

上册

应用高等数学练习册

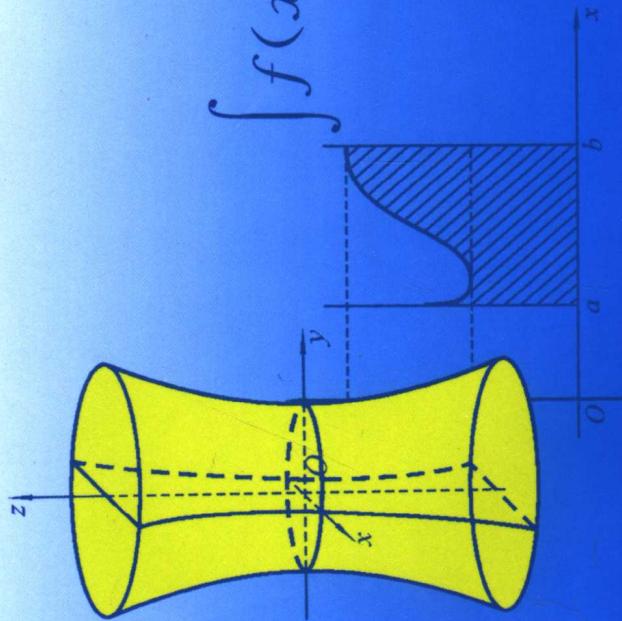
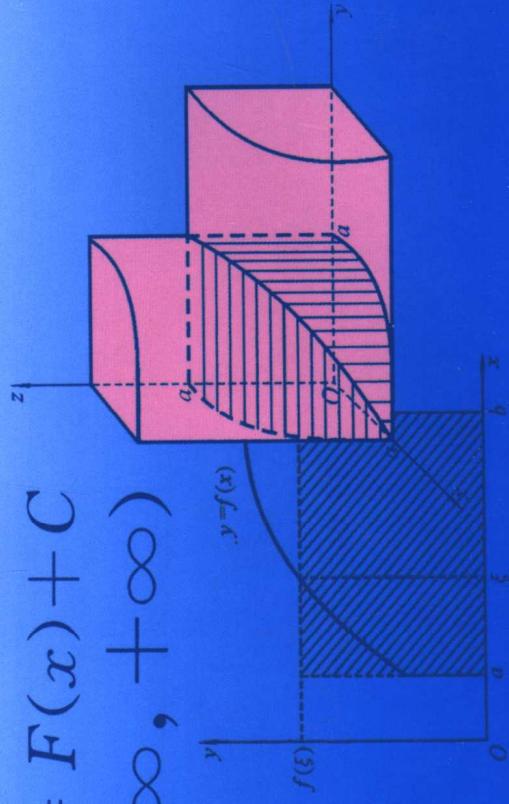
供非理工类各专业用

主编 施沛沄

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta s}{\Delta t}$$

$$\int f(x) dx = F(x) + C$$

(-\infty, +\infty)

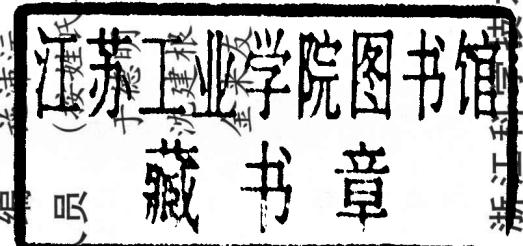


上册

应用高等数学练习册

供非理工类各专业用

主 编 人员
（按笔画为序）
华荣伟 杨乃如
陆毅 罗道宝
童宏胜



浙江科
技术出版社

图书在版编目(CIP)数据

应用高等数学练习册. 上册/施沛沄主编.—杭州：
浙江科学技术出版社, 2005. 9(2006. 8重印)

供非理工类各专业用

ISBN 7 - 5341 - 2759 - 9

I . 应... II . 施... III . 高等数学—高等学校:技
术学校—习题 IV . O13 - 44

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2005)第 106856 号

应用高等数学练习册

上册

(供非理工类各专业用)

