

▶ 中国小学生最喜欢的数学教材辅导教程



# 小学数学 全解教程

Shuxuequanjie  
jiaocheng



六年级下

主编 / 余雄超

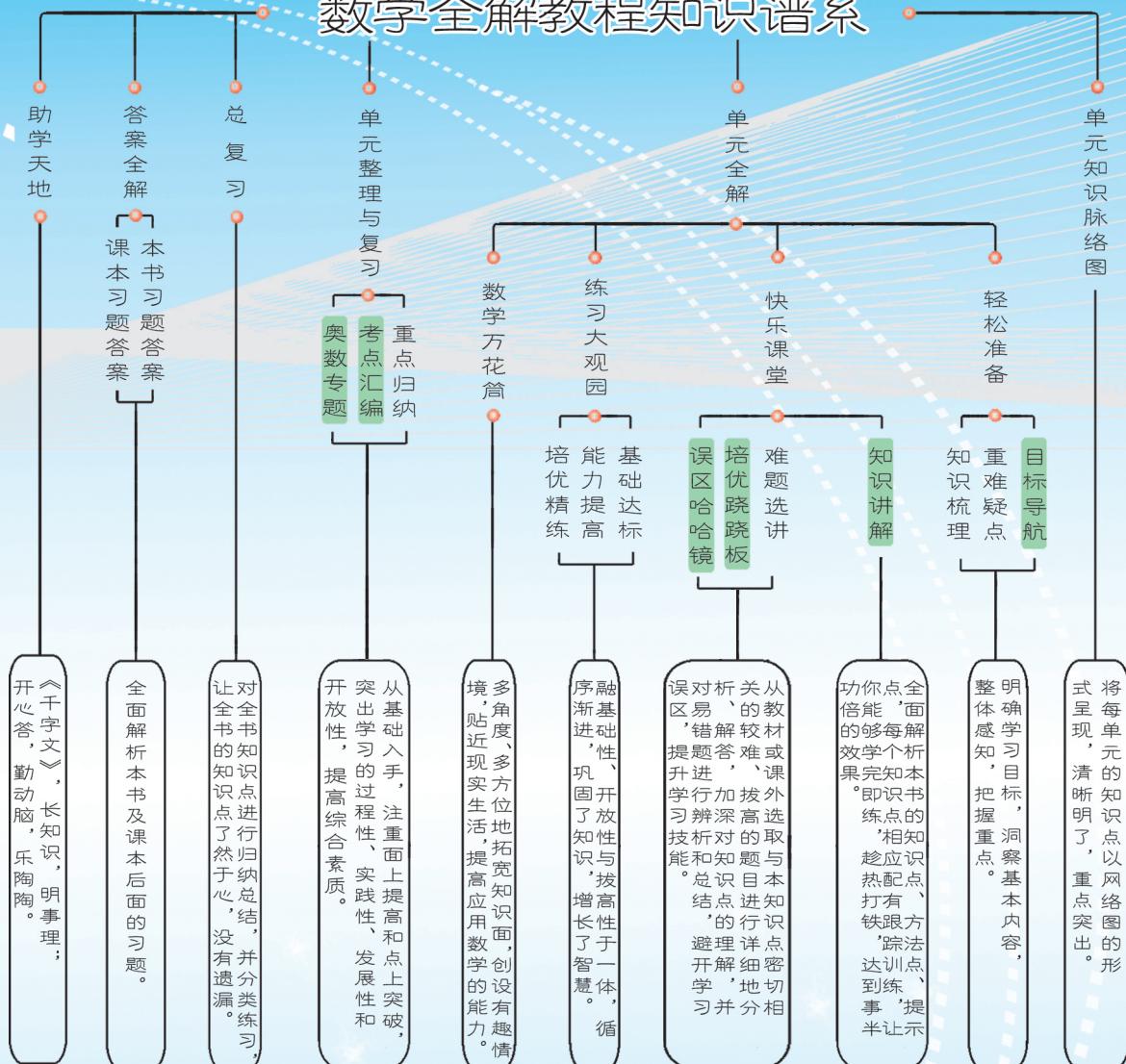
附赠

数学课本习题答案



黄河出版传媒集团  
宁夏人民出版社

# 数学全解教程知识谱系



## 图书在版编目(CIP)数据

小学数学全解教程·六年级·下册/余雄超主编

—银川：宁夏人民出版社，2011.12

ISBN 978-7-227-05018-6

I. ①小… II. ①余… III. ①小学数学课-教学参考

资料IV. ①G624.503

中国版本图书馆CIP数据核字(2011)第278681号

## 小学数学全解教程六年级下册

余雄超 主编

责任编辑 吕棣勉向进  
封面设计 阿龙  
责任印制 李宗妮

黄河出版传媒集团  
宁夏人民出版社 出版发行

地 址 银川市北京东路139号出版大厦(750001)  
网 址 <http://www.yrpubm.com>  
网上书店 <http://www.hh-book.com>  
电子信箱 [renminshe@yrpubm.com](mailto:renminshe@yrpubm.com)  
邮购电话 0951-5044614  
经 销 全国新华书店  
印刷装订 北京世纪雨田印刷有限公司  
开 本 710mm×1000mm 1/16 印 张 15 字 数 300千  
印 刷 托 书 号 (宁)0012218 印 数 3000册  
版 次 2011年12月第1版 印 次 2011年12月第1次印刷  
书 号 ISBN 978-7-227-05018-6/G·750  
定 价 18.80元 版权所有 侵权必究

