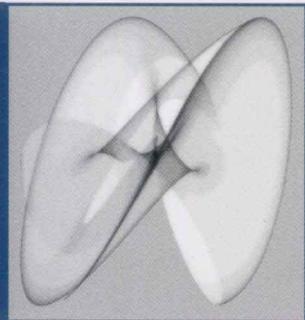


# 非线性电路



## ——基础分析与设计

张新国 马义德 李守亮 等 编著



现代电子信息科学技术基础

# 非线性电路

——基础分析与设计

Feixianxing Dianlu

——Jichu Fenxi yu Sheji

张新国 马义德 李守亮 等编著

高等学校教材·电子信息科学与技术·基础课教材·基础理论教材  
·基础课教材·基础理论教材



高  
校

HIGHER EDUCATION PRESS

京  
BEIJING

高等教育出版社  
北京·上海·天津·成都·沈阳·西安·南京·武汉·长沙·长春·哈尔滨  
010-83023313 021-50205000 029-85205000 025-52310000  
027-87605000 028-85005000 0431-85005000 0451-53170000

图书在版编目(CIP)数据

# 非线性电路

## 图书在版编目(CIP)数据

非线性电路:基础分析与设计/张新国等编著.一北京:高等教育出版社,2011.4

ISBN 978 - 7 - 04 - 031586 - 8

I. ①非… II. ①张… III. ①非线性电路 - 高等学校 - 教材 IV. ①TN711.4

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2011)第 042348 号

策划编辑 陈红英

责任编辑 陈红英

封面设计 李卫青

责任校对 刘莉

责任印制 朱学忠

---

出版发行 高等教育出版社

