



中华人民共和国国家标准

GB/T 17902.2—2005/ISO/IEC 14888-2:1999

信息技术 安全技术 带附录的数字签名 第2部分：基于身份的机制

Information technology—Security techniques—Digital signatures with
appendix—Part 2: Identity-based mechanisms

(ISO/IEC 14888-2:1999, IDT)

2005-04-19 发布

2005-10-01 实施



中华人民共和国国家质量监督检验检疫总局
中国国家标准化管理委员会 发布

中华人民共和国
国家标准
信息技术 安全技术 带附录的数字签名
第2部分：基于身份的机制

GB/T 17902.2—2005/ISO/IEC 14888-2:1999

*

中国标准出版社出版发行
北京复兴门外三里河北街16号

邮政编码：100045

网址 www.bzcbs.com

电话：68523946 68517548

中国标准出版社秦皇岛印刷厂印刷
各地新华书店经销

*

开本 880×1230 1/16 印张 1.5 字数 37 千字
2005年8月第一版 2005年8月第一次印刷

*

书号：155066·1-23069 定价 14.00 元

如有印装差错 由本社发行中心调换
版权所有 侵权必究
举报电话：(010)68533533

前　　言

GB/T 17902《信息技术 安全技术 带附录的数字签名》由以下几个部分组成：

第1部分：概述；

第2部分：基于身份的机制；

第3部分：基于证书的机制。

本部分为 GB/T 17902 的第 2 部分，等同采用国际标准 ISO/IEC 14888-2:1999《信息技术 安全技术 带附录的数字签名 第 2 部分：基于身份的机制》(英文版)。

本部分的附录 A 和附录 B 是资料性附录。

本部分由中华人民共和国信息产业部提出；

本部分由全国信息安全标准化技术委员会归口；

本部分由中国电子技术标准化研究所、信息安全国家重点实验室起草。

本部分主要起草人：叶茅枫、陈星、罗锋盈、胡磊、叶顶峰、张振峰、黄家英。

目 次

前言	III
1 范围	1
2 规范性引用文件	1
3 概述	1
4 术语和定义	1
5 符号	2
6 密钥生成过程	2
6.1 生成域参数	2
6.2 生成验证密钥和签名密钥	3
7 签名过程	3
7.1 生成预签名	3
7.2 准备消息	4
7.3 计算证据	4
7.4 计算签名	4
8 验证过程	5
8.1 准备消息	6
8.2 检索证据	6
8.3 计算验证函数	7
8.4 验证证据	7
9 Guillou-Quisquater 签名机制	7
9.1 公钥导出函数	8
9.2 准备消息	8
9.3 计算证据	8
9.4 计算签名的第一部分	8
9.5 计算赋值	8
10 带短赋值的基于身份的签名	8
10.1 准备消息	8
10.2 计算证据	8
10.3 计算赋值	8
11 带消息散列码检索的基于身份的签名	8
11.1 计算证据	9
11.2 计算签名的第一部分	9
附录 A(资料性附录) 数值例子	10
A.1 密钥生成过程的数值例子	10
A.1.1 生成域参数	10
A.1.2 生成验证密钥和签名密钥	11
A.2 在第 9 章中描述的 Guillou-quisquater 签名机制的数值例子	11
A.2.1 签名过程	11

A.2.2 验证过程	12
A.3 在第 10 章中描述的带有短赋值的基于身份的签名的数值例子	13
A.3.1 签名过程	13
A.3.2 验证过程	14
A.4 在第 11 章中描述的给出消息散列代码检索的基于身份的签名的数值例子	14
A.4.1 签名过程	14
A.4.2 验证过程	15
附录 B(资料性附录) 专利信息	17
参考文献	18

