

# 紡絲泵

計算、設計、試驗方法

[苏联] И · М · 勃柳姆別尔格 著

顧 兰 英 譯

中国工业出版社

# 目 录

第一章 紡絲泵概述 .....	1
第一节 紡絲泵的分类 .....	1
第二节 紡絲泵的安装 .....	2
第三节 泵所需的送液量和轉數的計算 .....	4
第四节 紡絲泵所需的功率計算 .....	6
第二章 活塞泵 .....	10
第一节 軸向活塞泵 .....	10
一、軸向活塞泵的介紹 .....	10
二、軸向活塞泵的送液量和脉动度 .....	12
三、軸向活塞泵的瞬时送液量和脉动度二者与活塞数 的关系 .....	17
四、軸向活塞泵的結構詳情 .....	22
第二节 径向活塞泵 .....	25
一、径向活塞泵的介紹 .....	25
二、径向活塞泵的送液量和脉动度 .....	27
第三节 活塞紡絲泵工作的缺陷 .....	35
一、尺寸偏差的影响 .....	35
二、泵的选择装配的应用 .....	37
三、补偿器 .....	38
第三章 齿輪泵 .....	40
第一节 外啮合的齒輪紡絲泵 .....	40
一、外啮合齒輪泵的結構 .....	40
二、两个工作齒輪齒數相同的外啮合齒輪泵送液量的計算。 送液量是齒輪轉角的函數 .....	41
三、当 $\epsilon=1$ , 具有正常齒側間隙嚙合时, 泵每轉和每分鐘 送液量的計算 .....	51
四、脉动度的确定 .....	51
五、当 $\epsilon>1$ , 具有正常齒側間隙嚙合时, 泵每轉和每分鐘 送液量的計算 .....	54

六、无齿侧间隙的啮合 .....	59
七、引出封闭溶液的连接孔道和补偿室 .....	59
八、计算具有两个外啮合工作齿轮的齿轮纺丝泵送液量的基本公式 .....	61
九、啮合形式对送液量和脉动度的影响 .....	62
十、泵的(自)动润滑 .....	63
十一、工作齿轮轴和心轴的卸荷 .....	64
十二、送液量的调节 .....	65
十三、三个工作齿轮的纺丝泵 .....	66
十四、齿轮泵的转动、吸入和压出方向 .....	67
第二节 内啮合的齿轮泵 .....	68
一、内啮合齿轮泵的介绍 .....	68
二、内啮合齿轮泵与外啮合齿轮泵的比较 .....	68
第三节 压力泵 .....	69
一、压力泵的用途和结构 .....	69
二、压力-计量联合泵 .....	70
第四节 齿轮纺丝泵工作的缺陷 .....	71
一、结构材料的选择 .....	71
二、尺寸偏差的影响 .....	71
三、选择装配的应用 .....	72
四、齿轮泵与活塞泵的比较 .....	72
<b>第四章 纺丝泵的生产试验方法 .....</b>	<b>74</b>
第一节 试验目的 .....	74
第二节 试验时检验的指标 .....	74
第三节 泵试验条件的选择 .....	75
第四节 在纺丝机上试验的方法 .....	78
第五节 在试验台上试验的方法 .....	79
第六节 计量泵检验技术条件的制订 .....	80
第七节 压力泵检验技术条件的制订 .....	81
第八节 纺丝泵的试验台 .....	81
<b>附录 苏联纺丝泵的技术特性 .....</b>	<b>85</b>
<b>参考文献 .....</b>	<b>88</b>

## 第一章 紡絲泵概述

紡絲泵用来把紡絲物质均匀地輸送給人造纖維紡絲机的紡絲头。每单位時間內泵送出的液体体积称为单位時間內泵的送液量或者流量。泵每轉所輸出的液体体积称为泵的每轉送液量。

对紡絲泵提出下列基本要求：泵应保証每轉的送液量为定值，送液量应均匀——它的周期与非周期的波动不應該超过規定的范围；在工作时泵应保持送液量不受变化很大的泵前和泵后压力的影响，而且泵应能承受高压，在紡某些合成纖維时压力可达到几百个大气压；泵應該严密而不产生滲漏；在低轉速的情况下（每分钟几轉到几十轉）亦能正常地工作；泵的外廓尺寸要小。

