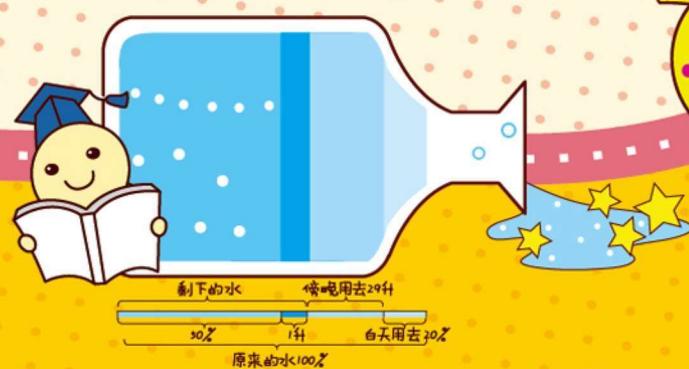


探究式学习 专题式训练 家教式辅导

教育部新课标

小学数学

从满分为 到满分优



(六年级+小升初)

丛书主编◎洪劲松

本册主编◎黄斌

教育部新课标



小学数学

从满分为 到零分

(六年级+小升初)

丛书主编 ◎ 洪劲松

本册主编 ◎ 黄 斌

编 委 会 ◎ 黄 斌 赵 彦 季锦燕

洪劲松 王建生 高丽惠

张陈伟 洪海强 张友英

张继新 陈玉美 张陈勇



华东理工大学出版社

· 上海 ·

图书在版编目 (CIP) 数据

小学数学 : 从满分到培优 (六年级 + 小升初) / 黄斌本册主编 .
— 上海 : 华东理工大学出版社 , 2013.4

ISBN 978-7-5628-3504-2

I. ①小… II. ①黄… III. ①小学数学课 - 教学参考资料
IV. ① G624

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2013) 第 051195 号

小学数学：从满分到培优（六年级+小升初）

丛书主编 / 洪劲松

本册主编 / 黄 斌

责任编辑 / 郭 艳

责任校对 / 李 眯

封面设计 / 戚亮轩

出版发行 / 华东理工大学出版社有限公司

地 址 : 上海市梅陇路 130 号 , 200237

电 话 : (021) 64250306 (营销部)

(021) 64252174 (编辑室)

传 真 : (021) 64252707

网 址 : press.ecust.edu.cn

印 刷 / 江苏南通印刷总厂有限公司

开 本 / 787 mm × 1092 mm 1/16

印 张 / 13

字 数 / 330 千字

版 次 / 2013 年 4 月第 1 版

印 次 / 2013 年 4 月第 1 次

书 号 / ISBN 978-7-5628-3504-2

定 价 / 28.80 元

联系我们 : 电子邮箱 press@ecust.edu.cn

官方微博 e.weibo.com/ecustpress

<http://shop61951206.taobao.com>



编者的话

当你走进书店，关于奥数和数学培优的读物可谓铺天盖地、层出不穷，那么到底什么样的培优辅导书真正适合小学生使用呢？为此，在广泛征求广大教师、家长和学生的意见后，我们结合教育部颁发的新课标，着眼于儿童心理特点和学习特点，博览群书，系统梳理了小学阶段的数学知识点和数学思维方法。为使精心策划与构思得以充分体现，我们邀请各地名师精心编写了这套《从满分到培优》系列丛书，作为一套完全覆盖小学阶段各种版本的数学培优教材，它适合大部分小学生阅读。此书不但是课本知识的提高，更是知识的活学活用。

本丛书共有6册，每册由18课组成，每一课为一个专题，可全学年使用。值得一提的是，我们编写的时候充分整合了各个版本的重要内容，所以在阅读时要看清目录，可以跳跃式地学习。其中，每一课的内容由浅入深，循序渐进，螺旋上升，共分为以下五大板块。

