

全國中小河流流域規劃會議

經驗交流文件匯編之四

水文水利計算專題介紹

水利電力出版社

全國中小河流流域規劃會議
經驗交流文件彙編之四
水文水利計算專題介紹

水利部勘測設計局 編

水利電力出版社

1958年7月

本汇编包括全国中小河流域规划会议经验交流文件共4篇，介绍了规划中进行水文水利计算的经验和方法。

本书可供从事中小河流域规划工作者，在进行水文水利计算时作为参考。

全国中小河流域规划会议经验交流文件汇编之四
水文水利计算专题介绍

1002 S 244

編 者 水利部勘测设计局
出 版 者 水利电力出版社（北京西郊科学路二里沟）
北京市书刊出版业营业许可证出字第105号
印 刷 者 水利电力出版社印刷厂（北京西城成方街13号）
发 行 者 新华书店

87千字 插图31页 787×1092 1/25开 4 2/25印张
1958年7月第一版 北京第一次印刷 印数1—2,800
统一书号：15143·871 定价：（9）0.70元

目 錄

应用数理統計法推算設計暴雨

及最大流量的方法……………北京水利科学研究院水文研究所(5)

淮北坡水区設計洪水計算办法……………水利部治淮委员会勘測設計院(40)

海河流域规划中有关水利計算的几个問題……………水利部北京勘測設計院(75)

小河水文計算問題……………北京水利科学研究院水文研究所叶永毅(91)

全国中小河流流域规划會議

經驗交流文件汇编說明

这本册子汇编了全国不同地区的中小河流流域规划經驗文件共22篇。这是我部在1957年9月間召开的全国中小河流流域规划會議上交流的规划經驗和專題报告文件，包括會議開幕詞1篇、會議总结报告1篇、苏联專家报告1篇、不同地区的中小河流流域规划及大面积地区水利规划13[●]篇、水土保持规划2篇及水文水利計算專題4篇。这些规划經驗是各省、專、县和本部直屬勘测設計院几年来在规划工作中摸索积累的經驗。为了能进一步在全国各地广泛地交流，为了迎接目前各省、專、县正在蓬勃开展的中小河流流域规划工作，特汇编成册，供各地工作中参考使用。本汇编共分为四个分册。第一分册为一般规划經驗介紹；第二分册为具体规划介紹；第三分册为水土保持规划經驗介紹；第四分册为水文水利計算經驗介紹。同时，我們希望通过这个汇编的发行和各單位今后规划工作的开展，进一步的互相交流經驗，將规划工作在現有的基础上再提高一步，这是我們編印这四本册子的目的。

此外，如对本册各篇规划上的計算問題或基本資料的精度要求等問題提出詢問，請徑与原报告單位联系并抄知水利部勘测設計局。

水利部勘测設計局

● 在會議上原为14篇，因其中“江苏省关于全面开展县的农田水利规划的参考提纲”一篇已印成單行本发行，故不再編入——編者。

应用数理统计法推算设计暴雨及

最大流量的方法

北京水利科学研究院水文研究所

前 言

计算沟渠、桥涵、闸壩等河川水工建筑物的最大流量时，常需要某一频率的设计暴雨量或最大流量或洪水量。在水文计算工作中，常用数理统计法来推算这些数值。目前大多数单位在设计工作中，参考1948年全苏国家标准ГОСТ3999-48“水工建筑物河道最大流量计算”，也有些单位参考海森、福斯特或他人建议的一些方法。我国的气候与河流的特性与苏联及其他国家不同，观测资料一般说来是很少的，在气候和河流特性研究不够的情况下，根据少量资料计算所得结果，可以包含很大的偶然误差，因此如何正确的应用数理统计法来分析计算设计暴雨及最大流量是目前迫切需要研究的问题。

从1955年开始，在水利科学研究院水文研究所组织下，集合长委、淮委、黄委、北京及沈阳勘测设计院、广东省水利厅等单位的同志共16人，在谢家泽副院长、林平一委员指导下，进行了暴雨及洪水频率计算方法的研究工作。1956~1957年间在各省区水利机构的合作下，又进行了全国暴雨资料的整理分析研究工作。

