

名誉主编 雷洁琼

最新

三点一测丛书

第二次修订版

与最新现行教材同步 (高中总复习)

高三数学

主 编
岑志林



● 综合能力测试
● 知识点精析
● 重点难点提示

科学出版社 龙门书局

三点一测丛书(第二

高三数学(高中总复习)

岑志林 主编

科学出版社
龍門書局

1998

本丛书第二次修订版封面贴有科学出版社、龙门书局
激光防伪标志,凡无标志者为非法出版物。

版权所有 翻印必究

举报电话:(打假办)(010) 64022646

(编辑部)(010) 64010636

三点一测丛书

(第二次修订版)

高三数学(高中总复习)

岑志林 主 编

责任编辑 李敬东 刘美福

科 学 出 版 社
龙 门 书 局 出版

北京东黄城根北街16号

邮政编码:100717

北京双青印刷厂 印刷

新华书店北京发行所发行 各地新华书店经销

*

1996年7月第 一 版 开本:787×1092 1/32

1997年7月修 订 版 印张:14 3/4

1998年6月第二次修订版 字数:336 000

1998年6月第十次印刷 印数:132 001—192 000

ISBN 7-80111-379-9/G·301

定 价: 14.50 元

(如有印装质量问题,我社负责调换)

《三点一测丛书》(第二次修订版)

编 委 会

名誉主编：雷洁琼

主 编：希 扬

副 主 编：刘国材 吴万用
董芳明

编 委：岑志林 王大中
郎伟岸 高经纬
王佰铭 宋 力
杨 岭 李敬东

立足知识点 突出含金量

——《三点一测丛书》(修订版)序

《三点一测丛书》是一套涵盖中学主要课程的自读导向教程,去年一出版就畅销神州大地,好评如潮。全国各地读者纷纷来信赞扬这套丛书纵有深度,横有跨度,内容丰富,贴紧教材,讲法新颖,精要实用。中学生说:“《三点一测丛书》就像我们前进道路上的一盏明灯,指引着我们前进。”“捧着《三点一测丛书》,我感到它的‘重量’了。对于我们中学生来讲,它真可谓‘雪中送炭’,是我们迈向知识天堂的一架云梯。”一些教育行家对这套丛书给予高度评价:“这套书的含金量很高。”“在当前许许多多的辅导读物中此更具有实用性、工具性、权威性。”特别是,我们尊敬的雷老在接见这套丛书的编辑人员时高兴地勉励我们:“你们为孩子们做了一件好事。”广大读者和雷老的赞扬给了我们极大的鼓舞。

有些朋友来信问:你们写《三点一测丛书》是怎么考虑的,为什么一出版就受到如此青睐?实际上,这套丛书的选题和编写经历了一个较长的调研和酝酿过程。我们与一些思维敏锐的教学研究者和出版家在实践中共同发现:近年来,在中学的辅导读物中都一窝蜂地抓“点”,例如“考点”、“热点”、“要点”、“基点”等等。其实,归根到底,最关键的就是“重点”、“难点”,最基本的就是“知识点”。我们抓住了“知识点”,进行精辟的分析,解决了其中的“重点”和“难点”,这样读者就可以学习到掌握知识

的手段。由此,举一反三,触类旁通,把握书海扬帆的正确航向。“三点一测”即重点、难点提示,知识点精析,综合能力测试。我们期望这套丛书能成为既实用、准确、翔实,又能指点迷津的辅导读物,让学习者、应试者一看,就心明眼亮,避开误区,不走弯路。为此,我们邀请了在教学第一线的知名特、高级教师编写了这套丛书,我们为学习者从大纲、考纲中找到了各科求知的达标点,从设计的测试题中找到了应试的参照系,使学习者切实体味到怎样从“知识型”向“能力型”转变,从“苦读型”向“巧读型”转变,从而在学习和应试中切实有效地进行素质教育。