除此之外，对紡絲泵还可能有几个附加的要求：在某些情况下泵还应具有防爆性（在生成爆炸性混合物的介质內工作时），或者要求泵在輸送高温熔体时能稳定地工作；或是泵的送液量要容易調节。

如果紡絲溶液与某些金属容易起作用时（例如氯綸与鑄鐵或者普通碳素鋼长期接触会变质），泵應該用不影响溶液成分的材料来制造。

上述这些要求大大地限制了对紡絲用泵类型的选择，例如被广泛用来輸送各种液体的离心泵就不能用作为紡絲泵。

紡絲泵主要采用活塞泵和齒輪泵，很少采用偏心泵，因为它制造复杂。为了特殊的目的，有时采用螺旋泵。对糊状的紡絲物质则采用螺旋輸送器来代替紡絲泵。

### 第一节 紡絲泵的分类

紡絲泵可按它的用途、所輸送的紡絲物质的性质以及结构特点进行分类。

紡絲泵按用途可分为下列几类：

**計量泵**——在相等的时间间隔内将等量的纺丝物质（溶液或熔体）送向纺丝头。计量泵适用于人造丝、人造帘子线、短纤维和薄膜。

**压力泵**——将纺丝物质送向计量泵，并保证必需的压头。

**压力-计量联合泵**——是上述两种泵的综合。

**循环泵**——用于使送液管内的纺丝物质循环。

**专用泵**——例如为了将纺丝物质与染料混和，以及用于测量纺丝时熔体的压力等。

按照被输送的纺丝物质的性质可将泵分为纺丝溶液泵和纺丝熔体泵。

按结构特点纺丝泵又可分为活塞泵（轴向活塞泵和径向活塞泵）、偏心泵、齿轮泵（内啮合和外啮合）、螺旋泵。

## 第二节 纺丝泵的安装

每根人造丝都是从纺丝机上装有纺丝泵的各纺丝部位纺出的。

图1为粘胶丝离心式纺丝机纺丝部位横截面的简图。纺丝溶液（粘胶）沿着粘胶送液管12送向纺丝泵。在粘胶送液管上装有泵座11，纺丝泵10即固定在泵座上。泵从粘胶送液管中吸出粘胶，并将粘胶沿着管9经固定在支架8上面的烛形滤器7，鹅颈管6和纺丝头1压向纺丝浴槽（凝固浴槽）2。

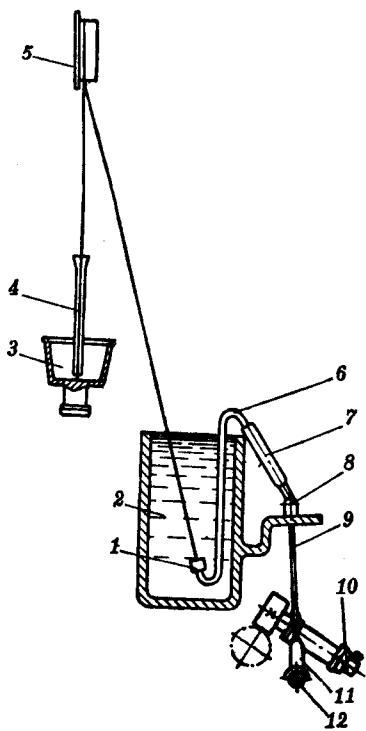


图1 离心式纺丝机纺丝部位简图

粘胶在纺丝浴槽中凝固成

絲，繞過紡絲盤 5，並由定速迴轉的紡絲盤將絲引向電錠離心罐 3，在離心罐中由導絲管 4 將絲做成絲餅。

紡絲機有几十個到几百個紡絲部位。在大多數人造纖維紡絲機上，紡絲溶液由一公共送液管引向機器同一側所有的泵。安裝在機器同側的泵是由一根公共的泵軸來傳動的。每個泵都安裝在泵座上。紡絲溶液由公共送液管經泵座流入泵。紡絲溶液流入或不流入泵可用旋塞開關控制。以泵座的接泵嘴為中心轉動泵，可以將泵的傳動齒輪與紡絲機泵軸上的齒輪嚙合或者脫開，這樣即使每個泵在紡絲機開動的時候亦能停止工作。