为了提供水文计算工作的参考，由我所陈志愷同志将这几部分研究工作的初步成果编写出来，请大家讨论指正。

一、频率计算的方法

1. 选样的方法

如果我们有大量原始资料如图(1)所示。从这些资料中，选取我们所需研究的暴雨或洪水流量资料的方法有多种：

(1)年最大值法：从每年资料中，选最大的一次暴雨或洪峰流

量。在 n 年資料中，能選出 n 個最大值〔如图 1 (b)〕，這樣選出的資料，彼此是相互獨立的。

(2) 超定量法：從每年資料中，選用超過某一標準的全部暴雨及洪峯流量資料，在 n 年資料中，可以選出 $n \times \bar{m}$ 個資料（ $\bar{m}$ 是每年選樣的資料平均個數）。用這種年內多次選樣的方法，選出的資料，獨立性較差。

(3) 年超大值法：將所有資料按大小順序排列〔如图 2 (a)〕選用最大 n 個資料。這樣選樣雖然平均每年選用了一個資料，但大水年選用的資料較多，小水年資料沒有選用〔如图 1 (c)〕因此選出的資料，獨立性也較差。

從圖(2)可看出，不同選樣方法，選出的結果是不同的。要比較它們的推算成果，必需進行頻率的轉換。

用超定量法選樣， n 年內共選出 $n \times \bar{m}$ 個資料。在這些資料中，如有 S 個資料大於或等於 X 值，則 X 的頻率為：

$$p_E = \frac{S}{n \times \bar{m}};$$

X 值在每年 $\bar{m}$ 次中出現一次的機會為：

$$p'_E = p_E \times \bar{m} = \frac{S}{n}. \quad (1)$$

用年超大值法選樣，在 n 個資料中如有 S 個大於或等於 X 值，則 X 的頻率 $p'_E = \frac{S}{n}$ ，與上式同。由於 X 值在每年 $\bar{m}$ 個資料中可能為最大

