

# 電 工 学 講 義

新  
平  
和  
學  
社

PDG

# 上册 第一部分

## (电路与磁路)

### 目 录

|                           |    |
|---------------------------|----|
| 第一章 直流电路.....             | 1  |
| § 1. 电路的基本概念.....         | 1  |
| § 2. 电路的基本规律.....         | 7  |
| § 3. 复杂电路的计算.....         | 10 |
| § 4. 电流的功率和功。楞次焦耳定律.....  | 19 |
| § 5. 直流电能的输送.....         | 21 |
| 第二章 正弦交流电的基本特性.....       | 24 |
| § 1. 週期性交流及正弦交流.....      | 24 |
| § 2. 正弦交流电势的产生.....       | 25 |
| § 3. 描述正弦波特征的基本量.....     | 26 |
| § 4. 正弦波的有效值.....         | 28 |
| § 5. 正弦量的矢量表示法.....       | 30 |
| § 6. 交流电路引論.....          | 36 |
| § 7. 正弦电路中的电阻.....        | 39 |
| § 8. 正弦电路中的电感.....        | 41 |
| § 9. 正弦电路中的电容.....        | 45 |
| § 10. 简短的总结.....          | 48 |
| 第三章 单相交流电路的分析计算.....      | 51 |
| § 1. 电阻电感与电容串联的电路.....    | 51 |
| § 2. 利用矢量图计算交流电路.....     | 58 |
| § 3. 交流电路的功率.....         | 62 |
| § 4. 功率因数的国民經济意义及其提高..... | 67 |
| § 5. 复数符号法.....           | 69 |
| § 6. 复数导納的应用.....         | 75 |
| § 7. 简单交流电路中的諧振現象.....    | 78 |
| § 8. 輸出最大功率的条件.....       | 82 |
| § 9. 感应耦合电路的计算.....       | 83 |

|                               |     |
|-------------------------------|-----|
| §10. 交流电路的总结                  | 88  |
| 第四章 网络定理                      | 94  |
| 引言                            | 94  |
| 一、线性网络的基本特性及其应用               |     |
| § 1. 叠加定理                     | 94  |
| 二、电路图的等效变换法                   |     |
| § 2. 无源二端网络的输入阻抗              | 98  |
| § 3. 赫戴定理——有源二端网络的化简          | 99  |
| § 4. $Y-\Delta$ 变换——无源三端网络的变换 | 104 |
| 小结                            | 107 |
| § 5. 四端网络概念                   | 108 |
| 第五章 三相交流电路                    | 111 |
| § 1. 概述                       | 111 |
| § 2. 三相制的基本联接法                | 113 |
| § 3. 三相电路的计算                  | 116 |
| § 4. 复杂三相电路一般解法概述             | 121 |
| § 5. 三相电源的使用问题                | 122 |
| § 6. 三相电路的功率                  | 123 |
| 第六章 非正弦周期电流电路                 | 125 |
| § 1. 概述                       | 125 |
| § 2. 周期函数的谐波分析                | 125 |
| § 3. 非正弦周期电流的有效值、平均值及波形系数     | 129 |
| § 4. 非正弦电流电路的计算               | 130 |
| § 5. 非正弦电流的功率                 | 136 |
| § 6. 线性参数对波形的影响及谐振滤波器概念       | 138 |
| 第七章 集中参数电路中的过渡过程              | 141 |
| § 1. 过渡过程的产生与开闭定律             | 141 |
| § 2. 电阻电感电路在直流中的过渡过程          | 146 |
| § 3. 电阻电容电路在直流中的过渡过程          | 153 |
| § 4. 交流过渡过程的特点                | 158 |
| § 5. 只含一个储能元件的电路过渡过程的总结       | 160 |
| § 6. 含两个独立储能元件的电路             | 169 |
| § 7. 一般分支电路中过渡过程的古典法计算        | 173 |

