

应用数学习题集 (第一册)

YING YONG SHU XUE XI TI JI

主编 傅建军

主编 张丽



上海交通大学出版社

Shanghai Jiaotong University Press

21 世纪高职高专规划教材
公共基础课程系列

应用数 学 学 习 题 集

(第一册)

Ying yong shu xue xi ti ji

主 编 傅建军
副主编 宿 显
主 审 张 丽
编 者 聂 弼 文秋丽

上海交通大学出版社

内 容 提 要

本书是一元函数微分学的部分,主要包括初等函数、函数的极限、导数、导数的应用。知识体系完成,适当降低了理论部分,与《应用数学》(第一册)紧密配套,分层次递进。适合全日制高职学生,综合性大专生及专升本学生学习用。

图书在版编目(CIP)数据

应用数学习题集. 第 1 册 / 傅建军主编. — 上海 : 上海交通大学出版社, 2012

ISBN 978-7-313-08858-1

I. 应... II. 傅... III. 应用数学—高等职业教育—习题集 IV. O29-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2012)第 177892 号

应用数学习题集

(第一册)

傅建军 主编

上海交通大学出版社出版发行

(上海市番禺路 951 号 邮政编码 200030)

电话: 64071208 出版人: 韩建民

昆山业荣升印刷有限公司 印刷 全国新华书店经销

开本: 787mm×960mm 1/16 印张: 9.75 字数: 179 千字

2012 年 8 月第 1 版 2012 年 8 月第 1 次印刷

印数: 1~3030

ISBN 978-7-313-08858-1/O 定价: 24.00 元

版权所有 侵权必究

告读者: 如发现本书有印装质量问题请与印刷厂质量科联系

联系电话: 0512-57960578

前　　言

为适应现代化科技和经济建设发展对高素质劳动者及高、中级专门人才的需求,深化高等职业教育改革,加强数学课程建设,落实高等院校培养高素质技能型人才的需要,更好地贯彻教育部《关于全面提高高等职业教育教学质量的若干意见》文件,我们组织编写了供三年制(五年制)高等职业院校各类专业使用的《应用数学》试用教材及《应用数学习题册》。

本习题册与第一册教材配合使用,主要用于学生课后练习和复习。题目经过精选并且设置了A、B两个层次,A组为基础训练题,B组题难度适当提高。完成习题是学好数学的必要条件,通过练习使学生进一步理解基础知识,掌握常用的数学方法,形成基本技能和能力,养成良好的学习习惯。在完成练习时应该注意以下几点:

- (1) 课上认真听讲,完成好课堂练习;课后先复习,在弄懂课上内容的基础上独立完成习题。
- (2) 要认真审题,解题时应该写出合理的步骤,书写画图要规范、整洁。
- (3) 做错的题目要认真分析产生错误的原因并及时加以改正,要重视总结解题的基本思路和方法。

由于编写时间仓促和编写水平有限,对教材中不妥之处,诚恳地希望读者批评指正。

编　者

2012年6月

目 录

1 初等函数	1
习题 1-1(A 组)	1
习题 1-1(B 组)	3
习题 1-2(A 组)	5
习题 1-2(B 组)	7
习题 1-3(A 组)	9
习题 1-3(B 组)	11
习题 1-4(A 组)	13
习题 1-4(B 组)	15
习题 1-5(A 组)	17
习题 1-5(B 组)	19
第 1 章检测题 A 组	21
第 1 章检测题 B 组	24
2 极限与连续	28
习题 2-1(A 组)	28
习题 2-1(B 组)	30
习题 2-2(A 组)	32
习题 2-2(B 组)	34
习题 2-3(A 组)	36
习题 2-3(B 组)	38
习题 2-4(A 组)	40
习题 2-4(B 组)	42
习题 2-5(A 组)	44
习题 2-5(B 组)	46
习题 2-6(A 组)	48

习题 2-6(B 组)	50
第 2 章检测题 A 组	52
第 2 章检测题 B 组	56
3 导数与微分	61
习题 3-1(A 组)	61
习题 3-1(B 组)	63
习题 3-2(A 组)	65
习题 3-2(B 组)	67
习题 3-3(A 组)	69
习题 3-3(B 组)	71
习题 3-4(A 组)	73
习题 3-4(B 组)	75
习题 3-5(A 组)	77
习题 3-5(B 组)	79
习题 3-6(A 组)	81
习题 3-6(B 组)	83
第 3 章检测题 A 组	85
第 3 章检测题 B 组	89
4 导数的应用	93
习题 4-1(A 组)	93
习题 4-1(B 组)	95
习题 4-2(A 组)	97
习题 4-2(B 组)	99
习题 4-3(A 组)	101
习题 4-3(B 组)	103
习题 4-4(A 组)	105
习题 4-4(B 组)	107
习题 4-5(A 组)	109
习题 4-5(B 组)	111
习题 4-6(A 组)	113
习题 4-6(B 组)	115
习题 4-7(A 组)	117

习题 4-7(B 组)	119
第 4 章检测题 A	121
第 4 章检测题 B	125
习题册参考答案	129

专业_____班级_____学号_____姓名_____成绩_____

1 初等函数

习题 1-1

A 组

1. 在某个变化过程中,保持_____的量叫做常量;会发生_____的量叫做变量.

