



普·弗·斯特拉齐拉托夫 編

初中数学教学經驗

人民教育出版社



初中數學教學經驗

普·弗·斯特拉齊拉托夫 編

孙以芾 趙孟養 王壽仁 譯

人 民 教 育 出 版 社

ИЗ ОПЫТА
ПРЕПОДАВАНИЯ
МАТЕМАТИКИ
В V—VII КЛАССАХ
СРЕДНЕЙШКОЛЫ
ПОД РЕДАКЦИЕЙ
П. В. СТРАТИЛАТОВА
УЧПЕДГИЗ * 1954

本书根据俄罗斯苏维埃联邦社会主义共和国教育部
教育出版社1954年俄文版译出

*

初中数学教学经验

〔苏联〕普·弗·斯特拉齐拉托夫 编

孙以芾 赵孟养 王寿仁 谭

北京市书刊出版业营业登记证字第2号

人民教育出版社出版(北京景山东街)

新华书店发行

北京新华印刷厂印刷

统一书号：7012·269 字数：183千

开本：850×1168公厘 1/32 印张： $7\frac{7}{8}$

1956年10月第一版

1957年2月第一次印刷

北京：1—16,000册

定价(6)0.75元

出版者的話

这书是根据苏联普·弗·斯特拉齐拉托夫所編的中学五一七
年級数学教学經驗的1954年版譯的。苏联中学的五到七年級相
当于我国的初中一到三年級，所以书名也就改过了。

书的內容也有一点改变。原书除了普·弗·斯特拉齐拉托夫
的一篇前言，一共有十六篇文章。我們刪去了三篇：特·恩·丹尼
索娃的“七年級的地区測量作业”，阿·阿·波拉廓非也娃的“五一
七年級的地区測量作业”和恩·特·节尔切尼諾夫的“怎样拟訂五
年級的算术課堂教學計劃”。刪去前兩篇是因为它們的內容和我
社已經出版的关于地区測量的譯作绝大部分是相同的。刪去第三
篇是因为原著是依照苏联的課本和教学时数（每週七小時）安排
的，同我国的具体情况不相同，对于我国的教師帮助不大。

书的內容既有了改变，原书的前言也就沒有全部譯載的必要，
我們只把这篇文章的主要內容提要地写在这里。

苏共第十九次代表大会的決議向教育工作者提出在中学校里
开始实施綜合技术教育的任务。要完成這一項任务，在数学教學
中，首先就需要使学生們能够深刻地掌握数学大綱中所規定的理
論教材，其次是要保証比現在更大限度地使学生們获得邏輯推理
的技能。

无论在解題中或是在实习作业中，理論的修养可以发展学生的
实践的技巧，而这种技巧，在实践中又反过来加深学生的理論修
养，这就表明理論和实践的辯証的統一。

当然，在教学中要完成这种新提出来的任务是要靠教師們的
創造，并且在实践中会有不少困难的，所以吸取別人的經驗就非常
必要。我国从1955年已經把基本生產技術教育提到中小学教学
的任务中，因此这本书的介紹可以說是有意义的也是及时的。

这本书一共有十三篇文章，我們在下面对于这十三篇文章分別做一点簡單的介紹。

斯·阿·波諾馬了夫的“苏联学校中的綜合技术教育和数学教学”包含两部分。第一部分，闡明苏联中学校里的綜合技术教育的本质，引証馬克思列寧主义奠基者对于这一問題的看法，得到这样的結論：綜合技术教育应当建立在普通科目，特別是物理，化学，数学这些科目的知識的牢固基础上。第二部分指出在数学教学中体现綜合技术教育的一些基本的具体形式：带有生产特性的习題的解决，学生的計算能力的提高，实习作业，小組工作和參觀。

尔·克·克魯波維茨基的“利用第五个五年計劃的材料編算术应用題”，是以苏联第五个五年計劃时期的現實材料编写的一套习題，包含：(1)分数和小数，(2)百分計算，(3)图象和图表以及(4)复习，这四项的題目。