图 1 带确定性证据的签名过程	4
图 2 带随机化证据的签名过程	5
图 3 带确定性证据的验证过程	6
图 4 带随机化证据的验证过程	7

信息技术 安全技术 带附录的数字签名

第2部分:基于身份的机制

1 范围

GB/T 17902 规定了任意长度消息的带附录的各种数字签名机制。它适用于提供实体鉴别、数据始发鉴别、抗抵赖和数据完整性的方案。

GB/T 17902 的本部分规定了任意长度消息的带附录的基于身份的数字签名机制的签名和验证过程的总的结构和基本过程。

2 规范性引用文件

下列文件中的条款通过 GB/T 17902 的本部分的引用而成为本部分的条款。凡是注日期的引用文件,其随后所有的修改单(不包括勘误的内容)或修订版均不适用于本部分,然而,鼓励根据本部分达成协议的各方研究是否可使用这些文件的最新版本。凡是不注日期的引用文件,其最新版本适用于本部分。

GB 15851—1995 信息技术 安全技术 带消息恢复的数字签名方案(idt ISO/IEC 9796:1991)

GB/T 17902.1—1999 信息技术 安全技术 带附录的数字签名 第1部分:概述

3 概述

数字签名的验证需要签名实体的验证密钥。所以,验证方必须把正确的验证密钥与签名实体,或更准确地讲,与签名实体的(部分)标识数据关联起来。如果这种联系是验证密钥自身所固有的,这种方案被称作“基于身份的”。

本部分中定义的基于身份的方案的密钥生成过程包括一个可信第三方。这个可信第三方有个秘密参数——密钥生成指数,它用于导出其他实体的签名密钥。签名密钥的秘密性无条件地依赖于密钥生成指数的秘密性。

在基于身份的签名的验证中,需要两个参数。第一个参数为域验证指数,它对所有实体来说是共同的;而第二个参数为签名实体的验证密钥,它对每个实体而言是特定的。本部分定义的基于身份的机制中,实体的验证密钥是使用一个公共函数直接从实体的标识数据中得到的。

带附录的基于身份的签名机制是个随机化机制的例子,如 GB/T 17902.1—1999 所描述。数字签名和验证过程描述遵循 GB/T 17902.1—1999 第 10 章定义的一般过程。特别地,本标准使用了 GB/T 17902.1—1999 提供的一般需求条件、定义和符号。

在下列过程的详细说明中定义了带附录的基于身份的数字签名机制。它们是:

- 密钥生成过程;
- 签名过程;
- 验证过程。

4 术语和定义

下列术语和定义适用于 GB/T 17902 的本部分:

4.1

域模数 domain modulus

域参数,它是一个正整数,是只有可信第三方才知道的两个不同的素数相乘产生的。

4.2

域验证指数 domain verification exponent

一个域参数,它是一个正整数。

4.3

密钥生成指数 key generation exponent

一个只有可信第三方才知道的正整数。

4.4

公钥导出函数 public key derivation function

一个域参数,它的功能是将比特串映射成正整数。

注1:这个函数用于将实体标识数据转换成实体验证密钥,并符合下列两个性质:

- a) 要找出任何一对映射成同一输出的两个不同的输入数据,在计算上是不可行的。
- b) 随机选取数值 Y, Y 在函数值域范围内的概率小到可以忽略;或者对给定的输出数据,找出可映射成该输出的输入,在计算上是不可行的。

注2:可忽略性与计算上的不可行性依赖于具体的安全要求和环境。

4.5

可信第三方 trusted third party

一个安全机构或者它的代理,在安全相关活动方面,被其他实体信任。

5 符号

GB/T 17902.1—1999 中确立的以及下列符号适用于 GB/T 17902 的本部分:

D	密钥生成指数
I	标识数据
N	域模数
P, Q	素数
V	域验证指数
y	公钥导出函数
$\text{lcm}(A, B)$	使得 $C \bmod A = 0$ 和 $C \bmod B = 0$ 的最小正整数 C

6 密钥生成过程

基于身份的签名机制的密钥生成过程是 GB 15851—1995 附录 A 中规定的签名方案的一个应用。它由下列两个过程组成:

- a) 生成域参数;
- b) 生成签名密钥。

应将一个实体选定为可信第三方。使用它自己的秘密,可信第三方为每个实体生成该实体的私有签名密钥。该密钥是实体的标识数据的函数。

在某些情况下,也许需要进行域参数和密钥的确认。但这超出了 GB/T 17902 的本部分的范围。

6.1 生成域参数

建立域时,这个过程只执行一次。

可信第三方生成域验证指数 V 和域模数 N 。域验证指数应选择为一个奇整数。域模数应为两个大素数 P 和 Q 的乘积, $P-1$ 和 $Q-1$ 与 V 互素。更进一步,可信第三方确定密钥生成指数 D ,它使得 $DV-1$ 为 $\text{lcm}(P-1, Q-1)$ 的倍数的最小正整数。

明确地讲, D 应使得:

$$U^{DV} \bmod N = U \text{ 对所有整数 } U, 0 < U < N$$

N 和 V 为公开域参数。可信第三方保存 D 为自己使用。其他实体通过 N 和 V 将 D 计算出来是不可行的。

注： N 和 V 的值应选择大到足以满足特定的域安全的需要。 N 的长度通常在 1 024 比特和 2 048 比特之间变化，而 V 的长度推荐至少为 80 比特。

设 T, T' 和 L 是使得 $T - T' = LV$ 的整数， X 是一个签名密钥，而 Y 是相应的如 6.2 中定义的验证密钥。则 $X^{T'} \equiv X^T \cdot Y^L \bmod N$ 。

给定一个对应于 T 的签名 (R, S) ，则可以通过计算 $S' = S \cdot Y^L \bmod N$ （见 7.4）生成一个对应于 T' 的签名 (R, S') 。因此，必须选择足够大的 V 以便给定 T 后，一个随机选取的 T' 满足于 $T - T' \equiv 0 \bmod V$ 的概率足够小。

基于身份的带附录的签名机制的域参数的设定还包括公钥导出函数 y ，它用于将一个签名实体的标识数据转换成一个小于 N 的正整数。

6.2 生成验证密钥和签名密钥

每个用户实体有其唯一的标识数据。要为一个标识数据为 I 的实体生成私有签名密钥，可信第三方首先从公钥导出函数 y 和标识数据 I 计算出验证密钥 Y ：

$$Y = y(I)$$

注：只要 P 和 Q 足够大，则 Y 等于零或者等于 P 或 Q 的整数倍的概率可以忽略。

可信授权方计算私有签名密钥 X 为：

$$X \equiv Y^{-D} \bmod N$$

作为密钥生成过程的一个结果，标识数据 I 的实体拥有一个签名密钥 X ，它满足方程：

$$X^V \cdot y(I) \bmod N \equiv 1$$

在基于身份的签名机制中，通过计算 $Y = y(I)$ ，验证方从签名实体的标识数据中得到了签名实体的验证密钥的信息。当验证进行后，可以将其存储备以后使用。

7 签名过程

在本章中描述基于身份的签名机制的签名过程。该机制是随机化的并遵从 GB/T 17902.1—1999 描述的随机化签名机制的一般模型。签名过程由下列步骤组成：

- a) 生成预签名；
- b) 准备消息；
- c) 计算证据；
- d) 计算签名。

在此过程中，签名者使用它的签名密钥 X 和公共域参数 N 和 V 。

此过程的输出为签名 Σ ，它由两部分 R 和 S 组成。签名实体可选择地生成一个含有实体的标识数据文本字段。签名和可选的文本字段形成附录，它由签名者附加到消息后。

7.1 生成预签名

基于身份的签名机制的预签名过程由下面两个步骤组成：

- a) 生成随机数 K ；
- b) 计算预签名 Π 。

7.1.1 生成随机数

签名实体生成一个随机数，它是一个整数 K ，其中 $0 < K < N$ 。依赖于该机制，可以在这个生成过程中存在某些附加的约束。这一步的输出为 K ，签名实体将其秘密保存。

