

图书在版编目(CIP)数据

轻松高考/北京点知教育研究院高考命题研究中心编著·—北京:中国致公出版社,2005.6

ISBN 7-80096-639-9

I. 轻… II. 北… III. 课程-高中-解题-升学

参考资料 IV. G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2004)第 056409 号

轻松高考·2005年全国各省市高考试卷总汇及详解(数学·文)

出版者:中国致公出版社

北京市西城区太平桥大街4号 邮编:100034

电话:010-66168543

发行者:新华书店

印刷者:北京市施园印刷厂

开本:787×1092毫米 1/16 **印张:**70 **字数:**800千字

版次:2005年6月第3版 2005年6月第1次印刷

书号:ISBN 7-80096-639-9/G·418

定 价:77.00元(全6册)

如有印刷质量问题,印厂负责调换。

目 录

(文科数学)

1. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(全国卷 I) (1)
(本试卷由山西、河南、河北、海南等地采用)
2. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(全国卷 II) (7)
(本试卷由广西、黑龙江、吉林等地采用)
3. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(全国卷 III) (13)
(本试卷由甘肃、四川、云南、陕西等地采用)
4. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(北京卷) (19)
5. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(天津卷) (25)
6. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(上海卷) (31)
7. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(重庆卷) (37)
8. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(辽宁卷) (43)
9. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(浙江卷) (49)
10. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(福建卷) (55)
11. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(湖北卷) (61)
12. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(湖南卷) (67)
13. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(广东卷) (73)
14. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(江西卷) (79)
15. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(山东卷) (85)
16. 2005 年普通高等学校招生全国统一考试(江苏卷) (91)

配有试卷评析及详解答案



2005年普通高等学校招生全国统一考试(全国卷I)

文科数学

本试卷分第I卷(选择题)和第II卷(非选择题)两部分,考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回。

第I卷

注意事项:

1. 答第I卷前,考生务必将自己的姓名、准考证号、考试科目涂写在答题卡上。
2. 每小题选出答案后,用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑,如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其它答案标号。

3. 本卷共12小题,每小题5分,共60分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的。

·参考公式:

如果事件A、B互斥,那么

$$P(A+B) = P(A) + P(B)$$

如果事件A、B相互独立,那么

$$P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B)$$

如果事件A在一次试验中发生的概率是P,那么

n 次独立重复试验中恰好发生 k 次的概率

$$P_n(k) = C_n^k P^k (1-P)^{n-k}$$

球的表面积公式

$$S = 4\pi R^2$$

其中 R 表示球的半径

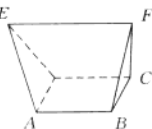
球的体积公式

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3$$

其中 R 表示球的半径

一、选择题

1. 设 I 为全集, S_1, S_2, S_3 是 I 的三个非空子集且 $S_1 \cup S_2 \cup S_3 = I$,则下面论断正确的是 ()
 A. $\complement_I S_1 \cap (S_2 \cup S_3) = \emptyset$ B. $S_1 \subseteq (\complement_I S_2 \cap \complement_I S_3)$
 C. $\complement_I S_1 \cap \complement_I S_2 \cap \complement_I S_3 = \emptyset$ D. $S_1 \subseteq (\complement_I S_2 \cup \complement_I S_3)$
2. 一个与球心距离为1的平面截球所得的圆面面积为 π ,则球的表面积为 ()
 A. $8\sqrt{2}\pi$ B. 8π C. $4\sqrt{2}\pi$ D. 4π
3. 函数 $f(x) = x^3 + ax^2 + 3x - 9$,已知 $f(x)$ 在 $x = -3$ 时取得极值,则 $a =$ ()
 A. 2 B. 3 C. 4 D. 5
4. 如图,在多面体 $ABCDEF$ 中,已知 $ABCD$ 是边长为1的正方体,且 $\triangle ADE, \triangle BCF$ 均 E 为正三角形, $EF \parallel AB, EF = 2$,则该多面体的体积为 ()
 A. $\frac{\sqrt{2}}{3}$ B. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ C. $\frac{4}{3}$ D. $\frac{3}{2}$
5. 已知双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - y^2 = 1 (a > 0)$ 的一条准线为 $x = \frac{3}{2}$,则该双曲线的离心率为 ()
 A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B. $\frac{3}{2}$ C. $\frac{\sqrt{6}}{2}$ D. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$
6. 当 $0 < x < \frac{\pi}{2}$ 时,函数 $f(x) = \frac{1 + \cos 2x + 8 \sin^2 x}{\sin 2x}$ 的最小值为 ()
 A. 2 B. $2\sqrt{3}$ C. 4 D. $4\sqrt{3}$