穆·伊·依万諾夫的“論提高学生对数学学习的兴趣”，綜合了加里宁城許多教師的工作經驗，对于提高学生知識的质量有很大的意义。

阿·穆·聶察依和恩·伊·斯尔尼夫的“五年級算术教学的特点”，作者注意到課堂教学全部工作的組織問題，为了使学生不至于疲劳，建議应当注意到課堂教学的难易交替以及多样性等等，并且以五年級算术的头几課为例作具体的說明。

尔·布·波格拉巧娃的“提高五、六年級学生的数学水平”，討論了在教学过程中应当引起学生注意的一些問題：(1)数的概念的扩張，(2)习題作业，(3)計算修养，(4)課本的使用，(5)提問时候問題的提法。

耶·恩·薩果夫斯卡婭的“如何使学生在解答算术应用題时的工作积极起来”，強調学生掌握习題条件的必要性并且說明怎样才能够掌握习題的条件。这篇文章作出了一个正确的結論：在解

习題的时候，应当大量采用分析法，然后用綜合法綜合成通常的解題計劃。本文認為用不同的方法解答同一个应用題具有重大的意义，并且对于檢驗題解給以应有的注意。

克·普·西科爾斯基的“五年級的算术測驗作业”，先說到進行測驗工作的組織方法以及怎样用同一个主題編定难易程度相同的各种測驗方案。談到五年級測驗的次数和每一次測驗的內容。

尔·尤·諾維茨卡婭的“五、六年級的数学小組”，說明了小組工作的組織并且举了一些工作內容的例子以及解答习題的式样。

阿·伊·施图卡图洛娃的“五至七年級少年先鋒队的数学队日”，討論了少年先鋒队在数学方面队日的工作。用具体的例說明队日活动的情况以及所得到的效果。

普·弗·施特拉齐拉托夫的“应用理論算术材料的代數練習”，包含用代數課的材料来解决的理論算术的习題。訟学生們解答这些习題可以在新的基础上复习五年級的算术課。

穆·穆·施德洛夫斯卡婭的“六年級的几何系統課程的第一個課題”，研究了进行“引言”这一个主題的教学法，指明应当怎样使学生熟悉几何中开头的和基本的概念，以及在教学中怎样逐渐产生相应的抽象概念。

耶·伊·奧托的“六年級几何証明題的解法”，指出了六年級学生所要掌握的一些几何証明題的解法的順序，并且举出証明題的范例和討論解答这些例題的各种方法的应用。

布·克·多布朗拉沃夫的“六、七年級几何課程中的証明題”，包含很有价值的材料。引用了一些很有趣味的习題，用很简单的形式表达几何課后面証明的定理所要遇到的一些元素。作了这些习題，不但可以減輕証明定理的工作，还可以提高学生学习的热情，并且使他們对于所学的定理領会得更透彻。

人民教育出版社 一九五六年十月

目 录

出版者的話	4
苏联学校中的綜合技术教育和数学教学	7
作者——斯·阿·波諾馬了夫 譯者——孙以芾 利用第五个五年計劃的材料編算术应用題	35
作者——尔·克·克魯波維茨基 譯者——孙以芾 論提高学生对数学学习的兴趣	60
作者——穆·伊·依万諾夫 譯者——趙孟养 五年級算术教学的特点	80
作者——阿·穆·聶察依和恩·伊·斯尔尼夫 譯者——孙以芾 提高五、六年級学生的数学水平	92
作者——尔·布·波格拉巧娃 譯者——孙以芾 如何使学生在解答算术应用題时的工作积极起来	104
作者——耶·恩·薩果夫斯卡婭 譯者——王寿仁和孙以芾 五年級的算术測驗作业	140
作者——克·普·西科尔斯基 譯者——孙以芾 五、六年級的数学小組	148
作者——尔·尤·諾維茨卡婭 譯者——趙孟养 五——七年級少年先鋒队的数学队日	154
作者——阿·伊·施图卡图洛娃 譯者——孙以芾 应用理論算术材料的代數練习	158
作者——普·弗·斯特拉齐拉托夫 譯者——孙以芾 六年級的几何系統課程的第一个課題	200
作者——穆·穆·施德洛夫斯卡婭 譯者——孙以芾 六年級几何証明題的解法	229
作者——耶·伊·奧托 譯者——孙以芾 六、七年級几何課程中的証明題	240
作者——布·克·多布朗拉沃夫 譯者——孙以芾	

