

2014年

# GCT复习指南

## 数学

童武 编写

### 本书面向

工程硕士

农业推广硕士

兽医硕士

风景园林硕士

职业学校教师在职攻读硕士学位

GCT



[www.1kao.com.cn](http://www.1kao.com.cn)(登录下载中心)免费获取

专家精心整理的GCT语文考试、人文与社会科学、自然科学知识库

**图书在版编目 (CIP) 数据**

2014 年 GCT 复习指南. 数学/童武编写. —北京：中国人民大学出版社，2014. 2  
ISBN 978-7-300-18742-6

I. ①2… II. ①童… III. ①高等数学-研究生-入学考试-自学参考资料 IV. ①G643

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2014) 第 011347 号

2014 年 GCT 复习指南

**数 学**

童 武 编写

2014 Nian GCT Fuxi Zhinan Shuxue

---

出版发行	中国人民大学出版社	邮政编码	100080
社 址	北京中关村大街 31 号	010-62511770 (质管部)	
电 话	010-62511242 (总编室)	010-62514148 (门市部)	
	010-82501766 (邮购部)	010-62515275 (盗版举报)	
	010-62515195 (发行公司)		
网 址	<a href="http://www.crup.com.cn">http://www.crup.com.cn</a>		
	<a href="http://www.1kao.com.cn">http://www.1kao.com.cn</a> (中国 1 考网)		
经 销	新华书店		
印 刷	三河市冠宏印刷装订厂		
规 格	185 mm×260 mm 16 开本	版 次	2014 年 3 月第 1 版
印 张	22.75	印 次	2014 年 3 月第 1 次印刷
字 数	517 000	定 价	56.00 元

---

版权所有 侵权必究 印装差错 负责调换

## 编写说明

GCT 试卷由四部分构成：语言表达能力测试、数学基础能力测试、逻辑推理能力测试和外语运用能力测试。GCT 试卷满分 400 分，每部分占 100 分。考试时间为 3 个小时，每部分为 45 分钟。

数学基础能力的试题以数学基础知识为背景，重点考查考生的基本数学素养、对基本数学概念的理解，考查考生逻辑思维能力、数学运算能力、空间想象能力以及分析解决问题的能力。数学基础能力测试共有五部分：算术、初等代数、几何与三角学、一元函数微积分学、线性代数。考试题目共 25 道，考试时间 45 分钟。

为了帮助广大考生在较短的时间内系统地备考，并顺利通过考试，我们精心编写了本书。

本书是广大专家智慧和劳动的结晶，是一份宝贵的资料。其中的每一道试题，既反映了 GCT 联考数学考试大纲对考生数学知识、能力和水平的要求，又蕴含着命题的指导思想、基本原则和趋势。因此，对照考试大纲分析、研究这些试题，考生不仅可以了解 GCT 联考以来数学考试的全貌，而且可以方便地了解有关试题和信息，从中发现规律，归纳出各部分内容的重、难点以及常考的题型，进一步把握考试的特点及命题的思路和规律，从容应考，获得高分。

不论是数学理论的建立，还是数学运算和逻辑推理，无一不是以明确而又清晰的概念为基础的。考生应系统掌握大纲规定的基础知识，对大纲规定的内容进行梳理，形成知识网络。考生应在接触一定量的题型之后，头脑中留下的不是纷繁的题目，而是清晰、鲜明、深刻的基础知识和基本技能，以及基本的数学思想和方法。

解题时既要考虑解题的通性通法，又要分析题目的特殊性，寻求最佳解决方法，提高解题能力和对新题型的适应能力。考生复习时演练一定量的习题是非常必要的，它是提高考试成绩的重要手段，但也不要搞题海战术，重要的是要吃透大纲规定的基本考点，提高分析问题和解决问题的能力。

参加本书编写的除了主编童武外，还有刘爽、卢明、谢描、江海波、王德军、李铁红、刘希、汪华、李建霞、耿淑玉、李春艳、张永艳、潘小春、刘佩、涂振旗、翟自飞、陈明慧、孟楠、郝显纯、张一平、沈二婵等同志，在此一并表示感谢。

由于编写者水平有限，时间仓促，不妥之处在所难免，衷心希望广大读者批评指正。

编写者

# 目 录

## 第一部分 算 术

第一章 算术 .....	3
第一节 数的概念、性质和运算 .....	3
第二节 比和比例 .....	5
第三节 典型例题精解 .....	6
第四节 考前练习与精解 .....	8
练习题 .....	8
参考答案与精解 .....	9

