

MATLAB语言在 运筹学中的应用

◎黄雍检 赖明勇 著

湖南大学出版社

教育部博士点基金项目(NO. 20010532009)

MATLAB 语言在运筹学中的应用

黄雍检 赖明勇 著

湖南大学出版社

2005年·长沙

内 容 提 要

全书共 13 章,系统而简要地介绍运筹学的基本内容和运算方法,并运用 MATLAB 语言给出了运筹学问题许多新算法.书中许多自编指令,只要输入有关参数,就得到有关问题的解,简洁快捷.书中有大量实用性例题,如需这些程序,购书者可在湖南大学经贸学院网上下载.

本书可作高等院校管理类本科生、研究生学习运筹学的教材或教学参考书,也可供从事管理科学研究和实践的相关人员参考使用.

图书在版编目(CIP)数据

MATLAB 语言在运筹学中的应用/黄雍检,赖明勇著. —长沙:

湖南大学出版社,2005.5

ISBN 7-81053-904-3

I. M... II. ①黄... ②赖... III. 运筹学—计算机

辅助计算—软件包, MATLAB IV. 002-39

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2005)第 042173 号

MATLAB 语言在运筹学中的应用

MATLAB Yuyan zai Yunchouxuezhong de Yingyong

著 者:黄雍检 赖明勇

责任编辑:厉 亚

责任校对:张建平

封面设计:张 毅

出版发行:湖南大学出版社

社 址:湖南·长沙·岳麓山 邮 编:410082

电 话:0731-8821691(发行部),8821315(编辑室),8821006(出版部)

传 真:0731-8649312(发行部),8822264(总编室)

电子邮箱:press@hnu.net.cn

网 址: <http://press.hnu.net.cn>

总 经 销:湖南省新华书店

印 装:湖南大学印刷厂

开本: 787×1092 16 开

印张: 11.5

字数: 266 千

版次: 2005 年 5 月第 1 版

印次: 2005 年 5 月第 1 次印刷

印数: 1~3 000 册

书号: ISBN 7-81053-904-3/F·85

定价: 24.00 元

版权所有,盗版必究

湖南大学版图书凡有印装差错,请与发行部联系

前 言

运筹学是多学科的综合性学科,它是经济中定量分析的一个重要工具.运筹学的计算难度大,原有的电算程序可读性差,这是众所周知的. MATLAB 语言是美国 MathWord 公司推出的一种计算机语言,它始于 20 世纪 80 年代,后经版本更新,内容日趋丰富,本书采用的是 2002 年 6 月推出的 6.5 版. MATLAB 语言具有编程效率高、计算功能强、使用简便、易于扩充的特点,其程序可读性好.基于 MATLAB 的上述特点,本书采用 MATLAB 语言来求解运筹学的问题.

全书共分 13 章,详尽介绍了 MATLAB 语言在运筹学中的应用.第 1 章介绍 MATLAB 中的微积分运算.第 2 章介绍 MATLAB 中矩阵运算和拼接.第 3 章介绍线性规划指令 `linprog()` 及其在经济管理中的应用.第 4 章介绍利用指令 `(linprog)` 解运输问题,并给出了解运输问题的自编指令.第 5 章介绍整数规划中分枝定界法的 MATLAB 表述法,并给出了自编指令,以简化计算程序.第 6 章介绍指派问题的 MATLAB 算法,并给出了求解指派问题的自编指令.第 7 章给出了网络最大流和网络最小费用最大流的定解问题,并用指令 `linprog()` 解网络流问题,且给出自编指令解网络流问题.第 8 章根据 Floyd 算法,给出自编指令求得网络距离矩阵,并由另一自编指令求得网络最短路.第 9 章首先给出赋正权网络的最长距离矩阵,然后利用最长距离矩阵,求出事项的最早开工时间 es 和事项的最迟完工时间 lf ,从而得到工程的关键线路;同时还给出自编指令求关键线路.第 10 章介绍了多目标规划指令 `fgoalattain` 及其在经济管理中的应用.第 11 章介绍了多个非线性规划指令及其应用.第 12 章介绍两人有限零和对策,即矩阵对策问题;根据矩阵对策的线性规划解法,给出自编指令求解矩阵对策问题.第 13 章简单介绍了动态规划的 MATLAB 算法.书中有 2 个附录,附录 1 对 MATLAB 语言作了简介;附录 2 给出了自编指令,它是针对运筹学问题的开发,也是一种扩充,显示出 MATLAB 语言的特有功能.