必备知识点 整理了每一专题的知识要点，帮助学生理清要点，主动建构，扫清盲区，必要时背一背、记一记，大有裨益。

重点、难点、易错点 帮助学生明白孰轻孰重，哪些知识点容易出错，以便早做准备，提前思考，重点关注，力争事半功倍。

名校考题重现 站在各地名校考试前沿，领略各地考题的无限风光，使学生更加自信、从容应对考试。

权威竞赛题重现 展示国内外的经典奥数题，让学生感受到奥数并非遥不可及，使其开阔视野，拓展思维，信心倍增。

智慧题库 从“满分”和“培优”两个层次设计题目，巩固课本重点知识，让学生融会贯通，驾轻就熟，从满分生变成数学高手。

当然，没有最好，只有更好！如若书中有不足之处，敬请读者朋友批评指正。

目 录

第1课 确定位置	1
第2课 长方体和正方体	8
第3课 分数乘法	16
第4课 分数除法	24
第5课 列方程解应用题	34
第6课 百分数的认识和应用	43
第7课 统计与可能性	52
第8课 解决问题的策略(一) : 替换与假设	62
第9课 数学广角: 抽屉原理	72
第10课 圆柱和圆锥(一)	80
第11课 圆柱和圆锥(二)	90
第12课 比例	98
第13课 正反比例	106
第14课 解决问题的策略(二) : 转化	114
第15课 总复习(一) : 数与代数	124
第16课 总复习(二) : 几何与图形	135
第17课 总复习(三) : 统计与概率	145
第18课 总复习(四) : 综合运用	155
参考答案与详解	166



第1课 确定位置



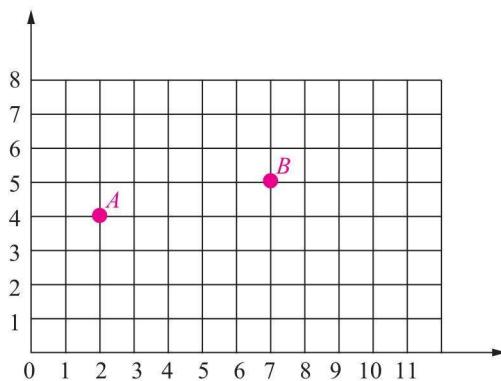
必备知识点

① 基本概念

(1) 在用数对确定位置时, 我们规定: 竖排叫做列, 横排叫做行。一般从左往右数确定第几列, 从前往后数确定第几行。

(2) 数对的写法: 第一个数表示第几列, 第二个数表示第几行, 两个数中间用逗号隔开, 外面加上小括号。

(3) 举例, 如下图所示。



A 的位置用数对(2,4)表示, B 的位置用数对(7,5)表示。



重点、难点、易错点

① 重点

(1) 正确理解数对的意义及其表示方法。

(2) 灵活运用数对表示点的位置, 并能根据数对在图上描出相对应的点。

② 难点

(1) 根据条件找到相对应的点, 并用数对表示。

(2) 如何用一个数对表示在同一条直线上的点。

③ 易错点

易错一: 把列写在后, 行写在前。

易错二: 写出一个点的相邻点的数对。

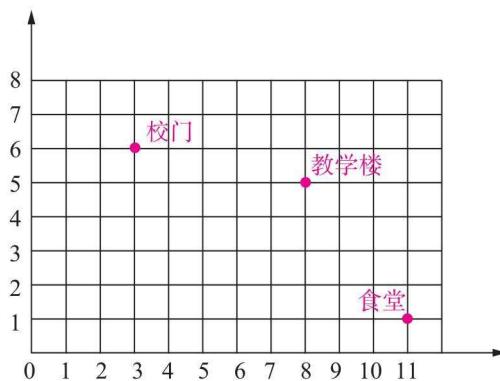
易错三: 根据数对, 求出点与点之间的距离。



名校考题重现

【江苏南通·通州区实验小学】下图中每一格代表 10 米。

- (1) 分别用数对表示出校门、教学楼、食堂的位置。
- (2) 已知图书馆在校门正南 40 米处,用数对表示图书馆的位置。

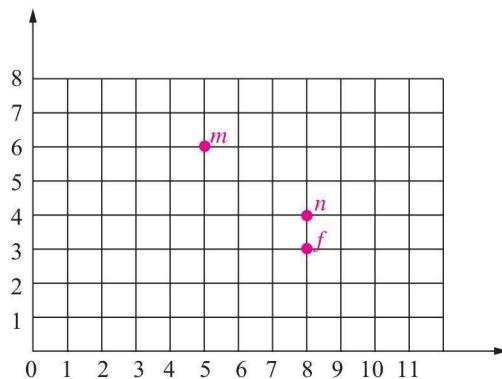


【思路点拨】(1) 校门(3,6),教学楼(8,5),食堂(11,1)。(2) 图书馆(3,2)。

【特别提示】注意在写数对时,先写列再写行。第(2)题中“图书馆在校门正南 40 米”,也就是说在校门正下方 4 格处, $6 - 4 = 2$,所以是(3,2)。