## 第二部分 初等代数

第二章 数和代数式 .....	15
第一节 实数 .....	15
第二节 复数 .....	16
第三节 代数式及其运算 .....	18
第四节 典型例题精解 .....	21
第五节 考前练习与精解 .....	23
练习题 .....	23
参考答案与精解 .....	24

第三章 代数方程和方程组 .....	26
第一节 基本考点精析 .....	26
第二节 典型例题精解 .....	28
第三节 考前练习与精解 .....	31
练习题 .....	31
参考答案与精解 .....	32

<b>第四章 集合、映射和函数</b>	35
第一节 集合	35
第二节 映射和函数	36
第三节 典型例题精解	39
第四节 考前练习与精解	41
练习题	41
参考答案与精解	42
<b>第五章 不等式</b>	45
第一节 基本考点精析	45
第二节 典型例题精解	47
第三节 考前练习与精解	52
练习题	52
参考答案与精解	53
<b>第六章 数列、数学归纳法</b>	57
第一节 基本考点精析	57
第二节 典型例题精解	59
第三节 考前练习与精解	62
练习题	62
参考答案与精解	63
<b>第七章 排列、组合、二项式定理和古典概率</b>	66
第一节 排列与组合	66
第二节 二项式定理	67
第三节 古典概率	68
第四节 典型例题精解	72
第五节 考前练习与精解	74
练习题	74
参考答案与精解	75

### 第三部分 几何与三角学

<b>第八章 常见几何图形</b>	81
第一节 常见平面几何图形	81
第二节 空间几何体	83
第三节 典型例题精解	85
第四节 考前练习与精解	88
练习题	88

参考答案与精解 .....	90
<b>第九章 三角学 .....</b>	<b>93</b>
第一节 三角函数 .....	93
第二节 两角和与差的三角函数 .....	97
第三节 反三角函数 .....	97
第四节 解简单的三角方程 .....	98
第五节 典型例题精解 .....	99
第六节 考前练习与精解 .....	102
练习题 .....	102
参考答案与精解 .....	103
<b>第十章 平面解析几何 .....</b>	<b>107</b>
第一节 平面向量 .....	107
第二节 直线及其方程 .....	109
第三节 曲线和方程 .....	111
第四节 典型例题精解 .....	114
第五节 考前练习与精解 .....	117
练习题 .....	117
参考答案与精解 .....	119

#### 第四部分 一元函数微积分学

<b>第十一章 极限与连续 .....</b>	<b>125</b>
第一节 函数 .....	125
第二节 极限 .....	127
第三节 函数的连续性 .....	130
第四节 典型例题精解 .....	131
第五节 考前练习与精解 .....	135
练习题 .....	135
参考答案与精解 .....	136

<b>第十二章 一元函数微分学 .....</b>	<b>140</b>
第一节 导数的概念 .....	140
第二节 求导公式及运算法则 .....	141
第三节 微分 .....	147
第四节 中值定理与泰勒公式、洛必达法则 .....	148
第五节 函数的增减性、极值和最值 .....	152
第六节 曲线的凸凹、拐点和渐近线 .....	154

第七节 典型例题精解 .....	155
第八节 考前练习与精解 .....	158
练习题 .....	158
参考答案与精解 .....	159
<b>第十三章 一元函数积分学 .....</b>	<b>163</b>
第一节 不定积分的概念和简单的计算 .....	163
第二节 定积分的概念及性质 .....	171
第三节 定积分的公式与计算法 .....	173
第四节 定积分的应用 .....	175
第五节 典型例题精解 .....	176
第六节 考前练习与精解 .....	179
练习题 .....	179
参考答案与精解 .....	181
<b>第五部分 线性代数</b>	
<b>第十四章 行列式 .....</b>	<b>187</b>
第一节 行列式的概念和性质 .....	187
第二节 行列式的计算 .....	190
第三节 典型例题精解 .....	191
第四节 考前练习与精解 .....	194
练习题 .....	194
参考答案与精解 .....	196
<b>第十五章 矩阵 .....</b>	<b>200</b>
第一节 矩阵的概念与运算 .....	200
第二节 可逆矩阵的逆矩阵 .....	203
第三节 矩阵的初等变换和初等矩阵 .....	206
第四节 矩阵的秩 .....	207
第五节 分块矩阵 .....	208
第六节 典型例题精解 .....	209
第七节 考前练习与精解 .....	214
练习题 .....	214
参考答案与精解 .....	221
<b>第十六章 向量 .....</b>	<b>230</b>
第一节 向量的概念与运算 .....	230
第二节 向量的线性相关性 .....	230

