

与2001年最新教材同步

# 初一数学 (上)

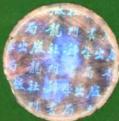
主编 周建勋

# 创新联想

同步导学

丛书主编

周仲铖 孙彪



龍門書局



# 创新联想 同步导学

## 初一数学 (上)

主 编 周建勋  
编 者 周建勋 杨锡伟 潘雪姣  
张 明

龍門書局

2001

**版权所有 翻印必究**

**本书封面贴有科学出版社、龙门书局激光防伪标志，  
凡无此标志者均为非法出版物。**

**举报电话:(010)64034160 13501151303(打假办)**

## **创新联想同步导学**

**初一数学(上)**

**周建勋 主编**

**责任编辑 王巍 宋焱**

**龙门书局出版**

**北京东黄城根北街 16号**

**邮政编码:100717**

**中国人民解放军第 1201 工厂印刷  
科学出版社总发行 各地书店经销**

**2001 年 6 月第一 版 开本:890×1240 A5**

**2001 年 6 月第一次印刷 印张:5 3/8**

**印数:1~40 000 字数:178 000**

**ISBN 7-80160-247-1/G·244**

**定 价: 7.00 元**

**(如有印装质量问题, 我社负责调换)**

# 创新联想同步导学

## 丛书编委会

总策划：龙门书局

主编：周仲钺 孙彪

陈樑

副主编：陈谋 乔文

陈吴荣铭

编委：陈蔚 周祥昌

朱增华

陶德宏 龚雷雨

周建华

周仁良 许龙根

云芝

张伟婧 许伟

远

朱永林 荣

徐小华

文波 林祖清

邓骏

施荣春 马石清

王周

钟子荣 陈良

邓远

高辉

执行编委：王巍

# 开拓联想思维 培育创新英才

## ——《创新联想同步导学》丛书序

教育是一门艺术,艺术的生命在于创新。

教育是一门科学,科学的力量在于联想。

创新是民族进步的灵魂。具有创新意识、善于学习的莘莘学子是国家持续发展的不竭动力,是中华民族屹立于世界先进民族之林的重要基础。

为了满足广大中学生的需要,我们组织了一大批优秀的特、高级教师编写了这套《创新联想同步导学》丛书,以崭新的教学理念,紧扣各科教学大纲,充分发挥教材的作用,精确把握中、高考的立意方向,准确指点教材重点、难点和误点,培养探索精神,优化学习心态,激发学生的学习热情,充分发掘广大中学生自身的学习潜能,以使他们在学习过程中主动参与,积极思考,得到真正发展。

本丛书具有四大特点:

**同步性** 初中与 2001 年最新三年制初中教材配套,高一、高二与最新试验修订本教材配套,导学内容与所有各科各单元、章节全程同步。

**实用性** 精编平时练习及备考练习,重点难点有透视,误点有点拨,课本难题有解答。

**综合性** 各科练习内容与相关学科的知识渗透相容、贯通综合,适应中、高考命题意向。

**创新性** 选题新颖,解题方法灵活,重在指导开拓思路,培养知识迁移、多向联想的能力。

“一切为了学生素质的提高”是我们的宗旨。相信《创新联想同步导学》丛书一定会导出广大中学生成功的信心,导出 21 世纪具有联想思维的创新人才!

启 明

2001 年 5 月

# 开 卷 明 义

数学是一门思维的科学，数学活动是一项思维的运动。本书的编写，紧扣最新的教学大纲，和现行教材同步，立足注重基础与锐意创新，旨在帮助学生运用实践与认识，对立与统一，联系与发展等辩证法思想来探究数学问题。使学习数学的过程成为再发现、再创造的过程，激发学生学习数学的积极性，树立学好数学的信心，形成敢于克服困难，勇于追求新知的良好思维品质，促进全面发展。帮助学生在有形与无形的考试中脱颖而出，为同学们以后的终身学习和发展打下扎实的基础。

