

U431
5973

熱工測量和儀表

上 册

苏联B.П.普雷奥勃拉仁斯基著

水利电力出版社

热工測量和仪表

上 册

苏联 維·波·普雷奧勃拉仁斯基著
陈 琦譯

苏联高等教育部审定作为动力学院热力工程各系的教材

水利电力出版社

本书敍述热力工程中各項重要数值的测量方法，介紹各种最常用的热工测量仪表的動作原理和构造，各式仪表的优点和缺点，测量的誤差，测量的工作法和仪表裝置方面的重要規則等基本知識。

原书除原序、緒論外，分为六部分，共十五章。譯本分上下两册出版。本书包括原书的原序、緒論及第一部分（即第一章至第六章）。

本书可作为高等工业学校热力工程各系“热工测量和仪表”課程的教科书。

В.П.ПРЕОБРАЖЕНСКИЙ
ТЕПЛОТЕХНИЧЕСКИЕ ИЗМЕРЕНИЯ И ПРИБОРЫ
ГОСЭНЕРГОИЗДАТ МОСКВА 1953

热工測量和仪表上册
根据苏联国立动力出版社1953年莫斯科增訂第2版翻譯

陈 琦譯

*

187R41

水利电力出版社出版（北京西郊科学路二里内）

北京市书刊出版业营业許可證出字第105号

新华通訊社印刷厂印刷

新华书店科技发行所发行 各地新华书店經售

*

787×1092毫米开本 * 11%印張 * 248千字 * 定价(第10类)1.60元

1955年5月北京第1版

1959年1月北京第6次印刷(18,944—27,958册)

原序

在苏联共产党(布)第十九次代表大会的关于1951年到1955年苏联发展的第五个五年计划的指示草案内载明了，必须在成套采用各种机构的基础上把生产过程广泛地自动化起来。

在各生产部门中，尤其是在火力发电厂内，由于要竭力保证热力设备运行的可靠性和经济性，力求管理方便，同时要改善劳动条件和减少运行值班人数，广泛采用自动机构的必要性就因之而产生了。

所说的自动机构，通常是指：热工检查，远距离操纵，工程上的讯号装置，自动操纵，热力保护装置，连锁装置，指挥讯号和通讯联系等各种设备而言。

在前面所列举的各种自动机构中，我们的任务是讨论热工检查的主要部分，即：热力工程中各种数值的测量方法，工业中所用的热工检查仪表的理论基础、作用原理、构造和实际运用条件等。

合理的选择并正确的装置热工检查仪表，在适当的管理和维护下，能保证連續不断地观察电厂中热力部分各机组和各分区的工作过程，并能保证进行各机组、各分区以至全厂的工作情况的技术记录。

本书拟供高等学校热力工程各系作为“热工测量和仪表”课程的教科书之用。本书中所有材料的选择、叙述的次序、各部分的内容和说明的方式都是根据这个前提来决定的。

为了符合现行的教学大纲，在本书中讨论了关于热力工程中各种数值的测量方法、最普遍采用的主要热工仪表的动作原理和构造、各式仪表的优点和缺点、测量的误差、测量的方法和仪表装置的重要规则等的基本概念。

有些问题，例如仪表复杂线路和机构的叙述以及仪表校验方法的基本知识等（用小号字体排印的），则是对于进修试验课程的学生们必要的补充材料。

本书对于热工数值测量方法中的某些问题及仪表的理论和计算等问题，不能详尽地阐明，并且对于热工检查系统的设计和仪表的安装等问题，也未能完善地述及。这些问题，对专门研究热力控制和自动装置的学生才属必要，因此，要在专门的课程中阐明。

这本出版第二版的教科书，是作者根据在莫斯科动力学院多年讲授的教学讲义编写而成的。

“热工测量和仪表”这一课程，是根据动力学院教学计划所规定的公共技术课程而设立的。要进修这门课程，必须预修下列各项课程：工程热力学、传热学、普通电工学、电工测量和电子学基础等。

最后，作者对莫斯科动力学院热力检查及自动装置教研室全体同志，在校阅本书底稿时给予作者许多宝贵的指示和建议，致以深切的谢意。

目 录

结论.....	1
第1节 热工测量技术的意义和发展史	1
第2节 关于测量的一般知識	4
第一部分 溫度的測量	
第一章 溫度标尺.....	15
第1节 关于溫度和溫度标尺的基本概念	15
第2节 国际溫度标尺	19
第二章 基于工作物質受热膨胀或压力变更而制成的溫度表.....	22
第1节 液体玻璃管溫度表	22
第2节 压力表式溫度表	27
第3节 膨脹計式溫度表和双金属溫度表	31
第4节 溫度表的校驗	32
第二章附录	36
第三章 热电式高温計.....	37
第1节 一般知識	37
第2节 热电偶的物理理論基础	37
第3节 标准的热电极	41
第4节 热电偶冷接点温度的改正	42
第5节 热电极的材料	43
第6节 最常用的热电偶	43
第7节 热电偶的构造	45
第8节 热电极导線	49
第9节 热电偶冷接点的恒溫调节	49
第10节 几只热电偶接到同一只毫伏表上去的线路	52
第11节 关于热电偶校驗和刻度法的基本知識	53
第12节 关于高温計毫伏表的动作原理和构造方面的基本知識	55
第13节 用高溫計毫伏表測量热电势时可能发生的誤差	59
第14节 高溫計毫伏表的构造形式	64
第15节 测量热电势的电位計法	73
第16节 标准电池	76
第17节 便携式和实验室所用的电位計	77
第18节 电动机械式自动电位計	83
第19节 电子式自动电位計	90
第三章附录	102
第四章 电阻式溫度表.....	115
第1节 基本知識	115
第2节 制造电阻式溫度表的材料	115

