



课标  
苏教版



活页

# 高中数学 创新课时训练

学 / 习 / 指 / 导 / 用 / 书 / 升 / 级 / 版

选修2-1

凤凰出版传媒集团  
 江苏教育出版社  
JIANGSU EDUCATION PUBLISHING HOUSE

创新课时训练 高中数学  
课标苏教版 选修2-1

---

主编 陈光立

本册主编 尤小平

编写人员 尤小平 朱骏 季斌  
翁德强

---

参与讨论 董林伟 丁骏 樊亚东  
冯惠愚 冯建国 葛军  
寇恒清 李善良 李洪涛  
陆云泉 罗强 祁建新  
仇炳生 孙旭东 石志群  
徐稼红 徐淮源 袁亚良  
于明 魏贤刚 王红兵  
王玉宏 卫刚 张松年  
张乃达 周建勋 周凯  
张建良

---

# 目 录

## CONTENTS

### 第1章 常用逻辑用语

001

|                   |     |
|-------------------|-----|
| 第1课时 四种命题         | 001 |
| 第2课时 充分条件和必要条件(1) | 003 |
| 第3课时 充分条件和必要条件(2) | 005 |
| 第4课时 简单的逻辑联结词(1)  | 007 |
| 第5课时 简单的逻辑联结词(2)  | 009 |
| 第6课时 量词           | 011 |
| 第7课时 含有一个量词的命题的否定 | 013 |
| 第8课时 本章复习         | 015 |
| 本章复习测试            | 017 |

### 第2章 圆锥曲线与方程

019

|                     |     |
|---------------------|-----|
| 第1课时 圆锥曲线           | 019 |
| 第2课时 椭圆的标准方程        | 021 |
| 第3课时 椭圆的简单几何性质(1)   | 023 |
| 第4课时 椭圆的简单几何性质(2)   | 025 |
| 第5课时 双曲线的标准方程       | 027 |
| 第6课时 双曲线的简单几何性质(1)  | 029 |
| 第7课时 双曲线的简单几何性质(2)  | 031 |
| 第8课时 抛物线的标准方程       | 033 |
| 第9课时 抛物线的简单几何性质(1)  | 035 |
| 第10课时 抛物线的简单几何性质(2) | 037 |

|                   |     |
|-------------------|-----|
| 第 11 课时 圆锥曲线的统一定义 | 039 |
| 第 12 课时 曲线和方程     | 041 |
| 第 13 课时 求曲线方程     | 043 |
| 第 14 课时 曲线的交点     | 045 |
| 第 15 课时 本章复习(1)   | 047 |
| 第 16 课时 本章复习(2)   | 049 |
| 本章复习测试            | 051 |

### 第 3 章 空间向量与立体几何

053

|                       |     |
|-----------------------|-----|
| 第 1 课时 空间向量及线性运算      | 053 |
| 第 2 课时 共面向量定理         | 055 |
| 第 3 课时 空间向量基本定理       | 057 |
| 第 4 课时 空间向量的坐标表示      | 059 |
| 第 5 课时 空间向量的数量积(1)    | 061 |
| 第 6 课时 空间向量的数量积(2)    | 063 |
| 第 7 课时 直线的方向向量与平面的法向量 | 065 |
| 第 8 课时 空间线面关系的判定(1)   | 067 |
| 第 9 课时 空间线面关系的判定(2)   | 069 |
| 第 10 课时 空间角的计算(1)     | 071 |
| 第 11 课时 空间角的计算(2)     | 073 |
| 第 12 课时 本章复习          | 075 |
| 本章复习测试                | 077 |