第三节 向量组的极大线性无关组和秩 .....	233
第四节 典型例题精解 .....	233
第五节 考前练习与精解 .....	239
练习题 .....	239
参考答案与精解 .....	242
<b>第十七章 线性方程组 .....</b>	<b>247</b>
第一节 线性方程组的基本概念 .....	247
第二节 齐次线性方程组 $\mathbf{Ax} = \mathbf{0}$ .....	248
第三节 非齐次线性方程组 $\mathbf{Ax} = \mathbf{B}$ .....	250
第四节 典型例题精解 .....	252
第五节 考前练习与精解 .....	264
练习题 .....	264
参考答案与精解 .....	268
<b>第十八章 矩阵的特征值和特征向量 .....</b>	<b>275</b>
第一节 特征值和特征向量的基本概念 .....	275
第二节 矩阵的相似对角化的问题 .....	276
第三节 重要公式与结论 .....	278
第四节 典型例题精解 .....	278
第五节 考前练习与精解 .....	286
练习题 .....	286
参考答案与精解 .....	289
<b>第六部分 模拟试题与解析</b>	
模拟试题（一） .....	297
模拟试题（一）参考答案与解析 .....	300
模拟试题（二） .....	305
模拟试题（二）参考答案与解析 .....	308

**第七部分 真题与解析**

2009 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题 .....	317
2009 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题参考答案与解析 .....	320
2010 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题 .....	324
2010 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题参考答案与解析 .....	327
2011 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题 .....	331
2011 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题参考答案与解析 .....	333

---

2012 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题 .....	338
2012 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题参考答案与解析 .....	341
2013 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题 .....	346
2013 年 GCT 入学资格考试数学基础能力测试试题参考答案与解析 .....	349

# 第一部分 算术



# 第一章 算术

## 第一节 数的概念、性质和运算

### 1. 自然数和整数

我们在数物体的时候，用来表示物体个数的 1, 2, 3, … 叫做自然数。一个物体也没有，用 0 表示。0 也是自然数，自然数是整数。

### 2. 分数和百分数

将单位“1”平均分成若干份，表示这样的一份或几份的数叫做分数。表示其中一份的数是这个分数的单位。分数有真分数、假分数、带分数等。把“1”平均分成多少份的数，称为分数的分母；表示取了多少份的数，称为分数的分子。

分子比分母小的分数称为真分数。如  $\frac{1}{2}$ 、 $\frac{3}{4}$ 。

分子比分母大或者分子、分母相等的分数称为假分数。如  $\frac{4}{3}$ 、 $\frac{6}{5}$ 、 $\frac{2}{2}$ 。

一个整数和一个真分数合成的数，称为带分数。如  $2\frac{1}{3}$ 、 $4\frac{2}{5}$ 。

两个自然数相除，它的商可以用分数表示。如  $a/b = \frac{a}{b}$  ( $b \neq 0$ )。

两个数的比，也可用分数表示。如  $a:b = \frac{a}{b}$  ( $b \neq 0$ )。

表示一个数是另一个数的百分之几的数叫做百分数。百分数也叫百分率或者百分比。百分数通常用“%”来表示。

### 3. 小数

把整数“1”平均分成 10 份，100 份，1 000 份，…，这样的一份或几份是十分之几，百分之几，千分之几，…，它们可以用小数表示，小数分为有限小数、无限小数、循环小数等。小数的末尾添上“0”或者去掉“0”，小数的大小不变。循环小数是指一个小数的小数部分从某一位起，一个数字或者几个数字依次不断地重复出现，这样的依次不断重复出现的数字，称为这个循环小数的循环节。

### 4. 数的整除

在整数除法中，当整数  $a$  除以整数  $b$  ( $b \neq 0$ )，除得的商正好是整数而无余数时，则称  $a$  能被  $b$  整除或称  $b$  能整除  $a$ 。当  $a$  能被  $b$  整除时，也称  $a$  是  $b$  的倍数。 $b$  是  $a$  的约数。能被 2 整除的数称为偶数，通常也称为双数。不能被 2 整除的数称为奇数，通常也称为单数。