第3节 电阻式溫度表的构造	118
第4节 电阻式溫度表的刻度	121
第5节 测量溫度表电阻值的电位計法	122
第6节 平衡电桥	123
第7节 电动机械式自动平衡电桥	125
第8节 电子式自动平衡电桥	127
第9节 不平衡电桥	127
第10节 比率表	130
第四章附录	137
第五章 测量溫度的方法、在测量溫度时发生的誤差和裝置热接受器的基本規則	139
第1节 一般方法的指示	139
第2节 在测量溫度时由于輻射热交換而发生的誤差	140
第3节 在测量溫度时，因有热量从热接受器保护套管中流去而引起的誤差	143
第4节 在测量气体、蒸汽和液体溫度时热接受器的裝置法	146
第5节 测量在高速流动的介质溫度	148
第6节 固体溫度和表面溫度的測量	154
第六章 基于根据物体輻射来測量物体溫度的高温計	157
第1节 利用物体輻射来測量物体溫度方法的物理基础	157
第2节 光学高温計的动作原理及其構造方面的基本知識	162
第3节 光学高温計指示值上应加的改正值	165
第4节 用光学高温計來测量溫度时誤差的估算法	166
第5节 光电式高温計	168
第6节 輻射高温計的动作原理及其構造的基本知識	171
第7节 輻射高温計的誤差和溫度測量准确度的估算法	173
第8节 輻射高温計的裝置	175
第六章附录	176
参考文献	178
譯后記	180

緒論

第1节 热工测量技术的意义和发展史

科学和技术的进步，是和测量技术的发展密切相关的。测量是人們了解自然的方法之一，它促进了科学的发明和在技术上的运用。

测量除了已經知道的价值以外，由于它又是檢查热工过程的基本手段之一而具有重大的意义。在現代化的火力发电厂內，以及在其他工业部門中，不用热工测量仪表來檢查热工过程，簡直是不可想象的。正确安排的测量工作，可以保証各种生产过程的可靠性、經濟性、便利以及广泛应用自动管理的可能性。同时，热工检查仪表还能使生产过程实现无事故的运行。

热工测量技术的发展和在实际工作中的广泛运用，主要归功于俄罗斯的和苏联的許多学者和工程师們以及科学团体和工厂职工們創造性的工作。同时應該指出，热工测量技术也广泛地利用了其他相近技术部門的理論和成就。因此，对于热工测量技术的发展史，尤其是基本原理被提出的初期，是不能单独分开討論的。

俄国科学的奠基者姆·維·罗蒙諾索夫氏(1711~1765年)，看到了测量在科学研究工作中所起的主导作用，首先在俄国把度量术用到他自己的作业中去。在1752年，姆·維·罗蒙諾索夫和科学院院士格·維·黎赫門合作，創造了历史上的第一具电气测量仪器，并把它用到科学研究的实际工作中去。这就使姆·維·罗蒙諾索夫和格·維·黎赫門两氏能进一步研究有关电气現象的数量問題；在此以前，这問題是无论誰也无法进行研究的。

除了其他最偉大的貢獻以外，根据液体热膨胀創造温度标尺，也是要归功于姆·維·罗蒙諾索夫氏的。在姆·維·罗蒙諾索夫氏的温度表上，由冰的融点到水的沸点之間的基本温度間隔是被分为150等分的〔見参考文献第1項〕。

在俄国的测量技术創始人之中，曾有很多最有价值的发明的俄国机器师依·波·庫里宾(1735~1818年)应占首要地位之一。他制成了大量的各种用途的仪器（温度表、气压表、准确的天平等）。这些仪器，在俄国很多地方都普遍地应用着。

关于把操縱或指示的訊号傳送到远处的意图，俄国学者波·尔·希林格远在1812年就首先提出并且实现了；他制成了世界上第一个用电流来使远处矿道爆炸的设备〔見参考文献第2項〕。

俄国科学院院士布·斯·雅科勃(1801~1874年)首先在他所发明的电动机中采用了旋轉的整流子，后来他又研究出很多自动的換轉开关。他創造了很多测量电阻值的仪器以及数种不同的电报设备，借这些设备的帮助，不但可以把語言的通訊傳送到远处并記录下来，而且同样可以把测量数值的訊号傳送到远处并記錄下来〔見参考文献第2項〕。

布·斯·雅科勃氏的貢獻，对于将各种数值傳送到远处的技术來說，具有很重大的意义，在国外的制造厂家中也普遍地在利用着。

在波·尔·希林格和布·斯·雅科勃的貢獻以后，在十九世紀末年，很多俄国学者

又在將測量數值傳送到遠處去的技術上作了很多貢獻。其中包括：追隨式線路的創造成功(達維多夫氏)，傳送水位指示的遠距離系統的制成(扎哈洛夫氏、弗郎格里氏和迪科夫氏)等等(見參考文獻第2項)。