7.1.2 计算预签名

这一步的输入为随机数 K 。其输出为预签名 Π ，计算公式如下：

$$\Pi = K^V \bmod N$$

7.2 准备消息

由消息 M 导出两个数据字段 M_1 和 M_2 , 如 GB/T 17902.1—1999 的 8.2 中所描述。

准备消息的过程应满足下列两个条件之一:

- a) 整个消息 M 可以由 M_1 和 M_2 重新构造出;
- b) 要找出两个不同的消息 M 和 M' , 使得导出的对 (M_1, M_2) 与 (M'_1, M'_2) 相等, 在计算上是不可行的。

第一种情形的典型情况是, $M_1 = M$ (当 M_2 为空时), 或 $M_2 = M$ (当 M_1 为空时), 或 $M_1 = M_2 = M$ 。在第二种情形中, M_1 或 M_2 或两者都是 M 的散列值。

7.3 计算证据

使用一个抗碰撞散列函数(见图 1)计算出 M_1 的散列值 H , 它是确定性的证据。

随机化证据 R 定义为一个可选字段的串接, 它可用于标识散列函数和填充方法, 并使用抗碰撞散列函数来计算。如果 M_1 不为空的话, R 依赖于预签名 Π , 并且可选择地依赖于 M_1 (见图 2)。

注: 除非散列函数是由签名机制或域参数唯一确定的, 散列函数标识符应包含在散列权标中。

7.4 计算签名

在基于身份的签名机制中一个签名的计算由下列步骤组成:

- a) 计算签名的第一部分;
- b) 计算赋值;
- c) 计算签名的第二部分。

7.4.1 计算签名的第一部分

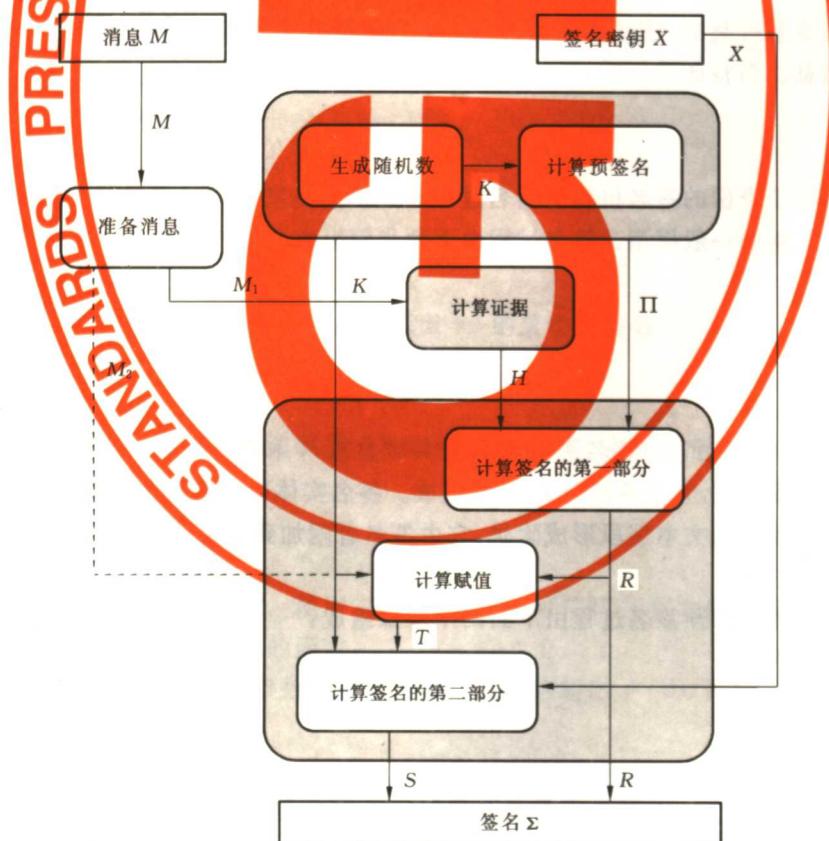


图 1 带确定性证据的签名过程

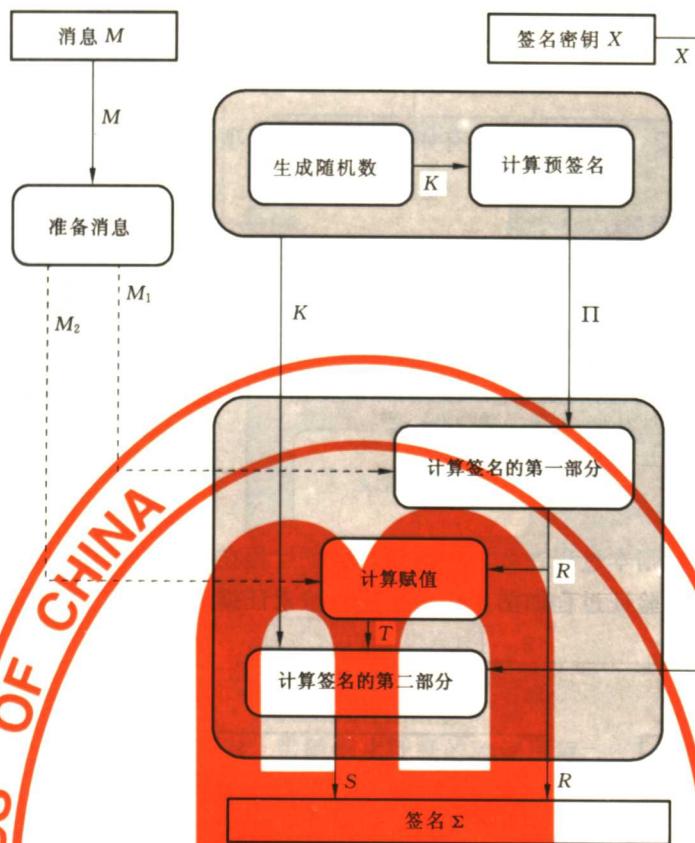


图 2 带随机化证据的签名过程

如果证据是确定性的,计算出签名的第一部分 R ,它是 H 和 Π 的函数。这个函数在下列方式下是可逆的:

给定 Π 和 R ,散列权标 H 可以被检索(见图 1)。

如果证据是随机化的,则它是签名的第一部分 R ,并且不需要做进一步的计算(见图 2)。

注:域参数必须包含一个各方同意的转换一个比特串为一个正整数的方法,以使这一步得以实现。

7.4.2 计算赋值

赋值 T 是一个正整数,它是作为签名的第一部分的函数计算出来。如果 M_2 不为空,该赋值依赖于消息的第二部分 M_2 。

计算一对(R, T)的方法需要满足如下条件:

要找出具有相同结果对(R, T)的任何两对(M, Π)和(M', Π'),在计算上是不可行的。

7.4.3 计算签名的第二部分

基于身份的签名机制的签名函数具有如下形式:

$$S = K \cdot X^T \bmod N$$

其中 K 是 7.1.1 中计算出的随机数, T 是 7.4.2 中计算出的赋值, X 是签名密钥,而 N 为域模数。签名函数的输出为签名的第二部分 S 。

8 验证过程

验证过程由下列步骤组成:

- 准备消息；
- 检索证据；
- 计算验证函数；
- 验证证据。

在验证过程的开始阶段，验证方必须具有如下可用的数据项值：

- 域参数 N 和 V ；
- 签名者的验证密钥 Y ；
- 消息 M ；
- 签名 $\Sigma = (R, S)$ ；
- 可选文本(取自于附录)。

签名的成功验证意味着该签名是采用对应于验证密钥 Y 的签名密钥 X 来创建的。

8.1 准备消息

这个过程等同于 7.2。

8.2 检索证据

如果证据是确定性的，则本过程在 7.3 中描述。验证过程在图 3 中描述。

如果证据是随机性的，验证过程如图 4 中所描述。检索证据是签名的第一部分 R 。

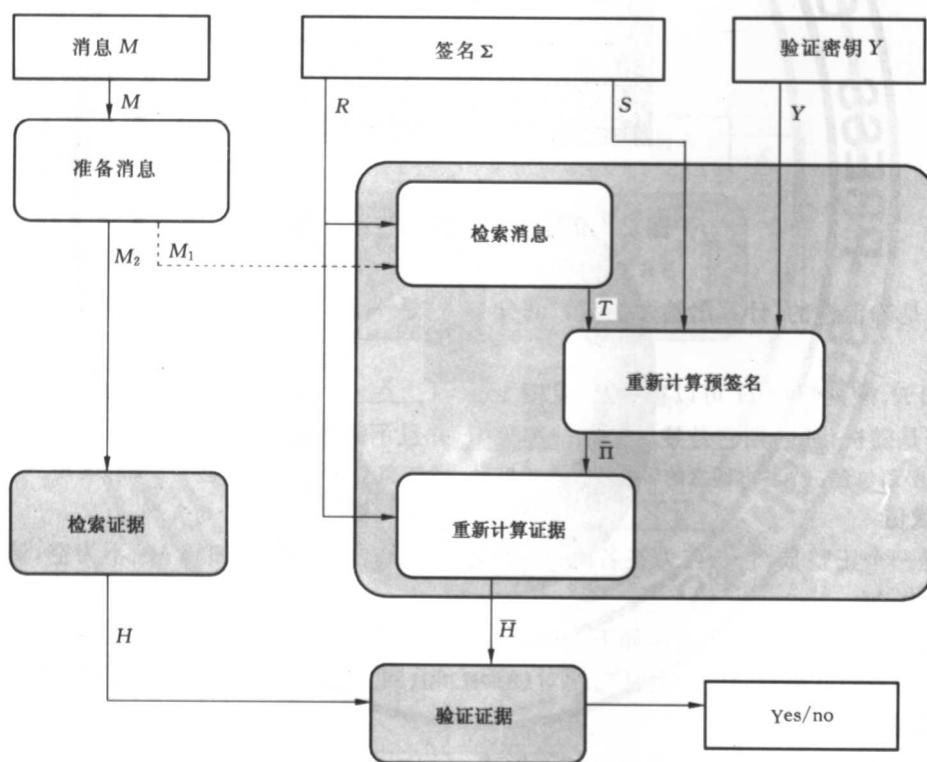


图 3 带确定性证据的验证过程

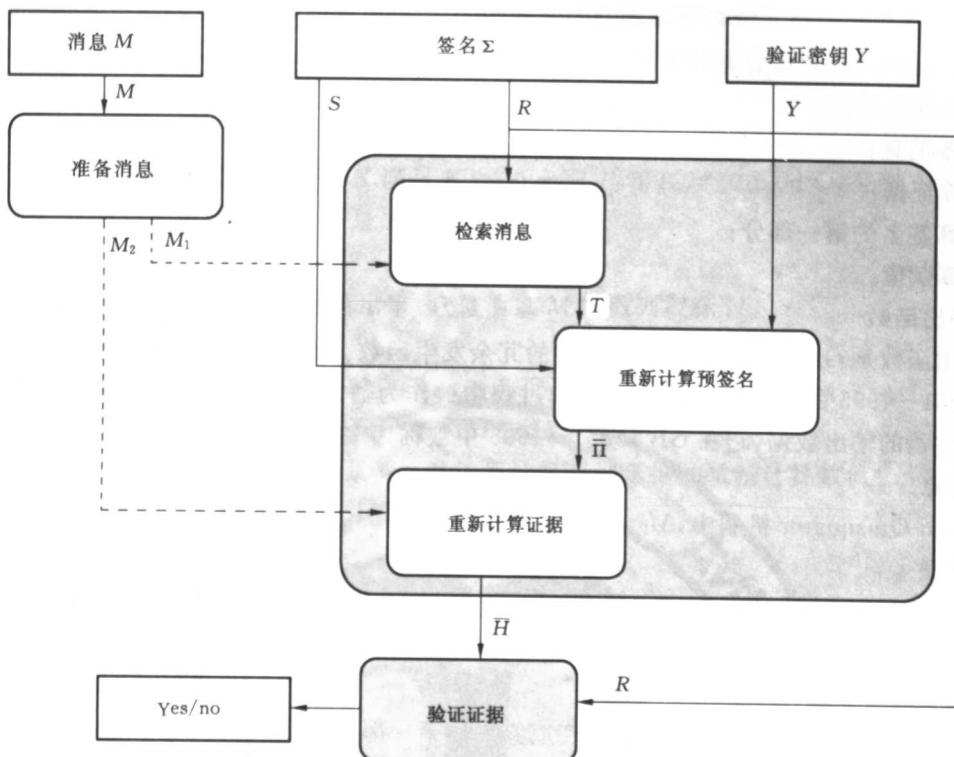


图 4 带随机化证据的验证过程

8.3 计算验证函数

基于身份的签名机制的验证函数的计算由下列步骤组成：

- 检索赋值；
- 重新计算预签名；
- 重新计算证据。

8.3.1 检索赋值

该步骤等同于 7.4.2。如果 M_2 不为空，验证者计算赋值 T ，它是在 8.2 中检索出的值 R 和消息 M_2 的函数。赋值 T 是个正整数。

8.3.2 重计算预签名

验证者通过使用以下公式生成预签名的重新计算值 $\bar{\Pi}$ ：

$$\bar{\Pi} = Y^T \cdot S^V \bmod N$$

其中 Y 为验证密钥， N 为域模数， V 为域验证指数， T 为在 8.3.1 中检索出的赋值而 S 是签名的第二部分。

8.3.3 重计算证据

如果证据是确定性的，它是 M_1 的散列值 H 。验证者使用 R 和 $\bar{\Pi}$ 计算出重新计算值 \bar{H} 。

如果证据是随机性的，其计算等同于 7.3，其中输入数据为 Π 的重新计算值 $\bar{\Pi}$ 和 M 的重新计算值 M_1 。输出数据是重计算证据 \bar{R} 。

8.4 验证证据