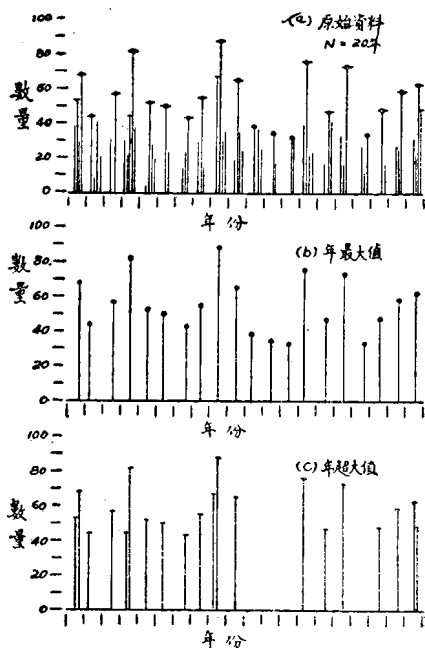


圖 1 暴雨資料按年序排列

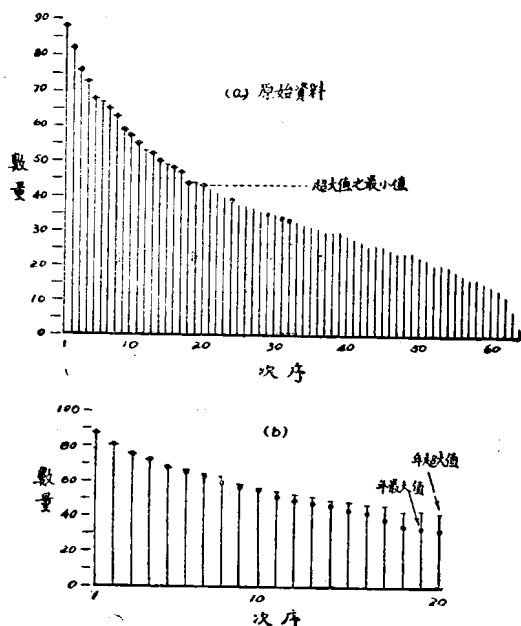


图2 暴雨資料按大小排列

值也可能为次大……或最小值，因此它出現的机会 p'_E 比 X 值为年最大值出現的机会 p_M 为大。即 $p'_E > p_M$ 它們二者間的关系如下：

$$p_M = 1 - e^{-p'_E} \quad (2)$$

当 $p'_E < 0.1$ 时：

$$p_M \approx p'_E$$

以上海站日雨資料为例(图3)用不同选样方法选出的結果，將頻率轉換后，其最后成果相差极微。但在資料不多时，也能給出相差較大的結果。

不同的选样方法，滿足不同的設計要求。排水工程设计，要求一年几遇

的設計暴雨或洪水，用年最大值法不能滿足，必需采用超定量法选样。一般水利工程，要求十年一遇，或更稀遇的設計暴雨或設計洪水，选样时可采用年最大值法或年超大值法。考虑資料的独立性，則采用年最大值法最为适宜。

2. 理論頻率曲綫

在水文計算工作中，常借助数理統計学上的理論頻率曲綫来外延水文系列。世界各国的学者創議的理論頻率曲綫种类繁多，在我国应用最广的有皮尔遜Ⅲ型曲綫及克里茨基-閔开里曲綫等。

(1) 皮尔遜Ⅲ型曲綫

从图(4)可看出，皮尔遜Ⅲ型曲綫的特点是一端有限，一端无限，呈偏态分布。如以均值为原点，則当 $x = -d, y = 0$ 时， $\frac{dy}{dx} = 0$ 。因此

