

大學叢書

高級統計學

上 冊

艾 偉 著

商務印書館發行

7
76

大學叢書

高級統計學

上 冊

艾 偉 著

商務印書館發行

中華民國二十三年四月初版

(二〇〇五六A)

大學叢書
(教本) 高級統計學 二冊

上冊平裝定價大洋壹元壹角

外埠酌加運費匯費

版權所
翻印必究

著 者 艾 偉

發 行 人 王 雲 五
上海河南路

印 刷 所 商 務 印 書 館
上海河南路

發 行 所 商 務 印 書 館
上海及各埠

(本書校對者馮寶武)

◆B七六七

大學叢書委員會

委 員

丁燮林君	王世杰君	王雲五君
任鴻雋君	朱經農君	朱家驊君
李四光君	李建勛君	李書華君
李權時君	余青松君	何炳松君
辛樹幟君	吳澤霖君	吳經熊君
周 仁君	秉 志君	竺可楨君
胡 適君	胡庶華君	姜立夫君
翁之龍君	翁文灝君	馬君武君
馬寅初君	孫貴定君	徐誦明君
唐 鉞君	郭任遠君	陶孟和君
許 璇君	陳裕光君	程天放君
程演生君	馮友蘭君	傅斯年君
傅運森君	曹惠羣君	鄒 魯君
鄭貞文君	鄭振鐸君	劉秉麟君
劉湛恩君	黎照寰君	蔡元培君
蔣夢麟君	歐元懷君	顏任光君
顏福慶君	羅家倫君	顧頡剛君

序

統計學在現在可算都知道他的重要了。關於統計學的教本，在坊間所出版雖已汗牛充棟，然他們大半爲譯本，或由幾本外國書編譯而成，欲求一富有研究材料的書，實如鳳毛麟角，不可多得；其結果也，有許多問題在教科書上，殊無澈底之解決；而大學生於修完此課之後，轉往中學擔任教授之時，遂亦窮於應付。作者有鑒於是，在最近七年之中，於授課之餘，嘗自設題研究以求解決，或於授課之時，常常更換方法以資比較。最好者莫如學生之問難，因爲有所問始有所答，所答而不能解其惑，則思之，重思之，以求新的解釋，簡單的解釋，或清楚的解釋。去年授課之時，有解釋未盡者，則於今年用新法解釋之；今年授課之時，又生新的問題，而不能解釋圓滿者，則留待明年解釋。總之，作者在教室中解釋問題，雖偶有不能詳盡者，而對於學生之發問，則仍極端歡迎。其實在本書中間有一二新穎材料，或新穎解釋，在他書中所未曾見者，皆七年來十次統計班同學發問之所賜也。不過，七年來十次授課，經驗極短，故問題之未能解釋詳盡者，仍所在皆是，希望再五年或十年後，再有新的經驗和實驗，再行供獻於世。

最近七年中，作者在國立中央大學，擔任中華教育文化基金董事會所設之教育心理講座，因此得有研究問題並應用統計之機會。本書

中所有之證例材料，大半取之於七年來之實驗結果中。這結果在現在已彙集得非常之多，本統計學因限於篇幅，未能盡量容納，惟有再俟數年，材料加多，另編試驗教育專書耳。

本書命名曰教育學院統計學或高級統計學，所以分別高級師範統計學或初級統計學也。近年以來吾國所出版之專書，實屬寥若晨星，不可多覩，因此，大學所用之教本，不但高中用之，即初中亦用之。結果：在授者方面，既含混其辭；而在學者方面，又囫圇吞棗。這當然不是一種辦法，我們亦應當急起圖救。補救之方在同時編兩級書，俾各自劃分，不相互用。所以作者的這本書是為教育學院學生或大學學生作統計教本用的，或為中學教員作參考書用的。至於高級師範統計學現在編輯中，希望後此一年出版以應需要。