书中配有大量例题,每个例题都给出了相应的 MATLAB 语言程序.从给出的程序中,我们不难看出,它的简洁和可读性,是原有的计算程序所无法比较的.这些程序可以在命令窗口直接运行,如要运行 `ch43`,只需在命令窗口键入 `ch43`,再按 `enter` 键,屏幕上会显示计算结果,非常方便.

限于作者水平,书中不妥和错误之处在所难免,欢迎大家批评指正.

著 者

2005 年 1 月 16 日

目 次

第 1 章 函数的运算和作图

1.1 函数的构成	1
1.2 函数作图	1
1.3 多项式运算	3
1.4 微积分符号运算	4
1.5 定积分近似计算	5
1.6 例题计算程序	6

第 2 章 矩 阵

2.1 矩阵的运算和生成	9
2.2 矩阵的删改和拼接	12
2.3 计算程序	14

第 3 章 线性规划

3.1 线性规划指令 linprog() 介绍	16
3.2 线性规划的应用	17
3.2.1 设备配置	17
3.2.2 下料问题	18
3.2.3 生产计划安排	19
3.2.4 配料问题	20
3.2.5 投资问题	21
3.2.6 农业生产计划	23
3.3 检查线性约束和函数值计算的自编指令	24
3.4 例题计算程序	25

第 4 章 运输问题

4.1 产销平衡运输问题	28
4.2 销大于产运输问题	29
4.3 产大于销运输问题	30
4.4 障碍运输问题	32
4.5 运输问题的自编指令	33
4.6 例题计算程序	34

第 5 章 整数规划	
5.1 分枝定界法的 MATLAB 表述	37
5.2 整数规划的自编指令	40
5.3 例题计算程序	41
第 6 章 指派问题	
6.1 总论	47
6.2 指派问题的 MATLAB 算法	49
6.2.1 平衡指派问题	49
6.2.2 不平衡指派问题	50
6.2.3 障碍指派问题	51
6.2.4 最大指派问题	51
6.3 用自编指令 assign(n,e)解指派问题	53
6.4 用自编指令 assign1(n,xx0,mx,i,j)调整指派方阵	54
6.5 例题计算程序	56
第 7 章 网络最大流问题	
7.1 网络最大流	60
7.2 用自编指令 mxfl(m,n,aeq,ub)求网络最大流	66
7.3 最小费用最大流	67
7.4 用自编指令 mixfl(m,n,f,fl,aeq,ub)求最小费用最大流	69
7.5 例题计算程序	70
第 8 章 网络最短路求法	
8.1 网络弧集和权矩阵	75
8.2 网络最短距离的 Floyd 算法	76
8.3 用自编指令 fld(n,w)求距离矩阵	76
8.4 两点间的最短路	78
8.5 用自编指令 stlin(n,i,j,d)求最短路	78
8.6 例题计算程序	84
第 9 章 关键线路法	
9.1 关键线路法	87
9.2 关键线路的 MATLAB 算法	89
9.3 用自编指令 kylin(n,d)求关键线路	90
9.4 例题计算程序	94

第 10 章 多目标规划	
10.1 介绍指令 fgoalattain	97
10.2 多目标规划问题	97
10.3 例题计算程序	102
第 11 章 非线性规划	
11.1 非线性一元函数的最小值	105
11.2 无约束非线性多元函数的最小值	105
11.3 有约束非线性多元函数的最小值	106
11.4 例题计算程序	109
第 12 章 矩阵对策	
12.1 对策的三个基本要素	112
12.2 矩阵对策	113
12.3 赢得矩阵的最大最小值和最小最大值	114
12.4 矩阵对策的最优纯策略	115
12.5 矩阵对策中的混合策略	118
12.6 矩阵对策的线性规划求解法	119
12.7 用自编指令 matp(m,n,a)求矩阵对策的解	122
12.8 本章小结	124
12.9 例题计算程序	125
第 13 章 动态规划	
13.1 动态规划简介	128
13.2 动态规划的应用	131
13.3 例题计算程序	147
附录 1 MATLAB 简介	158
附录 2 自编指令	165
参考文献	171
后 记	173

第 1 章 函数的运算和作图

1.1 函数的构成

在 MATLAB 语言中,通常用下述方法构成函数.