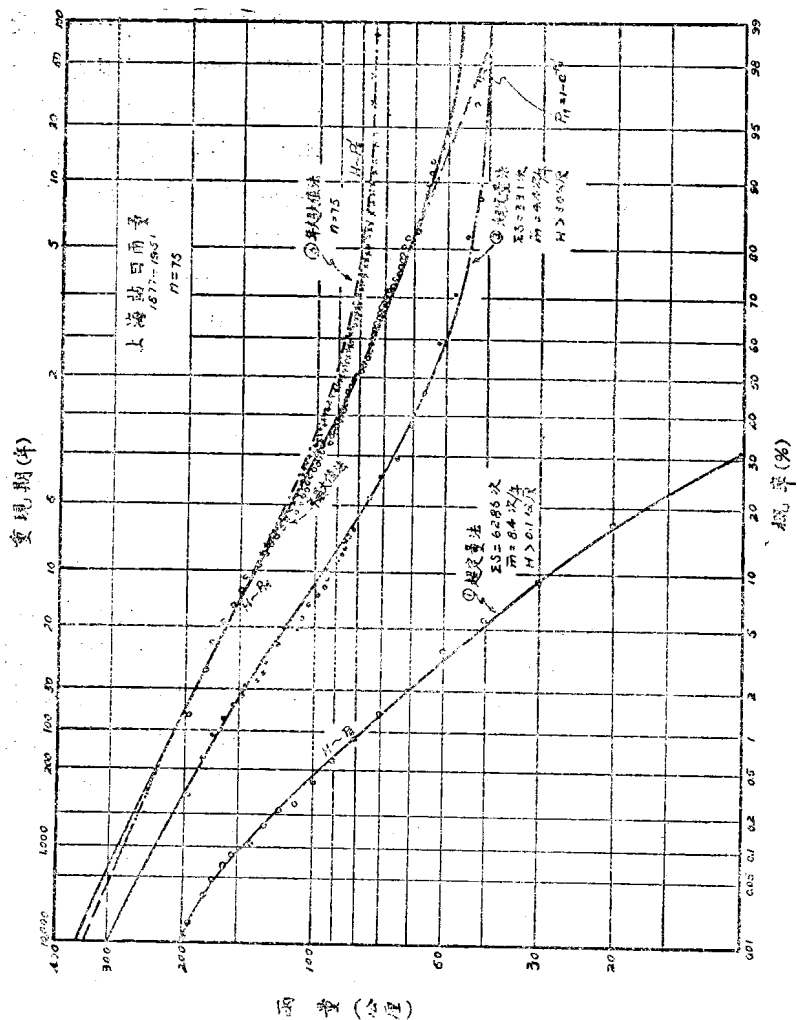


图 3

它的特点可用下列微分方程式表达出来:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{(x+d)}{b_0+b_1x} y. \quad (3)$$

上式經积分后, 則得以众值为原点的曲綫公式如下:

$$y = y_0 \left(1 + \frac{x}{a} \right)^{\frac{a}{d}} e^{-\frac{x}{a}}. \quad (4)$$

公式中包含 y_0 、 a 、 d 三个参数，它们与 C_v 、 C_s 的关系如下：

$$\begin{aligned} a &= \frac{C_v}{2C_s}(4 - C_s^2); \\ d &= \frac{C_v C_s}{2}; \\ y_0 &= \frac{2C_s \left(\frac{4}{C_s^2} - 1 \right)^{\frac{4}{C_s^2}}}{C_v(4 - C_s^2)e^{\frac{4}{C_s^2} - 1} \Gamma\left(\frac{4}{C_s^2}\right)} \end{aligned} \quad (5)$$

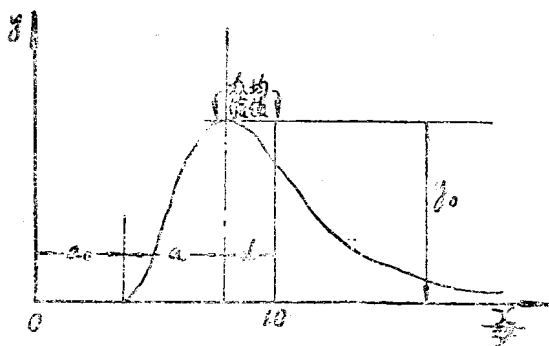


图 4

从资料中算得 $\bar{x}$ 、 C_v 、 C_s ，就把皮尔逊 III 型曲线的方程式确定了。由于水文计算中采用的是累积频率曲线，根据公式 (4) 积分很复杂，美国工程师福斯特将 (4) 式积分制成 C_s 从 0~3.0，相应于累积曲线纵标志值的 Φ 系

数表。则：

$$x_p = \bar{x}(1 + \Phi_p C_v). \quad (6)$$

表应用时很方便，目前在我国流行的是雷布京核对后的福斯特表。

皮尔逊 III 型曲线在 $C_s < 2C_v$ 时， $a_0 < 0$ ，曲线下端给出负值； $C_s \geq 2$ 时曲线呈乙型，最小极限值 a_0 成为众值。由于水文系列不可能出现负值，系列中的最小值也不可能成为经常出现的众值，因此只有 $2C_v \leq C_s < 2$ 的皮尔逊 III 型曲线符合水文系列的特性。

(2) 克里茨基-閔开里曲线

为了弥补皮尔逊 III 型曲线的缺陷，苏联学者克里茨基-閔开里假设 ($C_s \approx 2C_v$) 变量 x 的函数 $x = az^b$ 服从于 $C_s = 2C_v$ 的皮尔逊 III 型曲线，用函数转换的方法得到 x 本身的分布曲线公式：

$$F(x) = \frac{\alpha^a}{a^{\frac{a}{b}} b \Gamma(\alpha)} x^{\frac{a}{b}-1} e^{-\alpha(\frac{x}{b})^{\frac{1}{b}}} \quad (7)$$