购书热线 010-58581118

社址 北京市西城区德外大街 4 号

咨询电话 400-810-0598

邮政编码 100120

网 址 <http://www.hep.edu.cn>

<http://www.hep.com.cn>

经 销 蓝色畅想图书发行有限公司

网上订购 <http://www.landraco.com>

印 刷 涿州市星河印刷有限公司

<http://www.landraco.com.cn>

畅想教育 <http://www.widedu.com>

---

开 本 787 × 1092 1/16

版 次 2011 年 4 月第 1 版

印 张 31

印 次 2011 年 4 月第 1 次印刷

字 数 670 000

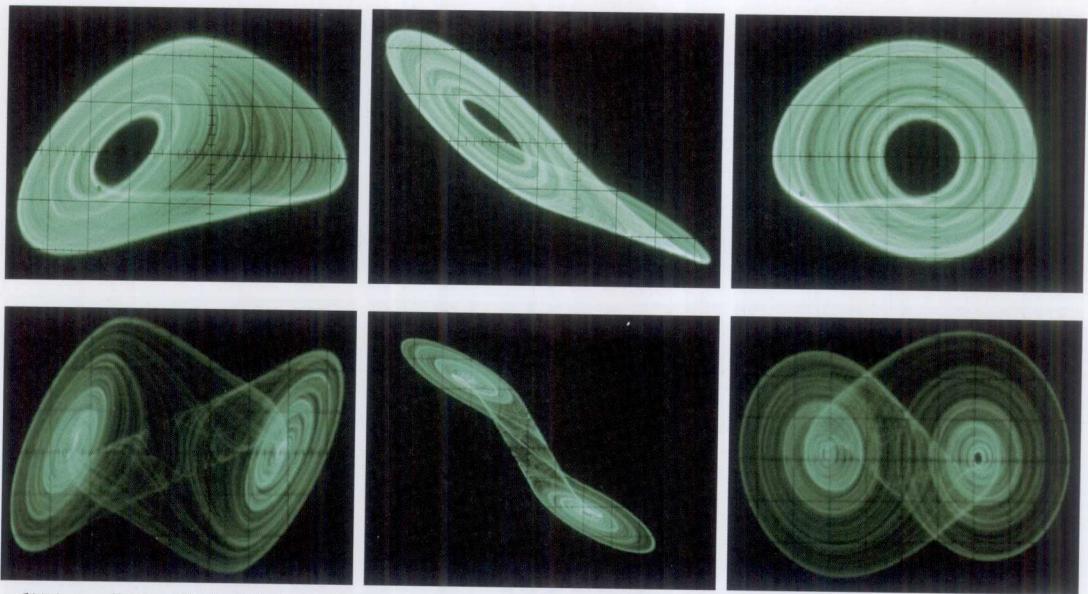
定 价 62.00 元

---

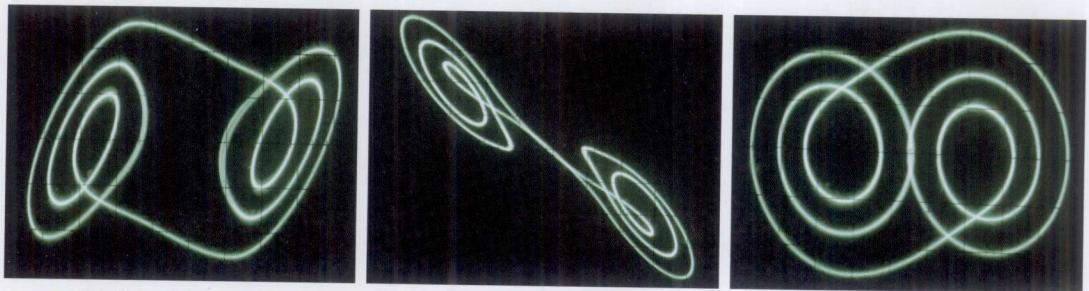
本书如有缺页、倒页、脱页等质量问题,请到所购图书销售部门联系调换。

版权所有 侵权必究

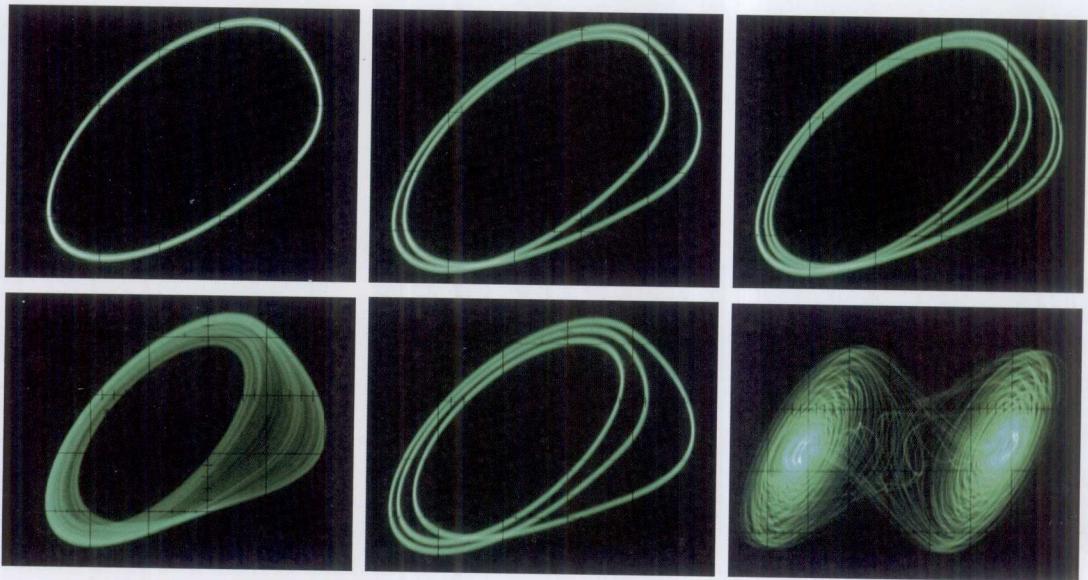
物料号 31586-00



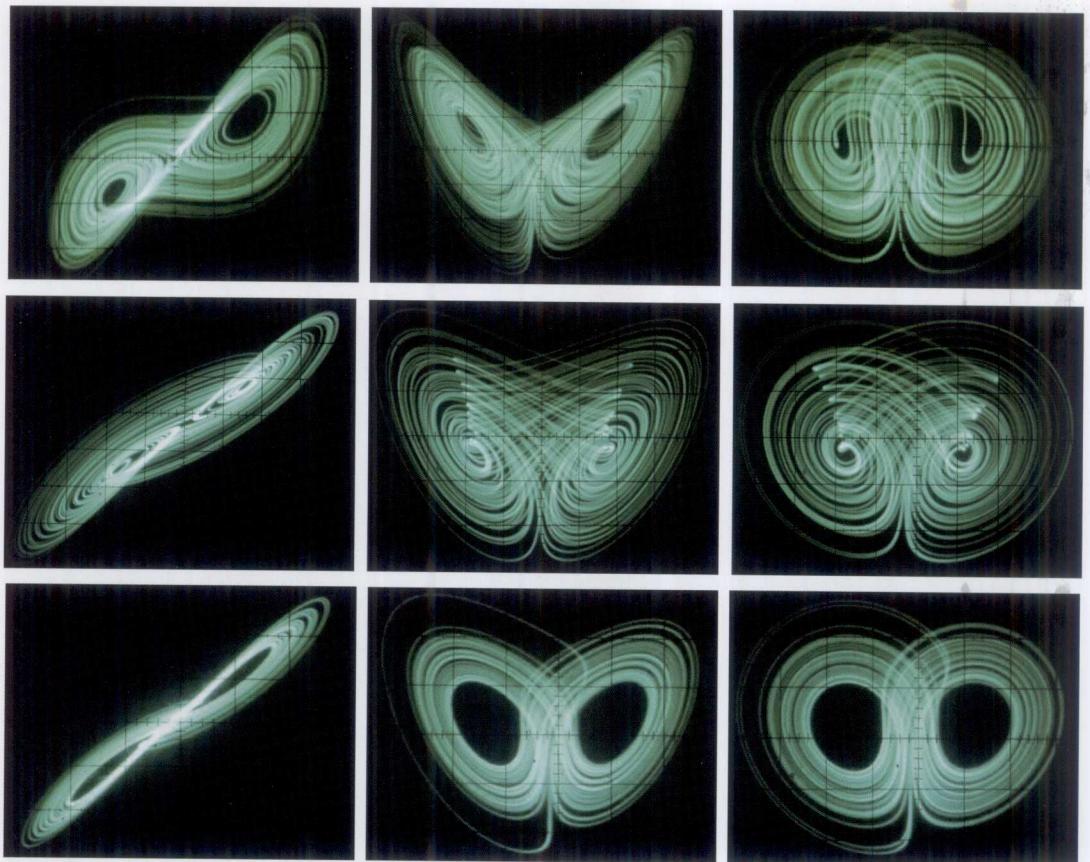
彩图1 蔡氏电路单涡漩(上)与双涡漩(下)混沌相图(由左向右依次为 $x-y$ 相图、 $x-z$ 相图、 $z-y$ 相图)



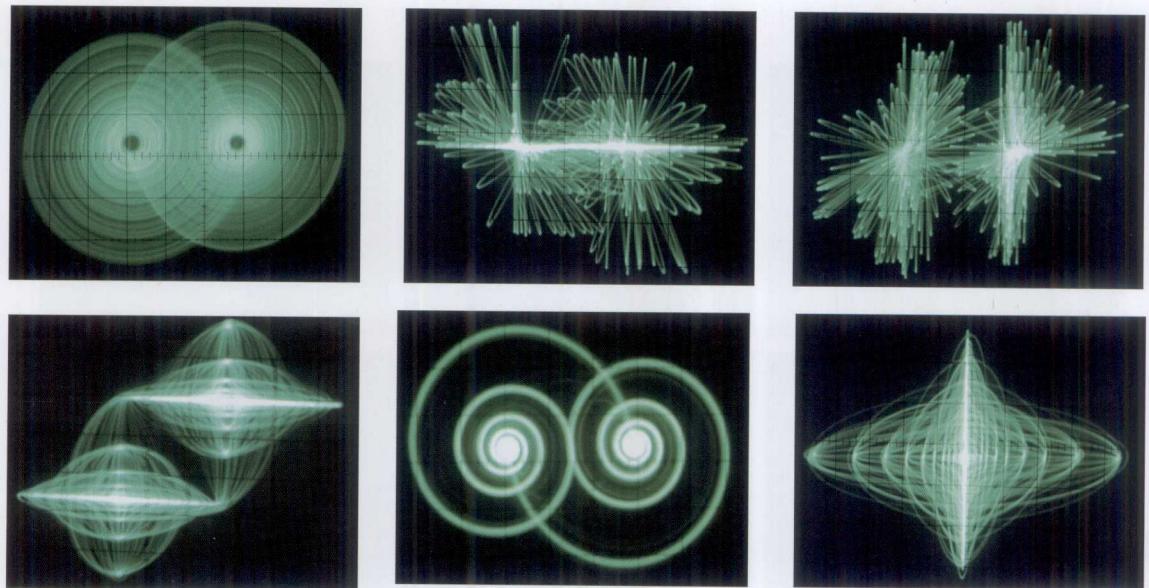
彩图2 蔡氏电路双涡漩中的周期窗口相图(由左向右依次为 $x-y$ 相图、 $x-z$ 相图、 $z-y$ 相图)