例如 函数 $f=x^2-2\sin x$ 用语句

```
f='x^2-2 * sin(x)'; 构成.
```

如要计算函数在 $x=\pi/2$ 的值,则用语句

```
x=pi/2;
```

```
f0=eval(f)
```

$f_0=0.4647$, f_0 为函数在 $x=\pi/2$ 的值, π 为圆周率, $eval$ 为计算函数值的指令.

例如 函数 $f=2x_1x_2+x_2^2-3$,这是一个二元函数,用语句

```
fun='2 * x(1) * x(2)+x(2)^2-3'; 构成
```

如要计算 $x_1=1, x_2=3$ 的函数值,则用语句

```
x=[1,3];
```

```
fu1=eval(fun);
```

$fu1=12$ $fu1$ 为函数在 $x=[1,3]$ 的值.

例如 函数组 $f_1=x_1x_2+x_2^2, f_2=\exp(x_1+x_2^3)$,这是一个二元函数组,用语句

```
g='[x(1) * x(2)+x(2)^2,exp(x(1)+x(2)^3)]'; 构成.
```

如要求函数组在 $x_1=1, x_2=2$ 的值,则用语句

```
x=[1,2];
```

```
g1=eval(g)
```

$g1=1.0 * e+003 * [0.0060,8.1031]$ g_1 为函数组在 $x=[1,2]$ 的值,此处 g_1 实为 $10^3 * [0.0060,8.1031]=[6,8103.1]$.

在本书给出的程序中,大多用上述方法构成函数.上述计算放在程序 ch11 中.

1.2 函数作图

```
fplot('2 * exp(x) * sin(x)',[0,2 * pi])
```

$title('y=2 * exp(x) * sin(x)')$; 作 $y=2e^x \sin x$ 在 $[0, 2\pi]$ 上的图形.(图 1.1)

```
x=0:0.2:5;
```

```
plot(x,cos(x). * cosh(x)-1); 作  $y=\cos x \cosh x - 1$  在  $[0, 5]$  上的图形.(图 1.2)
```

$title('y=\cos(x) * \cosh(x)-1')$ 图上加标题.

```
x=-9:0.1:11;
```

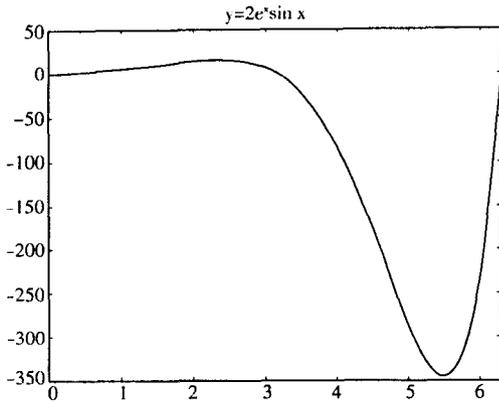


图 1.1

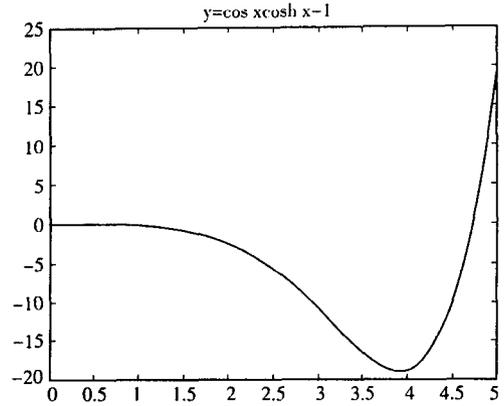


图 1.2

`plot(x, x.^3-1)`; 作 $y=x^3-1$ 在 $[-9,11]$ 上的图形。(图 1.3)

`title('y=x^3-1')` 图上加标题。

`f='2 * exp(-x) * sin(x)'`;

`fplot(f,[0,8])`; 作 $y=2e^{-x}\sin x$ 在 $[0,8]$ 上的图形。(图 1.4)

`title('y=2exp(-x) * sin(x)'), xlabel('x')`; 图上加标题。

`f1='x.^3+10 * x.^2-2 * sin(x)-50'`;