根据广大读者的要求和建议,科学出版社、龙门书局已着手将这套丛书制作成光盘,不久将在全国发行。同时,我们在保留第一版的所有特色的基础上,对各册作了认真的修订,统一了体例,更新了习题,改正了差错。特别是,增加和更新了许多由第一线教师精心设计、反复验证过的珍贵资料,并引进了新近披露的重要导向性的信息。经过修订后的这套丛书,知识和技能的含量进一步增加,更适合读者学习需要。此外,丛书修订版以新的封面问世,并加了激光防伪标志,希望能起到遏制盗版的作用。

实践是检验真理的标准,读者是最好的评审员。我们深深地感谢全国上百万的莘莘学子与辛勤耕耘的导师们对《三点一测丛书》的厚爱。他们的意见和建议十分珍贵,他们的赞扬和鼓励使我们更加充满信心。我们更殷切地期盼着这套丛书的修订版问世后,能更多地听到反馈意见,以便不断修订,使之完善。最终,能在蓊郁的书林中呈现出一道绿影婆娑的怡人风景。

希 扬

1997 年春

《三点一测丛书》(第二次修订版)序

经过长达半年的精心修订,《三点一测丛书》(第二次修订版)又以崭新的面目与广大读者见面了。

这套丛书自 1996 年出版以来,一直畅销不衰,连年夺冠,深受广大中学生及其教师、家长的喜爱,已成为全国教辅读物中的名牌精品。其初版和修订版的累积印数平均已超过 30 万套。在目前全国教辅读物品种繁多、种类齐全的情况下,这套丛书能如此看好,不能不说它有与众不同的独特魅力。

“三点一测”为什么这样“火”呢?大家一致认为,这套丛书最大的特点是它对教材和学生认知水平的把握,即难得的“适度性”——深浅适度、虚实适度、内外适度、详略适度。具体地说,它具有以下几个鲜明的特色:

1. 讲法独特,易学易练。紧紧抓住知识点,进行精辟分析,巧解其中的重点和难点,并以练带学,学练结合。内容精要实用,讲法富有艺术性。因此,即使普通中学的一般学生也很容易接受所讲授的内容。经过由浅入深的综合训练,学习成绩都会得到明显的提高。

2. 与最新现行教材同步配套。每年紧跟现行教材内容及其编排的变动。还做到,既与最新现行教材同步,又跳出教材,内容上适当延伸,以培养学生的综合能力,特别是应试能力。

3. 题型新颖,解题规范。在特别注重典型例题精讲的同时,还强化能力训练题和验收题。所有题型不断更新,保持新颖。丛书特别注意解题的规范性,从严训练考生的基本功。

4. 强化知识迁移能力和应试能力。考生要适应“学在课内,考在课外”的能力型考试,就要在学习期间加强“双基”训练和综合能力培养。为提高考生的应试能力,书中给出解题思路,还指出解题常见错误,分析产生错误的原因。

第二次修订版紧跟中学最新现行教材和最新教育改革精神,主要在增加和更新典型例题、能力训练题、单元验收题、期中期末测试卷和中考高考模拟题等方面进行了重点修订。因此,本次修订版更具有实用性、权威性和导向性。

一部传世之作要经过千锤百炼。同样,一套好的教辅读物也要经过多次使用、反复修订才能臻于完善。在这套丛书的第二次修订中,尽管编者以精益求精的态度做了大量的修订和适当的增补,但仍会有疏漏之处,谨请指正。

希 扬

1998. 4

前 言

本书是《三点一测丛书·高三数学(高中总复习)》的第二次修订版.本次修订版根据教育部有关教育的最新精神和广大读者的反馈意见,按照最新教材,在第一次修订版的基础上对原书作了全面修订,增补了新题型,改写了部分内容,使之更适用于高考总复习.

本书各章的每节基本上都是由“知识点分析”、“典型例题”和“能力训练”三部分组成,所选的训练题,紧紧抓住知识点,特别是重点、难点,结合高考题型分选择题、填空题、解答题三种.每单元都选有一套典型的测试题,供检查测验用,以巩固、加深和活用所讲授的内容,并实现逐步提高学生分析问题与解决问题能力的目标.参考答案放在各章之后,供读者参考.

