

工序能力与工序能力指数

尹启承 编著

严擎宇 审校

中国农业机械出版社

工序能力与工序能力指数

尹启承 编著

严肇宇 审校

中国农业机械出版社

责任编辑 工 力

工
序
能
力
与
工
序
能
力
指
数

工序能力分析是企业质量管理中的一项技术基础工作。本书结合生产中的实例，系统介绍了工序能力与工序能力指数的基本概念，以及运用管理图、频数分布图、正态概率纸、简易判断法则等各种计算依据和计算方法，还较为详细地介绍了工序能力的用途和处置方法，并考虑现场使用的方便，提供了有关的计算数据表。

本书可供企业各级质量管理人员、工程技术人员、操作工人、检验人员学习和使用。也可作为培训质量管理骨干的教材，和中专、技校有关专业师生的教学参考材料。

工序能力与工序能力指数

尹启承 编著

严肇宇 审校

*

中国农业机械出版社出版

北京市海淀区阜成路东钓鱼台乙七号

中国农业机械出版社印刷厂印刷

新华书店北京发行所发行

新华书店经售

*

787×1092 32开 5 6/16 印张 117千字

1983年3月北京第一版 1983年3月北京第一次印刷

印数：0,001—8,600 定价：0.52元

统一书号：4216·009

科技新书目：40-143

目 录

第一章 基本知识	1
一、衡量产品质量的数据	1
二、产品质量波动的原因	3
三、相对稳定的生产过程	5
四、连续的概率分布	6
五、离散型随机变量	11
六、几个常用的名词概念	16
七、随机抽样	19
八、数字的圆整与保留位数	22
第二章 工序能力	24
一、基本概念	24
二、计算工序能力时的数据收集	25
三、工序能力分析	27
四、工序能力的用途	36
第三章 工序能力指数	39
一、基本概念	39
二、偏离度对工序能力指数的影响	41
三、工序能力指数的计算公式	47
四、工序能力指数的判断和处置	52
五、工序能力指数的调查步骤	56
六、工序能力指数分析的应用	58
第四章 用管理图计算工序能力指数	60
一、数据的收集与整理	60
二、管理图的绘制	62
三、管理图的观察与分析	64

四、工序能力指数的计算	72
五、计算实例	76
第五章 用频数图计算工序能力指数	87
一、频数图的作法	87
二、频数图的观察与分析	89
三、工序能力指数的计算	94
四、计算实例	95
五、标准偏差的简便计算	107
第六章 计数值的工序能力调查	111
一、基本概念	111
二、数据的收集与整理	112
三、工序能力的判断与计算	114
四、对异常值的观察	119
五、计算实例	123
第七章 工序能力简易判断法	130
一、简易判断法的应用条件	130
二、简易判断法的程序	131
三、计算实例	133
第八章 用正态概率纸计算工序能力指数	139
一、正态概率纸的基本概念	139
二、正态概率纸的应用	142
三、计算实例	144
第九章 机械能力	148
一、基本概念	148
二、收集数据	148
三、工序能力与机械能力的比较	149
四、计算和判断	150
五、计算实例	152

附录一	正态分布表	156
附录二	$\sqrt{\bar{P}(1-\bar{P})}$ 数据表	160
附录三	$\frac{3}{\sqrt{n}}$ 数据表	164

第一章 基本知识

一、衡量产品质量的数据

在产品质量管理工作中，要经常接触数据。数据是进行产品质量管理和开展产品可靠性工作的主要依据。对“工序能力”与“工序能力指数”的计算，也不可能没有说明产品质量特性的数据。所以，要明确数据的概念，并收集、整理和分析数据，以便帮助我们从中发现生产中的问题，认识生产过程中的规律，达到改进设计、改进工艺、做好用户服务、降低产品成本、提高产品质量的目的。