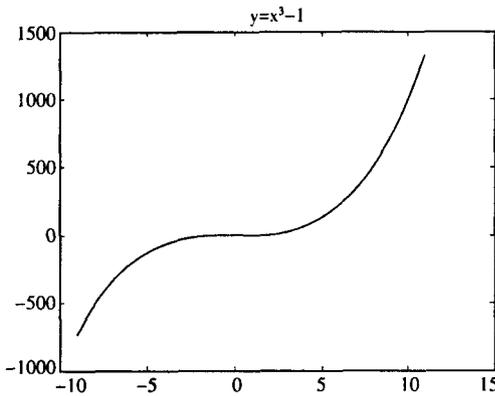


图 1.3

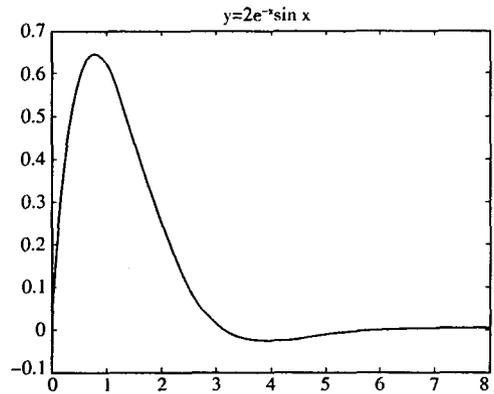


图 1.4

`fplot(f1,[-12,5])`; 作 $y=x^3+10x^2-2\sin x-50$ 在 $[-12,5]$ 上的图形。(图 1.5)

`title('y=x^3+10x^2-2sin(x)-50')` 图上加标题。

`grid`; 图上加划网格。

这里介绍了两个绘图指令 `fplot` 和 `plot`。指令 `title` 是绘图标。指令 `grid` 是在图中增划网格。上述绘图程序放在 `ch12` 中。

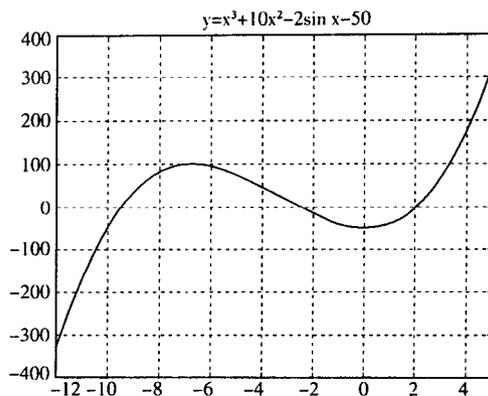


图 1.5

1.3 多项式运算

```

q1=[1,3,5];q2=[2,4,6]; % 此处[1,3,5]=x^2+3x+5,[2,4,6]=2x^2+4x+6.
q1p=poly2sym(q1) % q1p为q1表述的多项式.
q2p=poly2sym(q2) % q2p为q2表述的多项式.
q3=conv(q1,q2); % q3=(x^2+3x+5)*(2x^2+4x+6).
q3p=poly2sym(q3) % q3p为q3表述的多项式.
q4=deconv(q3,q1); % q4=q3/q1.
q4p=poly2sym(q4) % q4p为q4表述的多项式.
q5=[2,-6,3,0,7];
q5p=poly2sym(q5) % q5p为q5表述的多项式.
q6=polyder(q5); % q6为q5的导数.
q6p=poly2sym(q6) % q6p为q6表述的多项式.
q7=roots(q5) % q7为q5=0的根.
q8=polyval(q5,1) % q8=q5(1). 多项式求值.
a=[1,2;3,4];
q9=polyvalm(q5,a) % q9=q5(a). 多项式求值,结果为矩阵.
计算结果显示:
q1p = x^2 + 3 * x + 5
q2p = 2 * x^2 + 4 * x + 6
q3p = 2 * x^4 + 10 * x^3 + 28 * x^2 + 38 * x + 30 % q3p=q1p * q2p.
q4p = 2 * x^2 + 4 * x + 6 % q4p=q3p/q1p.
q5p = 2 * x^4 - 6 * x^3 + 3 * x^2 + 7
q6p = 8 * x^3 - 18 * x^2 + 6 * x % q6p=diff(q5p).
q7 = 1.9322 + 0.4714i

```

```

1.9322 - 0.4714i
-0.4322 + 0.8355i
-0.4322 - 0.8355i
q8 = 6
q9 = 204 286
      429 633

```

上述计算程序放在 ch13 中.