2. 若 D 是一个非空实数集合,设有一个对应法则 f ,使得_____ $x \in D$,都有一个_____的实数 y 与之对应,则称这个_____ f 为定义在 D 上的一个函数关系,或称变量 y 是变量 x 的函数,记作 $y = f(x), x \in D$.

3. 全体函数值的集合_____,称为函数 $y = f(x)$ 的值域,记作 C .

4. 下列式子是否相等?为什么?

$$(1) \lg x^{\frac{2}{3}} = \frac{2}{3} \lg x; \quad (2) x = (\sqrt{x})^2;$$

$$(3) x = \sqrt{x^2}; \quad (4) |x| = x.$$

5. 求下列函数的定义域(画图并用区间表示).

$$(1) y = \frac{1}{x^2 - x};$$

$$(2) \quad y = \sqrt{3x-2} - \lg(18-7x) + \frac{2x+3}{2x-3};$$

$$(3) \quad y = \frac{\sqrt{x-2}}{\lg(x-1)} + \frac{x}{x^2-7x+12};$$

$$(4) \quad y = \arcsin(x-3).$$

6. 求出下列函数值.

$$(1) \text{ 已知 } f(x) = x^2 - x + 1, \text{ 求 } f(0), f(1), f(x+h);$$

$$(2) \quad f(x) = \frac{1-x}{1+x}, \text{ 求 } f(-x), f(x+1);$$

$$(3) \quad f(x) = \frac{1}{1-x}, \text{ 求 } f[f(x)], f\{f[f(x)]\}.$$

专业_____ 班级_____ 学号_____ 姓名_____ 成绩_____

习题 1-1

B 组

1. 已知 $y = \log_{\frac{1}{2}} \frac{1}{x+3}$, 问当 x 为何值时:(1) $y > 0$; (2) $y < 0$.

2. 求函数 $y = \frac{\sqrt{x-4}}{x^2-37} + \lg[\lg(x^2 - 5x + 4) - 1]$ 的定义域.

3. 求函数 $y = \frac{\sqrt{\lg(2+x)} + \sqrt[n]{2-x}}{x-1}$ 的定义域(n 是正整数).

4. 设 $f(x) = \sin x$, 求 $f\left(\frac{\pi}{2} + x\right), f(\pi - x), f(-x), f(2x)$.

5. 设 $f(x+1) = x^2 - 3x + 2$, 求 $f(x)$.

6. 已知 $f(x) = \lg \frac{1-x}{1+x}$, 求证 $f(y) + f(z) = f\left(\frac{y+z}{1+yz}\right)$.

专业_____班级_____学号_____姓名_____成绩_____

习题 1-2

A 组

1. 在自变量的不同变化范围内, 对应法则用 _____ 式子来表示的一个函数叫做分段函数.
2. 分段函数是 _____ 函数.
3. 分段函数求函数值时, 应该把 _____ 的值代入相应取值范围的函数表达式进行计算.
4. 分段函数的图像要在定义域的各范围内分别画, 一个分段函数的各段图像 _____ 画在同一坐标系中, 还要特别注意各分段区间之间曲线的衔接情况.
5. 求下列函数的定义域(用区间表示).

$$(1) f(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ 0 & x = 0 \\ -1 & x < 0. \end{cases}$$

$$(2) g(x) = \begin{cases} x + 3 & x \geqslant 1 \\ x^2 - 1 & x < 1. \end{cases}$$

$$(3) \varphi(x) = \begin{cases} -4x^2 & -3 \leqslant x < 0 \\ x & 0 < x \leqslant 4 \\ \frac{x^2}{4} & x > 4. \end{cases}$$

6. 求出下列分段函数的值:

$$(1) f(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ 0 & x = 0 \\ -1 & x < 0. \end{cases}$$

求出 $f(4), f(0), f(-2)$.

$$(2) \quad g(x) = \begin{cases} x+3 & x \geq 1 \\ x^2 - 1 & x < 1. \end{cases} \quad \text{求出 } g(2), g(0), g(-2), g(a).$$

$$(3) \quad \varphi(x) = \begin{cases} -4x^2 & -3 \leq x < 0 \\ x & 0 < x \leq 4 \\ \frac{x^2}{4} & x > 4. \end{cases} \quad \text{求出 } \varphi(2), \varphi(-2), \varphi(a).$$