### 参考答案

079



# 第1章

## 常用逻辑用语

### 第1课时 四种命题



#### 课堂检测

**例1** 命题“若 $\angle A$ 是直角，则 $\triangle ABC$ 是直角三角形”和“若 $\triangle ABC$ 不是直角三角形，则 $\angle A$ 不是直角”的关系是 ( )

- A. 同一个命题
- B. 互为逆命题
- C. 互为否命题
- D. 互为逆否命题

**例2** 写出下列命题的逆命题、否命题与逆否命题，并指出它们的真假：

- (1) 若 $a^2 = b^2$ ，则 $a = b$ ；
- (2) 若两个非零向量共线，则它们方向相同。

#### 学海导航

命题是能够判断真假的语句。一般地，祈使句、疑问句都不能判断真假，所以它们不是命题。

设 $p$ 和 $q$ 分别表示两个语句，“非 $p$ ”和“非 $q$ ”分别表示 $p$ 和 $q$ 的否定。则“如果……，那么……”形式的命题可记为“若 $p$ 则 $q$ ”。设“若 $p$ 则 $q$ ”为原命题，它的逆命题是“若 $q$ 则 $p$ ”，否命题是“若非 $p$ 则非 $q$ ”，逆否命题是“若非 $q$ 则非 $p$ ”。

原命题和逆否命题同真或同假，逆命题和否命题也互为逆否命题，因此它们也同真或同假。



#### 课堂检测

1. 命题“若 $a > 1$ ，则 $a^2 > 1$ ”的否命题是 ( )

- A. 若 $a^2 > 1$ ，则 $a > 1$
- B. 若 $a \leq 1$ ，则 $a^2 \leq 1$
- C. 若 $a > 1$ ，则 $a^2 \leq 1$
- D. 若 $a^2 \leq 1$ ，则 $a \leq 1$

2. 下列说法中，不正确的是 ( )

- A. “若 $p$ 则 $q$ ”与“若 $q$ 则 $p$ ”互为逆命题
- B. “若非 $p$ 则非 $q$ ”与“若 $q$ 则 $p$ ”互为否命题
- C. “若非 $p$ 则非 $q$ ”与“若 $p$ 则 $q$ ”互为否命题
- D. “若非 $p$ 则非 $q$ ”与“若 $q$ 则 $p$ ”互为逆否命题

#### 拾乐园

3. 命题“若两个三角形全等，则它们相似”的逆命题是\_\_\_\_\_，逆命题是\_\_\_\_\_命题(填“真”、“假”).

4. 设 $\triangle ABC$ 的三边分别为 $a, b, c$ , 命题“若 $a^2 + b^2 \neq c^2$ , 则 $\triangle ABC$ 不是直角三角形”的逆否命题是\_\_\_\_\_，这个逆否命题是\_\_\_\_\_命题(填“真”、“假”).



### 课后训练

5. 判断下列说法是否正确:

- 一个命题的否命题为真, 它的原命题一定为假;
- 一个命题的逆命题为真, 它的否命题也一定为真.

6. 写出下列命题的逆命题、否命题与逆否命题, 并指出它们的真假:

- 若 $(x-1)(x-2) \neq 0$ , 则 $x \neq 2$ ;
- 若 $a < b$ , 则 $ac < bc$ .

7. 把下列命题改写成“若 $p$ 则 $q$ ”的形式, 写出它们的逆命题、否命题与逆否命题, 并指出它们的真假:

- 对角线不相等的平行四边形不是矩形;
- 两个奇数的和是偶数.



### 数学阅读

## 逻辑基本规律(1)

逻辑主要的基本规律有四条, 即同一律、矛盾律、排中律和充足理由律.

(1) 同一律的基本内容是: 在同一思维过程中, 每一思想的自身必须是同一的. 同一律要求在同一思维过程中, 在什么意义上使用某项概念, 就自始至终在这个惟一确定的意义上使用这个概念, 不能在讨论某个论题的名义下实际讨论别的论题.

(2) 矛盾律的基本内容是: 在同一思维过程中, 两个互相矛盾或反对的思想不能同时是真的. 矛盾律的主要作用在于保证思维的无矛盾性(即首尾一贯性), 这乃是正确思维的一个必要条件. 矛盾律要求对两个互相矛盾或互相对立的判断不能都肯定, 必须否定其中的一个, 否则, 会犯“自相矛盾”的错误.



## 第2课时 充分条件和必要条件(1)



### 课堂例题

**例1** 已知  $p: x > 0, q: |x| > 0$ , 那么  $p$  是  $q$  的 ( )

- A. 充分不必要条件      B. 必要不充分条件  
C. 充要条件      D. 既不充分又不必要条件

**例2** 指出下列命题中  $p$  是  $q$  的什么条件(在“充分不必要条件”、“必要不充分条件”、“充要条件”、“既不充分又不必要条件”中选一种,下同).

- (1)  $p: x \neq 3, q: |x| \neq 3$ ;
- (2)  $p$ : 三角形的三条边相等,  $q$ : 三角形的三个角相等;
- (3)  $p: \alpha > \beta, q: \cos \alpha < \cos \beta$ ;
- (4)  $p: \frac{1}{x} < -1, q: x > -1$ .

