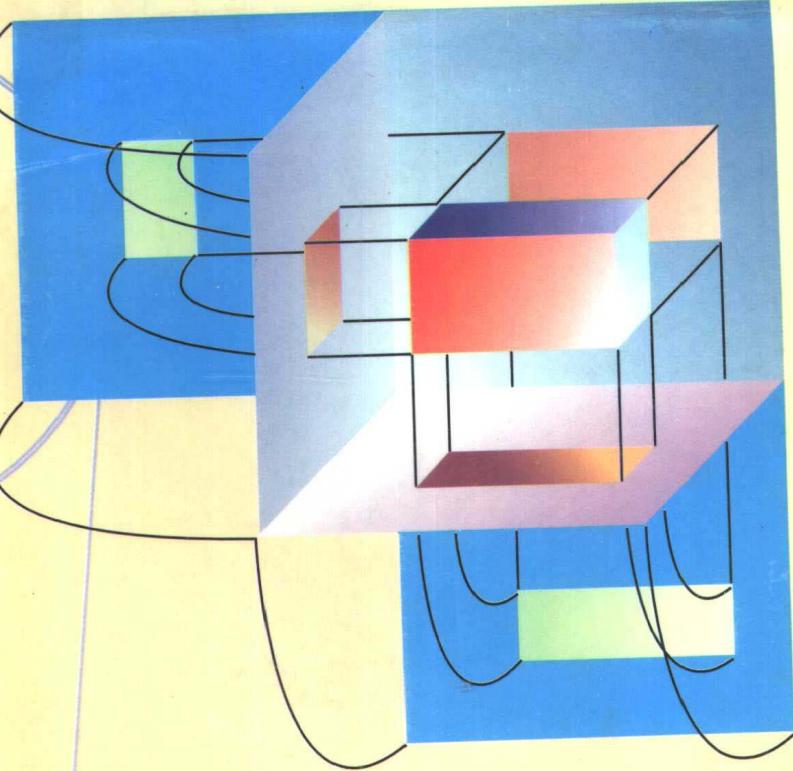


机械工业出版社

# 固 结 与 塑 性 机 械 学 问 题 集

张慧 范波涛 主编

高等學校教材



高等学校教材

# 画法几何学习题集

主编

张慧

范波清

参编

廖希亮

张明

主审

王春云

泉

机械工业出版社

**图书在版编目 (CIP) 数据**

画法几何学习题集(张慧, 范波涛主编. - 北京: 机械

工业出版社, 1998. 8

ISBN 7-111-06389-9

I. 画... II. ①张... ②范... III. 画法几何-高等学校-  
习题 IV. 0185.2-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (98) 第 12267 号

出 版 人: 马九来 (北京市百万庄大街 22 号 邮政编码 100037)

责任编纂: 商红云 杨 燕 版式设计: 冉晓华 责任校对: 姚培新

封面设计: 姚 敏 责任印制: 路 琳

北京市密云县印刷厂印刷 · 新华书店北京发行所发行

1998 年 8 月第 1 版 第 1 次印刷

787mm × 1092mm<sup>1</sup>/16 · 3.5 印张 · 51 千字

0 001—4000 册

定价: 6.50 元

凡购本书, 如有缺页、倒页、脱页, 由本社发行部调换

## 前 言

本习题集适用于高等工科院校机械类及近机械类(80学时以上)各专业。与机械工业出版社同期出版的《画法几何学》教材在内容顺序上一致，作为配套教材使用。习题集各章均以基本题为主，对重点难点内容增加题量，力求做到由浅入深，由易到难，循序渐进，逐步深化。突出了投影基础和表达能力的培养训练。

本习题集由山东工业大学张慧、范波涛任主

编。参加编写工作的有张慧、范波涛、廖希亮、  
张明、袁泉。

本习题集由山东工业大学王香云主编。  
由于编者水平所限，习题集中难免有错漏之  
处，敬请读者批评指正。

编者

1998年4月

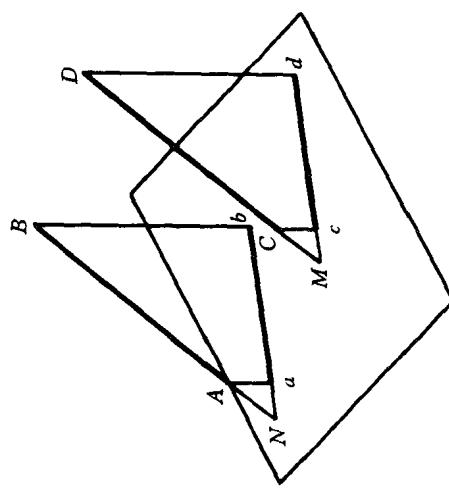
## 目 录

前言	
一、 绪论	1
二、 点的投影	2
三、 直线的投影	4
四、 平面的投影	9
五、 投影变换	12
六、 直线、平面的相互关系	18
七、 曲线与曲面	29
八、 立体的投影	31
九、 立体表面展开	42
十、 轴测投影	44
十一、 透视仿射对应	46
十二、 计算机绘图	48

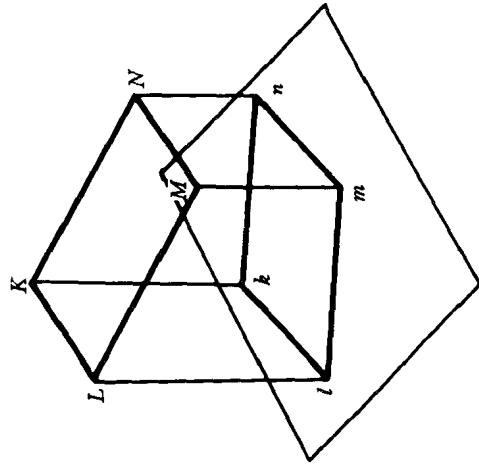
## 一、绪论

班级 姓名 学号

1—1 已知线段  $AB \parallel CD$ , 试证: 经平行投影后,  $ab : cd = AB : CD$ 。



1—2 已知四边形  $KLMN$  为平行四边形。试证: 经平行投影后, 其投影  $k'm'n'$  仍为一平行四边形。

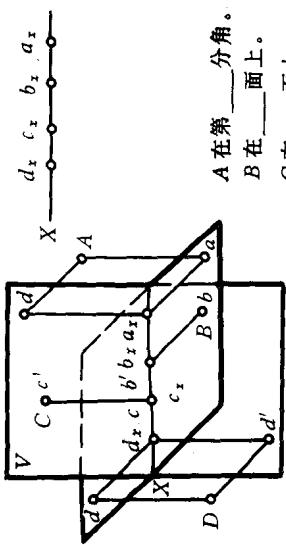


1—3 填空:

- (1) 工程上常用的投影法有 \_\_\_\_\_ 法和 \_\_\_\_\_ 法两种。
- (2) 中心投影法的投影光线是从 \_\_\_\_\_ 出发的, 而平行投影法光线是相互 \_\_\_\_\_ 的。
- (3) 正投影具有 \_\_\_\_\_ 、\_\_\_\_\_ 和 \_\_\_\_\_ 等几种主要特性。
- (4) 正投影属于 \_\_\_\_\_ 投影法的一种, 它的投影光线与投影面是 \_\_\_\_\_ 的。