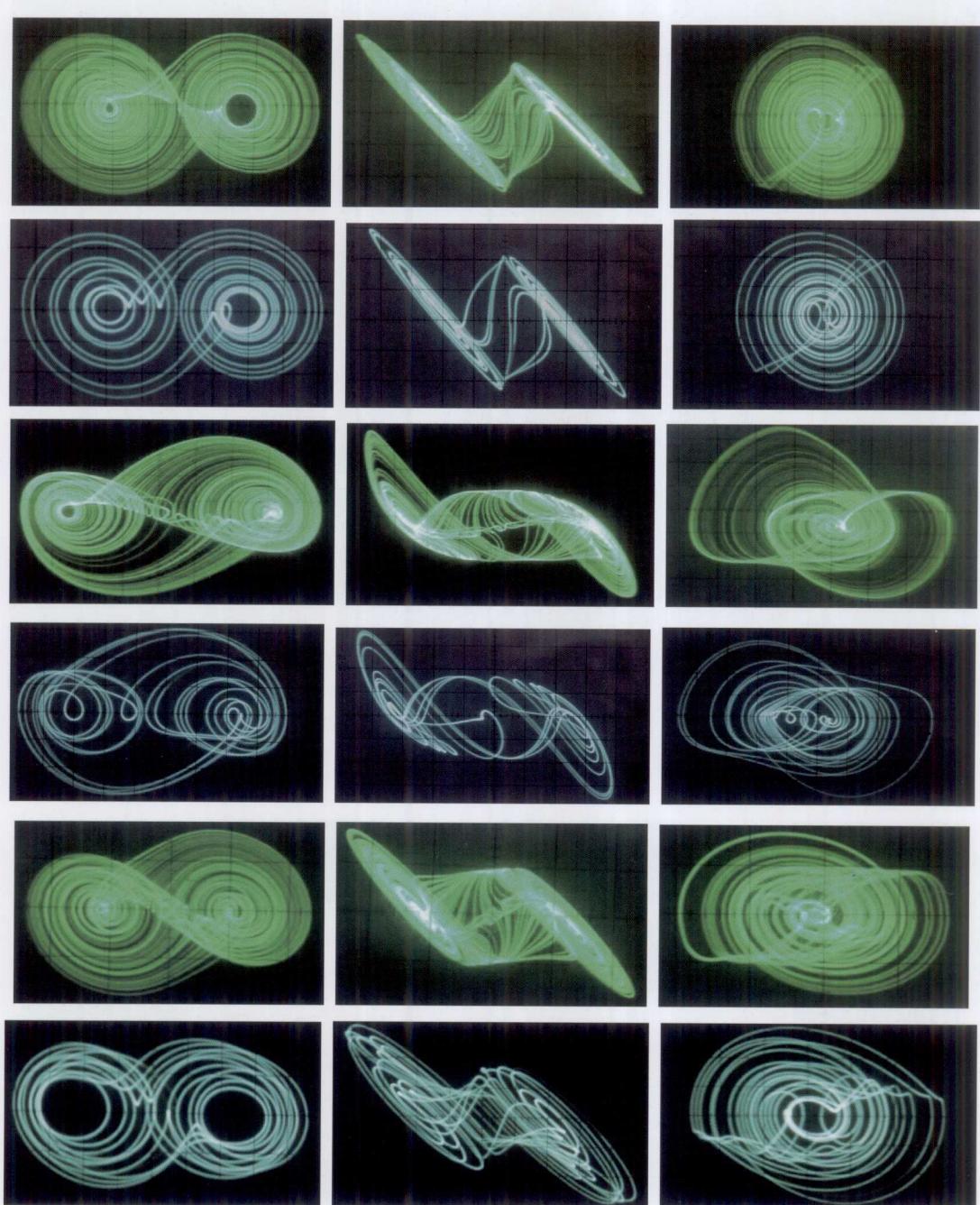
彩图3 基本蔡氏电路混沌演变图(周期1、周期2、周期4、单涡漩、周期3、双涡漩)



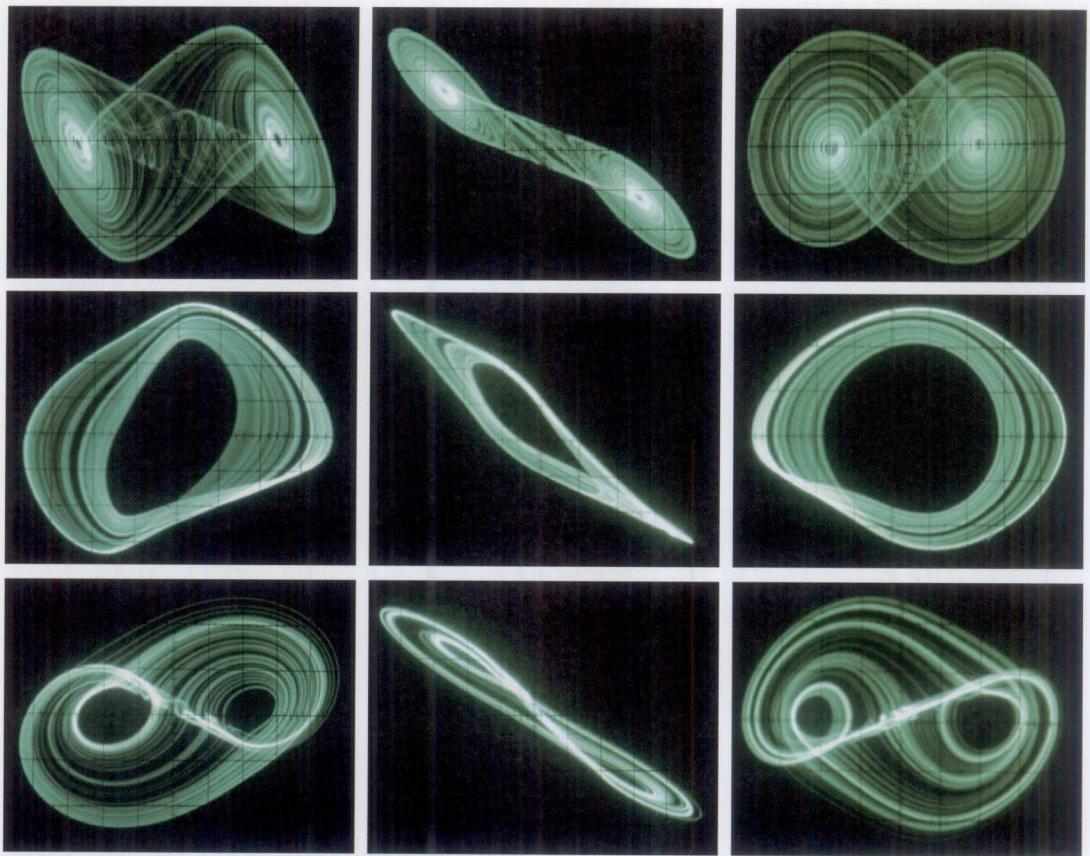
彩图4 洛伦兹(上)、陈关荣(中)、吕金虎(下)方程电路相图(由左向右依次为  $x-y$ 、 $x-z$ 、 $z-y$  相图)



