

皇朝經世文新編

卷十二

皇朝經世文新編卷二十上目錄

論衡

史學

論書數

日本學術志序

日本學術志後序一

日本學術志後序二

日本學術志後序三

算學報四則

學算書談序

總論算法之理

識數之法

論加減乘除開方之用

論看題之法

論馭題之法

論觀書之法

論學算之法

論比例之用

除不學之害 中國除害議二

盛世元音原序

體用

字譜

閻名

何樹齡

黃遵憲

黃遵憲

黃慶澄

華衡芳

徐勤

沈學

沈學

性理

文學

反切

書法

蒙古聲韻表序

日本天文志序

天學新理

上會典館測繪輿圖書

格致淺理

曾點配成萬物說

養生論

美人慳利士比威廉

附
黃遵憲
鄒代鈞

闕名
闕名
闕名
闕名

美人闕

名附

順德蔡仲華是宣輯

學術

文學

詞名

儒者以五年前後之史鏡德北人操作靈頑之質三代以始迄于有明持論不刊行於上下效之集於長淮沿之方是時也震旦儒士銅於見聞雖漢唐史志頗詳葱嶺以西地執國名而風教闢如元代後囊括全亞洲入中原鞭長莫及其時士夫未聞究心印度波斯突厥諸事實以致政俗興衰之迹者本朝大啟宣守風力所屆陸孽水裸而三百來年氣運轉窮易曰窮則變變則通中國之通斷云廟矣而不變而至死不變即變已民議官士彈國萃什伯千萬之儒冠縉披詔以三通廿四史之名能備舉其目者不可多得何論寰球夫弱水求援衣不待解落井下石狠已甘心不先使之洞燭古今中外情形而望其奮起是秦始建於韓俗固亡掩已荀子曰欲觀聖王之迹則於其燭然者矣後王是也謝秋水曰學明理於經而習事於史史於學居十之六而閱厯煅鍊又居其四是故不通中史不知秦漢以來之政治學術或為真源或為孽派經數千百變而靡所底而制度典章文物之頌易其程者尚不在此例不通西史不知歐洲數百年以前世家執權民狃故常士諱空理如西周一千八百七十八年其吉列人既頤於中國永和遺風為近惟彼愈變愈貴中國愈變愈虛合中西諸史勘之竊惑乎日變皇帝之精意者猶經物者烏如術人既頤於中國永和遺風為近惟彼愈變愈貴中國愈變愈虛合中西諸史勘之竊惑乎日變皇帝之精意者猶經

此之殊科詔令奏議之合錄若者為地理遺編若者為職官故事若者沿周官六典之遺若者仿劉氏七略之體夫判析源流固知承前原為史家常例而有志之士尤以單心四民於之原遵襲歷代禮樂兵刑之制能見諸施行者為要務若夫襲宋時而適用之四者史學之宗指也

是故讀歷代正史編年紀傳之錄通古史也。讀國朝東華錄東華續錄熟深聖武記諸書通今史也。讀黃遵憲日本國志王勗法國志略莫維庸大英國志徐景耀俄史輯譯因千位米利堅志沈敦和英法俄德四國志略暨日本固本監輔萬國史天文的慧歐洲志略希臘志略羅馬志略及林樂基嚴良勳李鳳苞四裔編年表王勗普法戰紀林樂基昂瞿來東方交史記林樂基鄭昌模州國歲計政要拿撫摩太秦西新史攬要通西史也。惟是中西文字迥然不侔諸史多經繙譯而成詞意益疏誤所不免是以初學多皆其贅身過人又鄙其妄頃是在儒者平心靜氣以西史之精者與中史參互研究可耳嘗謂從前未有西學華人罕能通史學精史裁而為學者猶不之能能破參以本末得失之底細者十無一二今襲西學之皮毛華人轉欲廢史學無西學史學上有西學文學亡缺極其失旨宜顯獨古今各國政術異同以知強弱存亡之本次考列國源流種類遷徙次列帝王人物中西比較次明合義承別善善知行采環珠大地不能越素主改制精心次表各國和戰機要有關全局者次詳各國古時土番與中國種類名苗斯次消滅之理此从宋明兩清史書其名目亦各列考證唐太宗云以古為鑑可知矣余謂合中西之古以為鑑其收效更何如矣。奉西不立史館蓋報館即其史館也。凡遇開議院時君主臨駕王公大臣暨各議員臨焉無論事之大小各伸其說以剖判是非非報館即書之以傳諸一國布諸五州記有之史載書七載。言其遺意歟故語無忌諱言多實錄視中國之史書為尤足信其推廣新聞紙之多雖至酒樓茶肆往往而有是史館為一國公有之權史學乃四民與知之業且凡地數民數比較多寡人車鐵路電線推算方里貨殖出入頗數以及官制教會學校國計兵數靡勿錄記貶褒與中史各表志例同纂漢書藝文志小說家出稗官如高謂王者欲知閭巷風俗故立稗官以請說之蓋今日之報章即異日之史料政治家格致家律法家胥權衡於此一舉而三善備焉故本報之首史學專門者誠重之也誠慎之也。

