

( 小学五年级使用 )

# 帮你学数奥



bangni xue shuaotongbu xunlian

## <同步训练>

第五册

刘庆华 王日新 主编

T

B



X

L

河北科学技术出版社



# 目 录

|               |        |
|---------------|--------|
| 一、较复杂的整数运算    | ( 1 )  |
| 二、根据规律做题      | ( 4 )  |
| 三、列方程解应用题     | ( 7 )  |
| 四、方程组         | ( 11 ) |
| 五、不定方程        | ( 14 ) |
| 六、牛吃草问题       | ( 18 ) |
| 七、进位制         | ( 20 ) |
| 八、数的整除        | ( 22 ) |
| 九、质数、合数和分解质因数 | ( 26 ) |
| 十、约数和倍数       | ( 30 ) |
| 十一、余数和同余      | ( 34 ) |
| 十二、奇数和偶数      | ( 38 ) |
| 十三、格点与面积      | ( 42 ) |
| 十四、加法原理       | ( 46 ) |
| 十五、乘法原理       | ( 49 ) |
| 十六、排列         | ( 54 ) |
| 十七、组合         | ( 57 ) |
| 十八、枚举法        | ( 61 ) |
| 十九、推理问题       | ( 65 ) |
| 二十、最短路线问题     | ( 69 ) |
| 二十一、面积计算（一）   | ( 74 ) |
| 二十二、面积计算（二）   | ( 79 ) |
| 综合练习一         | ( 83 ) |
| 综合练习二         | ( 85 ) |
| 答案与解析         | ( 87 ) |

# 一、较复杂的整数运算



计算下列各题。

1.  $1234567 + 2345671 + 3456712 + 4567123 + 5671234 + 6712345 + 7123456$

2.  $20082007 \times 20072008 - 20082008 \times 20072007$

3.  $\underbrace{456\dots456}_{100\text{个}456} \times \underbrace{123\dots123}_{80\text{个}123} - \underbrace{123\dots123}_{100\text{个}123} \times \underbrace{456\dots456}_{80\text{个}456}$

4.  $2005^2 - 1995^2$

5.  $301 \times 299$

6.  $4^2 + 5^2 + \dots + 20^2$

# 帮你学数奥同步训练

7.  $1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + 5^3 + \dots + 20^3$

8.  $1 \times 2 + 2 \times 3 + 3 \times 4 + 4 \times 5 + 5 \times 6 + \dots + 14 \times 15$

9. 已知:  $1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + 5^2 + \dots + 20^2 = 2870$

请计算:  $1^2 + 3^2 + 5^2 + 7^2 + 9^2 + \dots + 39^2$

10.  $1 \times 3 + 2 \times 6 + 3 \times 9 + 4 \times 12 + 5 \times 15 + \dots + 20 \times 60$



计算下列各题。

1.  $1+1+2+1+2+3+1+2+3+4+\dots+1+2+3+\dots+20$

2.  $1 \times 2 \times 3 + 2 \times 3 \times 4 + 3 \times 4 \times 5 + \dots + 11 \times 12 \times 13$

3.  $(2^2 + 4^2 + 6^2 + 8^2 + 10^2 + \dots + 20^2) - (1^2 + 3^2 + 5^2 + 7^2 + 9^2 + \dots + 19^2)$

4.  $1+2+3+1+2+3+4+\dots+1+2+3+\dots+10$





5.  $(1+3+5+\cdots+2005) - (2+4+6+\cdots+2004)$

6.  $20042004 \times 200520052005 - 20052005 \times 200420042004$

7.  $2-3+4-5+6-7+8-9+\cdots+98-99+100$

8.  $999999 \times 111111 + 333333 \times 666667$

9.  $3+6+9+12+\cdots+300$

10.  $2+8+18+32+\cdots+200$

11.  $9+99+999+9999+\overbrace{99999+\cdots+99\cdots9999}^{1000个9}$



## 二、根据规律做题 2.



1. 根据规律填数。

(1) 891, (    ), 693, 594, (    ), (    ), (    ), 198

(2) 96, (    ), 24, (    ), 6, 3

(3) 1, 4, 13, 40, (    ), (    )

(4) 5, 8, 13, 21, (    ), (    ), (    )

2. 分数  $\frac{6}{7}$  化成小数后，小数点后面第 2008 位上的数字是 (    )。

3. 计算  $\underbrace{33333\dots33}_{100\text{个}3} \times \underbrace{3333\dots34}_{99\text{个}3}$  结果是多少？

4. 胜利小学开展一次活动，共 48 位同学参加，这些同学身上带的钱从 8 分到 5 角 5 分，钱数各不相同，每个同学都把身上带的全部钱各自买了画片，画片只有两种，3 分一张和 5 分一张，每个同学都尽量多买 5 分一张的画片，问他们所买 5 分一张画片的总数是多少？

5. 数学课上，李老师在黑板上把自然数排列成如下所示的格式，你知道第一行的第 66 个数是多少吗？第一列的第 88 个数又是多少呢？

1, 2, 5, 10 ...