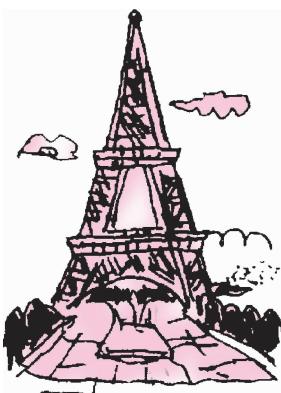
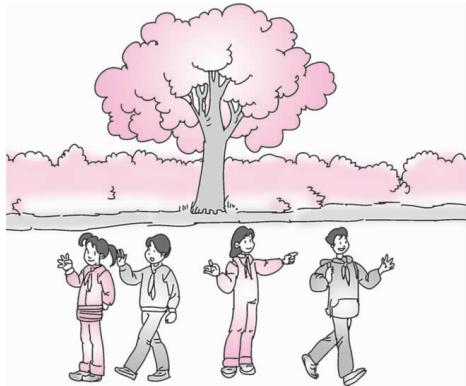


## 一 负 数

( 1 )

## 二 圆柱与圆锥

- |                        |               |
|------------------------|---------------|
| 1. 圆 柱 .....           | ( 10 )        |
| 第 1 课时 圆柱的认识 .....     | ( 10 )        |
| 第 2 课时 圆柱的表面积 ...      | ( 17 )        |
| 第 3 课时 圆柱的体积 .....     | ( 24 )        |
| 2. 圆 锥 .....           | ( 31 )        |
| 第 1 课时 圆锥的认识 .....     | ( 31 )        |
| 第 2 课时 圆锥的体积 .....     | ( 36 )        |
| <b>第二单元整理与复习 .....</b> | <b>( 44 )</b> |



## 三 比 例

- |                         |                |
|-------------------------|----------------|
| 1. 比例的意义和基本性质 .....     | ( 49 )         |
| 第 1 课时 比例的意义和基本性质 ..... | ( 49 )         |
| 第 2 课时 解比例 .....        | ( 57 )         |
| 2. 正比例和反比例的意义 .....     | ( 62 )         |
| 第 1 课时 成正比例的量 ...       | ( 62 )         |
| 第 2 课时 成反比例的量 ...       | ( 68 )         |
| 3. 比例的应用 .....          | ( 75 )         |
| 第 1 课时 比例尺 .....        | ( 75 )         |
| 第 2 课时 图形的放大与缩小 .....   | ( 85 )         |
| 第 3 课时 用比例解决问题 .....    | ( 91 )         |
| <b>第三单元整理与复习 .....</b>  | <b>( 98 )</b>  |
| <b>综合应用：自行车里的数学 ...</b> | <b>( 103 )</b> |

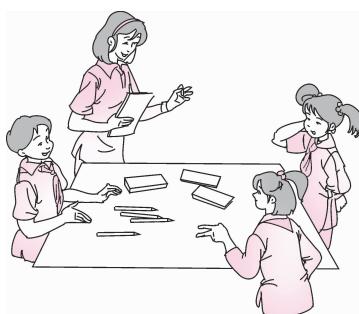


## 四 统计

(106)

## 五 数学广角

综合应用：节约用水 ..... (119)

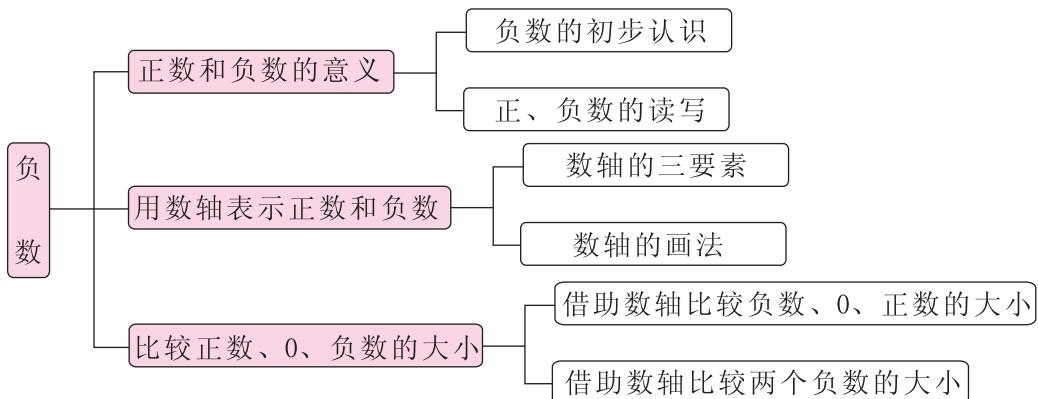


## 六 整理和复习

1. 数与代数 ..... (122)
    - 第1课时 数的认识 ..... (122)
    - 第2课时 数的运算 ..... (133)
    - 第3课时 式与方程 ..... (145)
    - 第4课时 常见的量 ..... (151)
    - 第5课时 比和比例 ..... (156)
    - 第6课时 数学思考 ..... (162)
  2. 空间与图形 ..... (171)
    - 第1课时 图形的认识与测量 ..... (171)
    - 第2课时 图形与变换 ..... (182)
    - 第3课时 图形与位置 ..... (188)
  3. 统计与可能性 ..... (196)
  4. 综合应用 ..... (207)
- 综合测试卷** ..... (218)
- 本书习题答案** ..... (221)
- 教材习题答案** ..... (230)