論書數

數者宇宙自然之記號也。字者人類特設之記號也。自然之記號一定不易地球可毀諸天世界可滅而一加一則成二句三股四則弦五徑一則圓川一丈一尺又一寸一則斜一丈一尺又一寸舉凡堯其列地之制阿彌熱巴拉之義任他刻劃塵塵千萬變不能另樣畫葫蘆也。特設之記號則隨地而變隨時而變東海有倉頭馬造字如此西海有倉頭馬造字又將如彼此以一大為天者彼或以一圓為天矣此以日生為星者彼或以日沒為星矣論其義彼此皆通論其說彼此不同望文生義果何所終說文文派捕影捉風人不可屢易其名字不可屢破其體記號不可自亂其例如是而已矣字畫之義無足深求而算數之理則不可不深求蓋數者等差之謂也。凡事物不能無等差即不能無數以三為五以五為九近而倫紀必須數馬多算

何樹齡

則勝少算不勝險而軍兵必須數焉他如辨方正位體國經野量地制邑度地居民凡有關係多寡厚薄之調制遠近久暫之
斟酌長短小大之比較濃淡疏密之均衡輕重遲速之安宜以之而開物成務以之而去危就安者下而婦孺上而聖神皆恃
乎數是以古人六歲教之數矣十年就傳學書計矣字由外燭數由心生識十字者不可云括盡宇宙無量字識十數者則可
云括盡宇宙無量數數者族類辨物別嫌明微人之良知也推而致之萬事萬物迎刃而解批郤導窾不見全牛雖根錯節游
刃有餘昧裏理者固固志素如夢如寐不紀不紀無條無理蓋獨幾何家之作證乎數當先馬數當後馬次序秩然聽者不倦
得意忘言相悅以解盡觀代數家之布式平由門而庭由庭而堂由堂而室由室而奧明所未明若撥雲霧胸有萬字錯之線
之參之伍之指事類情或提及頓能使人悲能使人樂能使人喜能使人怒寧之功也胸有十數錯之綜之反之覆之比之倒
之代之借之方圓曲直無所遁形正負陰陽無所遁情數之功也微分積分進而上之精義入神各種曲線動靜重疊互知何
根下而河岳上而星辰緣何而雙曲緣何而拋物緣何而摺行緣何而人豎緣何而獸橫蓮莖何以圓茨莖何以方此皆曲線
之界與重學有相關者也鐵熱億兆度閱歷億兆年或可變為金銅熱億兆度閱歷億兆年或可變為銀六十餘原寶其實歸
于一自有兩端錯綜相感化排列有不同成物自異焉此皆不可以物證而可以數推者也勾三股四弦五若但以精器驗
之則雖離裏之明公輸子之巧亦覺其弦為四九九九九九九耳否則為五〇〇〇〇〇〇〇〇〇〇一耳然豈能因是
而謂其弦為非五耶宇宙間不可以物證而可以數推者此類是也徒以器驗徒以物證人壽幾何掛一漏萬數字數字孰倚
之乎參天者乎兩地者乎軸綫中點其為宇宙之大宗師乎

日本學術志序

外史氏曰余觀周秦間儒者動輒曰孔墨曰儒墨以昌黎大儒推崇孟氏謂不在禹下而亦有孔必用墨墨必用孔之言竊意
墨子之說必有以鼓動天下之人使之尊信者今觀於秦西之教而乃知之矣余考秦西之學其源蓋出於墨子其謂人人有
自王權利則墨子之尚同也其謂愛汝鄰如己則墨子之兼愛也其謂獨尊上帝保汝靈魂則墨子之尊天明鬼也至於機器
之精攻守之能則墨子備攻備突厥爲龍飛之繕餘也而格致之學無不引其端於墨子經上下篇當孟子時天下之言半歸
於墨而其教衍而為七門人鄧陵僕摶之徒且蔓延於天下其入於秦西源流雖不可考而秦西之賢智推衍其說至於今日
而地球萬國行里之道者十居其七距之闊之於二千餘歲之前逮今而駁駁有東來之意嗚呼何其奇也余足迹未至歐洲
又不適其言語文字未由考其詳顧余聞東西之人咸稱秦西者莫不曰其國大政事大征伐皆舉國會議諮詢僉同而後行

