

长春市教育局教育教学研究室组编



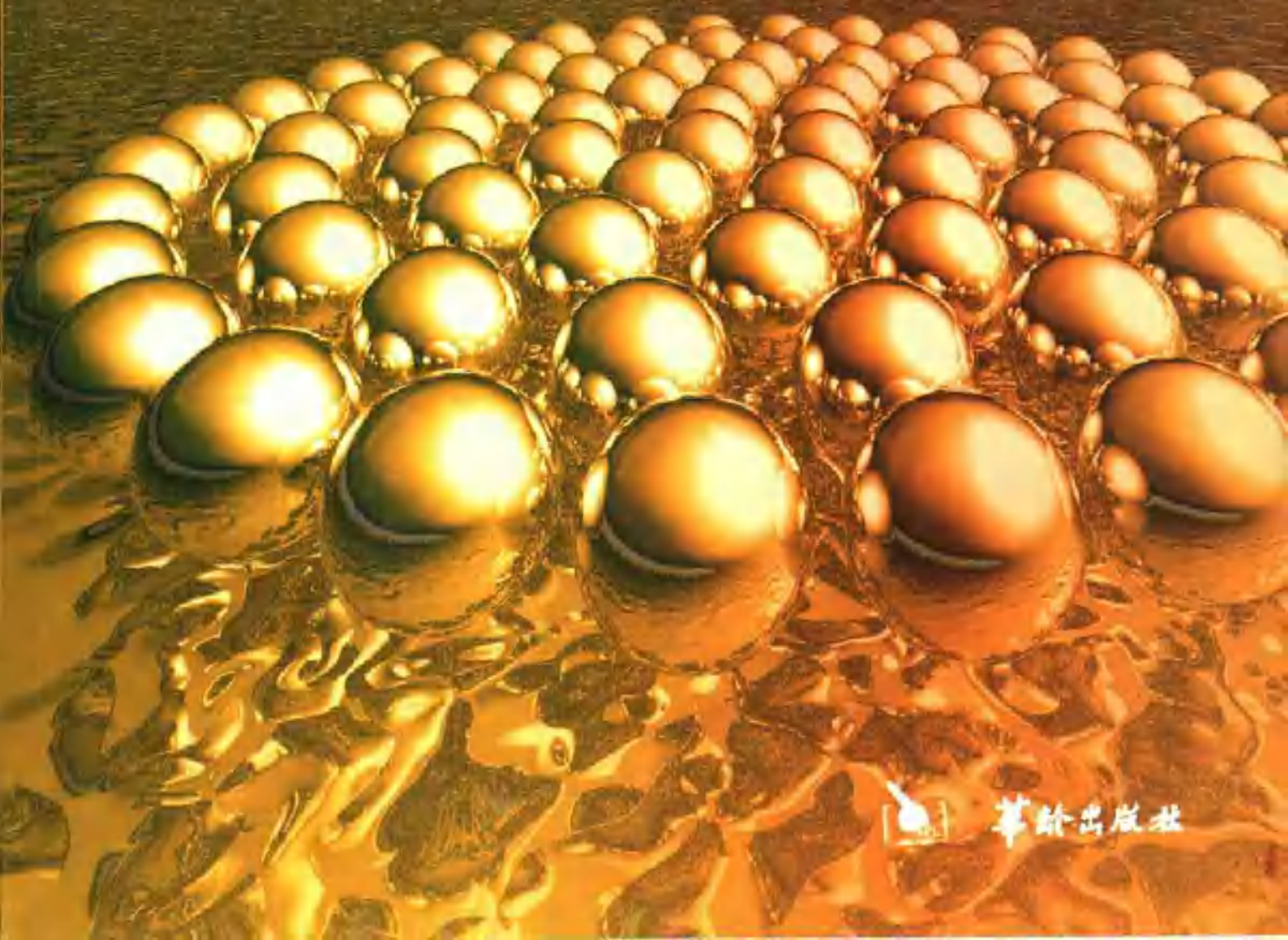
全程绿色学习

系列丛书

学生用书

(与教师用书配套使用)

高三理科数学(选修II)



吉林出版社

全程绿色学习

权威性

实用性

操作性

系列丛书

高三理科数学

学生用书

(与教师用书配套使用)

(选修Ⅱ)