在1906年，科學院院士布·布·戈利欽首先在普爾科夫遠距離地震站內裝置了並試驗成功了世界上第一具電氣儀器；在這個儀器中，包含有很多現代遠距離測量技術中的重要元件，其中就有把地震記錄儀敏感元件所感覺到的數值傳送到遠處(在特別的處所)的感應式傳送器。布·布·戈利欽採用了靈敏的磁電式電流表作為二次儀表(接受端的儀表)(見參考文獻第2項)。天才的俄國學者德·伊·門德列也夫(1834~1907年)，在他1897年出版的“輕、重工業的原理”著作中，對於溫度的各種測量方法和燃燒過程的檢查曾予以很大的注意，並且還討論了爐煙的分析方法。這部著作明顯地表明，德·伊·門德列也夫氏認為工程檢查問題和在工廠實際工作中廣泛運用熱工檢查儀表的必要性具有多么重大的意義。

由於德·伊·門德列也夫氏的倡導，1893年在彼得堡(即現在的列寧格勒——譯者)所成立的度量衡檢定局內組成了一個專門的部門，來做測量儀表的校驗工作。偉大的十月社會主義革命以後，在原來度量衡檢定局的基礎上成立了以德·伊·門德列也夫為名的全蘇度量科學研究所(ВНИИМ)，它也就成了蘇聯研究度量問題的中心。

在十九世紀的後半期，波倫諾夫工程師首先創造了高溫計，並在薩爾丁斯克工廠內应用了。德·伊·門德列也夫氏在他的回憶錄中寫道，當他進入這個工廠後，他就看到高溫計在鐵軌的切斷工作中被應用着。這種儀器是用一根管子和一片特制的圓盤所組成的，在圓盤的一半中可以看到紅熱的鐵軌頭，在另一半中則可以看到普通的蠟燭火焰。調節光的強度，就可以決定：按照鐵軌的溫度來說，什麼時候應該進行鐵軌的切割。

阿·斯·洛姆沙科夫氏，在1897、1913和1927年出版的“蒸汽鍋爐和蒸汽機的試驗”一書中，介紹了在當時說來算是最為詳盡的，關於熱工數值測量法和熱工測量儀表動作原理及構造的基本知識。除此以外，在這本書中，他又敘述了很多他自己設計製成的儀表(氣體分析器、熱量計等)。按創造性和資料的價值來說，阿·斯·洛姆沙科夫的這本書在很多年中是熱工技術人員們最好的參考資料之一。

後來又曾有很多的俄國學者從事於熱工測量的研究工作，如：阿·姆·伊姆申涅茨基(1893年)——關於高溫測量，伊·維·阿爾巴特斯基(1912年)——關於溫度測量誤差，維·伊·雅辛斯基在1912和1914年所發表的“關於用孔板法來測量蒸汽流量的問題”著作等。

雖然個別的俄國學者和工程師們在熱工測量的部門中取得了很大的成就，但在革命以前的俄國，事實上卻可以說是沒有儀表製造工業可以幫助把這些成就實現推廣。象著名的俄國發明家波·恩·雅布洛奇科夫，在十九世紀末年曾企圖組成一個國內的電氣儀表製造工廠，結果還是沒有成功。直到偉大的十月社會主義革命以後，在展開為實現我們(蘇聯)國家的社會主義工業化而鬥爭的年代中(1926~1929年)，才開始有了組成儀表製造工業的可能性。

蘇聯的儀表製造工業的大力發展，是發動得比較遲的，在第一個五年計劃的年代中(1929~1933年)才開始着手。在這個五年計劃的开头几年中，建造了“高溫計”、“精密測量儀表”等工廠，並且開始生產了。

苏联仪表制造工业的发展，和当时热工检查仪表在实际中广泛的应用，要求培养相当的干部。为了这个目的，在列宁格勒加里宁工业大学内就设立了仪表制造工程的专业。过了一些时候，在莫斯科恩·埃·巴乌芒高等工业学校内也设立了同样的专业。又过了几年，又在莫斯科莫洛托夫动力工程学院内设立了热力检查和自动装置的专业。类似的专业在其他许多高等工业学校内也相继成立起来。

和仪表制造工业发展的同时，还进行了（而且现在还正在进行着）：新型仪表的設計制造、热工数值测量方法的研究以及各种工艺过程整套自动化等重大的工作。进行这项工作的，有很多制造工厂的设计处、列宁格勒高温测量研究所、弗·埃·捷尔仁斯基全苏热工研究所（ВТИ）、苏联科学院自动术和远距离操纵术研究所、莫斯科莫洛托夫动力工程学院（МЭИ）、伊·伊·伯里从诺夫中央锅炉汽轮机研究所（ЦКТИ）、国立“热力检查”托斯卡、莫斯科动力管理局中心试验所（ЦНЭМ）、黑色金属冶炼工业动力管理局（Энергочермет）的自动化中心试验所（ЦДА）以及其他组织等。

热工检查仪表的新型式創制工作的广泛开展，引起了对这些仪表計算方法的理論加以研究的必要性。关于与高温計配合工作的电气測量仪表的理論和計算法的研究工作，是由列宁格勒高温测量研究所的工作人员进行研究的。在創制很多种热工检查仪表时，普遍地应用了恩·恩·波諾瑪列夫教授和他的同事们、学生们所编写成的，关于电气測量仪表理論方面的著作〔见参考文献第3項〕。

在这些著作以后，很多苏联的学者和工程师们也在仪表的理論和計算方法方面相继发表了很多著作。

最近10~15年，在国内的仪表制造工业中，电子技术获得了很广泛的应用。电子学有效地简化了热工检查仪表的联动机构，它在一方面能使仪表的灵敏度增加，在另一方面又使可能制造快动作的仪表，这种仪表，特别是在測量和調整快速进行的工作过程的参数时才有可能实现。