产品质量管理工作中所涉及的数据，有：

(一) 计量值数据

可以连续取值的变量，称连续型随机变量，在“全面质量管理”工作中，称它们为计量值。所谓“连续取值”，是指它可以取到某区间（某范围）内的任意值。

重量、长度、温度、速度等都可用一定的尺度来衡量。而且，所得的数据既可是整数，又可是小数，它可以一个连续起来，所以这种数据是连续的计量数据。

例如：在机床上加工零件外圆，量得加工后五个零件的外圆尺寸为10.20、10.21、10.26、10.018、10.023，这些数据看起来并不连续，但如果加工的零件非常多，量具又足够精确，那末就会发现，任取一个尺寸范围（例如10.210~10.023之间），不论这范围取得多么小，总可以找到一些零件的尺寸在这个范围之内。这就是说，如果把零件尺寸在长度

标尺上一点一点地点出来，在一定的区间内，只要零件数量较多，这些点就可以连接起来。从这个例子中就可以理解连续性的含义了。

(二) 计数值数据

如果变量可能取到的值个数有限，或者虽然是无限个，但可以一个一个排出来，这样的变量就称为离散型随机变量。在“全面质量管理”工作中，称它们为计数值。

计数值数据还可以进一步分为计件数据和计点数据。

1. 计件数据

计件数据即对一批产品，仅仅是根据其某种特点进行按件查点(数)的数据，如一批产品中有多少件合格品、一等品、优等品。

2. 计点数据

计点数据即观察一件里边的一部分，某种情况有多少。如一个产品的电镀表面有多少斑点；一个铸铁件表面有几个砂眼点、疵点等等。

这里要说明一点，即质量管理工作中常遇到的“不合格率”，表面上看象个连续量，但实际上是一个个排列出来的值，所以应把它作为计数值。

用计数值数据反映工序生产能力的好坏，有如下四种数据形式：

(1) 不合格品率数据：

检查一定数量的产品，其中的不合格品数与总检查数之比，即为不合格品率。

当质量特性值可划分为合格与不合格时(如用极限量规或用感官检查产品，简单地判定其质量合格与否)，用此种数据。

(2) 不合格品数数据:

在生产过程相当稳定时, 产品的不合格率有一个一定的数值. 设以 \bar{P} 来表示平均不合格品率, 用 n 表示样品数, P_n 表示样品中的不合格品数, 则平均不合格品数 $\bar{P}_n = n\bar{P}$.

当每次检查的产品数量总是不变时, 可用此种数据.

(3) 每单位产品缺陷数数据:

检查发现的缺陷数与总检查单位产品数之比, 即为每单位产品缺陷数. 例如检查 10m^2 玻璃发现 50 个缺陷, 若以每 m^2 为 1 检查单位, 则这时的每单位缺陷数为 $\frac{50}{10} = 5$; 若以每

0.5m^2 作为 1 检查单位, 则这时的每单位缺陷数为 $\frac{50}{\frac{10}{0.5}} = 2.5$;

若以每 20m^2 作为 1 检查单位, 则这时的每单位缺陷数为 $\frac{50}{\frac{10}{20}} = 100$. 由此可知, 每单位缺陷数与检查单位有关,

检查单位变了, 单位缺陷数值也跟着变. 因此, 对于每单位缺陷数, 检查时要预先规定检查单位.

(4) 缺陷数数据:

缺陷数数据与每单位缺陷数不同的是各样品组大小相等 (或接近), 而不规定单位的大小. 因此, 当产品抽取样品大小 n 一定时, 多采用缺陷数数据.

二、产品质量波动的原因

计算“工序能力”与“工序能力指数”的目的之一, 是要判断这项工序是否满足产品质量要求, 以便控制产品质量,

因此，必需了解产品质量波动的原因。

在实际生产中，同一个工厂，同一个工人，用同一台设备所生产出来的同一种零件，其质量不会完全一样，也不可能完全一样，这就是我们所说的产品质量有波动的现象。什么原因会造成质量波动呢？不外乎这五个方面：人（技术熟练程度、对质量的认识、责任心、疲劳等等因素）；设备（设备本身各部分的制造精度、维护和保全状态等等因素）；方法（制作工艺、工装选择、测量试验等等因素）；原材料（物理化学性能、切削性能、形状等等因素）和环境（工作场地的温度、湿度、噪音干扰、清洁卫生、照明等等因素）。而所有这些原因，在生产制造中都同时对产品质量起作用，统称为质量因素。

