

眞法統宗四

增刪算法統宗卷十

新安賓渠程大位安思甫原編集

宣城柳下居士梅穀成循齋增刪

弟 梅玕成循齋 校字

難題

賓渠子曰。難題昉于永樂四年臨江劉仕隆偕內閣諸君預修大典退公之暇編成雜法附于九章通明之後及錢塘吳信民九章比類與諸家算法中詩詞歌括總集名曰難題難者難也然似難而實非難惟其詞語巧拙遂使人一時迷惑莫知所措手其實皆不離于九章耳故凡算難題惟在明其立法立法既明則迎刃而解又何難之有哉今為分列九章立法明辨附于統宗之後俾好事者共覽焉

難題一方田

昨日丈量田地回記得田長三十步廣斜之步共五十不知幾畝幾零數答曰二畝無零此向也

法置廣斜相併反十自乘得二百五另以長三十自乘得九百兩相減餘一千六折半得步八百為實以廣斜步五十為法除之得闊一寸六步以乘長步三十得四步八以故法除之合問。

三十八萬四千步正長端的無差誤六絲二忽五微闊不知共該多少畝答曰一畝此是直田長闊各減

法置長步四千步十八萬為實以闊六絲二忽五微為法乘之得步二百四以故法除之合問。

一段環田徑不知二周相併最幽微皆知一畝無零積一百六十不差池三般可以見端的只要賢家仔細推答曰徑三步外周八十九步內周七十一步

法通田故得二百四得外周得一百六十六步得一百四十為法除之得徑步以步自乘得步以減步六十餘得外周余按自乘斷不可用然名為自乘實三因徑耳其所得者為半較陳用六因所得者為全較其實一也夫步為內周以減總步八步合問

柳下居士曰陳泗源先生云周徑自乘句有弊當用六因徑得十八為較以減周總折半而得內周內周減總而得外周余按自乘斷不可用然名為自乘實三因徑耳其所得者為半較陳用六因所得者為全較其實一也夫

內外周由較而得。而較之大小可以隨意取之。蓋不惟用徑三因六因。即四因五因七因八因亦無不可苟輒即無不可得。內外周不過其長短有增減耳。雖陳云當用六因。亦未明其必當用六因之故。夫同一環積而內外周之長短迄無一定。何以立法哉。余故舍總較而另立法以求之。使其周一定而不可易焉。例如後。

增
例設如環田二百四十步。只知外周八十九步。問內周及徑。答曰。內周七十一步。徑三步。
法置外周九步自乘。得二千九百。以圓率十二除之。得六十步為全積。內減環積十步。餘四百步。為內周所含虛積。用圓率十二乘之。得五百零八步。平方開之。得內周七十步。併外周九步。共八十步。折半得四十步。以除環積十步。得徑三十步。合問。

一段環田余久慮。般說分明。亦有誰人悟忘了。二周併徑步。入道二周不及為零處。七十有餘單二步。三事通知。答曰。分明住五畝。二分無零。數玄機奧妙。堪思慕。解題內周不及。答曰。徑二步。內周六步。外周十步。法以畝法通田五畝。得一千二百步。之得二千四百。為實。以不及七十步。以六除。得徑二步。為法。除之得一百零八步。減不及七十步。餘十六步。折半。得內周八步。加不及七十步。得外周合問。

長十六闊十五。不多不少恰一畝。內有八個古墳墓。更有一條十字路。每個墓周六步。十字路闊一步。每畝償銀二雨五除了墓。除了路。問君該剩多少數。答曰。路墓占地二分二釐五毫。內八墓。計二十步。路計三步。剩地七分七釐五毫。該銀一兩九錢三

法通田一畝。一百四十步。于上另置墓。以每墓周六步。自乘。得三十六步。以二除之。得十八步。墓共積二步。又十字路。闊一長一十步。闊五步。二共三十步。除路中心一步。實三十步。加八步。共二步。通共占地五步。以畝法二除之。得二分二步。為占地數。以減。餘剩地七分七釐五毫。以每畝償銀二兩。乘之。得剩地價銀合問。

地圖墓路



卷一十一

圓圓三丈一高竿。梢尖頭徑尺二寬。今有鐵錠徑九寸。試問將來何處安。答曰。自上而下。二尺五寸。方量得高
法置竿高。三尺為實。以頭徑二尺為法除之。得五寸。以錠徑折乘之。得自上而下。二丈二尺。上安錠。只離頭七寸。合問
今有直田。不知畝長闊。相和十七步平。不及長廿五尺。請問田該多少數。答曰。二分七釐半。計六十六步。

