

各省西學課藝匯海

一

丙

時務新策卷十三

測算

算學致用論

粵自河游神馬圖開八卦之先洛出畫龜書備九疇之用所謂象而後有滋滋而後有數也是以帝皇御世陰

陽研六爻之精爻帝嗣基氣朔啟一元之秘翠鳩受錄元穹漸剖乎天苞白阜呈闢廣衰咸歸乎地紀官稽少晦命五正以

分司紀述高辛序三辰而著眾軒轅纂統益明星氣之占顙頷承權更審重鑿之業幹支分配推筮策于潛龍律呂均調協

和聲于鳴鳳算明錄首高九數之權輿蓋造容成實三家之聲始業精推步兼資稽牧之儀察度蘊鑑分錄義備之廣溯自

皇初逮于中古天算之學星日為昭矣迄乎旁羅麻象四時首定于唐都仰察璇衡七政並齊于虞吐義和分測榮華水短

之差章亥罔行步記廣輪之異治垂神禹握司股以程功術受商高剖圓方而立法正咸甘石就家法之攸分焉相保章亦

職司之各判三代而下六朝以還時憲屢更術元各立邊吏承太初之法崖路墮存孟堅引三統之言規模粗具繪漢書子

鵠統術列諸家修晉志于淳風辨羅諸說借端着策惟大衍之爭推取數張弦獨擅時之首冠大抵初承舊法各違精思情

測驗之日精故推求之漸密觀夫制備落下爰創造乎渾儀錯謂佐公猶代聖夫刻漏日行光道知宿度之宜備月食對衝

識日躔之所在劉洪乾象斗分始覺其太強虞喜安天歲差遂因而立法晦朔並望何承天謀定錄分伏逆遲留張子信推

明緯度類皆鉤深索隱造極詣微代不乏人僕雖更歎耳夫成周設常懸保氏之規炎漢開基猶繫史官之掌鄭經分留

李唐並重宇六科祀典初領趙宋兼崇平五學莫不垂諸令典布在科條欽惟我

聖朝道崇稽古治本右文學究天人

功參造化聰明獨重溯河洛以探源理數兼該寰中西而合撰天山底定新疆呈地理之圖月窺來賓上諭肆天文之業六

儀並設詳瞭望于臺宮四率相求極探研于博士講輪應召由讀學以參微節署譚經合曉人而列博一時珥筆翰毫之士

懷鉛握槧之流靡不並習九章兼明八線或謂窮探要妙洞究淵微無非儒者之兼長究通專門之世守誠而刊偽正謬訂

陞搜遺仍資汲古之功尤重通人之學彼夫五位三所湘閼國于冷矯二首六身核疑年于史趙鄭君國繪稽核算以甄明

杜氏春秋據元而攷正物宜紀曆詳稽夏正之篇翼尚攷工審訂冬官之記他若名存夕桀徵古義于秦高衡著重差徵遺

言于劉序縱橫定位早詳孫子之道經正負無人更見松庭之算例招差煥臺郭邢臺衡仲猶存陳矯會國沈存中筆譚偶

及宣若榮陳答問附圖解而難通唐顧貽書讀天元而難解者哉若夫中西雖判理法無殊稽異地之同符如開門之舍轍

即如天問設問嘗徵載禮之篇地動至形蜃見之說構圖立法稽故謂子靈均蒙義有差證前聞于姜岌以及解皇荀

殷實為三宗之宗度者承弦能賤八線之用對數之誤原比例之相連代數之權亦四元之遞行固不僅借根方之捷法悉

本天元一之遺規也已且夫準繩規矩聖人既竭其心思度量難衡舉世咸遵其執則以故兵刑錢穀瑣屑周知禮樂文章

燐明可紀爐旋乾軸握尺管而全窺鑿柱坤推標寸雖而盡測高深廣遠無非按數以推求曲直方圓凡屬有形而莫遁若夫施之於日用利在民生統小大以兼賅合精粗而畢貫引續重用嘗披管子之書握算持籌曾覽臨川之說劉士安之辨運明察睿推趙廣漢之鉤術稱能莫及以至潮來應月觀騰兔之盈虛氣動生風辨馬牛之順逆與夫砲轟蝴蝶錄熟駕驚雷氣潛通水雷徒發運機輪以遠歟設萬鏡以冥搜更推行之靡窮亦範圍之莫外也矣

借

根方本於立天元一論中述有天元一西法有借根方二者皆虛號為筭之用非筭之體名不同而實則同也中法之天元一始於南宋秦道古數學九章大衍求一術其後李樂城得洞淵九容之說遂衍為測圓海鏡卷一百七十問又增呂益古演段而其式始明郭邢臺授時草朱世傑四元玉鑑諸書即由此而出也有明以來唐荆川顧善漢於古法絕續之文皇然未審迨至我朝筭學昌期集里堂張吉餘李尚之輩起而旨邇大暢顧其始實自梅文穆君之文穆供奉家養齋始知西法之借根方即中法之天元一也借根方西土亦不知其所自始名曰阿爾熱八達自能利諸君入中國其法復自西來聖祖仁皇帝列入數理精誠中而其法始顯厥後散見諸家各有論述迨劉衡李錫蕃輩起而其義乃愈著此天元一借根本流傳之淵源也曷以言借根方本於天元一也根者縛也面之界體之樞如木之有根凡布筭先借一根為所求之物也根與根乘則有方猶元與元乘則有天元之累也根之後有設數猶元之下有太一層也根方之有多少猶天元之有正負也根方必求其等數猶天元必求其同數也是西法之根方似互徵之借根猶中法之天元似盈虧之假令也但天元之布筭分列上下根方之布筭分列左右天元得同數後即用左右相消並入為正負根方得數後復用兩邊加減使歸於簡約為中西之稍異耳然其同為虛號如假數代數以通筭術之窮異而不異也故借根方之本於天元一可以無疑太史公曰疇人子第分離或在夷狄天元之入政羅巴其亦視此也夫