其屬賢授能拜爵敘官皆以公選其君臣上下無疾苦不違之隱無雄過不宣之情其人皆樂善好施若醫院若義學若孤獨園林止於國中其器用也務以巧便勝其學問也實事求是日進而不已其君子小人皆敬上帝怵禡福其法律詳而必行其武備修而不輕言戰全初不知其操何術致此今而知為用墨之效也余讀墨子諸篇每引堯舜禹湯之事以證其說其說之善者容亦有合於吾儒而獨其立教之要旨專在於尚同兼愛則大過彼謂等天下而同之徵逐萬物而利之天下之人奪人人得自伸其權自謀其利故使其說之行而樂趨之交相愛則交相利苟利於眾則同力合作故事易舉無所甚親於父兄無所甚厚於子孫故推其愛於一國而君臣上下無所差別相維相繫而民氣易困學問則相長也工巧則相示也故互相觀摩互相競爭而技藝日新而又慮其以同裨同無所統而易於爭亂也故稱天以臨之使人知所敬而不敢肆由是而教誠修焉明法以範之立義以制之使人人知所循而不敢逞譖武以防之使人人有所憚而不敢犯由是而政令肅焉由是而武備修焉彼欲行其尚同兼愛之說而精詳如此行之者其效又如此胥天下而靡然從之固無足怪然吾以為其流弊不可勝言也推崇同之說則謂君民同權父子同權矣推崇愛之說則謂父母兄弟同於路人矣天下之不能無尊卑無親疏無上下天理之當然人情之極則也聖人者知其然而序以別之所以已亂也今必欲強不可同不能兼者兼而同之是故弟自亂之道耳幸而今日秦西各國物力尚豐民氣尚樸其人尚能自愛又特其法令之明武備之修猶足以維持不敗漫假而物力稍絀民氣日囂被以無統一無差等之民卷出其家權貪利之心佐以鬪狠好武之習紛然其競起天之不畏法之不修義之不講卒之尚同而不能強同兼愛而無所用愛必推而至於極分裂極殘暴而後已孰尚同兼愛以責人必有欲行均貧富均貴賤均勞逸之說者吾觀歐羅巴諸國不百年必大亂當其亂則視君如奕棋視親如督撫而每一交鋒蔓延數十年伏屍百萬滴血千里更有視人命如草芥者豈人性殊哉亦其教育以使之然也前夫今日爭亂之事吾已見之矣後乎今日無道以殺之吾未知其爭亂之所底止也然則韓子之用墨舉其弊而言之也孟子之闡墨舉其弊而言之也日本之學術先儒而後墨余故總論其利弊如此作學術志一漢學二西學三文字四學制

日本學術志後序一

外史氏曰日本之習漢學萌於魏唐聖衰於宋元復起於明季迨乎近日幾廢而又將興蓋自王段博士接踵而來於是有論語五經而人始識字隋唐遣使冠蓋相望於是習太章辭賦而君相上下始重文惟中間佛教盛行武門迭起士夫從事金革不知有儒漢學一綱之延僅賴浮屠氏得以不墮而迨德川氏興教戈講塾林諸人卓然崛起於是又有為程朱學者有

至聖王學者不以爲奇之六王十之一等之學也。其後漢學者如其後漢學者也。此其盛事。今日顧
幾幾欲廢之。則以所得者不過無用之津梁。猶猶馬耳。猶猶民耳。豈夫王經哉。夫未嘗人所傳之要。未嘗用之有。未嘗習之也。自唐以來。唯習詩文。自明以來。以來兼及語錄。夫讀章之末。皆心性之空。讀書者。未嘗之矣。其去道遠。不可以道里計。而小本之學者。乃唯此是求。千餘年來。豈謂無一人焉。欲舉修齊治平之道。見之施行者。而以武門輕薄。徒尚時流之故。朝廷終不能起。而儒者於草莽破格而用之。儒者自知其無用。亦唯窮而在下者。區區掇拾而逐其末。宋國之人。以讀書者少。羣奉多。難能可貴。而儒者以少為貴。遂益高自位置。峻立崖岸。詡訛異於人。曰吾通漢學。而究其拘迂。泥古。浮華。鮮實。卒歸於空談。無補有議之士。固既心焉鄙之一。一旦有事。終不能驅此輩。清流使之誦經以避賊。孰敢以知敵。復見夫兩人之槍礮。如此輪船。如此闖天。曰天小者。非天小也。彼徒見日本之學者。亦狃疑漢學。不過謂爾。至使往吐之士。誠洪理。每以為然。且以仁義道德為主。謂以堯舜孔孟為狹隘。而孝經論語。舉重闊其見。小不足與較。吾哀夫功利浮誑之習。中於人心。未以激流所至也。且即以日本漢學論。亦未嘗無用也。今朝野上下。通行之文。何一非漢字。其半假名片假名。何一不自漢文。來傳之。十餘年行之。通國。既如布帛菽粟之不可一日離。即使深惡痛絕。固萬萬無廢理。况又解章之末。蓋心性之空。談在漢學。固屬無用。而日本學者。正賴習解章講心性之故耳。濡目染得。知大義。尊王攘夷之論。起天下之上。倡百和。卒以成明治中興之功。則已明明收漢學之効矣。安在其無用也。耶。此其事。當路諸公。宜若未忘。吾是以知漢學之久。有再興也。方今西學盛行。然不重漢學。吾至不能。尋良文。年來都鄙。諸暨爭聘漢學者。為之師。而文人學士。亦不如前。此無往。身之際。漢學之興。不指日可行乎。名。戶。日。太。