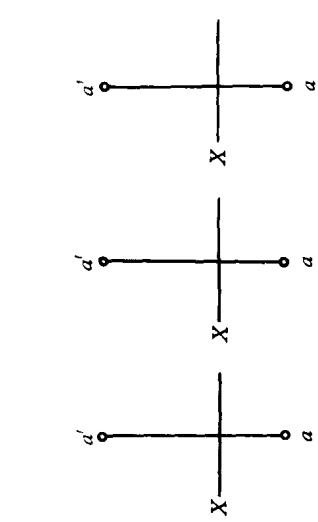
## 二、点的投影

2-1 根据轴测图作出 A、B、C、D 各点的投影图，并写出它们所在的位置(分角或投影面)。

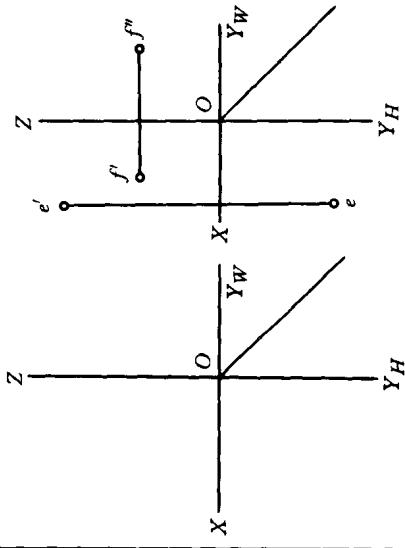


A 在第 分角。  
B 在 面上。  
C 在 面上。  
D 在第 分角。

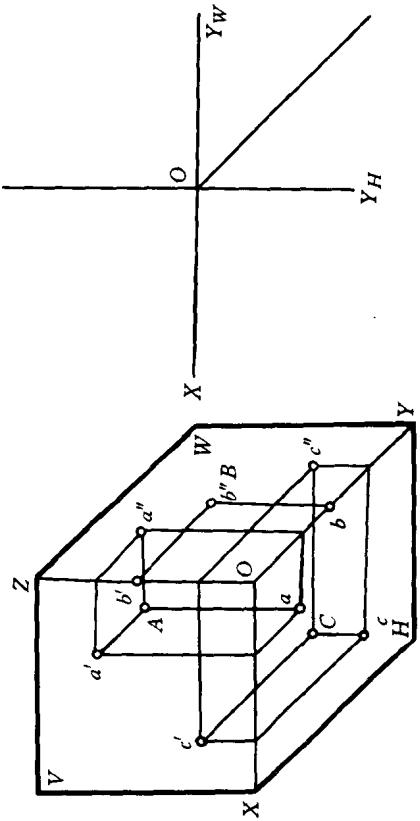
2-2 已知 A 点，求对称点 B(对称面为 H)、对称点 C(对称面为 V)、对称点 D(对称轴为 X)。并写出它们所在的位置(分角或投影面)。



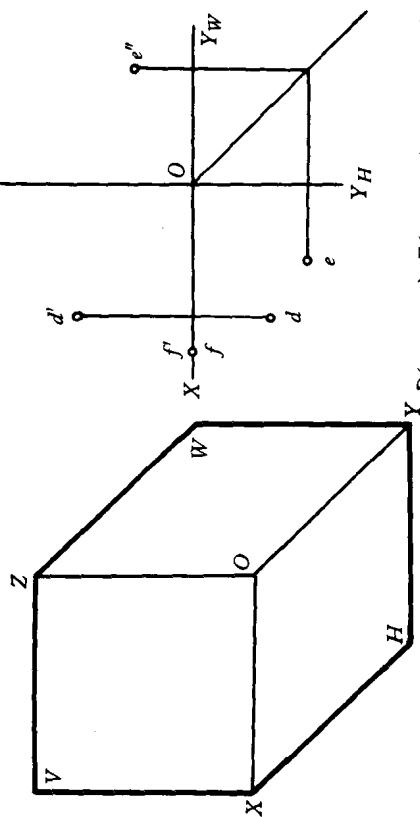
2-3 作出各点的三面投影，①已知 A(7, 13, 15)  
B(18, 0, 22) ②已知 E、F 点的两面投影。