四元相消之理論

四元之書今所存者以元朱漢卿四元玉鑑為最古然四元實由天元所推廣而天元則宋秦道古數學九章元李鍛齊測圓海鏡益古演段郭邢臺授時歷艸皆著其法今並存又唐王孝通解古算經所立諸術多與天元四元所行得者同疑亦據此而作也攷九章算術少廣章曰借一算為法步之是即立天元一所自始顧天元因借一而立然所借止于一用猶未廣故推行為四元而四元法則悉本方程以為用也蓋天元地元即方程之一色二色而今式云式即方程之一行二行故方程多一色須多一行猶元術多一元即多一式四元之相消無異方程之互乘對減方程對減一偏去一名而省一行四元一偏亦去一元而省一式然則對減者方程之轉捲而相消者實四元之闊狭矣天相消原與常法相減無異而理則有殊蓋減則數有大少即有減除之數而消必兩數參差相等消後數有對者汰之無對者列為正負存之故所得必正負相當而等子無數天元四元如是也相消法立一元者演相得等兩如積相消遇零左數消則平亦始與又數等者即又數等子左數之平方根也故以又數自乘即與左數相等因而無必無奇零開方數常不盡故以此通之也或遇左數當以其數除之始與又數等者即又數小于左數若干倍也則以其數乘又數令大若干倍即與左

數相等因如積常不受除故以此通之也兩數既等即消為一行得開方式若立二元者既有兩如積相消而得一式矣然所將二式左右列之以右式最左一行偏乘左方以左式最左一行偏乘右式則二式之最左一行必相同而相消必盡積方程之互乘對減必減去最上一層也知其必盡故不必乘亦不必減所以省算也如是屢乘屢消以消至一行止為開方式若以兩式中左行之數彼大于此若干倍者可以約率求之不必互乘蓋互乘可以齊同今此既小乎彼若干倍則僅若干倍之即與彼齊同矣遇兩式之行數不同如左式三行右式止二行者即以右式移左一行消之其能移左者如以地元一偏乘之也遇層數高下不同者亦然如右式有數在太上一層左式太下一層斯有數可令右式降而從之或以左式升而從之其能任意升降者如以天元一偏除之或偏乘之也若立三元則可任意升降而不可任意左右蓋地人兩元互相牽制也必消去人元或地元乃可任移左右也立四元則牽制更多升降左右均所不能必消去天元或物元乃可升降消去人元或地元乃可左右也故三元四元之法遇行數層數不齊者必用剔消法取之剔消之理因各式之數既正負相當則任以一數乘之或除之其相當固不變即其數任分為二各自乘相減所得盡相當不變也故三元法遇各式行數多少不齊即將少行之式直剔為二各自乘而相消則數本為元者可增而為面體即多乘方可與多行之式相消矣四元法遇各式行數層數均不齊者則直剔一式使少行又橫剔一式使少層增為多層亦可與多行多層者相消矣至萬法天物相乘地人相乘得數皆紀于天體中式中有此則視其由何數相乘而得者即以其數除而去之若不覺除則乘他法以齊之凡此皆不得過分齊同之義而能盡相消之用者也

正負相當等於無數乘之除之或自乘開方或剔乘相消

法以齊之凡此皆不得過分齊同之義而能盡相消之用者也

必仍相當而等子無數作者以此釋相消之理良由於四元代數貫徹純就故能語必破的

楊子雲難益天八事以通渾天說 鳴呼測天之法渺矣深矣非造其精微不能明其底蘊矣古之言天者有宣夜有穹天有

方天有安天有軒天有步天惟蓋天渾天最古蓋天者後世不能悟其理寔至哀微渾天者歷家皆能造其精遂成美備胡蓋天以宗渾天固不獨揚子雲也而子雲更難蓋天以通渾天所謂八事者一曰日之東行猶黃道畫中規牽牛距北極並百一十度東井距北極南七十度并百八十度周之徑一二十八宿周天當五百四十度今三百六十度何也二曰春秋分之日出在卯入在酉而盡漏五十刻即天蓋轉夜當倍晝今夜亦五十刻何也三曰日入而星見日出而不見即斗下見日短故見有多少何也六日大至高也地至卑也日託天而旋可謂至高縱人目可奪水與景不可奪今從高山上以水望日長日出水下景上行何也七曰視物近則大遠則小今日與北斗近我而小遠我而大何也八曰視蓋樞與車輻間近轂轂即密益遠蓋疏今北極為天轂轂二十八宿為天轂輻以星度度天南方次地星間當數倍今交密何也凡此八事蓋天動多

達失若渾天可候往歲宜故揚子不能已於言也雖然揚子亦第泥其迹而未深思其理耳試詳說之今夫蓋天渾度寫於平面旁闊與仰測殊致斜望與正視異觀形有運矩度有密疏非研宗窮究其理不明不明故能造其器亦即不能盡其用若渾天其制渾圓其度分均故其理易明即其器易盡揚子所由難蓋天以通渾天也不知蓋天渾天一而二二而一者也則繪像也渾大則塑像也總一天即總一周天之度豈有二法難之者第泥其迹而不深思其理無當也且以今觀之中西法源流固同矣而中法即渾天之制西法即蓋天之造中西既無所殊渾蓋又何所異故觀其合西法之處而知蓋天之理固無難也如蓋天即周髀其言七衡也曰北極之下不生萬物北極左右夏有不釋之冰中衡左右冬有不死之草至殺一歲再熟凡北極之左右物有朝生暮殺此即西法以地緯度分寒燠五帶晝夜長短各處不同之說也其說固與天道甚合而無庸難也其言晝夜也曰日行極北北方日中南方夜半日行極東方日中西方夜半日行極南南方日中北方夜半日行極西西方日中東方夜半晝夜易處如四時相及此又西人地有經度以論時刻早晚之法也實無差誤而無庸難也利瑪竇所撰測量法義多出蓋天法中其書言言器即蓋天之矩次言景景有倒正即蓋天之仰矩復矩次設十五題以明測望高深廣遠之法即蓋天之知高知遠知深是蓋天之包蘊甚廣而又何難也西洋簡平儀以平圖測渾圓是亦蓋天若北極為天頂即知其地之能以半年為晝半年為夜而物有朝生暮殺凡蓋天所言皆可知之然則簡平之度即蓋天天中之一器也其法一歲中日道發南啟北之行可知寒暑進退之節晝夜承矩之故可以用太陽高度測各地北極出地即可用北極出地求太陽逐日之高度推極其變而置赤道為天頂即知其地方之一年兩度暑寒而三百六日中夜晝皆平若北極為天頂其赤道以外漸次漸窄赤道以南星宿並取其距赤道遠近求其經緯度數而圖之至於南距赤道甚遠不可見星之處亦可空之於是兩器相合即周星象俱全備而無遺矣以故不知者因其極南無星遂妄謂其周不合制當為半渾圓而空其中則於高明下覆之形體相似矣乃於其空接經緯度數以寫周天星宿皆宛轉而曲肖矣是則必北極為中心赤道邊際其赤道以外漸次漸窄赤道以南星宿並取其距赤道遠近求其經緯度數而圖之至於南距赤道無當西人能探其微而蓋天之善乃始著至渾天之法亦歷代所相沿在精於天算者原視渾天蓋天為一律初不區而二道也何道也絜矩之道也首先聖垂經格致誠正修齊治平豈鮮窮神達化精微元理而乃近取諸舉於度其亦知絕圓而不過曲成而不遺道無遺此也常儀更區而後周髀宣夜代有傳人久禁重差推與絕氣海島一術斯道大光三角八綫厥議咸備測算至此美矣茂矣歲以加矣事有同倫物有同形知彼知已用胡弟勝遇白守其累觀而知其心是之謂絜矩之