7. $y = \sqrt{2x-x^2}$ ($1 \leq x \leq 2$) 的反函数是 ()
- A. $y = 1 + \sqrt{1-x^2}$ ($-1 \leq x \leq 1$) B. $y = 1 + \sqrt{1-x^2}$ ($0 \leq x \leq 1$)
- C. $y = 1 - \sqrt{1-x^2}$ ($-1 \leq x \leq 1$) D. $y = 1 - \sqrt{1-x^2}$ ($0 \leq x \leq 1$)
8. 设 $0 < a < 1$, 函数 $f(x) = \log_a(a^{2n} - 2a^n - 2)$, 则使 $f(x) < 0$ 的 x 取值范围是 ()
- A. $(-\infty, 0)$ B. $(0, +\infty)$ C. $(-\infty, \log_a 3)$ D. $(\log_a 3, +\infty)$
9. 在坐标平面上, 不等式组 $\begin{cases} y \geq x-1, \\ y \leq -3|x|+1 \end{cases}$ 所表示的平面区域的面积为 ()
- A. $\sqrt{2}$ B. $\frac{3}{2}$ C. $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ D. 2
10. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $\tan \frac{A+B}{2} = \sin C$, 给出以下四个论断:
- ① $\tan A \cdot \cot B = 1$ ② $0 < \sin A + \sin B \leq \sqrt{2}$
- ③ $\sin^2 A + \cos^2 B = 1$ ④ $\cos^2 A + \cos^2 B = \sin^2 C$
- 其中正确的是 ()
- A. ①③ B. ②④ C. ①④ D. ②③
11. 点 O 是三角形 ABC 所在平面内的一点, 满足 $\vec{OA} \cdot \vec{OB} = \vec{OB} \cdot \vec{OC} = \vec{OC} \cdot \vec{OA}$, 则点 O 是 $\triangle ABC$ 的 ()
- A. 三个内角的角平分线的交点 B. 三条边的垂直平分线的交点
- C. 三条中线的交点 D. 三条高的交点
12. 设直线 l 过点 $(-2, 0)$, 且与圆 $x^2 + y^2 = 1$ 相对, 则 l 的斜率是 ()
- A. ± 1 B. $\pm \frac{1}{2}$ C. $\pm \frac{\sqrt{3}}{3}$ D. $\pm \sqrt{3}$

第 II 卷

注意事项:

- 用钢笔或圆珠笔直接答在试题卷中.
- 答卷前将密封线内的项目填写清楚.
- 本卷共 10 小题, 共 90 分.

题号	二	三					总分
		17	18	19	20	21	
分数							

得分	评卷人

二、填空题: 本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分. 把答案填在题中横线上.

13. 若正整数 m 满足 $10^{m-1} < 2^{512} < 10^m$, 则 $m = \underline{\hspace{2cm}}$. ($\lg 2 \approx 0.3010$)
14. $(x - \frac{1}{x})^8$ 的展开式中, 常数项为 $\underline{\hspace{2cm}}$. (用数字作答)
15. 从 6 名男生和 4 名女生中, 选出 3 名代表, 要求至少包含 1 名女生, 则不同的选法有 $\underline{\hspace{2cm}}$ 种.
16. 在正方体 $ABCD-A'B'C'D'$ 中, 过对角线 BD' 的一个平面交 AA' 于 E , 交 CC' 于 F ,
- ① 四边形 $BFD'E$ 一定是平行四边形.
 - ② 四边形 $BFD'E$ 有可能是正方形.
 - ③ 四边形 $BFD'E$ 在底面 $ABCD$ 的投影一定是正方形.