本书在体例上有下列特点：

1. 每章设有“要点精析与知识迁移”“范例剖析与思维发散”“新题展示与创新拓展”“自我检测与进阶演练”四个栏目。力求把握每章的总体，精析重点，化解难点，矫正误点。既注意知识的全面性，更注意突出重点。保证支撑数学学科知识体系的主干知识占有较高的比例，并保持必要的深度，从而形成一个有序的网络化的知识体系。力求以数学教材为蓝本，为展现创新意识开拓空间。重视数学定理、公式的推导过程和例题的求解过程，创设新的问题情景，转换题目的设问角度。让学生逐步学会用已有的数学知识去探索新的数学问题；学会将实际问题抽象为数学问题，并加以解决。在这个学习过程中，基本数学思想和数学方法得到形成和发展，数学能力得到培养和锻炼。
2. 书后附有期末测试卷一至二份，供期末复习时参考。
3. 书末还附有常用公式及定理，本书自我检测与进阶演练的答案与提示。

# 目 录

<b>第一章 代数初步知识</b> .....	(1)
要点精析与知识迁移 .....	(1)
范例剖析与思维发散 .....	(3)
新题展示与创新拓展 .....	(11)
自我检测与进阶演练 .....	(14)
<b>第二章 有理数</b> .....	(28)
要点精析与知识迁移 .....	(28)
范例剖析与思维发散 .....	(34)
新题展示与创新拓展 .....	(47)
自我检测与进阶演练 .....	(51)
<b>第三章 整式加减</b> .....	(70)
要点精析与知识迁移 .....	(70)
范例剖析与思维发散 .....	(73)
新题展示与创新拓展 .....	(84)
自我检测与进阶演练 .....	(86)
<b>第四章 一元一次方程</b> .....	(94)
要点精析与知识迁移 .....	(94)
范例剖析与思维发散 .....	(96)
新题展示与创新拓展 .....	(111)
自我检测与进阶演练 .....	(118)
<b>期末习题课(一)</b> .....	(130)
<b>期末习题课(二)</b> .....	(132)
<b>期末习题课(三)</b> .....	(134)
<b>期末习题课(四)</b> .....	(136)



期末测试卷 A .....	(138)
期末测试卷 B .....	(140)
附录 本书检测题答案 .....	(143)

# 第一章 代数初步知识

## 要点精析与知识迁移

### 重点难点透视

1. 理解代数式的意义和列代数式是本章的重点,也是本章的难点.
2. 能用具体数值代替代数式中的字母,求出代数式的值.
3. 能利用公式解决简单的实际问题.
4. 会解简单的方程,并会利用简易方程解实际问题.

### 知识点精析

1. 用运算符号把数或表示数的字母连接而成的式子叫代数式.特别地,单独的一个数或一个字母也是代数式.代数式也表示数.代数式的最基本的特征就是用字母表示数.用字母表示数,可以把数或数量关系简明地表示出来.
2. 列代数式时,首先要分析具体问题中的各个数、量的意义及其相互关系,然后用运算符号把它们连接起来.
3. 列代数式和说出代数式的我是本章的重点.对给定的代数式,要能准确地说出它所表示的意义.代数式是用数学符号的形式来表述数量关系的一种语言表达形式(这种语言形式我们也称“符号语言”或“数学语言”),它的特点是表述简洁,便于运算或推理.但有时我们用文字的形式来表述数量关系(这种语言形式我们也称“文字语言”),会觉得易懂,便于对数学问题的理解.所以,我们要学会用不同的语言来表述同一个数学问题.
4. 代数式中的字母表示的是数,所以,当我们用特定的数来代替代数式中相应的字母时,我们就得到代数式的一个确定的值.例如,我们用 $x=3$ 来代替代数式 $2x-3$ 中的字母 $x$ 时,就得到 $2x-3=2\times 3-3=3$ ,这时我们就说“代数式 $2x-3$ 当 $x=3$ 时的值是3”.
5. 用数学符号表示几个数量之间关系的式子就是公式,这种式子是由等号把两个代数式联接起来而成.
6. 在小学,我们也学过简易方程.但在求解时,我们是运用加和减、乘和除之



间分别有一种互逆运算的关系来解决的. 而在这里, 我们是运用等式的基本性质, 即“方程的两边同时加上(或减去)同一个数, 或都乘以(或除以)一个非零数”的办法来求解的. 这种解法是我们进一步学习解方程的基础, 同学们务必要掌握好.