|                                 |     |
|---------------------------------|-----|
| § 8. 运算法的基本原理.....              | 176 |
| § 9. 运算形式的欧姆定律, 克代定律及运算电路图..... | 182 |
| 第八章 非綫性电阻电路.....                | 191 |
| § 1. 概述.....                    | 191 |
| § 2. 非綫性电阻元件.....               | 191 |
| § 3. 非綫性直流电路的图解算法.....          | 195 |
| § 4. 計算非綫性直流电路的猜試法.....         | 198 |
| § 5. 非綫性直流电路的小范围内的綫性化計算法.....   | 200 |
| § 6. 交流电势作用下的非綫性电阻电路.....       | 205 |
| 第九章 磁路与磁性材料.....                | 209 |
| § 1. 磁路的实际应用.....               | 209 |
| § 2. 鉄磁材料及其主要特性.....            | 210 |
| § 3. 磁路的基本規律.....               | 215 |
| § 4. 不分岔直流磁路的計算.....            | 219 |
| § 5. 分岔直流磁路的計算.....             | 222 |
| § 6. 考虑漏磁通存在时磁路的近似計算.....       | 226 |
| 第十章 交流电路中的鉄心綫圈.....             | 228 |
| § 1. 鉄心綫圈电路中的主要現象.....          | 228 |
| § 2. 鉄心綫圈的等效电路图和矢量图.....        | 231 |
| § 3. 鉄心綫圈电路的計算.....             | 233 |
| § 4. 鉄磁諧振現象与鉄磁稳压器.....          | 234 |

# 第一章 直流电路

## § 1. 电路的基本概念

### 电路的組成及电路物理量

保证电流沿以循行的集合体称为电路。近代技术中采用电路的目的可大别为二：  
(1) 用以传送及分配大量电能，亦即传输电力。(2) 用以传送讯号（电信或控制讯号）。由于目的不同，因此对两类应用提出的技术要求也便不同（例如前者较多地着眼于传输的效率，而后者较多地着眼于波形的失真）；  
但是，从能量角度来看，組成电路的基本元件却不外三类：（图 1-1）

(甲) 电源：其作用是将其他形式能量转换成电能。在电力应用情况下，电源的实例如乾电池或蓄电池（化学能变成电能），发电机（机械能变成电能），太阳能电池……。在讯号传送的情况下电源的实例如各种讯号发生器、热电偶……。

(乙) 负载：其作用是将电能转换成人们需要的其他形式能量以达到使用、控制或信息传递的目的。负载的实例如电爐（电能变成热能），电动机（电能变成机械能），电灯（电能变成热能及光能）……。

(丙) 联接导线：是把电能由电源传送到负载的媒介。一般用导体构成。常用的导电材料是铜和铝，但有时也用鋼线或鉄线。

电路理论的任务就是分析由这些基本元件组成的电路（在复杂电路中，这些元件的数目可能不止一个）中发生的现象，和它们所遵循的规律与计算方法。但是，如上所述，实际电路中的具体元件形形色色，种类繁多。因此，为了进行理论研究，必须首先找到各种不同电路导电过程的本質，加以科学抽象。列宁在哲学笔记中写道：“由具体事物提昇到抽象思维，不是更远离了真理，而是更接近了它。哲学上的物质抽象，自然界的规律，政治经济学上的价值抽象：总之，一切正确的科学抽象把事物更忠实更完整更深刻地反映了出来。由生动的直观到抽象的思维，再由思维到实践，这就是认识真理，认识客观现象的辩证过程。”在这里，问题也不例外，为了更完整更深刻地反映电路的本質，必须引用一些物理量来描述导电过程的特征。

先简单地（但不甚严格地）把电路内导电的物理过程说明如下：（图 1-1）

当刀闸  $S$  未合下前，电路不能导电。此时由于电源内局外电场电动势的作用，电源的  $a$  端聚积正电荷， $b$  端聚积负电荷，因此  $ab$  两端电位不相等，存在电位差。当刀闸  $S$  合下后，此电位差便表现为作用在负载两端的电压，于是驱使正电荷由  $a$  端（高电位）经过负载内部流向  $b$  端（低电位）；与此同时，电源的电动势又将电荷不断从  $b$

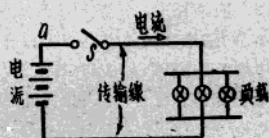


图 1-1



端(低电位)经过电源内部驱向  $a$  端(高电位), 这样, 就构成在电路中循流的电流。电流的大小既与电动势大小有关, 又与负载电阻的大小有关。

由此可见, 发生在电路中的物理过程可以用电动势, 电压, 电流等物理量来描述, 它们的严格意义已在物理学中叙述过, 此处不再重复。我们现在只结合以后计算的需要, 着重交代一下这些物理量的方向问题:

(甲) 电动势  $E$  的方向规定为电源驱动正电荷的方向。也就是: 规定从低电位到高电位的方向为电动势的方向, 并用箭头表示在电路图上。换句话说: 电动势箭头方向代表电位的升高(电位升); 电动势的实用单位是伏特。