SB/K42/02

④平面 $BFD'E$ 有可能垂直于平面 $BB'D$.

以上结论正确的为_____。(写出所有正确结论的编号)

三、解答题:本大题共 6 小题,共 74 分.解答应写出文字说明,证明过程或演算步骤.

得分	评卷人

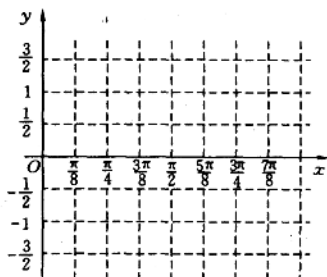
17. (本小题满分 12 分)

设函数 $f(x) = \sin(2x + \varphi)$, $(-\pi < \varphi < 0)$, $y = f(x)$ 图象的一条对称轴是直线 $x = \frac{\pi}{8}$.

(I) 求 φ ;

(II) 求函数 $y = f(x)$ 的单调增区间;

(III) 画出函数 $y = f(x)$ 在区间 $[0, \pi]$ 上的图象.

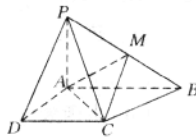


得分	评卷人

18. (本小题满分 12 分)

已知四棱锥 $P-ABCD$ 的底面为直角梯形, $AB \parallel DC$, $\angle DAB = 90^\circ$, $PA \perp$ 底面 $ABCD$, 且 $PA = AD = DC = \frac{1}{2}AB = 1$, M 是 PB 的中点.

- (I) 证明: 面 $PAD \perp$ 面 PCD ;
 (II) 求 AC 与 PB 所成的角;
 (III) 求面 AMC 与面 BMC 所成二面角的大小.



得分	评卷人

19. (本小题满分 12 分)

已知二次函数 $f(x)$ 的二次项系数为 a , 且不等式 $f(x) > -2x$ 的解集为 $(1, 3)$.

- (I) 若方程 $f(x) + 6a = 0$ 有两个相等的根, 求 $f(x)$ 的解析式;
 (II) 若 $f(x)$ 的最大值为正数, 求 a 的取值范围.



得分	评卷人

20. (本小题满分 12 分)

9 粒种子分种在甲、乙、丙 3 个坑内, 每坑 3 粒, 每粒种子发芽的概率为 0.5. 若一个坑内至少有 1 粒种子发芽, 则这个坑不需要补种; 若一个坑内的种子都没发芽, 则这个坑需要补种.

- (I) 求甲坑不需要补种的概率;
 (II) 求 3 个坑中恰有 1 个坑不需要补种的概率;
 (III) 求有坑需要补种的概率. (精确到 0.001)

得分	评卷人

21. (本小题满分 12 分)

设正项等比数列 $\{a_n\}$ 的首项 $a_1 = \frac{1}{2}$, 前 n 项和为 S_n . 且 $2^{10}S_{30} - (2^{10} + 1)S_{20} + S_{10} = 0$.

- (I) 求 $\{a_n\}$ 的通项;
 (II) 求 $\{nS_n\}$ 的前 n 项和 T_n .



得分	评卷人

22. (本小题满分 14 分)

已知椭圆的中心为坐标原点 O , 焦点在 x 轴上. 斜率为 1 且过椭圆右焦点 F 的直线交椭圆于 A, B 两点, $\vec{OA} + \vec{OB}$ 与 $a = (3, -1)$ 共线.

(I) 求椭圆的离心率;

(II) 设 M 为椭圆上任意一点, 且 $\vec{OM} = \lambda \vec{OA} + \mu \vec{OB}$ ($\lambda, \mu \in \mathbf{R}$), 证明: $\lambda^2 + \mu^2$ 为定值.