主 编	施沛沄		
责任编辑	宋 东		
封面设计	金 昊		
出版发行	浙江科学技术出版社 (杭州市体育场路 347 号 邮编 310006)		
印 刷	浙江全能印务有限公司		
开 本	787×1092 1/16		
印 字 版	张 6.5		
印 数 版	数 157 000		
印 次 版	次 2005 年 9 月第 1 版		
印 次 版	次 2006 年 8 月第 2 次印刷		
书 号	ISBN 7 - 5341 - 2759 - 9		
书 定 价	10.00 元		

前 言

跨入 21 世纪以来，浙江经济在世界经济一体化的浪潮裹挟下，立足长三角，竞雄五大洲。浙江的高等职业技术教育因此而蓬勃发展，在浙江 10 万多平方公里的土地上，异军突起，成为浙江省高等教育的重要组成部分。

为了紧跟高职数学的发展步伐，浙江省高等教育重点教材——《应用高等数学》已经问世了！这是全省职业教育界的一件大事，无疑为我省高职数学的发展掀起又一个波澜！

伴随这套教材问世的是与之配套使用的一套练习册，共三册。理工类与非理工类各一册，下册为两类合用。

练习册按照教育部制定的高职高专高等数学教学基本要求，以必够用为度，以应用为目的，既重视对基本概念的理解，又重视对基本运算能力的训练。所选习题，贯彻由浅入深、谆谆善诱的原则，在试用期间，曾广泛听取各方意见，进行过多次的修改。本练习册虽然与教材配套使用，但也有独立使用的价值，对于自学高等数学或专升本的读者，本练习册也有重要的实用价值。

小才靠聪明，大才靠德行。为了有益于提高人文素养，练习册中摘录了古今中外的一些名人名言，供读者浏览。虽说是片言只语，却蕴涵着深刻哲理。

本套练习册的编者同时也是教材的编者，都是长期从事于一线教学的老师，具有丰富的教学经验，是由编写委员会遴选和特别邀请的。其中不乏风华正茂的后起之秀，多数是各院校的数学学科带头人，在编写委员会的组织之下，他们不辞辛劳、不矜名位，继承和发扬了老一辈学人的奉献精神。

参加编写的院校有：浙江建设职业技术学院、浙江机电职业技术学院、温州职业技术学院、浙江医学高等专科学校、浙江医药高等专科学校、浙江经贸职业技术学院、浙江科技学院、浙江交通职业技术学院、浙江经济职业技术学院、浙江旅游职业技术学院、浙江邮电职业技术学院、杭州职业技术学院、杭州万向职业技术学院、嘉兴职业技术学院、丽水学院、丽水职业技术学院、浙江国际海运职业技术学院、浙江电力职业技术学院。

参加编写的人员有：理工类上册主编骆忍冬，非理工类上册主编施沛云，下册主编王潘玲。参加编写的还有：丁匡平、于德明、孔亚仙、王小明、王珍娥、王新力、王新成、华荣伟、戎笑、严小宝、李新柯、杨乃如、杨迪明、吴晓红、沈建根、陆毅、陈道宝、金辉、