(乙) 电压  $U$  的方向规定为从高电位到低电位, 也就是: 在电路图上电压的箭头方向表示电位的降低(电位降)。电压的实用单位也是伏特。

应该指出, 虽然从物理意义上看, 电动势和电压这两个概念有着本质的区别(例如, 前者代表局外电场的线积分, 因此其数值与积分路径有关, 而后者代表库伦电场(静电场)的线积分, 因此其数值与积分路径无关), 但是在电路理论的范围内, 它们在数量上都表现为两点间的电位差。因此, 如果撇开物理意义不谈只从数量上看, 有时又称电动势  $E$  为电位升, 电压  $U$  为电位降。在实际计算工作中, 常用电位升或电位降来描述电路任意两点间电位的相对关系:

以  $U_{ab}$  代表从  $a$  点到  $b$  点的电位降 即  $U_{ab} = \phi_a - \phi_b$ 。

以  $U_{ba}$  代表从  $b$  点到  $a$  点的电位降 即  $U_{ba} = \phi_b - \phi_a$ 。

以  $E_{ab}$  代表从  $a$  点到  $b$  点的电位升 即  $E_{ab} = \phi_b - \phi_a$ 。

以  $E_{ba}$  代表从  $b$  点到  $a$  点的电位升 即  $E_{ba} = \phi_a - \phi_b$ 。

(双足註的次序代表方向)

由此可见:

$$E_{ab} = -E_{ba} = U_{ba} = -U_{ab} \quad (1-1)$$

分析计算电路时, 这个关系很重要。

(丙) 电流  $I$  的方向在负载内为从高电位到低电位(此时负载吸收电功率), 而在电源内则从低电位到高电位(此时电源输出电功率)。这个结论是今后判断元件在电路中究系处于电源状态还是处于负载状态的基本依据。电流的实用单位是安培。

此外, 描述电路导电情况时也常引用“电阻”概念。它表示电路元件对电路呈显的阻力。实用单位是欧姆。对一根材料均匀、截面也均匀的长导线, 电阻可按下式计算:

$$R = \rho \frac{l}{S}$$

式中  $l$  为导线长度,  $S$  为截面积,  $\rho$  是一个表示材料阻碍电流能力的系数, 称为电阻系数, 在电路图上电阻常用图 1-3(d) 所示符号来代表。

### 电源的基本特性及其电路图表示

电源是产生电能的泉源, 它作用在外部电路上表现出的特点常用所谓“外特性”来

描述：当电源输出电流增加时，它的端电压一般总要相应变化；外特性就是表示电源端电压  $U$  与输出电流  $I$  间关系  $U=f(I)$  的（图 1-2）。它是说明供电质量的重要依据。例如，当若干电灯并联接在电源上时，如果电源外特性下垂剧烈（图 1-2 上曲线①），则灯光将随点燃灯数的增加而迅速变暗，不能保证正常照明。换句话说，在这种情况下对电源外特性的要求应如图 1-2 上曲线②——当输出电流增加时端电压基本不变。

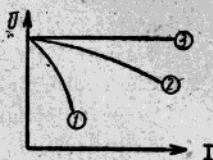


图 1-2

工业上应用的电源大都具有这种性质，称为恒压电源。理论分析时常将这性质理想化，而引入理想恒压源（常简称恒压源）概念。理想恒压源的特点是：不论输出电流如何改变，端电压永远严格地维持恒定（图 1-2 上曲线③）。

为了分析的便利研究电路时常用所谓“计算电路图”来代表实际电路。理想恒压源在电路图上的符号如图 1-3a。

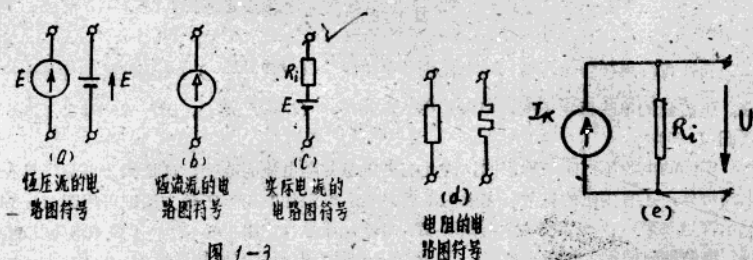


图 1-3

随着科学技术的发展，有时也需要另一种性质的电源：当外部负载改变时，电源输出的电流基本恒定不变。例如，为了保证回旋加速器内磁场严格恒定（图 1-4），必须要求通入电磁铁线圈中的电流严格恒定不变。将供电电源的电动势  $E$  保持恒定仍不能

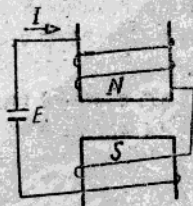


图 1-4

满足这个要求，因为当电流通过线圈时会引起导线发热，从而使线圈电阻改变，因此，根据欧姆定律，即使电压恒定不变，电流仍要改变；此时必须要求电源具有输出电流不随负载电阻改变的特性。具有这种性质的电源称为恒流源\*。