2-4 已知 A、B、C 三点在轴测图中的位置，作出它们的投影图(从轴测图中量取坐标，并写出各点的坐标值)。



2-5 已知 D、E、F 三点的两投影，作出第三投影，以及三点在轴测图中的位置，并写出各点的坐标值。



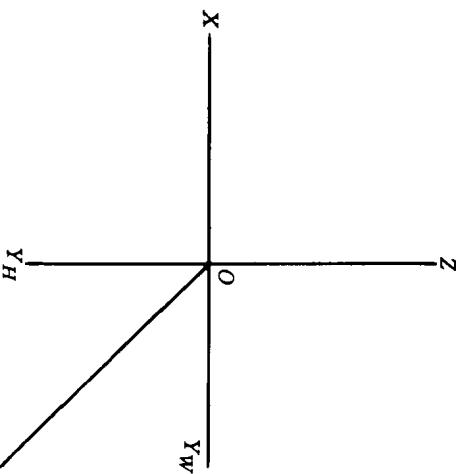
Y D( , , ), E( , , ), F( , , )。

班级 姓名 学号

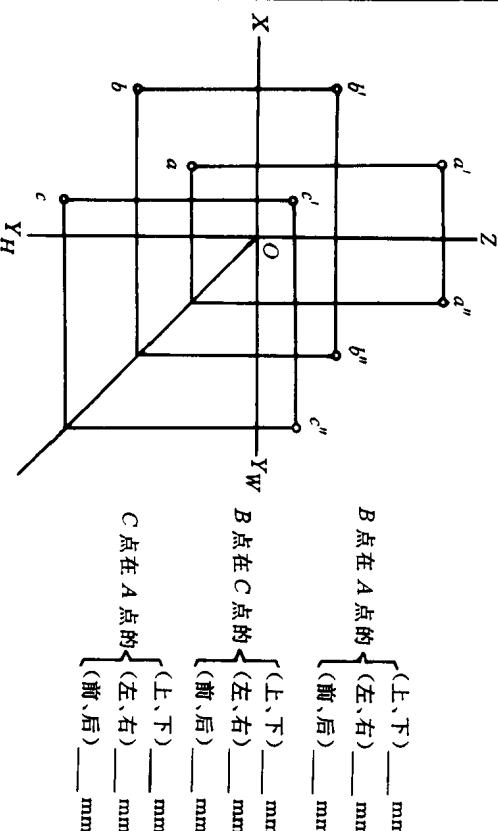
点的投影

班级 姓名 学号

- 2-6 作出下列各点的三面投影,①已知 A 点(15,5,0)、②B 点(0,10,20)、  
③C 点(20,0,0)。

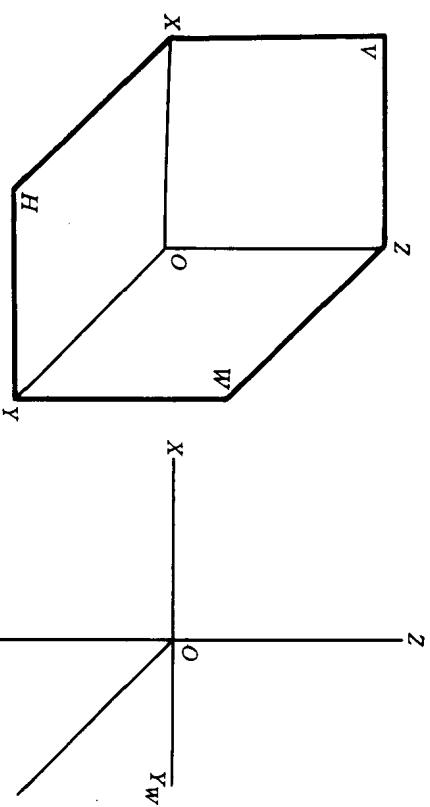


- 2-8 比较 A、B、C 三点的相对位置。

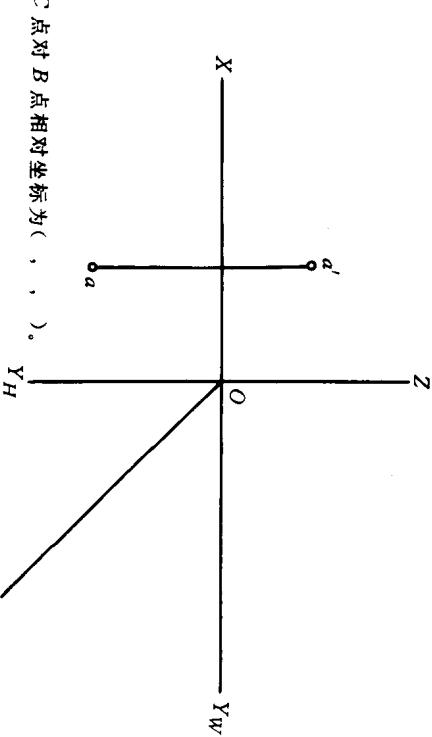


A 点在 \_\_\_\_ 面上, \_\_\_\_ 坐标等于零。  
 B 点在 \_\_\_\_ 面上, \_\_\_\_ 坐标等于零。  
 C 点在 \_\_\_\_ 轴上, 因此 \_\_\_\_ 坐标和 \_\_\_\_ 坐标均为零。

- 2-7 已知点 K(10,15,20)、M(20,15,8)、N(10,15,8) 三点的坐标,作出三面投影和在轴测图中的位置,并辨别可见性,把不可见点的投影打上括号。



- 2-9 已知 B 点对 A 点在 X、Y、Z 方向的相对坐标分别为(+12, -10, -8), C 点对 A 点在 X、Y、Z 方向的相对坐标分别为(-7, +5, +8), 作出 B、C 点的三面投影,并确定 C 点对 B 点的相对坐标。



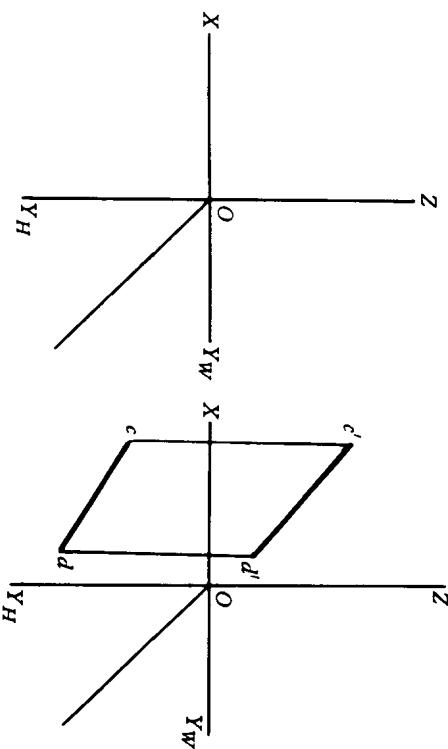
B 点在 A 点的  $\begin{cases} (\text{上、下}) \quad \text{mm} \\ (\text{左、右}) \quad \text{mm} \\ (\text{前、后}) \quad \text{mm} \end{cases}$   
 C 点在 A 点的  $\begin{cases} (\text{上、下}) \quad \text{mm} \\ (\text{左、右}) \quad \text{mm} \\ (\text{前、后}) \quad \text{mm} \end{cases}$