7. 画出下列分段函数的图像.

$$(1) \text{ 已知 } f(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ 0 & x = 0 \\ -1 & x < 0. \end{cases}$$

$$(2) \quad g(x) = \begin{cases} x+3 & x \geq 1 \\ x^2 - 1 & x < 1. \end{cases}$$

$$(3) \quad \varphi(x) = \begin{cases} -4x^2 & -3 \leq x < 0 \\ x & 0 < x \leq 4 \\ \frac{x^2}{4} & x > 4. \end{cases}$$

专业_____ 班级_____ 学号_____ 姓名_____ 成绩_____

习题 1-2

B 组

1. 已知分段函数 $f(x) = \begin{cases} ax & x \geq 1 \\ 5x - 2 & x < 1. \end{cases}$ 并且 $f(1) = 2$, 试求出 a .

2. 已知分段函数为 $f(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ 0 & x = 0 \\ -1 & x < 0. \end{cases}$ 求出 $f(x+1)$.

3. $f(x+1) = \begin{cases} x^2 & 0 \leq x \leq 1 \\ 2x & 1 < x \leq 2. \end{cases}$ 求出 $f(x)$.

4. 将函数 $f(x) = 5 - |2x - 1|$ 用分段函数形式表示, 并且作出函数的图像.

5. 作出分段函数 $f(x) = \begin{cases} \sqrt{1-x^2} & |x| \leq 1 \\ x-1 & 1 < |x| < 2 \end{cases}$ 的图像.

6. 分段函数 $g(x) = \begin{cases} x+3 & x \geq 1 \\ x^2-1 & x < 1. \end{cases}$ 试求出 $g(x-1)$.

专业_____班级_____学号_____姓名_____成绩_____

习题 1-3

A 组

1. 设函数 $y = f(x)$ 的定义域为 D , 若 $x \in D$, 总有 $-x \in D$ 且 $f(-x) = f(x)$, 那么函数 $y = f(x)$ 叫做偶函数. 显然, 偶函数 $y = f(x)$ 的图像关于 _____ 对称.

2. 设函数 $y = f(x)$ 的定义域为 D , 若 $x \in D$, 总有 $-x \in D$ 且 $f(-x) = -f(x)$, 那么函数 $y = f(x)$ 叫做奇函数. 显然, 奇函数 $y = f(x)$ 的图像关于 _____ 对称.

3. 设函数 $y = f(x)$ 在区间 (a, b) 内有定义. 对区间 (a, b) 内的任意两点 x_1, x_2 , 当 $x_1 < x_2$ 时, 若有 _____, 则称函数 $y = f(x)$ 在区间 (a, b) 内单调增加(单调递增); 当 $x_1 < x_2$ 时, 若有 _____, 则称函数 $y = f(x)$ 在区间 (a, b) 内单调减少(单调递减).

4. 定义: 对于函数 $y = f(x)$, 如果存在正的常数 T , 使得 $f(x) = f(x+T)$ 恒成立, 则称此函数为周期函数. 满足这个等式的 _____ T , 称为函数的周期.

5. 定义: 设函数 $y = f(x)$ 在区间 (a, b) 内有定义((a, b) 可以是函数 $y = f(x)$ 的整个定义域, 也可以是定义域的一部分). 如果存在一个正数 M , 对于所有的 $x \in (a, b)$, 恒有 _____, 则称函数 $f(x)$ 在 (a, b) 内有界. 如果不存在这样的正数 M , 则称函数 $f(x)$ 在 (a, b) 内 _____.

6. 判断函数的奇偶性(a 为常数):

$$(1) f(x) = \frac{|x|}{x}; \quad (2) g(x) = xa^x;$$

$$(3) m(x) = 2^x; \quad (4) n(x) = \frac{a^x + a^{-x}}{2}.$$

$$(5) p(x) = x + \sin x; \quad (6) q(x) = x^2 \cos x.$$

7. 求证下列函数的单调性：

(1) $y = x + 3$ 在定义域上单调增加；

(2) $y = 2^{-x}$ 在定义域上单调减少。

8. 求出下列函数的周期：

$$(1) y = 2\sin\left(4x - \frac{5\pi}{11}\right);$$

$$(2) y = 4\cos\left(3x - \frac{3\pi}{5}\right);$$

$$(3) y = 10\tan\left(4x + \frac{\pi}{3}\right);$$

$$(4) y = \sin x + 2\cos\left(4x - \frac{5\pi}{11}\right).$$

9. 判断下列函数是否有界：

$$(1) y = 2\sin\left(4x - \frac{5\pi}{11}\right);$$

$$(2) y = \sin x + 2\cos\left(4x - \frac{5\pi}{11}\right).$$

$$(3) f(x) = e^{-\frac{x^2}{2}};$$

$$(4) f(x) = 4x^3 + x.$$