情向限用算皆以小角限比大角限無論高兩角相交而綫相比一從一橫各量其高必自單行遠必自邇是之謂繫矩之理又郭子指涉輒平得四率歸此皆出於此也同句廣以三股修以四五日徑過道在折櫓推而行約而取是之謂繫矩之體僅以望高直以正絕卦以知遠覆以測深可以靜可以動可以橫可以縱是之謂繫矩之用強夫取正弧背取側曲綫直橫兩不相合通之以割圓驗之以實測是之謂繫矩之邊仰曉無極眼晉精絕秀望遠道山黃而青俛暮于仰谷縮而深非繫矩以通之則斯造窮矣夫策者五常之本末六數之綱紀窮道德之理究性命之源立規矩準方圓謹法度約尺寸剖豪釐析毫黍塵億載而不朽施八極而無疆於乎聖人所以治國平天下不外乎繫矩也句股之用本大學中傳如此信卑小儒動謂算博士於庠序又惡得而知之

周髀經與西法平弧三角相近說 周髀之法以直邊求直邊復以直邊求弦邊平三角之法以弦度求直邊其實同而異異而同也故曰相近何言之周髀經之測器純乎周矩如平矩則以正規矣但矩則以測深矣卦矩則以知遠矣環矩則以為圓與合規則以為方矣夫用矩測望即勾股相求法也此以直邊求直邊之說一也其測天也表長八尺夏至之日晷一尺六寸又曰正南半里向一人五十正北千里勾一尺七寸夫南北千里皆邊也而一人五寸一尺七寸亦邊此以直邊求直邊之說二也其立算也以圓圖一尺應天一度游歷於八尺之上故知半八度夫表尺為直數而天度則弧度也此以直邊求弦邊之說三也何言乎相近夫平弧三角皆由割圓八線而生而周髀則伸圓之周而為勾股方之周而為股勾股與三角真最相近者其說更有五句股以邊求邊然多以正角立法是未嘗舍角而求邊也三角以角求邊然以三邊三角互求亦未嘗舍邊而求角也其相近者一勾股以三邊相乘三角亦以三邊相比例有時勾股難而三角易者有時三角難而勾股易者真相近者二勾股方中為圓者謂之圓方圓中為方者謂之方圓三角則有容圓容方之立算其相近者三三角於邊角外尚有八線足以相求其立法不為不密而勾股則三邊之外尚有各較線足以互考其立法未始為疎其相近者四三角類八線為用勾股寫表於矩度而為用其相近者五規之從古言天者三家曰周髀曰宣夜曰渾天其言天體者雖殊其所以言天算者類皆相近故勾股三角之法尚並行於世西法測量繪圖即晉裴秀制圖六體解 华西繪地之法雖殊而以周天弧度為宗則一也周弧有西法則以周天三百六十一十八分江西之南昌偏西三十七分浙江之杭州偏東三度三十九分三秒福建之福州偏東三度山東之濟南偏東四十一分廣東之廣州偏西三度三十三分以緯度而言盛京之奉天偏東七度十三分直線之保定偏西三十五分三秒江蘇之江甯偏西二度二度四分江西之南昌北線二十八度三十七分浙江之杭州北線三十度十七分福建之福州二十六度三分山東之

濟南北線三十六度四十五分三秒庚東之廣州北線二十三度一十一分此各省經緯之大畧中法則經緯以京師為正線西法經緯則以倫敦為正線其贊皆同故晉書云有圖象而無分率則無以審遠近之差者此也一曰準望準望者所以正彼此之體也其所望者以日月五星及各恒星為準試以南北二省論之譬如北京順天與福建福州此較京師北線三十九度五十五分其冬至太陽高弧以二十七度三十一分為午線又以東西二省論之或京奉天府承德縣經緯偏東七度一十三分甘肅甘州府高臺縣經緯偏西一十六度一十一分而地午線距度實一十六度四十四分承德縣之子正實高臺之己正三刻六分五十五秒反是以上太陽為準望亦可知其地之經緯至於以互見或陰為準望無不同此其準法則見於經書者不勝枚舉其西法見於西書者則以航海通書為最詳其實則中西若合符節故晉書云有分率而無準望雖得於一隅必失於他方者此也一曰道里道里者所以定所由之數而西法既以分度計道里又以分度之外更計道里固歟西與圓分天文地學用兵航海諸家惟航海家所用地圖與諸家微有不同因航海只論方隅遠近不論面積大小而諸家則須面積並求立方積設如由浙江處州嘉善和縣至福建福州之閩縣同在一經度也查雲和縣北線二十八度六分閩縣北線二十六度三分其距離二度九分以距離論相距實七百二十五里以路程攷之實才有餘里故必以道里補距離之窮故晉書云有準望而無道里則施之山海隔絕之地不能相通者此也因曰高下五曰方邪六曰迂直三者因地制宜所以較夷險之異同一山也垂線之銳角愈大則斜度愈平而底線愈鋒垂線之銳角愈小則斜度愈直而底線愈欽同一方邪也割線正則為方周之徑而短割線斜則為圓張客方之徑而長同一路也循矢線則路過狹急周則路遠夫高下異體方邪異勢迂直異形中西繪圖家無不同茲立法故晉書云有道里而無高下方邪迂直之較則徑路之數必與遠近之實相違者此也