一个数的约数的个数是有限的，其中最小的约数是 1，最大的约数是它本身；一个数的倍数的个数是无限的，其中最小的倍数是它本身。几个数公有的倍数叫做这几个数的公倍数，所有公倍数中最小的一个叫做这几个数的最小公倍数。几个数公有的约数叫做这几个数的公约数，所有公约数中最大的一个叫做这几个数的最大公约数。

一个数只有 1 和它本身两个约数，叫做质数（素数）。一个数，如果除了 1 和它本身，还有其他约数，叫做合数。公约数只有 1 的两个数，叫做互质（素）数。分子与分母互质的分数称为最简分数。

分数的分子和分母都乘以或者都除以相同的数（零除外），分数的大小不变。

## 5. 数的四则运算

### (1) 加法

把两个数合并成一个数的运算称做加法。数的加法运算满足交换律和结合律，即

$$a + b = b + a$$

$$(a + b) + c = a + (b + c)$$

### (2) 减法

已知两个数的和与其中的一个加数，求另一个加数的运算，叫做减法，减法是加法的逆运算。

### (3) 乘法

求几个相同加数的和的简便运算，叫做乘法。相乘的两个数叫做因数，乘得的数叫做积，数的乘法满足交换律、结合律和分配律，即有

$$a \times b = b \times a, (a \times b) \times c = a \times (b \times c)$$

$$(a + b) \times c = a \times c + b \times c$$

### (4) 除法

已知两个因数的积与其中一个非零因数，求另一个因数的运算，叫做除法。已知的积叫做被除数，已知的一个非零因数叫做除数，求出的未知因数叫做商。

### (5) 运算定律

#### ① 加法交换律

$$a + b = b + a$$

#### ② 加法结合律

$$a + b + c = (a + b) + c = a + (b + c)$$

#### ③ 乘法交换律

$$a \times b = b \times a$$

#### ④ 乘法结合律

$$a \times b \times c = (a \times b) \times c = a \times (b \times c)$$

#### ⑤ 乘法分配律

$$a \times (b + c) = a \times b + a \times c$$

$$(a - b) \times c = a \times c - b \times c$$

### (6) 运算性质

#### ① 交换性质

$$a + b - c = a - c + b; a - b - c = a - c - b$$

$$a \times b \div c = a \div c \times b; a \div b \div c = a \div c \div b (b \neq 0, c \neq 0)$$

#### ② 结合性质

$$a + b - c = a + (b - c) = a - (c - b)$$

$$a - b - c = a - (b + c)$$

$$a \times b \div c = a \times (b \div c) (c \neq 0)$$

$$a \div b \times c = a \div (b \div c) (b \neq 0, c \neq 0)$$

$$a \div b \div c = a \div (b \times c) (b \neq 0, c \neq 0)$$

### (7) 四则混合运算

在四则运算中，加法和减法叫做第一级运算，乘法和除法叫做第二级运算，在一个没有括号的算式中，如果只含有同一级运算，要从左往右依次计算；如果含有两级运算，要先做第二级运算，后做第一级运算，在一个有括号的算式中，要先算小括号里面的，再算中括号里面的，等等。

## 第二节 比和比例

### 1. 比

两个数  $a$  与  $b$  相除称为  $a$  与  $b$  的比，记为  $a : b$ 。 $a : b = \frac{a}{b}$ ， $a$  为比的前项， $b$  为比的后项， $\frac{a}{b}$  为比值。

### 2. 比的性质

$$(1) a : b = k \Leftrightarrow a = kb$$

$$(2) a : b = ma : mb (m \neq 0)$$

### 3. 比例

两个相等的比称为比例，记为  $a : b = c : d$ ， $a, d$  称为比例的外项， $b, c$  称为比例的内项，也记为  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ 。