对造成产品质量波动的原因，可归纳为偶然性原因和系统性原因两类。

偶然性原因也就是对产品质量经常起作用的因素。如原材料性质的微小差异，机床的微小振动，刀具的正常磨损，夹具的微小松动，工人在工序上操作的微小变化等等。一般说来，经常作用的因素数量较多，但它们对质量波动的影响不大，而且不易识别，同时在技术上难以消除，或者在经济上不值得消除。

系统性原因是可避免的因素，如原材料中夹进了不同规格材质的材料；机床、刀具的过度磨损；夹具的严重松动；机床、刀具安装和调整得不准确；孔加工基准尺寸有误差；界限量规基准尺寸有误差等等。系统性原因对质量波动的影响很大，容易识别，而且能够避免。

由系统性原因引起的波动称为系统性差异（或称条件误差）。系统性差异的大小，往往可以在造成波动的工件上测

量出来，如孔加工的系统性差异，是由孔加工刀具基本尺寸的误差所造成，可以在刀具上测量出来。同时，这些差异的数值，在一定时间内，都是一定的或作周期性的变化。

由偶然性原因引起的波动，称为偶然性差异（或称随机误差）。其特点是数值不定，不能事先确定它的数值。

对于影响产品质量波动的偶然性因素，我们不需要而且也很难加以控制。因此，我们把仅由于偶然原因造成的质量波动，称为正常的波动，并且认为这时的生产过程是处于被控制的状态。

对于影响产品质量波动的系统性因素，值得而且可以控制。因此，我们又把由于系统原因造成的质量波动，看作是不正常的波动，而且要采取各种有效措施，严格控制。计算“工序能力指数”时，把这种由系统性原因造成的超出控制界限的样品数值看作异常值，而予以剔除。

三、相对稳定的生产过程

测定“工序能力”与“工序能力指数”，是在工序处于相对稳定的生产状态下进行的。生产过程的相对稳定，需要有一定的条件，即：企业有一套行之有效的质量保证制度；有健全的岗位责任制；有比较完备及正确的工艺文件和操作规程；工人能严格遵守工艺纪律、按工艺规程操作；生产设备和工艺装备处于完好的状态；原材料、外协件、工具等保质保量、供应及时；并且实现了均衡生产和文明生产等等。也就是说：只有企业的各项工作走上了正轨才能实现生产过程的相对稳定。只有在相对稳定的生产过程中，才能有效地控制产品质量。相反，如果生产过程不稳定，测量所得的数据就会忽大忽小，变化无常，根本不遵循一定的统计规

律。计算出的“工序能力”与“工序能力指数”也不可能准确可靠。

当企业的生产过程相对稳定时，就可着手测定“工序能力”与“工序能力指数”。测定时，先要看使用哪种方法，然后按照该方法的特点，观察所测工序是否处于稳定状态。如用管理图法判断工序是否处于稳定状态时，需看是否满足以下两个条件：

1. 管理图上的点全在管理界限内（点恰在界限上时，以出界论处）；

2. 界限内的点随机排列。也就是说，尽管点居于管理界限内，如果其排列不随机，分布有异常，仍不能判断工序处于控制状态。

又如用直方图法判断工序是否处于稳定状态，是观察直方图的分布形状。当直方图的分布基本是左右对称的山型时，工序是处于稳定状态。如分布形状有异常，就认为工序处于不稳定状态。

具体的判断方法，将在以后各有关章节中分别叙述。

四、连续的概率分布

在计算“工序能力”与“工序能力指数”时，我们需从生产的批量中抽取一部分零件进行测量以获得数据。如果度量的数据是计量值，就遵从连续的概率分布。这类分布有“正态概率分布”、“指数概率分布”、“维泊尔概率分布”等类型。其中以正态分布较为重要和基本。工业生产中有许多现象和大量的质量特性，是服从正态分布规律的。计算“工序能力”与“工序能力指数”都要用到它的概念，因此，我们着重讨论“正态分布”。