測繪與國說 地輿以東西為經南北為緯與天度相應故測地者必先定其經緯焉測經之法定一處為正度中線或用月食時或用四小星掩食木星時兩地互測得其時差化為度分知兩地相距里數測緯之法或用太陽午正高弧或用恒星之之器用勾股者以矩度用三角者以儀器矩度之幕或百分或五十分或百二十分或極心在角或極心在中平盤測廣遠豎立測高深測定之後以倒直二影及斜距分與底線互相乘除而高廣遠邇得馬儀器之式或全圓或半圓或象限或平或豎同於矩度測得度分查八線表以竝切割線及半徑數與底線互相乘除而高廣遠邇亦得馬窓之直影之度即八線之餘切倒影之度即八線之正切矩度儀器無二理也若夫繪圖之法有合地球繪之者有繪一洲一國者有繪一郡一邑者繪全球之式貫南北極焉子午經線平分球面經度三百六十中間畫大圓為赤道南北距極漸近其度漸狹又自赤道距二極為距等圈各九十度為緯度某國在經緯某度依圖繪之其式有三一以子午圓為圓界令正東點或正西點舍於地心如自正東或正西參直處視之謂之正式一以赤道為圓界令北極或南極點合在地心如自北極或南極參直處

視之謂之平式一以地平為圓界令天頂合於地心如人在赤道之或南或北天頂參直處視之謂之斜式此三式俱繪全球之說也若繪一國一洲之圖因其地之方位先定中線中國以順天府為中線英國以格令同次為中線法國以巴黎斯為中線美國以華盛頓為中線畫五洲者俱以中線為準歐洲在緯北三十度七十度之間以五十五度為中緯故畫法先以規尖定緯度立中經馬垂線以對角分微尺度之為圓錐法因其地體與圓球相似故也亞細亞在中國西三十一度半為中經線其地在緯北五度及八十度之間故圓錐與球面交於二十五度及六十度其錐尖在北極以上十二度五十八秒次作經線畫緯北二十五度經度漸狹按分微尺向左右度之各與錐尖處作直線其圖乃成阿非利加地當赤道以赤道為中界赤道南北以緯度作直線赤道處經緯之相距等至緯北南十度經度漸狹按分微尺度之聯作曲線因其地中寬而上下狹也北阿美利加在緯北五度八十度之間而緯北三十度以下甚窄故繪法作圓錐尖於北極以上十度二十分三十四秒而於三十度六十度兩處割繪之然後合以窄處之形其法較準繪南阿美利加者仿此凡繪各國之法可得而推矣此繪各洲之說也至繪一州一邑之圖先測定本處北極出地度及偏於本國本省東西幾度乃於兩處量定一底線測左右前後附近之村莊山嶺得其距離推得里數又以所推得之數屢測屢推漸進遠即得若干正方形若干長方形若干勾股形若干不等邊形用各法推之得各形之積里然後合成一圖凡其山嶺崎嶇水道迂曲縱橫折算以平地直徑為準無不各肖其真形而合其本位焉此繪州縣之說也總之繪一郡一邑之圖易繪一洲一國之圖難繪全地球之圖則尤難蓋地球橢圓形於紙上展作平面而欲合其圓體故其法甚繁若一洲一國較全球為簡而其境內橫互亦數萬里或數千里其地或在赤道間或在二至道或在兩極旁各省其形而繪之則亦未見為易也至一洲一縣雖形體亦各不同而其地較小則繪在紙上無異平面佈置亦易周則尚便於推測耳善學者取數理精謹測量諸法及近日譯天測地繪地法原等書熟讀而融貫之則本理以制器憑器以用法因法以生巧亦易者固易難者亦不難爾

十五萬八千五百五十三尺二極短徑四千一百二十四萬八千九百二十四尺長徑約大於短徑五里有半其兩端一在西經二百有二度二分一在東經七十七度五十五分短徑兩端一在西經十二度五分一在東經一百六十七度五十五分南北極對徑四千一百一十一萬六千尺據人算數互異然無大差此以萬進蓋地之實徑二萬三千里居日徑一百十一有一半之一而月之實徑居地徑一萬之二千七百二十九地之體積六萬三千五百三十九億一千五百九十九萬立方里雖小於日一百三十八萬四千四百七十二倍大於月一千八百六十一萬五千五百二十八倍行星大小可比較也述

四倍地半	徑六千五百六	里	十里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
比十二五十五度	約二	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
三百六十萬里	約六十九萬	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
一百七十七萬里	一百三十萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
一千三十六萬里	一千三十六萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
八十七萬里	八十七萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
一百九十八萬里	一百九十八萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
五百八十九萬里	五百八十九萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
一千四百零九萬里	一千四百零九萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
五百三十二萬里	五百三十二萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
一百六十六萬里	一百六十六萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
五百三十三萬里	五百三十三萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星
五百三十三萬里	五百三十三萬里	里	里	地	木星	金星	水星	火星	土星	天王星	海王星

度數圓數方數表
學家度圓弧又謂之圓數合四象限言也象限云者直角也九十弧也亦即九十度也以三百六十度為三百六十弧是謂之圓數凡百行一度歷四分特是六十分時行十五度一千四百四十分時時百二十一分一行一周天度即依地體而定而地面方積有方數亦曰平方數一行十方寸為一尺十行一百方寸為一方尺三百二十四萬方尺為方里即五百四十畝也述度數圓數方數表

度數
寸十分
尺寸百分
步五尺
丈二步
里百八十丈
度二百里
三百六十度

分六十秒
度六十分
方步二十五方尺
方丈四方步
分六方丈
畝十分

頃百畝
五百四十畝
方里五百四十畝

六度
十二宮三百
頃百畝
五百四十畝

方里五百四十畝

謂天蓋空難者曰晉天文志天轉如磨日月東行而天牽之以西空無據乎坤會者謂天載星轉此于恒星環繞之象似亦近是而實測以日月及諸行星之理則大不然蓋無不有歲差章動差也是以天算家有地轉之定論即可無疑於天空之定論古非無言天空者而知言則解即如晉隋志曰晝夜惟漢秘書郎辟萌記師傳云天丁無質日月眾星自然