# 一 负 数

(教材 2~7 页)



人们在生产、生活中，经常会遇到各种相反意义的量。比如，零上  $10^{\circ}\text{C}$  和零下  $10^{\circ}\text{C}$ ，向东走 50m 和向西走 50m，盈利 200 元和亏损 200 元……

为了区分意义相反的两种量，可用正、负数表示；零上  $10^{\circ}\text{C}$  记作  $+10^{\circ}\text{C}$ ，零下  $10^{\circ}\text{C}$  记作  $-10^{\circ}\text{C}$ ；向东走 50m 记作  $+50\text{m}$ ，向西走 50m 记作  $-50\text{m}$ ；盈利 200 元记作  $+200$  元，亏损 200 元记作  $-200$  元。

那么，怎样理解正数与负数在实际生活中的意义呢？怎样比较它们的大小呢？只要你认真学习下面的内容，这些问题就会轻松地解决。



## 目标导航

- 在熟悉的生活情境中初步认识负数，能正确地读、写正数和负数，知道 0 既不是正数也不是负数。
- 初步学会用负数表示一些日常生活中的实际问题，体验数学与生活的密切联系。
- 能借助数轴初步学会比较正数、0 和负数之间的大小。

## 重点难点

**重点：**理解正负数的意义，并能用正、负数表示生活中具有相反意义的量。

**难点：**在数轴上表示负数，比较负数的大小。

## 知识梳理

- 正负数的意义和读、写法
  - 像  $300, +16, \frac{2}{7}, 5, 2, \dots$  这样的数叫做正数，正数大于 0，正数前面可以加“+”号，也可省去“+”号，带“+”号的要读出“正”字，省略“+”号的可不读“正”字。

(2) 像 $-12, -100, -\frac{5}{8}, -1.8, \dots$ 这样的数叫做负数, 负数小于0, 如 $-16$ 读作负十六。负数要读出“负”字,  $-\frac{5}{8}$ 读作负八分之五。

(3) 0既不是正数, 也不是负数。

## 2. 用数轴表示正数、0和负数

(1) 数轴的三要素: 原点、正方向和单位长度。

(2) 数轴的画法: 画一条水平直线, 在直线上任取一点为原点, 用0表示; 原点向右为正方向, 向左为负方向; 再在直线上取适当的长度为单位长度, 间隔一个单位长度取一点, 原点向右依次为 $1, 2, 3, 4, \dots$ 原点向左依次为 $-1, -2, -3, -4, \dots$

## 3. 比较正数、0和负数的大小

(1) 可借助数轴比较, 在数轴上, 从左到右的顺序就是从小到大的顺序。

(2) 所有的负数都比0小, 所有的正数都比0大, 正数、0和负数之间的关系是: 负数 $<0<$ 正数。

(3) 比较两个负数的大小, 可利用数轴, 谁在左边, 谁小; 也可以看哪个负数对应的正数大些, 哪个负数就小些。



## 知识讲解

### 知识点一 正、负数的意义和读写法

#### 问题导入



#### 过程讲解

##### 1. 认识温度计。

右图是一个温度计, 随着温度的变化, 它下端的水银柱会随着温度的升降而升降, 而指示的刻度即温度; 温度计左上的“ $^{\circ}\text{C}$ ”表示温度计左边的刻度是摄氏度; 右上方的“ $^{\circ}\text{F}$ ”表示温度计右边的刻度是华氏度。摄氏度与华氏度都是计量温度的单位, 我国一般采用摄氏度作为温度的单位。

##### 2. 通过温度计认识温度的高低。

(1) 在标准大气压下, 冰水混合时的温度为 $0^{\circ}\text{C}$ , 水沸腾时是 $100^{\circ}\text{C}$ 。

(2)  $0^{\circ}\text{C}$ 是零上温度与零下温度的分界点。比 $0^{\circ}\text{C}$ 高几摄氏度, 就是零上几摄



氏度，比 $0^{\circ}\text{C}$ 低几摄氏度即零下几摄氏度。

3. 理解零上 $16^{\circ}\text{C}$ 和零下 $16^{\circ}\text{C}$ 以及它们的表示方法。

室内温度是零上 $16^{\circ}\text{C}$ ，室外温度是零下 $16^{\circ}\text{C}$ ，两种量表示的意义相反。因此，零上 $16^{\circ}\text{C}$ 记作： $+16^{\circ}\text{C}$ 或 $(16^{\circ}\text{C})$ ，读作：正十六摄氏度；零下 $16^{\circ}\text{C}$ 记作： $-16^{\circ}\text{C}$ ，读作：负十六摄氏度。

### 问题导入

日期 DATE	注释 NOTES	支出(-)或存入(+) WITHDRAWAL OR DEPOSIT	结余 BALANCE	网点号 S. N.	操作 OPER
11 20040105			2000.00		
12 20040126			-500.00		
13 20040218			-132.00		
14 20040221			500.00		
15					
16					
17					
18					
19					
20					