法置相和七十步減不及步餘二十步折半得十步為闊。以減和十七步餘步一為長。長闊相乘得六十步。以畝法除之。合問
今有直田。用較除一百二十步無餘。長闊相和該一百間。公三事幾何如。答曰。長六十步。闊四十步。

法置較除二百步減長闊相和一百步餘二十步為較。以減相和一百步餘八十步折半得四十步為闊。加較二十步得長六十步。合問

難題二粟布

亞子來買肉。難言錢數目。一斤少四十九兩多十六兩。試問能算者合與多少肉。答曰。一十一兩。每兩該錢八文。
法置少十四加多六共五十步為實。以多六減少六步為法除之。得八步。以八步除以少六步。因之得八步。以八步除以
八歸之。得肉一斤。合問

有一公公不記年。手持竹杖在門前借問。公公年幾歲。家中數目記分明。一兩八銖泥彈子。每歲盤中放一丸。日久
歲深經雨濕。總然化作一泥團。稱重八斤零八兩。加減方知得幾年。答曰。一百零三歲。

法置總八斤。以每斤三百八錢乘之。得六十四步為實。以每歲兩作四鉗加入。共二鉗為法除之。合問。

白麵秤來四斤。使油一斤相和。今來有麵九斤多六兩五錢不錯。已用香油和合。二斤十二兩無訛。再添多少麵來和
不會應須問我。答曰。添麵一斤九兩五錢。

法用異乘同除法置。今有油二斤。先將二化為五子斤之次。以乘原麵四斤得麵一斤為實。以原用油一斤為法除
之。如故仍得實麵一斤減去已用麵九斤。餘為添麵一斤九錢。合問。

三石五斗粟。曾換芝麻三石足。又有五斗五升麻。換來小麥量八斗。今有小麥換粟米九石六斗無零數。答曰。粟
米七石七斗。

解題曰。假如有粟米五石換芝麻三石。又如芝麻五斗換折小麥八斗。今却有小麥九石要換粟米。問該若干。
法用異乘同除法置。今有小麥九石。以乘所問芝麻五斗。得五石二升。再以粟米三石乘之。得四十八升為實。又用

異乘同除法置所換芝麻三以乘小麥半得二拓為法除之得粟米以拓合問。

解法同置米五石為實以換麻三為法除之得麻每石換米半石零其麻五升換麥半升以每石折米一石零乘之得米六斗四分為實以換麥半升為法除之得麥每石折米八斗其今有麥九石換米半升九石以麥每石折米八斗乘之得米七石半此乃一乘一除用法之常理也蓋因除法多有畸零故前法用總乘然後總除耳。

甲鉶九成二兩乙釵七色相同李銀鋪內偶相逢各欲改成器用其子未詳所以誤將一處銷鎔當時悶惱李三算又把算師擾動。

答曰共銷鎔八成色金四兩甲該分錢五分折足色八錢

乙該分錢五分折足色一兩

法置甲金二兩折足色八錢乙金七成兩折足色一兩併之得足色二兩以原金二共四兩歸之得八色即以八為法

除甲八錢得甲金二兩二除乙一兩得乙金錢五分合問。

肆中聽得語吟吟薄酒名醨厚酒醕好酒一瓶醉三客薄酒三瓶醉一人共同飲了一十九三十三客醉醺醺試問高明能算士幾多醨酒幾多醕。答曰好酒十瓶薄酒九瓶。

法列置貳三錢先以右上一互乘左中人得人又以左上人互乘右中人得九人另以右中人互乘左下三人得九人另以左上人乘右中人得九人再乘共酒九瓶得一百七人內減九人餘二人为實以法八除之得薄酒九瓶以減總酒餘得好酒十合問。

為商出外去經營將帶白銀去販參為當初不記原銀錠只記得七錢七買六斤脚錢便使用三分總記用牙錢四錠是六十分取二分問先生販買數分明答曰人參四萬三千原銀六十牙錢二百脚銀二百十七

解曰每人參六斤價七分又用脚錢分是連腳價錢也共牙錢四錠計兩乃是六十分中取二分也。

法置牙錢四錠以定率五十乘之得二百以六十分取二分該得原銀六千減牙錢二百餘五百八以買參三斤之得萬四千八為實却以價七分用脚銀分共錢為法除之得參四萬三千以每斤歸之得五千二百以參價七分乘之百斤八