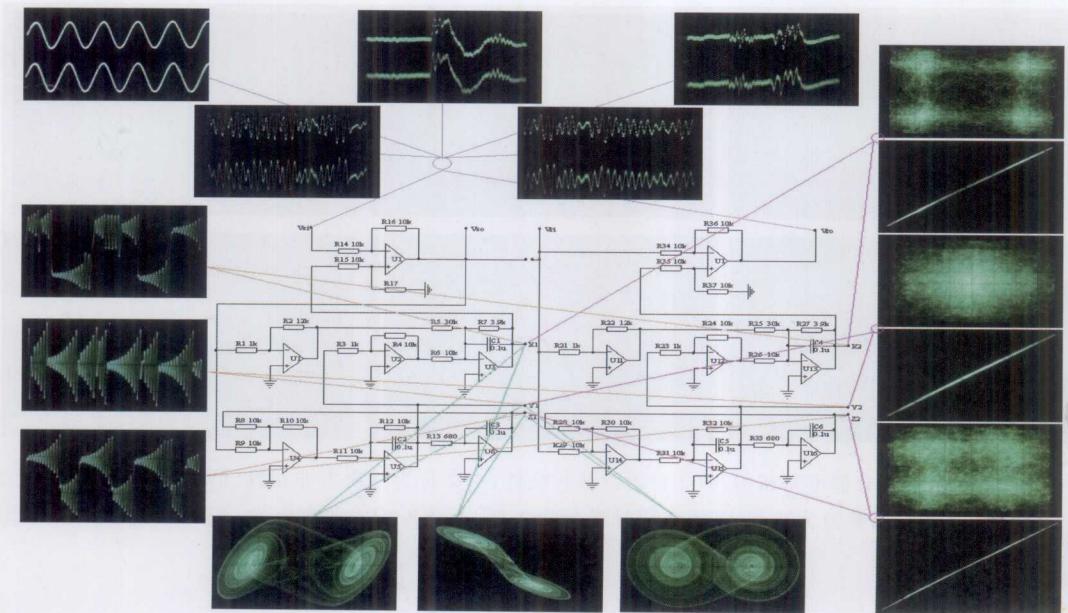
彩图5 限幅非线性混沌电路输出的相图(由左上至右下依次为  $x_2-x_1$ 、 $x_2-x_4$ 、 $x_3-x_1$ 、 $x_3-x_2$ 、 $x_3-x_4$ 、 $x_4-x_1$  相图)



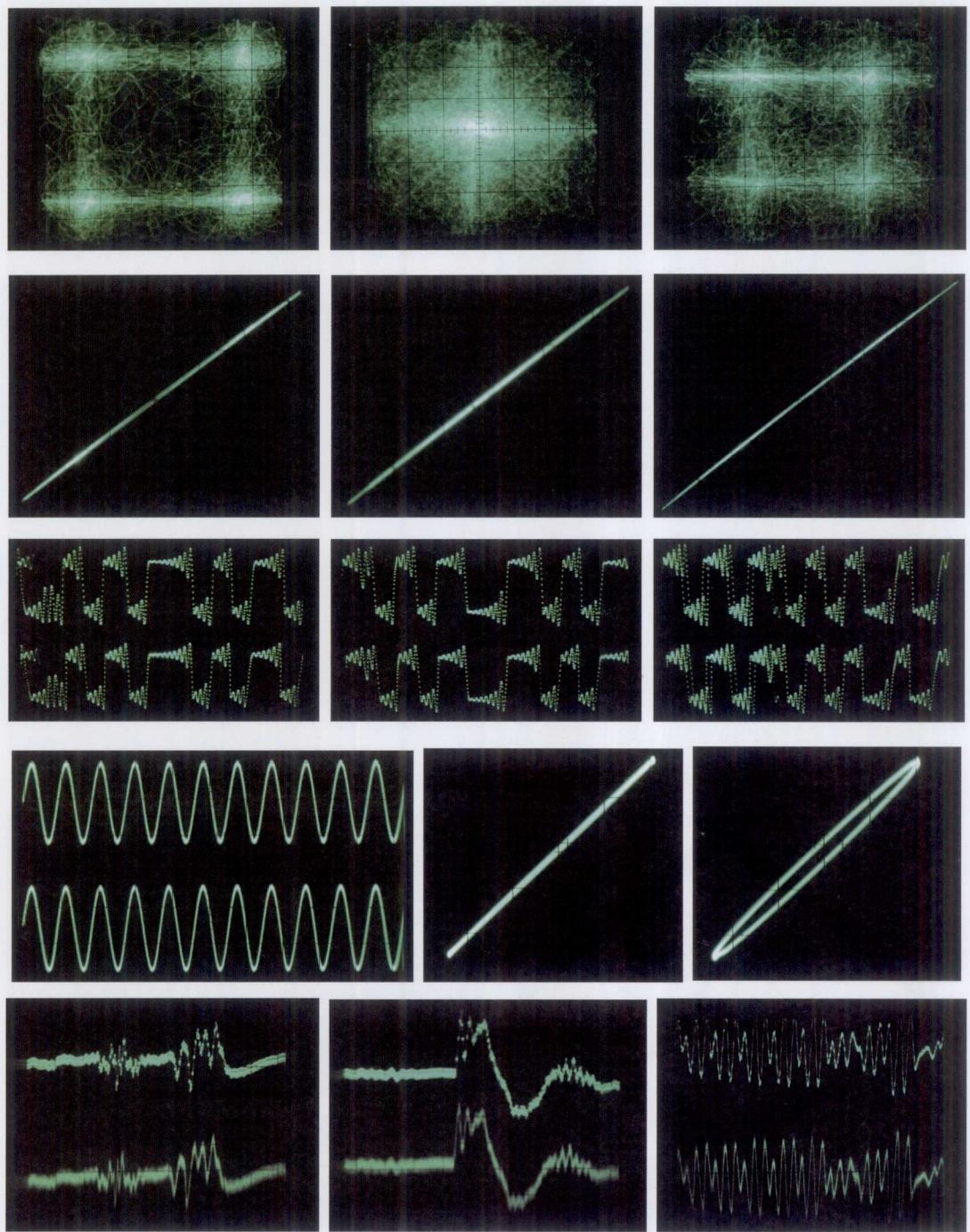
彩图 6 三阶级联反相积分器电路相图, 前 2 行为阶跃非线性, 中 2 行为三次方非线性, 后 2 行为标准限幅非线性。  
每 2 行中第 1 行时间常数为 0.1 ms, 第 2 行时间常数为 1 ms; 由左向右依次为  $x-y$  相图、 $x-z$  相图、 $z-y$  相图