【辽宁·丹东市实验小学】 m 表示小明的位置, n 表示小乐的位置, f 表示小芳的位置。

- (1) 小明的位置用数对表示是()。
- (2) 小乐的位置是第()列第()个。
- (3) 小芳东面的相邻同学的座位表示为()。

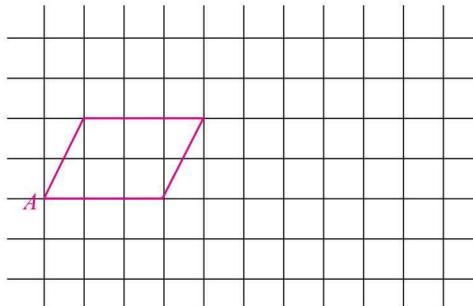


【思路点拨】(1) (5,6)。(2) 第 8 列第 4 个。(3) (9,3)。

【特别提示】第(3)题稍难,东面在平面图上指的是右边,在 f 点的右边一列是 9,所以应该是(9,3)。



【吉林·白山市实验小学】如下图,一个平行四边形A点的位置如果是(3,5),把这个平行四边形先向右平移5格,再向下平移2格后,A点的位置在哪里?



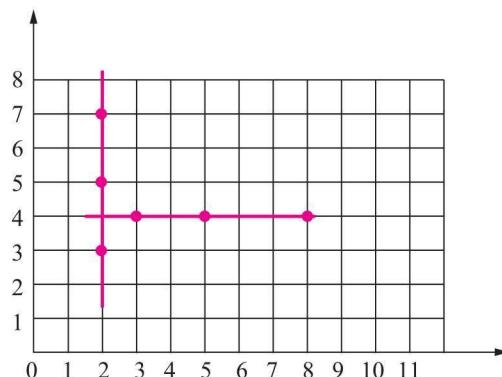
【思路点拨】 $3 + 5 = 8, 5 - 2 = 3$ 。答: 平移后A点的位置在(8,3)。

【特别提示】本题难就难在整个图中数对没有完全标出来。本题有两种方法。方法一:根据A点的位置是(3,5),把整个图的数对标出来;方法二:因为A点在(3,5)处,向右平移5格的话,行不变,列增加5,为 $3 + 5 = 8$,向下平移2格的话,列不变仍为8,行减少2,为 $5 - 2 = 3$ 。所以A点的位置在(8,3)。

【江苏·海门市实验小学】下列哪些数对在一条直线上?

(2,3) (3,4) (2,5) (2,7) (5,4) (8,4)

【思路点拨】把这些点在图上标出来就一目了然了。(2,3)、(2,5)和(2,7)在一条直线上,(3,4)、(5,4)和(8,4)在一条直线上。



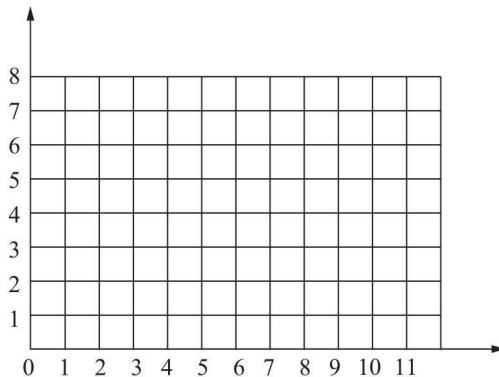
【特别提示】本题得出这样的结论:当点的数对中表示列的数一样,它们就在同一列上,当表示行的数一样,它们就在同一行上。如(x,3)的点都在第3行上,而(3,y)的点都在第3列上。



考点巩固

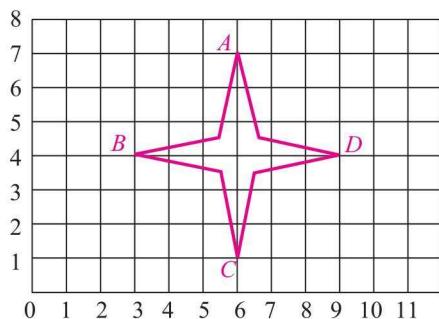
1. 根据数对在下图中画一个三角形，并说说这个三角形是怎样的三角形。

$A(2, 2), B(8, 2), C(5, 4)$



第1题图

2. 请写出下图中 A 、 B 、 C 、 D 点的数对。



第2题图

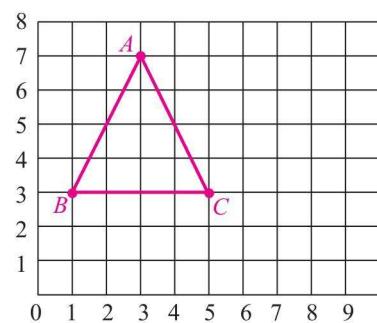
3. 下面是某校教学大楼的平面位置示意图，以层数为行，每层的教室为列。

五(3)	六(1)	六(2)	六(3)	音乐室	舞蹈室
四(1)	四(2)	四(3)	四(4)	五(1)	五(2)
三(3)	三(4)	三(1)	三(2)	三(3)	三(4)
二(1)	二(2)	二(3)	二(4)	二(1)	二(2)