四千八為實却以價七分用脚銀分共錢為法除之得參五百分以每斤歸之得五千二百以參價七分乘之

得參價五千五百八以減總銀五千八餘得脚銀合問。

二丈四長尺八闊四兩半銀倅打脫三丈六長尺六闊該銀多少要交割答曰六兩。

法用異乘同除法置今長三丈闊一尺相乘得五丈七以乘賣銀四兩二錢得二百五十為實。以原長二丈闊八寸相乘得四丈三寸為法除之合問。

足色黃金整一斤銀匠悞侵四兩銀斤兩雖然不曾耗借問却該幾色金答曰八色。

法置金六兩為實另以金加銀兩共二十為法除之合問。

足色紋銀十二兩欲傾八成預付量斤兩雖然添得重入銅多少得相當答曰八銅三兩。

法置紋銀二兩以八歸之得一十除原銀十二兩餘入銅三兩合問。

一斤半鹽換斤油五萬斤鹽載一舟斤兩內除相為換須教二色一般籌答曰各二萬斤。

法置換鹽五萬斤為實併鹽油共二斤為法除得各二萬斤合問。

皇城內丹墀中周圍有八里鋪金二寸深方寸十六兩稱來有一斤不知多少數特來問緣因答曰金七百二十萬斤。

法置周八以四歸之得每面四里自乘得四又以每里三步六乘之得一千四百以每步二十步乘之得三百六十又以深半因之得七百二十萬斤全也合問。

按此條法數俱謬宜先以二里化步然後自乘乃以二里自乘始化步其數天淵矣今改正如後法以每面二里用三百六乘之化得七百二十萬八以每步二千五百乘之得一千六百萬寸倍之拟謀二得二十五億九千二百萬步即二十五億九千二百萬斤也得數之懸絕乃至于此。

客向新街糴米共量八十四石一千二百七十知石價盡依鄉例催覓小車輶運裝錢三百三十脚言家內缺糧食只據原錢要采。

答曰客米六十六石六斗合脚米一十七石三斗合

法曰此乃就物抽分之法也置米八石以價一千二百乘之得一千萬零六千為實併石價脚錢共一千六為法

除實得客米數以減總未餘為脚米合問。

難題三袁分

淨揀綿花彈細相和共催王嬌九斤十二是張昌李德五斤四兩紡訖織成布足一百八尺曾量兩家分布要明彰莫使些兒偏向。答曰張昌二丈零 李德三丈七

法列各痕各以兩法通之。張昌九斤十通得一百五
二兩李德五斤通得八斤相併得二百四為法以織布八尺零乘
張十六兩得一斤六百八尺乘李八斤得九百零七各為實以法除之合問。

趙嫂自言快績麻李宅張家催了他李宅六斤十二兩二斤四兩是張家共織七十二尺布二人分布闊喧嘩借問高明能算者如何分得布無差。答曰張宅五丈 李宅一丈

法置共織布七十為實以二家麻化兩李六斤十以斤加六得八兩張四斤以斤加六得六斤共十四兩為法除之每兩得五以乘各出麻合問。

有個學生資性好一部孟子三日了每日增添一倍多問君每日讀多少。答曰初日讀五千九百字次日讀五千九
字三日讀八萬九千字法置一二併為七為法以孟子字數三萬四千六百八十五字為實以法除之得四千九百字為初日讀字數遞倍之得次日三日數。

三百七十八里關初行健步不為難次日脚痛減一半六朝纔得到其關要見每朝行里數請公仔細算相還。

答曰初日一百九 次日六里 三日四里 四日二里 五日二里 六日六

法置三百九為實列置袁二里併得六十為法除實得六為第次之數遞加倍合問。

遠望巍巍塔七層紅光點點倍加增共燈三百八十一請問尖頭幾盞燈。答曰頂層三盞。

法置共燈三百八十一為實列置袁三四六併之得一百二為法除實得三為頂層燈數各加倍得各層燈數合問八馬九牛十四羊赶在村南牧草場吃了人家一段殺議定賠他六石糧牛一隻比二羊四牛二馬可賠償若還算得無差錯姓字超群到處揚。

答曰馬八共時三石牛九共賠一石六斗八羊十四共賠一石三斗一升二合五勺

解曰。馬八牛九羊十四共議賠穀石。羊分牛二馬二。

法置米六石為實。另置馬八以四因得三十六。牛九以二因得八。良一十乘之得六十。為法除之得九。併三合而一。吃穀應賠之數為法過乘各良。先以羊四良乘之得一石三斗。一石三斗一為羊主賠數。又以牛良八乘之得一石六斗。八石六斗八石六斗一為牛主賠數。又以馬良三十乘之得五石為馬主賠數。合問。