对电子式热工检查仪表的研究和掌握，引起了科学研究所、設計局、試驗所和仪表制造工厂的工作人员极大的兴趣。

斯大林奖金获得者阿·阿·安德列也夫和尔·阿·沃隆科夫以及自动术中心試驗所（ЦДА）的全体工作人员等的工作，在电子式热工检查仪表的研究和运用方面有最显著的成就。

在战后第一个五年計劃的年代中，仪表制造工业得到了特别重大的发展。在由1946到1950年的恢复和发展苏联国民经济的五年計劃的条文中，作了这样的决定：要把仪表的产量提高到战前生产水平的七倍。这个艰巨的任务胜利地完成了，这就促进了生产的发展，尤其是对新技术的掌握。

第十九次党代表大会的指示中規定，按照第五个五年計劃，要进一步发展科学、技术和苏联的全部国民经济。

这对于要用质量高和准确度等級高的热工测量仪表来装备工业和科学机关方面，提出了更高的要求。

在党和政府的领导之下，苏联的科学和技术，胜利地解决了我們偉大的社会主义祖国在工业发展过程中所发生的关于测量技术的所有問題。

第2节 关于测量的一般知識

关于测量的概念 测量是一种辨别性的工作过程，这工作主要是用实验的方法来决定所测物理数值与被采用为测量单位的数值之间的数字比值。

假设 Q 为被测量的数值， U 为测量的单位，而 q 为所求出的数字比值，或者就是所谓用所采用的单位来表示的被测数量的数值，那末测量的结果就可以用下面的方程式来表示。

$$Q = q \cdot U. \quad (1)$$

方程式(1)通常被称为测量的基本方程式。由这个方程式可知 q 的大小完全随所采用的测量单位 U 的大小而定。所选单位愈小，对于一定的被测数量而言的数值也就愈大。因此，为了测量结果记录的明确，在被测数量的数值的后面还要加上一个代表所采用测量单位的缩写代号(在译文中，采用了各种单位的中文名称来代替这些符号，以切于实用。——译者)。

假如在测量 Q 的大小时不采用测量单位 U 而采用另一个单位 U_1 ，那末方程式(1)就要变为下面的形式：

$$Q = q_1 \cdot U_1. \quad (2)$$

把方程式(1)和(2)相比较，即可得到：

$$q \cdot U = q_1 \cdot U_1$$

或

$$q_1 = q \cdot \frac{U}{U_1}. \quad (3)$$

由这个公式可知，要把用一个单位 U 来表示的测量结果 q 换算到用另一个单位 U_1 来表示的测量结果 q_1 ，必须用两个单位的比值来乘 q 。

假如测量的单位是以具体的标准，即所谓量器来表示，那末测量的工作过程就是一种实验，通过这个实验把被测的数值与用来作为测量单位实质表现的量器作比较。

然而，我们远不能单纯按字面把“测量”完全理解为象量度直线尺寸，或其他某些大小那样，就只是把所测量的大小和量器直接作比较的工作过程。

在很多不可能直接把被测数量和量器来作比较的情况下，测量工作就只能用和其它任何与被测数值有单纯关系的物理数值作比较的方法来实现。例如：当用液体玻璃管式温度表测量温度时，测量工作就转为求出以刻度标尺格数来表示的液柱高度，而当用电阻式温度表测量温度时，测量工作则转为电阻值的测定了。

测量的分类 测量的方式是各种各样的。可以用各种不同的观点来分类，如：根据被测数值的种类、进行测量的条件等。在这种情况下，最为人们所爱用的就是以得到测量结果的一般方式的观点来分类的方法。

从这个观点来说，所有的测量可以分为三类：直接测量、间接测量和联立测量。

凡是由试验的数据直接得出测量结果的都属于直接测量。在这种测量中，所得出的被测数值的大小，可以使用量器直接比较而得，也可以使用按照相当单位刻度的测量仪表量出。

目前在工程方面实际工作中普遍采用的直接测量有：用尺量长度、用温度表量温

度、用压力表来量压力等。

凡是基于从几个用直接实验测出的、并与所测数量有一定方程式关系的数据而求得测量结果的方法，都属于间接测量。

在间接测量中，被测数量的数值可以用下面的公式求出：

$$Y = f(X_1, X_2, X_3, \dots), \quad (4)$$

式中 Y ——所测量的数值；

f ——代表函数关系的记号，这种关系的形式是预先知道的；

X_1, X_2, X_3, \dots ——用直接测量测出的数值大小。

例如：根据节流设备的压力降来决定物质的流量（见第十章）和后面将要讨论的一些其他热工数值的测量方法等，都是属于间接测量的。

在下列情况下要采用种类极为繁多的间接测量：当被测的数量不可能直接测量或直接测量很复杂时，或者用间接测量测出的结果比用直接测量测出的更为准确时。

同样也应指出，假如研究的目的只是求出测量的结果，而对于得到这些结果的过程并不注意的话，那末重复间接测量的结果，也就是按公式（4）所算出的结果，可以说就是直接测量的结果。