這本書的材料雖不豐富，然每星期授課三次，在一學期內決授不完；即每星期授課四次，在一學期內亦授不完。在教育學院裏最好或至少將統計學定為一年的學程，而在這一年內每星期授課三小時。如此辦法，則除授完本書內容外，可令學生作有系統的長期練習，或總溫習。此辦法若做不到，則本書除刪去一部分次要的材料外，須於一學期內，每星期四小時，授完之。這樣辦法似為最低限度。統計學在教育學院裏既被承認為重要的學科，然則在一學期內每星期多花一小時豈不算是正當的嗎？

這本書雖名為高級統計學，而其實分量加多。關於各公式的數學理論並未在此介紹，因為那是數理統計學所有的事。在這本書內間或應用微積分學以引申公式；這是因為重要的公式有引申之必要，且此

種引申又係直接的，即經一步微積分學之解釋，即能達到公式者。至於間接的引申，或用幾次高等數學原理，轉換幾個公式，始能引申到我們所用的公式者，則一概免去。其實，學者若於微積分學未曾習過，即此直接的引申亦可不必注意，因不注意於此，於應用上並不發生困難也。

這本統計學在從前是一部講義，數年來經過幾次更改者。作者於統計學既非專長，而所有經驗亦屬不豐，因此本書中挂漏遺誤之處諒亦難免。尙希引用此書者於閱讀之餘，指示一切，俾至再版時得以更正。

末了還有一句要聲明的是：此書之抄寫與校正，書內圖表之製定，以及各種計算上之核對在在俱費心思。此種精細之工作，在最近之一年內，承費景瑚女士及嚴謙六，湯翼雲，鄭渭川，曹切千四先生盡力襄助，是作者所應當感謝的，而在這個當兒尤不能使作者忘記的是七年來十次統計班上常好發問以求清楚的解釋的同學。

艾 偉

民國二十一年二月

南京國立中央大學

高級統計學

總目

上册

第一章	緒論	1—9
第二章	次數的統計	10—22
第三章	統計的圖示法	23—37
第四章	均數	38—46
第五章	中數	47—58
第六章	衆數	59—72
第七章	幾何均數	73—80
第八章	調和均數	81—87
第九章	差數	88—96
第十章	均差	97—128
第十一章	均方差	129—143
第十二章	百分等級	144—154
第十三章	二項分配	155—169

第十四章	常態曲線	170—188
第十五章	常態分配圖的面積	189—202

下 冊

第十六章	取樣的可靠性	203—217
第十七章	二數相關	218—243
第十八章	迴歸線	244—261
第十九章	等級相關	262—271
第二十章	非直線相關	272—284
第二十一章	品質相關	285—303
第二十二章	多數相關	304—319

高級統計學

上册目次

第一章 緒論

- 1 統計的意義.....1
- 2 統計學在科學上的地位.....2
- 3 統計學對於教育的貢獻.....3
- 4 統計的範圍.....3

第二章 次數的統計

- 5 材料的整理.....10
- 6 次數的統計方法.....10
- 7 組距寫法的討論.....14

第三章 統計的圖示法

- 8 圖示的重要.....23
- 9 直方圖與多邊圖.....23
- 10 中點的擇定.....26
- 11 直方，多邊兩圖的比較.....27
- 12 多邊圖的修勻法.....28

13 其他重要的圖示·····	35
第四章 均數	
14 均數的普通公式·····	38
15 次數表上均數的統計法·····	39
16 均數的簡捷統計法·····	40
第五章 中數	
17 中數與中成績·····	47
18 中數的計算法·····	49
19 幾個特殊例子·····	53
第六章 衆數	
20 衆數與組距的關係·····	59
21 衆數與均數，中數之關係·····	67
第七章 幾何均數	
22 幾何級數與幾何均數·····	73
23 學習問題上幾何均數的用處·····	74
24 人口與物價的增加上幾何均數的用處·····	77
第八章 調和均數	
25 調和均數的意義·····	81
26 調和均數的公式·····	82
27 調和均數與算術均數之關係·····	84
28 次數表上調和均數的計算法·····	86
第九章 差數	