### 4. 比例的基本性质

$$(1) a : b = c : d \Leftrightarrow ad = bc$$

$$(2) a : b = c : d \Leftrightarrow d : b = c : a \Leftrightarrow a : c = b : d$$

$$(3) \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Leftrightarrow \frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d} \Leftrightarrow \frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d} \Leftrightarrow \frac{a+b}{a-b} = \frac{c+d}{c-d}$$

$$(4) \text{若 } \frac{a}{a_1} = \frac{b}{b_1} = \frac{c}{c_1}, \text{ 即 } a : b : c = a_1 : b_1 : c_1, \text{ 则}$$

$$\frac{a+b+c}{a_1+b_1+c_1} = \frac{a}{a_1} = \frac{b}{b_1} = \frac{c}{c_1}$$

## 5. 正比例与反比例

若  $y = kx$  ( $k \neq 0$ ,  $k$  为常数), 则称  $y$  与  $x$  成正比,  $k$  为比例系数。

若  $y = \frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ,  $k$  为常数), 则称  $y$  与  $x$  成反比,  $k$  为比例系数。

## 第三节 典型例题精解

**例 1** 若  $\frac{a}{b} = 20$ ,  $\frac{b}{c} = 10$ , 则  $\frac{a+b}{b+c}$  的值为 ( )。

- (A)  $\frac{11}{21}$       (B)  $\frac{21}{11}$       (C)  $\frac{110}{21}$       (D)  $\frac{210}{11}$

答案: (D)

分析: 因为  $\frac{a}{b} = 20$ ,  $\frac{b}{c} = 10$ , 可用特值代入, 设  $a = 200$ ,  $b = 10$ ,  $c = 1$ , 则  $\frac{a+b}{b+c} = \frac{210}{11}$ 。

**例 2** 设 A, B 两车分别从甲、乙两地同时出发, 沿同一公路相向匀速行驶, 两车第一次相遇于距甲地 20 公里处仍继续前行, 当分别到达乙、甲两地后立即按原速原路返回, 途中第二次相遇于距乙地 10 公里处, 则甲、乙两地相距 ( ) 公里。

- (A) 35      (B) 40      (C) 45      (D) 50

答案: (D)

分析: 设甲、乙两地相距  $S$  公里, A 从甲到乙, B 从乙到甲。

第一次相遇时 A 行走的路程为 20 公里, B 行走的路程为  $(S - 20)$  公里,

第二次相遇时 A 行走的路程为  $(S + 10)$  公里, B 行走的路程为  $(2S - 10)$  公里,

它们两次相遇共走了 3 个全程, 因为走 3 个全程的时间相同, 故 3 个全程的距离差是 1 个全程距离差的 3 倍, 因此  $(2S - 10) - (S + 10) = 3[(S - 20) - 20]$ , 所以  $S = 50$  公里。

**例 3** 某股民用 30 000 元买进甲、乙两种股票。在甲股票下跌 10%, 乙股票升值 8% 时全部卖出, 赚得 1 500 元, 则该股民原来购买的甲、乙两种股票所用钱数的比例为 ( )。

- (A) 2 : 3      (B) 3 : 2      (C) 1 : 5      (D) 5 : 1

答案: (C)

分析: 设该股民原来购买的甲、乙两种股票所用钱数分别为  $a : b$ ,

所以有  $\begin{cases} a + b = 30000 \\ 0.9a + 1.08b = 31500 \end{cases}$ , 解得  $a = 5000$ ,  $b = 25000$ ,  $a : b = 1 : 5$ 。

**例 4** 已知  $a$ 、 $b$ 、 $c$  是三个正整数, 且  $a > b > c$ , 若  $a$ 、 $b$ 、 $c$  的算术平均值为  $\frac{14}{3}$ , 几何平均值是 4, 且  $b$ 、 $c$  之积恰为  $a$ , 则  $a$ 、 $b$ 、 $c$  的值依次为 ( )。

- (A) 8, 4, 2      (B) 6, 5, 3      (C) 12, 6, 2      (D) 4, 2, 8

答案: (A)

分析: 根据已知条件求解下列方程组

$$\begin{cases} \frac{a+b+c}{3} = \frac{14}{3} \\ \sqrt[3]{abc} = 4 \\ a = bc \end{cases} \quad \text{解得} \quad \begin{cases} a = 8 \\ b = 4 \\ c = 2 \end{cases} \quad \text{或} \quad \begin{cases} a = 8 \\ b = 2 \\ c = 4 \end{cases}$$