绝密★启用前

2005年普通高等学校招生全国统一考试(全国卷II)

文科数学

本试卷分第I卷(选择题)和第II卷(非选择题)两部分。考试结束后, 将本试卷和答题卡一并交回。

第I卷

注意事项:

1. 答第I卷前, 考生务必将自己的姓名、准考证号、考试科目涂写在答题卡上。
2. 每小题选出答案后, 用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑。如需改动, 用橡皮擦干净后, 再涂其它答案标号。
3. 本卷共12小题, 每小题5分, 共60分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的。

参考公式:

如果事件 A, B 互斥, 那么

$$P(A+B) = P(A) + P(B)$$

如果事件 A, B 相互独立, 那么

$$P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B)$$

如果事件 A 在一次试验中发生的概率是 P , 那么

n 次独立重复试验中恰好发生 k 次的概率

$$P_n(k) = C_n^k P^k (1-P)^{n-k}$$

球的表面积公式

$$S = 4\pi R^2$$

其中 R 表示球的半径

球的体积公式

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3$$

其中 R 表示球的半径

一、选择题

1. 函数 $f(x) = |\sin x + \cos x|$ 的最小正周期是 ()
 A. $\frac{\pi}{4}$ B. $\frac{\pi}{2}$ C. π D. 2π
2. 正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, P, Q, R 分别是 AB, AD, B_1C_1 的中点, 那么, 正方体的过 P, Q, R 的截面图形是 ()
 A. 三角形 B. 四边形 C. 五边形 D. 六边形
3. 函数 $y = \sqrt[3]{x^2} - 1$ ($x \leq 0$) 的反函数是 ()
 A. $y = \sqrt{(x+1)^3}$ ($x \geq -1$) B. $y = -\sqrt{(x+1)^3}$ ($x \geq -1$)
 C. $y = \sqrt{(x+1)^3}$ ($x \geq 0$) D. $y = -\sqrt{(x+1)^3}$ ($x \geq 0$)
4. 已知函数 $y = \tan \omega x$ 在 $(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$ 内是减函数, 则 ()
 A. $0 < \omega \leq 1$ B. $-1 \leq \omega < 0$ C. $\omega \geq 1$ D. $\omega \leq -1$
5. 抛物线 $x^2 = 4y$ 上一点 A 的纵坐标为 4, 则点 A 与抛物线焦点的距离为 ()
 A. 2 B. 3 C. 4 D. 5
6. 双曲线 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$ 的渐近线方程是 ()
 A. $y = \pm \frac{2}{3}x$ B. $y = \pm \frac{4}{9}x$ C. $y = \pm \frac{3}{2}x$ D. $y = \pm \frac{9}{4}x$
7. 如果数列 $\{a_n\}$ 是等差数列, 则 ()
 A. $a_1 + a_8 < a_4 + a_5$ B. $a_1 + a_8 = a_4 + a_5$ C. $a_1 + a_8 > a_4 + a_5$ D. $a_1 a_8 = a_4 a_5$

8. $(x-\sqrt{2}y)^{10}$ 的展开式中 x^6y^4 项的系数是 ()
 A. 840 B. -840 C. 210 D. -210
9. 已知点 $A(\sqrt{3}, 1), B(0, 0), C(\sqrt{3}, 0)$. 设 $\angle BAC$ 的平分线 AE 与 BC 相交于 E , 那么有 $\overrightarrow{BC} = \lambda \overrightarrow{CE}$, 其中 λ 等于 ()
 A. 2 B. $\frac{1}{2}$ C. -3 D. $-\frac{1}{3}$
10. 已知集合 $M = \{x | x^2 - 3x - 28 \leq 0\}, N = \{x | x^2 - x - 6 > 0\}$, 则 $M \cap N$ 为 ()
 A. $\{x | -4 \leq x < -2 \text{ 或 } 3 < x \leq 7\}$ B. $\{x | -4 < x \leq -2 \text{ 或 } 3 \leq x < 7\}$
 C. $\{x | x \leq -2 \text{ 或 } x > 3\}$ D. $\{x | x < -2 \text{ 或 } x \geq 3\}$
11. 点 P 在平面上作匀速直线运动, 速度向量 $v = (4, -3)$ (即点 P 的运动方向与 v 相同, 且每秒移动的距离为 $|v|$ 个单位). 设开始时点 P 的坐标为 $(-10, 10)$, 则 5 秒后点 P 的坐标为 ()
 A. $(-2, 4)$ B. $(-30, 25)$ C. $(10, -5)$ D. $(5, -10)$
12. $\triangle ABC$ 的顶点 B 在平面 α 内, A, C 在 α 的同一侧, AB, BC 与 α 所成的角分别是 30° 与 45° . 若 $AB = 3, BC = 4\sqrt{2}, AC = 5$, 则 AC 与 α 所成的角为 ()
 A. 60° B. 45° C. 30° D. 15°