凡是由一种数值或几种同类数值的多次直接测量结果联立起来（依次排列）组成的测量，就属于联立测量。这时，每一次测量和其他各次都有不同之点，或是测量的条件改变了或是被测数值的组合改变了。被测数量的数值可由下列的联立方程求出：

$$\left. \begin{array}{l} f_1(Y_1, Y_2, Y_3, \dots, X'_1, X'_2, X'_3, \dots) = 0, \\ f_2(Y_1, Y_2, Y_3, \dots, X'_1, X'_2, X'_3, \dots) = 0, \\ f_3(Y_1, Y_2, Y_3, \dots, X''_1, X''_2, X''_3, \dots) = 0, \\ \dots \end{array} \right\} \quad (5)$$

式中 Y_1, Y_2, Y_3, \dots ——所测量的数值；

X'_1, X'_2, X'_3, \dots ——用直接测量所测出的数值大小。

例如，在求铂电阻温度表温度的公式中的系数时，把测量的条件予以变更，就可以作为联立测量的例子（见第四章）。

用改变被测数值的组合来测量出天平砝码的重量，可以作为联立测量的第二个例子（见参考文献第4项）。

应该指出，联立测量是很少遇到的，而且也只是在实验室工作中才会遇到。

除开上面所讨论的测量分类法以外，还有一种分类法也为人们所重视，就是把测量分为实验室所用的和工程上所用的两种。在实验室所用的测量中，当进行测量工作时要考虑到它的准确度；而在工程上所用的测量中，所进行的测量工作则采用预先已定的并对于该项测量工作已经足够的准确度。

误差理论的要点 前面已经说过，任何数值的测量都是物理实验的过程，因此也就不可能完全避免得出错误的结果来。

这些错误发生的原因可能极不相同。它们可能是由于所用仪表有缺点、观察者主观性、观察条件不恒定以及其他原因所造成的。在所有测量工作中造成的错误，都叫做测量的误差（错误）。

因此，在每一次测量时，都必须知道测量的误差，也就是说要知道所测出的被测数

值的可靠程度。由于这个緣故，每一次測量，只有在誤差已經知道或誤差的可能限度已經指出的时候，才有价值。

在工程測量的实际工作中，通常只要誤差不超过某些預先确定的已知数值，它的准确度就被認為滿意了。进行这种測量所用測量仪表的誤差，应不超过相当标准或其他規范中所規定的容許誤差范围。

在进行实验室的測量工作时(准确的測量)，必須考慮到測量的准确度。在这些情況下，測量工作要进行好几次。把各次所得結果的算术平均数作为測量的平均結果。在足够多的測量次数下，这个平均結果就将是被測数量的最可靠的数值。平均結果的准确度，是用求測量誤差的方法来衡量的。

測量的誤差根据它們的来源可以分为三种：有規律的誤差、疏失誤差和偶然誤差。

凡是固定不变的或按照一定規律变化的誤差，叫做有規律的誤差。

有規律的誤差，大部分是由于仪表本身的指示或測量方法本身不正确所引起的，或者是由一种固定不变但却是单方面的外来影响所引起的。

有規律的誤差对測量結果的影响，可以用仪表試驗并在測量結果中加上适当改正值的方法来补足。

凡是測量結果有显著偏差的誤差叫做疏失誤差。疏失誤差是由于讀測量仪表刻度标尺时讀得不正确、記錄錯誤或仪表使用不当等原因所造成的。有疏失誤差的結果，必須从一系列的測量結果中除去。

凡是在本身的数量和本质上都不一定的誤差就叫做偶然誤差。它們主要是由于在測量工作中不可避免发生的不准确而引起的，因为在每次測量时，无论是使所測数值偏大或偏小都同样可能发生偶然誤差。

虽然偶然誤差的发生是没有規律的，但是它們总要服从或然率理論的一定法則：假如沒有把偶然誤差由測量結果中除去的話，則借这些法則的帮助，还可能衡量出这个結果的可靠程度来。进行这样的衡量时，必須对所做的測量进行分析，这种分析，就在于求出測量准确度的一些參变数。

以后，當討論連續測量时，我們將假設已把它們中間的有規律的誤差和疏失誤差都除去了。

假設在測量某一数值的大小时得到 n 个数值： $l_1, l_2, l_3, \dots, l_n$ 。当同等質量的測量次数 n 足够多的时候，也就是說在同一仪表上用相同的慎重程度来进行測量的次数 n 足够多的时候，被測数量的最可能的数值，是由所有各次个别測量所得出的数值加以算术的平均而得，也就是

$$L = \frac{l_1 + l_2 + l_3 + \dots + l_n}{n} = \frac{\Sigma l}{n}. \quad (6)$$

被測数量在每次个别測量时所得的数值和它們的平均数值 L 的差，也就是下列数值：

$$\left. \begin{aligned} v_1 &= l_1 - L, \\ v_2 &= l_2 - L, \\ v_3 &= l_3 - L, \\ &\dots \\ &\dots \\ v_n &= l_n - L \end{aligned} \right\} \quad (7)$$

都叫做剩余誤差，它們可能是正數，也可能是負數。倘在計算算术平均值时沒有錯誤，剩余誤差应当符合下列条件

$$\sum v = 0. \quad (8)$$

同样应当指出，因为当测量次数无限制增加时，算术平均值将趋近于真正的数值，则各个剩余誤差也就将趋近于和各次测量相当的偶然誤差了。因此，当测量的次数足够多时，剩余誤差也应服从偶然誤差所服从的同样法則。

为了衡量連續測量結果的可靠程度(在所进行的一系列測量中，个别測量的可靠程度)，可以使用下面所介紹的准确度參变数。

連續測量的算术平均誤差

$$\delta = \frac{|v_1| + |v_2| + |v_3| + \dots + |v_n|}{n} = \frac{\sum |v|}{n}, \quad (9)$$