同步训练 同步测试

长春市教育局教育教学研究室 组编

名题举例

题型设计与训练

华龄出版社

责任编辑 苏 辉

封面设计 倪 霞

图书在版编目 (CIP) 数据

全程绿色学习系列丛书·高三理科数学·2: 选修/长春市教育局教育教学研究室组编. —北京: 华龄出版社, 2005. 12

学生用书

ISBN 7-80178-316-6

I. 全… II. 长… III. 数学课—高中—教学参考资料 IV. G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2005) 第 151745 号

书 名: 全程绿色学习系列丛书·高三理科数学 (选修Ⅱ) 学生用书

作 者: 长春市教育局教育教学研究室组编

出版发行: 华龄出版社

印 刷: 遵化市印刷有限公司

版 次: 2005 年 12 月第 1 版 2005 年 12 月第 1 次印刷

开 本: 850×1168 1/16 **印 张:** 7.75

印 数: 1~3000 册

全套定价: 38.60 元 (共 6 册)

地 址: 北京西城区鼓楼西大街 41 号

邮 编: 100009

电 话: 84044445 (发行部)

传 真: 84039173

前 言

由北京大视野教科文化发展有限公司策划，长春市教育局教育教学研究室组织编写的《全程绿色学习系列丛书》和大家见面了。它作为师生的良师益友，将伴随师生度过高中宝贵的学习时光。

本丛书以人教社最新修订的高中教科书为蓝本，以最新《考试大纲》、《新课程教学大纲》和《新课程课程标准》为依据，集国内最先进的教学观念，精选近五年全国高考试题、近三年各省市的优秀模拟试题，并根据高考最新动向，精心创作了40%左右的原创题，使每道试题都体现出了对高考趋势的科学预测。本丛书采用“一拖一”的编写模式，即一本教师用书，一本学生用书（学生用书包括同步训练和单元同步测试），两本书互为补充。学生用书“同步训练”的编写体例为“名题举例”和“题型设计与训练”两部分，题型设计与训练部分编写适量的基础题及综合性、多元性的试题，意在培养学生的学科思想与悟性，使其对每个知识点的复习落到实处，从而达到“实战演练，能力提升”的目的，并单独装订成册，可作为学生课堂练习本，也可作为学生课后作业本，便于师生灵活使用；学生用书“单元同步测试”是对本单元教与学的总结和验收，既可供教师作考试之用，又可供学生作自我检测之用。教师用书既是教师教学的教案，又是学生学习的学案。教师用书对学生用书“名题举例”和“题型设计与训练”中的每道题进行了全析全解，并给出了“规范解答”，采用“网上机读解答”方式，使学生每做一道题，都是进行高考“实弹演习”。这是本套丛书的一大亮点，在全国教辅用书上也是首次使用这种解答方式。它将有助于学生大幅度提高学习成绩。

《全程绿色学习系列丛书·高三理科数学（选修Ⅱ）学生用书》由长春市教育局教育教学研究室特级教师祝承亮任主编，长春市第十一高中罗彦东任副主编。第一章概率与统计由长春市十一高中王明春、姚瑞波、朱庆军编写；第二章极限由长春市十一高中沈庆来编写；第三章导数由长春市十一高中张会敏编写；第四章复数由长春市十一高中李旭编写。全书由长春市教育局教育教学研究室特级教师祝承亮统编、审定。

长春市教育局教育教学研究室

2005年12月

编委会

主 编 陆建中

副主编 白智才 逯成文 刁丽英

编 委 (按姓氏笔画为序)

刁丽英 王 梅 王笑梅

白智才 孙中文 刘玉琦

许 丽 陆建中 陈 薇

张甲文 吴学荣 尚玉环

赵大川 祝承亮 逯成文

“高三理科数学(选修Ⅱ)学生用书”读者反馈表

您只要如实填写以下几项并寄给我们,将有可能成为最幸运的读者,丰厚的礼品等着您拿,数量有限(每学期50名)一定要快呀!