圖2a所示，紡絲泵 3 的安裝與轉動方向都是不正確的。泵座 2 裝在送液管 1 上，用齒輪傳動的紡絲泵 3 裝在泵座上。泵軸上主動齒輪 6 的齒對泵傳動齒輪 4 的齒所作用的壓力造成轉動力矩  $M$  (力偶  $P_2 - P_3$ )，使泵有繞泵座 O 細點轉動的趨勢，以致使泵從嚙合狀態脫開。

圖2b所示的安裝與泵軸的轉動方向則都是正確的，此時主動齒輪的齒上的壓力  $P$  造成轉動力矩  $M_1$  (力偶  $P_2 - P_3$ )，有將泵壓向泵軸的趨勢。但是如果泵軸 5 到支點 O 的距離太大，則能引起泵在其間自行咬住，並將軸或齒輪折斷。用齒輪傳動的泵，它正確的安裝應該具有壓緊而不是脫開的力矩，并使泵軸與泵座上固定泵的軸綫間有較小的距離，以便排除泵在其間咬住的可能。

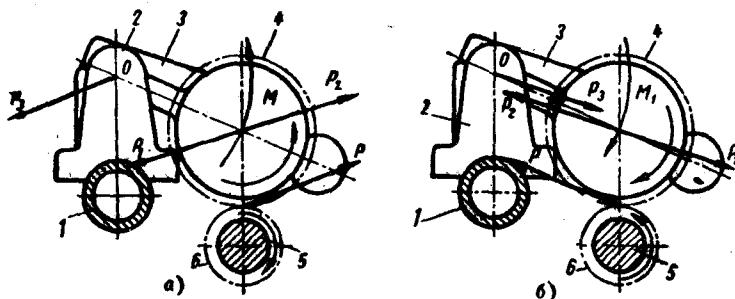


圖 2 紡絲泵的安裝

a—不正確的；b—正確的

泵應該足够紧的装夹在泵座的接泵嘴內。

應該使泵座、泵、及泵的传动装置 不受紡絲浴的腐蝕。为此，常将它們装在紡絲浴槽的枱下，以保护它們不受浴槽飞濺溶液的侵蝕。

用熔体制取纖維的紡絲泵是安装成固定的，由主动軸来控制这些泵的开和关。

### 第三节 泵所需的送液量和轉數的計算

計算时采用的符号：

$n$ ——泵每分钟轉數；

$Q_0$ ——泵每轉的送液量（毫升）；

$Q$ ——泵每分钟的送液量（毫升）；

$u_{np}$ ——紡絲速度（米/分）；

$N$ ——紡成絲的公制支数；

$\tau$ ——紡絲物质的比重[或密度(克/毫升)]；

$\alpha$ ——紡絲物质中聚合物浓度的百分比；

$k_{ea}$ ——成品絲的湿度系数；

$k_{yc}$ ——在紡絲及后处理过程中（确定支数以前）絲的收缩系数；

$k_{ek}$ ——絲相对于受絲机构的滑动系数。

已知紡絲速度  $u_{np}$ ，为了要紡制  $N$  支数的絲，紡絲泵每分钟應該輸出的紡絲溶液可以按下式确定：

$$Q = \frac{u_{np} \cdot 100 \cdot k_{ea} \cdot k_{yc} \cdot k_{ek}}{N \cdot \alpha \cdot \tau}. \quad (1)$$

收缩系数  $k_{yc}$  决定于纖維的种类和工艺过程的特性。例如，粘胶絲、醋酯絲、銅錠絲的收缩率一般为 5~8%，那时  $k_{yc}=0.92\sim0.95$ 。在离心式紡絲机和某些短纖維紡絲机受絲机构上絲的滑动率为 5~6%，那么  $k_{ek}=0.94\sim0.95$ 。在筒管式紡絲机上沒有滑动，故滑动系数为 1。湿度系数取为

$$k_{ea}=1-0.01\beta,$$

式中  $\beta$  ——在成品絲中含水量的百分数。

較精确的計算应取  $k_{ex} = \frac{1}{1 + 0.01\beta}$ ，但一般为了簡化起見，常采用前面提到的  $k_{ex}$  公式。

在确定泵的送液量时取纖維的标准湿度，亦就是取当空气的相对湿度为 65%，温度为 20°C 时的湿度为計算湿度。

表 1 内列出了几种常见纖維在空气 相对湿度为 65% 时的湿度。

表 1

纤 纶 种 类	吸收的水分 (%)	纤 纶 种 类	吸收的水分 (%)
普通的粘胶絲	13	耐 檚	3.8~4
强力粘胶絲	12	氯 檚	0
醋酯絲	6~8	聚丙烯腈纖維	0
酪素纖維	13	聚乙烯纖維	0
卡普輪	3.8~4		