日本學術志稿序二

外史氏曰以余計論西法其立教源於墨子吾既詳言之矣而其用法類乎中韓其設官類乎周禮其行政類乎管子者十蓋七八若夫一切格致之學最見於周秦諸書者尤多矣考之西之摩訶羅之學此尚同取定則更事未即耶研十誦所謂幾事當同東漸合猶其二體未合不獨此也每之科也均君均將輕重相統綱不拘此均庶絕也莫絕此重學之祖也一少崇二而多崇三說也此謂重崇二足猶以子之謂也一少崇三而多崇二謂也此謂輕崇二足猶以子之謂也一少崇四而多崇三謂也此謂輕崇三足猶以子之謂也一少崇五而多崇四謂也此謂輕崇四足猶以子之謂也一少崇六而多崇五謂也此謂輕崇五足猶以子之謂也一少崇七而多崇六謂也此謂輕崇六足猶以子之謂也一少崇八而多崇七謂也此謂輕崇七足猶以子之謂也一少崇九而多崇八謂也此謂輕崇八足猶以子之謂也

之謂也。故之嘗哉也已。

日本學術志後序三

黃遵憲

外史氏曰文字者語言之所從出也雖然語言有隨地而異者馬有隨時而異者馬而文字不能因時而增益盡地而施行言有萬變而文止一種則言語與文字離矣居今之日讀古人書徒以父兄師長遞相授受童而習焉不知其艱苟迹其異同之故其與異國之人進象胥古人而後通其言辭者相去能幾何哉余觀天下萬國文字言語之不相合者莫如日本日本之為國獨立海中其語言北至於蝦夷西至於隼人僅圓於一隅之用其國本無文字強借言語不通之國之漢文而用之凡一切事物之名如謂虎為兎謂魚為鯨偶變漢讀而易以和音義猶可通也若文辭煩簡語句順逆之間勉強比附以求其合而既覺苦其不便至於虛辭助語乃倉頡造字之所無此在中國齊秦鄭衛之詩已各就其方言假借聲音以為用況於日本遠隔海外言語殊異之國故日本之用漢文至於虛辭助語而用之之法遂窮窮則變變則通假名之作借漢字以通和訓亦勢之不容已者也昔者物茂卿輩倡為古學自愧日本文字之陋謂必去和訓而後能為漢文必習華言而後能去和訓其於日本顛倒之讀錯綜之法鄙夷不屑謂之副墨之子洛誦之孫必不能肖其祖父又謂句須丁尾塗拊字句以通華言其禍甚於侏僞鳴舌意欲舉一切和訓廢而棄之可謂豪傑之士矣然此為和人之習漢文者言文章之道未嘗不可苟使日本無假名則識字者無幾一國之大文字之用無窮即有一二通漢文者其能進博士以書驥奏召鯀生而談狗曲乎雖工亦奚以為哉余聞羅馬古時僅用拉丁語各國以語言殊異病其難用自法國易以法音英國易以英音而英法諸國文學始盛耶穌教之盛亦在舉舊約新約就各國文辭書譯其書故行之彌廣蓋語言與文字合則通文者多其勢然也然則日本之假名有裨於東方文教者多矣庶可廢乎秦西論者謂五部洲中以中國文學為最古學中國文字為最難亦謂語言文字之不相合也然中國自蟲魚雲鳥屬變其體而後為隸書為草書余烏知夫他日者不更變一字體為愈趨於簡愈趨於便者乎自凡將訓纂述夫廣韻集韻增益之字類世愈多則文字出於後人創造者多矣余又烏知夫他日者不有孳生之字為古所未見今所未聞者乎周秦以下文體屢變逮夫近世章疏移檄告諭批判明白曉暢務期達意其文體絕為古人人所無若小說家言更有直用方言以筆之於書者則語言文字幾幾乎復合矣余又烏知夫他日者不更變一文體為通用於今通行於俗者乎嗟乎欲令天下之農工商賈婦女幼稚皆能通文字之用其不得不於此求一簡易之法哉