29	差數的重要	88
30	兩極差	89
31	二十五分值或四分位數	91
第十章 均差		
32	簡單差數的平均	97
33	均差的普通公式	97
34	複雜差數的平均	98
35	環中數求均差的實驗研究	111
第十一章 均方差		
36	均方差的便利	129
37	均方差的計算法	129
38	差數在曲線上之位置	137
39	相關的差異	139
40	偏態之量法	141
第十二章 百分等級		
41	分數制度與其範圍	144
42	等級的簡單計算法	144
43	百分等級計算法	145
44	百分等級的公式	147
45	百分等級的圖的表示	148
46	百分曲線的另一繪法	150
第十三章 二項分配		

47	錯列	155
48	組合	157
49	簡單機率	159
50	二項展開式	162
51	機率實驗	165
第十四章 常態曲線		
52	曲綫與公式	170
53	常態曲線公式的引申	171
54	次數多邊圖使成常態曲線	176
55	理論與實際	180
第十五章 常態分配圖的面積		
56	面積的計算方法	189
57	等級與地位	192
58	常態圖面在測驗上的應用	198

上 册 表 次

表一	國立第四中山大學入學試驗錄取本預科新生 之國文成績表·····	12
表二	統計材料之初步整理·····	13
表三	組距之各種寫法·····	14
表四	第八種組距之詳細寫法·····	19
表五	中點與次數·····	26
表六	同上·····	27
表七	次數表(以 20 爲組距)·····	30
表八	次數表(以 5 爲組距)·····	32
表九	均數與均方差之機誤·····	39
表十	均數計算的第一法·····	40
表十一	均數計算的第二法(a)·····	41
表十二	均數計算的第二法(b)·····	42
表十三	均數計算的第三法·····	43
表十四	中數計算的第一法·····	49
表十五	中數計算的第二法(a)·····	51
表十六	中數計算的第二法(b)·····	52
表十七	中數的特殊計算法(a)·····	53
表十八	中數的特殊計算法(b)·····	54

表十九	中數的特殊計算法(c).....	55
表二十	中數的特殊計算法(d).....	56
表二十一	中數的特殊計算法(e).....	56
表二十二	次數表(以二為組距).....	60
表二十三	次數表(以三為組距).....	60
表二十四	次數表(以四為組距).....	60
表二十五	次數表(以六為組距).....	61
表二十六	次數表(以七為組距).....	61
表二十七	次數表(以八為組距).....	61
表二十八	次數表(以九為組距).....	61
表二十九	常態分配中之均中衆三數.....	68
表三十	偏態分配中之均中衆三數(a).....	69
表三十一	偏態分配中之均中衆三數(b).....	70
表三十二	理解成績之進步.....	75
表三十三	每次成績進步之表示.....	76
表三十四	均數與調和均數在應用上之分別.....	84
表三十五	次數表(計算調和均數).....	86
表三十六	二十五分值的計算(例一).....	92
表三十七	二十五分值的計算(例二).....	94
表三十八	均差的計算(第一法).....	99
表三十九	均差的計算(第二法a).....	100
表四十	均差的計算(第二法b).....	102

表四十一	均差的計算(第三法)	106
表四十二	環中數與環均數的兩均差之比較(用第二法)	118
表四十三	環中數與環均數的兩均差之比較(用第三法)	120
表四十四	組距之大小在均差計算上之影響(用第一或 第二法)	121
表四十五	組距之大小在均差計算上之影響(用第三法)	122
表四十六	均方差的計算 第一法(a)	130
表四十七	均方差的計算 第一法(b)	131
表四十八	均方差的計算 第二法(a)	132
表四十九	均方差的計算 第二法(b)	133
表五十	均方差的證驗法	135
表五十一	計算差異係數的材料(a)	140
表五十二	計算差異係數的材料(b)	140
表五十三	百分等級表	146
表五十四	問題數與學生數之統計	151
表五十五	國幣連擲十次的機率表	163
表五十六	理論與實驗之比較	166
表五十七	第二實驗之結果	168
表五十八	σ 與其相當之縱線	177
表五十九	教師評判之等第表	193
表六十	化等第爲 σ (甲)	194
表六十一	化等第爲 σ (乙)	196

表六十二	化等第爲 σ (丙)	197
表六十三	等第化爲 σ 的總表	197
表六十四	問題艱難度之求法	199
表六十五	T分數之求法	200