初中數學教學經驗

普·弗·斯特拉齊拉托夫 編

孙以芾 趙孟養 王壽仁 譯

人 民 教 育 出 版 社

ИЗ ОПЫТА
ПРЕПОДАВАНИЯ
МАТЕМАТИКИ
В V—VII КЛАССАХ
СРЕДНЕЙШКОЛЫ
ПОД РЕДАКЦИЕЙ
П. В. СТРАТИЛОВА

УЧПЕДГИЗ * 1954

本书根据俄罗斯苏维埃联邦社会主义共和国教育部
教育出版社1954年俄文版译出

*

初中数学教学经验

[苏联] 普·弗·斯特拉齐拉托夫 编

孙以范 赵孟养 王寿仁 译

北京市书刊出版业营业登记证字第2号

人民教育出版社出版(北京景山东街)

新华书店发行

北京新华印刷厂印刷

统一书号：7012·269 字数：183千

开本：850×1168公厘 1/32 印张：7 $\frac{7}{8}$

1956年10月第一版

1957年2月第一次印刷

北京：1—16,000册

定价(6)0.75元

目 录

出版者的话	4
苏联学校中的综合技术教育和数学教学	7
作者——斯·阿·波诺马夫 譯者——孙以芾	
利用第五个五年计划的材料編算术应用題	35
作者——尔·克·克魯波維茨基 譯者——孙以芾	
論提高学生对数学学习的兴趣	60
作者——穆·伊·依万諾夫 譯者——趙孟养	
五年級算术教学的特点	80
作者——阿·穆·聶察依和恩·伊·斯尔尼夫 譯者——孙以芾	
提高五、六年級学生的数学水平	92
作者——尔·布·波格拉巧娃 譯者——孙以芾	
如何使学生在解答算术应用題时的工作积极起来	104
作者——耶·恩·薩果夫斯卡娅 譯者——王寿仁和孙以芾	
五年級的算术測驗作业	140
作者——克·普·西科爾斯基 譯者——孙以芾	
五、六年級的数学小組	148
作者——尔·尤·諾維茨卡娅 譯者——趙孟养	
五——七年級少年先鋒队的数学队日	154
作者——阿·伊·施图卡图洛娃 譯者——孙以芾	
应用理論算术材料的代數練习	158
作者——普·弗·斯特拉齐拉托夫 譯者——孙以芾	
六年級的几何系統課程的第一个課題	200
作者——穆·穆·施德洛夫斯卡娅 譯者——孙以芾	
六年級几何証明題的解法	229
作者——耶·伊·奧托 譯者——孙以芾	
六、七年級几何課程中的証明題	240
作者——布·克·多布朗拉沃夫 譯者——孙以芾	

出版者的話

这书是根据苏联普·弗·斯特拉齐拉托夫所編的中学五一七
年級数学教学經驗的1954年版譯的。苏联中学的五到七年級相
当于我国的初中一到三年級，所以书名也就改过了。

书的內容也有一点改变。原书除了普·弗·斯特拉齐拉托夫
的一篇前言，一共有十六篇文章。我們刪去了三篇：特·恩·丹尼
索娃的“七年級的地区測量作业”，阿·阿·波拉廓非也娃的“五一
七年級的地区測量作业”和恩·特·节尔切尼諾夫的“怎样拟訂五
年級的算术課堂教學計劃”。刪去前兩篇是因为它們的內容和我
社已經出版的关于地区測量的譯作绝大部分是相同的。刪去第三
篇是因为原著是依照苏联的課本和教学时数（每週七小時）安排
的，同我国的具体情况不相同，对于我国的教師帮助不大。