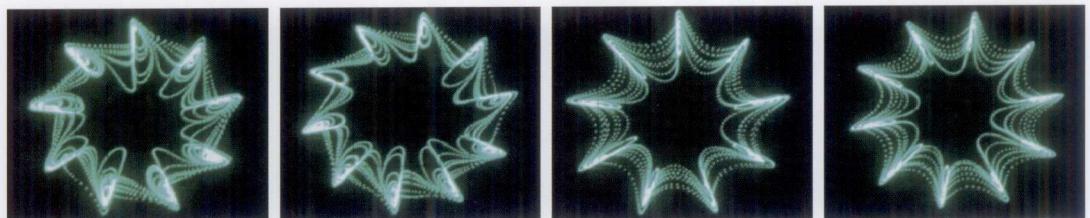
彩图 7 三种 CNN 电路混沌电路输出的相图(由左向右依次为  $x_1-x_2$ 、 $x_1-x_3$ 、 $x_2-x_3$  相图)



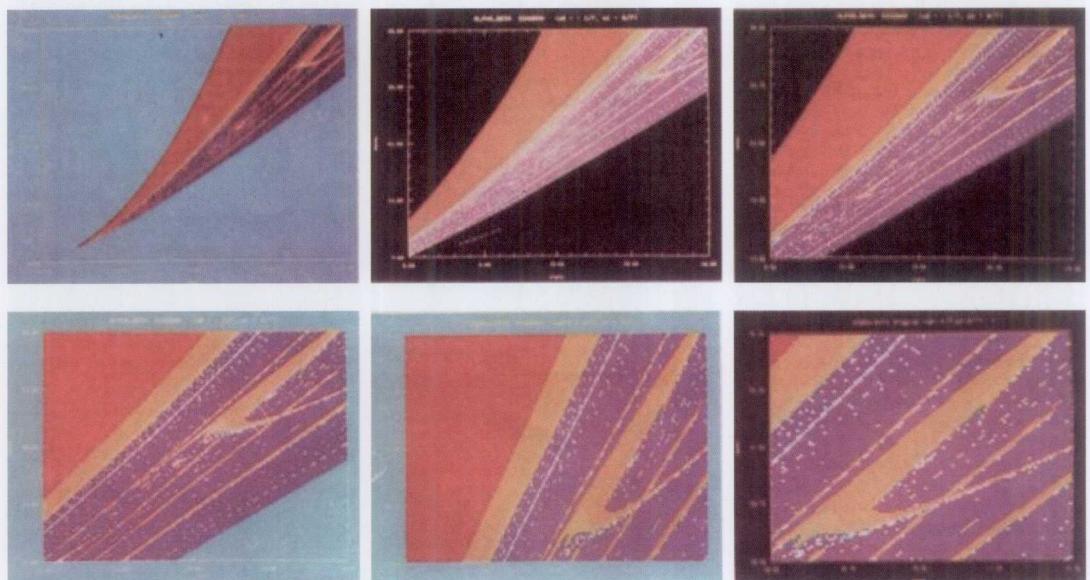
彩图 8 混沌保密通信电路与示波器显示的位置波形



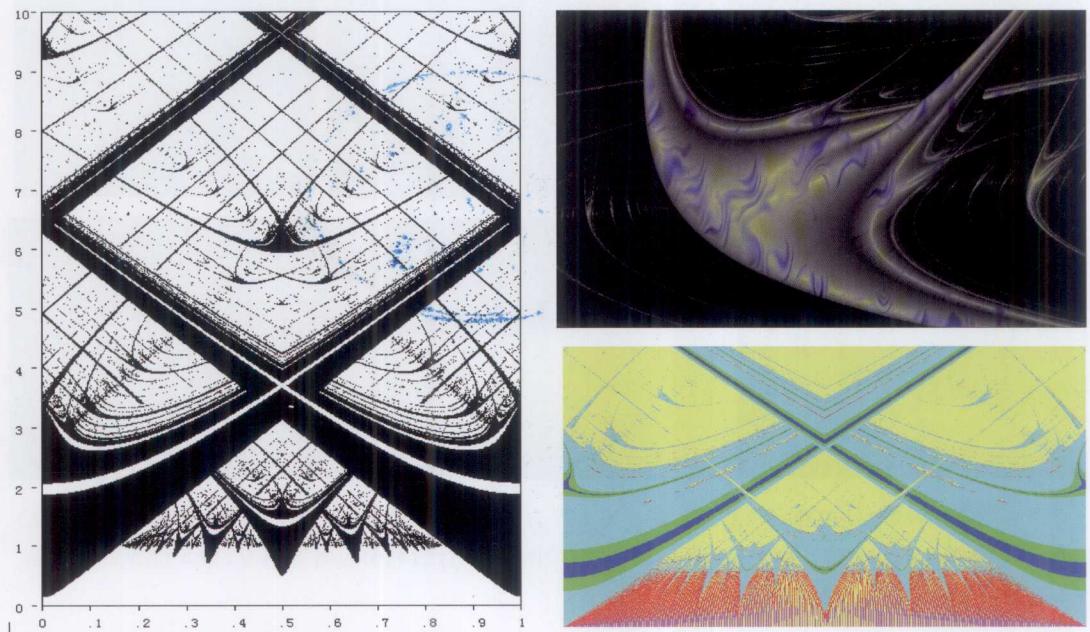
彩图 9 混沌保密通信电路示波器显示图。第1行为不同步相图,第2行为同步相图(由左向右依次为 $x_1-x_2$ 、 $y_1-y_2$ 、 $z_1-z_2$ 相图),第3行为 $x_1-x_2$ 同步波形图,第4行为调制与解调信号,第5行为发送端输入调制信号和接收端解调输出信号