- (1) 用数对表示二年级各班的位置。
 (2) 用数对表示音乐室和四(2)班的位置。
 (3) 哪几个班的位置表示列的数字与表示行的数字相同？

4. 右图中每个方格的边长表示 1 厘米。

- (1) 用数对表示点 A 、 B 、 C 的位置。
 (2) 计算三角形的面积。



第4题图

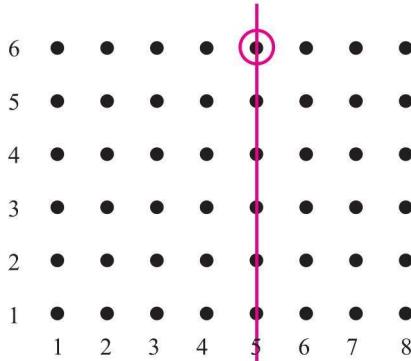


权威竞赛题重现

【《小学生数学报》数学邀请赛】五年级(3)班有48名同学,平均分成8列,每一列为一小组,则在第5列的最后一名同学的位置用数对表示是(),与他同一小组的同学的位置用数对表示时其特点是()。

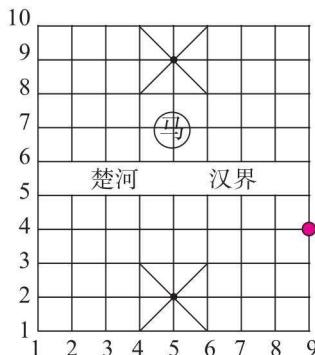
【思路点拨】 $48 \div 8 = 6$ (排), 第5列的最后一名同学, 即在第5列的第6行, 所以数对是(5, 6); 与他同一小组的同学在同一列上, 所以表示列的数都是5, 而表示行的数分别是1、2、3、4、5、6, 所以与他同一小组的同学位置用数对表示时其特点是(5, x)。

【特别提示】 画出如下示意图。



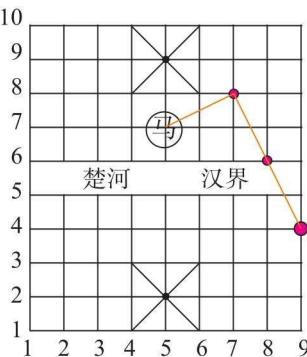
第5列最后一名同学就是图中画圈处, 和他在同一小组的是图中直线上的所有点。

【长沙市小学生能力选拔赛】下图中从“马”的位置要想走到(9, 4)的位置, 要走几步? 分别是哪几步?



【思路点拨】 注意每一步都跳“曰”字, 所以共要走三步, 第一步走到(7, 8), 第二步走到(8, 6), 第三步走到(9, 4)。

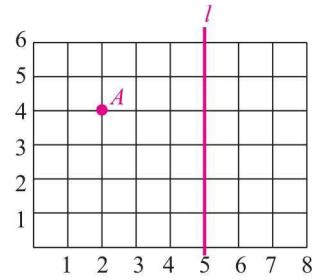
【特别提示】 画出如右侧示意图。





培优训练

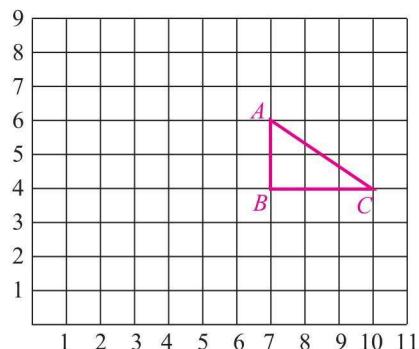
1. 下面右图中,直线 l 经过第 5 列,点 A 数对表示为 $(2, 4)$,另有一个点 B 与点 A 关于直线 l 对称。那么点 B 用数对表示为多少?