注：取空气的相对湿度为 65%。

某些纖維的紡絲溶液中聚合物的浓度  $\alpha$  列于表 2 中。

表 2

纤维种类及纺制方法	聚合物的浓度 $\alpha$ %	纤维种类及纺制方法	聚合物的浓度 $\alpha$ %
粘胶纤维	7~10	氯纶	
铜铵纤维（湿纺法）	6~10	(干纺法)	32~34
醋酯纤维（干纺法）	20~24	(湿纺法)	25~30
蛋白质纤维	12~16	卡普纶	100

紡絲溶液的比重  $\gamma$  决定于它們的成分。在表 3 中列出了一些溶液和熔体的比重。

表 3

紡絲溶液的种类	比 重 $\gamma$
粘 胶	1.11~1.12
制氯纶的过氯乙烯溶液	1.13
卡普纶熔体	1.13~1.14

絲的細度常不以支數來確定，而以重量支數（纖度）索  $D$  來定。在這種情況下為了利用公式（1）須將重量支數按下式變換為公制支數

$$N = \frac{9000}{D}. \quad (2)$$

求每分鐘送液量  $Q$  毫升/分所需的紡絲泵每分鐘的轉數  $n$ ，可由泵每轉的送液量除  $Q$  而求得

$$n = \frac{Q}{Q_0},$$

或者

$$n = \frac{u_{np} \cdot 100 \cdot k_{\alpha} \cdot k_{yc} \cdot k_{ek}}{N \cdot \alpha \cdot r \cdot Q_0}. \quad (3)$$

#### 第四節 紡絲泵所需的功率計算

泵的效率

采用的符号：

$p_o$ ——吸入管道的压力（压头）（公斤/厘米<sup>2</sup>）；

$p_u$ ——压出管道的压力（反压）（公斤/厘米<sup>2</sup>）；

$p$ ——泵的工作压力（公斤/厘米<sup>2</sup>）；

$N_{ns}$ ——泵需要的功率（仟瓦）；

$\eta$ ——泵的总效率；

$\eta_m$ ——泵的机械效率；

$\eta_e$ ——泵的水力效率；

$\epsilon$ ——泵的容积效率（填充系数）。

泵所需的功率等于

$$N_{ns} = \frac{Q_0 \cdot p \cdot n}{60 \cdot 102 \cdot 100 \cdot \eta},$$

或者

$$N_{ns} = \frac{Q_0 \cdot p \cdot n}{612000 \cdot \eta}. \quad (4)$$

工作压力为压出压力与吸入压力之差

$$p = p_u - p_s \quad (5)$$

泵的总效率等于机械效率、水力效率和容积效率的乘积

$$\eta = \eta_m \cdot \eta_h \cdot \epsilon \quad (6)$$

泵的机械效率通常很低，这可作下列解释。

泵的一些零件都处在高压下，而润滑油不能充分地到达所有的摩擦表面。泵和泵轴的相互位置可能有很大的偏斜，这将引起大量的摩擦损失。

由于纺丝溶液和熔体有很大的粘度，在流动时它们又作许多急剧的转弯，其所经通路的截面大小不一，因此水力损失同样亦是很大的。

由于很难把水力损失和机械损失分开，故常计算泵的总效率 $\eta$ 。纺丝泵的总效率为0.3~0.6。

纺丝物质的粘度愈高，泵的结构愈复杂，润滑装置愈不完善，则泵的总效率就愈低。用油润滑的泵，它的效率低于自润滑泵①；开关时要移动的泵，其机械效率低于固定泵；蜗杆传动的泵，它的效率低于齿轮传动的泵；机械效率的降低将使泵的总效率降低。