公侯伯子男。五四三二一假有金五并依率要分訖。

答曰。公一并。侯一并。伯一并。子一并。男一并。

法置金五并。以每并五斤乘得五并為實。以公侯伯子男一并併得二十為法除實。得五斤為男所得數。加五得五斤為子所得數。再加五得一并零。為侯所得數。再加五得一并。為伯所得數。再加五得一并。為公所得數。合問。

九百九十六斤綿贈分八子做盤纏。次第每人多十七要將第八數來言。務要分明。依次第。本和休惹外人傳。

答曰。長子一百八十一斤。次子一百六十一斤。三子一百五十一斤。四子一百三十一斤。

五子一百六十六斤。六子九十五斤。七子八十五斤。八子六十五斤。

法置七辰五并。併得心財為實。以多并乘之得四百七。以減總綿數。餘五百以五除之得五斤為第。八數加七得八斤為九數。做此遞加。至長子合問。

一個公公九個兒。若問生年總不知。自長排來爭三歲。其年二百七歲期借問。長兒多少歲。各兒歲數要詳推。

答曰。長兒三十歲。次兒二十九歲。三兒二十八歲。四兒二十七歲。五兒二十五歲。

六兒二十七歲。七兒二十六歲。八兒二十四歲。九兒二十二歲。

法列八良五十六。各以差歲因之為各人之良數。長兒因得三次兒因得六三兒因得九四兒因得十五兒因得一十六兒因得一十七兒因得二十八兒因得四十八兒得八并。良得八數。以減總二百零九歲餘九歲以九除之得一十。為第九之年。以次遞加。至長合問。

甲乙丙丁戊己庚。七人錢本不均平。甲乙念三七錢銀二十三兩。念六一錢戊己庚。二十六兩。惟有丙丁銀無數要依等第數分明。請問先生能算否。細推詳算。莫至毫爭。答曰。甲一十二。乙一十一。丙零八錢。丁一十兩。戊

法置戊己庚人添一為四以三乘之得二十折半得六減去三餘三為下差率另以甲乙人乘總人得而減去下差率三餘得一為上差率列置戊己庚人添一為四以三乘之得二十折半得六又以左上二乘右中三得六又以左上二乘右下二十六得兩二錢次以右上三乘左中十得三十以減去右中六餘二十為法又以右上三乘左下二十三得兩一錢減去右下二十六餘兩九錢為實以法二十除之得數為一差之數另置甲乙共銀二十三錢加入差錢共二十四錢折半得兩二錢為甲所得數除差數餘十一是乙銀各減數得各數

勿庵法曰置戊己共銀二十六以三為法除之得八兩為己數倍之得四錢兩為戊庚共數以減甲乙共數二兩餘六兩為實卻以甲至己多五衰乙至己多四衰共九衰為法除之得數為一衰之數以遞加己數得上五位以減已數得庚數

家有九節竹一莖為因盛米不均平下頭三節三升九上梢四節貯三升惟有中間二節竹要將米數次第盛若是先生能算法也教算得到天明原題下頭三節盛四升米多時零今改三升九合年除盡矣

第一節以容米一升二節三升三節二升二合答曰四節二升五節三升六節四升七節三升

八節三升

九節四升

合

法置上四加一為五與四乘得十二折半得十減去四餘得六為下差率另以下三以總數乘之得二十減去下差

率六餘二十為上差率列置五加一為六得大三升得九分歸主得六升并合得十五升先以左上二互乘右中六得八十次以右上四互乘左中十二

一得八十以少減多餘六十為法復以左上三乘右下三得九又以右上四乘左下三升得九合得十五減去九餘六

餘為分之差數却以下三盛米三升為實以法六十乘之得二百五十以三歸之得八十五是第二數加六分為

第一數減六分得七十九分二升為第三數又減去六分餘七十二升為第四數每節遞加六分得各數以法六十除之合

問

勿庵法曰置三升以下三升為法除之得二升為第二節盛米數倍之二升為第一節第三總數又倍之五升與上四節相減餘二升為上四節總差之實却以二至六衰四至七歸五至八歸六至九歸七其二升為法除之得每差合以加第二節是第一數以合遞減之得上各節數

一萬六百八兩銀四個商人俵率分原銀輪遞四出休將六折衝瞞人

答曰

甲 一千四百零四錢
乙 一千九百三十六錢
丙 一千九百五十八錢
丁 一千三百零六錢

解曰。四有乃是每兩加五故自丁起遞用加五為衰併之為法除實。

法各列置衰高興乞副併得三十二為法另以銀一萬零六以乘各衰甲十三衰得一十四萬三千乙衰得九萬四百六十六萬三千六丙衰得一百四十八丁衰得四萬二千四百三十二兩各為實以法除之合問。