**例3**  $\begin{cases} x > 1, \\ y > 1 \end{cases}$  是  $\begin{cases} x + y > 2, \\ xy > 1 \end{cases}$  的什么条件? 试说明理由.

### 学海导航

$p$  是  $q$  成立的充分条件表明有  $p$  必有  $q$ , 但  $p$  不成立,  $q$  也可能成立;  $q$  是  $p$  成立的必要条件表明没有  $q$  就没有  $p$ , 但未必有了  $q$  就一定有  $p$ .

要证明  $p$  是  $q$  的充分不必要条件, 只要证明“若  $p$  则  $q$ ”为真, 而“若  $q$  则  $p$ ”为假; 要证明  $p$  是  $q$  的必要不充分条件, 只要证明“若  $q$  则  $p$ ”为真, 而“若  $p$  则  $q$ ”假; 要证明  $p$  是  $q$  的充要条件, 只要证明“若  $p$  则  $q$ ”和“若  $q$  则  $p$ ”都为真; 要证明  $p$  是  $q$  的既不充分又不必要条件, 只要证明“若  $p$  则  $q$ ”和“若  $q$  则  $p$ ”都为假.

要说明一个命题为真, 必须给出严格证明, 但否定一个命题只要举出一个反例即可.



### 课堂练习

1. 已知  $p: 0 < x < 5, q: |x - 2| < 3$ , 那么  $p$  是  $q$  的 ( )

- A. 充分不必要条件      B. 必要不充分条件  
C. 充要条件      D. 既不充分又不必要条件

2. 已知  $a, b, c$  为在同一平面内的非零向量,  $p: a \cdot b = a \cdot c, q: b = c$ , 则  $p$  是  $q$  的 ( )

- A. 充分不必要条件      B. 必要不充分条件  
C. 充要条件      D. 既不充分又不必要条件

3. 从  $\Rightarrow, \nRightarrow, \Leftrightarrow$  中选择适当的符号填空:

$$(1) x^2 = y^2 \quad \underline{\hspace{2cm}} \quad x = y; \quad (2) \sqrt{a} = \sqrt{b} \quad \underline{\hspace{2cm}} \quad a = b;$$

### 拾乐园



(3)  $A \cap B = A$  \_\_\_\_\_  $A \subseteq B$ ;

(4)  $|x - y| < 2$  \_\_\_\_\_  $|x - 1| < 1$  且  $|y - 1| < 1$ .

4. 从“充分不必要条件”、“必要不充分条件”、“充要条件”、“既不充分又不必要条件”中选一种填空：

(1) “四边形是矩形”是“四边形对边相等”的\_\_\_\_\_；

(2) “两条直线垂直”是“两条直线斜率乘积等于-1”的\_\_\_\_\_.



### 逻辑推理题

5. 指出下列命题中  $p$  是  $q$  的什么条件.

(1)  $p: c^2a > c^2b$ ,  $q: a > b$ ;

(2)  $p: a, b, c$  成等差数列,  $q: 2b = a + c$ .

6. 设  $a, b, c \in \mathbb{R}$ , 则  $b^2 - 4ac < 0$  是  $ax^2 + bx + c > 0$  恒成立的什么条件? 试说明理由.

7. 在  $\triangle ABC$  中, “ $A > B$ ”是“ $\sin A > \sin B$ ”的什么条件? 为什么?



### 数学逻辑

## 逻辑基本规律(2)

(3) 排中律的基本内容是:在同一思维过程中,两个互相矛盾的思想不能同假,必有一真. 排中律的主要作用在于保证思想的明确性,模棱两可是一种常见的违反排中律要求的逻辑错误.

(4) 充足理由律的基本内容是:在论证的过程中,一个判断被确定为真,总是有充足理由的. 如果违反了充足理由律的逻辑要求,就会犯“虚假理由”和“推不出”的逻辑错误.



