

职业高中 学练同步

# 数学

第二册

《职业高中学练同步》编委会

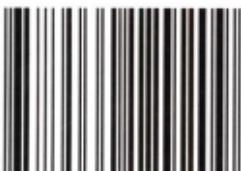
配高教基础版

浙江科学技术出版社

# 《职业高中学练同步》书目

- 语文（第一册·高教基础版）
- 语文（第二册·高教基础版）
- 语文（第三册·高教基础版）
- 语文（第四册·高教基础版）
- 数学（第一册·高教基础版）
- 数学（第二册·高教基础版）
- 英语（第一册·高教基本版）
- 英语（第二册·高教基本版）
- 英语（第三册·高教基本版）

ISBN 7-5341-2920-6



9 787534 129209 >

ISBN 7-5341-2920-6

定 价：13.50 元

# 职业高中学练同步

基础(IPO)与实践教材

# 数学

## 第二册

《职业高中学练同步》编委会

配高教基础版

浙江科学技术出版社

元 0.80

**图书在版编目(CIP)数据**

职业高中学练同步·数学·第2册·高教基础版/  
《职业高中学练同步》编委会·杭州·浙江科学技术出版社·2006·8

ISBN 7-5341-2920-6

I. 职... II. 职... III. 数学课—职业高中—  
教学参考资料 IV. G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2006)第 079859 号

丛书策划:郑卫良 章建林

责任编辑:章建林

封面设计:孙 菁

职业高中学练同步  
数 学  
(第二册·高教基础版)  
《职业高中学练同步》编委会

\*

浙江科学技术出版社出版发行  
杭州富春印务有限公司印刷

\*

开本:787×1092 1/16 印张:11.25 字数:258 000

2006年8月第1版

2006年8月第1次印刷

**ISBN 7-5341-2920-6**

**定价:13.50 元**

# 《职业高中学练同步》

## 编 委 会

(按姓氏笔画为序)

丁明华 王羽军 朱孝平 刘国芳  
孙坚东 孙宝元 杨泽南 张宗飞  
郑富良 柳小平 鲍国平

本册主编 谢幼平

编写人员 高文杰 吴顺 张拥军

# 目 录

## contents

<b>第7章 向量 .....</b>	1
一 向量的概念及其运算 .....	2
A组 .....	2
B组 .....	5
二 向量的坐标 .....	7
A组 .....	7
B组 .....	10
三 向量的内积 .....	13
A组 .....	13
B组 .....	15
单元自测题(七) .....	18
<b>第8章 平面解析几何 .....</b>	21
一 平面上直线的方程 .....	22
A组 .....	22
B组 .....	25
二 平面上直线的位置关系与度量关系 .....	28
A组 .....	28
B组 .....	31
<b>第一学期期中测试卷 .....</b>	35
三 圆 .....	39
A组 .....	39
B组 .....	42



四 椭圆 .....	44
A组 .....	44
B组 .....	47
五 双曲线 .....	50
A组 .....	50
B组 .....	54
六 抛物线 .....	57
A组 .....	57
B组 .....	60
七 极坐标、直线和二次曲线的极坐标方程 .....	63
A组 .....	63
B组 .....	65
单元自测题(八) .....	67
<b>第一学期期终测试卷 .....</b>	<b>70</b>
<b>第9章 立体几何 .....</b>	<b>74</b>
一 空间的基本要素 .....	75
A组 .....	75
B组 .....	78
二 直线、平面的位置关系 .....	80
A组 .....	80
B组 .....	82
三 直线、平面的度量关系 .....	84
A组 .....	84

B组 .....	87
四 几何体 .....	90
A组 .....	90
B组 .....	93
单元自测题(九) .....	95
<b>第10章 排列与组合 .....</b>	<b>98</b>
一 计数的基本原理 .....	98
A组 .....	98
B组 .....	102
二 两类基本的计数问题 .....	104
A组 .....	104
B组 .....	107
三 二项式定理 .....	109
A组 .....	109
B组 .....	112
单元自测题(十) .....	114
<b>第二学期期中测试卷 .....</b>	<b>117</b>
<b>第11章 概率与统计初步 .....</b>	<b>121</b>
一 随机事件及其概率 .....	122
A组 .....	122
B组 .....	124
二 随机变量 .....	126
A组 .....	126