### 三、直线的投影

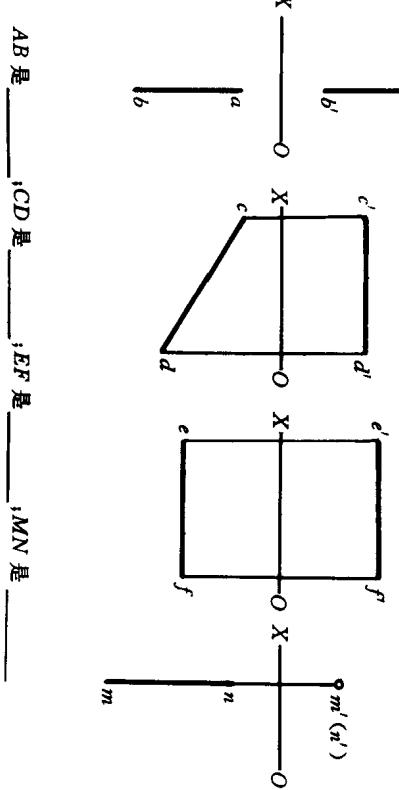
班级 姓名 学号

3-1 作出直线的三面投影。

(1) 已知端点  $A(20, 8, 5)$ 、 $B(5, 18, 20)$ 。(2) 已知  $CD$  的两面投影。

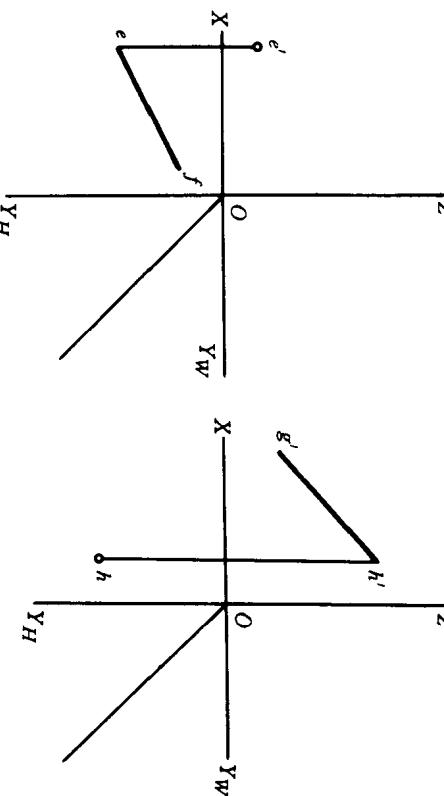


3-3 判别下列直线的位置。

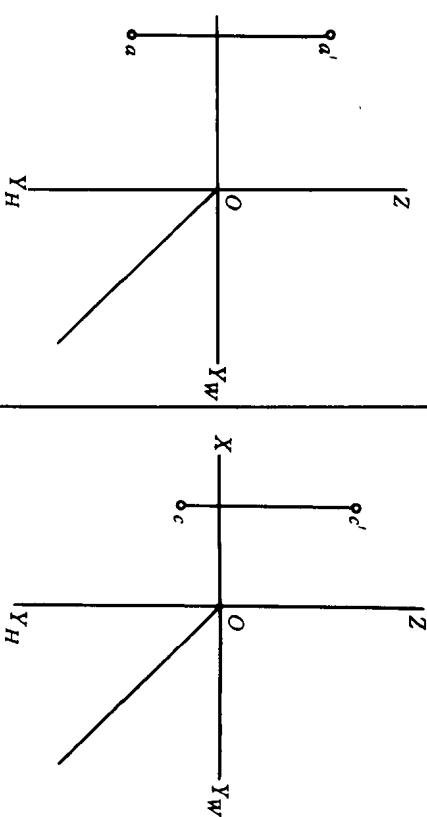


3-2 作出直线  $EF$ 、 $GH$  的三面投影。

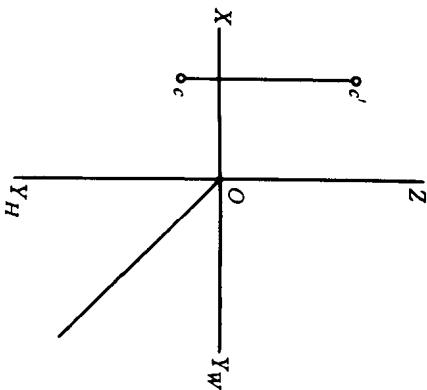
(1) 已知  $F$  点距  $H$  面为 25mm。(2) 已知  $G$  点距  $V$  面为 5mm。



3-4 已知  $AB$  为水平线,  $\beta = 30^\circ$ , 实长为 20mm 完成它的三面投影。



3-5 已知  $CD$  为侧平线,  $\alpha = \beta$  实长为 20mm, 完成它的三面投影。



$AB$  是\_\_\_\_\_， $CD$  是\_\_\_\_\_， $EF$  是\_\_\_\_\_， $MN$  是\_\_\_\_\_

直线的投影

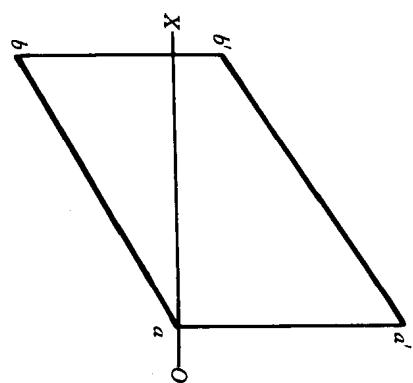
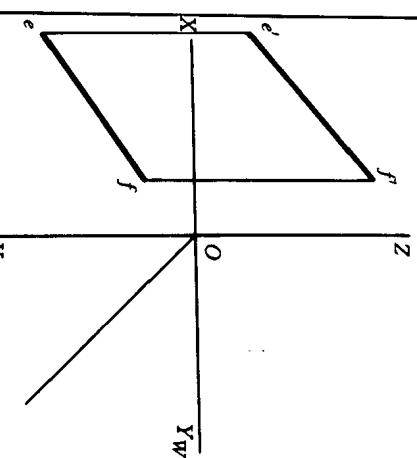
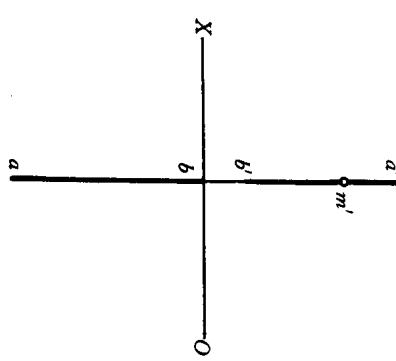
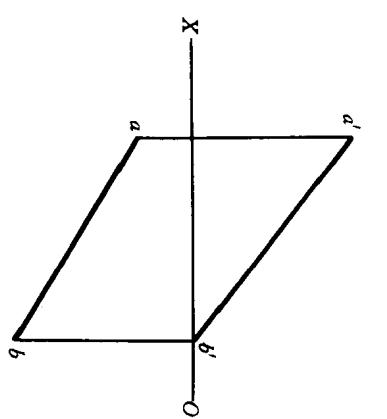
班级 姓名 学号

3-6 在AB上求一点K,使BK=20mm。

3-7 已知M点位于线段AB上,求作m。

3-8 在直线EF上求一点P,使P点与H、V面的距离之比为3:2。

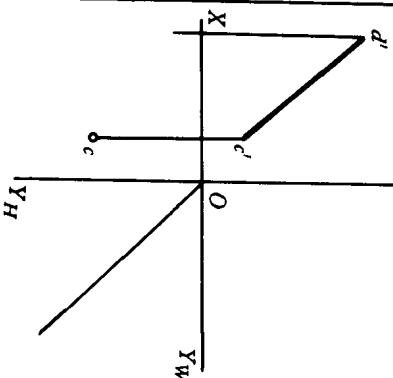
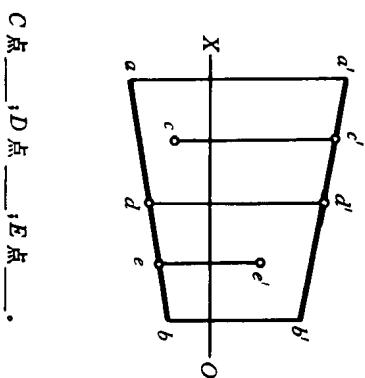
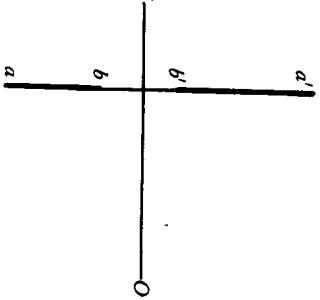
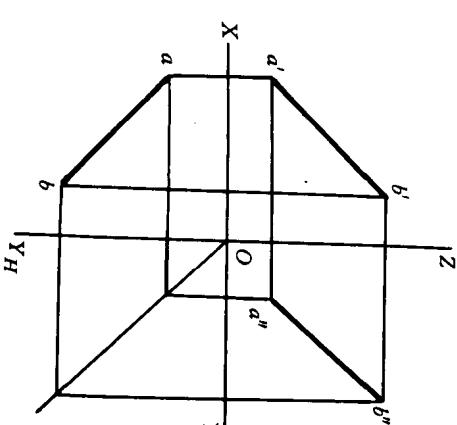
3-9 在直线AB上求作一点M,使YM=ZM。