式中 $|v|$ 代表剩余誤差的絕對值。

連續測量的平方平均誤差

$$\sigma = \sqrt{\frac{v_1^2 + v_2^2 + v_3^2 + \dots + v_n^2}{n-1}} = \sqrt{\frac{\sum v^2}{n-1}}. \quad (10)$$

这个誤差的意义在于：对于次数很多的連續測量，在所有的偶然誤差中，有68% 比該 σ 数值小，而有32% 比 σ 数值大。

在平方平均誤差 σ 和算术平均誤差 δ 之間存在着一个比率，这个比率只是对于次数很多的連續測量才是正确的

$$\delta = 0.7979\sigma \approx \frac{4}{5} \sqrt{\frac{\sum v^2}{n-1}}, \quad (11)$$

連續測量的或然誤差 ρ 和平方平均誤差 σ 之間存在着下面的比率：

$$\rho = 0.6745\sigma \approx \frac{2}{3} \sqrt{\frac{\sum v^2}{n-1}}. \quad (12)$$

这个誤差的意义在于：当对任何数值进行重复測量时，有一半偶然誤差，按絕對值來說是小于或然誤差的，而有一半則大于它。

連續測量的可能最大誤差(极限誤差)，可以用下面的公式来計算

$$\delta_{lm} = 3\sigma. \quad (13)$$

极限誤差的特征在于：在一定的連續測量中，所有可能发生的偶然誤差，按絕對值來說实际上不超过 3σ 。

要衡量測量結果的可靠程度，就要引用和上面所述的連續測量准确度參变数相类似的准确度參变数。同时按照誤差理論，这些參变数要比和它們相当的連續測量平均誤差值小 \sqrt{n} 倍(即等于这个誤差值的 $1/\sqrt{n}$ 。——譯者)。

要計算測量結果的算术平均誤差，可用下面的公式：

$$\theta = \frac{\delta}{\sqrt{n}} = 0.7979 \sqrt{\frac{\sum v^2}{n(n-1)}}. \quad (14)$$

測量結果的平方平均誤差，可按下面的公式来計算

$$S = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{\sum v^2}{n(n-1)}}. \quad (15)$$

为了求出測量結果的或然誤差，則用：

$$R = \frac{\rho}{\sqrt{n}} = 0.6745 \sqrt{\frac{\sum v^2}{n(n-1)}}. \quad (16)$$

測量結果可能的最大誤差(极限誤差)，可由下面的公式求出：

$$\lambda_{lim} = 3S = \frac{3\sigma}{\sqrt{n}} \quad (17)$$

或

$$\lambda_{lim} = 4.5R. \quad (18)$$

要衡量連續測量的准确度(在連續測量中各个別讀數的准确度)，在前面所列举的各种誤差中[由公式(9)至公式(13)]随便采用那一种都足够了。通常所采用的是平方平均誤差，其次采用或然誤差。当进行重要的測量时，或在可能有疏失誤差或有規律的誤差的測量情况下，也要用公式(9)和(11)求出算术平均誤差来。假如在两次得出的 θ 值之間有显著的差別，那末就有根据認為：在这种情况下，可能是各个別測量之間存在着脫节現象，因而这些結果就不能当作同等質量的測量來討論；也可能是存在着疏失誤差或有規律的誤差。

为了衡量測量結果的准确度，通常采用或然誤差，剩余誤差是很少用到的。

在工程測量的实际工作中，无论是衡量測量結果的还是測量過程的准确度，都采用极限誤差(可能的最大誤差)。

在某些情況下，当决定被測數量的数值时，不得不把可靠程度不同的測量結果拿来进行計算，也就是說要把准确程度不同的或連續讀表次数不同的或其他的測量結果拿来进行計算。因此，就不可能把从所得到的全部測量結果中求出的算术平均值当作被測數量的最可靠数值。在这种情况下，就必须引用关于“測量重度”的觀念，即用这个数目来作衡量測量結果可靠程度的尺度。同时，測量的重度愈大(也就是結果的可靠程度愈高)，它被列入計算的次数也愈多。

因此，各个連續測量結果不同的可靠性計算，就变为按照下列公式来求的所謂“平均权衡数” L_0 了：

$$L_0 = \frac{L_1 p_1 + L_2 p_2 + L_3 p_3 + \dots + L_n p_n}{p_1 + p_2 + p_3 + \dots + p_n}, \quad (19)$$

式中 L_1, L_2, L_3, \dots ——用各种方法得出的測量結果；

p_1, p_2, p_3, \dots ——相当于各种測量方法的測量重度。

用各种不同的准确程度来进行的測量重度，最常見的都是規定为与誤差平方成反比的。

在某些情況下，測量重度也可規定为与每一組連續測量中用来計算算术平均值的讀表次数成正比的。在这种情况下，为了方便起見，把讀表次数最少的一組連續測量重度作为 1，而其余的各組連續測量重度，就可由該組測量的次数被重度作为 1 的那組測量的次数除而求得。