2

### 重点提示

用温度计测量温度时， $0^{\circ}\text{C}$ 上面的刻度为零上温度， $0^{\circ}\text{C}$ 下面的刻度为零下温度。

### 过程讲解

1. 理解题意。

支出数量前用“-”号表示，存入数量前用“+”号表示。存入的钱数和支出的钱数是两种相反意义的量。从图上可以看出：2004年1月5日存入2000元钱；2004年1月26日支出500元钱；2004年2月18日又支出132元钱；2004年2月21日存入500元钱。

2. 正、负数的读法。

-500 读作：负五百      +500 读作：正五百

-132 读作：负一百三十二      2000 读作：两千

3. 理解正、负数的意义。

像 $16, 2000, \frac{3}{8}, 6.3, \dots$ 这样的数叫做正数；像 $-16, -500, -\frac{3}{8}, -0.4, \dots$ 这样的数叫做负数。

4. 实际生活中的负数。

实际生活中有许多相反意义的量，一般用正、负数表示。例如，水位上升记作“+”，水位下降记作“-”；收入记作“+”，支出记作“-”；增加记作“+”，减少记作“-”；向东记作“+”，向西记作“-”等。

**归纳总结** (1) 生产和生活中有很多相反意

### 重点提示

这里的“+”号是正号，读作正，通常可省略不写，“-”号是负号，读作负，写数时不能省略。



**方法提示**  
在用正负数表示相反意义的量时，规定哪一个量为正或负不是固定不变的，可根据实际情况而定。

义的量,这样便产生了负数。人们习惯上把“盈利”“收入”“增加”“零上”“海平面以上”等规定为“正”;把“亏损”“支出”“减少”“零下”“海平面以下”规定为负。

(2)写正数时,加“+”号或省略“+”号两种形式都可以,读正数时,加“+”号的要读出这个“正”字,省略“+”号的,这个“正”字可省略不读;写负数时,一定要写“-”,读负数时,也要读“负”字。

(3)0既不是正数,也不是负数,它是正数与负数的交界点。

**拓展提高** 用正、负数表示相反意义的量,可根据具体情况而定。例如,规定向南走为正,则向北走为负等。如果规定向北走为正,那么向南走为负。

**跟踪训练(一)** 写出3对具有相反意义的量,并用正、负数表示。

## ● 知识点二 在数轴上表示正数、0和负数

**问题导入** 他们以大树为起点。



(1)如何在一条直线上表示出他们运动后的情况呢?

(2)在数轴上表示出-1.5,如果你想从起点到-1.5处,应如何运动?

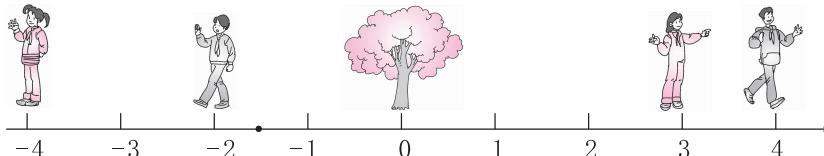
### 过程讲解

1. 分析题意。

图中4名学生都是以大树为起点向东、西两个方向运动,要在一条直线上表示出4名学生运动后的情况,应以大树为原点,规定一个方向为正,一个方向为负,才能在直线上表示他们的位置。

2. 画图表示以上4名学生和大树的位置关系。

(1)画一条直线,取一点表示起点(即大树的位置),再确定方向,以向东为正,向西为负,也就是起点右边为正,起点左边为负。规定一个单位长度表示1m。如下图所示。

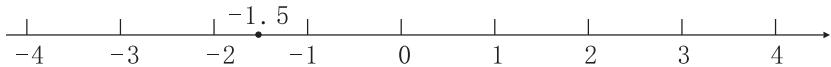


把大树的位置记作0,向东走3m记作3,向东走4m记作4,向西走2m记作-2,

传说中的斑竹是怎样形成的?

向西走 4m 记作  $-4$ 。

(2)  $-1.5$  的位置, 表示向西走  $1.5\text{m}$ , 即  $-1$  与  $-2$  的中点, 应从起点向左运动  $1.5$  个单位长度。



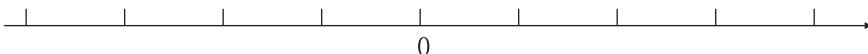
**归纳总结** 用直线上的点表示相反意义的量, 应确定好以哪个点为起点, 并用 0 表示, 再确定正方向和单位长度, 然后找准对应点表示相反意义的量。