第 1 题图

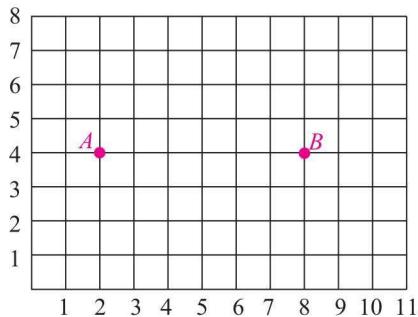
2. (1) 用数对表示图中三角形三个顶点 A 、 B 、 C 的位置。

- (2) 向左平移三角形 ABC 到三角形 $A_1B_1C_1$ 处,点 B 平移后的位置是 $B_1(x, y)$,且 x, y 符合方程 $3x + y = 13$ 。请画出平移后三角形的位置。



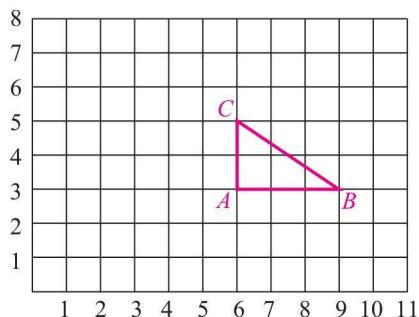
第 2 题图

3. 已知点 A 用数对表示是 $(2, 4)$,点 B 用数对表示是 $(8, 4)$,又知点 A 和点 B 关于直线 l 对称。那么点 $C(3, 2)$ 关于直线 l 对称的点,用数对表示是多少?



第 3 题图

4. 如右图所示,一个三角形绕 A 点顺时针旋转 90 度后, B 点位置用数对表示是 $(9, 3)$,那么旋转前点 B 的位置用数对表示是多少?



第 4 题图


智慧题库
【提高题】

1. 某校集合时,六年级(4)班在礼堂中的位置用数对 $(5, y)$ 表示,下列说法正确的是()。

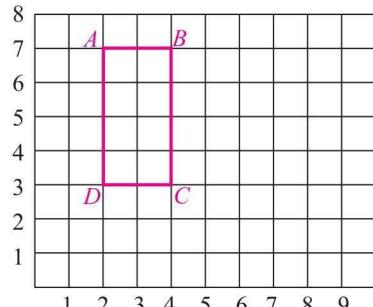
- A 该班在第5行第 y 列 B 该班一定在第5行
C 该班一定在第5列 D 行和列都无法确定

2. (1)用数对表示右图中长方形四个顶点的位置。

$A (\quad), B (\quad), C (\quad), D (\quad)$

(2)把右图中长方形向右平移4格,分别写出四个顶点的位置。

$A (\quad), B (\quad), C (\quad), D (\quad)$



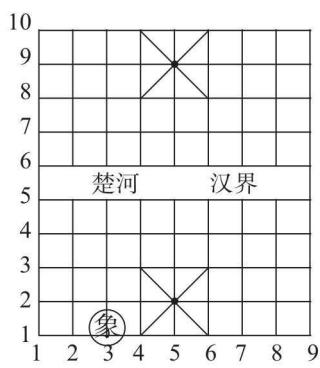
第2题图

3. 在中国象棋的棋盘上(右图),每枚棋子的行进路线都有自己的规则。如马走“日”字,象走“田”字,车走“直线”……那么棋盘上的“马”走一步可以走到哪些位置?

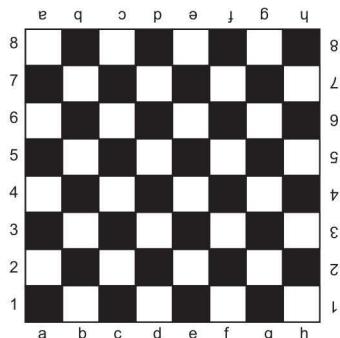
【竞赛题】

1. 象棋规则规定,“象”不能过“楚河 汉界”,请写出图中这个“象”所能到达的位置。

2. 国际象棋的棋盘如图所示,白方的马在 $(g, 1)$ 处,黑方的兵在 $(d, 7)$ 处。请标出它们的位置,黑方的兵要进到 $(d, 5)$ 处,该怎样走?

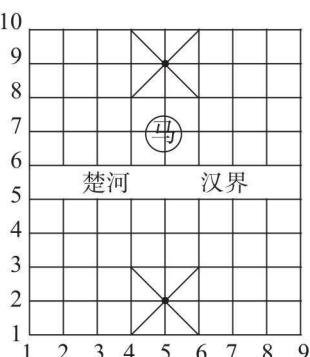


第1题图

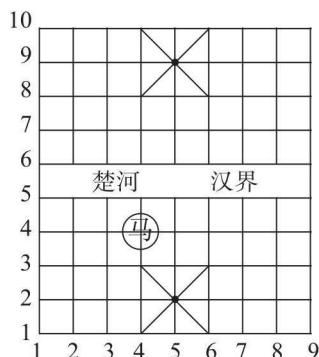


第2题图

3. 象棋规则规定,“马”必须走“日”字,右图中的“马”能不能跳2013步后到 $(8, 8)$ 处?