三百六十九斤絲出錢四客要分之原本皆八折出莫教一客少些兒。答曰。甲十五斤乙一百斤丙八十斤丁六十斤。法列各衰西齊華夏古之制副併得五十九百為法另以所分絲三百六乘各衰甲十得三十六乙八得二十九萬丙六十四得二十萬六十六丁十五百一得九十八萬八千各為實以法除之得各人絲合問。

甲乙丙丁戊分銀一兩五甲多戊錢三互和折半與。答曰。甲分五釐乙三錢三分丙錢丁七釐五毫戊分五釐

答曰。此是甲多戊一錢三分也。

法曰。此互和減半也置分銀一兩為實以例用一分三分互併之得二錢為法除之得錢乃首尾之數丙減甲多戊錢三餘四錢折半得戊二錢三仍加多三分得甲三錢六互和甲戊共得錢折半得丙錢互和加甲分五釐共得錢六釐折半得乙銀二釐五毫併丙戊共五錢三互和五釐合問。

群羊一百四十剪毛不憚勤勞群中有母有羔先剪二年比較大羊剪毛斤二十二兩羔毛百五十斤是根苗子母各該多少。答曰大羊十頭小羊二十

法置羊一百以大羊剪毛二斤加六為八而乘之得二千五百以共剪毛一百亦加六為二千四相減餘一百兩為實另以大羊毛八而減小羊毛二而餘六為法除之得小羊隻以減總羊餘得大羊十隻合問此貴賤差分也九百九十九文錢甜果苦果買一千甜果九個十一文苦果七個四文錢試問甜苦果幾個又問各該幾個錢。答曰。甜果六個錢八百零三文苦果十三個錢一百九

法列九個七個一千四百零三文先以右上互乘左中得三十次以右中減互乘左上一杖得七十以少減多餘四十為

長法又以右中四互乘左下十九百九得六千九百再以左中四互乘右下一千得四以少減多餘二十九百用長法除之得七十為短法若求甜果以七十乘九得甜果六百五另以七十乘一丈得甜果錢八百零子總果內除六百五餘苦果三百四子總錢內減八百零餘得苦果錢合問此仙人撰說法也

四千三百五十鹽大小船隻要齊肩五百鹽裝三天隻三百鹽裝四小船請問船隻多少數每隻船裝幾引鹽

答曰大船八隻裝鹽三千 小船八隻裝鹽一千三

法列置四隻三者三隻五者先以左上隻互乘右下三百得九次以右上隻互乘左下五百得二併為法另置三隻得二隻以乘總鹽得五萬二百為實以法除之得八十是大船數先以大船鹽五百因之得九再以船隻歸之得鹽三千又置小船八隻以鹽五百因之得五又以船隻歸之得鹽一千三百合問

鄰家有客亂爭喧相見問其所以然二百三十六担貨程途遠近論船錢九十五担六分算八十五担四分還更有五十六担貨二分五釐算為先只因利淺爭船價二兩五錢二分添請問高明能算士各人分派免憂煎

解曰假如趙丁錢二孫三共人共貨一百三雇船隻原各以程途遠近不等水腳多寡不同內趙一貨五担交卸甚遠每担船腳銀六錢二貨八斤卸處頗近每担船腳分孫三貨六斤程途又近每担船腳五釐算共銀付足外因中途利淺貼銀二兩五分照依遠近船錢派分各若干答曰趙一該貼一兩三錢二分六釐孫三三分六釐法置趙一錢六分八釐錢二分六釐孫三分六釐另以二貨八斤以每担船腳四乘之得三兩又以三貨六担以每担船腳五釐乘之得四錢是船腳每貼剝之數即用為法以乘各客船腳銀數即得

八萬三千短竹竿將來要把筆頭安管三套五為期定問君多少配成完答曰管套各

六百二十五萬五

套竹三萬一千一

解曰共有短竹八萬三每竿截作筆管三每竿截為筆套五個各該用竹若干裁截配合成筆也

法置竹三千為實以管三套五併作八為法除之得一百七十五又為實另以管三乘套五得五又為法乘實得管各一千五萬五

斛問管竹以三歸之間套竹以五歸之間合問

柳下居士曰此是八根竹做筆十五枝也筆管十五是五個三枝故其用竹亦五根也筆套十五是三個五枝故其用竹亦三根也併三根五根共八為法以除總得看有幾個八根便知其做筆配有幾個十五枝也