浮生虛空之中其行渙氣咸康中虞喜作安天論光曜列布各自運行萬洪濤之曰苟辰宿不麗于天天可吉無稚川可謂知言之遠就言而論鄰虞未為非也而葛不以為是葛亦為是也而晉隋志不以為非千百年來無論定者謂仍証之舊說內經岐伯曰地太虛之中也言太虛也列子天積氣耳無處出氣若屈伸呼吸莊子天門者無有也鶴冠子天者神也地者形也類此可為宣夜家之說之証或問天氣有盡界乎曰難言也量地面氣居海面氣重八之一離地漸高漸清而輕以風雨表測之高千尺氣輕三十之一高萬有六百尺輕三之一高萬八千尺輕二之一謂華野愈輕愈薄高如地徑百之一謂華野已極薄不克生物作無氣論可而較雲厚十之八九謂高不過所謂蒙氣者即氣之發光生差也知蒙氣層出不同而天空說益信

七政高下說問日月五星行天而有高下說始西乎曰否楚辭天問圖則九重後漢崔駰傳九乾注謂天有九重昔陶侃傳天門九重與廣雅九天同漢禮樂志九闕九天之門聞之月在日下蔽日而食者有里差而非恒星最上于地最遠何以月與五星皆掩食恒星也而非月最下何以能掩食五星也而非五星在恒星之下月之上距地各有遠近何以五星各掩也日大于月月小于恒星而視日月大于恒星非以高下分遠近數近地者月也漸遠之星由水而金而日而火而木而土而恒星

地動說說地主動非自西始雖諸子亦能道之如列子曰運轉亡已天地參移曉覺之哉莊子曰天其運乎地其處乎日月其爭乎所爭孰主張是孰綱維是孰居無事推而行是意者其有機械而不得已邪意者其轉運而不能自止邪尸子曰地右闢而起鼎異鷗冠子曰地循理以作進而證之春秋元命苞曰十六引地所以右轉者氣濁精少含陰而起遲故轉迎天佐其道又曰陰右動注動而東也由西轉東之西說基此矣尚書放靈蹕曰十六引地有四游冬至地上北而西三萬里夏至地下南而東復三萬里春秋分則其中矣地恒動不止人不知譬如人在大舟中閉牖而坐舟行不覺也張華博物志亦引之岸動舟不覺動之西說又括此矣或疑違經請與言易坤至靜以德言也不然何言靜又言動與承天時行之旨即萬世中外之宗也地學動而有定者二一為轉不變向一為南北之極不變方位近中國為北極遠為南極而從古至今之緯度固有一變所謂得主有常非與西說天算學之法實本動重學之理何以言之謂地厚豈無盡界否則日月奚由出乎界盡則浮空中不難於動而難于不動一也凡物等重必變如地不動赤道陸必消蝕成正圓非橢圓矣橢圓由動二也几重物有離心力生屬力恒向地心一名地心力亦名向心力有直加有遞加非後何學難輔重學而離心力由地動而生居向心力二百八十九分之一三也陸居四之一而水居四之三地動何以不淺亦猶盛水之器繩懸而轉其四邊水欲起離不能有重力阻之四也欲明地動而人不顛之理亦有重學五也地亦一行星六也天動地不動之舊說按之日月行星真理不符七也而地動有二一為一日自轉一周一為環日一年一周又何以言之日既自轉一周凡二十七日六小時二刻六分又一閏天凡三百六十五日四分日之一非地日一轉何以朝見日東夕見日西也赤道北恒北風南恒南風謂之恆風

非地轉日一何以北輒東北風南輒東南風而赤道無風至地南北輒西南風南輒西北風也惟一星于地平若干度非地一轉何以明日復然也知斯三證所謂尖端動者夫莫疑昌言地環日一年一周也其道樞闢其行自西而東一日而周異一年而日月又異地背日半面為夜向日半面為晝晝夜平分則春秋分時也中國居赤道北當赤道北向日時中國漸燠解而赤道南向日時中國漸寒寒暑若春若秋地斜向日然則四時非地動無以成也譬之二丸環行天空必繞重心日大于地百三十八萬四千四百七十二倍地繞重心即繞日也見物行之遲速與加力之大小為算學平國率而繞行之道輒為樞圓日力吸地視此地小於日故速于日而日轉若不動乎善蘭說天曰證以距日立方與周時平方之比例及恒星之光行差地道半徑視差而地之繞日並信證以彗星軌道雙星相繞多合樞圓而地與日之樞圓益信善蘭算學西人所自取弗如者也其主地動說如此而或疑何異雲龍惜其疑不釋則天算幾何動重學諸書皆不克譽欲述諸學釋例而未遑也輒舉淺近大要而撮錄焉以導之

地球運行說 中法言日動而地不動西法言地動而日不動又有地動天是說也人常疑之而要其所論亦未始不精天之分九重也地為心月天最近日天金星天水星天次之火星天水星天土星天恒星天宗動天次之此時憲之本法曆何以日月天之本輪以地心為心五星天之本輪又以日心為心也蓋時憲不設地球運行之率故分而為二而五星之從日則一也西人測凡星皆有弦望因而知凡星皆借日之光凡星皆借日之光則日為氣陽之宗是宜不動日不動則地球不得不運行而動矣試以法推之赤極之不動以為黃極之不動日天之本輪以為地球之本輪則地與日可以互易矣月天近於地故以地心為心金水星近於日故以日天為天今地日既易其位則日不動可刪日天之本輪而以金水星之均輪升則地心為金水星之本輪地球既動則宜加地球之本輪而以月天之均輪降為月天之均輪則月與金水又可以互易矣故月或入乎地球本輪之中或出乎地球本輪之外日食月食依然如故是理有可通而法無或背猶算數之因乘而法實可以互易也此地球運行之說也西人所謂之書類多簡奧近見測物總論一書亦西士其論天也日為心次曰水星天金星天月星天地星天火星天木星天土星天恒星天宗動天以地與月而概名之曰星則其義愈顯然矣西人疑地之為星而因疑月之為地以遠鏡測之僅見似山海之形而不見人物顧月之說可弗論而地球之運行要可以信也說者謂緯書論地已然有四遊河圖者靈曜杳引而不發然細揆之究有未合亦如借根方出於天元一西譯故云東來法而實不同於天元也然則緯書四遊之說其說此歟