第3题图



第3题图



第2课 长方体和正方体



必备知识点

① 基本概念

棱:长方体(或正方体)中两个面相交的线叫做棱。

顶点:长方体(或正方体)中三条棱相交的点叫做顶点。

长、宽、高:长方体相交于同一顶点的三条棱的长度,分别叫做它的长、宽、高。(正方体中的长、宽、高统一叫做棱长)。

表面积:长方体(或正方体)6个面的总面积,叫做它们的表面积。

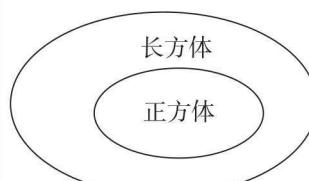
体积:物体所占空间的大小叫做物体的体积。

容积:容器所能容纳物体的体积,叫做这个容器的容积。

② 体积单位和容积单位及它们之间的联系

$$\begin{array}{c} \text{立方厘米} \xrightarrow{\times 1000} \text{立方分米} \xrightarrow{\times 1000} \text{立方米} \\ \parallel \qquad \qquad \parallel \\ \text{毫升} \xrightarrow{\times 1000} \text{升} \end{array}$$

③ 长方体和正方体的特征及其侧面积、表面积、体积(容积)的计算公式

	长方体	正方体
特征	①有6个面,对面相等。(如果有2个面是正方形,另外4个面是相等的长方形。)②有12条棱,相对的棱长相等,棱长总和=(长+宽+高)×4。③有8个顶点	①有6个完全相等的面。②有12条长度都相等的棱,棱长总和=棱长×12。③有8个顶点
侧面积	侧面积=长×高×2+宽×高×2	侧面积=棱长 ² ×4
表面积	表面积=长×高×2+宽×高×2+长×宽×2	表面积=棱长 ² ×6
体积(容积)	体积(容积)=长×宽×高	体积(容积)=棱长 ³
关系	正方体是特殊的长方体 	



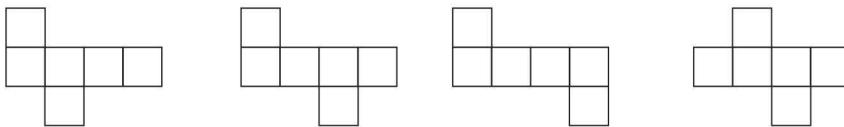
重点、难点、易错点

① 重点

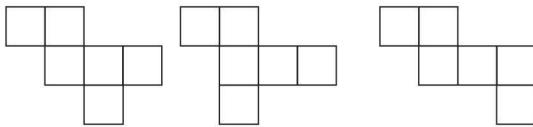
(1) 要非常清楚长方体和正方体的特征。比如长方体中的 12 条棱可以分成三组,分别是 4 条长、4 条宽、4 条高,也可以分成四组,每组中各有 1 条长、1 条宽、1 条高,写成算式为:12 条棱长和 = 4 长 + 4 宽 + 4 高,12 条棱长和 = (长 + 宽 + 高) × 4。

(2) 要对正方体的表面展开图有一个正确的认识,并记住一些常见的展开图。下面是其中常见的一些类型。

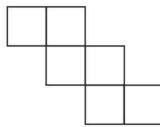
“1 - 4 - 1”型



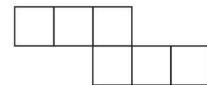
“2 - 3 - 1”型



“2 - 2 - 2”型



“3 - 3”型



(3) 掌握长方体、正方体侧面积、表面积、体积(容积)的计算公式,并能灵活地运用。

② 难点

(1) 正确理解体积与容积之间的区别与联系。对于同一个物体,体积大于容积,在计算体积时从外面测量长、宽、高,计算容积时从里面测量长、宽、高;同时要明确体积单位和容积单位。常用的体积单位有立方厘米、立方分米、立方米,常用的容积单位有升、毫升、立方厘米、立方分米、立方米。这里很多同学可能会认为“立方厘米、立方分米、立方米”不是容积单位,其实是可以的,例如,一个游泳池容积是 320 (),这里填“升”偏小,所以要填立方米。