3-10 作出直线AB的实长及对投影面的倾角 $\alpha$ 、 $\beta$ 、 $\gamma$ 。

3-11 试判断C、D、E点是否在直线AB上。

3-12 已知直线CD的投影c'd'及c,实长为25mm,完成它的投影。



C点\_\_\_\_\_, D点\_\_\_\_\_, E点\_\_\_\_\_。

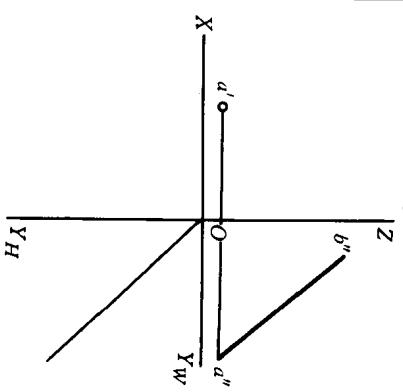
直线的投影

班级

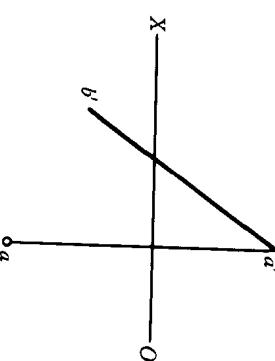
姓名

学号

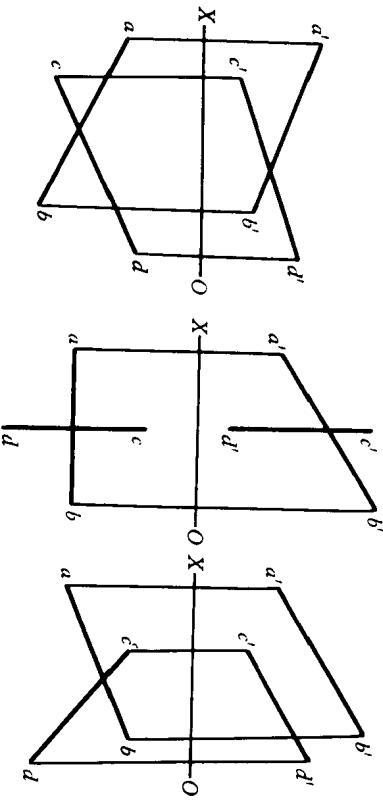
3-13 已知直线AB的投影 $a'b'$ 和 $a'd'$ ,倾角 $\gamma=30^\circ$ ,完成它的投影。



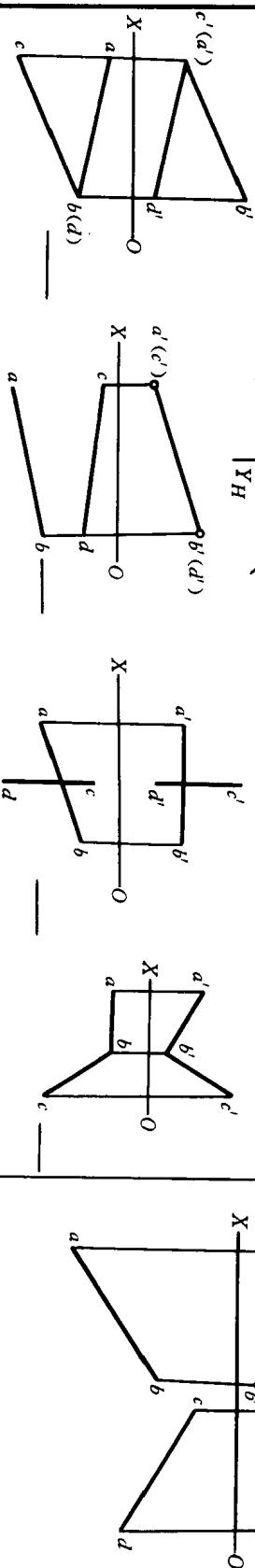
3-14 已知直线AB的投影 $a'b'$ 及 $a$ ,倾角 $\beta=30^\circ$ ,完成它的投影。



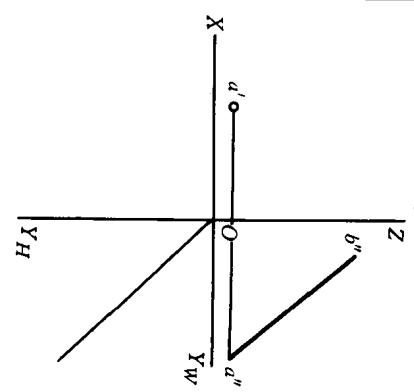
3-15 标注出重影点的正面投影及水平投影。



3-16 判别AB与CD两直线的相对位置(平行、相交、交叉、正交、交叉垂直)。



3-17 作一水平线EF,离H面为15mm,并与直线AB,CD相交。



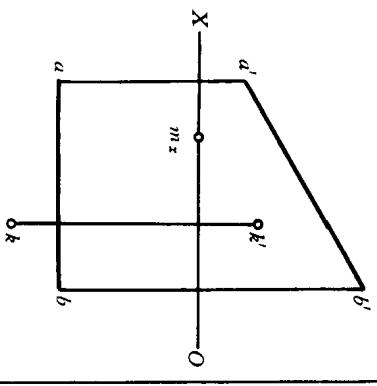
直线的投影

班级

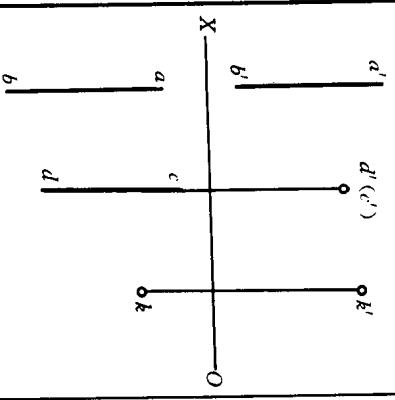
姓名

学号

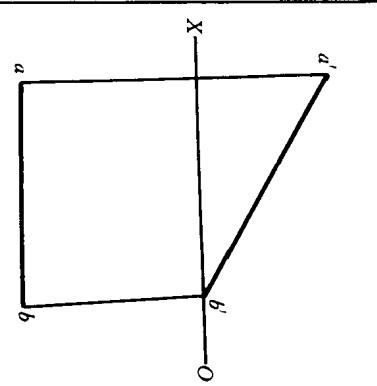
3-18 过 K 点作一直线 KL 与 AB、CD 相交。



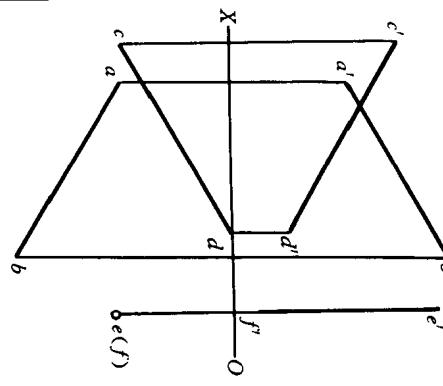
3-19 作直线 MN//CD，并与 AB、EF 相交。



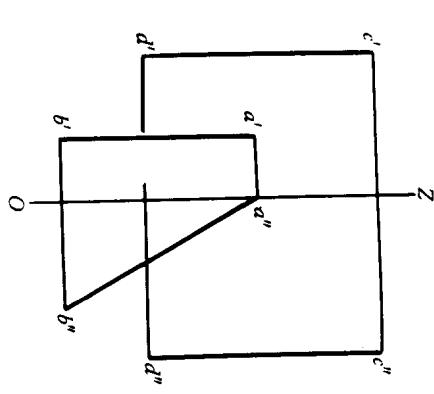
3-22 过 K 点作一直线 MN 与正平线 AB 垂直。



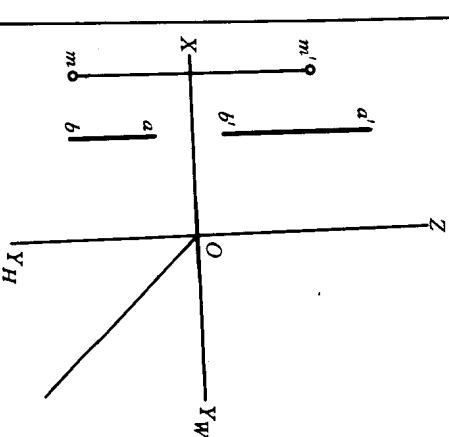
3-23 以正平线 AB 为一直角边，A 为顶点，作等腰直角△ABC，并使 C 点在 V 面上。