式中 $\alpha = \frac{1}{C_v^2}$; a 是 α 与 b 的函数:

$$a = \frac{\alpha b \Gamma(\alpha)}{\Gamma(\alpha+b)} \quad (8)$$

参数 α 、 b 与 C_{v_x} 与 C_{s_x} 成以下的关系:

$$\left. \begin{aligned} C_{v_x} &= \sqrt{\frac{\Gamma(\alpha)\Gamma(\alpha+2b)}{\Gamma^2(\alpha+b)} - 1} \\ C_{s_x} &= \frac{\frac{\Gamma^2(\alpha)\Gamma(\alpha+3b)}{\Gamma^3(\alpha+b)} - 1 - 3C_v^2}{C_v^3} \end{aligned} \right\} \quad (9)$$

这种曲线的特点是在 C_s/C_v 等于任何比值时, 曲线起点在 $x=0$ 原点。在 $C_s=2C_v$ 时, 它等于皮尔逊Ⅲ型曲线; $C_s < 2C_v$ 时上下端小于皮尔逊Ⅲ型曲线, $C_s > 2C_v$ 时上下端大于皮尔逊Ⅲ型曲线, 另成为一新的曲线族。

柯林尼斯托夫根据不同的 α 、 b 积分制成 $C_s/C_v=1.0, 1.5, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0, 6.0$ 从 $C_v=0.1 \sim 1.2$ 的 k_p 值表, 应用时甚为方便。采用时:

$$x_p = \bar{x} \cdot k_p \quad (10)$$

这种曲线的缺点在于:

- (a) 转换函数的假设具有经验性缺乏论证;
- (b) 起点固定在零点, 不一定符合所有水文系列的特性;
- (c) $C_s=0$ 时曲线不对称, $C_s < 0$ 时不負偏, 混淆了 C_s 的统计概念;
- (d) $C_s/C_v > 4$ 、 $C_v > 0.7$ 时曲线的灵敏度不高。

(3) 除了以上曲线外, 尚有格蘭姆-夏里埃, 正态, 对数正态, 勃罗夫柯維奇, 耿貝尔, 古得力区等曲线。这些曲线在数学上各有所依据, 但用来分析水文系列则论证都是不够的。

水文系列属于何种曲线分布由于观测资料少, C_v 、 C_s 等参数算不

准，資料的經驗頻率具有偶然性，曲綫外延部分無法校對，目前還得不到肯定的結論。

在實際應用時，可以選用一種曲綫，如皮爾遜Ⅲ型曲綫，作為資料外延的工具。

3. 適綫方法

根據資料繪制頻率曲綫的方法，大致可以分為兩類：

(甲)參數適綫法：這類方法的特点是，先根據資料用求矩法算出反映資料系列特征的 $\bar{x}$ 、 C_v 、 C_s 等參數，然後據以選擇相應的理論頻率曲綫。

(1) 參數的計算公式

如果我們自同一總體，抽出很多個 n 項系列的樣本，把每個樣本當作一完整的概率分布，樣本里每項均給以 $\frac{1}{n}$ 概率，則根據每個樣本可以算得它們的均值 $\bar{x}$ 及各階矩 m_r 。在統計學上證明樣本參數的平均值（即數学期望值） $E(x)$ 與總體的均值 m 及各階中心矩 μ_r 成以下關係：

$$\left. \begin{aligned} E(\bar{x}) &= m; \\ E(m_2) &= \frac{n-1}{n} \mu_2; \\ E(m_3) &= \frac{(n-1)(n-2)}{n^2} \mu_3. \end{aligned} \right\} (11)$$

總體的參數可用樣本參數的均值估得：

$$\left. \begin{aligned} m &= \bar{x}; \\ \mu_2 &= \frac{n}{n-1} m_2; \\ \mu_3 &= \frac{n^2}{(n-1)(n-2)} m_3. \end{aligned} \right\} (12)$$