正少為貞惡者善之對善為正惡為貞非者是之對是為正非為貞不寡惟是等茲人也若者所長者又為所短則正中合員矣等茲人也若者所短者又為所長則員中合正矣等茲人也昨而見功今而又見過則正變為員矣等茲人也昨而見過今而又見功則員變為正矣依據而推舉天下之事事物物怪奇億幻兆變無時無地不有一正員之理參互錯綜於其間明乎此而後可與論學而後可與論格致而後可與論觀人而後可與論治天下

黃慶澄曰正員奇矣寔正負之用則更奇何也正員者理也定正員者法也定正員之法者力也法既定則力生法愈嚴力愈厚無論萬正萬員正正員員正正員皆法之所施力之所鎮也然究其歸則以理為本

黃慶澄曰點相引而成線線相引而成面面相引而成體體相引而成世界點者元之積也線者根之積也面者平方之積也體者立方之積也世界者無量諸乘方之積也顧吾思之太空茫茫恍焉惚焉不見有點烏所謂方乃有聖人其名曰覺次之厥術以開闢日月星為天開山河為地開七竅為人以文字開智慧以政教開風氣醫苦之區開為藥土樸狂之俗開為文明始焉歲點繼焉歲緣俄而成面矣俄而成體矣俄而成世界矣聞之義大矣哉不明乎此塊然一物而固閉嚴拒則不逮尺履不逮尋鰐鰐焉自以為得計嗚呼此誠博大造之公理為有生之母障安得一大慈大悲者為蒙其赦而祛其蒙也

黃慶澄曰異哉異哉太空冥冥無端有物有物斯有比有比斯有差有差斯有例日星有舒敏黃赤距緯有廣狹北極出地有窓多此天之比例也山有崇卑水有深涸陸有陂平此地之比例也十指殊度九竅異用五藏分主十二經別支此人之比例也顧吾又聞佛氏之言曰一切微塵國現一切相成一切法皆非真實曷明曷暗大明為明小暗為暗小暗為明曷寒曷熱大寒為寒小寒為熱大熱為熱小熱為寒曷動曷靜大動為動小動為靜大靜為靜小靜為動曷智曷愚大愚為愚小愚為智依茲而雜舉一切大小長短厚薄精粗貴賤萬物億折然否否皆比例也等茲人也昨功今過昨過今功參伍錯綜各如其際此互相比例也等茲人也功半過半功增過增節其榮華以定生平此互準比例也皆非真實也不再惟是等茲人也或以功蝕過或以過蝕功盈之虛之盈之此加減此也等茲人也或始而見功繼而見過繼而見大過或始而見過繼而見功繼而見大功進之退之退之進之此遞加遞減比例也等茲人也昨功今過昨過今功參伍錯綜各如其際此互相比例也等茲人也功半過半功增過增節其榮華以定生平此互準比例也尤足奇者若有一个疑良疑惡色空空色不可方物徐而察之其中有則此和較比例也依茲而推舉一切大小長短厚薄精粗貴賤萬物億折然否否皆比例也皆非真實也異哉異哉一剝那間一而二之二而一之此數例歟請得斷之曰世間無物見物非物我不見物惟見比例

孟子言仁義禮智有四端者吾亦有端算之端者何計較之心也兒童分果心爭其大愚農夫行路之趣捷徑計較之瀕然者無到矣若衣服之工補綴亦吾所合度則有內積外之工味醇而和以水味淡而利以鹽則有比例之意焉此皆人之端也於生物名也是故有是端而不知推究之則可久一望一望之未有是端而不知所以養充之則終乎萬事萬物之端也天又不苟施攝政之廣無居繁而布帛要致在官不苟施於道以至儒者以考證之經史然皆指其端于世主不待考究此又人之功於日用斯不可離者近夫以算之初於日用者既如此且於生物者又如彼宜乎夫人而知之夫人而筆之矣而世人有者則詎為紀業而苦其難明者何哉窮當論之上古之算本簡捷而易明也自後世事物日變人心智亦日出於是設題愈難布算愈繁而精其業者各以心得著書又好為隱互雜糅窮極微奧不肖以淺近示人甚或秘匿其根源以竝異變易其名目以亂古此蓋今古疇人之積習作者之恆情算學之精則是而益深而學算之人宜其望洋而興歎也或同以來風氣新開四方觸學者漸衆津逮初學之書亦漸出顧或力求簡易語焉不詳或碑版成書無足相覽或確鑿然隨問演草因題立術亦不曲盡能事矣然無論說以疏遠之貫澈之學者病其煩瑣請不終篇解述而思解耳余有鑒於此而重惜人人具有撫充之力而未得其用力之途也思有以謁拔而引進之因舉學算次第之大旨并附中所欲言者一一達之筆而著於篇治為算式以習其數設為問答以窮其趣法由淺而入深語雖繁而易曉聊以擴充其能算之端云爾至於辭句之俚俗體例之參差見哂高明所不許也刻既成因書其緣起於簡端以質海內游藝之君子