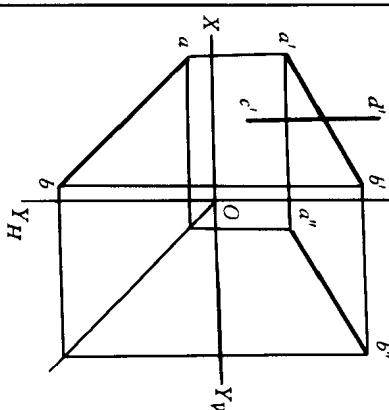
3-24 在 CD 上求作一点 M, 使其到 A、B 两点等距离。



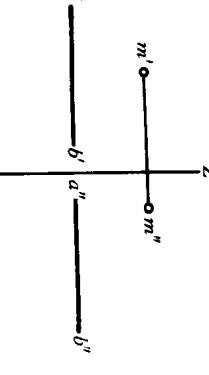
3-25 求出 M 点到直线 AB 的距离。



3-20 侧平线 CD 与 AB 相交，  
 $Y_D > Y_C$ ; CD 的  $\sigma = 60^\circ$ , 求作 CD 的三面投影。



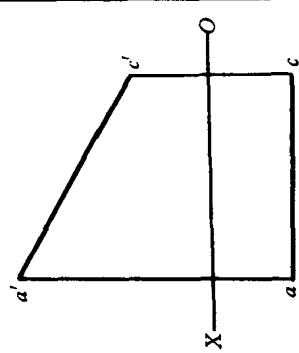
3-21 过 M 点作一长度为 20mm 的侧平线 MN 与 AB 相交。  
平线 MN 与 AB 相交。



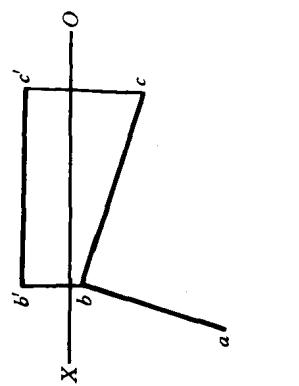
## 直线的投影

班级 姓名 学号

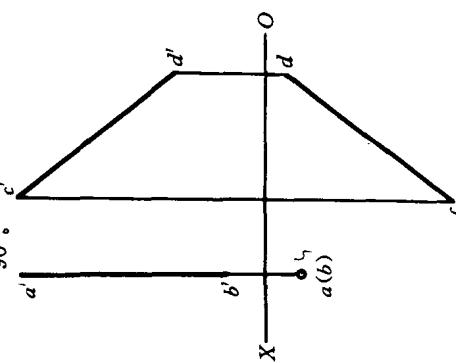
3-26 以正平线  $AC$  为对角线作一正方形  $ABCD$ , 已知  $B$  点距  $V$  面为  $20mm$ 。



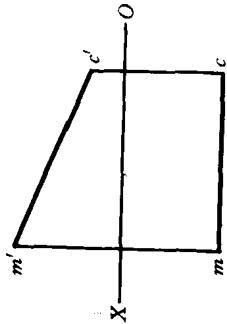
3-27 完成正方形  $ABCD$  的两面投影。



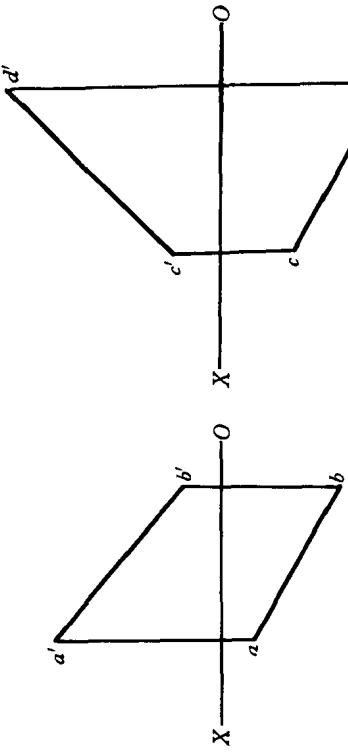
3-28 作一直角  $\triangle MNS$ , 令  $M$  点在  $AB$  上、 $N$  在  $CD$  上, 且  $NS$  等于  $15mm$ ,  $\angle MNS = 90^\circ$ 。



3-29 线段  $CM$  是等腰  $\triangle ABC$  的高, 点  $A$  在  $H$  面上,  $B$  在  $V$  面上, 作出  $\triangle ABC$  的投影。