將以上公式化成我們常用的公式，則：

$$\left.
 \begin{aligned}
 m = \bar{x} &= \frac{1}{n} \sum x; \\
 \sigma &= \sqrt{\mu_2} = \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n-1}}; \\
 C_v &= \frac{\sigma}{\bar{x}} = \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{\bar{x}^2 (n-1)}} = \sqrt{\frac{\sum (K-1)^2}{n-1}}; \\
 C_s &= \frac{\mu_3}{\mu_2^{3/2}} = \frac{n}{(n-1)(n-2)} \frac{\sum (x - \bar{x})^3}{\sigma^3} \approx \frac{\sum (K-1)^3}{(n-3)C_v^3}.
 \end{aligned}
 \right\} (13)$$

(2) 参数的误差

如果我们有很多样本时，则用样本参数的均值，估计总体的参数是很精确的。根据单个样本计算所得的参数就很不可靠，它们与总体参数之差 Δx 可用高斯（正态）曲线表示。这种

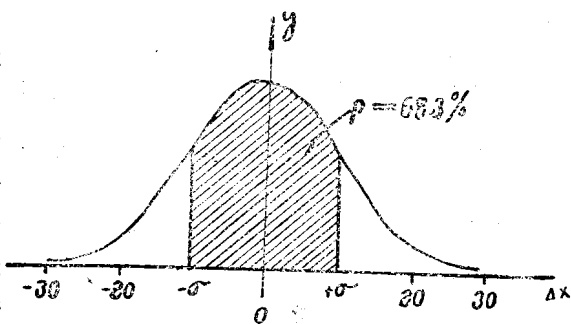


图 5

抽样误差的均方差 σ 可从误差理论求得（某一样本的参数落在总体参数左右各一个均方误差 $\pm \sigma$ 内的机会为 68.3%；二个均方误差 $\pm 2\sigma$ 内的机会为 95.4%；三个均方误差 $\pm 3\sigma$ 内的机会为 99.7%）。

假定总体为皮尔逊 III 型分布时，统计参数的均方误差公式由金光炎同志导出如下：

$$\left.
 \begin{aligned}
 \sigma_{\bar{x}} &= \frac{C_v}{\sqrt{n}} \bar{x}; \\
 \sigma_{C_v} &= \frac{C_v}{\sqrt{2n}} \sqrt{1 + 2C_v^2 + \frac{3}{4}C_s^2 - 2C_v C_s}; \\
 \sigma_{C_s} &= \sqrt{\frac{6}{n} \left(1 + \frac{3}{2}C_s^2 + \frac{5}{16}C_s^4 \right)}.
 \end{aligned}
 \right\} (14)$$

当 $C_s = 0$ ，总体为正态分布时：

$$\left. \begin{aligned} \sigma_{C_v} &= \frac{C_v}{\sqrt{2n}} \sqrt{1 + 2C_v^2}; \\ \sigma_{C_s} &= \sqrt{\frac{6}{n}}. \end{aligned} \right\} (15)$$

当总体为 $C_s = 2C_v$ 的皮尔逊型分布时:

$$\left. \begin{aligned} \sigma_{C_v} &= \frac{C_v}{\sqrt{2n}} \sqrt{1 + C_v^2}; \\ \sigma_{C_s} &= \sqrt{\frac{6}{n} (1 + 6C_v^2 + 5C_v^4)}. \end{aligned} \right\} (16)$$

频率曲线的纵坐标 $x_p = f(\bar{x}, C_v, C_s)$ 。它的均方误差公式:

$$\text{当 } C_s = 0 \text{ 时, } \sigma_{x_p} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \sqrt{1 + \frac{\Phi^2}{2} + 6\left(\frac{2\Phi}{2C_s}\right)^2}; \quad (17)$$

$$\begin{aligned} \text{当 } C_s = 2C_v \text{ 时, } \sigma_{x_p} &= \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \left\{ \left(1 + \frac{\Phi^2}{2} + 6\left(\frac{2\Phi}{2C_s}\right)^2 \right) + \right. \\ &+ \left(1 + 3\frac{2\Phi}{2C_s} \right) \varphi C_s + \left(\frac{3}{8}\Phi^2 + 9\frac{2\Phi}{2C_s} \right) C_s^2 + \\ &\left. + \frac{3}{4}\Phi \frac{2\Phi}{2C_s} C_s^3 + \frac{15}{8}\left(\frac{2\Phi}{2C_s}\right)^2 C_s^4 \right\}^{\frac{1}{2}}. \end{aligned} \quad (18)$$

$$\text{令 } E_p = \frac{\sigma_{x_p} \sqrt{n}}{x_p} \text{ 或 } \sigma_{x_p} = \frac{a E_p}{\sqrt{n}} x_p.$$