總論算法之理

人之心中若懵懵然茫無知覺則亦不必談及算學若其稍有知覺而能思維計較者即已有算學之理與有生以俱來試觀孩兒嬉戲見果必爭取其大者因其胸中已有一多寡之見存焉也由是知算學之理為人心所自有並非自外而入故取算書中不甚繁重之題以語不習算法之人彼亦能猜思而得其所求之數惟遁迹難易則與能算者大異焉此因算之末得其法則各數乘從心計而出故必其難苟知算法則無論設數如何皆可以法取之而心中可不必思索所以能事速而功倍也夫一切算法其初皆從算理而出惟既得其法則其理即寓於法之中可以從法以得理亦可舍理以用法苟其法不誤則其理亦必不誤也

識數之法

華衡芳

物生而後有象參而後有滋液而後有數則物之有數乃人之強立名目以記物之多寡者也故亦謂之數目

華衡芳

數目之名即一二三四五六七八九十是也然數可多至無窮若每數必立一名則不勝其繁且終不能盡紀其數故又立一位亦仍以自一至九之各字記之名之為當十之位滿百則又走一位亦仍以自一至九之各字記之名之為當百之位由此而百進為千千進為萬而十萬而百萬而千萬其位均以下一位之數滿十而進為一則任數之如何多皆可以此法記之

所以必以十進位者因人手有十指便於屈指計之也凡常用之數大抵以十進位者為多惟天文家度分秒之數則以六十進位

各位之數既俱可用自一至九之各數記之則其空位當以零字記之或作一圓以代零字亦可

凡學算法必先從識數起故識數為算學中第一步工夫不識數之人不可以學算也惟數目之字並無意義可尋其初之從強記而得所以入自孩提之時父母即教其識數聰明之人有數歲即能識數者愚鈍之人有數十歲仍不識數者

識數之法先將自一至十之十箇字讀至極熟能一氣貫注而不凌亂錯雜便能將十箇物任取幾箇數之知其為何數再從一一讀至一百則能數一百箇錢又知十百為千十千為萬等音則其人便可為識數之人
識數之工夫由於練習而成非但口中要熟亦須眼中看慣方能敏捷如將基子五枚置於桌上則兒童不能隨口即言其數必用手一一數過而後知之此因眼光未練習之故也及已看慣則物之不滿十箇者平常之人皆能一望而知之
惟因眼中亦能識數故數物可不必一箇一數而可任復箇數之然亦各有數法譬如數錢數基則以五固一數而口中呼一五一十五為最便譬如數雞卵則手中不能持五箇雞卵祇能兩箇一數而口中呼一雙兩雙至末則云幾雙或幾個多一箇此固尋常習用之法而其中已暗以加法乘法為妙用焉雖不經道破則人亦不得耳

大抵物之能隨手運動者數之易其不能隨手運動者數之稍難固不能將已數過者另置一邊也確如入山林而數葉樹往往數之數次不得分明因其已數過者與未數過者易致肴錯非有遺漏則有重覆故不能得其真實之數然此亦有法焉可將他物於每數過之樹次第作誌則無誌者為未數過之樹易於遍數而遍誌之以得其的確之數其作誌之音猶之另置一邊也

作誌之法惟手所能及之物或手雖不能及而可用長竿及之者則可若其物非手與竿之所能及則此法不能用譬如欲累清天空之星則其事甚難因不能於星上作誌也

人雖不能於星上作誌然可於紙上作點以肖其星故可觀列宿之形而一一繪之於紙以成星圖則數圖上之星與數天上之星無以異也所以星亦有數此皆謂數以後之巧思也算法亦為各種巧思故遇一難算之題則必有一法以解之及解去此難又有一難於此者在前必又有一法以解之如此由淺入深步步各有難處而步步各有巧法故無論題之如何深奧皆可於紙上寫之算之以與人共明之