金友良、金来友、胡亚红、钟继雷、宣明、洪哲、童宏胜、童春霞、潘仲川。
讹漏之处，在所难免，敬请指教，以使日臻完善！

浙江省《应用高等数学》编写委员会
2006年3月

目 录

第一章 函数、极限和连续	(1)	§ 3—5 导数在实际中的应用	(37)
§ 1—1 初等函数	(1)	第三章自测题	(39)
§ 1—2 常用经济函数	(3)		(43)
§ 1—3 极限的概念	(5)	第四章 不定积分	
§ 1—4 极限的运算	(7)	§ 4—1 不定积分的概念	(43)
§ 1—5 两个重要极限	(9)	§ 4—2 基本积分表和积分运算法则	(45)
§ 1—6 函数的连续性	(11)	§ 4—3 换元积分法(一)	(47)
第一章自测题	(13)	§ 4—3 换元积分法(二)	(49)
第二章 导数与微分	(15)	§ 4—4 分部积分法	(51)
§ 2—1 导数的概念	(15)	第四章自测题	(53)
§ 2—2 导数的运算	(17)		(55)
§ 2—3 复合函数的求导法则	(19)	第五章 定积分及其应用	
§ 2—4 隐函数的导数	(21)	§ 5—1 定积分的概念	(55)
§ 2—5 高阶导数	(23)	§ 5—2 微积分基本定理	(57)
§ 2—6 微分	(25)	§ 5—3 定积分的换元积分法	(59)
第二章自测题	(27)	§ 5—4 定积分的分部积分法	(61)
		§ 5—5 广义积分	(63)
第三章 导数的应用	(29)	§ 5—6 定积分的应用 (一) 平面图形的面积	(65)
§ 3—1 微分中值定理	(29)	§ 5—6 定积分的应用 (二) 旋转体的体积	(67)
§ 3—2 洛必达法则	(31)	§ 5—7 定积分的应用 (三) 经济及其他应用	(69)
§ 3—3 函数的单调性与极值	(33)	第五章自测题	(71)
§ 3—4 曲线的凹凸性、函数图形的描绘	(35)		
第六章 多元函数的微积分	(75)		
§ 6—1 (一) 空间解析几何简介	(75)		

§ 6—1 (二)多元函数的概念	(77)	§ 6—5 二重积分概念	(85)
§ 6—2 偏导数与全微分	(79)	§ 6—6 二重积分计算	(87)
§ 6—3 多元函数的求导法则	(81)	第六章自测题	(89)
§ 6—4 多元函数的极值	(83)	参考答案	(92)

年 月 日

班级 学号 姓名

第一章 函数、极限和连续

§ 1-1 初等函数

1. 填空题：

(1) 函数 $y = \frac{1}{x} + \log_2(3-x)$ 的定义域为 _____;

(2) 设 $f(x-1) = x(x-1)$, 则函数 $f(x) =$ _____;

(3) 设函数 $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$, 则 $f\left(\frac{1}{x}\right) =$ _____;

(4) 设函数 $f(x) = \begin{cases} \sin x & x \leq 0 \\ 4x^2 - 3 & x > 0 \end{cases}$, 则 $f(1) =$ _____;

(5) 函数 $y = \frac{2x-1}{x+1}$ 的反函数为 _____;

(6) 函数 $y = |\sin x|$ 的周期为 _____.

2. 选择题：

(1) 设函数 $f(x)$ 的定义域是 $[1, 5]$, 则函数 $f(x^2 + 1)$ 的定义域

为 () ;

(A) $[1, 5]$ (B) $[0, 2]$

(C) $[-2, 2]$ (D) $[-2, 0]$

(2) 函数 $f(x) = \ln \frac{x-1}{x+1}$ 在定义域内是 () ;

(A) 奇函数

(B) 偶函数

(C) 非奇非偶函数

- (D) 既是奇函数, 又是偶函数
函数 $f(x) = x + \ln x$ 的单调增区间是 ();

- (A) $(0, +\infty)$ (B) $(-1, +\infty)$
(C) $(-1, 0)$ (D) $(-\infty, +\infty)$

- (4) 下列函数在指定区间上有界的是 ().

- (A) $f(x) = 2^x \quad x \in (-\infty, 0)$
(B) $f(x) = \cot x \quad x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$
(C) $f(x) = \ln x \quad x \in (0, 1)$
(D) $f(x) = 3x^2 \quad x \in (0, +\infty)$

3. 解答题：

- (1) 求函数 $y = \frac{1}{\sqrt{9-x^2}} + \ln(2-x)$ 的定义域;

(2) 设 $f(x) = \begin{cases} x^2, & x \leq 0; \\ x+1, & x > 0. \end{cases}$ 作出它的图形.