## 第3课时 充分条件和必要条件(2)



### 课堂例题

**例1** 已知函数  $f(x)$  是  $\mathbb{R}$  上的增函数, 写出命题“若  $a+b \geq 0$ , 则  $f(a)+f(b) \geq f(-a)+f(-b)$ ”的逆否命题, 并判断其真假.

### 学海导航

(1) 在判断一个命题真假时, 若直接判断它的真假比较困难, 可以转化为判断其逆否命题的真假, 这是因为一个命题和它的逆否命题是同真或同假.

(2) 对于充要条件的证明必须从充分性和必要性两方面进行论证, 缺一不可.

**例2** 设  $p: -1 < a < 1$ ,  $q$ : 方程  $x^2 + (a-2)x + 2a - 2 = 0$  的一个根大于1, 另一个根小于1, 试判断  $p$  是  $q$  的什么条件.

### 拾乐园

**例3** 已知  $x, y \in \mathbb{R}$ , 求证:  $xy \geq 0$  是  $|x+y| = |x| + |y|$  的充要条件.



### 课堂练习

1. 在  $\triangle ABC$  中, “ $A > \frac{\pi}{6}$ ”是“ $\sin A > \frac{1}{2}$ ”的 ( )

- A. 充分不必要条件
- B. 必要不充分条件
- C. 充要条件
- D. 既不充分又不必要条件

2. 下列说法中, 错误的是 ( )

- A. 若一个命题的逆命题为真, 则它的否命题也为真
- B. 若一个命题的否命题为假, 则它本身一定为真
- C. 原命题与它的逆命题、否命题、逆否命题这四个命题中, 真命题的个数是偶数
- D. 原命题、逆命题、否命题、逆否命题可以同时为假

3.  $x > 5$  的一个必要而不充分条件是 \_\_\_\_\_.



4. 设甲是乙的充分不必要条件,丙是乙的充要条件,丁是丙的必要不充分条件,那么丁是甲的\_\_\_\_\_.



数学思想方法

5. 写出命题“若  $a, b$  都是偶数,则  $ab$  是偶数”的逆命题、否命题与逆否命题,并判断其真假.

6. 求证:关于  $x$  的方程  $ax^2 + bx + c = 0$  有一个根为 1 的充要条件是  $a + b + c = 0$ .

7. 求证:一元二次方程  $ax^2 + bx + c = 0$  有一正根和一负根的充要条件是  $ac < 0$ .



数学思想方法

### 逻辑推理问题(1)

有三顶红帽子和两顶白帽子,将其中的三顶帽子分别戴在甲、乙、丙三人头上.这三人每人都只能看见其他两人头上的帽子,但看不见自己头上戴的帽子,并且也不知道剩余的两顶帽子的颜色.问甲:“你戴的是什么颜色的帽子?”甲回答说:“不知道.”接着,又以同样的问题问乙.乙也回答说:“不知道.”最后问丙.丙回答说:“我知道我戴的帽子是什么颜色了.”试问:丙戴的是什么颜色的帽子?



## 第4课时 简单的逻辑联结词(1)



### 课堂例题

**例1** 下列命题的构成形式中,是“ $p$ 或 $q$ ”形式的是 ( )

- A. 3是奇数且3是质数      B.  $\sqrt{3}$ 不是有理数  
C.  $3 > 1$ 或 $3 < 1$       D. 3是6的约数且3是9的约数

**例2** 指出下列命题的形式:

- (1)  $6 \geq 6$ ;  
(2)  $\triangle ABC$ 是直角三角形且 $\triangle ABC$ 是等腰三角形;  
(3)  $\pi$ 不是有理数.

**例3** 写出由下列命题构成的“ $p$ 或 $q$ ”、“ $p$ 且 $q$ ”以及“非 $p$ ”形式的命题:

- (1)  $p$ : 菱形对角线互相垂直;  $q$ : 菱形对角线互相平分.  
(2)  $p$ :  $13 > 5$ ;  $q$ :  $13 = 5$ .

### 学海导航

两个命题可以用逻辑联结词“或”、“且”联结成为一个新的命题.