理论分析时同样把这一性质理想化，而引入理想恒流源（常简称恒流源）概念。理想恒流源的特点是：不论外部电路如何改变，电源的输出电流严格地维持恒定不变。在计算电路图上，理想恒流源用图 1-3 所示符号来表示。

应该注意，恒压源与恒流源有着恰成对比的特性（图 1-5）

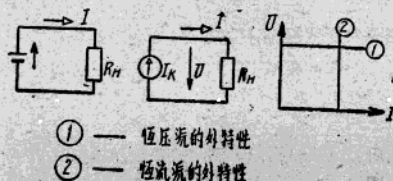


图 1-5

恒压源的电压恒定不变，但电流由外电路决定 ( $I = \frac{U}{R_H}$ )，因此外特性是水平线。恒流源的电流恒定不变，但电压由外电路决定 ( $U = I_k R_H$ )，因此外特性是垂直线（图 1-5）

实际的电源不可能是理想的，因此端电压总要随电流而改变，这是因为电源除具有电动势外，还有内阻的缘故。考虑内阻后，实际电源如应用恒压源方法则可用图 1-3c 所示符号来表示：电动势  $E$  与内阻  $R_i$  串联，显然当内阻  $R_i$  远小于负载电阻  $R_H$  时，电源性质便接近恒压。反之，当  $R_i \gg R_H$  时，电源性质便接近恒流。

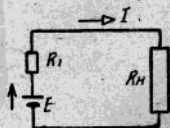
同样实际的恒流源其输出电流也不可能是绝对恒定的，负载电阻的改变也总是要使电源的输出电流发生变化。此时电源如用恒流源的表示法表示时可用图 1-3(e) 的符号表示，此时电源的内阻  $R_i$  与一理想恒流源  $I_k$  相并联。

一个实际电源既可以用恒压源方法来表示，也可以用恒流源方式来表示，它们对外电路的效应均是相等的。这可以证明如下。如令电源的端电压为  $U$ ，输出电流为  $I$ ，则根据恒压源 [图 1-4(a)] 可得其电源的外特性为：

\* 构成恒流源的方法很多，这里试举一个简单例子：把一恒压源  $E$  和电阻  $R_i$  串联后，再接到负载电阻  $R_H$  上（附图）只要  $R_i \gg R_H$ ，便有

$$I = \frac{E}{R_i + R_H} \approx \frac{E}{R_i}$$

可见，此时电流  $I$  将不随负载电阻  $R_H$  改变。





$$U = E - IR_1$$

将上式变换一下即可得

$$I = \frac{E}{R_1} - \frac{U}{R_1} = I_k - \frac{U}{R_1}$$

显然上式是恒流源所表示的外特性方程式，即可由图 1-4(b) 的电路图表示。图中的恒定电流  $I_k = \frac{E}{R_1}$ ，而恒流源表示法的内电阻是一并联电阻  $R_1$ ，其值即为恒压源表示法中的串联内电阻  $R_1$ 。在并联内电阻  $R_1$  中的电流为  $I' = \frac{U}{R_1}$ 。此时电源的输出电流为  $I = I_k - I'$ ，输出电压为  $U$ 。

图 1-4(a)(b) 两个电路对于负载电阻  $R_H$  来说是等效的。初学的读者可能不习惯于图 1-4(b) 的电路，但只要仔细分析一下即可得出这个结论。显然恒流  $I_k$  由两个电阻  $R_1$  与  $R_H$  来分流，

$$I' = \frac{R_H}{R_1 + R_H} I_k$$

$$I = \frac{R_1}{R_1 + R_H} I_k$$

当负载电阻  $R_H$  改变时(如减小)，则  $R_1$  与  $R_H$  中的分流比就改变( $I'$  减小而  $I$  增加)而此时负载端电压  $U = IR_H = I' R_1$  也就随着改变(此时  $U$  减小)。外特性  $U$  与  $I$  的关系与恒压源表示法所得的结果是完全一样的。

由图 1-4(b) 可见，当  $R_1 \gg R_H$  时，则  $I' \ll I$ ，因此可以忽略  $I'$ ，即可以取走  $R_1$ ，由而即得理想恒流源。

由此可见，对于一个实际电源来说，其恒压源与恒流源的两种表示法可以互换。它们都可以用来表示同一个实际电源对外电路的作用\*。这各互换有时可以简化电路的计算与分析。

例 1 已知图 1-7a 中有三个电源并联(以恒压源方法表示)，并已知  $R_1 = R_2 = R_3 = 1\Omega$ ， $R = 2\Omega$ ， $E_1 = 1$  伏， $E_2 = 1.5$  伏， $E_3 = 2$  伏，求  $R$  中的电流  $I_0$ 。