(一) 什么叫正态分布

如果 x 的密度函数 $f(x)$ 是

$$Y=f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} \quad (-\infty < x < +\infty)$$

则称 x 服从参数为 μ, σ 的正态分布($\sigma > 0, -\infty < \mu < +\infty$)，记作 $x \sim N(\mu, \sigma^2)$ 。相应的密度函数记做 $N(x; \mu, \sigma)$ 。

式中 x ——从该分布中抽出的随机样本值；

e ——自然指数的底 ($e \approx 2.718$)；

μ ——曲线最高点的横坐标，叫做正态分布的平均值；

σ ——表达曲线的胖瘦程度，在正态分布曲线上，就是拐点（曲线变换方向的点）到中心线的垂直长度，叫做正态分布的标准偏差。

(二) 正态密度函数的几何性质

对 $\mu = 0, \sigma = 1$ 的正态分布，称为标准正态分布。它的密度函数 $N(x; 0, 1)$ 的图形由 $\frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$ 得出如图1。

1. 对称性

标准正态密度函数的图形是以 y 轴为对称轴，这是因为：

$$N(-x_0; 0, 1) = N(x_0; 0, 1)$$

2. 最大值点和最大值

很明显，函数

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$$

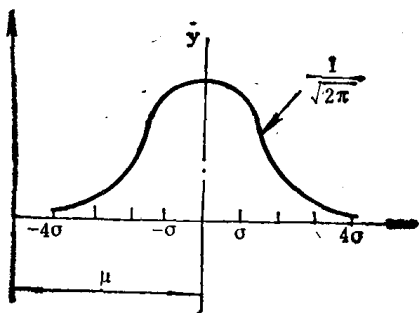


图1 标准正态密度函数

在 $x=0$ 处取到最大值, 它是 $\frac{1}{\sqrt{2\pi}}=0.3989$.

3. 渐近线

$$\text{因 } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x}{2}} = 0$$

所以 x 轴是函数 $N(x; 0, 1)$ 的渐近线.

4. 拐点

图形凹、凸的交接处的横坐标, 称为图形的拐点(扭转点), 可以证明图1有两个拐点, 它们是 $x = \pm 1$. 由于拐点的数值不一, 图形的“胖、瘦”也就不同. 图2是 μ 值相同, σ 值不同的“正态密度曲线”. 由图2可知, 当 σ 值较大时, 曲线较胖; σ 值较小时, 曲线较瘦, 所以能用它来衡量数据的离散(或集中)程度. 拐点到中心线的垂直长度称为标准偏差, 它是衡量数据离散程度的主要参数, 以“ σ ”来表示.

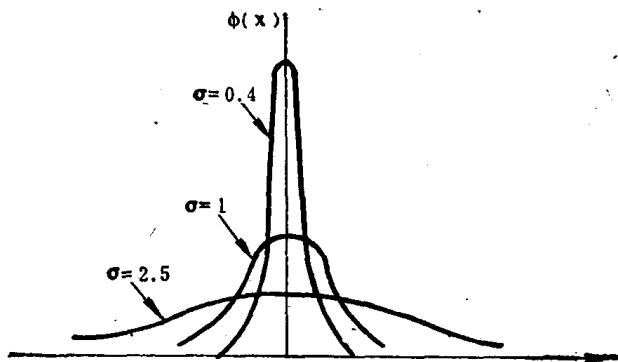


图2 μ 值相同 σ 值不同的正态密度曲线

5. 平均值

曲线最高点的横坐标，叫做正态分布的平均值，以 μ 表示。

当 σ 值相同，而 μ 值不同时，正态密度曲线的位置也不同。图3画出了两条 σ 值相同， μ 值不同的正态密度曲线。由图3可以看出：正态分布密度曲线的位置是由 μ 决定的， μ 值不同，最大频率的位置就不在一处。