逻辑联结词“非”是用来表示对一个命题的否定.

命题的否定和否命题是不一样的.“否命题”是对原命题的条件和结论同时否定,而“命题的否定”是对整个命题的否定,通常只否定命题的结论.要掌握一些常见的否定用语,例如:“ $\geq$ ”的否定是“ $<$ ”,“ $=$ ”的否定是“ $\neq$ ”,“ $\in$ ”的否定是“ $\notin$ ”,“是”的否定为“不是”,等等.



### 课堂练习

1. 下列命题的构成形式中,是“ $p$ 且 $q$ ”形式的是 ( )

- A. 小强是班长或小强是学习委员  
B.  $\pi$ 是无理数或 $\pi$ 是正数  
C. 5是17的约数且3是9的约数  
D. 平行线不相交

2. “ $3 \leq 4$ ”的含义是 ( )

- A.  $3 < 4$       B.  $3 = 4$   
C.  $3 < 4$ 或 $3 = 4$       D.  $3 < 4$ 且 $3 = 4$

3. 用“或”、“且”填空:

(1) “ $x \in A \cup B$ ”的含义是  $x \in A$  \_\_\_\_\_  $x \in B$ ;

(2) “ $x \in A \cap B$ ”的含义是  $x \in A$  \_\_\_\_\_  $x \in B$ .

4. 命题“0不是自然数”的否定是\_\_\_\_\_.

### 拾乐园



### 课后训练

5. 指出下列命题的形式:

- (1) 空集不是本身的子集;
- (2) 任何三角形都有外接圆且任何三角形都有内切圆;
- (3) 两个正数的算术平均数大于等于它们的几何平均数.

6. 写出由下列命题构成的“ $p$  或  $q$ ”、“ $p$  且  $q$ ”以及“非  $p$ ”形式的命题.

- (1)  $p$ :  $0 \in \{1, 2, 3\}$ ,  $q$ :  $0 \in \{0, 2, 4, 6\}$ ;
- (2)  $p$ :  $x^2 > 0$ ,  $q$ :  $0 \cdot x = 0$ .

7. 甲乙两人各射击一次, 设  $p$  表示“甲击中目标”,  $q$  表示“乙击中目标”, 试用  $p$  或  $q$  及逻辑联结词“或”、“且”、“非”表示下列命题:

- (1) 甲击中目标, 乙没有击中目标;
- (2) 两人都击中目标;
- (3) 至少有一个人击中目标.



### 数学阅读

#### 逻辑推理问题(2)

某珠宝店被盗贼偷走一块价值 5 000 美元的钻石, 经侦破查明作案的肯定是甲、乙、丙、丁这四个人当中的一个. 于是, 这四个人被作为重大嫌疑对象而接受审讯. 四个人的供词中有一些互相矛盾的内容, 其中甲说不是他作案的, 乙说丁就是罪犯, 丙说乙是盗窃这块钻石的罪犯, 丁说乙有意诬陷他.

现在, 我们假定四个人当中只有一个说了真话, 那么罪犯是谁呢?



## 第5课时 简单的逻辑联结词(2)



### 课堂例题

**例1** 由命题  $p$ : “0的相反数是0”与  $q$ : “正数的平方根是正数”构成的“ $p$ 或 $q$ ”、“ $p$ 且 $q$ ”和“非 $p$ ”形式的三个命题中,真假情况是( )

- A. 真、假、假 B. 真、假、真 C. 真、真、假 D. 假、假、真

**例2** 写出由下列命题构成的“ $p$ 或 $q$ ”、“ $p$ 且 $q$ ”以及“非 $p$ ”形式的命题,并判断它们的真假:

- (1)  $p$ : 长方体是直棱柱;  $q$ : 球是旋转体.  
(2)  $p$ : 等边三角形是直角三角形;  $q$ : 等边三角形是等腰三角形.

### 学海导航

(1) 非 $p$ 形式命题的真假与 $p$ 的真假相反.

(2) “ $p$ 且 $q$ ”形式的命题,当 $p$ 和 $q$ 都为真时为真,其余为假.

(3) “ $p$ 或 $q$ ”形式的命题,当 $p$ 和 $q$ 都为假时为假,其余为真.