没有补偿室（见第三章第一节）或者补偿室离工作齿轮中心线过远时，齿轮泵的效率将会显著地下降。

泵的容积效率 $\epsilon$ 单独来考虑，它是泵的实际送液量和按泵的几何形状、尺寸及运动所确定的理论送液量之比。

理论和实际送液量之差称为送液量损失，它包括泵渗漏出的溶液、从压出室流回吸入室的溶液、以及由于泵的空腔内没有完全充满而造成的损失。因此，泵的损失即容积效率决定于泵的间隙值、回转速度、工作压力和液体的粘度。对于各种类型的泵和对于不同液体，送液损失量可以用试验方法来确定。

随着间隙的增大，损失量亦增加，泵的容积效率降低。

① 指由输送的液体本身作润滑剂的泵——译者注。

当泵在低轉速和中等轉速时，它的容积效率将随着泵的轉速增加而提高，但是只能增加到某一极限轉速，此极限轉速决定于溶液的粘度、供液压力、泵的形状和尺寸。当轉速繼續增加时，溶液将来不及充满泵的空腔，因此容积效率降低。如果供液压力增加，则空腔內充满程度較好容积效率会提高，同时送液量亦增大；而当工作压力加大时，泵的体积效率降低；随着反压力的增加，容积效率亦会降低。

根据 T·M·巴什特教授的資料，送液量損失正比于工作压力

$$\frac{\Delta Q_1}{\Delta Q_2} = \frac{p_1}{p_2}. \quad (7)$$

这个关系式并不是对所有的工作压力及粘度都适用的。当压力很高时，必須运用下列比較准确的公式

$$\left( \frac{\Delta Q_1}{\Delta Q_2} \right)^m = \frac{p_1}{p_2}, \quad (8)$$

式中指数  $m$ ，对某一类型的泵以及某些粘度范围的溶液可以根据实验来确定。

送液量的損失在很大程度上与溶液的粘度有关，对于层流，送液量反比于絕對粘度（泊）。

泵送液量的損失与溶液粘度的关系用下式表示

$$\left( \frac{\Delta Q_1}{\Delta Q_2} \right)^m = \frac{\eta_2}{\eta_1}, \quad (9)$$

式中  $\eta_1$  和  $\eta_2$ ——溶液的絕對粘度。指数  $m$  的值可取 1 到 2，对于不同类型的泵及各种液体由实验来确定。液体的粘度与它的种类及溫度有关，随着溫度的升高液体的粘度将降低，因此容积效率和泵的送液量将随着溶液溫度的增加而降低。

作用在泵軸上的轉动力矩，可根据功率  $N_{ns}$  和每分钟轉数  $n$  按下式求得

$$M = 71620 \frac{N_{ns}}{n}, \quad (10)$$

式中  $M$  的单位为公斤厘米,  $N_{ns}$  的单位为馬力, 如果  $N_{ns}$  的单位为千瓦, 則轉动力矩为

$$M = 97400 \frac{N_{ns}}{n}. \quad (10a)$$

## 第二章 活 塞 泵

在紡人造纖維時，只采用多活塞的計量泵，所有的活塞都裝在一个被称为轉子的活塞座內，轉子在固定的泵體內迴轉。在泵體內還有使活塞作往復運動的機構，同時泵體上開有吸入孔道和壓出孔道。

按活塞的位置，紡絲活塞泵可分為軸向活塞泵和徑向活塞泵。在軸向活塞泵中，活塞的中心綫和往復運動方向平行於轉子的軸綫。在徑向活塞泵中，活塞的中心綫按轉子截面圓的半徑分布，此截面垂直於轉子的迴轉軸綫。