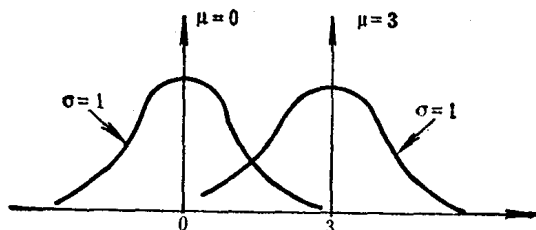


图3 σ 相同 μ 不同的正态密度曲线

6. 曲线下的数值概率

曲线与横坐标轴所围成的面积等于1，它的分布：

- (1) 曲线与 $\mu \pm \sigma$ 围成的面积为68.25%；
- (2) 曲线与 $\mu \pm 2\sigma$ 围成的面积为95.45%；
- (3) 曲线与 $\mu \pm 3\sigma$ 围成的面积为99.73%；
- (4) 曲线与 $\mu \pm 4\sigma$ 围成的面积为99.99%；
- (5) 对 μ 的正偏差和负偏差的概率相等；
- (6) 在一定的范围以外，如 6σ 以外的偏差，其出现的概率是很小的。

由此可以看出：如果管理图一般取 $\pm 3\sigma$ (6σ)作为上、下管理界限的范围，是当仅仅考虑偶然原因影响工序状态发生变化时，在1000个数据中，大约有3个数据可能越出

管理界限。换句话说，管理 6σ 的范围，废品率在千分之三以下。

综合以上所述，正态分布密度曲线呈现出“中间高、两边低”的钟形，并由 μ 与 σ 值决定，在正常情况下，我们可以运用从样本推断总体的方法，从抽样数据中计算标准偏差 s 和算术平均值 \bar{x} ，并以此来估算 σ 、 μ 值。当工序稳定，取样较多的情况下，可以认为： $\sigma \approx s$ ， $\mu \approx \bar{x}$ 。

(三) 标准正态分布和正态数值表

如果我们已知随机变量 x 服从标准正态分布，那 $x \sim N(0, 1)$ ；也即： x 的密度函数是：

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$$

则对任一 a, b ($a < b$) 值有

$$P(a < x < b) = \int_a^b \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2}} dt$$

这样，为算出 x 落入区间 (a, b) 内的概率，只需计算定积分

$$\int_a^b \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2}} dt$$

由于该积分值的计算无简单公式可代，为此，参照三角函数表，制成专门的数表备查（见附录一）。这张表是对函数

$$\Phi(x) \triangleq \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2}} dt$$

造的，对于具体的 $x(x>0)$ 值可由附录一查得相应的 $\phi(x)$ 的值 [$\phi(x)$ 的几何意义是：曲线 $Y = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2}}$ 下， x 左边的面积]。当然，也可反查。比如对 $x=1$ ，查附录一得：

$$\phi(1) = 0.8413$$

又如对 $x=0.5$ ，查表得

$$\phi(0.5) = 0.6915$$

五、离散型随机变量

对于离散型随机变量，不仅要知道取什么值，而且还要知道它取各可能值的概率。离散型随机变量概率分布的定义是：若离散随机变量 x 的可能值是 x_1, x_2, \dots, x_k ，我们称

$$\left\{ \begin{array}{l} P(x=x_1) = P_1 \\ \dots\dots\dots \\ \dots\dots\dots \\ P(x=x_k) = P_k \\ \dots\dots\dots \end{array} \right.$$

为 x 的概率分布。

离散型随机变量的概率分布，在质量管理工作中常用的分布有“超几何分布”、“二项分布”、“普哇松分布”。

(一) 超几何分布

- 记 N —— 某批产品总数；
- D —— 该批产品中的次品范围数；
- n —— 抽取的产品数。

于是，随机变量 $x =$ “取到的次品数”的概率分布如下：

$$P(x=d) = C_D^d C_{N-D}^{n-d} / C_N^n$$