本书加有星号的内容为教育部最新公布的不作考试要求的选学内容.

参加本书编写和修订工作的有詹运达、曾放、蔡京南、陶华惠、岑志林.全书由岑志林主编.本书是我们教学工作与指导高三复习的经验结晶,希望能为读者带来较大的收益.尽管我们对本书又进行了认真的修订,但不足之处在所难免,望广大读者批评、指正.

编 者

1998年4月

目 录

第一篇 单元复习

第一章 幂函数、指数函数和对数函数	(1)
1.1 集合	(2)
1.2 映射与函数	(5)
1.3 幂函数、指数函数和对数函数	(13)
单元验收题	(26)
能力训练题参考答案	(28)
单元验收题参考答案	(31)
第二章 三角函数	(33)
2.1 任意角的三角函数	(33)
2.2 三角函数的图像和性质	(41)
能力训练题参考答案	(51)
第三章 两角和与差的三角函数	(53)
能力训练题参考答案	(69)
第四章 反三角函数和简单三角方程*	(73)
4.1 反三角函数	(73)
4.2 简单三角方程*	(83)
单元验收题	(89)
能力训练题参考答案	(92)
单元验收题参考答案	(93)
第五章 不等式	(95)

单元验收题.....	(123)
能力训练题参考答案	(125)
单元验收题参考答案	(127)
第六章 数列、极限和数学归纳法	(129)
6.1 数列	(129)
6.2 极限	(149)
6.3 数学归纳法	(158)
单元验收题.....	(165)
能力训练题参考答案	(167)
单元验收题参考答案	(174)
第七章 复数.....	(176)
7.1 复数的概念、代数形式及运算.....	(176)
7.2 复数的模、三角形式及运算.....	(183)
7.3 复数运算的几何意义	(195)
7.4 复平面上的轨迹问题	(202)
7.5 复数集上的方程	(206)
单元验收题.....	(211)
能力训练题参考答案	(213)
单元验收题参考答案	(220)
第八章 排列、组合和二项式定理	(223)
单元验收题.....	(235)
能力训练题参考答案	(238)
单元验收题参考答案	(241)
第九章 直线和平面.....	(243)
9.1 空间直线与直线,直线与平面,平面与平面的 位置关系	(243)
9.2 空间直线与直线,直线与平面,平面与平面所	

成的角	(250)
9.3 空间点与点,点与直线,直线与直线,直线与 平面,平面与平面间的距离	(261)
9.4 折叠	(268)
单元验收题	(276)
能力训练题参考答案	(278)
单元验收题参考答案	(285)
第十章 多面体和旋转体	(288)
10.1 棱柱与圆柱	(288)
10.2 棱锥与圆锥	(296)
10.3 棱台与圆台	(304)
10.4 球	(312)
单元验收题	(321)
能力训练题参考答案	(322)
单元验收题参考答案	(329)
第十一章 直线	(331)
单元验收题	(352)
能力训练题参考答案	(353)
单元验收题参考答案	(355)
第十二章 圆锥曲线	(356)
单元验收题	(386)
能力训练题参考答案	(388)
单元验收题参考答案	(389)
第十三章 参数方程和极坐标	(391)
单元验收题	(411)
能力训练题参考答案	(413)
单元验收题参考答案	(414)

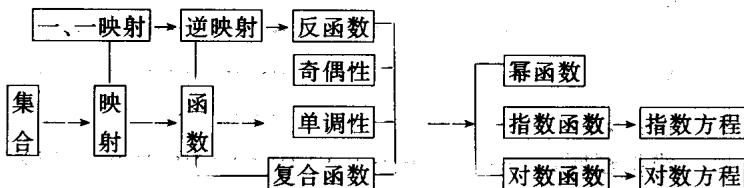
第二篇 综合复习

代数综合训练(一).....	(416)
代数综合训练(一)参考答案	(419)
代数综合训练(二).....	(421)
代数综合训练(二)参考答案	(423)
立体几何综合训练.....	(426)
立体几何综合训练参考答案	(429)
解析几何综合训练.....	(431)
解析几何综合训练参考答案	(434)
模拟试题(一).....	(436)
模拟试题(二).....	(441)
模拟试题(三).....	(446)
模拟试题参考答案	(450)