书的內容既有了改变，原书的前言也就沒有全部譯載的必要，
我們只把这篇文章的主要內容提要地写在这里。

苏共第十九次代表大会的決議向教育工作者提出在中学校里
开始实施綜合技术教育的任务。要完成這一項任务，在数学教學
中，首先就需要使学生們能够深刻地掌握数学大綱中所規定的理
論教材，其次是要保証比現在更大限度地使学生們获得邏輯推理
的技能。

无论在解題中或是在实习作业中，理論的修养可以发展学生的
实践的技巧，而这种技巧，在实践中又反过来加深学生的理論修
养，这就表明理論和实践的辯証的統一。

当然，在教学中要完成这种新提出来的任务是要靠教師們的
創造，并且在实践中会有不少困难的，所以吸取別人的經驗就非常
必要。我国从1955年已經把基本生產技術教育提到中小学教学
的任务中，因此这本书的介紹可以說是有意义的也是及时的。

这本书一共有十三篇文章，我們在下面对于这十三篇文章分別做一点簡單的介紹。

斯·阿·波諾馬了夫的“苏联学校中的綜合技术教育和数学教学”包含两部分。第一部分，闡明苏联中学校里的綜合技术教育的本质，引証馬克思列寧主义奠基者对于这一問題的看法，得到这样的結論：綜合技术教育应当建立在普通科目，特別是物理，化学，数学这些科目的知識的牢固基础上。第二部分指出在数学教学中体现綜合技术教育的一些基本的具体形式：带有生产特性的习題的解决，学生的計算能力的提高，实习作业，小組工作和參觀。

尔·克·克魯波維茨基的“利用第五个五年計劃的材料編算术应用題”，是以苏联第五个五年計劃时期的現實材料编写的一套习題，包含：(1)分数和小数，(2)百分計算，(3)图象和图表以及(4)复习，这四项的題目。

穆·伊·依万諾夫的“論提高学生对数学学习的兴趣”，綜合了加里宁城許多教師的工作經驗，对于提高学生知識的质量有很大的意义。

阿·穆·聶察依和恩·伊·斯尔尼夫的“五年級算术教学的特点”，作者注意到課堂教学全部工作的組織問題，为了使学生不至于疲劳，建議应当注意到課堂教学的难易交替以及多样性等等，并且以五年級算术的头几課为例作具体的說明。

尔·布·波格拉巧娃的“提高五、六年級学生的数学水平”，討論了在教学过程中应当引起学生注意的一些問題：(1)数的概念的扩張，(2)习題作业，(3)計算修养，(4)課本的使用，(5)提問时候問題的提法。

耶·恩·薩果夫斯卡婭的“如何使学生在解答算术应用題时的工作积极起来”，強調学生掌握习題条件的必要性并且說明怎样才能够掌握习題的条件。这篇文章作出了一个正确的結論：在解

习題的时候，应当大量采用分析法，然后用綜合法綜合成通常的解題計劃。本文認為用不同的方法解答同一个应用題具有重大的意义，并且对于檢驗題解給以应有的注意。

克·普·西科爾斯基的“五年級的算术測驗作业”，先說到進行測驗工作的組織方法以及怎样用同一个主題編定難易程度相同的各种測驗方案。談到五年級測驗的次数和每一次測驗的內容。