## 知识点迁移

- 用字母表示数是代数的基本特征. 用字母表示数的最大优越性是表述简洁, 便于运算和推理, 这种简洁性正是数学所追求的目标之一.
- 正确理解“用字母表示数”的意义, 是学好初中数学的基础. 从知识上看, 用字母表示数, 体现了从算术到代数的过渡, 是处于知识转折点的关键内容; 从思维形式上看, 它反映了一个突出的特点, 就是对事物的高度概括和抽象, 体现了从形象思维向抽象思维的过渡, 是认识的一次飞跃. 如  $1 \times 2, 2 \times 3, 3 \times 4, \dots, 99 \times 100$ , 这一列数, 我们都可用一个统一的形式来概括, 即  $n(n+1)$ , 其中  $n$  是小于 100 的正整数.
- 在本章中, 我们开始运用等式的性质来解方程, 对进一步学习方程的解法起到了承上启下的作用.

## 误 点 点 拨

- 列代数式是本章的重点, 也是本章的难点. 在分析问题中所提及的数量关系时, 要注意抓住关键词语. 例如, “ $m$  的平方的两倍”. 句子中出现了两个“的”字, 我们可以把这一句子分成两层意思: 一是“ $m$  的平方”, 二是“平方数的 2 倍”, 从而先得到  $m^2$ , 再得到  $2m^2$ .
- 用字母表示数既有一般性, 又有确定性. 在一个代数式里, 除了某些固定的字母(如用  $\pi$  表示圆周率)之外, 每一个字母都表示“任意”一个数, 然而不是说在同一个问题中, 代数式里的字母可以表示不同的数. 例如, 在不同的问题中,  $n$  和  $n+1$ ( $n$  为整数)都可以表示任意的整数, 但在同一个问题中,  $n$  与  $n+1$  表示的是连续的两个整数,  $n$  与  $n+1$  之间是互相制约的, 当  $n$  确定以后,  $n+1$  只能表示“比  $n$  大 1 的数”.

- 列代数式时, 要注意书写的规范. (1) 如  $b \times a \times 4$ , 应写成  $4ab$ , 不能写成  $ba4$  或  $b4a$  等; (2) 如果是  $1 \times a, 1 \times ah$ , 应写成  $a, ah$ , 而不能写成  $1a, 1ah$ , 这里要把 1 省去不写; (3) 如果是  $1 \frac{1}{3} \times a$ , 一般应把带分数化成假分数, 写成  $\frac{4}{3}a$  或  $\frac{4a}{3}$ ; (4) 在含有除法的运算中, 结果一般应写成分数形式, 如  $ab \div 7c$ , 应写成  $\frac{ab}{7c}$ ; (5) 在列代数式的过程中, 遇到有单位的, 在列式时一般不写单位名称, 但在答案中应写出来. 如结果中只含有乘除运算关系, 可在式子后面直接写出单位名称. 如



$(1+10\%)a$  千克,  $\frac{p}{n}$  千克; 如果结果中含有加减关系, 那么必须把式子用括号括起来, 然后再写上单位名称. 如  $(x+3)$  米,  $(m+n+1)$  千克等; (6)列代数式时, 一般把叙述在前的量放在代数式的前面. 如“ $b$  与  $a$  的差”列代数式应为“ $b-a$ ”, 而不是“ $a-b$ ”.

4. 求代数式的值时要注意以下几点: (1)字母所取的数值一旦确定后就不能再变动, 即同一个代数式中的同一字母只能取相同的值; (2)代数式中已知的数和运算符号都不能变动; (3)如果字母所取的值是分数时, 在作乘方运算时要用括号把它括起来; (4)因为数与数之间的乘号不能省略, 所以把数代替字母时, 原来省略的乘号应重新补上.

5. 要注意区分“代数式”与“公式”、“方程”这几个不同的概念. 它们之间, 既有联系, 又有区别. 公式和方程中都含有等号, 而代数式中则不含等号. 公式在一定的条件下, 可以视作方程, 理解这一点很重要. 如“在  $s=\frac{1}{2}(a+b)h$  中, 已知  $s=20, a=2, b=3$ , 求  $h$ .”就是一个明显的例子.

## 范例剖析与思维发散

### 典型例题

**例 1** 在  $2x^2, 1-2x=0, ab, a>0, 0, \frac{1}{a}, \pi$  中, 是代数式的有 ( )

- A. 1 个      B. 2 个      C. 4 个      D. 5 个

**解** 在所给的这些式子中, 除了  $1-2x=0$  和  $a>0$  不是代数式之外, 其余的都是代数式, 所以有 5 个代数式, 选 D.

**说明** 代数式是用运算符号(包括加、减、乘、除、乘方、开方)把数和表示数的字母连成的式子, 式子中不含有表示“相等”或“大小”关系的符号“=、>、<”等. 单独的一个数或一个字母也是代数式.

**例 2** 用代数式表示: ( )

- (1)  $a, b$  两数的和;
- (2)  $a, b$  两数的差除以  $a, b$  两数的积;
- (3) 比  $a$  除以  $b$  的商的 3 倍大 8 的数.