地球地動 參高雲麟戴德孫賀德宗王恭壽文地球之說始自西人其聲有四以為天下至平者水至廣者海今試於海岸用遠鏡遙觀去舟必先見舟隱見旆揚若窺來舟則先見旆旗後見舟船夫舟大桅小人所知也大者易見小者難見又人所知也今乃反之蓋由舟浮水面為地之圓處所蔽故桅雖小轉先見耳其證一也又當明武宗時西洋葡萄牙有人由西駛過大西洋亞墨利加洋西太平洋南洋印度洋小西洋仍回大西洋葡萄牙若地形不圓何能自西往自東還乎其證

二也又赤道北則見北極不見南極赤道南則見南極不見北極若地非圓觀星者安有南北之異其證三也又地影蔽月則月缺惟地體圓則闕盛之蔽月者亦圓若地形方則影亦方矣其證四也中國古書雖未明言地球而周髀所載測日景之法與授時所載測月缺之法實已隱具其理徒以西法言之其可證地圓者四端之外亦尚有三焉一則證以地心之吸力按西洋測地之士言地中含地氣能吸引一切萬物故土石泥沙層層相麗然地心吸物之力其勢必周圍相等若地形為方則地體四方之直線與四角之斜線度數不等吸力安能均平乎二則證以熱道溫道寒道晝夜之長短熱道正當日下日光僅能及其半面故四時晝夜均平溫道以斜面受日光其經度由廣漸狹故日則晝長夜短遠日則晝短夜長而近熱道與近寒道處其晝夜之長短亦差有異若二寒道則其形如倚其經度則由狹而至於無故其晝夜長短之差迥異溫道近二極處至有以半年為晝夜者蓋由近日則日光能照其全故半年皆晝遠日則日光僅及溫道故半年皆夜此時則所由分也使地非如球何以由廣漸狹由平漸倚乎三則證以天地自然之氣如吹水成泡其形皆圓作風氣機方者易毀蓋天形既圓則下降之氣其聚於中心者亦圓氣之聚於中心者既圓則重濁之凝而為地者安得而不圓曾子曰如天圓而地方則是四角之不侔也此以圓之說之最古者若夫尚書考靈曜所云地有四海又與西人天靜地動之說不謀而合然則地球之說豈獨西人知之哉春秋元命苞云天左旋地右動尚書考靈曜云地運動不止而人不知譬如人在大舟中閉牖而坐舟行不覺也河圖括地象云天左動起於牽牛地右動起於畢戶子云天左舒而起牽牛地右闊而起畢昴白處通云天左旋地右周並言地動之明證夫惟圓故能動地球經度自北而南分為五帶其第一帶在晝長晝短三圈之內此帶日輪常行頂上為熱帶第三帶在北極圈與南極圈之內日輪止照半年為寒帶第四五帶在北極晝長二圈之間與南極二圈之間日輪不遠不近為溫帶凡人居亦道之下則終歲之晝夜相均或居赤道以北則夏至之晝漸有十二時之晝有一月之晝居北海之下則有半年之晝往南亦然此據天球以定地球也若再論地珠分大地為五大洲第一亞西亞洲第二歐羅巴洲第三利未亞洲第四亞墨利加洲第五墨瓦爾尼亞洲第六小洲無數總以五大洲該之若論地球之形體兩頭狹而中寬如橄欖然蓋橢圓非渾圓也天之分九重地地滿心月天最近日天金星天水星天次之火星天木星天土星天恒星天宗動天次之此時憲之本法顧何以日月天之本輪以地心為心五星天之本輪又以日心為心也蓋時憲不設地球運行之率故分而為二而五星之從日則一也西人測凡星皆有弦望因而知凡星皆借日之光凡星皆借日之光則日為水陽之宗是宜不動日不動則地球不得不運行而動其兩極之不動以為黃極之不動日天之本輪以為地球之本輪則地與日可以互易矣月天近於地故以地心為心金水星近於日故以日天為天今地日既易其位則日不動可刪日天之本輪而以金水星之均輪升為金水星之本輪地球既動則宜加地球之本輪而以月天之本輪降為月天之均輪則月與金水又可以互易矣故月或入乎地球本輪之中或出乎地球本輪之外日食月食依然如故是理有可通而法無或背猶算數之因乘而法實可以互易也試以水注圓器而高張之則見其中沙土諸物居心者

不易其處近邊者隨水而旋於是遲遠回旋各有其行諸體皆水中一沙土也所不動者惟日耳且以繞日之行道言之水金道在地珠道之內水厯八十七日零而繞日一周金厯二百二十四日零而繞日一周木土火在地珠道之外火六百八十七日而繞日一周木十二年弱土廿九年餘而繞日一周地球之道界於金與火之間故周天之時緩於金而速於火若謂日行而地不行則日體甚大何以周天之時反速於土木火乎此地行而非日行之明證也