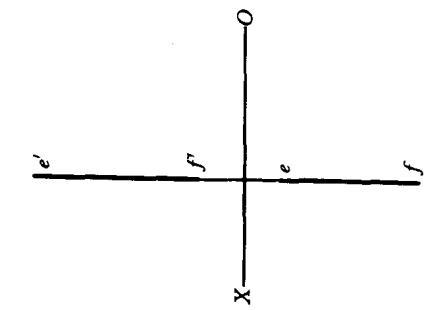


3-30 分别作出直线  $AB$  和  $CD$  的正面迹点和水平迹点, 并分析该直线穿过多几个分角。

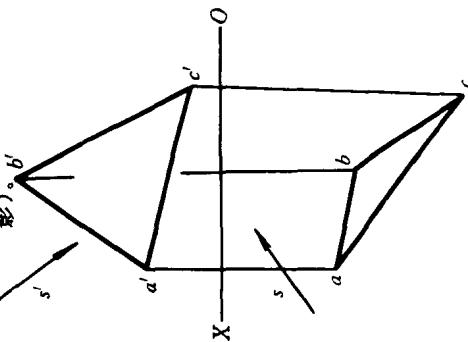


$AB$  穿过      分角。  
 $CD$  穿过      分角。

3-31 作出  $EF$  的正面迹点和水平迹点(不利用侧面投影)。



3-32 作出  $\triangle ABC$  在光线上  $S$  的照影。



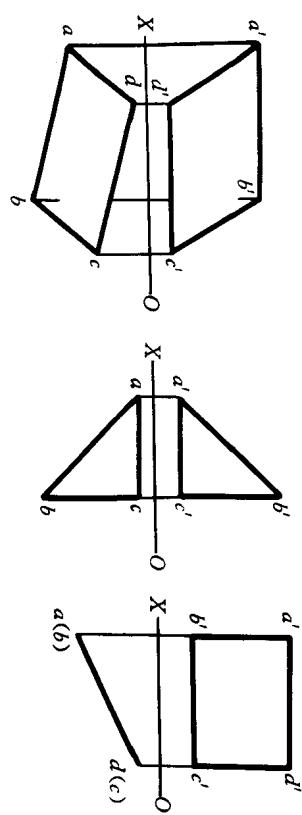
四、平面的投影

班级

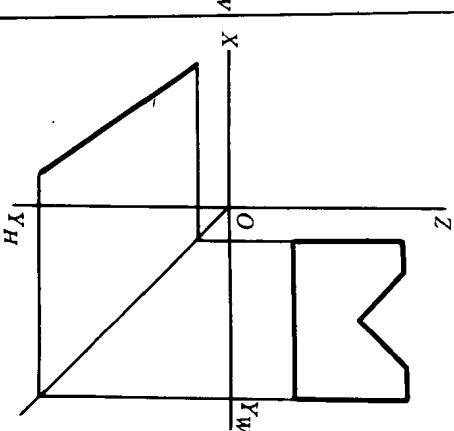
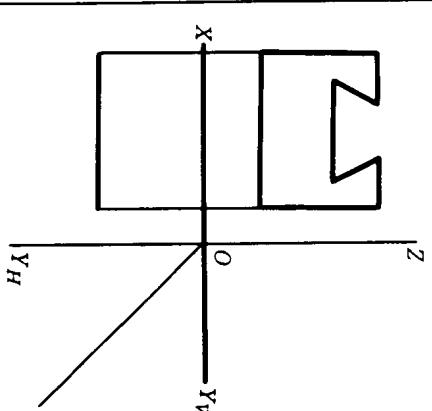
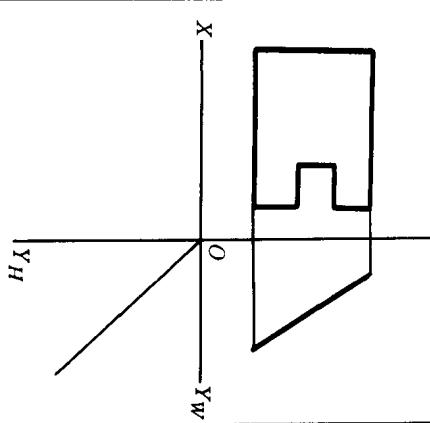
姓名

学号

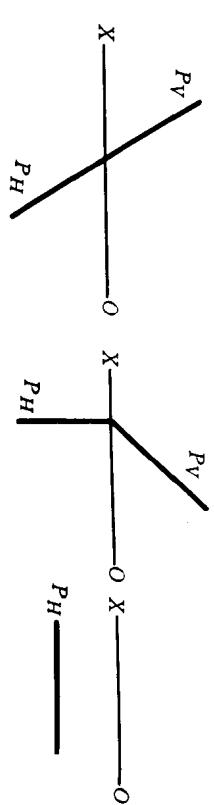
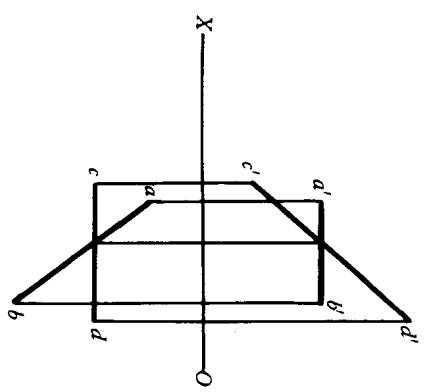
4-1 判别下列平面属于投影面平行面、垂直面、倾斜面中哪一类。



4-2 补画平面所缺的投影。



4-3 用迹线表示相交直线 AB 和 CD 组成的平面。



平面的投影

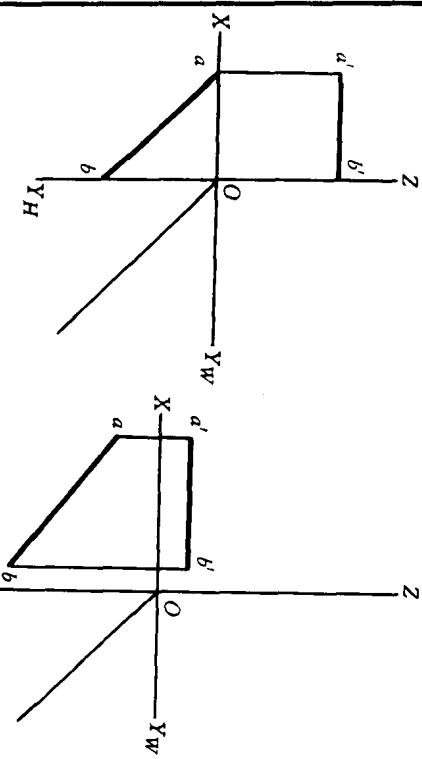
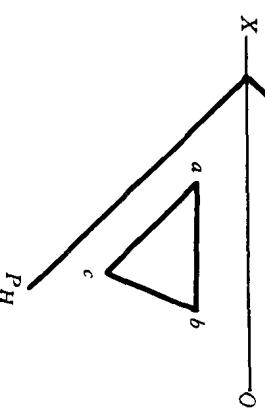
班级

姓名

学号

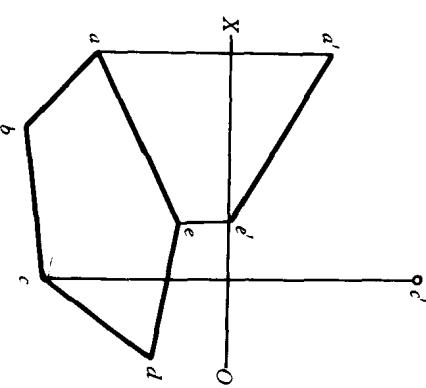
4-4 以 AB 为一边作平面的三面投影图。

(1) 作等边  $\triangle ABC$  为水平面。(2) 作正方形 ABCD 为铅垂面。



4-7 作出平面 P 上  $\triangle ABC$  的正面投影。

$P_V$

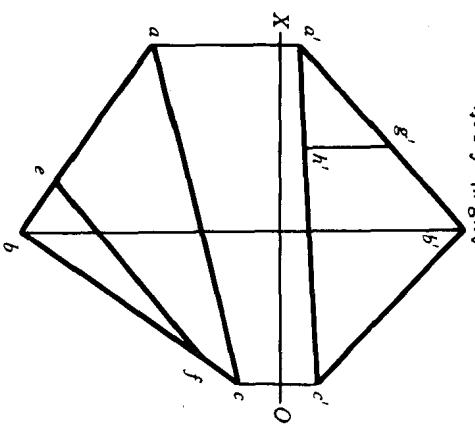
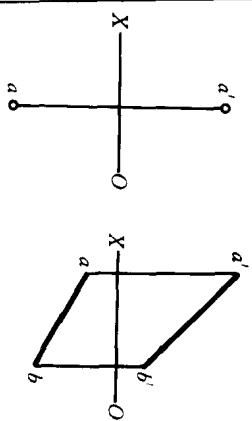
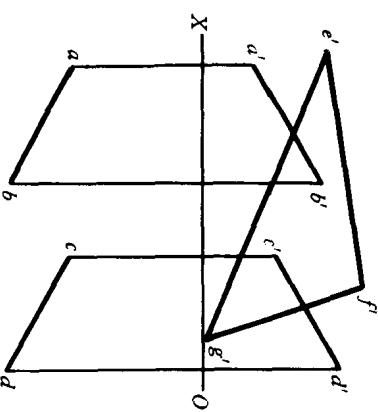
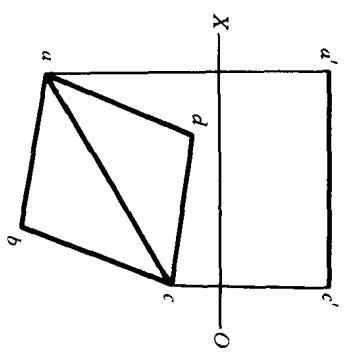