将三个电源均变换成恒流源表示法，如图 1-7b，图中，

$$I_1 = \frac{E_1}{R_1} = 1 \text{ 安,}$$

\* 当然对于理想恒压源与理想恒流源则上述互换是不适用的。

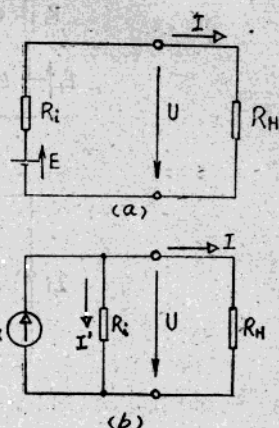


图 1-6

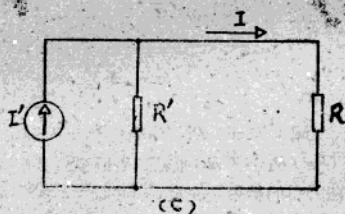
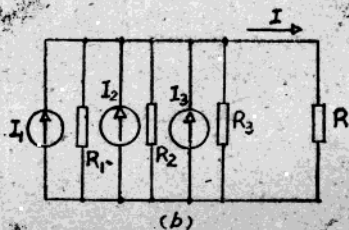
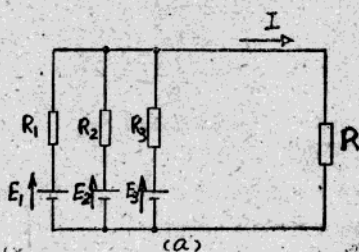


圖 1-7

$$I_2 = \frac{E_2}{R_2} = 1.5 \text{ 安,}$$

$$I_3 = \frac{E_3}{R_3} = 2 \text{ 安,}$$

由而可以进一步简化电路如图 1-7c, 即得

$$I' = I_1 + I_2 + I_3 = 4.5 \text{ 安,}$$

$$R' = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}$$

$$\therefore I = I' \frac{R'}{R+R'} = \frac{4.5}{7} \text{ 安} = 0.643 \text{ 安},$$

由此例可见，在计算多个电源并联时的电路用恒流源表示法较为方便。

## § 2. 电路的基本规律

基本规律阐明电路物理量的内在联系，它们是：

- △ 欧姆定律——阐明一段电路两端电压与其中电流的内在联系。
- △ 克氏定律——阐明一完整电路各处电压、电流的内在联系。分别叙述于下。

### 欧姆定律

设  $a$ 、 $b$  两端间接有电阻  $R$  (图 1-8a)。如以  $U_{ab}$  表示由  $a$  点到  $b$  点的电位降 (电压)  $I_{ab}$  表示从  $a$  点到  $b$  点的电流，则根据实验结果  $I_{ab}$  的大小与  $U_{ab}$  成正比，而与  $ab$  段内的电阻成反比。即：

$$I_{ab} = \frac{U_{ab}}{R} = \frac{\phi_a - \phi_b}{R} \quad (1-2)$$

这就是有名的欧姆定律

实用上常将下标省略而将上式简写成

$$I = \frac{U}{R}$$

应用 (1-2) 式时一定要忘记：

(1)  $U$  和  $I$  是有方向的，而且两者的假设方向必须一致，即： $U$  如指由  $a$  到  $b$  的电位降，则  $I$  必须指从  $a$  到  $b$  的电流。

(2)  $U$  指电阻两端的电位降。例如在图 1-8b 上，我们只能说：

$$I = \frac{\phi_a - \phi_c}{R}$$

如果要把  $I$  表为支路两端电位  $\phi_a$  与  $\phi_b$  的函数，则考虑到  $\phi_c = \phi_b + E$

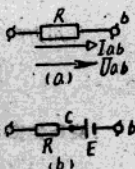
故

$$I = \frac{\phi_a - \phi_b - E}{R}$$

后一情况有时被称为广义的欧姆定律，在计算电路时也很重要。

广义的欧姆定律可以更一般地表示如下：在一段有电势的支路上设  $\phi_a$   $\phi_b$  分别为支路两端的电位， $I_{ab}$  为由  $a$  端流向  $b$  端的电流， $\Sigma E$  为支路内全部电动势的代数和， $\Sigma R$  为支路内的全部电阻，则：