帝城三五元宵。輦山兩樣燈迷都來一秤三斤油。七兩又來添湊三兩分為四盞。四兩分作三甌。三停盞子二停甌。

請問先生知否

答曰甌

一百二

油十斤

盞一百八

油七八兩

法置油秤為一斤又添三斤共八斤每斤用加六法得二百八又添取共二十五兩以每兩四鉗乘之得七十鉗為實。另置油兩以四鉗乘得二鉗以四鉗歸之每盞得一鉗又以三停乘之得五十鉗為盞之法另又置油兩以四鉗乘之得六十鉗以四鉗歸之每甌得三鉗又以二停乘之得四十鉗為甌之法併甌二法共一百一為總法除實。七十鉗得十六為則以二停因得二百為甌數以每甌油三鉗乘之得三十鉗百以每斤三百八除之得斤為甌油總數。另以則六以三停因之得八十為盞總數以每盞油一鉗乘之得三十鉗二百以每兩四鉗除之得十五兩以斤法六兩除之得以斷為盞油總數併甌總油共斤七兩合問。

魏魏古寺在山中不知寺內幾多僧三百六十四隻碗恰合用盡不差爭。三人共餐一碗飯四人共嘗一碗羹。請問先生能算者都來寺內幾多僧

此是七個碗供
十二個僧也

答曰六百二十四人

飯碗一百零

羹碗十六隻

用四歸得羹碗

婦人洗碗在河濱試問家中各幾人答曰不知人數目六十五碗自分明二人共餐一碗飯三人共嘗一碗羹四人共肉無餘數請問布算莫差爭

此是二十六個碗
二十四位客也

答曰客六十人

飯碗三十

羹碗二十

肉碗十五隻

法以仁乘三得六又以四乘之得四人以乘總六十得一千五百為實。另列雜乘先以二乘三得六次以三乘四得二十又以四乘二得八併之得六十為法除實得六十各

列以二歸得飯碗以三歸得羹碗以四歸得肉碗合問。

毛詩春秋周易書九十四冊共無餘毛詩一冊三人共春秋一本四人味周易五人讀一本要分每樣幾多書就見學生多少數請君布算莫躊躇。

答曰毛詩四十春秋三十周易二本

學生各經十名二總計三百六

法以三乘四得二十又以四乘五得十二又以五乘三得一十併之得四十為法另以共書四卦在位以詩人乘之。

得二百八再以易四乘之得二十八本又以書五乘之得五千六百為實以法四十除之得各經學生一百二十列三位以三歸之得詩經四十以四歸之得春秋三十以五歸之得易經二十本併三經學生共三百六合問。

一百饅頭一百僧大僧三個更無爭小僧三人分一個大小和尚得幾丁

答曰大僧二十五人該饅頭小僧七十五人該饅頭

法置僧一為實以三併得四為法除之得大僧二十以每人個因之得饅頭五十于總僧內減大僧餘七十為小僧以三歸之得饅頭五十合問。

一千官軍一千布一官四疋無零數四軍綰分布一疋請問官軍多少數

答曰官員二百該布八百軍名該布

足二百

法置官共一千為實併四疋得五為法除之得官員以每員四因之得布八百於總官內減百餘名為軍以四軍歸之得布三百合問。

今有千文買百雞五十雄價不差母草雞每個三十足小者十文三個知

答曰公雞八隻價四百母雞隻一價五

三十小雞八十隻價二百七

原法置錢奸為實另置母雞一各以小雞三因之得母雞三加小雞三共得九為法除實得一為母雞數不盡一

返減下法九餘八為公雞數另置總雞一百減去公雞八母雞一餘八隻為小雞數各以價錢因之合問。

又引前法置所合數公雞八增四作十二母雞十減七為四小雞八十益三得八十七共一百雞此張丘建所云雞公增四雞母減七雞雖益三者也又細參之仍置原數却將雞公隻減四得四隻雞母十增七得一隻雞雞八十減三得