**解** (1)  $a+b$ ; (2)  $\frac{a-b}{ab}$ ; (3)  $\frac{3a}{b}+8$ .

**说明** (1)在列代数式时, 我们可以抓住句子中的“的”字, 把句子分成几个层次, 逐步对句子进行分析. 以第(3)小题为例, 在原句的下面, 分别用“\_\_\_\_\_”



“~~~~~”和“——”来划分,可得到“比 $a$ 除以 $b$ 的商的3倍大8的数”,这样,我们首先得到“ $\frac{a}{b}$ ”,再得到“ $\frac{3a}{b}$ ”,最后得到“ $\frac{3a}{b} + 8$ ”.

(2)第(2)小题中,实际上是 $(a-b)$ 除以 $ab$ ,在写成分数形式时,前者的括号应省去,因为分数线本身有括号的作用.

**例3** 填空:

(1)设 $n$ 表示任意一个整数,用代数式表示任意一个偶数为\_\_\_\_\_,任意一个奇数为\_\_\_\_\_;

(2)一个两位数,十位数字是 $x$ ,个位数字是4,则这个两位数为\_\_\_\_\_.

**分析** (1)偶数是能被2整除的整数,所以偶数可以表示为2与一个整数的积的形式,故偶数可表示为 $2n$ ( $n$ 为整数).而奇数是被2除余1的整数,所以奇数可表示为 $2n+1$ ( $n$ 为整数).

(2)因为十位上的数字1表示的数为10,所以十位上的数字 $x$ 表示的数为 $10x$ ,所以本题所求的数为 $10x+4$ .

**解** (1) $2n, 2n+1$ ; (2) $10x+4$ .

**说明** (1)对于一个偶数来说,它的表示形式并不是唯一的.例如若 $n$ 是任意整数,则 $2(n+1), 2(n+2), \dots$ 或 $2n+2, 2n+4, \dots$ 等都可以表示偶数,但用 $2n$ 来表示形式更简单.那么,请你想一想,奇数还可以有哪些表示形式?你能说出这些偶数或奇数的表达形式之间的联系和区别吗?请你在今后的学习中不断地去总结和体会.

(2)如果 $abcde$ 表示一个五位数( $a, b, c, d, e$ 表示各个数位上的数字),你能像第(2)小题一样把它表示成一个代数式吗?

**例4** 代数式 $(\frac{1}{a} + \frac{1}{b})^2$ 的意义是

( )

- A.  $a$ 与 $b$ 的和的倒数的平方
- B.  $a$ 的倒数与 $b$ 的倒数的平方和
- C.  $a$ 与 $b$ 的倒数的平方和
- D.  $a$ 的倒数与 $b$ 的倒数的和的平方

**分析** 本题中的“平方”是整个括号内数的平方,即 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ 的平方,也就是“ $a$ 的倒数与 $b$ 的倒数的和”的平方.

**解** 选D.

**说明** “说出代数式的意义”就是把符号语言翻译成文字语言.在翻译时,运算顺序在前的要先说.例如,本例中,括号内的运算应先进行,所以是先“求和”,再“平方”;而括号内,又是先“倒数”,再“求和”,故是“ $a$ 的倒数与 $b$ 的倒数的和的<sub>①</sub><sub>②</sub>”.



平方”.

⑤

例 5 (1) 某商店去年的销售额为  $a$  万元, 今年计划比去年增加销售额 10%, 则今年计划数为\_\_\_\_\_万元;

(2) 一个正方形的边长为  $a$ , 若将它的边长增加到  $b$ , 则这个正方形的面积将增加\_\_\_\_\_.

解 (1)  $a + a \times 10\%$ , 或  $a(1 + 10\%)$ ; (2)  $b^2 - a^2$ .

说明 “增加”和“增加到”是两个不同的概念.“增加  $a$ ”就是要“加上  $a$ ”; “增加到  $a$ ”是“达到  $a$ ”.