(2) 在求长方体和正方体的表面积时,并不一定都是 6 个面。例如,给大厅里长方体柱子涂油漆,实际上只要涂前后左右四个面就可以了;再如,给一个无盖的长方体金鱼缸配玻璃,实际上是前、后、左、右、下五个面……

③ 易错点

做这部分内容的题目时会发现有单位不统一的现象,所以一定要看清楚单位。例如,一个长方体长 50 厘米,高 20 厘米,宽 10 厘米,求体积是多少立方分米,要进行单位换算。



名校考题重现

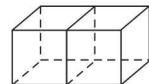
【辽宁·沈阳市实验小学】把两个棱长为1厘米的正方体粘成一个长方体模型,表面再糊上硬纸板,至少要用多少平方厘米的硬纸板?

【思路点拨】由条件“两个棱长为1厘米的正方体粘成一个长方体模型”可知这个长方体的长是2厘米,宽是1厘米,高是1厘米,所以就可以求出这个长方体的表面积了。

$$(2 \times 1 + 2 \times 1 + 1 \times 1) \times 2 = 10 \text{ (平方厘米)}$$

答: 至少要用10平方厘米的硬纸板。

【特别提示】本题我们可以画如右图所示的示意图。从图中我们发现所拼成的长方体的表面中正好包含了10个小正方形的面积。而一个小正方形面积是1平方厘米,所以长方体的表面积是10平方厘米。



【江苏·如皋实验小学】一个长方体的盒子,从里面量,长8分米、宽5分米、高4分米。如果把棱长2分米的正方体木块放到这个盒子里,最多能放多少个?

【思路点拨】沿着长方体盒子的长可以摆4个($8 \div 2$),沿着长方体盒子的宽只能摆2行($5 \div 2 = 2 \cdots \cdots 1$),沿着长方体盒子的高可以摆2层($4 \div 2$),所以一共可以摆 $4 \times 2 \times 2 = 16$ (个)。答: 最多能放16个。

【特别提示】本题很容易被错解为:用长方体盒子的体积直接除以小正方体的体积,即 $8 \times 5 \times 4 \div (2 \times 2 \times 2) = 20$ (个)。这种解法错误的原因在于,沿着长方体盒子的宽放正方体,不能正好得到整数个,多余的1分米不能再放下棱长为2分米的正方体的盒子。

【福建·厦门实验小学】公园里有5根长方体的柱子,底面长80厘米、宽40厘米,高3米。给这些柱子的表面涂上新的油漆,按每平方米用油漆0.5千克计算,涂这5根柱子一共需要多少千克油漆?

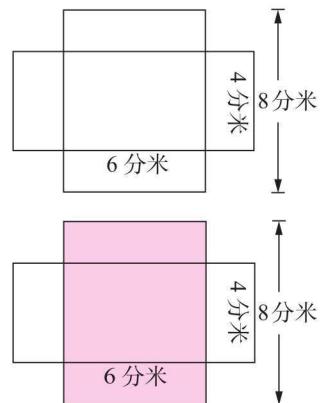
【思路点拨】先求出一个长方体需要涂多少平方米油漆。 $80 \text{ 厘米} = 0.8 \text{ 米}$, $40 \text{ 厘米} = 0.4 \text{ 米}$, $0.8 \times 0.4 + 0.8 \times 3 \times 2 + 0.4 \times 3 \times 2 = 7.52$ (平方米)。再求出这5根柱子一共需要涂油漆多少平方米, $7.52 \times 5 = 37.6$ (平方米),最后求出油漆的千克数, $37.6 \times 0.5 = 18.8$ (千克)。答: 一共需要18.8千克油漆。

【特别提示】本题有三点提示:一是单位不统一,长和宽的单位都是“厘米”,而高的单位是“米”;二是给广场上的长方体柱子表面涂油漆的话,应该是涂前、后、左、右、上这五个面;三是求长方体的侧面积除了用“前面+后面+左面+右面”外,还可以用“底面周长×高”来计算。

【广东·珠海市斗门区实验小学】李师傅根据如右图所示的图纸做了一个无盖铁皮盒,他至少要用多少平方分米的铁皮?