您最希望得到的**礼品** 100元以下 (请您自行填写)



A _____



B _____



C _____

您的个人资料



(请您务必填写详细,否则礼品无法送到您的手中)

姓名:	学校:	联系电话:
邮编:	通讯地址:	
职业:	教师 ☐	学生 ☐ 教研员 ☐
请在右栏列举3本您喜爱的教辅		
您发现的本书错误:		
您对本书的意见或建议:		

信寄: 吉林省长春市亚泰大街3658号 长春市教育教学服务中心
邮编: 130022 联系电话: 0431-8633939

目 录

第一章 概率与统计

同步训练 1	(1.1)	离散型随机变量的分布列	(1)
同步训练 2	(1.2)	离散型随机变量的期望与方差	(4)
同步训练 3	(1.3)	抽样方法	(7)
同步训练 4	(1.4)	总体分布的估计	(10)
同步训练 5	(1.5)	正态分布	(12)
同步训练 6	(1.6)	线性回归	(15)

第二章 极 限

同步训练 7	(2.1)	数学归纳法及其应用举例	(17)
同步训练 8	(2.2)	研究性课题:杨辉三角	(20)
同步训练 9	(2.3)	数列的极限	(22)
同步训练 10	(2.4)	函数的极限	(24)
同步训练 11	(2.5)	极限的四则运算	(26)
同步训练 12	(2.6)	函数的连续性	(28)

第三章 导 数

同步训练 13	(3.1)	导数的概念	(31)
同步训练 14	(3.2)	几种常见函数的导数	(33)
同步训练 15	(3.3)	函数的和、差、积、商的导数	(36)
同步训练 16	(3.4)	复合函数的导数	(39)
同步训练 17	(3.5)	对数函数与指数函数的导数	(41)
同步训练 18	(3.6)	微分的概念与运算	(43)
同步训练 19	(3.7)	函数的单调性	(46)
同步训练 20	(3.8)	函数的极值	(49)
同步训练 21	(3.9)	函数的最大值与最小值	(51)

第四章 复 数

同步训练 22		复数的概念	(55)
同步训练 23	(5.2)	复数的向量表示	(57)
同步训练 24	(5.3)	复数的加法与减法	(59)
同步训练 25	(5.4)	复数的乘法与除法	(62)
同步训练 26	(5.5)	复数的三角形式	(64)
同步训练 27	(5.6)	复数三角形式的运算	(66)

第一章 概率与统计

同步训练 1(1.1) 离散型随机变量的分布列



〔例 1〕写出下列各随机变量可能的取值,并说明随机变量所表示的随机试验的结果.

(1)小明要去北京旅游,可能乘火车、汽车,也可能乘飞机,他的旅费分别为 100 元、60 元和 600 元,他的旅费为 ξ ;

(2)正方体的骰子,各面分别刻着数字 1,2,3,4,5,6,随意掷两次,所得的点数之和 ξ ;

(3)检查一个小朋友手上的细菌个数 ξ ;

(4)一个人要开家门,他共有 10 把钥匙,其中仅有一把是能开门的,他随机取钥匙去开门并且用后不放回,其中打开门所试的钥匙个数 ξ ;

(5)电台在每个整点都报时,某人随机打开收音机对表,他所等待的时间 ξ 分.

〔规范解答〕

(1)

(2)

(3)

(4)

(5)

〔例 2〕2004 年禽流感在越南出现,已知此种传染病的发病率为 $\frac{2}{3}$,如果它感染了羊群,为了检验一种新药针剂是否对此传染病有防治疗效,给 50 头羊注射该种针剂,结果注射后有 25 头羊发病,试判断该针剂是否有效.

〔规范解答〕

〔例 3〕有 10 台各为 7.5 千瓦的机床,如果每台机床的使用情况是互相独立的,且每台机床平均每小时开动 12min,问全部机床用电超过 48 千瓦的可能性有多大?

〔规范解答〕

〔例 4〕已知随机变量 ξ 的分布列为

ξ	-2	-1	0	1	2	3
P	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{12}$

分别求出随机变量 $\eta = \frac{1}{2}\xi$, $\eta = \xi^2$ 的分布列.