第一篇 单元复习

第一章 幂函数、指数函数和对数函数

本章知识结构如下:



本章主要内容有集合,子集,交集,并集,补集,映射与函数,函数的单调性,函数的奇偶性,反函数的概念与图像,幂函数,指数函数,对数函数,简单的指数方程和对数方程等,共13个知识点.

本章要求:

(1)理解集合、子集、交集、并集、补集的概念,了解空集和全集的意义,了解属于、包含、相等关系的意义,能掌握有关的术语和符号,能正确地表示一些较简单的集合.

(2)了解映射的概念,在此基础上理解函数及其有关的概念,掌握互为反函数的函数图像间的关系.

(3)理解函数的单调性和奇偶性的概念,并能判断一些简单函数的单调性和奇偶性,能利用函数的奇偶性与图像的对称性的关系描绘函数图像.

(4)掌握幂函数、指数函数、对数函数的概念及其图像和性质,并会解简单的指数方程和对数方程.

1.1 集合

集合是中学数学最基本的概念之一.集合的思想渗透于中学数学内容的各个方面.集合作为工具在函数、方程、不等式、排列组合、及曲线、轨迹等知识中有广泛的运用.

◆一、能力要求◆

- 1.掌握集合的有关概念,了解空集与全集的概念,元素与集合,集合与集合之间的关系.
- 2.熟练集合交、并、补运算.
- 3.运用文氏图解决某些抽象集合的问题.

◆二、典型例题◆

【例1】已知集合 $M = \{y | y = x - 1, x \geq 0\}$, $N = \{y | y = \log_{\frac{1}{2}} x, \frac{1}{2} \leq x \leq 1\}$, 则().

- (A) $M \cap N = \emptyset$; (B) $M \cap N = M$;
(C) $M \cup N = R$; (D) $N \subset M$.

解: $\because M = \{y | y = x - 1, x \geq 0\} = \{y | y \geq -1\}$, $N = \{y | y = \log_{\frac{1}{2}} x, \frac{1}{2} \leq x \leq 1\} = \{y | 0 \leq y \leq 1\}$, 淘汰(A), (B), (C), 应选(D).

注意:对于用描述法给定的集合,它的元素是由集合的指示元素所决定的.集合 M 与 N 分别是函数 $y = x - 1, x \geq 0$ 及函数 $y = \log_{\frac{1}{2}} x, \frac{1}{2} \leq x \leq 1$ 的值域.

【例 2】设全集 $I = \{(x, y) | x, y \in R\}$, 集合 $M = \{(x, y) | \frac{y-3}{x-2} = 1\}$, $N = \{(x, y) | y \neq x+1\}$, 那么 $\overline{M \cup N}$ 等于 ().

- (A) $\emptyset$; (B) $\{(2, 3)\}$;
(C) $(2, 3)$; (D) $\{(x, y) | y = x+1\}$.

分析: 本题集合中的指示元素是 (x, y) , 集合 M 是由直线 $y = x+1$ (不含点 $(2, 3)$) 上的所有点的坐标组成的集合; 集合 N 是坐标平面内直线 $y = x+1$ 以外所有点的坐标组成的集合, 所以 $\overline{M \cup N}$ 等于单元素集合 $\{(2, 3)\}$, 故应选 (B).

注意: $\{(2, 3)\}$ 与 $(2, 3)$ 的区别, 前者集合中仅有一个元素, 而后者为数集 $\{x | 2 < x < 3\}$.