### 第一节 軸向活塞泵

#### 一、軸向活塞泵的介紹

圖3所示為軸向活塞泵的結構。

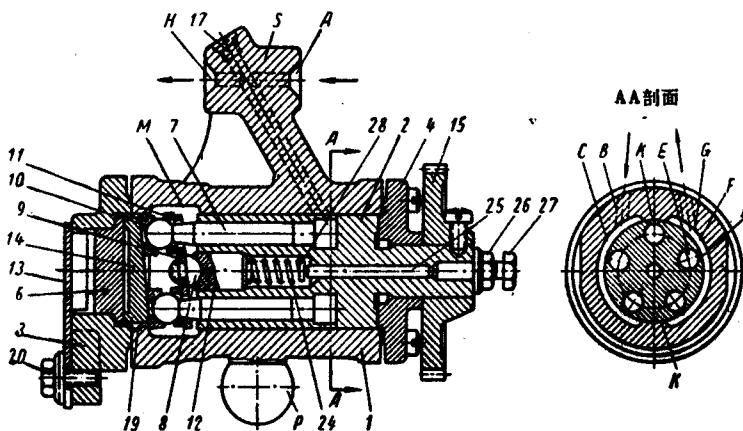


图 3 軸向活塞紡絲泵

轉子2在泵體1中等速迴轉。在轉子上平行於軸綫方向鑽有若干液缸E，活塞7在液缸中往復運動。液缸的中心綫是互相等

距离的，且与轉子的軸綫亦为等距。孔  $D$  把液缸  $E$  与轉子的圓柱表面相接通，当轉子迴轉时，孔  $D$  依次与泵体 1 中的吸入室  $C$  和压出室  $F$  相接通。泵体的吸入室  $C$ ，由孔道  $B$  和孔  $A$  与引入紡絲溶液的送液管相连。压出室  $F$  由孔道  $G$  和孔  $H$  与引向紡絲头的压出管相连。 $C$  与  $F$  室由分界壁  $K$  相互分开。

活塞 7 的球形头，位于垫环 10 和 11 间，而 10 和 11 沿着零件 14 和 9 的导面滑动。轉子的末端装有传动齒輪 15。

泵以下列方式进行工作：

当齒輪 15 轉動时，轉子 2 亦轉動，零件 14 和 9 的斜导面安装得使轉子轉動时，与吸入室相通的液缸  $E$  中的活塞 7 从吸入室  $C$  开始运动，这些活塞将溶液吸入液缸  $E$ ，同时与压出室  $F$  相通的液缸  $E$  中的活塞，应向压出室  $F$  运动，并将紡絲溶液压入压出室，溶液由此經孔道  $G$  和孔  $H$  流向紡絲头。当轉子繼續迴轉时，吸有紡絲溶液的液缸将溶液帶向压出室，轉子再接着轉動时，在压出室內的溶液被活塞 7 压出。泵每轉一轉这个过程将重复进行一次。每个活塞 7 都作复杂运动，此运动由活塞繞自己的中心綫轉動；与轉子一起繞轉子軸綫的轉動和在液缸  $E$  中平行于轉子軸綫的往复运动組成。

由于活塞的往复运动，产生吸入和压出作用。

活塞的往复运动与轉子的轉動，應該严格地互相配合，即每个液缸  $E$  內的活塞，由压出运动轉为吸入运动，以及由吸入运动轉为压出运动，都在該液缸  $E$  的  $D$  孔經過相应的分界壁  $K$  中部时发生。壁  $K$  的寬度稍大于  $D$  孔的直径，以便将吸入室与压出室可靠地分开。泵的所有活塞共用一个压出室，因此，将所有同时完成压出作用的各活塞的送液量相加，此总送液量即为泵的送液量。

每个活塞在轉子半轉的時間內进行吸入，第二个半轉时进行压出。压出时，活塞 7 由于被压液体的压力作用而紧靠在零件 14 的导面上。由于零件 9 导面的压力使活塞进行吸入运动。銷軸 12 借球形接头 8 与零件 9 相連，由于弹簧 24 压住銷軸 12，零件 9 就压紧在活塞头上，而使活塞头与零件 14 的导面靠紧。

螺釘27頂住杆25，而杆頂在彈簧支承28上，因此，調節螺釘27就能調整彈簧的压力。

送液量可用調節件13轉動凸塊6來調節，調節到一定的送液量以後，就用螺釘20將調節件13固定。轉動凸塊6可以改變零件14的導面對泵軸線的傾斜角度，因此改變了活塞的行程，而送液量就取決於行程的大小。