1.4 微积分符号运算

在微积分运算中,如果存在准确解,符号运算将给出准确解.

```

syms x h
dc=limit((cos(x+h)-cos(x))/h,h,0)
% 求(cos(x+h)-cos(x))/h 在 h 趋于 0 的极限.
f=sym('x+2-x^2'); % f=x+2-x^2.
df=diff(f) % df 为 f 的一阶导数.
df2=diff(f,2) % df2 为 f 的二阶导数.
tf=int(f); % tf 为 f 的不定积分.
tf2=int(f,-1,2) % tf2 为 f 从 -1 到 2 的定积分.
x1=solve('sin(x)=1/2') % 方程 sinx=1/2 求根.
x2=solve('x^3-1=0') % 方程 x^3-1=0 求根.
y1=dsolve('Dy=5') % 微分方程 dy/dt=5 求解.
y2=dsolve('Dy=x','x') % 微分方程 dy/dx=x 求解. x 指定自变量.
y3=dsolve('D2y=1+Dy') % 微分方程 d2y/dt2=1+dy/dt 求解.
y4=dsolve('D2y=1+Dy','y(0)=1','Dy(0)=0')
% 求上述微分方程在条件% y(0)=1,dy(0)/dt=0 的解.
[y5,y6]=dsolve('Dx=y+x','Dy=2*x')
% 求微分方程组 dx/dt=y+x,dy/dt=2*x 的解. 此处 x=y5,y=y6.
[y7,y8]=dsolve('Dx=y+x','Dy=2*x','x(0)=0,y(0)=1')
y9=dsolve('Dy=-2*y+2*x^2+2*x','y(0)=1','x')
% y9 是 y'=-2y+2x^2+2x,y(0)=1 的解.

```

计算结果显示:

```

dc = -sin(x)
df = 1-2*x
df2 = -2
tf2 = 9/2
x1 = 1/6 * pi
x2 = [      1      ]

```

```

    [-1/2+1/2 * i * 3^(1/2)]
    [-1/2-1/2 * i * 3^(1/2)]
y1 = 5 * t + C1
y2 = 1/2 * x^2 + C1
y3 = -t + C1 + C2 * exp(t)
y4 = -t + exp(t)
y5 = 1/3 * C1 * exp(-t) + 2/3 * C1 * exp(2 * t) + 1/3 * C2 * exp(2 * t) - 1/3 * C2 *
exp(-t)
y6 = 2/3 * C1 * exp(2 * t) - 2/3 * C1 * exp(-t) + 2/3 * C2 * exp(-t) + 1/3 * C2 *
exp(2 * t)
y7 = 1/3 * exp(2 * t) - 1/3 * exp(-t)
y8 = 2/3 * exp(-t) + 1/3 * exp(2 * t)
y9 = x^2 + exp(-2 * x)
上述计算程序放在 ch14 中.

```

1.5 定积分近似计算

```

q6=quad('x+2-x.^2',-1,2)
quad('f',a,b)是求 f 从 a 到 b 的定积分近似值的指令,它基于低阶的辛普森法.
x=-1:0.01:2;
y=x+2-x.^2;
q7=trapz(x,y)
trapz(x,y)是求 y 从 -1 到 2 的定积分近似值的指令,它基于梯形公式.
q8=int('x+2-x.^2',-1,2) q8 是上述定积分符号解,是准确值.
q9=quad('1./(x.^2+4*x+5)',0,1)
x=0:0.01:1;
y=1./(x.^2+4*x+5);
q10=trapz(x,y)
q11=int('1/(x.^2+4*x+5)',0,1)
q11=double(q11) 给出 q11 的近似数值.
计算结果显示:
q6 = 4.5000
q7 = 4.5000
q8 = 9/2
q9 = 0.1419
q10 = 0.1419
q11 = atan(3) - atan(2)
q11 = 0.1419

```

上述计算程序放在 ch15 中.

