



小学数学点点通丛书

星级难题详解

XINGJI NANTIXIANGJIE

主编：张希濂



北方妇女儿童出版社

小学数学点点通丛书

奥赛试题精华 速算简算技巧
华赛试题精华 组合形体剖解
竞赛技巧导练 常见错例辨析
星级难题详解 巧思妙解精选
标准题型精编 名题趣题赏析



ISBN 7-5385-1717-0



9 787538 517170 >

ISBN7-5385-1717-0/G · 1055

全套定价：85.00 元 本册定价：8.50 元

小学数学点点通丛书

星级难题详解

主编 张希濂

编写 赵 跃

北方妇女儿童出版社

小学数学点点通丛书
星级难题详解

主编 张希濂

*

北方妇女儿童出版社出版发行
长春市新世纪彩印厂印刷

*

787×1092毫米 32开本 9.25印张 192千字
2000年1月 第1版 2000年1月 第1次印刷
4插页 印数：1-5 582册

ISBN 7-5385-1717-0/G·1055

全套定价：85.00元 本册定价：8.50元

编 委 会

主 编 张希濂(全国著名特级教师、中国教育学会数学教育发展中心小学数学教改研究会副会长、全国尝试教学理论研究会副会长、全国反馈教学法研究会副会长、《数学大世界》杂志特约主编)

副主编 吴正宪(北京市特级教师、全国著名教学艺术家、崇文区教研室主任)

周东明(华中师范大学教育科学学院副教授,数学教学法专家)

陈立伟(广东省小学师资培训中心高级讲师,全国反馈教学法研究会常务理事)

李培根(广西特级教师、全国数学读讲精练教学法研究会副会长、防城区教研室主任)

编 委 (按姓氏笔画排序)

| | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 于彦芳 | 王 成 | 王立波 | 王绍华 | 龙 岩 | 吕 军 |
| 刘存宝 | 刘占双 | 刘开明 | 孙 海 | 吴正宪 | 陈立伟 |
| 宋海英 | 孙兴华 | 李培根 | 李秀荣 | 李秀英 | 李书奇 |
| 张希濂 | 张丽红 | 周东明 | 孟庆丰 | 赵 跃 | |

前 言

数学是一切科学的基础，是发展思维的体操，数学是小学阶段最重要的一门基础学科。学好数学是每个小学生的重要任务，也是每位家长和教师时刻关心的大事。

九年义务教育全日制小学数学教学大纲指出：“开展数学课外活动，对于扩大学生视野，拓宽知识，培养兴趣、爱好，发展数学才能，有着积极的作用。”一套科学、系统、切合小学生实际的辅导读物是落实教学大纲要求、有效促使学生掌握数学思想、解题策略、进行数学素质教育的保证。作为小学生，在学习数学的过程中，无论是理解掌握基础知识，还是发展能力、增长智慧，都需要通过阅读各种各样的数学书籍去实现。为了满足小学生的需要，我们组织编写了这套《小学生数学素质教育智力开发辅导丛书》。

这套丛书由全国著名的小学数学教学专家、全国著名的特级教师担任主编和副主编，由全国一些著名学校的特级教师、优秀教师和著名文化教育城市教研

室的优秀教研员联合编写。这些编写人员既具有高超的课堂教学艺术水平，又具有丰富的课外活动辅导经验。

这套丛书共有10册，是根据小学数学的知识体系和数学课外活动的内容要求，科学地、系统地划分并编写的。这套丛书有两个特点：

1. 科学、系统、实用。编写这套丛书，是以小学数学教学大纲和课外活动的要求为依据，以提高学生的数学能力为目的，因此在知识上源于课内教材，适当宽于深于课内教材，重在拓宽知识面，培养学生分析问题解决问题的能力。

2. 普及、提高、趣味。这套丛书，既注意面向全体学生，又注意因材施教满足学有余力的尖子学生的学习愿望。学生自学能看懂，教师、家长辅导能学深。在编写时注意儿童的年龄特点，内容融知识性、趣味性为一体，内容新颖，形式多样，富于童趣，有利于激发学生的学习兴趣。