B组 .....	128
三 统计初步 .....	130
A组 .....	130
B组 .....	132
单元自测题(十一) .....	135
<b>第12章 复数 .....</b>	<b>139</b>
一 复数的概念和运算 .....	139
A组 .....	139
B组 .....	143
二 复数的几何表示 .....	145
A组 .....	145
B组 .....	147
三 复数的三角形式和指数形式 .....	149
A组 .....	149
B组 .....	151
单元自测题(十二) .....	153
<b>第二学期期终测试卷 .....</b>	<b>156</b>
<b>参考答案 .....</b>	<b>160</b>



## 第7章 向量

### 学法引导

- 理解向量的概念,理解向量共线、不共线的概念,掌握向量的加法、减法与数乘向量的运算;
- 理解与一个非零向量共线的向量的条件,了解轴上向量的坐标的概念;
- 理解平面向量分解定理,理解平面向量的直角坐标的概念,掌握用坐标进行向量的相关运算,掌握向量的坐标与点的坐标之间的关系;
- 掌握线段的中点坐标公式,了解线段的定比分点公式,掌握平移公式;
- 理解向量的内积的概念及其基本性质,掌握用直角坐标计算向量的内积的公式,会利用向量的内积计算向量的长度和两个非零向量间的夹角,判断两个向量是否垂直,掌握两点间的距离公式.

### 重难点突破

本章的重点是:向量的几何表示(用有向线段表示向量);向量的加法、减法、数乘运算;平面向量的坐标表示;平面向量的坐标与点的坐标;线段的中点坐标公式;平移公式;向量的内积的概念;向量内积的4条基本性质;用直角坐标计算向量的内积;两点间距离公式;两个向量是否垂直的判定.

本章的难点是:向量的减法运算;与一个非零向量共线的向量的条件;平面向量分解定理;向量的内积的概念.

### 点击思维

向量兼有直观性强,又易于计算两方面的优点.学好本章的关键是:要从客观世界中的现实问题中来理解抽象出的概念;要理解基本概念;要掌握基本结论,更为重要的是要掌握数形结合的思维方式,必要时用图形帮助找到数量间的关系.

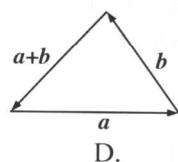
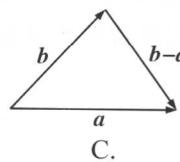
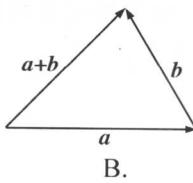
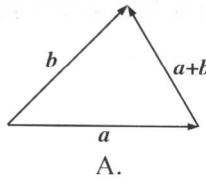


## 一 向量的概念及其运算

## A 组

## 一、选择题

1. 向量包含的要素是( )。
  - A. 大小和起点
  - B. 方向和起点
  - C. 大小和方向
  - D. 大小、方向、起点
2.  $A$  为起点、 $B$  为终点的有向线段记作( )。
  - A.  $AB$
  - B.  $BA$
  - C.  $\overrightarrow{AB}$
  - D.  $\overrightarrow{BA}$
3. 平行四边形  $ABCD$ , 则  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} =$  ( )。
  - A.  $\overrightarrow{AC}$
  - B.  $\overrightarrow{BD}$
  - C.  $\overrightarrow{CA}$
  - D.  $\overrightarrow{DB}$
4. 实数  $\lambda$  与向量  $a$  的乘积是( )。
  - A. 一个实数
  - B. 一个向量
  - C. 一个实数或一个向量
  - D. 一个实数且一个向量
5. 下列各式中错误的是( )。
  - A.  $a + \mathbf{0} = a$
  - B.  $a + (-a) = \mathbf{0}$
  - C.  $a + b = b + a$
  - D.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CA}$
6. 向量的长度一定是( )。
  - A. 非负实数
  - B. 有理数
  - C. 正数
  - D. 无法确定
7. 零向量的方向规定为( )。
  - A. 向左
  - B. 向右
  - C. 坐标轴方向
  - D. 不确定
8.  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} - \overrightarrow{BC} =$  ( )。
  - A.  $2\overrightarrow{BC}$
  - B.  $2\overrightarrow{CB}$
  - C.  $\mathbf{0}$
  - D.  $\mathbf{0}$
9. 下列叙述中正确的是( )。
  - A. 零向量的长度不确定
  - B. 同向的两个向量相等
  - C. 大小相同的两个向量相等
  - D. 长度为 1 的向量是单位向量
10. 下列各图中正确的是( )。



**二、填空题**

11.  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AD} = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $\overrightarrow{CD} + \overrightarrow{BC} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

12.  $\frac{1}{2}(\mathbf{a} + 3\mathbf{b} - 4\mathbf{c}) + \frac{1}{4}(2\mathbf{a} - 2\mathbf{b} + 6\mathbf{c}) = \underline{\hspace{2cm}}$ .