論加減乘除開方之用

華衡芳

算學中各種題若非用加減乘除開方等法以取之則不能得其所求之數可見此五者實為算學中各種利器藉以攻堅入深者也有此五者則於尋常淺近之算學中已無不能推算之題然學算之人每不以加減乘除開方為難而以用此五者為難因題中所言之各數但有其彼此相關之理而未明言其何數為實何數為法何數當加減何數當乘除開方也況題之形狀萬變不窮知其一未必知其二通於此未必通於彼則加減乘除開方雖已習之極熟而不得其用之之道亦幾與不習者無異焉

然則如之何而後可惟有將從古迄今所有之各種算學題目由淺及深分門別類一一立術演草或加以圖說以明其何以當加減何以當乘除何以當開方則題意明而取題之法亦明可不致遺題重乎矣吾且掩卷思之古今來所有之算學書流傳於世者奚止數百種吾所曾經寫目者亦有數十種此數十種書何種非將算學之題由淺入深分門別類按題立術演草附圖以明其加減乘除開方之故者與其抄撮前人之書以侈吾之卷帙曷若請學算之人自觀各種算書以明其加減乘除開方之用也哉

吾於算學生平未嘗受業於人即與能算者相友善亦未嘗數數問難也惟樂觀各種算學之書自十五六歲時偶於故書中檢得坊本真法心竊喜之日夕展玩不數月而盡通其義吾父見其癖嗜此學必是性之所近也遂為之購求算學之書爰得周髀九章孫子五曹張邱建夏侯陽輯古海島益古演段測圓海鏡俾縱觀之除益古海鏡二書以外其為常法所能通者以加減乘除開方之法取之無不迎刃而解惟於天元之術則格格不相入者幾及一年始得涣然冰釋後又得秦氏數書九章

梅氏歷算全書羅氏觀我生室李氏遺書董方立遺書衡齋算學集理堂學算記略春池游藝錄始知算學有古今中西之異同而幾何原本當時尚未譯全其前六卷世無單行之本惟數理精蘊中有之及購得數理精蘊遂能通幾何之學而吾年亦已二十矣是時海內算學名家如項氏梅倡徐氏君青戴氏培士李氏秋紹其所著各書尚未出因訪秋紹於墨海書館見其方與西士偉烈亞力對譯代數學及代微積拾級尚未告竣秋紹謂余曰此為算學中上乘功夫此書一出非特中法幾可盡廢即西法之古者亦無所用之矣余於是知天元之外更有代數微分積分之術矣從其譯稿中錄得數條視之迄不得其用意之處又閱數年其譯本先後刊竣惠我一編披閱數百外已不知其所語云何也蓋其格格不相入者猶之初讀海鏡時也熟諸李君則云此中微妙非可以言語形容其法盡在書中吾無所隱也多觀之則自解耳是豈旦夕之工所能通曉者哉余信其言反覆展玩不輒乃得稍有頭緒譬如傍晚之星初見一點旋見數點又見數十點數百點以致粲然布滿天空是余之於代數其明也以漸非如天元之術不悟則已一悟則豁然開朗也然後知代數之術其層累曲折多於天元故其致用之處亦比天元更廣從此以後無時不究心於代數每覺李氏所譯之二種殊非易於入手之書故余又與西士傅蘭雅譯出代數術微積溯源三角數理代數難題解法流播於世於是今之言算者皆知西法之代數即是中法之四元而其淺深難易則不可同日而語矣

或有問者曰如子之說則必先羅致多書而後可以學算乎抑不必羅致多書而亦可學算乎答之曰學算不必多書也惟擇其要者觀之而已其最易入手者為程氏算法統宗屈氏九數通考此二書於加減乘除開方之用言之極詳故於初學最相宜且從此又可學得開帶縱平方及正立方之法亦可稍知西法中各種名目

九章算術為中法最古之書其文義與古書相往來亦學者不可不讀之書也能讀九章則一切古算書無不能讀矣是書鍾祥李雲門演有細草圖說極為詳細外間有刻本矣後何原本為西法中最古之書不言法而言理不言數而言象蓋徹乎立法之源凡九章所不及者無不賅也不讀幾何則不能明點線面體之理而於加減乘除開方之用終不能了然於心目之間是書第十卷之理甚深非初學所能通曉但觀其前六卷可也