【思路点拨】要求这个铁皮盒用了多少铁皮,首先要知道这个长方体盒子的长、宽、高。从图中可知,长是6分米,宽是4分米,关键是求出高是多少分米。 $(8 - 4) \div 2 = 2$ (分米),所以铁皮的面积是 $6 \times 2 \times 2 + 4 \times 2 \times 2 + 6 \times 4 = 64$ (平方分米)。答: 他至少要用64平方分米的铁皮。

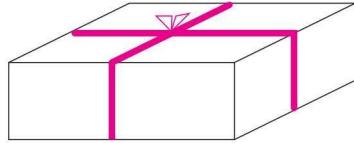
【特别提示】本题还有一种解法,我们把铁皮的面积分成三部分,见右图,阴影部分是一个长8分米、宽6分米的长方形,另外两个是长4分米、宽2分米的小长方形。所以列式为 $8 \times 6 + 2 \times 4 \times 2 = 64$ (平方分米)。





考点巩固

1. 如右图所示为一个长方体的礼品盒(长和宽都是4分米,高是2分米),如果用包装带把它捆扎起来,打结处的包装带长20厘米,最少一共要多少分米的包装带?



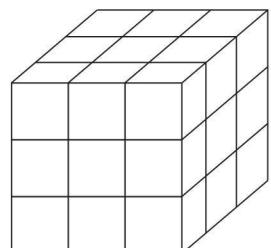
2. 用一根长24分米的铁丝做一个正方体框架,在它的表面粘上一层纸板,至少需要纸板多少平方分米?它的体积是多少立方分米?

3. 一段方钢,长是2米,横截面是一个边长为4厘米的正方形。这段方钢的体积是多少立方厘米?已知1立方厘米的钢重8.8克,那么这段方钢重多少千克?

4. 一个长20厘米、宽10厘米、高24厘米的长方体水槽中装有7厘米深的水,放入一石块后(完全浸入水中)水位上升了5厘米。石块的体积是多少立方厘米?

5. 一个棱长为1分米的正方体,如果从一个顶点处挖掉一个棱长为1厘米的小正方体。那么剩下部分的表面积是多少?

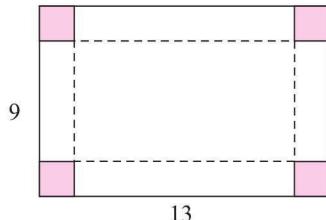
6. 如右图,把一个六面都涂上颜色的正方体木块,切成27块大小相同的小正方体。(1)三个面都涂色的小正方体有多少块? (2)两面涂色的小正方体有多少块? (3)一面涂色的小正方体有多少块?





权威竞赛题重现

【“华罗庚金杯”少年数学邀请赛】如下图所示,从长为13厘米,宽为9厘米的长方形硬纸板的四角去掉边长2厘米的正方形,然后沿虚线折叠成一个长方体容器。这个容器的体积是多少立方厘米?



【思路点拨】本题关键在于想象出折叠成的长方体的长、宽和高。由图可知,长为 $(13 - 2 - 2)$,宽为 $(9 - 2 - 2)$,高是2,所以列出综合算式为:

$$(13 - 2 - 2) \times (9 - 2 - 2) \times 2 = 90 \text{ (立方厘米)}$$

答:这个容器的体积是90立方厘米。

【特别提示】本题容易错误的地方在于:把长计算成 $13 - 2 = 9$ (厘米),宽算成 $9 - 2 = 7$ (厘米)。正确的思路是:折叠成的长方体的长要从13中减去一左一右两个2厘米,同样折叠成的长方体的宽要从9中减去一上一下两个2厘米。

【黑龙江哈尔滨市“未来杯”小学数学竞赛】在一个底面是正方形、棱长都是整分米数、总和为96分米的长方体中,居中打一个底面为正方形、面积为4平方分米的上下直穿的长方体的洞。前后、左右也分别居中打一个长14分米、宽2分米的长方体的洞。这个几何体的表面积是多少平方分米?

【思路点拨】由“棱长总和为96分米”可以推出“长+宽+高= $96 \div 4 = 24$ (分米)”。由“前后、左右也分别居中打一个长14分米、宽2分米的长方体的洞”,可知“高” $\geq 14 + 2 = 16$ 。又因为“居中打一个底面为正方形、面积为4平方分米的上下直穿的长方体的洞”,所以长=宽 $\geq 2 + 2 = 4$,可知高=16,长=宽=4。由此推出表面积是 $14 \times 16 + 2 \times 32 + 1 \times 24 = 312$ (平方分米)。

答:这个几何体的表面积是312平方分米。

【特别提示】本题有两处难点,一是推导出长方体的长、宽、高各是多少;二是在算表面积时要分类算,如右图,A的面积为14,与A相同的部分有16块;B的面积为2,与B相同的部分有32块;C的面积为1,与C相同的部分有24块。