【例 3】已知集合 $A = \{x | x^2 - ax \leq x - a\}$, $B = \{x | 1 \leq \log_2(x+1) \leq 2\}$, $C = \{x | x^2 + bx + c > 0\}$.

- (1) 若 $A \cap B = A$, 求实数 a 的取值范围;
(2) 若 $B \cap C = \emptyset$ 且 $B \cup C = R = I$, 求 b, c 的值.

解: (1) 由 $A \cap B = A$ 知 $A \subseteq B$.

若 $a \geq 1$, 则 $A = \{x | x^2 - ax \leq x - a\} = \{x | 1 \leq x \leq a\}$.

$B = \{x | 1 \leq \log_2(x+1) \leq 2\} = \{x | 1 \leq x \leq 3\}$

由 $A \subseteq B$ 得 $1 \leq a \leq 3$.

若 $a < 1$, 则 $A = \{x | a \leq x \leq 1\}$, $A \not\subseteq B$.

(2) 由 $B \cap C = \emptyset$ 且 $B \cup C = R = I$ 可知 $C = \overline{B}$.

$\therefore B = \{x | 1 \leq x \leq 3\}$, $C = \overline{B} = \{x | x < 1 \text{ 或 } x > 3\}$

$\therefore b = -(1+3) = -4$, $c = 1 \times 3 = 3$.

【例 4】设含有 8 个元素的集合 A 的全部子集数为 S , 其中含 5 个元素的子集数为 T , 求 T/S 的值.

分析: 集合 A 的全部子集数 $S = C_8^0 + C_8^1 + C_8^2 + \cdots + C_8^8 = 2^8$, 其中含 5 个元素的子集数 $T = C_8^5$, 所以 $\frac{T}{S} = \frac{C_8^5}{2^8} = \frac{C_8^3}{2^8} = \frac{7}{32}$.

一般地,若集合 M 中含有 n 个元素,那么集合 M 的全部子集数为 $C_n^0 + C_n^1 + C_n^2 + \cdots + C_n^n = 2^n$ 个.

◆三、能力训练◆

(一)选择题

- 集合 $M = \{x | \lg^2 x = 1\}$, $N = \{x | x = \frac{k\pi}{4} + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}\}$, 则 ().
 (A) $M = N$; (B) $M \supset N$;
 (C) $M \subset N$; (D) $M \cap N = \emptyset$.
- 若集合 $M = \{y | y = 2^x, x \in \mathbb{R}\}$, $N = \{y | y = x^2, x \in \mathbb{R}\}$, 则 ().
 (A) $M \cap N = \{2, 4\}$; (B) $M \cap N = \{4, 16\}$;
 (C) $M \supset N$; (D) $N \supset M$.
- 若全集 $I = \{(x, y) | x, y \in \mathbb{R}\}$, $A = \{(x, y) | \frac{y-1}{x-1} = 2, x, y \in \mathbb{R}\}$, $B = \{(x, y) | 2x - y - 1 = 0, x, y \in \mathbb{R}\}$, 则 $\bar{A} \cap B$ 是 ().
 (A) $\bar{A}$; (B) B ; (C) $\emptyset$; (D) $\{(1, 1)\}$.
- 设全集为 $\mathbb{R}$, $f(x) = \sin x$, $g(x) = \cos x$, $M = \{x | f(x) \neq 0\}$, $N = \{x | g(x) \neq 0\}$, 那么集合 $\{x | f(x) \cdot g(x) = 0\}$ 等于 ().
 (A) $\bar{M} \cap \bar{N}$; (B) $\bar{M} \cup N$;
 (C) $M \cup \bar{N}$; (D) $\bar{M} \cup \bar{N}$.
- 集合 $M = \{x | x > 2\}$, $N = \{x | x < 3\}$, 那么“ $x \in M$ 或 $x \in N$ ”是“ $x \in M \cap N$ ”的 ().
 (A) 充分但不必要条件; (B) 必要但不充分条件;
 (C) 充要条件; (D) 既不充分也不必要条件.