该步骤对 8.2 中检索出来的证据数据值和 8.3.3 中重新计算出来的证据数据值进行比较。如果这两个证据数据值相等则验证成功。

9 Guillou-Quisquater 签名机制

Guillou 和 Quisquater 的基于身份的数字签名方案的密钥生成过程、签名过程和验证过程在

GB/T 17902本部分中的第 6 章和第 8 章及图 2 和图 4 中描述。

现在对下面的过程和函数进行更详细地说明：

- 公钥导出函数；
- 准备消息；
- 计算证据；
- 计算签名的第一部分；
- 计算赋值。

9.1 公钥导出函数

公钥导出函数是 GB 15851—1995 中描述的冗余发生函数。签名实体的标识数据 I , 或它的散列权标在 GB 15851—1995 的 5.1 到 5.4 中描述的过程中被作为输入消息。实体的公开密钥 $Y = y(I)$ 设置为这个过程的输出数据, 它在 GB 15851—1995 中被称为中间整数。

9.2 准备消息

在 Guillou-Quisquater 机制中, $M_1 = M$ 并且 M_2 为空。

9.3 计算证据

在 Guillou-Quisquater 机制中, 证据 R 被计算出来, 它是数据 $\Pi \parallel M$ 的散列权标, 其中 Π 是预签名:

$$R = H(\Pi \parallel M)$$

9.4 计算签名的第一部分

在 Guillou-Quisquater 机制中, 证据 R 构成签名的第一部分。

9.5 计算赋值

赋值 T 等于 R , 其表示为一个正整数。

注: 域参数必须包含一个各方同意的转换一个比特串为一个正整数的方法, 以使这步得以实现。

10 带短赋值的基于身份的签名

在本章中规定了 Guillou -Quisquater 方案的一个变型, 它适用于带低速处理器或低速输入/输出接口的设备上的实现。附加的散列信息用于减少中间参数的长度。多达三个不同的散列函数可以被用在证据和赋值的计算中, 它们不需抗碰撞, 其选择必须满足这样的条件, 即要找出具有相同的(R, T)的两个不同的消息在计算上是不可行的。