彩图 10 DSP 生成的洛化兹族多翅膀混沌相图<sup>[87]</sup>



彩图 11 蔡氏电路  $\alpha$ - $\beta$  平面分岔的逐级放大图<sup>[36]</sup>



彩图 12 圆周映射分岔图

# 序

人类对自然与社会的认识和改造永远不会停息。其实，人们周围的万事万物总是以非线性的规律在运行着。过去，由于技术和观念的局限，人们很多时候只能将非线性系统在某个区间内简化为线性问题来处理，从而得出物体的运动具有确定性的规律。纵然各种方法解释了许多自然现象，但同时也束缚了人们的思维，人们误认为自然界的规律都是确定的，未来的世界都是可以预测的。自从 1903 年庞加莱在《科学与方法》一书中提出庞加莱猜想，提出混沌的存在后，1905 年、1916 年爱因斯坦提出狭义和广义相对论，1926 年、1927 年海森堡提出矩阵量子力学和在量子力学中的不确定性原理……促使人类在自然观与世界观的认识上有所突破，动摇了作为经典确定论基础的牛顿三大运动定律和万有定律的普适性。人们发现，在物体的运动速度接近光速和进入微观尺度时，牛顿力学在时、空方面的局限，这时应该用相对论和量子力学来认识世界。非线性科学的意义则更为广泛：认为即使在通常的宏观尺度和一般的运动速度下，经典的确定论也不适用于非线性系统混沌行为的分析。非线性科学涵盖了各种各样尺度的系统，涉及任意速率运动的分析与综合。难怪福特认为混沌也与相对论和量子力学一样，冲破了牛顿力学的教规：“相对论消除了绝对时间、空间的臆断；量子力学消除了关于可控测量过程的牛顿式虚梦；而混沌则消除了拉普拉斯关于确定论式可预测性的幻想”。施莱辛格作为混沌学的倡导者之一则说：“20 世纪科学让人永远铭记的只有三件事，那就是相对论、量子力学和混沌学”，令人寻味无穷。

由兰州大学信息科学与工程学院张新国、马义德、李守亮编著的这本《非线性电路——基础分析与设计》<sup>①</sup>，内容清新、深入浅出，凝聚了他们多年科研、教学的精粹，是一本很有特色的新作，也是获得甘肃省自然科学基金资助的课题，很适合于作为研究生及大学生教材或自学参考用书。这本书首先以较大的篇幅介绍非线性电路的处理方法，通过数学分析方法、图解法、利用电路仿真和软件仿真以及物理电路实验等方法来探究非线性电路及系统的规律，建立非线性的思想体系与观念，更深刻、更全面地从微观、宏观、宇观来认识和改造我们的环境。其次通过大量典型混沌电路的分析和设计引出混沌电路同步与混沌遮掩、混沌调制、混沌开关等混沌在保密通信工程中的运用。再次是介绍非线性电

<sup>①</sup> 本书得到 2004 年甘肃省自然科学基金（资助编号 3ZS041-A25-017）、2003 年兰州大学 985 特色项目、2007 年兰州大学实验技术创新基金以及 2010 年兰州大学研究生教材建设基金资助。

路的分形基础研究,神经网络图像处理技术,尤其是鉴于脉冲耦合神经网络 PCNN 图像处理方法。最后是用 MATLAB、VB 等计算机软件对非线性电路的仿真。这本书虽然以非线性电子电路为切入点,但是所采用的方法与结论都不失其普遍性,是非线性电子学与神经网络和计算机软件技术的交叉与汇接,别具一格。

当我接到这本书的初稿时,已是岁末年首。街头巷尾处处是“福”到与春联;耳边不时传来零星的鞭声与炮响。正当人类冲破经典确定论探索混沌非线性自然观的幸福年代来临之际,不由想起宋代大诗人王安石的“元日”佳句:“爆竹声中一岁除,春风送暖入屠苏。千门万户曈曈日,总把新桃换旧符”。愿我们千家万户用崭新的自然观与方法论来更换昨日的“旧符”。

张问骅

2011 年 1 月 26 日

# 前言

1873 年以麦克斯韦的名字命名的方程组的提出,标志着经典电磁学的发展已经成熟并系统化,也为无线电电子学从经典电磁学中独立出来奠定了基础。1888 年前后的赫兹、波波夫、马可尼等人的电磁波实验宣告了无线电电子学的开始。1905 年电子真空管的出现标志着电子科学技术与信息科学技术的到来,在此基础上经过几乎整整一个世纪,电子信息科学与技术蓬勃发展起来。其间,它的各个分支如通信、雷达、测量、工业应用、仪器仪表、自动控制、家用电器、军事电子等迅速发展,特别是电子计算机的出现,完全改变了人类社会生活的习惯与模式,使人类进入了一个陌生的信息化社会。与传统科学技术学科相比,电子科学技术的发展与更新速度是无与伦比的。在电子科学技术迅猛发展的 20 世纪后半叶,非线性理论特别是混沌理论在数学、物理学、气象学、生态学、经济学等领域异军突起,对现代科学技术冲击巨大,传统电子科学技术与非线性电子学得到了同步发展,使得它在现代科学技术中占有重要的一席之地。本书就是在这样的背景下写作出来的。

本书并不局限于单纯电子线路的阐述,一方面讲述具体的非线性电路及其相关的前沿研究方向,另一方面介绍与此有关的数学、物理学、生物学、哲学、美学、历史学、气象学,还有经济、军事、人口学等领域的与电子电路有密切关系的研究与进展。本书以电子学为切入点,深入到相关学科交叉处,借鉴其他学科的现有知识促进电子学的发展,并把本学科的知识应用于其他学科。