4, 3, 6, 11 ...

9, 8, 7, 12 ...

16, 15, 14, 13 ...

...





6. 新建成的图书馆门前有 10 级台阶，小明和小华做游戏，规定每个人每次最少上 1 级，最多上 3 级，要求连续几次从第 1 级上到第 10 级，那么小华上到第 10 级有多少种不同上法？（顺序不同算不同的上法）
7. 妈妈给小红买来 12 粒糖，每天最少吃 1 粒，最多吃 12 粒，如果小红在连续的几天内吃完，有多少种吃法？（顺序不同算不同的吃法）
8. 一个正方形内有 100 个点，包括正方形四个角上的点共 104 个点，使能以这 104 个点为顶点构成尽可能多的不重叠的三角形，这些三角形最多有多少个？



1. 1992 年 1 月 18 日是星期六，再过 10 年的 1 月 18 日是星期几？
2. 黑珠、白珠共 102 颗，穿成一串，排列如下：  
○●○○○●○○○●○○○……  
这串珠子中，最后一颗珠子应该是什么颜色？这种颜色的珠子在这串珠子中共有多少颗？
3. 20 条直线最多可以把平面分成多少部分？
4. 把自然数按以下规律分组：(1), (2, 3, 4), (5, 6, 7, 8, 9), …；其中第一组有 1 个数，第二组有 3 个数，第三组有 5 个数，第四组有 7 个数，……求：

# 帮你学数奥同步训练

(1) 第 11 组所有数之和。

(2) 1994 排在第几组的第几个数?

5. 观察以下数, 请写出第 20 行的结果。

$$1=1$$

$$3+5=8$$

$$7+9+11=27$$

$$13+15+17+19=64$$

...

6. 60 条直线最多有多少个交点?

7. 设有数列: 1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, ...

问 31 这个数在数列中居第几项?

8. 甲、乙两人对一根 3 米长的木棍涂色。首先, 甲从木棍端点开始涂黑 5 厘米, 间隔 5 厘米不涂色, 接着再涂黑 5 厘米, 这样交替做到底。然后, 乙从木棍同一端点开始留出 6 厘米不涂色, 接着涂黑 6 厘米, 再间隔 6 厘米不涂色, 交替做到底。最后, 木棍上没有被涂黑部分的长度总和为多少厘米?

### 三、列方程解应用题



- 光明小学图书馆买来故事书 240 本，相当于科技书的 3 倍，买来科技书多少本？
- 新建成的科技小学有一个长方形操场，周长是 240 米，长是宽的 1.4 倍，求这个长方形操场的面积。
- 甲、乙两个油桶，共存油 160 千克，如果把乙桶中的油注入甲桶 20 千克，这时甲桶存油正好是乙桶存油的 3 倍，甲、乙桶原存油多少千克？
- 李子钰在纸上写了一个两位数，他对小亮说：“这个两位数的十位数字与个位数字和是 6。若以原数减去 7，得数的十位数字与个位数字相同，你知道我写的这个数是多少吗？”小亮很快就算出来了，你知道小亮是怎么算的吗？



## 帮你学数奥同步训练

5. 金太阳电影院原有座位 32 排，平均每排坐 38 人。扩建后座位增加到 40 排，比原来多坐 584 人，扩建后平均每排可以坐多少人？
6. 一个毕业班的学生为母校合买一件纪念品，每人出 1 元，多 4 元 6 角；每人出 9 角，就差 5 角，求这件纪念品是多少钱？这个班共有多少名学生？
7. 三筐苹果共 130 个，第二筐内的苹果数是第一筐的 3 倍，第三筐的苹果数是第二筐的 2 倍多 10 个，问三筐各有苹果多少个？
8. 2005 年强强年龄是平平年龄的 9 倍，五年后强强年龄是平平年龄的 4 倍，问 2008 年两人各多少岁？
9. 为帮助南方受灾群众，用一列火车运一批救灾物资，如果每节车皮装 40 吨，那么还剩 12 吨货物装不完，如果每节车皮多装 3 吨，那么不仅还有两节车皮空着，而且还有一节车皮有 22 吨空位。那么，车皮有多少节？物资有多少吨？
10. 东风小学、运河小学、光明小学三所小学学生人数的总和为 1999 人，已知东风小学学生人数的 2 倍，运河小学学生人数减 3，光明小学学生人数加 4 都是相等的，问这三所学校学生人数各是多少？