**拓展提高** 规定了原点、正方向和单位长度的直线叫数轴, 温度计也可以看做一条数轴。

### 跟踪训练(二)

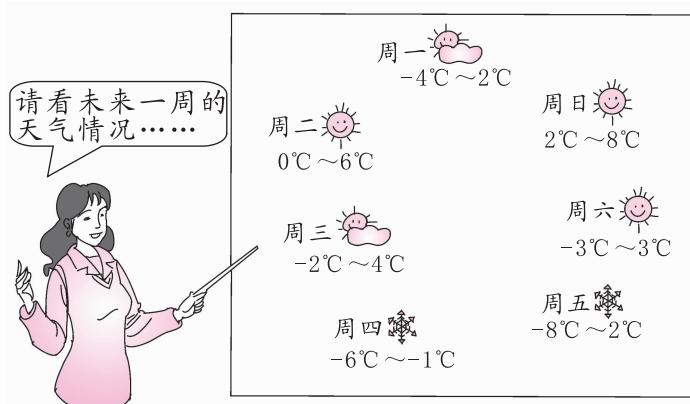
在数轴上表示下列各数。

$-3$        $1$        $-2$        $0.5$        $-0.5$        $-\frac{3}{2}$



## 知识点三 借助数轴比较数的大小

### 问题导入



把未来一周每天的最低气温在数轴上表示出来, 并比较它们的大小。

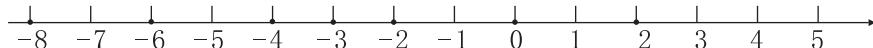
### 过程讲解

1. 找出未来一周每天的最低气温。

结合生活经验, 注意比较两个温度的高低, 如  $-8^{\circ}\text{C}$  和  $2^{\circ}\text{C}$ ,  $-8^{\circ}\text{C}$  是零度以下, 而  $2^{\circ}\text{C}$  是零度以上, 直观感受到  $-8^{\circ}\text{C}$  比  $2^{\circ}\text{C}$  低。找出未来一周每天的最低气温是: 周一  $-4^{\circ}\text{C}$ , 周二  $0^{\circ}\text{C}$ , 周三  $-2^{\circ}\text{C}$ , 周四  $-6^{\circ}\text{C}$ , 周五  $-8^{\circ}\text{C}$ , 周六  $-3^{\circ}\text{C}$ , 周日  $2^{\circ}\text{C}$ 。

2. 在数轴上表示未来一周每天的最低气温, 并比较它们的大小。

周一    周二    周三    周四    周五    周六    周日



(1) 借助数轴比较数的大小。

在数轴上, 正数在 0 的右边, 负数在 0 的左边, 从左到右的顺序就是数从小到大的顺序, 即  $-8 < -6 < -4 < -3 < -2 < 0 < 2$ 。

(2) 借助温度计上温度的排列比较。

温度计上的温度自下而上的顺序就是温度从低到高的顺序,如 $-8^{\circ}\text{C}$ 和 $-6^{\circ}\text{C}$ 都是在 $0^{\circ}\text{C}$ 以下,但 $-8^{\circ}\text{C}$ 比 $-6^{\circ}\text{C}$ 还低,所以 $-8 < -6$ ;同理 $-4^{\circ}\text{C} < -3^{\circ}\text{C}$ ,则 $-4 < -3$ 。则有 $-8 < -6 < -4 < -3 < -2 < 0 < 2$ 。

**归纳总结** (1) 比较数的大小可借助数轴比较,数轴上从左到右的顺序就是从小到大的顺序。

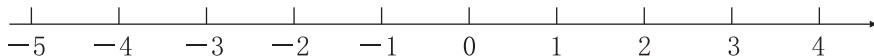
(2) 所有的负数都在0的左边,也就是负数都比0小,而正数都比0大,负数都比正数小。

(3) 比较两个负数的大小,哪个负数对应的正数大,哪个负数就小。

### 跟踪训练(三)

在数轴上表示下列各数,并把这些数按从小到大的顺序排列起来。

$$\frac{1}{2} \quad -\frac{1}{2} \quad -3.5 \quad 1.5 \quad +\frac{5}{2} \quad -2 \quad 0$$



$$(-) < (-) < (-) < (-) < (-) < (-) < (-)$$

### 知识点四 负数的应用

**问题导入** 小红身高 $143\text{cm}$ 、小兰身高 $144\text{cm}$ 、小强身高 $148\text{cm}$ ,如果把他们的平均身高记作 $0\text{m}$ ,超过的记为正数,没有超过的记为负数。写出小红、小兰、小强的身高。

#### 过程讲解

1. 求标准量。

以他们的平均身高记作 $0\text{m}$ ,即以平均身高为标准,他们三人的平均身高为 $(143+144+148)\div 3=145(\text{m})$

2. 用正、负数表示他们的身高。

把平均身高 $145\text{cm}$ 记作 $0\text{m}$ ,小红比平均身高低 $2\text{cm}$ ,记作 $-2\text{cm}$ ;小兰比平均身高低 $1\text{cm}$ ,记作 $-1\text{cm}$ ;小强的身高超过平均身高 $3\text{cm}$ ,记作 $+3\text{cm}$ 。所以他们的身高为:

小红身高: $-2\text{cm}$

小兰身高: $-1\text{cm}$

小强身高: $+3\text{cm}$

**归纳总结** 在生活中,经常会用到以一定的量作标准,记作 $0$ ,超出的量用正数表示,没有超过的量用负数表示,应先求出实际量与标准量的差,再表示。

### 跟踪训练(四)

一次数学测试,如果以 $88$ 分为标准记作 $0$ 分,小明得 $+5$ 分,小亮得 $-2$ 分,他们的实际成绩是多少?