〔规范解答〕



基础题

一、选择题

1. 投掷均匀硬币一次, 随机变量为 ()
A. 出现正面的次数 B. 出现正面或反面的次数
C. 投掷硬币的次数 D. 出现反面次数的和
2. 下列所述: ①某座大桥一天内经过的车辆数 ξ , ②某无线电寻呼台一天内收到的寻呼次数 ξ , ③一天之内的温度 ξ , ④一位射手对目标进行射击, 击中目标得 1 分, 未击中目标得 0 分, 用 ξ 表示该射手在一次射击中的得分. 其中 ξ 是离散型随机变量的是 ()
A. ①②③ B. ①②④
C. ①③④ D. ②③④
3. 设随机变量 ξ 的分布列为 $P(\xi=k) = \frac{1}{2^k}, k=1, 2, \dots$ 则 $P(2 < \xi \leq 4)$ 的值为 ()
A. $\frac{3}{16}$ B. $\frac{1}{4}$
C. $\frac{1}{16}$ D. $\frac{5}{16}$
4. 设随机变量 ξ 的分布列为 $P(\xi=k) = m\left(\frac{2}{3}\right)^k, k=1, 2, 3$, 则 m 的值为 ()
A. $\frac{7}{38}$ B. $\frac{27}{38}$
C. $\frac{17}{19}$ D. $\frac{27}{19}$
5. 设某批电子表正品率为 $\frac{3}{4}$, 现对该批电子表进行测试, 设第 ξ 次首次测到正品, 则 $P(\xi=3)$ 等于 ()
A. $C_3^2\left(\frac{1}{4}\right)^2 \frac{3}{4}$ B. $C_3^2\left(\frac{3}{4}\right)^2 \frac{1}{4}$
C. $\left(\frac{1}{4}\right)^2 \frac{3}{4}$ D. $\left(\frac{3}{4}\right)^2 \frac{1}{4}$
6. 设 ξ 是一个离散型随机变量, 则下面可能不是 ξ 的概率分布的一组是 ()
A. 0, 0, 0, 1, 0
B. 0, 1, 0, 2, 0, 3, 0, 4
C. $p, 1-p$
D. $\frac{1}{1 \times 2}, \frac{1}{2 \times 3}, \dots, \frac{1}{(n-1)n} (n \in \mathbb{N}^+)$
7. 如果 ξ 是离散型随机变量, $\eta = a\xi + b$, 其中 a 与 b 是常数且 $a \neq 0$, 那么 η ()
A. 不一定是随机变量
B. 一定是随机变量, 但不一定是离散型随机变量
C. 一定是连续型随机变量
D. 一定是离散型随机变量
8. 如果 ξ 是一个离散型随机变量, 那么下列命题中假命题是 ()
A. ξ 取每一个可能值的概率是非负实数

B. ξ 取所有可能值的概率之和为 1

C. ξ 取某两个可能值的概率等于分别取其中每个值的概率之和

D. ξ 在某一范围内取值的概率大于它取这个范围内各个值的概率之和

二、填空题

9. 设随机变量 $\xi \sim B(2, p)$, 随机变量 $\eta \sim B(3, p)$, 若 $P(\xi \geq 1) = \frac{5}{9}$, 则 $P(\eta \geq 1) = \underline{\hspace{2cm}}$.

10. 投掷一枚硬币, 直到出现“正面向上”为止, 则投掷次数的概率分布中, 除去第一次出现“正面向上”, 其余情况的概率和是 $\underline{\hspace{2cm}}$.

11. 甲、乙两名篮球队员轮流投篮直至某人投中为止, 每次投篮甲投中的概率为 0.4, 乙投中的概率为 0.5, 而且不受其他次投篮结果的影响. 设甲投篮的次数为 ξ , 若甲先投, 则 $P(\xi=k) = \underline{\hspace{2cm}}$.

12. 若 $P(\xi \leq x_2) = 1 - \beta, P(\xi \geq x_1) = 1 - \alpha$, 其中 $x_1 < x_2$, 则 $P(x_1 \leq \xi \leq x_2)$ 等于 $\underline{\hspace{2cm}}$.

三、解答题

13. 设篮球队 A 与 B 进行比赛, 每场比赛均要分出胜负, 若有一队胜四场, 则比赛宣告结束. 假设 A, B 在每场比赛中获胜的概率都是 $\frac{1}{2}$, 写出比赛场数的分布列.

14. 一批产品共 100 件, 其中 10 件是次品, 为了检验其质量, 从中以随机的方式抽出 5 件, 求在抽取的 5 件产品中次品数的分布列.

15. 从一批有 10 件合格品与 3 件次品的产品中一件一件地抽取产品, 设各件产品被抽到的可能性相同, 在下列三种情况下分别求直到取出合格品为止时所需抽取次数 ξ 的分布列.

(1) 每次取出的产品都不放回此批产品中;

(2) 每次取出的产品都放回此批产品中, 然后再取出一件产品;

(3) 每次取出一件产品后总以一件合格品放回此批产品中.