这套丛书既可作为数学课外活动的教材，也可作为家长辅导孩子的补充资料。因此这套丛书不仅是小学生学好数学的良师益友，也是教师和家长辅导孩子的参谋助手。

编者

1999.7

目 录

| | |
|-------------------------|-------|
| 一、数和数的运算 | (1) |
| 1. 数的认识 | (1) |
| 2. 数的整除 | (11) |
| 3. 整数、小数计算 | (21) |
| 4. 分数计算 | (33) |
| 5. 整数、小数和分数四则混合运算 | (39) |
| 6. 简算与巧算 | (43) |
| 7. 文字题 | (50) |
| 练习题参考答案 | (57) |
| 二、整数、小数四则应用题 | (62) |
| 1. 一般应用题 | (62) |
| 2. 求平均数应用题 | (66) |
| 3. 归一应用题 | (71) |
| 4. 相遇及追及应用题 | (74) |
| 5. 和差问题 | (91) |
| 6. 和倍、差倍问题 | (100) |
| 7. 植树问题 | (112) |
| 8. 流水问题 | (118) |

| | |
|-----------------------------|-------|
| 9. 过桥问题····· | (124) |
| 练习题参考答案 ····· | (130) |
| 三、分数、百分数应用题 ····· | (132) |
| 1. 求一个数是另一个数的几分之几····· | (132) |
| 2. 求一个数的几分之几是多少····· | (140) |
| 3. 已知一个数的几分之几是多少,求这个数 ····· | (152) |
| 4. 工程问题····· | (167) |
| 5. 百分数应用题····· | (183) |
| 练习题参考答案 ····· | (196) |
| 四、代数初步知识 ····· | (198) |
| 1. 简易方程····· | (198) |
| 2. 列方程解应用题····· | (202) |
| 3. 比····· | (216) |
| 4. 比例尺和按比例分配的应用题····· | (221) |
| 5. 正、反比例及具有比例关系的应用题 ····· | (228) |
| 练习题参考答案 ····· | (235) |
| 五、几何初步知识 ····· | (236) |
| 1. 形体的认识····· | (236) |
| 2. 平面图形的周长和面积····· | (243) |
| 3. 立体图形的表面积和体积····· | (250) |
| 4. 组合形体····· | (257) |
| 练习题参考答案 ····· | (266) |
| 六、统计图表 ····· | (267) |
| 1. 统计表····· | (267) |
| 2. 统计图····· | (274) |
| 练习题参考答案 ····· | (285) |

一、数和数的运算

1. 数的认识

【例题】

例1* 用4个0,与1、2、3、4、5、6这十个数字写出一个十位数,所有的0都要读出来。

分析与解答:

4个0都要读出来,所以4个0都不能写在每级的末尾,而且0不能连写。因此0只能写在千万位、十万位、千位和十位上,其他数位上是非零数。根据排列组合的乘法原理答案有 $6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 720$ 种。

列出几种: 1203042506, 1302040506, 14203506, 2103040506, 6102030405, ……

例2* 用0、1、2、3、4、5、6、7、8、9可以组成一个十位数(每个数字不重复)。如果千万位和千位上的数字分别是9和6,那么这10个数字组成的十位数最大的是(),最小的是()。

分析与解答:

这个十位数要组成一个最大的,把9和6除外,最高位必须写8,然后由高位起,每一数位上的数字由大到小顺次写出,写

出的数是 8 7 9 5 4 3 6 2 1 0, 这个数最大。

把 9 和 6 除外, 最高位必须写 1, 然后由高位起, 每一数位上的数字由小到大顺次写出, 写出的数是 1092346578, 这个数最小。

最大的数: 8795436210

最小的数: 1092346578

例 3* 小明在读一个小数时, 把小数点丢了, 结果读成了六万五千零一。原来的小数读出来只读一个零, 原来的小数是什么?