但因已知  $a > b > c$ , 故舍去后一组, 故正确答案为 (A)。

**例 5** 把  $\frac{2}{5}$  的分子加上 4, 要使分数大小不变, 分母则应变为 ( )。

- (A) 5                          (B) 9                          (C) 10                          (D) 15

**答案:** (D)

**分析:** 题中分数  $\frac{2}{5}$ , 分子加上 4 后, 相当于分子变成原来的 3 倍, 根据分数的性质, 只

有当分母也变成原来的 3 倍时, 原分数的大小才不会改变, 所以分母应为 15, 故选 (D)。

**例 6** 一种货币贬值 15%, 一年后又增值百分之几才能保持原币值 ( )。

- (A) 15.25%                          (B) 16.78%                          (C) 17.17%                          (D) 17.65%

**答案:** (D)

**分析:** 本题的解题关键在于理解欲保持原币值, 应增值的百分比是贬值后的百分比。

由题意, 设应增值的百分比为  $x$ , 则有

$$(1 - 15\%)(1 + x) = 1$$

$$\text{解得 } x = \frac{15}{85} \times 100\% \approx 17.65\%$$

**例 7** 一公司向银行贷款 34 万元, 欲按  $\frac{1}{2} : \frac{1}{3} : \frac{1}{9}$  的份额分配给下属甲、乙、丙三个

车间进行技术改造, 甲车间应得的款数为 ( ) 万元。

- (A) 18                                  (B) 20                                  (C) 21                                  (D) 22

**答案:** (A)

**分析:** 设甲、乙、丙三个车间应得的款数依次为  $\frac{t}{2}$  万元,  $\frac{t}{3}$  万元,  $\frac{t}{9}$  万元, 有

$$\frac{t}{2} + \frac{t}{3} + \frac{t}{9} = 34$$

$$\text{解得 } t = 36, \frac{t}{2} = 18$$

故正确答案为 (A)。

**例 8** 某人的藏书中, 文学类占  $\frac{1}{3}$ , 科技类占  $\frac{1}{5}$ , 已知其文学类和科技类图书共有 960 本, 这个人的图书共有 ( ) 本。

- |                                                             |                                                           |
|-------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------|
| (A) $960 \times \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{5}\right)$     | (B) $960 \div \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{5}\right)$     |
| (C) $960 \times \left(1 - \frac{1}{3} - \frac{1}{5}\right)$ | (D) $960 \div \left(1 - \frac{1}{3} - \frac{1}{5}\right)$ |

答案: (B)

分析: 由于文学类和科技类图书占总藏书量的  $\frac{1}{3} + \frac{1}{5}$ , 所以总藏书量与  $(\frac{1}{3} + \frac{1}{5})$  的乘积为 960 本, 故总藏书量为  $960 \div (\frac{1}{3} + \frac{1}{5})$ 。

例 9 某商场从 A、B、C 三种渠道进了一批同规格的电视机, A 渠道进了 100 台, 单价 2 450 元; B 渠道进了 50 台, 单价 2 480 元; C 渠道进了 150 台, 单价 2 420 元。为了使这批电视机的毛利率不低于 10%, 每台的平均售价不得低于( )元。

- (A) 2 728      (B) 2 680      (C) 2 684      (D) 2 846

答案: (C)

分析: 这批电视机的平均进价为

$$\frac{2450 \times 100 + 2480 \times 50 + 2420 \times 150}{300} = 2440(\text{元})$$

为了使毛利率不低于 10%, 每台的平均利润应不少于  $2440 \times \frac{1}{10} = 244$ (元), 所以每台的平均售价应不低于 2 684 元。

例 10 设  $x - y$  与  $\frac{1}{x+y}$  成反比例, 比例系数为  $k$ ,  $y$  与  $x$  成正比例, 比例系数为  $1+k$ , 则  $k$  的值为( )。

- (A) -3      (B) 3      (C) 1      (D) -1

答案: (A)

分析: 由题设, 得

$$x - y = \frac{k}{\frac{1}{x+y}} = k(x+y) \quad (x+y \neq 0) \quad ①$$

$$y = (1+k)x \quad ②$$

由 ① 得  $(1-k)x = (1+k)y$ , 将 ② 代入上式, 由  $x \neq 0$  得  $1-k = (1+k)^2$   
即  $k^2 + 3k = 0$

由比例系数为非零常数的概念, 得

$$k = -3$$

#### 第四节 考前练习与精解

##### 练习题

- 下面的数中, 不能同时被 2, 3, 5 整除的是( )。  
 (A) 8 010      (B) 8 040      (C) 8 070      (D) 8 080
- 一个合数最少有( )个约数。  
 (A) 2      (B) 3      (C) 4      (D) 5
- 最小的质数与最大的两位合数相乘的积是( )。