幾何之界說及各題字字齊着力其釋題之語無一字不周到無一句無來歷學者讀慣此書其心思自然縝密則看各種算學之題如禹鼎燭奸可以無遁形矣

論看題之法

華衡芳

初學之人於題中之各句句中之各字往往模糊看過不能字字盡見雖將其題看之多寡算之數遍仍有一兩個最要緊之字未曾看清非真未見此數字也見之而不知其用意之所在則此數個最要緊之字依然漠不關心亦猶之乎不見而已題中之字句有極其着力者有不甚着力者又有可有可無者惟其可有可無及不甚着力之字往往皆顯露於面前一望即見而其極着力之字則藏伏隱匿於各字之間而使人不易見是在乎看題之眼光能識別之其辭氣輕重之間最有關係故於虛字尤不可忽略看過也

凡看算學之題務將其每句每字俱看完全不可有一字遺漏亦不可有一字不從心上經過則可知題之所語云何其注意之處何在即能知其某句某字着力不着力於是題中所暗藏之意可以盡顯而各數相關之故亦確鑿可指而不至有游移兩可之見夫而後題中之各數能為我所用而我之加減乘除開方等法亦肯為題中各數所用而不至於扞格不相入矣算學中各種譬如有用線組成各種花樣之結加減乘除開方等法猶之各種器具可用以解結者也惟欲用各器以解其結必先看清結之絲縷方能有下手之處看題之法亦如是而已

既能看到題中之絲縷則可將題中不要緊之閒字閒句逐漸刪汰之而變為另自一種說法惟其各數相關之理則不可與原題稍有背謬

假如有趣云某日買筆二枝用錢十四文某日買墨一鉢用錢十文某日買紙十張用錢二十文問共用錢若干

則題所問者為共用之錢而不計其用去之日故其筆墨紙三物雖非一日所買而其共用去之錢則與一日用去者無異也所以題中之三箇某日二字俱與算法不相關可以刪去之又因題之所問者為共用之錢非問筆之每枝墨之每鉢紙之每張其價若干也所以可改其題云筆十四文墨十文紙二十文共錢若干

然其所買之物實與所用之錢亦無相關因買筆買墨買紙之錢可作買茶買酒買漿之錢算之其共用之錢無異也即作一次買物二次買物三次買物算之其共用之錢亦無異也所以又可改其題云先用十四文後用十文又用二十文問其用錢若干則夫人而知當以此三數相加而得其共用之錢四十四文矣

惟有一種題其字句一氣呵成不能稍為刪節則只可看明題意而將題中各數別作一簡易之說法

假如九章之題云五雀六燕集稱之衡雀俱重燕俱輕一雀一燕文而處衡適平并雀燕重一斤問雀燕一枚各重幾何

則此題之意言五雀重於六燕也其五雀六燕之共重為十六兩也又言一雀五燕與四雀五燕其重相等也惟因一雀五燕與四雀一燕相并即為五雀六燕所以可將十六兩分為兩箇八兩一為一雀五燕之重一為四雀一燕之重則可改其題之說法云一雀五燕共重八兩四雀一燕亦共重八兩問雀燕一枚各重幾何

凡看數題而覺此題與彼題相似者必將其兩題看至極其透徹究竟其中或有略異之處否蓋題有面目雖異而算法則同者亦有面目相似而算法不同者

假如兩題其一云原有錢一千文已用去四百文今剩錢若干其二云原有錢一千文今剩去四百文已用去若干

則此兩題之說法雖異而算法則同因用去之錢與今剩之錢相加必與原有之錢相等故於原有之中減了用去即是今剩之數於原有之中減了今剩即是用去之數也

假如九章之題云今有兔先走一百步大追之二百五十步不及三十步而止問大不追復行幾何步及之

又如代數術中之題云有野兔為獵犬所追兔在犬前五十步犬每行三步兔能行四步而兔之三步等於犬之兩步問犬追若干步可得免

觀此知中西皆有大追免之題其說法及算法略有不同而所求之數則俱為犬之步數也其第一題不及三十步而止之句其三十是免之步數若認作犬之步數則誤矣

算學之題大抵有比例者居多惟其相比之理每暗藏於所言各事之中其相比之數又顛倒錯亂和較雜糅於各數之內觀者最易為其混淆

即以四率比例之題而論其一率二率三率有順列於各句之內者亦有不依次序者試列六題如左

其一題云原有錢二十千文買得米十石今有錢五十千文間可買若干石

其二題云先將米十石售得錢二十千文今又欲得錢五十千文問須售去米若干石

其三題云分有錢五十千文欲以買米先用錢二十千文買得米十石問其錢可共買米若干石

其四題云今有錢五十千文欲以買米已知每米十石其價為二十千文問可買米若干石

其五題云甲有錢二十千文乙有錢五十千文均欲買米甲將其錢買得米十石問乙錢可買米若干石

其六題云甲有米十石乙有錢五十千文甲以其米售得錢二十千文問乙錢可買米若干石