分析与解答:

先把六万五千零一写出来就是 65001。如果把小数点放在 6 或 5 前, 或者放在 5 之后, 要读两个或三个零, 放在 1 前, 则不能读零。65001 中有两个零。而小数中有几个零就读几个零, 所以小数点只能在两个零之间, 原数应该是 650.01。

原来的小数是 650.01。

例 4* 用 6、0、7 和 8 这几个数字写出下面各数, 每个数字只能用一次。

(1) 小于 1 而小数部分是三位的小数。

(2) 大于 8 而小数部分是三位的小数。

(3) 零不读出来而小数部分是两位的小数。

分析与解答:

写出小于 1 的小数, 整数部分应该写数字 0。小数部分是三位, 这些数可以是 0.678, 0.687, 0.768, 0.786, 0.867, 0.876。小数部分实际上是数字 6、7、8 各种不同的组合。

写出的数大于 8, 那么整数部分可以是 8 或两位以上的数, 但又要求小数部分是三位小数, 所以整数部分只能是 8, 小数部分则是 0、6、7 的各种不同组合, 这些数可以是 8.067、8.076、

8.607、8.706、8.670、8.760。

要求写出的数中零不读出来,所以零只能在整数部分的末尾,同时要求小数部分是两位数,那整数部分只能是两位数;其他数字可以有各种不同的组合。这些数可以是 60.78、60.87、70.68、70.86、80.67、80.76。

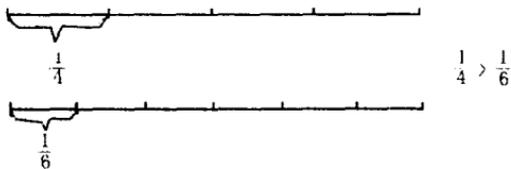
例 5 $\frac{3}{4}$ 和 $\frac{5}{6}$ 比较, ($\frac{5}{6}$) 的数值较大, ($\frac{3}{4}$) 的分数单位较大。

分析与解答:

异分母分数比较大小,首先要通分。这两个分数的公分母是 12,把 $\frac{3}{4}$ 化成 $\frac{9}{12}$, $\frac{5}{6}$ 化成 $\frac{10}{12}$,因为 $\frac{9}{12}$ 小于 $\frac{10}{12}$,所以 $\frac{3}{4}$ 小于 $\frac{5}{6}$, $\frac{5}{6}$ 的数值较大。

$\frac{3}{4}$ 的分数单位是 $\frac{1}{4}$,是把单位“1”平均分成 4 份,每 1 份是 $\frac{1}{4}$ 。 $\frac{5}{6}$ 的分数单位是 $\frac{1}{6}$,是把单位“1”平均分成 6 份,每 1 份是 $\frac{1}{6}$,单位“1”相同,平均分的份数越多,每 1 份就越小,所以 $\frac{3}{4}$ 的分数单位较大。

用线段图表示:



$\frac{5}{6}$ 的数值较大。 $\frac{3}{4}$ 的分数单位较大。

例 6** 一个最简真分数的分子、分母的积是 50, 这个最简真分数是($\frac{1}{27}$)。

分析与解答:

一个最简真分数的分子与分母的积是 50, 说明这个真分数的分子和分母都是 50 的因数, 将 50 分解为, $50 = 1 \times 50$ 或 $50 = 2 \times 25$, 这个最简真分数是 $\frac{1}{50}$ 或是 $\frac{2}{25}$ 。

最简真分数是 $\frac{1}{50}$ 或 $\frac{2}{25}$ 。

例 7** 一个最简分数, 把它的分子扩大 5 倍, 分母缩小 5 倍等于 20, 这个最简分数是($\frac{4}{5}$)。

分析与解答:

因为分子扩大 5 倍, 分母缩小 5 倍等于 20, 也就是等于 $\frac{20}{1}$, 所以 $\frac{20 \div 5}{1 \times 5} = \frac{4}{5}$, 这个最简分数是 $\frac{4}{5}$ 。