第 II 卷

注意事项:

1. 用钢笔或圆珠笔直接答在试题卷中.
2. 答卷前将密封线内的项目填写清楚.
3. 本卷共 10 小题, 共 90 分.

题号	二	三					总分
		17	18	19	20	21	
分数							

得分	评卷人

二、填空题: 本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分. 把答案填在题中横线上.

13. 在 $\frac{8}{3}$ 和 $\frac{27}{2}$ 之间插入三个数, 使这五个数成等比数列, 则插入的三个数的乘积为 _____.
14. 圆心为 $(1, 2)$ 且与直线 $5x - 12y - 7 = 0$ 相切的圆的方程为 _____.
15. 在由数字 $0, 1, 2, 3, 4, 5$ 所组成的没有重复数字的四位数中, 不能被 5 整除的数共有 _____ 个.
16. 下面是关于三棱锥的四个命题:
 - ① 底面是等边三角形, 侧面与底面所成的二面角都相等的三棱锥是正三棱锥;
 - ② 底面是等边三角形, 侧面都是等腰三角形的三棱锥是正三棱锥;
 - ③ 底面是等边三角形, 侧面的面积都相等的三棱锥是正三棱锥;
 - ④ 侧棱与底面所成的角都相等, 且侧面与底面所成的二面角都相等的三棱锥是正三棱锥.
 其中, 真命题的编号是 _____. (写出所有真命题的编号)

三、解答题:本大题共 6 小题,共 74 分.解答应写出文字说明,证明过程或演算步骤.

得分	评卷人

17. (本小题满分 12 分)

已知 α 为第二象限的角, $\sin\alpha = \frac{3}{5}$, β 为第一象限的角, $\cos\beta = \frac{5}{13}$. 求 $\tan(2\alpha - \beta)$ 的值.

得分	评卷人

18. (本小题满分 12 分)

甲、乙两队进行一场排球比赛,根据以往经验,单局比赛甲队胜乙队的概率为 0.6. 本场比赛采用五局三胜制,即先胜三局的队获胜,比赛结束. 设各局比赛相互间没有影响,求

- (I) 前三局比赛甲队领先的概率;
 - (II) 本场比赛乙队以 3:2 取胜的概率.
- (精确到 0.001)



得分	评卷人

19. (本小题满分 12 分)

已知 $\{a_n\}$ 是各项为不同的正数的等差数列, $\lg a_1, \lg a_2, \lg a_4$ 成等差数列. 又 $b_n = \frac{1}{a_2^n}, n=1, 2, 3, \dots$.

(I) 证明 $\{b_n\}$ 为等比数列;

(II) 如果数列 $\{b_n\}$ 前 3 项的和等于 $\frac{7}{24}$, 求数列 $\{a_n\}$ 的首项 a_1 和公差 d .

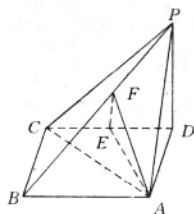
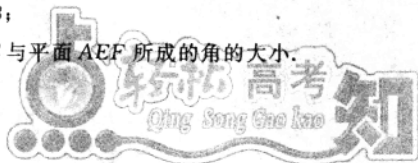
得分	评卷人

20. (本小题满分 12 分)

如图, 四棱锥 $P-ABCD$ 中, 底面 $ABCD$ 为矩形, $PD \perp$ 底面 $ABCD$, $AD = PD$, E, F 分别为 CD, PB 的中点.