尔·尤·諾維茨卡婭的“五、六年級的数学小組”，說明了小組工作的組織并且举了一些工作內容的例子以及解答习題的式样。

阿·伊·施图卡图洛娃的“五至七年級少年先鋒队的数学队日”，討論了少年先鋒队在数学方面队日的工作。用具体的例說明队日活动的情况以及所得到的效果。

普·弗·施特拉齐拉托夫的“应用理論算术材料的代數練習”，包含用代數課的材料来解决的理論算术的习題。訟学生們解答这些习題可以在新的基础上复习五年級的算术課。

穆·穆·施德洛夫斯卡婭的“六年級的几何系統課程的第一個課題”，研究了进行“引言”这一个主題的教学法，指明应当怎样使学生熟悉几何中开头的和基本的概念，以及在教学中怎样逐渐产生相应的抽象概念。

耶·伊·奧托的“六年級几何証明題的解法”，指出了六年級学生所要掌握的一些几何証明題的解法的順序，并且举出証明題的范例和討論解答这些例題的各种方法的应用。

布·克·多布朗拉沃夫的“六、七年級几何課程中的証明題”，包含很有价值的材料。引用了一些很有趣味的习題，用很简单的形式表达几何課后面証明的定理所要遇到的一些元素。作了这些习題，不但可以減輕証明定理的工作，还可以提高学生学习的热情，并且使他們对于所学的定理領会得更透彻。

人民教育出版社 一九五六年十月

苏联学校中的綜合技术教育和数学教学

約·維·斯大林在他的著作“苏联社会主义經濟問題”中論到从社会主义过渡到共产主义的問題时說过，为了从社会主义过渡到共产主义，必須實現三个基本的先决条件。

“第三，必須使社会达到这样高度的文化发展，保証社会一切成員全面发展他們的体力和智力，使社会成員能获得足以成为社会发展的积极活动家，能自由地选择职业，而不致由于現存的劳动分工而終身束縛于某一种职业。”^①

苏联共产党第十九次代表大会拟定了建成我国共产主义所必須的巨大工作的綱領。

第十九次党代表大会关于苏联发展第五个五年計劃的指示，規定了使我国国民经济获得鉅大的高涨以及进一步提高苏联人民的物质福利和文化水平的途径。五年計劃在国民教育方面規定了具有历史意义的新任务。

第十九次代表大会关于 1951—1955 年苏联发展第五个五年計劃的指示，規定在五年計劃完成时要在各共和国首都、共和国直轄市、省和边区的中心城市以及大工业中心，把七年制教育完全改为普及中等教育(十年制教育)，并为下一个五年計劃期間在其他城市和农村中完全实行普及中等教育(十年制教育)准备条件。

为了完成这个任务，規定城市和农村中設立的学校要比前一个五年計劃大約增加百分之七十，又为了使日益增多的学校获得必要数量的教师，規定师范学院在 1951—1955 年招收的学生要比

① 斯大林：“苏联社会主义經濟問題”，第61頁，人民出版社1952年版。

1946—1950年增加百分之四十五。

为了进一步提高普通学校教育的社会主义的教育意义,为了保証中学毕业生自由选择职业的条件,代表大会的決議規定了任务:在中学里着手实行綜合技术教育,并且采取必要的措施,以便进一步实行普及的綜合技术教育。

苏維埃学校发展史上的这个新阶段,要求每一个教师深入地研究党的各項決議,积极地、創造性地参加实现第十九次代表大会所規定的任务。

参加实现学校的綜合技术教育,对于每个教师都有特別重要的意义。

大家知道,綜合技术教育問題最初是馬克思和恩格斯提出来的,后来在列寧和斯大林的著作中获得了进一步的发展。這個問題是建成共产主义社会的學說的一个組成部分,是从对于一国国民经济的发展,首先是工业发展的分析产生出来的。