本书主要介绍静态非线性电路分析方法、动态非线性电路分析方法、非线性电路应用系统等内容。由于计算机技术、电子线路仿真软件、虚拟仪器软件的发展,使本书讲述的内容可以在计算机上进行几乎与电子线路实验室环境完全相同的电子线路实验,这就为读者提供了逼真的甚至是身临其境的仿真本书大部分知识内容的虚拟环境。学习的目的不仅仅是为了谋生,也不仅是为了满足自己的好奇心与兴趣,更重要的是为了寻找真理,学习与了解电子学科知识的真谛,更深刻地理解我们所在的大自然,建立非线性(主要是混沌)的思想体系和观念意识。读者的求知欲是强烈的,作者愿意为读者真正尽快地掌握现代非线性电路基础理论与技术而尽自己绵薄之力。

一般说来,年轻人易重技术而轻科学,老年人容易看重科学而忽视技术。希望读者要面对现实,注重自然界与人类社会及现代电路理论中的重要问题,要有彻底的唯物史观,认真看待非线性问题。对于非线性问题的理解不是一朝一夕就能完成的。21 世纪科学技

术的很大比重是非线性问题,它的研究有着极为光明的前途,每个民族乃至每个人都要把握好这一方向,都要认真考虑和思索。为此,作者精心策划、耗费10余年时间编写本书。

作者深感当前在我国教育界加强非线性科学技术宣传教育与科学普及的重要性和紧迫性,目前发达国家对于非线性科学技术的提高放在大学本科阶段进行,普及教育始于中学阶段。因此,作者把本书读者定位为高等院校电子信息类高年级本科生和研究生及相关专业科技工作者。作者认为,在比较广泛的非线性科学技术中,非线性电路最为具体并且易于仿真,只要有一台计算机就能进行本书几乎全部的电路仿真,作者提供本书的电路仿真程序,这样使读者能够比较快且比较容易全面掌握本书所有内容。

本书主要由张新国、马义德、李守亮编写,其中,张新国编写第1~5、7~9、11~12章,马义德编写第6章和第10章,李守亮对全书进行了理论论述与公式推导的审查。此外,兰州大学信息科学与工程学院的本科生李卫华、王邵伟、刘彬彬、钱文涛、张志强,筭政学者邓玉华、赖奎元(台湾清华大学),博士与硕士研究生王兆滨、夏春水、袁敏、严春满、徐冬亮、朱雪丰、舒秀发、陈昱莅、张同锋,航天部510研究所的研究生李毅、王晓霞、李永刚,西北师范大学教授杨志民、马胜前以及研究生张媛、闫少辉、张洁、熊丽、任文娟、裴东、吕恩胜等为本书提供了许多素材,成书后期,作者在山东外国语职业学院得到学校领导和同事的支持与帮助,在此,对他(她)们的帮助致以诚挚的谢意。

科学的研究是站在巨人肩膀上的不懈努力,是前仆后继、相互继承的不断延续。为此,作者感谢本书所有参考文献的作者,是他们的前期探索、积累和研究,才会有本书的后续出版。作者为了本书的知识全面性,多处引用了参考文献作者的研究成果,其中较多地引用了方锦清、罗晓曙、赵耿等人关于混沌保密通信的综述论文结果(用于第8章),童勤业等人关于混沌测量的独创性论文结果(用于第7章),靳蕃关于神经网络方面的研究成果(用于第6章),杨晓松、李清都关于混沌系统电路设计方面的研究成果,禹思敏、陈关荣、吕金虎、刘明华等人关于多涡卷与多翅膀混沌系统、高阶Jerk电路及混沌通信等方面的独创性论文结果,周明的电源限幅混沌论文结果,陶诏灵、陈国华等人C-C计算方法的论文,徐慧芬、范敏华等人关于电模拟测量超导约瑟夫逊结混沌研究成果,何振亚、张毅峰等人关于细胞神经网络的研究结果,王树禾关于混沌数学语言与方法的结果,卢侃、孙建华关于混沌大事记等,我希望能够得到这些同仁的谅解并对这些同仁的支持深表谢意。

作者在这里要特别感谢高等教育出版社陈红英女士的大力支持和具体帮助,她对本书倾注的心血超出了她的职责范围,是她的精心策划和细致操作,使得本书得以面世,她对本书的支持和帮助以及热情和行动,作者无法用语言来表达。

由于作者才疏学浅,缺点错误在所难免,希望读者批评指正,作者深表谢意。同时作者深感本书仍欠成熟,还有许多工作要做,作者有志再接再厉,使本书成为精品图书。

作　者

2010年5月26日  
于兰州大学

# 目录

第1章 绪论 ······	1
1.1 线性与非线性科学的历史 ······	1
1.1.1 人类早期对于混沌的认识 ······	1
1.1.2 线性科学统治的现代自然科学体系 ······	2
1.1.3 20世纪混沌学研究 ······	3
1.2 非线性与混沌 ······	5
1.2.1 非线性问题与混沌 ······	5
1.2.2 可预测性与不可预测性、信息丢失、同步问题 ······	6
1.2.3 如何描述现实世界 ······	7
1.3 非线性电路的研究内容与范畴 ······	7
1.3.1 现代非线性电路的研究内容 ······	7
1.3.2 非线性电路研究的目的和意义 ······	8
1.3.3 现代电子科学与其他学科的关系 ······	11
1.3.4 现代电子科学与其他学科的比较 ······	11
1.4 如何掌握非线性电路知识体系 ······	12
1.4.1 非线性电路课程知识结构的特点 ······	12
1.4.2 非线性电路的多维知识结构和多维学习方法 ······	12
习题一 ······	13
第2章 静态非线性函数电路原理 ······	16
2.1 静态非线性函数电路综述 ······	16
2.1.1 电路的线性与非线性及函数电路与积分电路 ······	16
2.1.2 构成非线性电路的基本单元 ······	17
2.1.3 图解法与分段线性化法 ······	19
2.1.4 电路归一化 ······	20
2.2 大动态范围三极管放大器非线性电路 ······	21
2.2.1 大动态范围的放大器非线性电路研究历史 ······	21
2.2.2 大动态范围三极管放大器非线性电路 ······	22