4-8 求作平面五边形 ABCDE 的正面投影。

$P_V$

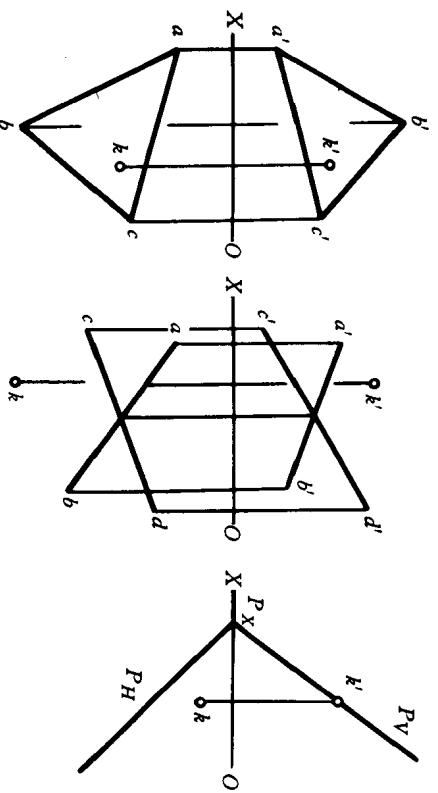
4-9 已知正方形 ABCD 的一条对角线 AC 为水平线，完成正面投影。

4-10 包含已知点 A 或直线 AB 作平面。  
(1) 作水平面。(2) 作正垂面。



4-6 在  $\triangle ABC$  平面内已知直线 EF 的水平投影及 GH 的正面投影，求  $e'f'$  和  $g'h'$ 。

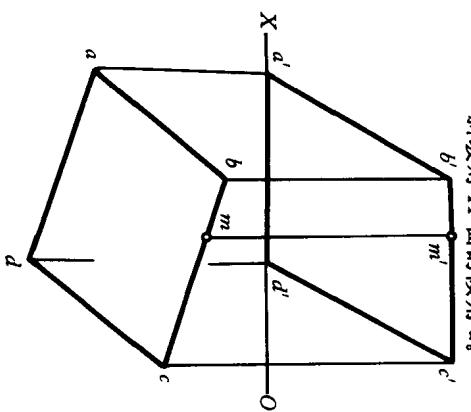
4-11 判别 K 点是否在平面上。



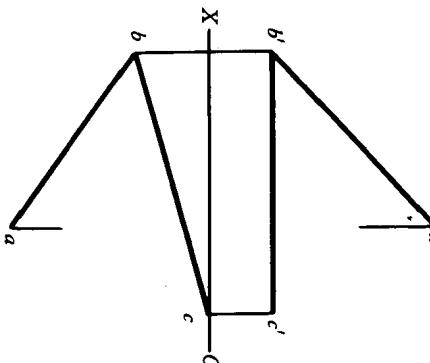
4-12 求 $\triangle ABC$ 对 V 面的倾角 $\beta$ 。

4-13 求 P 平面对 H 面的倾角 $\alpha$ 。

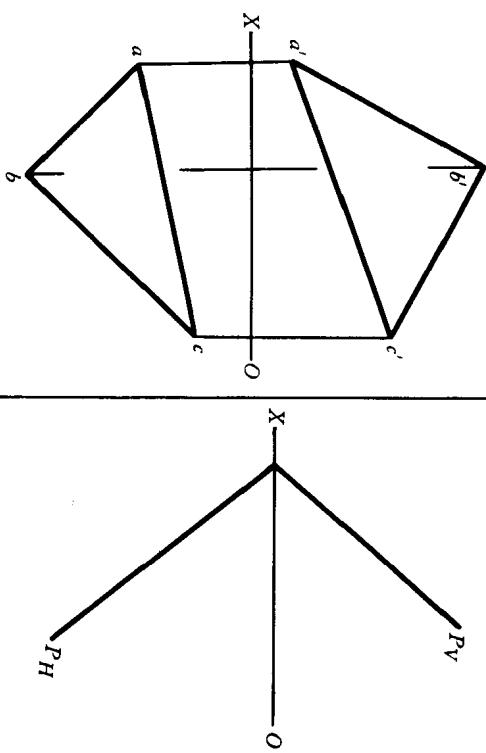
4-14 圆 M 从斜坡 ABCD 上滚下，作出它的轨迹的投影，并求出斜坡对 H 面的倾角 $\alpha$ 。



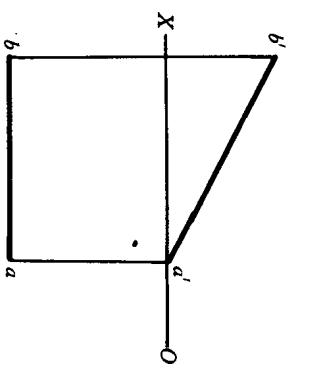
4-15 在平面 ABC 内求作一点 M，使其距 V 面 15mm，距 H 面 20mm。



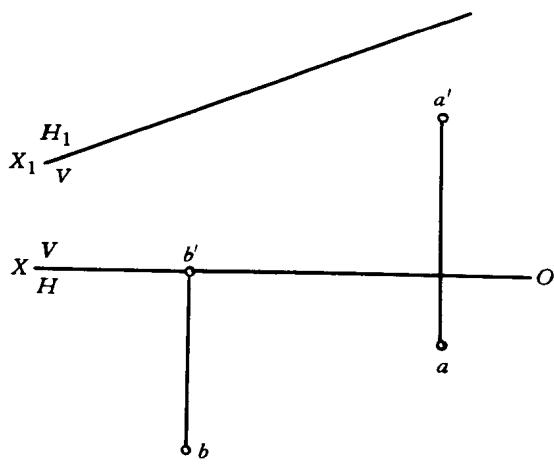
4-16 以 AC 为一条对角线作正垂面 ABCD 为正方形，并使其 $\gamma=30^\circ$ 。



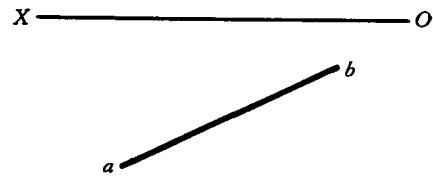
4-17 以正平线 AB 为一直角边，A 为顶点，作等腰直角 $\triangle ABC$ ，并使 C 点在 V 面上。



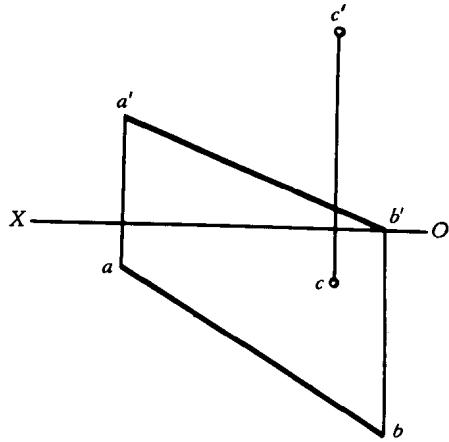
5-1 作出 A、B 点在  $H_1/V$  中的投影。



5-2 已知直线 AB 的实长为 30mm, 求作 AB 对  $H_1/V$  的倾角  $\alpha$ 、 $\beta$ 。



5-3 过 C 点作 CD 与 AB 正交。



5-4 已知  $\angle ABC = 90^\circ$ , 求作 ab。