为了衡量平均权衡数的准确度，通常采用或然誤差，这个誤差根据下面的公式來計算

$$R = 0.6745 \sqrt{\frac{\sum p v^2}{(m-1)\sum p}}, \quad (20)$$

式中 m ——連續測量的組數；

v ——各組連續測量的算术平均值与平均权衡数之間的偏差。

其余的代号和以前所采用的相同。

前面所介紹的用来求表征連續測量或測量結果可靠性的准确度參变数的公式，如前所述，只有在測量的次数很多时才正确。在实际工作中，照例，所遇到的連續測量次数一般都是相当有限的。因此，用前面所介紹的公式所求出的准确度參变数数值，并不能和实际相符，而需要加以改正。該組連續測量的次数愈少，所要求的改正值也愈大。

維·伊·羅蒙諾夫斯基所研究出来的方法〔見参考文献第5項〕，使我們可能在知道了用前面所介紹的公式之一求出的誤差以后，就能求出对于实际測量次数而言的誤差来。

例如：对于有限測量次数而言的平方平均誤差 S' ，可由用公式(15)所求出的誤差 S 借下面的比例关系而求得

$$S' = \zeta_\alpha \cdot S, \quad (21)$$

式中 ζ_α ——为一倍数，它的数值在知道 $k=n-1$ 后可由表1 橫行內求得(n ——連續測量的讀表次数)；

α ——在連續測量的誤差中已知數值出現的或然率。

表1

α	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	0.95	0.98	0.99	0.999
$k=n-1$	0.158	0.325	0.510	0.727	1.000	1.376	1.963	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	636.619
1	0.142	0.289	0.445	0.617	0.816	1.061	1.336	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	31.598
2	0.137	0.277	0.424	0.584	0.765	0.978	1.250	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	12.941
3	0.134	0.271	0.414	0.569	0.741	0.941	1.190	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	8.610
4	0.132	0.267	0.408	0.559	0.727	0.920	1.156	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	6.859
5	0.131	0.265	0.404	0.553	0.718	0.906	1.134	1.440	1.953	2.447	3.143	3.707	5.959
6	0.130	0.263	0.402	0.549	0.711	0.896	1.119	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	5.405
7	0.130	0.262	0.399	0.546	0.706	0.889	1.108	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	5.041
8	0.129	0.261	0.398	0.543	0.703	0.883	1.100	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	4.781
9	0.129	0.260	0.397	0.542	0.700	0.879	1.093	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	4.587
10	0.129	0.260	0.396	0.540	0.697	0.876	1.088	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	4.487
11	0.128	0.259	0.395	0.539	0.695	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	4.318
12	0.128	0.259	0.395	0.539	0.695	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	4.318
13	0.128	0.259	0.394	0.538	0.694	0.870	1.079	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	4.221
14	0.128	0.258	0.393	0.537	0.692	0.868	1.076	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	4.140
15	0.128	0.258	0.393	0.536	0.691	0.866	1.074	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	4.073
16	0.128	0.258	0.392	0.535	0.690	0.865	1.071	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	4.015
17	0.128	0.257	0.392	0.534	0.689	0.863	1.069	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.965

例題：〔見参考文献第1項〕我們要討論的是由下列四个溫度讀數所組成的連續測量：

讀數的序號	t (°C)	v	v^2
1	1281	+1	1
2	1276	-4	16
3	1279	-1	1
4	1284	+4	16

运用公式(15)和(16)，可以相应地得到：

$$S = \pm 1.7^\circ\text{C} \text{ 和 } R = \pm 1.1^\circ\text{C}.$$

按照表1 可以查得： $\zeta_\alpha = 1.196$ (对于 $\alpha = 68\%$ ——平方平均誤差的或然率) 和 $k=3$ 。把数值 S 和 ζ_α 代入公式(21)中，就可得到 $S' = \pm 1.9^\circ\text{C}$ 。对于 $\alpha = 50\%$ (或然誤差的或然率)， $\zeta_\alpha = 0.765$ ，可得 $S' = \pm 1.3^\circ\text{C}$ ①。

① 原书是 $R' = \pm 1.3^\circ\text{C}$ ，可能 R' 是错了，此处已改为 S' 。也可能是 $\pm 1.3^\circ\text{C}$ 错了，故亦可改为 $R' = \pm 0.84^\circ\text{C}$ 。——譯者

由这例題中可以看出，在次数不多的連續測量中， S 和 S' 之間的差別達到很顯著的數值。隨着連續測量次數的增加，這個差別就將迅速地減少，而當次數大於15時，測量準確度的參變數就可以按次數多的連續測量的公式來計算了。

為了決定間接測量的最可靠結果，要把由直接測量得出的結果所算出的算術平均值，代入能表示出被測數值和用直接測量所測出的數值之間的關係的公式中。這時，間接測量結果的誤差，是由每一個直接測量結果的誤差相加而得的。

假如用間接法來測量的數值 Y 和用直接法所測出的數值 $X_1, X_2, X_3, \dots, X_m$ 之間，是以函數關係(4)來聯繫着的，也就是說，

$$Y = f(X_1, X_2, X_3, \dots, X_m),$$

那末間接測量的誤差（平方平均誤差、或然誤差或極限誤差），按照平均誤差的複合，則可由下列公式求出：

$$\xi = \sqrt{D_1^2 + D_2^2 + D_3^2 + \dots + D_m^2}. \quad (22)$$

式中， $D_1, D_2, D_3, \dots, D_m$ ——間接測量的部分誤差，這些誤差可以由下面的公式求出：

$$D_1 = \frac{\partial Y}{\partial X_1} \xi_1;$$

$$D_2 = \frac{\partial Y}{\partial X_2} \xi_2, \dots;$$

$$D_m = \frac{\partial Y}{\partial X_m} \xi_m.$$

在公式中， $\xi_1, \xi_2, \dots, \xi_m$ ——為用直接測量法測量 $X_1, X_2, X_3, \dots, X_m$ 等數值時所得結果的誤差；而 $\frac{\partial Y}{\partial X_1}, \frac{\partial Y}{\partial X_2}, \frac{\partial Y}{\partial X_3}, \dots, \frac{\partial Y}{\partial X_m}$ ——函數 Y 按 $X_1, X_2, X_3, \dots, X_m$ 等進行偏微分所得的偏導函數（偏微商）。