## B 组

1. 丢番图是古希腊著名的数学家，他的墓志铭与众不同，碑文是：“过路人！这里埋葬着丢番图，他一生的六分之一是幸福的童年；又活了一生的十二分之一，面部长起了胡须；随后是一生的七分之一的单身汉生活；婚后五年，他有了一个儿子；可是，儿子活到在丢番图一生年龄的一半时，不幸夭折；儿子死后，父亲在深深的悲哀中又过了4年也与世长辞……”你能计算出他一生中主要经历的年龄吗？
2. 今年姐妹俩年龄的和是55岁，若干年前，当姐姐的年龄只有妹妹现在这么大时，妹妹的年龄恰好是姐姐年龄的一半，问姐姐今年多少岁？
3. 两个和尚往两个大缸内共倒了48桶水，如果从甲缸往乙缸倒水，使乙缸加水一倍，然后乙缸又给甲缸加甲缸剩余水的一倍，则两缸的水量相等，求两个水缸原来各有多少桶水？
4. 早晨7时左右有两辆等速汽车先后离开学校向同一目的地开去，7时32分时，第一辆汽车离开学校的距离是第二辆汽车的3倍。到7时39分的时候，第一辆汽车离开学校的距离是第二辆汽车的2倍，求第一辆汽车是7时几分离开学校的？
5. 甲、乙两桶油，甲桶里有油45千克，乙桶里有油24千克，问从甲桶倒多少千克的油到乙桶，才能使甲桶里的油重是乙桶里油重的1.5倍？

## 帮你学数学同步训练

6. 一个三位数，个位上的数字是 5，如果把这个位上的数字移到百位上，原百位上的数字移到十位上，原十位上的数字移到个位上，那么所组成的新数比原数小 108，原数是多少？
7. 华英小学举行了两次数学竞赛，第一次及格人数是不及格人数的 3 倍还多 4 人，第二次及格人数增加 5 人，正好是不及格人数的 6 倍，问参加竞赛的有多少人？
8. 老干部局组织老干部进行钓鱼比赛，下表显示了钓鱼比赛的结果，上行的值表示钓到的鱼数，下行的值表示钓到  $n$  条鱼的参赛人数。

|              |   |   |   |    |     |    |    |    |
|--------------|---|---|---|----|-----|----|----|----|
| $n$          | 0 | 1 | 2 | 3  | ... | 13 | 14 | 15 |
| 钓到 $n$ 条鱼的人数 | 9 | 5 | 7 | 23 | ... | 5  | 2  | 1  |

当天的报纸对这次比赛做了如下报道：

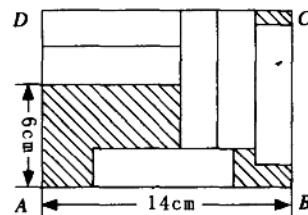
- (1) 获胜者钓到 15 条鱼。  
(2) 对钓到 3 条或 3 条以上鱼的所有参赛者来说，每人平均钓到 6 条鱼。  
(3) 对钓到 12 条或 12 条以下鱼的所有参赛者来说，每人平均钓到 5 条鱼。

问本次比赛钓到的鱼的总数是多少？

## 四、方程组 8.



1. 五年级、六年级共植树 108 棵，六年级比五年级多植树 22 棵，求五年级、六年级各植树多少棵？
2. 王小力和妈妈的年龄加在一起是 40 岁，妈妈的年龄是小力的 4 倍，求小力和妈妈各是多少岁？
3. 张华、王雷两人共存款 2000 元，后来张华又存入 100 元，王雷取出自己存款数的  $\frac{1}{3}$ ，这时张华的存款数是王雷的 2 倍，现在两人共存款多少元？
4. 如图，在矩形 ABCD 中，放入六个形状、大小相同的小长方形，所标尺寸如图所示，试求图中阴影部分的总面积。



## 帮你学数奥同步训练

5. 利民商店里有大、小两种书包，买大书包 4 个，小书包 6 个，需 392 元；买大书包 7 个，小书包 3 个，需 416 元；买小书包 9 个，大书包 1 个，需要多少元？
6. 4 筐苹果和 3 筐梨共重 410 千克，2 筐苹果和 5 筐梨共重 450 千克，问苹果每筐重多少千克，梨每筐重多少千克？
7. 六年级组织元旦晚会，计划发给参加表演节目的同学一些小纪念品，班长发现，如果每人发 5 件小纪念品，最后还多 3 件，如果每人发 7 件小纪念品，又差 5 件，那么有多少名同学参加了表演？
8. 一人乘竹排沿江顺水漂流而下，迎面遇到一艘逆流而上的快艇，他问快艇驾驶员：“你后面有轮船开过来吗？”快艇驾驶员回答：“半小时前我超过一艘轮船。”竹排继续顺水漂流了 1 小时遇到了迎面开来的这艘轮船。那么快艇静水速度是轮船静水速度的多少倍？