(I) 求证: $EF \perp$ 平面 PAB ;

(II) 设 $AB = \sqrt{2}BC$, 求 AC 与平面 AEF 所成的角的大小.



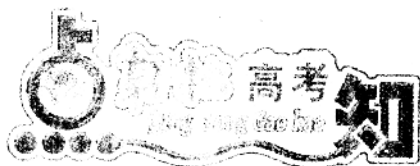
得分	评卷人

21. (本小题满分 12 分)

设 a 为实数, 函数 $f(x) = x^3 - x^2 - x + a$.

(I) 求 $f(x)$ 的极值;

(II) 当 a 在什么范围内取值时, 曲线 $y = f(x)$ 与 x 轴仅有一个交点.



得分	评卷人

22. (本小题满分 14 分)

P, Q, M, N 四点都在椭圆 $x^2 + \frac{y^2}{2} = 1$ 上, F 为椭圆在 y 轴正半轴上的焦点. 已知 \overrightarrow{PF} 与 \overrightarrow{FQ} 共线, \overrightarrow{MF} 与 \overrightarrow{FN} 共线, 且 $\overrightarrow{PF} \cdot \overrightarrow{MF} = 0$, 求四边形 $PMQN$ 的面积的最小值和最大值.



绝密★启用前

2005年普通高等学校招生全国统一考试(全国卷Ⅲ)

文科数学(理:必修+选修Ⅱ)

本试卷分第Ⅰ卷(选择题)和第Ⅱ卷(非选择题)两部分,考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回。

第Ⅰ卷

注意事项:

1. 答第Ⅰ卷前,考生务必将自己的姓名、准考证号、考试科目涂写在答题卡上。
2. 每小题选出答案后,用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑,如需改动,用橡皮擦干净后,再涂其它答案标号。
3. 本卷共12小题,每小题5分,共60分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的。

参考公式:

如果事件 A, B 互斥,那么

$$P(A+B) = P(A) + P(B)$$

如果事件 A, B 相互独立,那么

$$P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B)$$

如果事件 A 在一次试验中发生的概率是 P ,那么

n 次独立重复试验中恰好发生 k 次的概率

$$P_n(k) = C_n^k P^k (1-P)^{n-k}$$

球的表面积公式

$$S = 4\pi R^2$$

其中 R 表示球的半径

球的体积公式

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3$$

其中 R 表示球的半径

一、选择题:本大题共12小题,每小题5分,共60分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的。

1. 已知 α 为第三象限的角,则 $\frac{\alpha}{2}$ 所在的象限是 ()

A. 第一或第二象限	B. 第二或第三象限
C. 第一或第三象限	D. 第二或第四象限
2. 已知过点 $A(-2, m)$ 和 $B(m, 4)$ 的直线与直线 $2x + y - 1 = 0$ 平行,则 m 的值为 ()

A. 0	B. -8	C. 2	D. 10
------	-------	------	-------
3. 在 $(x-1)(x+1)^8$ 的展开式中 x^5 的系数是 ()

A. -14	B. 14	C. -28	D. 28
--------	-------	--------	-------
4. 设三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$ 的体积为 V , P, Q 分别是侧棱 AA_1, CC_1 上的点,且 $PA = QC_1$,则四棱锥 $B-APQC$ 的体积为 ()

A. $\frac{1}{6}V$	B. $\frac{1}{4}V$	C. $\frac{1}{3}V$	D. $\frac{1}{2}V$
-------------------	-------------------	-------------------	-------------------
5. 设 $3^x = \frac{1}{7}$, 则 ()

A. $-2 < x < -1$	B. $-3 < x < -2$
C. $-1 < x < 0$	D. $0 < x < 1$
6. 若 $a = \frac{\ln 2}{2}, b = \frac{\ln 3}{3}, c = \frac{\ln 5}{5}$, 则 ()

A. $a < b < c$	B. $c < b < a$	C. $c < a < b$	D. $b < a < c$
----------------	----------------	----------------	----------------

7. 设 $0 \leq x \leq 2\pi$, 且 $\sqrt{1 - \sin 2x} = \sin x - \cos x$, 则 ()