1.6 例题计算程序

% ch11 函数构成

```
f='x^2-2 * sin(x)';  
x=pi/2;  
f0=eval(f) % 函数在 pi/2 的值.  
fun='2 * x(1) * x(2)+x(2)^2-3';  
x=[1,3];  
fu1=eval(fun) % 函数在 x=[1,3]的值.  
g='[x(1) * x(2)+x(2)^2,exp(x(1)+x(2)^3)]';  
x=[1,2];  
g1=eval(g) % 函数在 x=[1,2]的值.
```

% ch12 函数作图

```
fplot('2 * exp(x) * sin(x)',[0,2 * pi])  
title('y=2 * exp(x) * sin(x)'); % y=2exsin x 在[0,2pi]上的图形.  
pause; % 程序暂停,敲任意键程序继续.  
x=0:0.2:5;  
plot(x,cos(x) * cosh(x)-1); % y=cosxcoshx-1 在[0,5]上的图形.  
title('y=cos(x) * cosh(x)-1')  
pause;  
x=-9:0.1:11;  
plot(x,x.^3-1);% y=x3-1 在[-9,11]上的图形.  
title('y=x3-1')  
pause;  
f='2 * exp(-x) * sin(x)';  
fplot(f,[0,8]);% y=2exsin x 在[0,8]上的图形.  
title('y=2exp(-x) * sin(x)'),xlabel('x');pause;  
f1='x.^3+10 * x.^2-2 * sin(x)-50';  
fplot(f1,[-12,5]);% y=x3+10x2-2sinx-50 在[-12,5]上的图形.  
title('y=x3+10x2-2sin(x)-50')  
% 这里介绍了两个绘图指令 fplot 和 plot. 指令 title 是绘图标.  
grid; % 图中增划网格.  
% 图形显示:
```

% ch13 多项式运算

```
q1=[1,3,5];q2=[2,4,6];
```

```

q1p=poly2sym(q1) % q1p 为 q1 表述的多项式.
q2p=poly2sym(q2) % q2p 为 q2 表述的多项式.
q3=conv(q1,q2); % q3=(x^2+3x+5)*(2x^2+4x+6).
q3p=poly2sym(q3) % q3p 为 q3 表述的多项式.
q4=deconv(q3,q1); % q4=q3/q1.
q4p=poly2sym(q4) % q4p 为 q4 表述的多项式.
q5=[2,-6,3,0,7];
q5p=poly2sym(q5) % q5p 为 q5 表述的多项式.
q6=polyder(q5); % q6 为 q5 的导数.
q6p=poly2sym(q6) % q6p 为 q6 表述的多项式.
q7=roots(q5) % q7 为 q5=0 的根.
q8=polyval(q5,1) % q8=q5(1). 多项式求值.
a=[1,2,3,4];
q9=polyvalm(q5,a) % q9=q5(a). 多项式求值,结果为矩阵.
% 计算结果显示:

```

% ch14 微积分符号运算

% 在微积分运算中,如果存在准确解,符号运算将给出准确解.

```
syms x h
```

```
dc=limit((cos(x+h)-cos(x))/h,h,0)
```

% 求 $(\cos(x+h)-\cos(x))/h$ 在 h 趋于 0 的极限.

```
f=sym('x+2-x^2'); % f=x+2-x^2.
```

```
df=diff(f) % df 为 f 的一阶导数.
```

```
df2=diff(f,2) % df2 为 f 的二阶导数.
```

```
tf=int(f); % tf 为 f 的不定积分.
```

```
tf2=int(f,-1,2) % tf2 为 f 从 (-1) 到 2 的定积分.
```

```
x1=solve('sin(x)=1/2') % 方程 sin(x)=1/2 求根.
```

```
x2=solve('x^3-1=0') % 方程 x^3-1=0 求根.
```

```
y1=dsolve('Dy=5') % 微分方程 dy/dt=5 求解.
```

```
y2=dsolve('Dy=x','x') % 微分方程 dy/dx=x 求解. x 指定自变量.
```

```
y3=dsolve('D2y=1+Dy') % 微分方程 d2y/dt2=1+dy/dt 求解.
```

```
y4=dsolve('D2y=1+Dy','y(0)=1','Dy(0)=0')
```

% 求上述微分方程在条件 $y(0)=1, dy(0)/dt=0$ 的解.

```
[y5,y6]=dsolve('Dx=y+x','Dy=2*x')
```

% 求微分方程组 $dy/dt=y+x, dy/dt=2x$ 的解.

```
[y7,y8]=dsolve('Dx=y+x','Dy=2*x','x(0)=0,y(0)=1')
```

```
y9=dsolve('Dy=-2*y+2*x^2+2*x','y(0)=1','x')
```

% y_9 是 $y'=-2y+2x^2+2x, y(0)=1$ 的解.