風性表說 天地間者皆空氣也氣之所動風即隨之蓋地球外皆空氣包羅空氣者合養氣淡氣而言即中國所謂天地氣蒸之氣也地球隨氣而轉氣為流質一黑略有感動即傳之各處俱不能定而成風矣西厯一千六百四十三年意大利有人名杜利率利者始造一器測空氣之壓力而得其數其法用玻璃管長約四十三寸徑十分寸之二至十分寸之四先用吹火幫其管之一端即將水銀用小漏斗灌入管中再用杯子亦實以水銀乃將指按其管之上口而倒置水銀杯中則管之口在水銀中而指可放去其管內之水銀必有數分落至杯中而所留存之水銀不能落下其高約三十寸名曰水銀柱此水銀柱所受空氣壓力之重正與不用管之水銀柱壓於水銀面之重相等惟因空氣之壓力時有更變故水銀在管中亦時升時降隨之而變觀水銀之升降即知空氣壓力之數是為泰西風性表之祖厥後製造日精益求精有用之航海者有用之開礦者有用之測潮汐者其式不同而其利則一非特可以知風并可以卜雨其用法一以水銀為準設表之水銀上升加速則知天色不定設水銀升空氣燥夏日減熱則知將有北風俟雨已下天乃定晴設水銀升空氣濕且減熱則知將有風雨自北來設水銀停空氣燥今熱得中則知天必久晴如忽然速降則將風雨大作設水銀降空氣加溫且加熱則知有風雨自南來設水銀降時以前數日天晴而暖則知將有雨且有大風西人於此屢驗不爽可謂精於格致矣愚接風之所生因空氣之有冷熱空氣熱則漲而上升即有他處冷氣來補其虛隨補隨升循環不已風有二種自熱處吹向冷處者為高層之風自冷處吹向熱處者為近地面之風熱帶內氣候常熱故氣漲而升南北兩極氣候常冷故風向熱帶吹來至赤道相遇而合仍復上升分向二極蓋由兩極吹向赤道之風名曰恒風亦謂之貿易風上自赤道流向二極下自二極流向赤道遂生上下二潮上潮時若無他故則北半球恒南風南半球恒北風下潮時若無他故則北半球恒北風南半球恒南風而因地球每日自轉風亦隨地而轉下潮近赤道地球緯度之速漸大風不能追及一若退行者也北半球乃變為東北風南半球乃變為東南風赤道左右三十度內恒如此若夫颶風為空氣流行旋轉所致其旋轉之圈甚大有徑二三十里者海船遇之最危險按颶風起處多在熱帶內凡近海島其勢尤猛惟近赤道則反無此風其旋轉之勢在北半球者皆右旋在南半球者皆左旋愈近中樞則風力愈大若已在中樞之內則反覺無風考地球常起颶風處有三一在西印度羣島西北一在中國東南洋間一在印度洋東北其風有定候略最熱時為近來行海者皆能避之即或猝不及備亦能知風之所旋而駛出颶道皆風性表之力也水銀得空氣以為升降空氣之升降由於地球之冷熱冷熱不同風即因之而起人在空氣之中猶魚在水中人四圍受空氣所壓故能脣肉停匀若一離空氣則百脈備張氣喘欲絕令試閉人於

問室四面無空氣呼吸而風亦為之不通人必易於致病故監獄之中每多漫燒西人有空氣管之製抽出空氣則納以鳥獸而立蠻燒以火藥而無光皆其證也而空氣之壓力惟水銀足以驗之故風性表一以水銀為準耳古者有相風之器而無占風之術如相傳黃帝有相風鳥能知四時之候又船家擊雞羽於櫓尾或鷦毛等物以驗風楚人謂之五兩文選占五兩之動靜是也今泰西之測風器即其遺裔又有所謂自記測風器者能將風之方向與壓力在紙上自記之如欲查某年某日某時之風何如則易於稽考蓋置器在高屋之上而另有機器在室中記其方向與壓力以備歷年比較而可據為之防最為有益之用蓋風性表能於風未動之先知其風之所從起測風器能於風既定之後記其風之所由來二者固並行不悖也爰因風性表而論及之

問千歲日至可坐而致試以時憲行上推唐宋上元庚辰年天正冬至日躔何宿何度歲星何宮何度具著於篇

孟子曰苟求其故千歲日至可坐而致為千古麻家開不傳之祕自漢以後造歷者七十餘家疏密互見大抵未能精於求故耳

聖清龍興創造時憲鎔西人之巧算入大統之型模美矣善矣歲以加矣歲用其術推唐宋上元庚辰年天正各至其日躔歲星宿度宮度可得而詳焉

唐武德三年上元庚辰年前天正冬至距康熙麻元甲子一千零六十五年減一年乘歲周三百六十五日二千四百二十分小餘八七五得中積分三十八萬八千六百一十七日六千八百七十五分減氣應七日六千五百六十三分小餘七四九二六得通積分三十八萬八千六百一十日零三百十一分滿紀法六十去之餘五十日零三百十一分轉與紀法六十相減餘九日九千六百八十九分從初日甲子起算至九日為癸酉以一四四乘其餘分得一千三百九十五分以六除之得二十三小時一刻從初時子正起算得癸酉日夜子初一刻為平冬至乃以積年乘歲最革平行得十八度零四分四十一秒置最早應七度十分十秒十微減積年最革得其年最早行十一宮十九度零五分三十秒以減平行得引數初宮十度零五十四分三十秒正弦一八九二四乘本輪半徑三之二本天半徑除之得對角之邊三三九一三倍之得六七八二六又以餘弦九八一九三乘本輪半徑三之二本天半徑除之得對角之邊一七五九六九以減本天半徑得九八二四零三二為一率倍數之邊為二率本天半徑為三率求得四率六九零四一查切線表得均數一十三分四十五秒加於平行以日法通之每日平行除之得五百七十九分以時刻收之得九小時二刻七分以減平冬至得本日未初二刻八分為天正定冬至以積年乘歲差得十五度零四分二十四秒減麻元宿鈴五度五十分日躔斗宿九度十四分二十四秒推歲星宮度以光緒六年庚辰天正冬至平行二宮二十度四十分為根上推武德三年距一千二百六十年以六十年歲星平行餘分一千三百十分用二十一乘之得二萬七千五百十六歸之得四百五十八度三十分收作十五宮八度三分減十二宮餘三宮八度三十分置二宮二十度四十分加全局減之得十一宮十二度十分為武德三年天正冬至歲