$\frac{20 \div 5}{1 \times 5} = \frac{4}{5}$, 这个最简分数是 $\frac{4}{5}$ 。

例 8** 在 $\frac{1}{3}$ 和 $\frac{3}{5}$ 之间插进三个最简分数, 使这五个数中每相邻两个数的差都相等。这三个数分别是($\frac{2}{5}$), ($\frac{7}{15}$), ($\frac{8}{15}$)。

分析与解答:

根据题意, 分别设这三个数为 x_1, x_2, x_3 , 这样组成了一个等差数列: $\frac{1}{3}, x_1, x_2, x_3, \frac{3}{5}$, x_2 是中间项, 又是这五个数的平均数, 首尾两数之和为 x_2 的 2 倍, 所以 (首项 + 末项) $\div 2 =$ 中间项, 即 $x_2 = (\frac{1}{3} + \frac{3}{5}) \div 2 = \frac{7}{15}$ 。同理可求出 $x_1 = (\frac{1}{3} + \frac{7}{15}) \div 2 = \frac{2}{5}$, $x_3 = (\frac{7}{15} + \frac{3}{5}) \div 2 = \frac{8}{15}$, 因此插进的三个最简分数应是 $\frac{2}{5}, \frac{7}{15}, \frac{8}{15}$ 。

这三个分数分别是 $\frac{2}{5}$ 、 $\frac{7}{15}$ 、 $\frac{8}{15}$ 。

例 9*** 把 1、2、3、4、…、99、100 这一百个数按顺序排列起来组成一个大数。这个数是()位数。

分析与解答:

1~9 共 9 位, 10~99 共 $2 \times 90 = 180$ 位, 100 共 3 位, 这个大数是 $9 + 180 + 3 = 192$ 位数。

这个数是 192 位数。

例 10*** 任意取出 1990 个连续的自然数, 它们的总和是()。〔在括号内填奇数或偶数〕

分析与解答:

任取 1990 个连续自然数, 里面总有 $1990 \div 2 = 995$ 个偶数, 也总有 995 个奇数。995 个连续偶数的和是一个偶数, 995 个连续奇数的和是一个奇数, 一个偶数与一个奇数相加的和总是奇数, 也就是任取 1990 个连续自然数, 它们总和一定是奇数。

它们的总和一定是奇数。

例 11*** 1、7、13、19、25、…, 求这列数的第一千个数是()。

分析与解答:

先找出这一列数的排列规律:

数列第一个数: 1

数列第二个数: $1 + 6 = 7$, 即是 $1 + (2 - 1)$ 个 6。

数列第三个数: $1 + 6 + 6 = 13$, 即是 $1 + (3 - 1)$ 个 6。

数列第四个数: $1 + 6 + 6 + 6 = 19$, 即是 $1 + (4 - 1)$ 个 6。

数列第五个数: $1 + 6 + 6 + 6 + 6 = 25$, 即是 $1 + (5 - 1)$ 个 6。

……

数列第一千个数: $1 + 6 + 6 + \dots + 6$, 即是 $1 + (1000 - 1)$ 个 6

$$= 1 + 6 \times 999 = 1 + 5994 = 5995$$

这个数列第一千个数是 5995。

例 12*** 把 $\frac{197}{198}$ 、 $\frac{1987}{1988}$ 、 $\frac{987}{988}$ 、 $\frac{18}{19}$ 四个分数按照由小到大的顺序排列出来。

分析与解答：

这四个分数的特点是分子比分母小 1，又因为 $\frac{1987}{1988}$ 比 1 少 $\frac{1}{1988}$ ， $\frac{197}{198}$ 比 1 少 $\frac{1}{198}$ ， $\frac{987}{988}$ 比 1 少 $\frac{1}{988}$ ， $\frac{18}{19}$ 比 1 少 $\frac{1}{19}$ ，而 $\frac{1}{19} > \frac{1}{198} > \frac{1}{988} > \frac{1}{1988}$ ，所以 $\frac{18}{19} < \frac{197}{198} < \frac{987}{988} < \frac{1987}{1988}$ 。

$$\frac{18}{19} < \frac{197}{198} < \frac{987}{988} < \frac{1987}{1988}$$

例 13*** 自然数 C 与它的倒数的差是 31.96875，C 是 ()。

分析与解答：

因为 $31.96875 = 31 \frac{96875}{100000} = 31 \frac{31}{32}$ ，所以可以知道这个自然数是 32。因为 32 的倒数是 $\frac{1}{32}$ ， $32 - \frac{1}{32} = 31 \frac{31}{32}$ 。即 C 是 32。