### 方法提示

比较数的大小可利用数轴,在数轴上,左边的数总比右边的数小。

### 重点提示

一般地,以一定的量作为标准,超出的量记作正的,未超过的量记作负的,恰好等于标准的量,则记作 $0$ 。

 **难题选讲**

课本第8页练习第一第3题

**分析** 以北京时间为标准,用正、负数表示其他时区的时间,比北京时间早的用正数表示,比北京时间晚的用负数表示。要考虑两个方面:一是看它比北京时间早还是晚;二是看它早或晚几个小时。

解答:北京时间12时,悉尼为14时,伦敦为4时。悉尼早2个小时,记作+2时;伦敦晚8个小时,记作-8时。

 **培优跷跷板**

**例1** 一条鲨鱼所在的海拔高度为-80m,一艘潜水艇在鲨鱼上方30m处,则潜水艇所在的高度是\_\_\_\_\_m。

**过程讲解**

**分析** 如右图所示,鲨鱼在海平面以下80m处,一艘潜水艇在鲨鱼上方30m处,列式为 $-80+30$ 。比鲨鱼高30m,即在海平面下 $80-30=50(m)$ 处,潜水艇虽然在鲨鱼上方,但仍在海平面以下,所以记作-50m。

解答:-50

**归纳总结** 负数与正数相加,如果负数中负号后面的数比正数大,那么就用负号后面的数减去正数,得数是几,结果就是负几。

**跟踪训练(五)**

M点在海拔-100m处,N点比M点高40m,那么N点的海拔是\_\_\_\_\_m。

**例2** 某一天青海的气温为 $-8^{\circ}\text{C} \sim 6^{\circ}\text{C}$ ,这一天的温差最大是\_\_\_\_\_℃。

**过程讲解**

**分析** 已知这一天的最高气温为 $6^{\circ}\text{C}$ ,最低气温为 $-8^{\circ}\text{C}$ ,求该地的最大温差就是用最高气温减去最低气温,列式为 $6-(-8)$ 。正数减负数我们不会计算,但可以借助 $0^{\circ}\text{C}$ 进行推算,因为 $6^{\circ}\text{C}$ 比 $0^{\circ}\text{C}$ 高 $6^{\circ}\text{C}$ ,而 $0^{\circ}$ 又比 $-8^{\circ}\text{C}$ 高 $8^{\circ}\text{C}$ ,所以 $6^{\circ}\text{C}$ 比 $-8^{\circ}\text{C}$ 高 $6+8=14^{\circ}\text{C}$ 。

解答: $14^{\circ}\text{C}$

**归纳总结** 正数减负数,可以转化为正数加法计算。

**跟踪训练(六)**

一天北京早晨的气温是 $-2^{\circ}\text{C}$ ,中午上升了 $8^{\circ}\text{C}$ ,中午的气温是多少摄氏度?

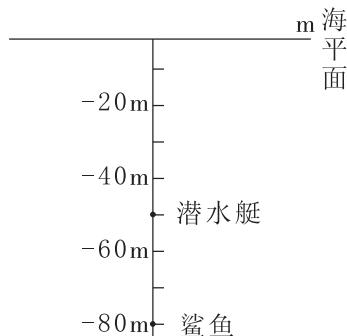

 **误区哈哈镜**

**误区一** 判断: $-a$ 一定是负数。(×)

**错解分析** 错误的原因是误认为带负号的数一定是负数,事实上单凭带“+”“-”号的数判断是正数还是负数是不准确的。如 $a=-1$ ,则 $-a=-(-1)=1$ 。

**正确解答** (×)

**温馨提示** 判断一个数是正数还是负数不能光凭正、负号进行区分,如 $+(-2)$ 是负数,而 $-(-2)$ 却是正数。



**● 误 区 二** 判断:最大的负数是-1。(√)

**错解分析** 只要比0小的数都是负数,可以是小数、分数,也可以是整数,有无数个。所以,不存在最大的负数,同样也不存在最小的负数。

**正确解答** (×)

**温馨提示** 没有最大的负数和正数,也没有最小的正数和负数。

**● 误 区 三** 判断:0摄氏度表示没有温度。(√)

**错解分析** 0摄氏度不是没有温度,而是零上温度和零下温度的分界点。

**正确解答** (×)

**温馨提示** 水结成冰时的温度是0摄氏度,0在这里的意义不是表示“没有”,而是表示一个具体的数,0摄氏度比零下温度高。



**基础达标**

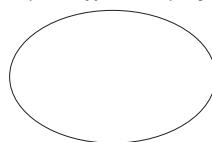
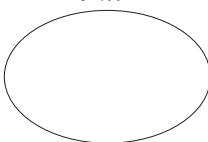
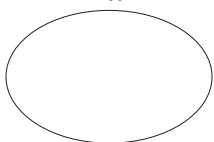
1. 分一分,把下列各数填入相应的圈中。

3.2 -1.5 0 +6  $-\frac{3}{5}$   $+\frac{1}{2}$  0.8 -4 1

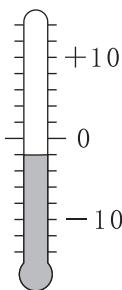
正数

负数

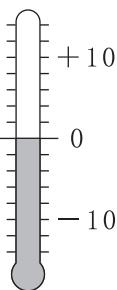
既不是正数也不是负数



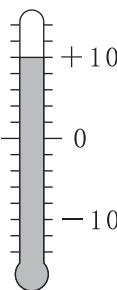
2. 连一连。



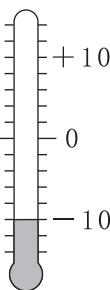
$-10^{\circ}\text{C}$



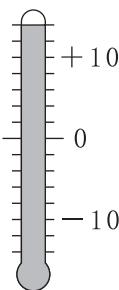
$+10^{\circ}\text{C}$



$0^{\circ}\text{C}$



$+14^{\circ}\text{C}$



$-2^{\circ}\text{C}$

3. 填一填。

(1)  $+\frac{2}{3}$  读作( ), -2.05 读作( )