八隻亦得一百雞也一法而三數生

柳下居士曰此乃偶合耳非法也以九為除法得數為母雞已不可解至以不盡之數減法而得公雞尤不可解

矣。如後增減之而得兩數。豈以九除而得乎？昔

仁廟曾以一數問老臺官曰：「一百銀買一百牛。大牛十兩買一頭小牛二當。大牛一犢子十與小牛併，問三種牛數數日後始奏曰：大牛一小牛九犢子九十。」

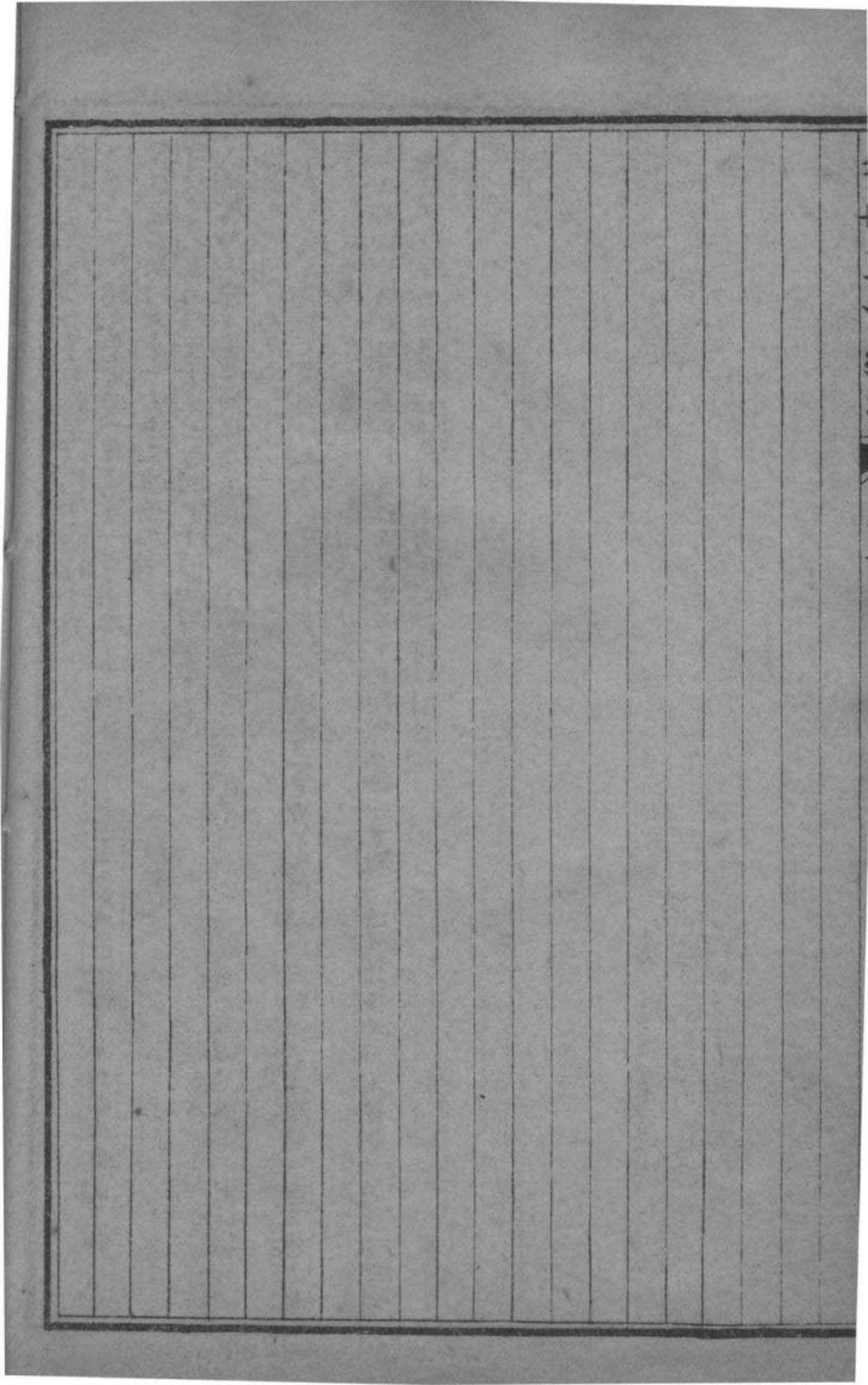
問何以得之？奏曰：「乃臣子算出者。問你子何為？」曰：「是舉人。」遂

召見供奉內廷，賜進士選翰林居清要者四十餘年。官終大宗伯。其際遇之奇如此。然問其術，不過以心計湊合其數，與此相類。故偶及此。

元宵十五，鬧縱橫來往觀燈，街上行。我見燈上下紅光映遠，三遭數不真。從頭兒三數無零，五數時四颯不盡，七數時六颯不停。端的是幾盞明燈。答曰：「六十九盞。」

法曰：「此孫子物不知總法也。先置數無零不必下。五數剩四每一下二十四共該下四十七數剩六每一下五十六共該下十九併之。共得一百七減去滿法零五百餘得六十合問。」

男 梅 鈎尊和甫 繪圖
梅 咸受和甫 校錄



增刪算法統宗卷十一

新安賓渠程大位汝思甫原編集

宣城柳下居士梅聲成循齋增刪

弟 梅聲成肩琳 校字

難題四少廣

直田七畝半。忘了長和短。記得立契時長闊爭一半。今特問高明此法如何算。答曰長六十步。闊三十步。置田_{七畝半}。以畝法四通之得積一千八百步。折半得九百步為實。平方開之得闊三十步。以闊除積一百八十步。得長六十步。

今有方田一段。中間有個圓池。步量田地可耕犁。十畝無零。在詫方至池邊有數。每邊十步無疑。外方池徑果能知到處芳名記你。答曰。方面六十步。內圓池徑四十步。

解題耕犁十畝。乃是地外餘地。忘却方面圓徑二數。只記得方至池邊十步。今問外方面內圓徑各若干也。法置田_{十畝}。以畝法四通之得_{二千四百步}。另以每邊十步自乘得一百步。又以三因之得_{三百步}。加入積內。共得_{二千七百步}。為實。另以每邊十步自乘得一百步。又以三因之得_{三百步}。加入積內。共得_{三千步}。為實。除之約商三十步。于左位就置三十于右位。併入縱方十六。共得九十六步。與左商三十相呼。三除_{二千七百步}。積盡。以商三倍作步。為方面減去。每邊各計共減二十步。餘得圓池徑十四步。合問。