13.  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{BC} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

14.  $\mathbf{a} = 4\mathbf{e}$ ,  $\mathbf{b} = 8\mathbf{e}$ , 则  $\mathbf{a} = \underline{\hspace{2cm}} \mathbf{b}$ .

15.  $|\mathbf{a} + (-\mathbf{a})| = \underline{\hspace{2cm}}$ .

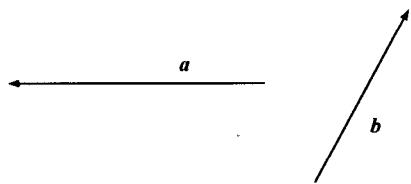
**三、解答题**

16. 化简:

(1)  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{DE}$ ;

(2)  $(\overrightarrow{AM} - \overrightarrow{AN}) + (\overrightarrow{MG} + \overrightarrow{GE})$ .

17. 已知  $a$ 、 $b$ , 求作  $a+b$  和  $a-b$ .

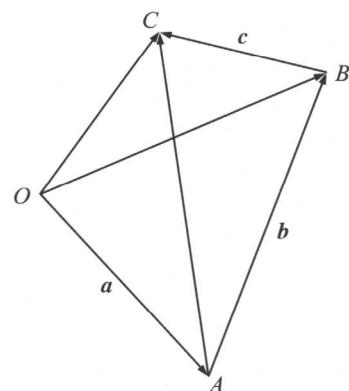


18. 平行四边形  $ABCD$ ,  $O$  为对角线交点, 求证:  $\overrightarrow{BO} = \frac{1}{2}(\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC})$ .



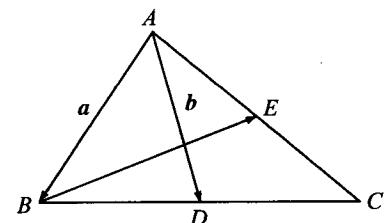
## B 组

19. 平行四边形  $ABCD$ , 则  $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AD} = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AB} = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $\overrightarrow{AD} - \overrightarrow{BC}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$ .
20.  $\frac{1}{2}(\mathbf{a} - 2\mathbf{b}) - 2\left(\frac{1}{4}\mathbf{a} - \frac{1}{2}\mathbf{b}\right) = \underline{\hspace{2cm}}$ .
21. 已知  $AD$ 、 $BE$ 、 $CF$  是  $\triangle ABC$  的三条中线, 求证:  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \mathbf{0}$ .
22. 如右下图所示,  $\overrightarrow{OA} = \mathbf{a}$ ,  $\overrightarrow{AB} = \mathbf{b}$ ,  $\overrightarrow{BC} = \mathbf{c}$ , 用  $\mathbf{a}$ 、 $\mathbf{b}$ 、 $\mathbf{c}$  分别表示  $\overrightarrow{OB}$ 、 $\overrightarrow{OC}$ 、 $\overrightarrow{AC}$ .



23. 一架飞机向南飞行  $500\text{ km}$ , 然后向西飞行  $500\sqrt{3}\text{ km}$ , 求飞机飞行路程及两次位移的和.

24. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $AD$  是  $BC$  上的中线, 设  $\overrightarrow{AB} = \mathbf{a}$ ,  $\overrightarrow{AD} = \mathbf{b}$ , 若  $E$  是  $AC$  的中点, 求  $\overrightarrow{BE}$  (用  $\mathbf{a}$ 、 $\mathbf{b}$  表示).



25. 已知  $G$  是  $\triangle ABC$  的重心, 求证: 对平面上任一点  $O$ , 有  $\overrightarrow{OG} = \frac{1}{3}(\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC})$ .

## 二 向量的坐标

### A 组

#### 一、选择题

1. 如果向量  $\mathbf{b}$  与一个非零向量  $\mathbf{a}$  共线, 则存在实数  $\lambda$ , 使得( )。
 

A.  $\mathbf{b} \neq \lambda \mathbf{a}$       B.  $\frac{\mathbf{b}}{\mathbf{a}} = \lambda$       C.  $\mathbf{b} \neq \mathbf{a}$       D.  $\mathbf{b} = \lambda \mathbf{a}$
2. 设轴  $[O; e]$  上向量  $\mathbf{a}$  的坐标为 2, 则  $4\mathbf{a}$  的坐标为( )。
 