提高题

1. 在 10 件产品中有 2 件次品, 连续抽 3 次, 每次抽一件, 求:

(1) 不放回抽样时, 抽到的次品数 ξ 的分布列;

(2) 放回抽样时, 抽到的次品数 η 的分布列.

16. 某人参加射击训练, 击中目标的概率为 $\frac{1}{3}$.

(1) 设 ξ 为他射击 6 次击中目标的次数, 求随机变量 ξ 的分布列;

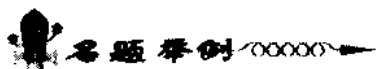
(2) 设 η 为他第一次击中目标时所需要射击的次数, 求 η 的分布列;

(3) 若他连续射击 6 次, 设 δ 为他第一次击中目标前没有击中目标的次数, 求 δ 的分布列;

(4) 若他只有 6 颗子弹, 若击中目标, 则不再射击, 否则子弹打光, 求他射击次数的分布列.

2. 设一汽车在开往目的地的道路上需经过 4 盏信号灯, 每盏信号灯以概率 p 允许通过, 现以 ξ 表示汽车首次停下时, 已通过的信号灯的盏数 (设各信号灯的工作是相互独立的), 试写出 ξ 的分布列.

同步训练 2(1.2) 离散型随机变量的期望与方差



〔例 1〕某袋中有 12 个乒乓球,其中有 9 个新球,3 个旧球.从盒中任取 3 个来用,用后放回盒中(新球用后变为旧球),此时盒中旧球个数 ξ 是一个随机变量,求 ξ 的数学期望.

〔规范解答〕

〔例 2〕甲市长途电话局有一台电话交换机,其中有 5 个分机专供与乙市通话,设每个分机在 1 小时内平均占线 20 分,并且各分机是否占线相互独立,求任一时刻占线的分机数目的数学期望.

〔规范解答〕

〔例 3〕盒子中有 5 个球,其中有 3 个白球,2 个黑球,从中任取两个球,求白球数 ξ 的数学期望和方差.

〔规范解答〕

〔例 4〕某保险公司规定,如果在一年内顾客的投保事件 A 发生,该公司就赔偿顾客 a 元.若一年内事件 A 发生的概率为 p ,为使公司收益的期望值等于 a 的 10%,该公司应该要求顾客交多少保费?

〔规范解答〕



基础题

一、选择题

1. 口袋里有 5 个球, 编号分别为 1, 2, 3, 4, 5, 从中任取 3 球, 以 ξ 表示取出的球的最大号码, 则 $E\xi$ 的值是 ()

- A. 4 B. 4.5
C. 4.75 D. 5

2. 已知 ξ 的分布列为

ξ	-1	0	1
P	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{6}$

设 $\eta = 2\xi + 3$, 则 $E\eta$ 的值为 ()

- A. $\frac{7}{3}$ B. 4
C. -1 D. 1

3. 设 $\xi \sim B(n, p)$, 则有 ()

- A. $E(2\xi - 1) = 2np$ B. $D(2\xi + 1) = 4np(1-p) + 1$
C. $E(2\xi + 1) = 4np + 1$ D. $D(2\xi - 1) = 4np(1-p)$

4. 设一随机试验的结果只有 A 和 $\bar{A}$, 且 $P(A) = p$, 令随机变量 $\xi = \begin{cases} 1, A \text{ 出现,} \\ 0, A \text{ 不出现,} \end{cases}$ 则 ξ 的方差 $D\xi$ 等于 ()

- A. p B. $2p(1-p)$
C. $-p(1-p)$ D. $p(1-p)$

5. 设 ξ 是一个离散型随机变量, $\eta = 3\xi + 2$, 则 ()

- A. $E\eta = 3E\xi + 2, D\eta = 3D\xi + 2$
B. $E\eta = 3E\xi, D\eta = 9D\xi$
C. $E\eta = 3E\xi + 2, D\eta = 9D\xi$
D. $E\eta = 3E\xi, D\eta = 9D\xi + 2$

6. 已知 n 个数据 $x_1, x_2, \dots, x_n$, 那么

$\frac{[(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2]}{n}$ 是 ()

- A. s^2 B. s
C. s^* D. $(s^*)^2$

7. 下面说法中正确的是 ()