例 6 (1) 当  $x = \frac{2}{3}$ ,  $y = \frac{1}{4}$  时, 代数式  $\frac{3x - 4y}{3x + 4y}$  的值是\_\_\_\_\_;

(2) 三个连续整数的和是  $3n$  ( $n$  是整数), 则这三个整数依次为\_\_\_\_\_.

当  $n = 3$  时, 这三个整数的平方和为\_\_\_\_\_.

解 (1) 当  $x = \frac{2}{3}$ ,  $y = \frac{1}{4}$  时,  $\frac{3x - 4y}{3x + 4y} = \frac{3 \times \frac{2}{3} - 4 \times \frac{1}{4}}{3 \times \frac{2}{3} + 4 \times \frac{1}{4}} = \frac{2 - 1}{2 + 1} = \frac{1}{3}$ ;

(2) 这三个整数依次为  $n - 1, n, n + 1$ .

当  $n = 3$  时, 它们是 2, 3, 4, 它们的平方和为 29.

说明 在求代数式的值时, 用数代替字母时, 原来省略的乘号要重新补上.

想一想 五个连续的整数的和是  $5n$  ( $n$  是整数), 你能写出这五个数吗? 若四个连续奇数(或偶数)的和为  $8n$  ( $n$  是整数), 你能写出这四个奇数(或偶数)吗?

例 7 甲、乙两车分别用 72 千米/时和 60 千米/时的速度, 从相距  $s$  千米的两地相向而行.

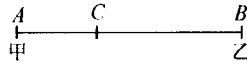


图 1-1

(1) 若甲、乙同时出发, 则\_\_\_\_\_小时后两车相遇;

(2) 若甲先行 2 小时, 则乙车开出\_\_\_\_\_小时后, 两车相遇;

(3) 若甲先行 2 千米, 则甲车开出\_\_\_\_\_小时后, 两车相遇.

解 (1)  $\frac{s}{132}$ ; (2)  $\frac{s - 144}{132}$ ; (3)  $(\frac{s - 2}{132} + \frac{1}{36})$ .

说明 在解行程类问题时, 我们可以借助图示的方式来分析题意, 如第(2)和第(3)小题的分析中, 我们借助图 1-1, 甲从 A 地先行至 C 地, 则此时与乙同时相向而行, 问题就与第(1)小题类似了.

例 8 完成某项工作, 甲独做需  $a$  ( $a > 2$ ) 小时, 乙独做需  $b$  小时. 若甲先做 2 小时后, 甲、乙两人合做还需几小时才能完成?



**解** 设这项工作的工作量为 1, 则甲每小时做  $\frac{1}{a}$ , 甲做 2 小时后还剩下工作量  $1 - \frac{2}{a}$ . 乙每小时做  $\frac{1}{b}$ , 甲、乙两人合做, 每小时做  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ , 所以甲、乙两人合做还需  $\frac{1 - \frac{2}{a}}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}}$  小时才能完成.

**答** 甲、乙两人合做还需  $\frac{1 - \frac{2}{a}}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}}$  小时.

**例 9** 解方程  $2x - 3 = 5$ .

**解** 方程两边都加上 3, 得  $2x = 8$ ,

方程两边都除以 2, 得  $x = 4$ ,

所以原方程的解为  $x = 4$ .

**例 10** 解方程  $\frac{1}{3}x + \frac{1}{4} = \frac{4}{5}$ .

**解一** 方程两边都减去  $\frac{1}{4}$ , 得  $\frac{1}{3}x = \frac{11}{20}$ ,

方程两边都乘以 3, 得  $x = \frac{33}{20}$ ,

所以原方程的解为  $x = \frac{33}{20}$ .

**解二** 方程两边都乘以 3, 得  $x + \frac{3}{4} = \frac{12}{5}$ ,

方程两边都减去  $\frac{3}{4}$ , 得  $x = \frac{33}{20}$ ,

所以原方程的解为  $x = \frac{33}{20}$ .

**说明** 解一和解二在对原方程进行变形时的两个步骤进行了交换, 其解得的结果是一样的. 但今后我们可以发现, 灵活掌握解方程的步骤, 能使解方程的过程得到简化.

**例 11** 已知  $x = 3$  是关于  $x$  的方程  $x + 3a = 12 - 2x$  的解, 试求  $a$  的值.

**分析** 所谓方程的解, 就是使方程左右的值相等的未知数的值. 所以把  $x = 3$  代入原方程, 我们可以得到一个关于  $a$  的一元一次方程, 从而可求得  $a$  的值.

**解** 把  $x = 3$  代入方程, 得  $3 + 3a = 12 - 2 \times 3$

解这个方程得  $a = 1$ .