關於測量儀表和其性質的一般知識 凡是用來直接或間接將被測量的數值和測量單位作比較的設備，就叫做測量儀表。它們可以分為下列幾種：

(1) 比較式儀表——包括各種用來將量器互相比較或者是將被測數值與量器或標準作比較的儀表。屬於比較式儀表的有：天平、電位計、電橋、重量式壓力表等等。假如比較式儀表上裝有讀數設備（刻度標尺或號碼指示器），那末它就接近指示式儀表了。

(2) 指示式儀表——是指一些儀表，它們通過能見的讀數設備把測量時一瞬間被測數值的大小指示出來。屬於指示式儀表的有：溫度表、彈簧壓力表、轉速表及許多其他儀表等。

(3) 自動記錄式儀表——是指一些儀表，在表內裝備着特殊的附屬設備，能在一定時間間隔內，在移動着的帶子、圓盤或圓筒上自動把所測數量的連續數值記錄下來。屬於這種儀表的有：自動記錄的壓力表、高溫計、比率表以及其他許多表計等。

(4) 積算式儀表——是指一些儀表，它們能把按讀數機構所求出的（在很少的情況下也有按另外的讀數機構所求出的）被測數量的累積數值指出。屬於積算式儀表的有：流速式和容積式流量表、電度表、煤气表及其他許多表計等。

(5) 調節的儀表——是指一些儀表，它們能借特殊的設備，根據被測數量的已定數值來自動地調節工作過程。屬於調節式儀表的測量儀表除去調節設備以外，同樣也有裝

备着讀數的設備(刻度標尺、記錄圖紙等)的。

除去測量儀表以外，測量設備也經常被采用。這種設備是由量器、測量儀表和測量的附屬設備組合而成的，它們被共同的線路和測量的方法結合成為一個整體。

從所起的作用和含意的觀點來說，測量儀表可分為兩種範疇：範型的和實用的。

凡是預計用來複製和保持測量單位，或者用來進行各種測量儀表校驗和刻度工作的儀表，叫做範型測量儀表。用來複製和保持測量單位的具有最高(度量的)準確度的範型測量儀表，叫做標準儀表。

除範型儀表外，所有供實際測量目的用的儀表，叫做實用測量儀表。

實用的測量儀表本身，又可以分為實驗室用的和工程用的兩種。屬於前面一種的測量儀表，在運用時是要考慮到準確度的；屬於第二種的實用儀表，在運用時則採用預先規定的測量準確度。

根據這些定義可以明了，實驗室所用的測量儀表必須供給關於它們讀數的改正值。此外，對這些讀數有影響的各種因素(溫度、壓力、磁場等)應該考慮到，而且它們的運用條件也應該予以注意。工程用的測量儀表的準確度，是預先根據它們的製造和運用條件定出的，因此，它們並不供給任何改正數值表。對工程用的測量儀表的要求是：要作用迅速而簡單，在運用它們時不需要再決定測量結果的可靠程度——這個結果是作為“工程上”準確的來看待的。

然而，在應用供熱工檢查之用的工程用測量儀表時，如下面所述，有很多情況必須考慮到對它們有影響的各種不同因素，並應注意到它們的運用條件。

在應用測量儀表時，被測數量的數值是基於儀表上的指示值來確定的。

所謂儀表的指示值，是指用這儀表進行測量時所得出的直接結果，被測數量的數字值，是用已知單位來表示的。儀表的指示值由讀表得出。由儀表的讀數轉變為儀表的指示值，要應用儀表的常數、刻度標尺分格數值或刻度的曲線，而有時還要應用特殊的計算。

儀表的常數，就是讀數上所乘的測量單位數目。刻度標尺分格數值，就是相當於每一分格的被測數值的大小。刻度曲線，是表示相當於刻度標尺上各個不同刻度點的被測數值的大小。

因此，所謂指示值就始終是個名數；而讀數則是個抽象數，即和測量單位無關的數字。在部分的情況下，假如儀表的常數等於測量單位，則儀表的指示值與讀數在數量上是相符合的。大多數的實用儀表是這樣的，例如溫度表、壓力表以及很多其他的儀表。

在個別的情況下，儀表的指示值是用與所測數值單位不相符的另一單位來表示的，例如用角度或毫伏來表示。在這種情況下的指示值，就叫做條件的指示值。

在讀數設備中，最普遍採用的是刻度標尺及指示器。刻度標尺是由許多沿着無論那一種線排列着的刻度點組合而成的，這些刻度點表示著一系列的與被測數量的大小相應的連續數目。

所謂刻度點就是刻度標尺上與被測數量的各個數值相當的記號(線條、虛線、點、齒形等等)。在兩個相鄰的刻度點的軸線或中心之間的直線距離，叫做刻度標尺的分格。

相當於所測數量零值的刻度點，叫做刻度標尺的起點。沒有零點的刻度標尺叫做無