E_p 一般称为保证修正系数, 可制成诺模图。 a 称为安全系数, 当 $a = 1$ 即采用一个均方误 $P = 68.3\%$; $a = 2$ 即采用二倍均方误 $P = 95.4\%$ 。全苏国家标准 ГОСТ 3999-48 的印图系根据克里茨基-閼开里公式制订的, 他们在推导公式时, 未曾考虑 $\bar{x}$ 、 C_s 的误差, 推导的结果, 是近似的。

从以上公式中可以看出, 样本参数均方误差的大小与系列项数的方根 $\sqrt{n}$ 成反比, 并随着 C_v 及 C_s 的大小而变化。现有水文资料的记录往往只有一、二十年, 当 $n = 20$, $C_v = 2C_s$ 相当于不同 C_v 的样本参数的均方误差可利用以上公式计算如下:

表 1

C_v	$\sigma_{\bar{x}}$ (%)	σ_{C_v} (%)	σ_{C_s} (%)
0.25	± 5.6	± 16.8	± 41.7
0.50	± 11.2	± 19.8	± 84.5
1.00	± 22.4	± 31.7	± 360

从上表可以看出，在資料系列短，离差大时，根据單个样本求得的参数尤其是 C_s 值，包含有很大的偶然誤差。

(3) 适綫的方法 为了减少参数的偶然誤差，避免高阶矩的計算，有人建議按特征值如最小值的比值 $K_{\min}$ 、中值的比值 $K_{50\%}$ 、均值的頻率 $P_{\bar{x}}$ 或平均差 MD 等計算 C_v ， C_s 。如彼得斯公式 $C_v = A \frac{\Sigma |K-1|}{n-0.5}$ ，克里茨基-閔开里公式 $C_s = \frac{2\omega}{1-K_{\min}}$ ，米雅科夫

斯基公式 $C_s = 8 \left(\frac{1-K_{50\%}}{C_v} \right)^{1.14}$ 等。这类公式的缺点：在于它們首先假定水文資料属于某一种分布，而这些特征值的本身，也是根据短系列样本来确定的，同样包含有偶然誤差（尤其在資料分布不規則时）。因此求得的结果仍帶有偶然性。

苏联新国定标准采用的方法是： $\bar{x}$ 、 C_v 根据公式計算确定， C_s 則采用 $C_s = 3 - 4C_v$ 的关系（这个比值是根据苏联欧洲部分位于相当湿润河流上水工建設經驗制定的）。

(乙) 繪点适綫法：用这类方法适綫，首先要算出每項資料的經驗頻率，点繪出它們的經驗分布，然后用目估法或最小二乘方法，通过繪点中心求与資料相适应的頻率曲綫及 $\bar{x}$ 、 C_v 、 C_s 特征值。

(1) 經驗頻率的計算公式

將选出的資料系列，順大小次序排列，根据序数 m 及总項数 n 按下列公式之一即能算得出現等于或大于某值的經驗頻率：

$$p = \frac{m-0.5}{n}, \quad (19)$$

$$p = \frac{m}{n+1}, \quad (20)$$

$$p = \frac{m-0.3}{n+0.4}. \quad (21)$$

公式(19)最早，系海森提出。它將最大值的重現期算作 $2n$ 年一遇是缺乏理論根據的。公式(20)及(21)有一定的理論根據：

如果我們從無窮資料組成的總體中，抽出許多個(N 個) n 項的資料系列。假定：現有系列，是 N 個同樣系列中的一個平均樣本，即它的每一項頻率 p_m 是 N 個同序號樣品頻率的平均值則得公式 $p = \frac{m}{n+1}$ 。