C 是 32。

例 14*** $\frac{5}{7}$ 写成循环小数后，小数点后第一千个数字是几？

分析与解答：

$\frac{5}{7} = 0.71428571\cdots$ ，0.71428571 \cdots 的循环节是 6 位，循环部分是 7,1,4,2,8,8。所以 $1000 \div 6 = 166\cdots 4$ ，说明这个循环小数的小数点后一千位，含有 166 个循环节，还余四位数字是

7、1、4、2,第一千个数字就是余下的四位数最后一个数字,就是2。

小数点后第一千个数字是2。

例 15*** 有一个两位数,数字和为10,数字差为4,而十位数比个位数大,求这个两位数是多少?

分析与解答:

倒转数就是数字相同,顺序相反的两个两位数,其中一个两位数就叫做另一个两位数的倒转数。原数与倒转数的和是11的倍数,其差是9的倍数。即原数与倒转数的和是两个数字和的11倍,原数与倒转数的差是数字差的9倍。根据这个道理已知数字和与数字差就可以两个数的和与两个数的差,然后用和差问题的解法,求出两个数各是多少。

原数与倒转数的和: $10 \times 11 = 110$

原数与倒转数的差: $4 \times 9 = 36$

十位数比个位数大所以所求的数是大数。

$(110 + 36) \div 2 = 73$

或根据数字和与差可以直接求出这个数的两个数字各是什么,然后再求出这个数。

十位数字: $(10 + 4) \div 2 = 7$

个位数字: $(10 - 4) \div 2 = 3$

所求的数: $7 \times 10 + 3 = 73$

例 16*** 有一个两位数,其数字和为7,若从本数内减去27,则其数字的次序倒转,求这个两位数。

分析与解答:

先求出原数与倒转数的和,原数减去27,则数字倒转,原数大于倒转数。27是原数与倒转数的差,所以用和差问题的解法可以求出这个两位数。

原数与倒转数之和： $7 \times 11 = 77$

所求的数： $(77 + 27) \div 2 = 52$

或先求出两个数字的差，再用和差问题的解法求出这个数的两个数字，然后再求出这个两位数。

两个数字的差： $27 \div 9 = 3$

十位数字： $(7 + 3) \div 2 = 5$

个位数字： $(7 - 3) \div 2 = 2$

所求的数： $5 \times 10 + 2 = 52$

【练习 1】

1. 一个数由 2 个十，251 个千分之一和 20 个万分之一组成的，这个数是()。

2. 用 0、6、8、0、1、2，这六个数字组成一个最大的数是()，最小的数是()。

3. 写出一个大于 0，小于 0.1 的两位小数是()。

4. 用 7、0、5、3 四个数字，一共可组成()个不同的四位数。把这些四位数从小到大排队，排在第 10 位的是()。

5* 一个四位数，十位上的数字比百位上的数字小 7，千位上的数字比十位上的数字大 8，个位上的数字比百位上的数字小 2，这个四位数在 9000 到 10000 之间，这个四位数是()。

6* $\underbrace{222 \cdots 222}_{1994 \text{ 个 } 2} \div 3$ 的商的个位上的数字是()，余数是()。

7* 把 49999 分成两个整数，要使它们的积最大，这两个数是()和()，这两个数的积是()位数。

8* 十位上的数比个位上的数小的两位数共有()个。

9* 一个四位数的个位上的数是 8，如果把 8 移到最高位数