## 二、軸向活塞泵的送液量和脈動度

采用的符号：

$Q_0$ ——泵每轉的理論送液量（毫升）；

$Q_t$ ——泵單位時間的理論送液量（毫升/秒）；

$Q_o$ ——泵每轉的實際送液量（毫升）；

$Q_1$ ——泵單位轉角的理論送液量（毫升）；

$q_0$ ——泵每轉時單個活塞的理論送液量（毫升）；

$q_t$ ——單位時間內單個活塞的理論送液量（毫升/秒）；

$q_1$ ——單位轉角內單個活塞的理論送液量（毫升）；

$d$ ——活塞的直徑（厘米）；

$s$ ——活塞的行程（厘米）；

$i$ ——泵的活塞數；

$u$ ——活塞的速度（厘米/秒）。

泵每轉時單個活塞的理論送液量等於

$$q_0 = \frac{\pi d^2}{4} s. \quad (11)$$

泵每轉的理論送液量等於

$$Q_0 = i \frac{\pi d^2}{4} s. \quad (11a)$$

泵每轉的實際送液量等於

$$Q_o = i \frac{\pi d^2}{4} s \varepsilon, \quad (12)$$

式中  $\varepsilon$ ——容積效率。

但是轉動一周的過程中泵的送液量是不均勻的，瞬時送液量

不断地改变。当稳定运动时，泵送液量的周期波动称为泵的脉动。

无论脉动度，亦就是每转送液量的不均匀性，还是泵每转的脉动数都会影响丝的质量。相对脉动度 $\delta\%$ 按下式确定

$$\delta = \frac{Q_{1\text{最大}} - Q_{1\text{最小}}}{Q_{1\text{平均}}} \times 100\%, \quad (13)$$

式中  $Q_{1\text{最大}}$  和  $Q_{1\text{最小}}$ ——泵的转子转动单位转角时，泵的最大和最小送液量；

$Q_{1\text{平均}}$ ——每转的平均体积送液量。

$Q_{1\text{平均}}$ 由下式求出

$$Q_{1\text{平均}} = \frac{Q_0}{2\pi}. \quad (14)$$

因为有时很难确定平均体积送液量，所以经常按对最大送液量的比值来确定脉动度

$$\delta = \frac{Q_{1\text{最大}} - Q_{1\text{最小}}}{Q_{1\text{最大}}} \times 100\%. \quad (15)$$

这种计算方法比较简单，但准确性较差。

如果不加以特别地说明，则以后的脉动度均按公式(13)，即按平均体积送液量计算。因此，为了求脉动度，必须求出单位转角的送液量。为此又必须先求出单位时间内单个活塞的送液量。

$$q_t = \frac{\pi d^2}{4} u. \quad (16)$$

设 $r$ (图4)为零件14和9(图3)的导面与垂直于转子轴线的 $GH$ 平面间的倾斜角(图4)。显然活塞7(图3)球形头中心运动的平面 $EF$ 与 $GH$ 面组成同样的倾角。

活塞头中心的轨迹在 $GH$ 面上的投影是半径为 $r$ 的圆。从平面 $GH$ 到活塞头中心的距离等于 $z$ 。转子按箭头所示的方向转动。如果取 $z=0$ 为转动的起始位置，则此时 $t=0$ 。在 $\Delta t$ 时间内活塞头中心在轴向移动的距离等于

$$z = x \tan r = (r - r \cos \alpha) \tan r = r(1 - \cos \alpha) \tan r.$$

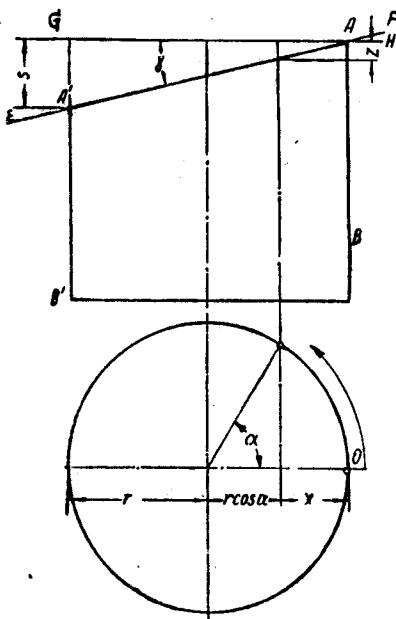


图 4 轴向活塞纺丝泵的活塞往复运动示意图  
AB——活塞的位置

活塞上每一点，在相同的时间内，平行于轴线方向移动了同样的距离。活塞的速度为

$$u = \frac{dz}{dt} = \frac{d}{dt} [r(1 - \cos \alpha) \tan r],$$

式中  $r = \text{常数}$ ,  $\alpha = \text{常数}$ ,

因此

$$u = r \tan r \frac{d}{dt} (1 - \cos \alpha),$$

或者

$$u = r \tan r \sin \alpha \frac{d\alpha}{dt}.$$