$$I_{ab} = \frac{\phi_a - \phi_b + \Sigma E}{\Sigma R} \quad (1-3)$$



■ 1-8

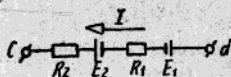


图 1-8c

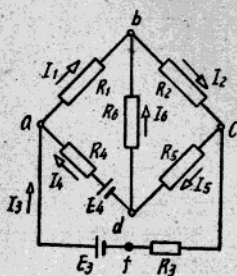


图 1-9

作用方向朝向  $b$  点的电动势符号为正；反之，为负。例如，对于图 1-8c：

$$I = \frac{\phi_d - \phi_c + E_2 - E_1}{R_1 + R_2}$$

### 克氏定律

叙述克氏定律之前，先介绍几个有关电路结构的名词：在复杂电路内电流可以沿着不同的途径流动，凡是三个以上不同途径电流的会聚点称为节点，而连接两节点的部分电路叫作支路。例如在图 1-9 内， $a, b, c, d$  是节点，而  $e$  和  $f$  点就不是节点，因为在这两点上会聚的导体少于三个。图中所示电路由六条支路组成，其中四条仅含电阻，而其余二条则包括电阻和电动势。电路中的任一闭合路线称为回路，如图 1-9， $abda, bcdb, adca$  都是回路。

克氏定律分两部分。第一定律阐明节点处各支路电流间的关系。即：在节点处电流的代数和为零。（如以流入节点的电流为正，则流出节点的电流为负）

$$\sum I = 0. \quad (1-4)$$

例如，对于图 1-9 的节点  $a$ ； $I_3 + I_4 - I_1 = 0$ 。

克氏第二定律阐述电路的任一回路内电位升和电位降的关系，即：当循行一回路时，回路内电位升的代数和恒等于电位降的代数和，

$$\sum E = \sum U \quad (1-5)$$

对直流电路来说，如  $U$  一律指电路两端的电压，则  $U = IR$ ，因此上式通常又写成：

$$\sum E = \sum IR. \quad (1-6)$$

各项符号的正负如下决定：

电动势  $E$  方向如与循行回路的方向相同则为正电位升，如相反则为负电位升。

电流  $I$  的方向如与循行回路的方向相同则电阻两端电压为正电位降，如相反则为

负电位降。

例如，在图 1—9 上，加沿  $adca$  回路循行，则得：

$$+E_3 - E_4 = I_3 R_3 - I_4 R_4 - I_5 R_5.$$

实际上第一定律就是电流连续性的表现，第二定律就是电位单值性的表现。

克氏第二定律又常被利用来研究电路任意两点间的电位差（电位升或电位降），此时又可将定律表达为：在电路的任意两点间，总电位升（或降）等于各段电位升（或降）的代数数和。即：

$$\underline{E_{\text{总}} = \sum E_{\text{分}}} \text{ 或 } \underline{U_{\text{总}} = \sum U_{\text{分}}} \quad (1-7)$$

例如，在图 1—9 上

$$U_{dt} = U_{de} + U_{ea} + U_{at}$$

$$E_{ec} = E_{ed} + E_{dc}$$

**例 1—1：** 在计算电路时，有时不把电源画出，而只在输入两端标以电压，如图 1—10， $ge$  间加有电压  $U_1$ ， $de$  间接有电动势  $E$ ，求  $U_{gk}$  等于若干？

按克氏定律  $U_{gk} = U_{ge} + U_{ed} + U_{dk}.$

但  $U_{ge} = U_1$ ， $U_{ed} = -E_{ed} = -E$ ， $U_{dk} = -U_{kd} = -IR_k.$

故  $U_{gk} = U_1 - E - IR_k.$

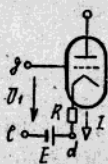


图 1-10

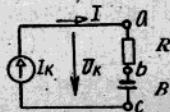


图 1-11

**例 1—2：** 在图 1—11 电路上，求电路中的电流及恒流源两端的电压  $U_k$ 。已知  $E = 100$  伏， $I_k = 10$  毫安， $R = 5$  仟欧

因为恒流源输出电流恒定不变，因此电路中的电流

$$I = I_k = 10 \text{ 毫安。}$$

又，根据克氏定律：

$$U_k = U_{ab} + U_{bc}$$

$$= IR - E$$

$$= 10 \times 5 - 100$$



$$= 10 \times 5 - 100^*$$

$$= -50 \text{ 伏}$$

負号說明  $a, c$  两端电位差的实际情况是  $c$  点比  $a$  点高 50 伏。

### § 3. 复杂电路的计算

电路分析的任务是：在电路参数及电源已知的条件下，把电路各处电压电流的分佈情况求出来。从计算方法上看，问题的核心是：假设一定数量的未知数，并根据克氏定律对这些未知数列出数量足够的独立方程式，从而解出这些未知数。根据假设未知数方法的不同，算法可以分类如下