- A. $0 \leq x \leq \pi$ B. $\frac{\pi}{4} \leq x \leq \frac{7\pi}{4}$ C. $\frac{\pi}{4} \leq x \leq \frac{5\pi}{4}$ D. $\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{3\pi}{2}$

8. $\frac{2\sin 2\alpha}{1 + \cos 2\alpha} \cdot \frac{\cos^2 \alpha}{\cos 2\alpha} =$ ()

- A. $\tan \alpha$ B. $\tan 2\alpha$ C. 1 D. $\frac{1}{2}$

9. 已知双曲线 $x^2 - \frac{y^2}{2} = 1$ 的焦点为 F_1, F_2 , 点 M 在双曲线上且 $\overrightarrow{MF_1} \cdot \overrightarrow{MF_2} = 0$, 则点 M 到 x 轴的距离为 ()

- A. $\frac{4}{3}$ B. $\frac{5}{3}$ C. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ D. $\sqrt{3}$

10. 设椭圆的两个焦点分别为 F_1, F_2 , 过 F_2 作椭圆长轴的垂线交椭圆于点 P , 若 $\triangle F_1PF_2$ 为等腰直角三角形, 则椭圆的离心率是 ()

- A. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ B. $\frac{\sqrt{2}-1}{2}$ C. $2-\sqrt{2}$ D. $\sqrt{2}-1$

11. 不共面的四个定点到平面 α 的距离都相等, 这样的平面 α 共有 ()

- A. 3 个 B. 4 个 C. 6 个 D. 7 个

12. 计算机中常用的十六进制是逢 16 进 1 的计数制, 采用数字 0~9 和字母 A~F 共 16 个计数符号, 这些符号与十进制的数的对应关系如下表:

十六进制	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
十进制	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

例如, 用十六进制表示: $E + D = 1B$, 则 $A \times B =$ ()

- A. 6E B. 72 C. 5F D. B0

第 II 卷

注意事项:

1. 用钢笔或圆珠笔直接答在试题卷中.
2. 答卷前将密封线内的项目填写清楚.
3. 本卷共 10 小题, 共 90 分.

题号	二	三					总分
		17	18	19	20	21	
分数							

得分	评卷人

二、填空题: 本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分. 把答案填在题中横线上.

13. 经问卷调查, 某班学生对摄影分别执“喜欢”、“不喜欢”和“一般”三种态度, 其中执“一般”态度的比“不喜欢”的多 12 人, 按分层抽样方法从全班选出部分学生座谈摄影, 如果选出的是 5 位“喜欢”摄影的同学, 1 位“不喜欢”摄影的同学和 3 位执“一般”态度的同学, 那么全班学生中“喜欢”摄影的比全班人数的一半还多 _____ 人.

14. 已知向量 $\overrightarrow{OA} = (k, 12)$, $\overrightarrow{OB} = (4, 5)$, $\overrightarrow{OC} = (-k, 10)$, 且 A、B、C 三点共线, 则 $k =$ _____.

15. 曲线 $y = 2x - x^3$ 在点 (1, 1) 处的切线方程为 _____.

16. 已知在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, $BC=3$, $AC=4$, P 是 AB 上的点, 则点 P 到 AC 、 BC 的距离乘积的最大值是_____.

三、解答题: 本大题共 6 小题, 共 74 分, 解答应写出文字说明, 证明过程或演算步骤.

得分	评卷人

17. (本小题满分 12 分)

已知函数 $f(x) = 2\sin^2 x + \sin 2x$, $x \in [0, 2\pi]$. 求使 $f(x)$ 为正值的 x 的集合.

得分	评卷人

18. (本小题满分 12 分)

设甲、乙、丙三台机器是否需要照顾相互之间没有影响. 已知在某一小时内, 甲、乙都需要照顾的概率为 0.05, 甲、丙都需要照顾的概率为 0.1, 乙、丙都需要照顾的概率为 0.125.

(I) 求甲、乙、丙每台机器在这个小时内需要照顾的概率分别为多少;

(II) 计算这个小时内至少有一台机器需要照顾的概率.