- A. 离散型随机变量 ξ 的期望 $E\xi$ 反映了 ξ 取值的概率的平均值
B. 离散型随机变量 ξ 的方差 $D\xi$ 反映了 ξ 取值的平均水平
C. 离散型随机变量 ξ 的期望 $E\xi$ 反映了 ξ 取值的波动水平
D. 离散型随机变量 ξ 的方差 $D\xi$ 反映了 ξ 取值的波动水平

8. 已知离散型随机变量 x 的分布列为

x	-2	-1	0	1
P	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{6}$

则 $D(x)$ 等于 ()

- A. $\frac{5}{12}$ B. $\frac{10}{12}$
C. $\frac{11}{12}$ D. 1

9. 已知随机变量 $\xi \sim B(n, p)$, 且 $E\xi = 2.4, D\xi = 1.44$, 则 n, p 的值为 ()

- A. 8, 0.3 B. 6, 0.4
C. 12, 0.2 D. 5, 0.6

10. 已知 $\eta = 3\xi + \frac{1}{8}$, 且 $D\xi = 13$, 那么 $D\eta$ 的值为 ()

- A. 39 B. 117
C. $39 \frac{1}{8}$ D. $117 \frac{1}{8}$

二、填空题

11. 设随机变量 ξ 具有分布: $P(\xi = k) = \frac{1}{5} (k = 1, 2, 3, 4, 5)$, 则 $E\xi =$ _____.

12. 设 ξ 的分布列为

ξ	0	1
P	$1-p$	p

则 $D\xi =$ _____.

13. 设一次试验成功的概率为 p , 进行 100 次独立重复试验, 当 $p =$ _____ 时, 成功次数的标准取最大值, 最大值是 _____.

14. 一盒中有 9 个正品和 3 个废品, 每次取一个产品, 取出后不再放回, 在取得正品前已取出的废品数的期望 $E\xi =$ _____.

三、解答题

15. (2004, 浙江卷理工类) 盒子中有大小相同的球 10 个, 其中标号为 1 的球 3 个, 标号为 2 的球 4 个, 标号为 5 的球 3 个. 第一次从盒子中任取 1 个球, 放回后第二次再任取 1 个球 (假设取到每个球的可能性都相同). 记第一次与第二次取到球的标号之和为 ξ . 试求随机变量 ξ 的分布列和期望 $E\xi$.

16. (2004, 福建卷理工类) 甲、乙两人参加一次英语口语考试, 已知在备选的 10 道试题中, 甲能答对其中的 6 道题, 乙能答对其中的 8 道题. 规定每次考试都从备选题中随机抽出 3 道题进行测试, 至少答对 2 道题才算合格. 求甲答对试题数 ξ 的概率分布及数学期望.

17. (2004, 重庆卷理工类) 设一汽车在前进途中要经过 4 个路口, 汽车在每个路口遇到绿灯 (允许通行) 的概率为 $\frac{3}{4}$, 遇到红灯 (禁止通行) 的概率为 $\frac{1}{4}$. 假定汽车只在遇到红灯或到达目的地才停止前进, ξ 表示停车时已经通过的路口数, 求:

(1) ξ 的概率的分布列及期望 $E\xi$;

(2) 停车时最多已通过 3 个路口的概率.

18. (2004, 湖北卷理工类) 某突发事件, 在不采取任何预防措施的情况下发生的概率为 0.3, 一旦发生, 将造成 400 万元的损失. 现有甲、乙两种相互独立的预防措施可供采用. 单独采用甲、乙预防措施所需的费用分别为 45 万元和 30 万元, 采用相应预防措施后此突发事件不发生的概率为 0.9 和 0.85. 若预防方案允许甲、乙两种预防措施单独采用、联合采用或不采用, 请确定预防方案使总费用最少.

(总费用 = 采取预防措施的费用 + 发生突发事件损失的期望值)

19. 有 n 把看上去样子相同的钥匙, 其中只有一把能把大门上的锁打开, 用它们去试开门上的锁. 设抽取钥匙是相互独立且等可能的, 每把钥匙试开后不能放回, 求试开次数 ξ 的数学期望和方差.

提高题

(2003, 全国) A、B 两个代表队进行乒乓球对抗赛, 每队三名队员, A 队队员是 A_1, A_2, A_3 , B 队队员是 B_1, B_2, B_3 . 按以往多次比赛的统计, 对阵队员之间胜负概率如下表:

对阵队员	A 队队员胜的概率	A 队队员负的概率
A_1 对 B_1	$\frac{2}{3}$	$\frac{1}{3}$
A_2 对 B_2	$\frac{2}{5}$	$\frac{3}{5}$
A_3 对 B_3	$\frac{2}{5}$	$\frac{3}{5}$

现按表中的对阵方式出场, 每场胜队得 1 分, 负队得 0 分, 设 A 队, B 队最后所得总分分别为 ξ, η .