解法方內容圓四分之三。故以三因池外自乘之數得三百併積為實。另以三倍之為六乘。每邊十步得六十步。為縱方。平方開之。

今有圓田一段。中間有個方池。又量田地待耕犁。恰好三分在記池面。至周有數。每邊三步無疑。內方圓徑若干。堪作算中第一。答曰。圓徑一十二步。內方池六步。

正法通田三得七步。以每邊三步約之。得圓徑二步。自乘得十四步。三因四歸得一百零四步。減田積七十步。餘三十步。平方開之。得池方六步。合問。

又法以每邊三自乘得九。又以四因得三步加入倍積一百四十四步為實。另以每邊三八因之得二步為縱。方平方開之約商六步。于左亦置六步右併入縱方上步共得三十與上商六相呼除實盡得半徑六倍之則全徑二步亦得。

孤峯馬傑斷曰。以每邊三步約之得圓徑一十二步。此數非圓田之正徑乎。以正徑論之積步不及三分。豈有方池六步之容乎。乃為改法曰。置耕犁地三分。通為七十二步以四歸之得弧矢田積一十八步為實。另以此數倍之。得三十六步以平方開之。得六步為法除實得矢三步併法六步共九步為弦折半得四步半自乘得二十步零二分五釐。以矢三除之得六步七分五釐加矢三共九步七分五釐為圓徑內減二矢闊六步餘三步七分五釐為池方合問。

位曰。予因二數不一特將馬傑改正圓徑九步七分五釐較之。具立圖形于左古法數准實無可議。其每邊三步約之得徑十二益約略之詞耳。餘橫誠誤改觀後圖即可見其妄矣。



法曰。存方池餘地取作上下二大弧矢兩邊二直又二小弧矢。以每邊三步為矢求弦法置半徑七釐五毫自乘得之。得四步五分八毫倍之得九步八分八毫。另置半徑減矢三步餘七釐五毫自乘得一釐五毫相減餘二分五釐以平方開之得五步八毫倍之得九步八分八毫倍之得三十步為上下二弧矢之積。又以方池左右兩旁取直二段闊各二步六分以池方三步七分五釐乘之得九步八分八毫倍之得一十九步六分八釐七毫為左右直擴再以東西二小弧矢矢各三分七毫五釐各三步七分八釐三毫併之得一釐七毫為東西二小弧矢積併旁積只有三分三釐五毫加方池積一十四步五毫通共總得七十步三分此乃較準無毫髮差併池地合原積七十步尚不足於馬得三分明犁

之地乎。予思馬傑用四歸二步乃圓內容方弧弦方角俱至邊周可用此法若是錢形內容方池角不通邊外有餘空宣可以四均而歸之重疊四角其理明矣。

方田一千五畝及時人去耕犁圓池在內甚稀奇。圓徑不知怎譖方至池邊有數每邊一千無疑外方圓徑若能知細演天元如積。答曰。西方六十步。圓徑二十步。