% 计算结果显示:

% ch15 积分近似计算

q6=quad('x+2-x^2',-1,2)

% quad('f',a,b)是求 f 从 a 到 b 的定积分近似值的指令,它基于低阶的辛普森法.

x=-1:0.01:2;

y=x+2-x.^2;

q7=trapz(x,y)

% trapz(x,y)是求 y 从 -1 到 2 的定积分近似值的指令,它基于梯形法公式.

q8=int('x+2-x^2',-1,2) % q8 是上述定积分符号解,是准确值.

q9=quad('1./(x.^2+4*x+5)',0,1)

x=0:0.01:1;

y=1./(x.^2+4*x+5);

q10=trapz(x,y)

q11=int('1/(x^2+4*x+5)',0,1)

q11=double(q11) % 给出 q11 的近似数值.

% 显示计算结果:

第 2 章 矩 阵

在 MATLAB 语言中, 矩阵占有非常重要的地位, 本章将择要介绍. 对参加运算的矩阵, 其要求与线性代数相同.

2.1 矩阵的运算和生成

```
a=[3 4 -1 1;6 5 0 7;1 -4 7 -1;2 -4 5 -6]
b=[1 2 4 6;7 9 16 -5;8 11 20 1;10 15 28 13]
c=[1 3 5 7]';
d0=a+b % 矩阵相加.
d1=a-b % 矩阵相减.
d2=3*a % 数乘矩阵.
d3=3.*a % 数点乘矩阵,d2=d3.
d4=3+a % a的所有元素都加3.
d5=a*b % 矩阵相乘. 要求a的列数等于b的行数.
d6=a.*b % 矩阵点乘为对应元素相乘,要求a和b的阶数相同.
d7=det(a) % 方阵a的行列式.
d8=rank(a) % 求矩阵a的秩.
d9=rank(b) % 求矩阵b的秩.
d10=inv(a) % 求a的逆矩阵.
d11=sum(a) % a的每列相加,构成一个行矩阵.
d12=sum(sum(a)) % 为a矩阵各元素之和.
d13=max(a) % 为a矩阵每列的最大值,构成一个行矩阵.
d14=max(a') % 为a矩阵每行的最大值,构成一个行矩阵.
d15=min(a) % 为a矩阵每列的最小值,构成一个行矩阵.
d16=min(a') % 为a矩阵每行的最小值,构成一个行矩阵.
d17=max(max(a))为矩阵a元素中的最大值.
d18=min(min(a))为矩阵a元素中的最小值.
d19=eye(6) % d19为6阶单位矩阵,指令生成.
d20=zeros(6) % d20为6阶零矩阵,指令生成.
d21=zeros(5,8); % d21为5行8列零矩阵,指令生成.
d22=ones(3) % d22为3阶全1阵,指令生成.
d23=ones(3,6) % d23为3行6列全1阵,指令生成.
d24=0:5 % d24=[0,1,2,3,4,5],从0到5,步长为1,指令生成.
```

```

d25=0:0.1:1 % d25 为从 0 到 1, 步长为 0.1 的行矩阵, 指令生成.
d26=b/a % a 为方阵, d26=b * inv(a).
d27=a\b % a 为方阵, d27=inv(a) * b.
d28=a.*b % a、b 为同阶矩阵, 或者 b 为常数; d28=[aij*bij].
d29=a./b % a、b 为同阶矩阵, d29=[aij/bij].
d30=b.\a % a、b 为同阶矩阵, d30=[aij/bij].

```

计算结果显示:

```

a= 3    4   -1    1
    6    5    0    7
    1   -4    7   -1
    2   -4    5   -6
b=  1    2    4    6
    7    9   16   -5
    8   11   20    1
   10   15   28   13
d0=  4    6    3    7
    13   14   16    2
    9    7   27    0
   12   11   33    7
d1=  2    2   -5   -5
    -1   -4  -16   12
    -7  -15  -13   -2
    -8  -19  -23  -19
d2=  9   12   -3    3
   18   15    0   21
    3  -12   21   -3
    6  -12   15  -18
d3=  6    7    2    4
    9    8    3   10
    9   -1   10    2
    5   -1    8   -3
d4=  9   12   -3    3
   18   15    0   21
    3  -12   21   -3
    6  -12   15  -18

```