**说明** 正确理解“方程的解”的概念, 是解本题的关键. 今后我们可以体会到, 运用方程的解的定义去解题, 往往会得到巧妙的解法.



**例 12** 某同学去书店为全班同学每人买一本课外读物书,结果只买到了总数的 $\frac{2}{3}$ ,还缺 15 本书,问这个班级共有多少名学生?

**分析** 本题虽然说的是买书,而求的是学生数.但由题意知,所要买书的数与这个班的学生数是相同的.

**解** 设这个班有  $x$  人,则根据题意,得  $x - \frac{2}{3}x = 15$ ,  $\frac{1}{3}x = 15$ ,  $x = 45$ .

**答** 这个班有 45 名学生.

**说明** 虽然本题也可以用我们小学学过的算术方法解,但用方程来解,不仅是为了求得本题的结果,更重要的是要我们去学会用代数的方法来解有关的问题.运用方程的思想来解决问题是数学中的重要思想方法之一.

**例 13**  $A$ 、 $B$  两地相距 180 千米,甲、乙两车分别从  $A$ 、 $B$  两地同时出发相向而行,2 小时后相遇.已知甲的速度为 50 千米/时,求乙的速度.

**解** 设乙的速度为  $x$  千米/时,则根据题意,得

$$2(x + 50) = 180,$$

解得  $x = 40$ .

**答** 乙的速度为 40 千米/时.

**例 14** 甲、乙两人都从同一地点出发,沿同一路线前进.乙出发 1 小时后甲才出发,甲每小时比乙每小时多走 1 千米,4 小时后追上乙,求乙的速度.

**解** 设乙的速度为  $x$  千米/时,则甲的速度为  $(x + 1)$  千米/时,根据题意得

$$5x = 4(x + 1), \quad \text{解得 } x = 4.$$

**答** 乙的速度为 4 千米/时.

**例 15** 一个个位数字是 3 的三位数,如果把它的个位数字移到百位数字之前,则得一个新的三位数,新的三位数是原三位数的 3 倍多 1,求原三位数.

**解** 设原三位数为  $10x + 3$ ,其中  $x$  表示一个两位数,则新的三位数为  $300 + x$ .

$$\text{根据题意得 } 300 + x = 3(10x + 3) + 1,$$

$$\text{解得 } x = 10, \quad 10x + 3 = 10 \times 10 + 3 = 103.$$

**答** 原三位数为 103.

**说明** 这里采用巧设“ $x$ ”,使原来的三位数能简洁地表示为  $10x + 3$ ,这是一种整体设元的思想.在数学中,我们经常用到这种整体思想.

## 课本难题

**例 16** (1)利用乘法可以把  $2 + 2 + 2$  表示成  $2 \times 3$ .如果用  $a$  表示任意一个数,利用乘法可以把  $a + a + a$  表示成什么?

(2)利用分配律可以得到  $2 \times 6 + 3 \times 6 = (2 + 3) \times 6$ .如果用  $a$  表示任意一个



数,那么利用分配律可以得到  $2a + 3a$  等于什么?

$$\text{解 } (1) a + a + a = 3a; \quad (2) 2a + 3a = (2+3) \cdot a = 5a.$$

**说明** 本题中的两个小题,从形式上讲,要得到正确的结论并不难,但要真正理解其含义,却不是一件容易的事.请你想一想: $3x - 2x$  等于什么?  $5xy - 2xy$  等于什么?  $5x - 3y$  呢?

**例 17** (1)体校里男生人数占学生总数的 60%,女生的人数是  $a$ ,学生总数是多少?

(2)体校里男生人数是  $x$ ,女生人数是  $y$ ,教练人数与学生人数的比是 1:10,教练人数是多少?

**解** (1)由于男生人数是学生总数的 60%,所以女生人数占 40%,所以学生总数为  $\frac{a}{40\%}$ ,即  $\frac{5}{2}a$ .

(2)体校里的学生总数为  $x + y$ ,所以教练人数为  $\frac{1}{10}(x + y)$ .