恩格斯說:“……由整个社会按照計劃和为了公共的利益而經營的工业就更加需要各方面都有能力的人,即能通曉整个生产系統的人。”^①

綜合技术教育的必要性,早在資本主义条件下就发生了。使社会内部的劳动分工发生革命的大工业,不断地把大量資本和大量工人从一个生产部門投入另一个生产部門。大工业的本质要求工人具有广泛的技术造詣和迅速掌握經常在变化中的生产方法。“但在別方面,它又在它的資本主义形态上,再生产了旧式的分工及其凝固的特殊性。”^②

正因为如此,所以馬克思指出,“……工人阶级在不可避免地夺得政权以后,还会在理論和实用方面,使工艺教育在工人学校内占得位置。”^③

列寧進一步發展了馬克思和恩格斯關於綜合技術教育的學說。

蘇聯共產黨(布)第八次代表大會所通過的黨綱中載明，“對十七歲以下的一切男女兒童實施免費的、義務的普通教育和綜合技術教育(從理論和實踐兩方面來了解一切主要的生產部門)”，是黨的任務。

1920年，列寧在審查克魯普斯卡雅關於綜合技術教育的提綱時，做了許多評註，這些評註對於理解綜合技術教育具有特殊的意義。

列寧說，在青年教育方面，應當：“把立即過渡到綜合技術教育，或者確切些說，把立即實現一些立刻就能做到的關於綜合技術教育的步驟，作為絕對要完成的任務……”^④

綜合技術教育是社會主義社會發展人們一切才能最重要的方法。我國工業正在蓬勃發展，高度技術要求培養全面發展的和具有高度知識水平的工人。

斯大林說：“假如不是少數工人，而是大多數工人都把自己的文化技術水平提高到了工程師技術人員的水平，結果會怎樣呢？那我國的工業就會提高到其他各國工業所不能達到的高度。”^⑤

在蘇維埃制度的條件下，文化水平和技術水平的這種高漲能夠實現嗎？是的，這種高漲能夠實現，因為我們的生產力擺脫了資

① 恩格斯：《共產主義原理》，人民出版社1956年版，第16頁。

② 馬克思：《資本論》，第一卷，第595頁，人民出版社1953年版。

③ 馬克思：《資本論》，第一卷，第597頁，人民出版社1953年版(「工藝教育就是本文所講的綜合技術教育——譯者」)。

④ 列寧全集，第三十卷，第419頁，第三版。

⑤ 斯大林：《蘇聯社會主義經濟問題》，第25頁，人民出版社1952年版。

本主义的束縛，劳动摆脱了剥削制度的压迫，掌握政权的是工人阶级，我国的青年一代具有受到充分的技术教育的一切可能性。

綜合技术教育的本质是什么？

馬克思給綜合技术教育的本质下了經典性的定义。这种教育是“……使儿童和少年了解一切生产过程的基本原理，同时并教給他們使用一切最简单的生产工具的技能。”①

列宁在給克魯普斯卡雅的綜合技术教育提綱所作的著名評註中，闡明了这种教育的內容。列宁在这个內容里列入了以下各点：电力的基本概念，电力的应用，国家电气化的計劃，发电站、工厂和苏維埃农庄的參觀，农业的基本知識。

列宁叙述了第二級学校② 在實現关于綜合技术教育能够做到的步驟时所应采取的具体措施，他要求学生在第二級学校毕业以后“……能有綜合技术教育的眼界和綜合技术教育的基本（初步）知識，

即：

1. 关于电力的基本概念（明确规定出哪些概念），
2. 关于在机械工业中应用电力的基本概念，
3. 关于在化学工业中应用电力的基本概念，
4. 关于俄罗斯苏維埃联邦社会主义共和国电气化計劃的基本概念，
5. 參觀发电站，工厂，苏維埃农庄至少1—3次，
6. 了解农业上的某些原理等等”③

列宁認為动力工业、机械工业、化学工业和农业是四个主要的生产部門。

这四个主要的生产部門包括无数具体的生产部門。因此就发生一个問題，应当訟学生認識哪些具体生产部門来获得必要的綜