### 拾乐园

**例3** 判断下列命题的真假:

- (1)  $2 \leqslant 2$  或  $1 > 2$ ; (2)  $2 \geqslant 3$  且  $1 \leqslant 2$ .



### 课堂练习

1. 下列说法中,正确的是 ( )

- A. 命题的否定和否命题是一样的  
B. 命题  $p$ ,  $q$  中有且只有一个真命题,命题  $p$ 或 $q$  才是真命题  
C. 命题  $p$ ,  $q$  都是真命题,命题  $p$ 且 $q$  才是真命题  
D. 命题  $p$ ,  $q$  都是假命题,命题  $p$ 且 $q$  才是假命题

2. 若命题“ $p$ 或 $q$ ”是真命题,“非 $p$ ”是假命题,则必有 ( )

- A.  $p$  是真命题,  $q$  是假命题  
B.  $p$  是真命题,  $q$  是真命题  
C.  $p$  是假命题,  $q$  是真命题  
D.  $p$  是真命题,  $q$  可能是真命题,也可能是假命题

3. 由命题  $p$ : “10的常用对数是10”与  $q$ : “1的常用对数是1”构成的“ $p$ 或 $q$ ”形式的命题是\_\_\_\_\_命题(填“真”、“假”).

4. 由命题  $p$ : “ $0 \in \emptyset$ ”与  $q$ : “ $0 \in \mathbb{N}$ ”构成的“ $p$ 且 $q$ ”形式的命题是

\_\_\_\_\_ 命题(填“真”、“假”).



### 课后训练

5. 写出由下列命题构成的“ $p$ 或 $q$ ”、“ $p$ 且 $q$ ”以及“非 $p$ ”形式的命题，并判断它们的真假：

(1)  $p$ : 4 的平方根是 2;  $q$ : 4 的平方根是 -2;

(2)  $p$ : 3 是方程  $x^2 - 9 = 0$  的根;  $q$ : 方程  $x^2 - 9 = 0$  的根是 -3.

6. 判断下列命题真假：

(1)  $2 \leqslant 3$  且  $4 \leqslant 2$ ;

(2)  $\pi > 3$  或  $\pi$  是有理数.

7. 已知命题  $p$ : 方程  $x^2 + mx + 1 = 0$  有两个实数根, 命题  $q$ : 方程  $x^2 - 4x - m = 0$  没有实数根. 若  $p$  或  $q$  为真命题,  $p$  且  $q$  为假命题, 求实数  $m$  的取值范围.



### 数学阅读

#### 逻辑推理问题(3)

在大西洋上有个叫做说谎岛的小岛, 岛上的岛民分成两类: 一类人是“君子”, 他们永远说真话; 另一类人是“小人”, 他们永远讲谎话.

有一天, 有甲、乙、丙三个岛民站在一座花园里. 有个逻辑博士路过此地. 逻辑博士问甲: “你是君子, 还是小人?”甲回答了逻辑博士的问话, 但他说的话相当含糊, 逻辑博士听不清楚他说了什么. 逻辑博士就问乙: “甲说什么?”乙答道: “甲说自己是小人.”丙说: “别相信乙的话, 他在撒谎.”你知道乙、丙是何种人? 是君子, 还是小人?

## 第6课时 量词



### 课堂例题

**例1** 下列命题中,为存在性命题的是 ( )

- A. 所有人都要孝敬父母      B. 中国人都有接受教育的权利  
C. 有的实数不能作除数      D. 平行四边形两组对边分别平行

**例2** 判断下列命题是全称性命题还是存在性命题,并写出全称量词或存在量词:

- (1) 所有同学都顺利通过了考试;
- (2) 圆周上任意一点到圆心的距离都等于圆的半径;
- (3) 有的函数是奇函数;
- (4) 至少有一个三角形没有外接圆.

### 学海导航

全称量词有“所有”、“一切”、“任意”、“全体”、“凡是”等,含有全称量词的命题称为全称性命题.

存在量词有“存在”、“有些”、“至少有一个”、“有的”等,含有存在量词的命题称为存在性命题.