**例 18** 青山镇水泥厂以每年产量增长 10% 的速度发展,如果第一年的产量是  $a$ ,那么第二年的产量是多少?第三年的产量是多少?

**解** 由于产量每年增长 10%,所以第二年的产量是  $(1 + 10\%)a$ ;而第三年是在第二年产量的基础上增长 10%,所以第三年的产量是  $(1 + 10\%)a \times (1 + 10\%) = (1 + 10\%)^2a$ .

**想一想** 在本题题设条件不变的情况下,第 4 年的产量是多少?第 10 年的产量是多少?第  $n$  年的产量又是多少?

**例 19** 3 个球队进行单循环比赛(参加比赛的每一个队都与其他所有的队各赛一场),总的比赛场数是多少?4 个球队呢?5 个球队呢?写出  $m$  个球队进行单循环比赛时的比赛场数  $n$  的公式.

**解** 3 个球队进行单循环比赛的比赛总场数为  $3 = \frac{3 \times 2}{2}$ ;

4 个球队进行单循环比赛的比赛总场数为  $6 = \frac{4 \times 3}{2}$ ;

5 个球队进行单循环比赛的比赛总场数为  $10 = \frac{5 \times 4}{2}$ ;

$m$  个球队进行单循环比赛的比赛总场数为  $n = \frac{m(m-1)}{2}$ .

**说明**  $m$  个球队进行单循环比赛,设甲是其中的一队,则它与其他  $m-1$  个队之间要比赛  $(m-1)$  场.那么  $m$  个队之间本应该有  $m(m-1)$  场比赛.但甲与乙的比赛和乙与甲的比赛是同一场比赛,故实际比赛场数为  $\frac{1}{2}m(m-1)$  场.想一想:如图 1-2 的图形中,我们把这样的图形称为多边形,点

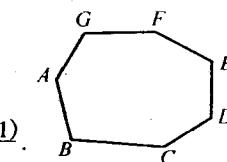


图 1-2



A、B、C、D、E、F、G 称为这个多边形的顶点. 如果把多边形中, 不相邻的两个顶点的连线叫做多边形的对角线, 那么这个多边形有几条对角线?

**例 20** 甲乙二人同时由 A 地步行去 B 地. 甲每小时走 5 千米, 乙每小时走 3 千米, 当甲到达 B 地时, 乙距 B 地还有 6 千米. 甲走了几小时? A、B 两地的距离是多少?

解 设甲走了  $x$  小时, 则由题意得

$$(5 - 3) \cdot x = 6,$$

$$x = 3.$$

$$5x = 5 \times 3 = 15.$$

答 甲走了 3 小时, A、B 两地的距离是 15 千米.

## 中考样题

**例 21** 设甲数为  $a$ , 乙数为  $b$ , 那么甲、乙两数的和的 2 倍用代数式表示为

(1997 年云南)

解  $2(a + b)$ .

**例 22** 某车间打算在  $x$  天内加工 200 个零件, 可实际加工时, 每天比原计划多加工 5 个零件, 那么现在每天实际加工 \_\_\_\_\_ 个零件(用含  $x$  的代数式表示).

(1999 年无锡)

解 原计划每天加工  $\frac{200}{x}$  个零件, 所以实际每天加工  $(\frac{200}{x} + 5)$  个零件.

说明 列代数式是学好代数的基础, 许多数学知识都与代数式有关. 如列方程解应用题就离不开列代数式.

**例 23** 现有含盐 15% 的盐水 400 克, 张老师要求将盐水变为含盐 12%. 某同学由于计算错误, 加入了 110 克水. 请你通过计算说明这位同学加水加多了, 并指出多加多少克水?

(1997 年北京)

解 设把含盐 15% 的盐水 400 克变为含盐 12% 的盐水, 需加水  $x$  克, 则

$$(400 + x) \times 12\% = 400 \times 15\%,$$

$$x = 100.$$

$$110 - x = 10.$$

答 通过计算, 这位同学加水加多了, 多加了 10 克水.

**例 24** 一个到火星旅行的计划, 来回的行程需要三个地球年(包括在火星上停留 449 个地球天). 已知火星和地球之间的距离为 34 000 000 千米, 那么, 这个旅行的平均速度(单位: 千米/时) 是 ( )

(说明: 地球年、地球天是指在地球上一年或一天, 即: 一年 = 365 天; 一天 =