(1) 求 ξ, η 的概率分布;

(2) 求 $E\xi, E\eta$.

同步训练 3(1.3) 抽样方法



名题举隅

[例 1] 某个车间工人已加工一种轴 100 件, 为了解这种轴的直径, 要从中抽出 10 件在同一条件下测量, 如何采用简单随机抽样的方法抽取上述样本?

[规范解答]

[例 2] 在一次游戏中, 获胜者可得到 3 件不同的奖品, 这些奖品要从已编号的 300 种不同奖品中随机抽取确定, 用系统抽样方法确定某获胜者所得到的 3 件奖品的编号.

[规范解答]

[例 3] 已知某市的小学生、初中生、高中生的比例为 5:3:2. 教育局教学调研小组要调查这些学校贯彻素质教育的实际效果, 为此必须从全市的所有学校中抽取部分学生来进行测试. 现在采用分层抽样方法从所有学生中抽取一个容量为 100 的样本, 请问小学生、初中生、高中生这三类学生分别应该抽取多少人?

[规范解答]



题型设计与训练

基础题

一、选择题

1. 在简单随机抽样中, 某一个个体被抽到的可能性

()

A. 与第 n 次抽样有关, 第一次抽到的可能性最大

B. 与第 n 次抽样有关, 第一次抽到的可能性最小

- C. 与第 n 次抽样无关,每次抽到的可能性相等
D. 与第 n 次抽样无关,与抽取的 n 个样本有关

2. 对于简单随机抽样,每次抽到的概率 ()

- A. 相等 B. 不相等
C. 有时相等有时不相等 D. 无法确定

3. 一个年级有 12 个班,每个班同学从 1~50 排学号,为了交流学习经验,要求每班学号为 14 的同学参加交流活动,这里运用的抽样方法为 ()

- A. 简单随机抽样 B. 抽签法
C. 系统抽样 D. 分层抽样

4. 某企业共有职工 150 人,其中高级职称 15 人,中级职称 45 人,一般职员 90 人. 现从中抽取 30 人,若抽到高级职称、中级职称、一般职员分别为 3 人、9 人、18 人,则采用的抽样方法一定是 ()

- A. 简单随机抽样法 B. 抽签法
C. 随机数表法 D. 以上都不对

5. 在统计中,利用简单随机抽样从个体数为 201 的总体中抽取一个容量为 8 的样本,那么每个个体被抽到的概率为 ()

- A. $\frac{1}{201}$ B. $\frac{1}{8}$
C. $\frac{8}{201}$ D. $\frac{201}{8}$

6. 某影院有 50 排座位,每排有 30 个座位. 一次报告会坐满了听众,会后留下所有座位号为 18 的听众 50 人进行座谈,则采用的抽样方法一定是 ()

- A. 简单随机抽样法 B. 抽签法
C. 系统抽样 D. 分层抽样

7. 在 60 个零件中,一级品 12 个,二级品 18 个,三级品 30 个,用系统抽样法从中抽取一个容量为 20 的样本,则每个个体被抽取的概率为 ()

- A. $\frac{1}{60}$ B. $\frac{1}{36}$
C. $\frac{1}{6}$ D. $\frac{1}{3}$

8. 某校高中生共有 900 人,其中高一年级 300 人,高二年级 200 人,高三年级 400 人. 现采取分层抽样抽取容量为 45 的样本,那么高一、高二、高三各年级抽取的人数分别为 ()

- A. 15, 5, 25 B. 15, 15, 15
C. 10, 5, 30 D. 15, 10, 20

9. 某村有旱地与水田若干,现在需要估计平均亩产量,用按 5% 分层抽样的方法抽取 15 亩旱地、45 亩水田进行调查,则这个村的旱地与水田的亩数分别为 ()

- A. 150, 450 B. 300, 900
C. 600, 600 D. 75, 225

10. 某工厂生产产品,用传送带将产品传送到下一工序,质检人员每隔 10min 在传送带某一位置取一件检验,则这种抽样方法是 ()

- A. 简单抽样 B. 系统抽样
C. 抽签法 D. 非上述答案

二、填空题

11. 人们打桥牌时,将洗好的 52 张牌随机确定一张为起始牌,然后按次序搬牌,每人得到了一个容量为 13 张的样本. 这是_____抽样方法.