假定：現有系列中每項頻率 p_m 是 N 個同序號樣品頻率的中值，則頻率可用公式 $p = \frac{m-0.3}{n+0.4}$ 近似的算得。

由於現有資料系列，不一定符合上述假定，根據任何公式計算所得的結果都具有偶然性，因此上述公式只能當作理想公式看待。在實際應用時，從安全及理論基礎兩方面來考慮，往往選用公式 $p = \frac{m}{n+1}$ 。

(2) 經驗頻率的誤差

假定 $p_a < p < p_b$ ；而 $p_a = \frac{1}{K}p$ ； $p_b = Kp$ ，當 p 出現在 p_a 與 p_b 之間的機會已知的條件下，則根據概率相乘定理可以求得系列首末幾項經驗頻率的均方誤差，可近似的估計如下：

表 2

m	$\sigma_p(P=68.3\%)$		$2\sigma_p(P=95.4\%)$	
	$P_b = Kp$	$P_a = \frac{p}{K}$	$P_b = Kp$	$P_a = \frac{p}{K}$
1	$3.13P$	$0.32P$	$22P$	$0.05P$
2	$2.12P$	$0.47P$	$6.0P$	$0.17P$
3	$1.52P$	$0.66P$	$2.0P$	$0.50P$
4	$1.20P$	$0.83P$	$1.3P$	$0.77P$

从上表可以看出，根据序数 m 及总项数 n 统计而得的經驗頻率很不稳定，其誤差随着序数 m 而变化，以系列兩端各項数值的誤差为最大。如果，我們有20年实测最大流量的資料，則在此20年資料中，其最大值有68.3%机会可能出現62~6年一遇的最大流量，有95.4%机会可能出現440~1年一遇的最大流量。也就是說任何經驗頻率公式算得的最大流量在此期間都可能出現。因此，正确地确定最大或最小几項資料的經驗頻率不在于选用哪个公式，而在于如何延長系列，如何利用历史資料驗證，或者根据相鄰河流資料綜合分析确定之。

(3) 适綫的方法

由于系列兩端最大最小項的經驗頻率很不可靠；根据經驗点用最小二乘方适綫，計算极繁瑣而最大最小項的經驗頻率在計算中又起决定性的作用，因此采用这种繁瑣的計算适綫方法就无实际意义了。通常，借用特制的頻率格紙如正态頻率格紙、对数正态頻率格紙等，使經驗点展成直綫分布，串过繪点中心，用目估法适綫，其精度已够应用。

在实际工作中，这二类方法混合来用，一般先用求矩法計算 $\bar{x}$ 、 C_v ，然后再根据經驗点选择 C_s 。在資料多， C_v 較小 (<0.5) 的情况下，用求矩法算得的 $\bar{x}$ 、 C_v 試湊 C_s 就能得到与資料相适应的曲綫。在資料少， C_v 大 (>0.5) 时，往往需要稍为加大計算所得的 C_v 然后再湊 C_s 才能得到滿意的結果。在 $C_v > 1.0$ 时甚至均值也需适当加大 (用縱坐标为对数比例尺的頻率紙适綫，目估繪点的离差时，容易产生錯覺，偏重注意下部各点的离差，而忽視上端各点的离差。应用时需要特別注意)。产生以上差別的原因在于：(1) 个别性資料的总矩不

等于連續曲綫的积分矩，即 $\frac{1}{n} \sum_{n=1}^n (X - \bar{x})^r \approx \int_0^1 (X - \bar{x})^r dP$ ；(2)

用公式 $p = \frac{m}{n+1}$ 計算頻率时，每項資料只占 $\frac{1}{n+1}$ 概率，小于求矩法假定的 $\frac{1}{n}$ 概率。因此用求矩法計算所得的参数特别是 C_v 、 C_s 往往比图解适綫所得的結果要小些。