1. 某车间有 28 名工人，生产特种甲、乙两种零件，一个甲零件要和两个乙零件配套，每人每天平均生产甲零件 12 个或者乙零件 18 个，求需要多少人生产甲零件、多少人生产乙零件，才能使一天内生产的甲、乙两种零件配成套？



2. 一个两位数，十位数字与个位数字的和是 11，如果把十位数字和个位数字对调，得到的新两位数就比原来的数大 63，求原来的两位数是多少？
3. 甲、乙两人合作清理小路上的积雪，第一天，甲清理 4 小时，乙清理 6 小时，共清理了 196 米；第二天，甲清理 7 小时，乙清理 3 小时，共清理了 208 米，那么甲、乙两人 1 小时各清理多少米？
4. A, B, C 三种工艺品，小明买 A 3 件、B 5 件、C 1 件共付 220 元，小亮买 A 4 件、B 7 件、C 1 件共付 300 元，小红买了 A, B, C 各 1 件需要付多少元？
5. 3 本台历的价钱相当于 1 本挂历的价钱，王经理买了 10 本台历、5 本挂历共付 75 元，求一本台历多少钱？
6. 印度洋发生海啸后，红星小学和希望小学为此举行捐款活动，红星小学捐款金额的 2 倍等于希望小学捐款金额的 3 倍，两个小学共捐款 2500 元，求希望小学捐款多少元？
7. 一批零件共 420 个，如果师傅先做 2 天，再与徒弟合做 2 天就可做完；如果徒弟先做 2 天，再与师傅合做 3 天也可做完，求师傅和徒弟一天各做多少个零件？
8. 有 2 角、5 角、1 元人民币共 37 张，价值 13.9 元，已经知道 2 角的张数是 5 角的 2 倍，三种人民币各多少张？

## 五、不定方程 2.



1. 不定方程  $2x+7y=45$  的整数解是多少?
  
  
  
  
  
2. 不定方程  $31x+41y=257$  的整数解是多少?
  
  
  
  
  
3. 不定方程  $7x+26y=210$  的整数解是多少?
  
  
  
  
  
4. 聪聪带 50 元钱到书店买书, 发现每本故事书 6 元, 每本科技书 7 元, 她花光这 50 元可以买多少本故事书, 多少本科技书?
  
  
  
  
  
5. 睿智学校组织师生共 378 人去春游, 旅游公司派来大、小两种汽车, 大汽车能容纳 54 人, 小汽车能容纳 36 人, 要大、小汽车各几辆才能使每个人都能上车且各车都正好坐满?



6. 植树节那天，甲、乙两个小队的同学去植树。甲小队一人植树 6 棵，其余每人都植树 13 棵；乙小队有一人植树 5 棵，其余每人都植树 10 棵。已知两小队植树棵数相等，且每小时植树的棵数大于 100 而不超过 200，那么甲、乙两小队共有多少人？
7. 小明用 5 天时间看完了一本书的前 200 页，已知第二天看的页数比第一天多，第三天看的页数是第一、第二两天看的页数之和，第四天看的页数是第二、第三两天看的页数之和，第五天看的页数是第三、第四两天看的页数之和。那么，小明第五天至少看了多少页？
8. 花果山上的猴子在采摘桃子。猴王孙悟空不在的时候，一个大猴子 1 小时可采摘桃子 15 千克，一个小猴子 1 小时可采摘桃子 11 千克；猴王孙悟空在场监督的时候，大猴子中的  $\frac{1}{5}$  猴子和小猴子中的  $\frac{1}{5}$  猴子必须停止采摘，去伺候猴王孙悟空。有一天，采摘了 8 小时，其中只有第 1 小时和最后 1 小时有猴王孙悟空在场监督，结果共采摘 3382 千克桃，那么在这个猴群中，大猴子共有多少只？
9. 小明买红、蓝两枝笔，共用了 17 元。两种笔的单价都是整元，并且红笔比蓝笔贵。小强打算用 35 元来买这两种笔（也允许只买其中一种），可是他无论怎么买，都不能把 35 元恰好用完，那么红笔的单价是多少元？



B 组

1. 古时候，一位大臣家里要盖房子，他的仆人用一百匹马，正好运了一百片瓦，已经