(2) 如果向南走18米记作+18米,那么向北走12米,记作( )米。

(3) 用正数或负数表示下面的海拔高度。

① 我国的泰山最高峰玉皇顶高于海平面1545米,记作( )。

② 世界上最深的淡水湖是贝加尔湖,最深处比海平面低1620米,记作( )。

(4) +18°C 表示( ), -2°C 表示( )。

(5) 在下面的○里填上“>”“<”或“=”。

$$-7 \bigcirc -5$$

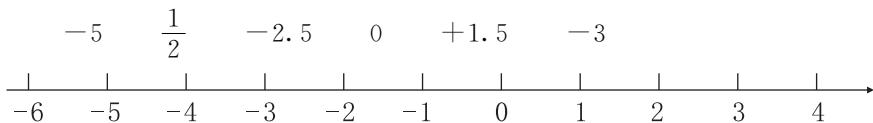
$$-2 \bigcirc 2$$

$$-\frac{1}{3} \bigcirc 0$$

$$\frac{1}{2} \bigcirc -1$$

### 能力提高

4. 在数轴上表示下列各数，并把这些数从小到大排列起来。



5. 一天中午 12 时, 哈尔滨气温是  $-12^{\circ}\text{C}$ , 广州气温是  $+12^{\circ}\text{C}$ , 这两地气温相差多少摄氏度?

### 培优精练

6. 学校举办智力测验比赛, 共 10 道抢答题, 规定答对 1 题得 5 分, 答错一题得  $-3$  分, 不答得 0 分, 淘气共得 9 分, 他抢答了几次? 答对几道题? 答错几道题?



9

摄氏温度( $^{\circ}\text{C}$ )与华氏温度( $^{\circ}\text{F}$ )的换算方法。

$$\text{摄氏温度} = \frac{5}{9} \times (\text{华氏温度} - 32)$$

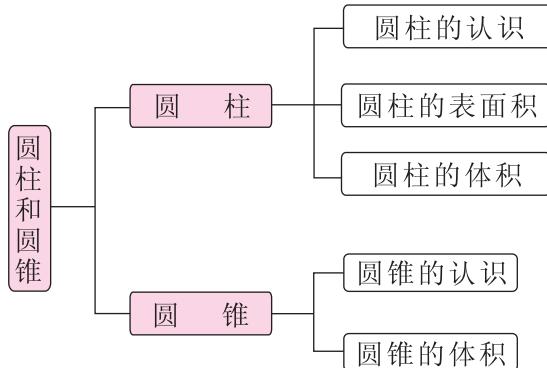
$$\text{华氏温度} = \frac{9}{5} \times \text{摄氏温度} + 32$$

请你填一填。

$^{\circ}\text{C}$ 摄氏	$^{\circ}\text{F}/\text{华氏}$
0	32
1	33.8
( )	64.4
75	( )

## 二 圆柱与圆锥

### 单元知识脉络图



### 1. 圆柱

(教材 10~20 页)



让我们一起走进图形王国，走进这节知识园地去探索吧！

### 第1课时 圆柱的认识



#### 目标导航

- 了解圆柱的特征，认识圆柱的底面及其直径和半径，圆柱的高、侧面及圆柱的展开图。
- 培养观察和抽象的能力，了解平面图形与立体图形之间的联系，发展空间观念。

#### 重难点

**重点：**认识圆柱的特征及各部分名称。

**难点：**理解圆柱的侧面展开图与圆柱各部分的关系。

**疑点：**侧面展开是正方形的圆柱的特征。

#### 知识梳理

- 圆柱的初步认识

圆柱是生活中常见的立体图形，如 直直的上下粗细相同的物体。

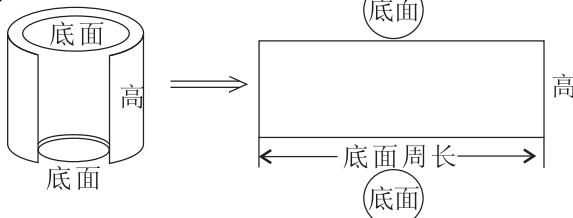
## 2. 圆柱的各部分名称

圆柱共有三个面。圆柱的上、下两个面叫做底面，它们是完全相同的两个圆；圆柱有一个曲面，叫做侧面；圆柱两个底面之间的距离叫做高。

## 3. 圆柱的侧面、底面及它们之间的关系

把圆柱的侧面沿着一条高剪开后是一个长方形，这个长方形的长等于圆柱的底面周长，宽等于圆柱的高。

如



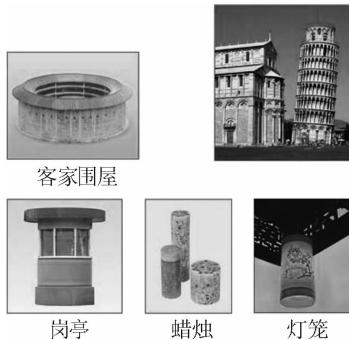
当圆柱的底面周长和高相等时，沿高剪开的圆柱的侧面展开后是一个正方形。



## 知识讲解

### 知识点一 圆柱的初步认识

**问题导入** 下面这些物体的形状有什么共同点？



11

### 过程讲解

1. 观察上图中的物体，找相同点。

上面这些物体除质地、色彩、花纹不同外都可以抽象为一种立体图形圆柱，如下图所示。

### 重点提示

这里所讲的圆柱都是直圆柱（上下粗细一样）。



2. 举出生活中外形是圆柱的例子。

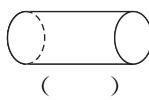
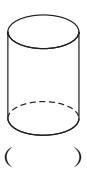
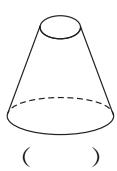
像下图中的杀虫喷雾剂、水桶、茶叶瓶等都是圆柱。