#### 支路电流法

此法已在物理课上学过，它的特点是：对每一支路假设一未知电流，并将这些支路电流直接解出来。讓我們結合图 1—9 电路來說明。

| 步 驟 及 說 明                                                                                                                               | 具 体 計 算                                                                                                                                                   |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1. 假设未知数——每一支路设一未知电流，这些电流的方向可以任意假设，未知电流的总数等于电路内支路的数目 $m$ 。                                                                              | 本题共有六条支路，所以有六个未知支路电流， $I_1 - I_6$ 。                                                                                                                       |
| 2. 利用第一定律列电流方程式。<br>如电路有 $N$ 个节点，则可以列 $N-1$ 个独立方程，(剩下一个方程必定可由这 $N-1$ 个方程推出来)，也就是说： <u><math>N</math> 个节点中只有 <math>N-1</math> 个是独立的。</u> | 本题有 4 个节点，故可列电流方程(4-1) = 3 个可以任选三个节点来列：<br>对 $a$ 点： $I_3 + I_4 - I_1 = 0$ (a)<br>对 $b$ 点： $I_1 + I_6 - I_2 = 0$ (b)<br>对 $c$ 点： $I_2 - I_5 - I_3 = 0$ (c) |

\* 在  $U=IR$  中，如  $I$  以毫安 ( $10^{-3}$  安) 为单位， $R$  以千欧 ( $10^3$  欧) 为单位，则电压单位为伏

(續表)

| 步 驟 及 說 明                                                                                                                                               | 具 体 計 算                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p>3. 利用第二定律补足尚缺的 <math>m-n+1</math> 个方程。</p> <p>此时应先选定 <math>m-n+1</math> 个独立迴路。所謂独立迴路即它們的电压方程式互相独立，为了保証这一点，选择迴路时应使新迴路不能由旧迴路(已写过方程的迴路)通过去除共有支路而得出。</p> | <p>尚缺 <math>6-4+1=3</math> 个方程用克氏第二定律来补足。为此，选定三个独立迴路，通常習慣是：对每一網眼取一迴路，如图 1-9 所示。</p> <p>对 <math>abda</math>：</p> $E_4 = I_4 R_4 + I_1 R_1 - I_6 R_6 \quad (d)$ <p>对 <math>bcd b</math>：</p> $0 = I_2 R_2 + I_5 R_5 + I_6 R_6 \quad (e)$ <p>对 <math>adca</math>：</p> $E_3 - E_4 = I_3 R_3 - I_4 R_4 - I_5 R_5 \quad (f)$ |
| <p>4. 联解所得方程式組，便可求出諸支路电流，而支路电流求得后，电流各处的电位差便可按前节的叙述求得。</p>                                                                                               | <p>从略</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |

應該着重指出：因为电流的方向开始时是任意假設的，因此求出結果中电流可能是負数。这便意味着电流的实际方向与假設方向相反。換句話說：图上所标示的电流方向只是电流的正方向。在假設好正方向后，实际方面由数值的正負来决定。在以后进一步分析交流电路时可以看到分清正方向与实际方向这两个概念是十分重要的。

从理論上看支路电流法，虽然已能解决一切綫性电路的分析問題，但在实际工作中应用却不够便利。这一方面是由于解題时假設的未知数过多，因而計算繁瑣。另一方面也是由于所得方程組包含电流方程与电压方程两种形式，統一性不突出，因而不便于利用来作电路理論的一般推导。为了工程計算的便利这里再介紹两种电路計算法。

### 迴路電流法

如把上节例題的  $a b c$  三式改写成：

$$I_4 = I_1 - I_3$$

$$I_5 = I_2 - I_3$$

$$I_6 = I_2 - I_1$$

按此式的指示，把  $I_4$ ， $I_5$ ， $I_6$  諸支路电流人为地想象成电流  $I_1$ ， $I_2$ ， $I_3$  的疊加，如图 1-12a 所示，不难看出实际电流可以想象成三个分別沿迴路  $abda$ ， $bcd b$ ， $cad c$

循行的所謂“迴路电流” $i_1, i_2, i_3$  叠加后的总結果 (图 1-12b)。因此, 我們得到简化計算的启示:

如果解題时, 不去直接求解各支路电流, 而把它們用一組独立的迴路电流来代替并求解, 就可以使未知数减少, 从而简化計算。事实上, 只要能求出这組迴路电流, 各支路电流也就迎刃而解, 因为支路电流总可视为迴路电流的綫性組合。