12. 不同城市的三所小学的一年级学生,人数分别为 150 人、75 人和 50 人. 现抽取 11 人参加某项调查活动,三所小学依次被抽到_____,_____、_____人.

13. 某公司生产三种型号的轿车,产量分别为 1200 辆、6000 辆和 2000 辆. 为检验该公司的产品质量,现用分层抽样的方法抽取 46 辆进行检验. 这三种型号的轿车依次应抽取_____,_____、_____辆.

14. 一个工厂有若干个车间,今采用分层抽样方法从全厂某天的 2048 件产品中抽取一个容量为 128 的样本进行质量检查. 若一车间这一天生产 256 件产品,则从该车间抽取的产品件数为_____.

三、解答题

15. 从个体总数 $N=500$ 的总体中,抽取一个容量为 $n=20$ 的样本,使用随机数表法进行抽选,要取三位数,写出你抽得的样本,并写出抽选过程(起点在第几行、第几列,具体方法).

16. 一个总体中编号为 $1, 2, 3, \dots, 100$ 的 100 个个体, 平均分为 10 个小组, 组号依次为 $0, 1, 2, \dots, 9$. 要用系统抽样法抽取一个容量为 10 的样本, 规定如果在第 0 组随机抽取的号码为 m , 那么在第 k 组抽取的号码的个位数为 $m+k$ 或 $m+k-10$ (如果 $m+k \geq 10$), 当 $m=7$ 时, 写出所抽取的全部样本号码.

17. 某校 500 名学生中, O 型血有 200 人, A 型血有 125 人, B 型血有 125 人, AB 型血有 50 人. 为了研究血型与色弱的关系, 要从中抽取一个容量为 20 的样本. 按照分层抽样方法抽取样本, 各种血型的人要分别抽多少? 写出抽样过程.

提高题

1. 从 $N=1001$ 的总体中, 利用系统抽样抽取容量为 $n=20$ 的样本, 写出抽取过程.

2. (2004, 福建卷文史类) 一个总体中有 100 个个体, 随机编号为 $0, 1, 2, \dots, 99$, 依编号顺序平均分成 10 个小组, 组号依次为 $1, 2, 3, \dots, 10$. 现用系统抽样法抽取一个容量为 10 的样本, 规定如果在第 1 组随机抽取的号码为 m , 那么在第 k 组中抽取的号码个位数字与 $m+k$ 的个位数字相同, 若 $m=6$, 则在第 7 组中抽取的号码是什么?

同步训练 4(1.4) 总体分布的估计



名题举例

【例 1】为了检测某种产品的质量,抽取了一个容量为 30 的样本,检测结果为一级品 5 件、二级品 8 件、三级品 13 件、次品 14 件.

- (1) 列出样本的频率分布表;
- (2) 画出样本的频率分布条形图;
- (3) 根据上述结果, 估计此种产品为二级品或三级品.

〔规范解答〕

(1)

(2)

(3)

(例 2)

分 组	频 数	频 率
[10.75,10.85)	3	
[10.85,10.95)	9	
[10.95,11.05)	13	
[11.05,11.15)	16	
[11.15,11.25)	26	
[11.25,11.35)	20	
[11.35,11.45)	7	
[11.45,11.55)	4	
[11.55,11.65)	2	
合 计	100	

- (1)完成上面的频率分布表;

- (2) 画出频率分布直方图;

- (3) 根据上表, 估计数据落在 $[10.95, 11.35)$ 范围内的概率.

〔规范解答〕

(1)

(2)

(3)

【例 3】一个容量为 100 的样本,数据的分组和各组的一些相关信息如下:

- (1) 完成下表中每一行的两个空格；
(2) 画出频率分布直方图和累积频率分布图；
(3) 根据累积频率分布图，估计总体中小于 22 的样本数约占多大的百分比。

分 组	频 数	频 率	累积频率
[12,15)	6		
[15,18)		0.08	
[18,21)			0.30
[21,24)	21		
[24,27)			0.69
[27,30)	16		
[30,33)		0.10	
[33,36)			1.00
合 计	100	1.00	