星平行度又以六十年最高行五十八分以二十一乘之得一千二百十八分以度收之得二十度十八分以減於光緒六年高行九宮十三度零一分餘八宮二十二度四十三分爲武德三年歲星最高行以減於武德三年歲星平行度得二宮一十九度二十七分爲引數初均減五度十八分三十秒中分二十二分初實行十一宮六度五十一分三十三秒置日躔減之得距日初宮二十三度零八分三十秒次均三度三十三分較分十七分加差六分實次均加三度三十九分得本道實行十一宮十度三十分三十秒於歲差十五度零四分二十四秒內減厤元宿鈴尾十度五十四分得尾四度十分二十四秒八十一宮寅加十度三十分三十秒得歲星實行尾十四度四十分五十四秒又以五諱換算法推之歲星距同治甲子十五大周天大雪心四加周差十五度得尾一小寒尾二加周差十五度得箕二亦推得是日躔十一宮寅尾宿十四度唐貞元十六年上元庚辰年前天正冬至距康熙厤元甲子八百八十五年減一年乘歲周得中積分三十二萬二千八百七十四日零九三七五減氣應七日六五六三得通積分三十二萬二千八百六十六日四三七四五滿紀法六十去之餘六日四三七四五轉與紀法相減餘五十三日五千六百二十五分從初日甲子起算至五十三日爲丁巳以一四四乘其餘分得八百一十分以六除之得十三小時二刻從初時子正起算得丁巳未初二刻爲平冬至以積年乘每歲最卑平行得十五度零一分一秒置最卑得其年最卑行十一宮二十二度零九分以減平行得引數初宮七度五十一分如前法求得對角之邊二六五一〇倍之得五三〇二〇對餘角之邊一七七五二五減半徑得九八二二四七五切線五三八四七均數十七分五十六秒加於平行減時分七小時一刻一分得本日卯正初刻十四分爲天正定冬至以積年乘歲差得十二度三十一分二十四秒減厤元宿鈴五度五十分日躔斗宿六度四十一分二十四秒推歲星實度五十一分如前法求得對角之邊二六五一〇倍之得五三〇二〇對餘角之邊一七七五二五減半徑得九八二二四七五切線五三八四七均數十七分五十六秒加於平行減時分七小時一刻一分得本日卯正初刻十四分爲天正定冬至星最高行如法推得引數四宮二十二度零三分初均減三度二十九分中分五十二分三十秒初實行一宮十四度十一分距日十宮十五度四十九分次均六度二十九分較分三十二分加差二十八分實次均減六度五十七分本道實行一宮零七度十四分於歲差十二度三十一分內減厤元宿鈴女七度二十三分得女五度零八分入一宮子加七度十四分減女十一度四十一分得歲星實行虛初度四十一分又以五諱換算法推之歲星距光緒戊寅十三大周天大雪牛三加宋太平興國五年上元庚辰年前天正冬至距康熙厤元甲子七百零五年減一年乘歲周得中積分二十五萬七千一百三十日零五減氣應得通積分二十五萬七千一百二十二日八四三六滿紀法六十去之餘二十二白八四三六轉與紀法相減餘三十七日一千五百六十四分從初日甲子起算至三十七日爲辛丑以一四四乘其餘分得二百二十五分六除之得三小時三刻從初時子正起算得辛丑日寅初三刻爲平冬至乃以積年乘每歲最卑平行得十一度五十七分

四十一秒置最卑應減積年最卑得其年最卑行十一宮二十五度十二分三十秒以減平行博引數初宮四度四十七分三十秒如前法求得對角之邊一四九七○倍之得二九九四○對餘角之邊一七八五七三減半徑得九八二一四二七一切線三〇四八四均數十分零二十八秒加於平行減時分四小時一刻得庚子日夜子初二刻為天正定冬至以積年乘歲差得九度五十八分二十四秒減麻元宿鈴五度五十分日躔斗宿四度零八分二十四秒推歲星宮度以貞元十六年平行度加六十五度三十分得三宮二十三度十分為太平興國五年天正冬至歲星平行又以貞元十六年高行度加二度五十四分得八宮二十八度三十一分為太平興國五年天正冬至歲星最高行如法推得引數六宮二十四度三十九分初均加二度二十三分中分五十六分四十三秒初實行三宮二十五度三十三分距日八宮零四度二十七分次均十度十五分較分一度零三分加差五十九分實次均減十一度十四分本道實行三宮十四度十九分於歲差九度五十八分內減麻元宿鈴壁四度四十八分得壁五度十分入三宮戊加十四度十九分減壁十三度十七分得歲星實行奎六度十二分又以五緯捷算法推之歲星距光緒壬辰一大周天大雪壁七加周差十一度得奎五小寒壁八加周差十一度得奎六亦推得是日躔三宮戊奎宿六度

宋紹興三十年上元庚辰年前天正冬至距康熙麻元甲子五百二十五年減一年乘歲周得中積分一十九萬一千三百七十九日二四九八十六日九零六二五減氣應得通積分一十九萬一千三百七十九日二四九九滿紀法六十去之餘三十九日二四九九轉與紀法相減得二十日七千五百零一分從初日甲子起算至二十日為甲申以一四四乘其餘分得一千零八十分以六除之得十八小時從初時子正起算得甲申日酉正初刻為平冬至以積年乘每歲最卑平行得八度五十四分一秒置最卑應減積年最卑得最卑行十一宮二十八度十六分以減平行得引數初宮一度四十四分如前法求得對角之邊五五九八倍之得一一九六對餘角之邊一七九一一九減半徑得九八二〇八八一切線一一四〇〇均數三分五十五秒加於平行減時分一小時二刻五分得本日申正一刻十分為天正定冬至以積年乘歲差得七度二十五分二十四秒減麻元宿鈴五度五十分日躔斗一度三十五分二十四秒又推歲星用前法推得天正冬至平行五宮二十八度四十秒高行九宮零一度二十五分引數八宮二十七度十五分初均加五度二十七分中分二十八分三十秒初實行六宮零四度零七分距日五宮二十五度五十三分次均五十六分較分六分三十秒加差三分實次均加五十九分本道實行六宮零五度零六分於歲差七度二十五分內減麻元宿鈴井初度五十五分得井六度三十分入六宮未加五度六分得歲星實行井十一度三十六分又以五緯捷算法推之歲星距光緒丙午九大周天大雪井五加周差九度得井十四小寒井一周差九度得井十度亦推得是日躔六宮未井宿十一度未限

問中歷至授時而法始密大統悉本授時與回歷並行尚不及回歷之精時憲參用西法超軼前代行之數百年始有微差其異同得失可得而言歟

歷法古疏今密良以天久高星辰之遠識忽之差豈能灼見有過千百年始得端倪後人因立新