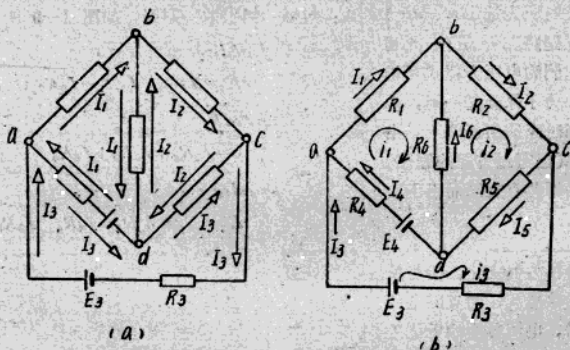


图 1-12

对这些迴路电流列克氏方程式时, 由于各节点上迴路电流总是一出一入, 自动满足了第一定律, 因此只要利用克氏第二定律来列电压方程。

仍結合图 1-12b 电路来说明計算步骤:

| 步 驟 及 說 明                                                                                          | 具 体 計 算                                                                                                                                                                                                                          |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1. 假定一組独立的迴路电流, 并在图上标出它們的正方向。未知的迴路电流数等于 $m - N + 1$ 。                                              | 本題中 $m = 6, N = 4$ , 故未知迴路电流数 = $6 - 4 + 1 = 3$ 。<br>通常迴路电流可以按網眼来假設                                                                                                                                                              |
| 2. 按照克希柯夫第二定律列出方程式。注意点:<br>i) 列克氏方程式时宜沿回路电流环流的路径循行, 而且循行方向亦宜与迴流方向一致。<br>ii) 电位升和电位降的正负符号規律与第二节所述一样 | 沿 $i_1$ 的迴路:<br>$i_1(R_1 + R_4 + R_6) - i_2R_6 - i_3R_4 = E_4 \quad (a)$<br>沿 $i_2$ 的迴路:<br>$-i_1R_6 + i_2(R_2 + R_5 + R_6) - i_3R_5 = 0 \quad (b)$<br>沿 $i_3$ 的迴路:<br>$-i_1R_4 - i_2R_5 + i_3(R_3 + R_4 + R_5) = E_3 \quad (c)$ |

| 步 骤 及 说 明                                | 具 体 计 算                                                                                |
|------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------|
| 4. 解联立方程式                                | 求出 $i_1, i_2$ 及 $i_3$ 可用行列式来解。                                                         |
| 5. 求各支路电流如所求出之数值为负数, 便表明电流的真实方向与所假定正方向相反 | $I_1 = i_1, I_2 = i_2, I_3 = i_1$ $I_4 = i_1 - i_3, I_5 = i_2 - i_3, I_6 = i_2 - i_1.$ |

可以看出在这种方法下写方程是有规则的:

i) 沿某一回路写方程时, 沿该回路循行的回路电流应乘以该回路中的全部电阻 (称为自电阻), 且此电阻为正值; 而不沿该回路循行的回路电流则应乘以与该回路共有的电阻 (称为共电阻); 此共电阻可能为正值, 亦可能为负值, 视该电阻中两电流方向相同抑相反而定。

ii) 方程式的另一方应为沿该回路作用的全部电动势的代数和 (称为回路电势)

当然循行的回路与回路电流的回路也可以不一致, 只是此时写方程式时要更加细心慎重。

### 例 1-3. 用回路法解图 1-13 电路

先在图中标出回路电流  $i_1$  与  $i_2$  的正方向, 于是

$$i_1 \text{ 的自电阻: } R_{11} = 2 + 5 + 1 + 0.1 = 8.1 \Omega$$

$$i_2 \text{ 的自电阻: } R_{22} = 1 + 10 + 2 + 0.1 = 13.1 \Omega$$

$$i_1 \text{ 与 } i_2 \text{ 的共电阻 } R_{12} = R_{21} = -2 \Omega \text{ (因为在 } 2 \text{ 欧电阻中 } i_1 \text{ 与 } i_2 \text{ 方向相反, 故共电阻为负值)}$$

于是列出方程:

$$8.1 i_1 - 2 i_2 = 2.2$$

$$-2 i_1 + 13.1 i_2 = 4.4$$

解  $i_2 = 2.391 \text{ 安}$

$$i_1 = 0.368 \text{ 安}$$

因此  $I_1 = i_1 = 0.368 \text{ 安}, I_2 = i_2 = 0.391 \text{ 安}, I_3 = i_1 - i_2 = -0.23 \text{ 安}$

有时电路的某一支路电流是已知的, 这时, 选择回路电流时应该设法利用这一特点, 以减少未知回路电流的数目。