4. 指出下列函数的复合过程:

(1) $y = (\arctan \sqrt{x})^2;$ (2) $y = \tan(\ln(x+3));$

(3) $y = e^{\tan^2(x+1)};$ (4) $y = \sqrt{\ln \sqrt{x}}.$

学而不思则罔，思而不学则殆——孔子

日 月 年

姓名 学号 班级

班级 学号

§1-2 常用经济函数

1. 小方看中一套价值 40 万元的房子，需首付 10 万，贷款 30 万。假定贷款月利率为 0.5%，需在 5 年内还完，则小方每月需付款多少？

3. 生产某产品 q 件的总成本为 $C(q) = 2.5q + 300$, 则生产 300 件产品的平均成本为多少?

2. 设某商品的需求规律为 $P + 3x = 75$, 供求规律为 $9x = 2P - 15$, 则市场平衡的均衡价格为多少?

4. 某厂某产品的年产量为 x 台, 单价为 2300 元, 当年产量在 3000 台以内可全部销出, 当年产量超过 3000 台时, 经广告宣传后又可多销 1000 台, 平均年广告费为每台 50 元, 试将本年的销售收益 R 表示为产量 x 的函数.

5. 某车间最大生产能力为月产 100 台机床, 至少要完成 40 台方可保本. 当生产 x 台时的总成本函数 $C(x) = x^2 + 10x$ (百元). 按市场规律, 价格为 $P = 250 - 5x$ (x 的需求量), 机床可以全部销售出去. 试将月利润表示成 x 的函数.

6. 某工厂销售收音机, 每台售价 90 元, 每台成本 60 元, 厂家规定订购量超过 100 台时, 每多订购一台的售价就降低 1 分, 但是最低价为 75 元/台, 试求:
- (1) 每台的实际售价 y 与订购量 x 的函数关系式;
 - (2) 利润 P 与订购量 x 的函数关系.

敏而好学不耻下问是以谓之文也——孔子

年 月 日 班级 学号 姓名

§ 1-3 极限的概念

1. 填空题:

- (1) 函数 $f(x)=x^2+a$, 当 $x \rightarrow 1$ 时极限为 1, 则 $a=$ _____;
(2) 如果变量 y 以常数 A 为极限, 则 y 必可以表示成 _____;

(3) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \arctan x =$ _____;

(4) $\lim_{x \rightarrow 1} \ln x =$ _____.

2. 选择题:

- (1) 使函数 $f(x)=2^x$ 极限存在的 x 的变化趋势是();

- (A) $x \rightarrow \infty$. (B) $x \rightarrow +\infty$
(C) $|x| \rightarrow 1$ (D) $x \rightarrow -\infty$

- (2) 下列极限存在的有();

- (A) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x}$ (B) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} \sin x$

- (C) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{x-1}$ (D) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2+1}{n}$

- (3) 下列变量在给定的变化过程中为无穷小量的是();

- (A) $e^{-x}+1(x \rightarrow 0)$ (B) $\frac{x}{x^2}(x \rightarrow 0)$

- (C) $e^x(x \rightarrow +\infty)$ (D) $x \arcsin x(x \rightarrow 0)$

- (4) $\lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = A$ (A 为常数), 是 $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$ 存在的().

- (A) 充要条件

- (B) 必要条件
(C) 充分条件
(D) 既不是充分条件, 也不是必要条件

3. 分析数列或函数的变化趋势, 求下列极限:

(1) $x_n=(-1)^n \frac{n}{2n+1}(n \rightarrow \infty)$;

(2) $f(x)=\frac{1}{\sqrt{x}}(x \rightarrow +\infty)$;

(3) $f(x) = \frac{x^2 - 3x - 4}{x + 1}$ ($x \rightarrow -1$).

5. 设函数 $f(x) = \begin{cases} x+1, & x \geq 1; \\ ax^2, & x < 1. \end{cases}$ 当 $x \rightarrow 1$ 时的极限存在, 求常数 a 的值.

4. 设函数 $f(x) = \begin{cases} 3x, & x > 1; \\ 2, & x = 1; \\ \frac{1}{x}, & x < 1. \end{cases}$ 试求 $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ 与 $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$, 并问 $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ 存在吗?

