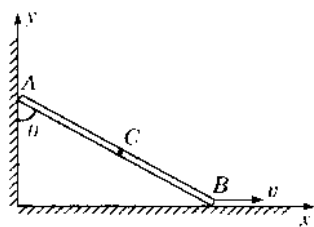
23. 质点沿半径为 R 的圆周按下列规律运动:路程(弧长) $s=bt-\frac{1}{2}ct^2$,式中 b, c 为正的常量,且 $\frac{b^2}{c} < R$,则在切向加速度与法向加速度数值达到相等以前经历的时间是 []

- (A) $\frac{b}{c} + \sqrt{\frac{R}{c}}$; (B) $\frac{b}{c} - \sqrt{\frac{R}{c}}$; (C) $\frac{b}{c} - cR^2$; (D) $\frac{b}{c} + cR^2$.

24. 两物体以相同的初速 v_0 做斜抛运动,物体 1 的抛射角为 60° ,物体 2 的抛射角为 45° ,这两条抛物线最高点的曲率半径之比 $\rho_1 : \rho_2$ 应为 []

- (A) $1:2$; (B) $1:\sqrt{2}$; (C) $2:1$; (D) $\sqrt{2}:1$.

25. 一细直杆 AB 竖直靠在墙壁上, B 端沿水平方向以恒定速率 v 滑离墙壁,则当细杆运动到图示位置时,细杆中点 C 的速度 []



选 1 ~ 25 题图

- (A) 大小为 $\frac{v}{2}$, 方向与 B 端运动方向相同;
 (B) 大小为 $\frac{v}{2}$, 方向与 A 端运动方向相同;
 (C) 大小为 $\frac{v}{2}$, 方向沿杆身方向;
 (D) 大小为 $\frac{v}{2\cos\theta}$, 方向与水平方向成 θ 角.

二、填空题

1. 已知质点的运动方程为 $x=3t, y=2t^2$, 则质点的轨迹方程为 _____; 且在第 2s 内的位移 $\Delta r =$ _____.

2. 质点以 3.14 m/s 的速率做半径为 5 m 的匀速圆周运动, 则该质点在 5 s 内位移的大小是 _____; 经过的路程是 _____.

3. 质点在 xOy 平面内运动, 运动方程为 $x=2t, y=19-2t^2$ (SI), 则在第 2 s 内质点的位移为 $\Delta r =$ _____, 2 s 末的瞬时速度大小 $v =$ _____ m/s.

4. 一物体以初速度 v_0 从某点开始运动, 在 Δt 时间内, 经长度为 s 的曲线路径后回到出发点, 此时速度为 $-v_0$, 则在这段时间内, 物体的平均速率是 _____; 物体的平均加速度是 _____.

5. 质点在 xOy 平面内运动, 其运动方程为 $x=3t+5, y=\frac{1}{2}t^2+2t-4$ (SI), 则其速度为