**归纳总结** 圆柱是生活中一种比较常见的立体图形。

### 跟踪训练(一)

下面的图形是圆柱的打“√”，不是圆柱的打“×”。



## 知识点二 圆柱的组成及其特征

**问题导入** 拿一个圆柱形的实物，看一看圆柱是由哪几个部分组成的。

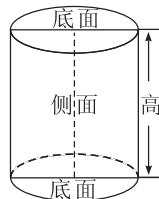
### 过程讲解

1. 圆柱的组成。

圆柱是由两个底面和一个侧面三部分组成的，如右图所示。

2. 圆柱的各部分名称。

(1) 圆柱的两个圆面叫做底面。圆柱底面圆的圆心、半径、直径和周长分别叫做圆柱的底面圆心、底面半径、底面直径和底面周长。



(2) 圆柱周围的面叫做侧面。

(3) 圆柱两个底面之间的距离叫做高。

3. 圆柱的特征。

(1) 圆柱的底面是两个完全相同的圆。

(2) 圆柱的侧面是一个曲面。

(3) 一个圆柱有无数条高且相等。

4. 转动长方形形成圆柱。

(1) 操作。

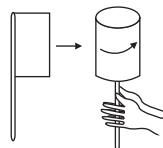
把一张长方形硬纸贴在木棒上，快速转动，如右图所示。

(2) 观察。

转动起来形成一个圆柱。

### 方法提示

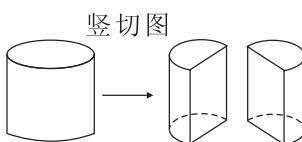
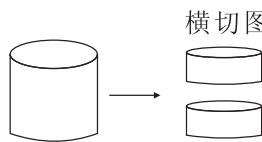
判断一个图形是不是圆柱，应根据圆柱的特征所具备的三个条件来判断，缺一不可。



**归纳总结** 圆柱是一种立体图形，由两个底面和一个侧面组成。

**拓展提高** 把一个圆柱平行于底面进行切割，切面是和底面大小相同的

两个圆；把圆柱沿着底面直径垂直于底面进行切割，切面是两个完全相同的长方形。(如下图)



**跟踪训练(二)**

判断,对的在括号里画“√”,错的画“×”。

(1)圆柱只有一条高。 ( )

(2)圆柱的两个底面直径相等。 ( )

**知识点三 圆柱侧面、底面及其之间的关系**

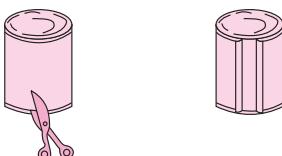
**问题导入** 圆柱的侧面展开后是什么形状? 它与底面有什么关系?

**过程讲解**

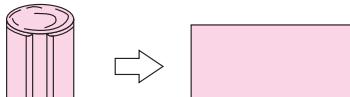
1. 动手操作。

(1)展示圆柱的侧面。

在圆柱形罐头盒侧面的商标纸上画一条高,沿着这条高把商标纸剪开,展开后得到一个长方形,如下图所示。

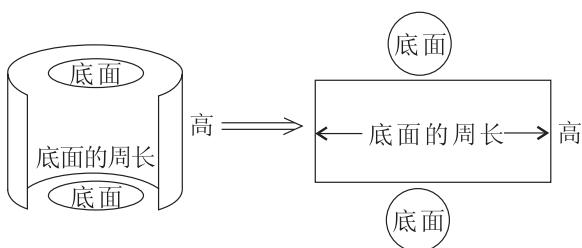


(2)把展开的长方形重新包上,与圆柱比较。



2. 观察小结。

通过操作比较,发现长方形的长等于圆柱底面周长,宽等于圆柱的高,如下图所示。

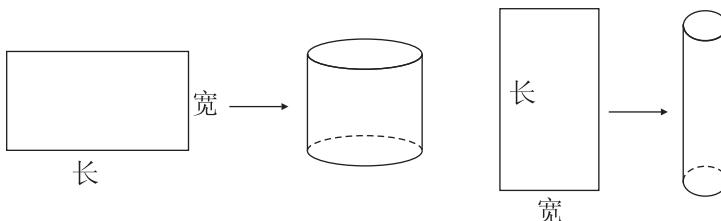
**重点提示**

有一种特殊的圆柱。底面周长与高相等,沿高剪开后,圆柱的侧面展开图形是一个正方形。



**归纳总结** 圆柱的侧面展开后是一个长方形,这个长方形的长等于圆柱底面的周长,宽等于圆柱的高。

**拓展提高** (1)一张长方形纸可以卷成两种不同的圆柱形纸筒,一种是长为圆柱底面周长,宽为圆柱的高;另一种是宽为圆柱的底面周长,长为圆柱的高,如下图所示。



(2)在圆柱的上、下底面周长上任意取一点为M,N,连接MN(使MN不是圆柱的