A. -8      B. 8      C.  $\frac{3}{5}$       D. -15
3. 设  $A, B$  两点的坐标分别为  $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$ , 则  $\overrightarrow{AB}$  为( )。
 

A.  $(x_1 - x_2, y_1 - y_2)$       B.  $(x_1 - y_1, x_2 - y_2)$   
  C.  $(y_2 - y_1, x_2 - x_1)$       D.  $(x_2 - x_1, y_2 - y_1)$
4. 下列各对向量中共线的是( )。
 

A.  $\mathbf{a} = (2, 3), \mathbf{b} = (3, -2)$       B.  $\mathbf{a} = (2, 3), \mathbf{b} = (4, -6)$   
  C.  $\mathbf{a} = (1, \sqrt{2}), \mathbf{b} = (\sqrt{2}, 2)$       D.  $\mathbf{a} = (3, 7), \mathbf{b} = (7, 3)$
5. 已知点  $A(0, 3), B(-2, -1)$ , 则  $AB$  的中点为( )。
 

A. (2, 2)      B. (-1, 1)      C. (3, 2)      D. (6, 4)
6. 设  $\mathbf{a} = (-2, 3), \mathbf{b} = (1, -5)$ , 则  $2\mathbf{a} - \mathbf{b}$  的坐标是( )。
 

A. (5, -11)      B. (11, -5)      C. (-11, 5)      D. (-5, 11)
7. 已知点  $A(-3, 3), B(3, 6)$ ,  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$ , 则点  $M$  的坐标为( )。



- A.  $\left(2, -\frac{3}{4}\right)$       B.  $(2, -4)$       C.  $(-1, 4)$       D.  $(-1, 2)$
8. 点  $M(-1, 2)$  平移  $a=(1, 3)$  后得到点的坐标为( ).  
A.  $(0, 5)$       B.  $(-2, -1)$       C.  $(5, 0)$       D.  $(-1, -2)$
9. 点  $P$  分线段  $P_1P_2$  成定比  $\frac{1}{2}$ , 点  $P_1(1, 2)$ ,  $P_2(4, 2)$ , 则点  $P$  的坐标为( ).  
A.  $(-2, 2)$       B.  $(2, -2)$       C.  $(-2, -2)$       D.  $(2, 2)$
10. 点  $A(2, -1)$ ,  $B(-1, 3)$ , 则  $|\overrightarrow{AB}|$  为( ).  
A. 5      B.  $\sqrt{5}$       C.  $(-3, 4)$       D.  $(3, -4)$

## 二、填空题

11. 点  $A$ 、 $B$  的坐标分别为  $(2, -5)$ ,  $(-1, 4)$ , 则  $\overrightarrow{AB}$  的坐标为\_\_\_\_\_,  $|\overrightarrow{AB}| =$ \_\_\_\_\_.
12.  $a$ 、 $b$  向量的坐标分别为  $(2, -1)$ ,  $(-1, 3)$ , 则  $a+b$  的坐标为\_\_\_\_\_.
13. 平面上向量  $\overrightarrow{OP}=(3, 1)$ , 平移  $a=(-2, 2)$ , 得向量  $\overrightarrow{OP}=$ \_\_\_\_\_.
14. 已知点  $A(0, 2)$ ,  $B(2, -4)$ ,  $M$  为  $AB$  的中点, 则点  $M$  的坐标为\_\_\_\_\_.
15. 已知点  $A(1, 2)$ ,  $B(3, 5)$ , 且  $\overrightarrow{AC}=\frac{1}{2}\overrightarrow{BC}$ , 则点  $C$  的坐标是\_\_\_\_\_.
16. 设点  $A(2, 1)$ ,  $B(3, -3)$ ,  $C(-1, 2)$ , 且  $\overrightarrow{AB}=\overrightarrow{CD}$ , 则点  $D$  的坐标是\_\_\_\_\_.
17. 设点  $A(a, 2)$ ,  $B(-2, 4)$ , 且  $|\overrightarrow{AB}|=2\sqrt{5}$ , 则  $a=$ \_\_\_\_\_.
18. 已知点  $P(-2, 2)$ , 则点  $P$  关于  $x$  轴的对称点  $P'$  的坐标是\_\_\_\_\_, 点  $P$  关于  $y$  轴的对称点  $P''$  的坐标是\_\_\_\_\_.

## 三、解答题

19. 设点  $A(1, 1)$ ,  $B(3, 5)$ , 且  $\overrightarrow{AP}=\frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$ , 求点  $P$  的坐标.