日 月 年

姓名 学号 班级

§ 1-4 极限的运算

填空題：

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} (2^x + 3 \cos x) =$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow -1} (2x^2 - 7x + 4) =$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 - x + 1}{2x^2 + 3} =$$

$$(4) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{5x^3 + 2x^2 - 2x + 3}{7x^2 + 4x - 1} =$$

$$(5) \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 + 4x - 2}{1 - 3x^3} =$$

2. 判断下列运算是否正确：

$$(1) \lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{1}{x-1} + \frac{1}{1-x} \right) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{x-1} + \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{1-x} = \infty; \dots$$

()

$$(2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} = \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} (x^2 - 1)}{\lim_{x \rightarrow \infty} (x^2 + 1)}$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{x^2 - 1} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{(x^2 - 1)} = 0; \quad \dots \dots \dots \quad ()$$

$$(4) \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1+2+3+\dots+n}{n^2} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^2} + \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2}{n^2} + \dots + \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n}{n^2} = \dots$$

()

3. 求下列极限：

$$(1) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 + x - 3}{x^2 - 1}; \quad (2) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{5x^2 - 4x - 12}{x^2 + x - 6};$$

題空填

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} (2^x + 3 \cos x) =$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow -1} (2x^2 - 7x + 4) =$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8x - x^2 + 1}{2x^2 + 3} =$$

$$(4) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{5x^3 + 2x^2 - 2x + 3}{7x^2 + 4x - 1} =$$

$$(3) \lim_{r \rightarrow +\infty} \frac{(3-2x)^{40}(5+2x)^{60}}{(7+2x)^{100}}, \quad (4) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x^4+3x^2-2x}{x^3+5x^2+x};$$

卷之三

$$(Z) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 1}{x - 1} = \lim (x^2 + 1) \frac{1}{x - 1},$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{x^2} = \frac{\lim x^2}{\lim x^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} x = 1$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n^{\frac{1}{2}} = \infty$$

少而不学，长无能也——孔子

$$(5) \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{1+2x}-3}{\sqrt{x}-2};$$

4. 求 a , 使 $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{3x^2+ax+a+3}{x^2+x-2}$ 存在并求此极限.

$$(6) \lim_{x \rightarrow +\infty} x(\sqrt{x^2+1}-x).$$

年 月 日

班级 学号 姓名

§ 1—5 两个重要极限

1. 填空题:

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{4x} = \quad ;$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 8x}{\sin 2x} = \quad ;$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{3}{x}\right)^x = \quad ;$$

$$(4) \lim_{x \rightarrow 0} (1+x)^{\frac{1}{x+2}} = \quad .$$

2. 选择题:

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 2x}{\sin 2x^2} = (\quad);$$

$$(A) 1 \quad (B) 2 \quad (C) \frac{1}{2} \quad (D) \frac{1}{4}$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^3 mx}{x^2} (m \text{ 为常数}) \text{ 等于 } (\quad);$$

$$(A) 0 \quad (B) 1 \quad (C) m^2 \quad (D) \frac{1}{m^2}$$

(3) 下列极限等于 e 的是 () ;

$$(A) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^{-x} \quad (B) \lim_{x \rightarrow 0} (1-x)^{-x}$$

$$(C) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{x}\right)^{-x} \quad (D) \lim_{x \rightarrow 0} (1+x)^x$$

(4) 如果 $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+c}{x-c}\right)^x = 4$, 那么常数 c 等于 ();

(A) 2 (B) 1 (C) e^2 (D) $\ln 2$

(5) 下列变量中, 当 $x \rightarrow 1$ 时, 比 $x-1$ 高阶的无穷小是 ().

$$(A) (x-1)^2$$

$$(B) 2x-2$$

$$(C) x^2-1$$

$$(D) \sqrt{x-1}$$

3. 求下列极限:

$$(1) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(2-x)}{4-x^2};$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos 4x}{x \sin 5x};$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{x}\right)^{2x-1};$$

$$(4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x+2}{5x}\right)^x.$$

4. 利用等价无穷小求极限：

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x (e^{2x} - 1) \tan 2x}{x^2 \ln(1 + 4x)};$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3}.$$