---

2.2.3 大动态范围三极管放大器非线性电路应用 .....	24
<b>2.3 电压电流型两端口电路 .....</b>	<b>24</b>
2.3.1 单运算放大器分段线性电阻电路 .....	25
2.3.2 双运算放大器分段线性电阻电路 .....	26
2.3.3 二极管钳位单运算放大器非线性负电阻电路 .....	29
2.3.4 由分段线性正电阻转换为分段线性负电阻 .....	31
<b>2.4 三次型非线性电路公式转换与电路原理 .....</b>	<b>33</b>
2.4.1 三次方非线性电路 .....	33
2.4.2 归一化三次型限幅非线性 .....	34
2.4.3 阶跃非线性的公式与电路 .....	35
2.4.4 AD633CN 三次方非线性转换 .....	36
2.4.5 Sigmoid 函数及其电路模拟 .....	37
<b>2.5 非线性电压传输电路 .....</b>	<b>39</b>
2.5.1 三折线非线性电压传输电路 .....	39
2.5.2 多折线非线性电压传输电路 .....	39
<b>2.6 电压滞回非线性电路 .....</b>	<b>42</b>
<b>习题二 .....</b>	<b>44</b>
<b>第3章 动态非线性电路分析方法 .....</b>	<b>46</b>
<b>3.1 非线性电路研究方法引例 .....</b>	<b>46</b>
3.1.1 电路方程的建立 .....	46
3.1.2 电路方框图及其仿真 .....	49
3.1.3 电路物理设计及其实验结果 .....	50
3.1.4 电路的初步分析 .....	50
<b>3.2 积分器电路 .....</b>	<b>52</b>
3.2.1 积分器单元电路分析 .....	52
3.2.2 积分器电路实例 .....	54
<b>3.3 电子学电路常用微分方程 .....</b>	<b>55</b>
3.3.1 几个著名的电路微分方程与迭代方程 .....	56
3.3.2 微分方程、差分方程和迭代方程 .....	58
3.3.3 非线性微分方程和迭代方程的确定性与不确定性问题 .....	59
3.3.4 非线性微分方程与电子学的关系 .....	60
3.3.5 非线性微分方程与电子电路的归一化 .....	60
3.3.6 模拟电子计算机的应用 .....	60
<b>3.4 电路状态方程矢量场分析方法 .....</b>	<b>61</b>
3.4.1 电路状态方程矢量场 .....	61

---

3.4.2 矢量代数相关公式	63
3.4.3 二维相空间矢量场	64
3.4.4 三维相空间矢量场	65
3.5 非线性电路系统动态特性图形分析方法	68
3.5.1 相平面与相图	68
3.5.2 相平面中的平衡态	69
3.5.3 三维相空间中的平衡态	71
3.5.4 吸引子	72
3.5.5 庞加莱截面图	73
3.5.6 应用实例	74
3.6 李雅普诺夫指数	75
3.6.1 预备知识	75
3.6.2 李雅普诺夫指数定义	77
3.6.3 李雅普诺夫指数计算方法	79
3.6.4 李雅普诺夫指数计算结果讨论	83
3.6.5 李雅普诺夫维数	84
3.7 相空间重构技术	85
3.7.1 相空间重构技术研究目的与应用背景	85
3.7.2 一元二次型迭代函数式的相空间重构	86
3.7.3 三元微分方程的相空间重构	89
3.7.4 混沌保密通信攻守双方的破密方	90
3.8 非线性电路微分方程的数值解法	91
3.8.1 欧拉法	91
3.8.2 四阶龙格-库塔法	94
3.8.3 多变量四阶龙格-库塔法	96
3.8.4 高阶微分方程龙格-库塔法	97
3.9 混沌方程与电路对称性原理	98
3.9.1 动态非线性系统中的广义镜像对称性原理	98
3.9.2 利用动态非线性系统中的广义对称性原理设计电路	99
3.9.3 对称性三次方非线性蔡氏电路左倾双涡漩输出	101
3.9.4 变形蔡氏电路的对称性变换及其结果	103
3.9.5 洛伦兹方程电路的对称变换	104
3.9.6 级联反相积分器电路的对称变换	105
3.10 混沌电路标度化	106
3.10.1 混沌电路方程归一化问题	106

---

3.10.2 混沌电路系统的方程标度化 .....	107
3.10.3 动态非线性电路的描述空间 .....	110
3.10.4 洛伦兹方程电路的标度化设计 .....	112
3.10.5 蔡氏电路的标度化设计 .....	115
3.10.6 一种级联反相积分器的标度化 .....	117
3.11 混沌电路综述 .....	119
3.11.1 电路中混沌现象发现与研究的历史 .....	119
3.11.2 电路系统动态特性分类 .....	120
3.11.3 混沌电路的定义 .....	121
习题三 .....	122
<b>第4章 典型动态非线性电路 .....</b>	<b>124</b>
4.1 经典蔡氏电路 .....	124
4.1.1 经典蔡氏电路的结构与状态方程 .....	124
4.1.2 蔡氏电路的电压、电流图形分析 .....	126
4.1.3 蔡氏电路元件参数对运动形态的影响 .....	127
4.1.4 蔡氏电路的频谱分析 .....	129
4.1.5 蔡氏电路的仿真方法 .....	131
4.1.6 蔡氏电路的研究现状 .....	131
4.2 归一化蔡氏混沌电路方程 .....	137
4.2.1 蔡氏电路方程归一化方法 .....	137
4.2.2 对于归一化蔡氏电路参数的讨论 .....	139
4.2.3 蔡氏电路的平衡点与相轨线 .....	140
4.2.4 归一化蔡氏电路方程的混沌演变 .....	141
4.2.5 归一化蔡氏电路方程的混沌振荡幅度 .....	141
4.2.6 归一化蔡氏电路方程的李雅普诺夫指数演变 .....	141
4.3 范德波尔方程与李纳德方程及其电路 .....	143
4.3.1 范德波尔微分方程与二阶 LC 振荡电路 .....	143
4.3.2 范德波尔方程的定性讨论 .....	146
4.3.3 范德波尔方程的动态特性 .....	147
4.3.4 范德波尔方程的数值分析 .....	147
4.3.5 电子管电路的范德波尔方程 .....	149
4.3.6 李纳德方程 .....	150
4.3.7 范德波尔方程与李纳德方程研究的历史意义 .....	151
4.4 杜芬方程及其电路 .....	151
4.4.1 杜芬方程的建立与基本动态特性 .....	151