### 拾乐园

**例3** 判断下列命题的真假:

- (1)  $\forall x \in \mathbb{Q}, x^2 \in \mathbb{Q}$ ;      (2)  $\forall x \in \mathbb{R}, 4x^2 - 12x + 9 > 0$ ;
- (3)  $\exists x \in \mathbb{N}^*, \sqrt{x} = x$ ;      (4)  $\exists x \in \mathbb{N}, x^2 + 3x + 2 = 0$ .



### 课堂练习

1. 下列命题中,为全称性命题的是 ( )

- A. 今天有人请假  
B. 存在一个实数,这个实数与它的相反数的和不为 0  
C. 矩形都有外接圆  
D. 过直线外一点有一条直线和已知直线平行

2. 有下列命题:①任何一个一元二次方程都有不相等的两个实数根;②等差数列的任何一项都不为 0;③有些函数既是奇函数又是偶函数;④存在体积相等的球和正方体. 其中,真命题的个数是 ( )

- A. 1      B. 2      C. 3      D. 4

3. “任何一个奇数都是质数”是一个 \_\_\_\_\_ 性命题(填“全称”、

“存在”),它是一个\_\_\_\_\_命题(填“真”、“假”).

4. “有些三角形的三个内角都相等”是一个\_\_\_\_\_性命题(填“全称”、“存在”),它是一个\_\_\_\_\_命题(填“真”、“假”).



### 课后训练

5. 判断下列命题是全称性命题还是存在性命题,并写出全称量词或存在量词:

- (1) 有的集合没有真子集;
- (2) 三角形中两边之和大于第三边.

6. 用量词符号表示下列命题:

- (1) 任意一个实数的绝对值都是非负数;
- (2) 存在一个自然数  $x$ , 使  $x^2 - 6x + 8$  是负数.

7. 判断下列命题的真假:

- (1) 存在定义域相同且值域相同的两个不同的函数;
- (2) 只有一个公共点的两个圆相外切;
- (3)  $\forall x \in \mathbb{N}^*, 2^x \geqslant 1$ ;
- (4)  $\exists x \in \mathbb{R}, \lg x = 1 - x$ .



### 数学阅读

## 职业特点

三位科学家由伦敦去苏格兰参加会议,越过边境不久,发现了一只黑羊.“真有意思,”天文学家谈论道,“苏格兰的羊都是黑的.”“这种推断不可靠,”数学家应道,“我们只能得出‘在苏格兰有一些羊是黑色的’这样的结论.”逻辑学家马上接着说:“我们真正把握的不过是,在苏格兰至少有一个地方有至少一只黑羊.”

## 第7课时 含有一个量词的命题的否定



### 课堂例题

**例1** 命题“所有的人都遵纪守法”的否定为 ( )

- A. 所有的人都不遵纪守法      B. 有的人遵纪守法  
C. 有的人不遵纪守法      D. 很多人不遵纪守法

**例2** 写出下列命题的否定:

- (1) 所有的正方形都是菱形;      (2) 奇函数的图象关于原点对称;  
(3) 有的集合没有真子集;      (4) 有一个角的正弦值是2.

### 学海导航

本课时要把握以下要点:

(1) 含有一个全称量词的命题否定后, 全称量词变为存在量词, “肯定”(“否定”)变为“否定”(“肯定”).

(2) 含有一个存在量词的命题否定后, 存在量词变为全称量词, “肯定”(“否定”)变为“否定”(“肯定”).

### 培乐园



### 课堂练习

1. 命题“所有自然数的平方都是正数”的否定为 ( )

- A. 所有自然数的平方都不是正数  
B. 有的自然数的平方是正数  
C. 至少有一个自然数的平方是正数  
D. 至少有一个自然数的平方不是正数

2. 命题“存在一个三角形, 内角和不等于  $180^\circ$ ”的否定为 ( )

- A. 存在一个三角形, 内角和等于  $180^\circ$   
B. 所有三角形, 内角和都等于  $180^\circ$   
C. 所有三角形, 内角和都不等于  $180^\circ$   
D. 很多三角形, 内角和不等于  $180^\circ$

3. 命题“乌鸦都是黑色的”的否定为 \_\_\_\_\_.

4. 命题“有的实数没有常用对数”的否定为 \_\_\_\_\_

, 是 \_\_\_\_\_ 命题(填“真”、“假”).