这个机制在下列过程中, 不同于 Guillou-Quisquater 方案:

- 准备消息；
- 计算证据；
- 计算签名的第一部分；
- 计算赋值。

10.1 准备消息

在这个变型方案中, 消息输入的两个部分 M_1 和 M_2 设置为消息 M 的散列权标 H 。

10.2 计算证据

证据 R 是通过计算数据 $H_1 \parallel H$ 的散列权标 H_2 得到的。其中 H 是在 10.1 中计算出来的, 它是预签名 Π 的散列权标。

注: 预计算散列权标 H_1 可以被更有效地存储。

10.3 计算赋值

赋值 T 是由计算数据 $H \parallel R$ 的散列权标 H_3 得到的。

11 带消息散列码检索的基于身份的签名

Guillou-Quisquater 方案中的这个变型的优点, 是散列函数可以与其余的验证步骤一起并行计算。

基于身份的数字签名机制的签名过程和验证过程中描述在图 1 和图 3 中。这个机制在下列过程方面与 Guillou-Quisquater 方案不同：

- a) 计算证据；
- b) 计算签名的第一部分。

另外,它假设由签名者生成的随机数 K 满足 $K \neq 0 \bmod P$ 和 $K \neq 0 \bmod Q$,否则 N 的因子分解将被找出。因此,还可以假设预签名 Π 不是 P 或 Q 的倍数。

11.1 计算证据

使用一个抗碰撞散列函数将证据计算出来,它是消息 M 的散列权标 H 。

11.2 计算签名的第一部分

计算出签名的第一部分 R 如下:

$$R = \Pi \cdot H \bmod N$$

给定一个预签名的重新计算值 $\bar{\Pi}$,验证者通过如下计算得到证据的重新计算数值 \bar{H} :

$$\bar{H} = \bar{\Pi} \cdot R \bmod N$$



附录 A
(资料性附录)
数值例子

使用十六进制记法。

A.1 密钥生成过程的数值例子

A.1.1 生成域参数

域模数 N 是两个不同的素数 P 和 Q 的乘积。这个例子中, P 和 Q 是 512 比特的素数, 因此 N 是 1024 比特的数。

$P = \text{FFFFFFF}$	EA2DE66E	D3B1B7E9	61B75DFC	D9FAE2FF
A07A2345	9B7956FB	1B9B16D7	E1B6D59B	BDF45B85
3CBF08EA	3BC7A1BD	541CB3A8	80E02E43	87CA7DEF
50948E87				
$Q = \text{FFFFFFF}$	E275B7F4	98A3811D	E906ACF7	BFEB5CD6
A445AF09	D7906DE1	97CC2CCD	87614718	8C7C084F
CE9231CA	B7CFA113	13C3DDCF	F1B70A54	84494467
8FCEF193				
$N = PQ =$				
FFFFFFF	CCA39E63	6ED9CF52	950C23A0	38AE0291
012B984A	964FFBBD	99E9DACP	91400431	0C5DD264
B1873126	44A725C5	D5BC73F4	97CFD100	89FD1342
656026BE	3FB583FE	B134FF43	6957A1E1	D975B5BE
DF1A9570	4C81A337	F06E5F9F	9388A7AC	5ABFD5CF
0356D91A	9861C69F	E50509C2	323E5270	F2015FBD
C08AA2C0	391CEE85			

域验证指数是个奇整数, 它与 $P-1$ 和 $Q-1$ 互素。在这个例子中, V 为 $2^{79}+1$, 因此 V 的长度是 80 比特。

$V = 8000 \quad 00000000 \quad 00000001$

密钥生成指数 D 是正整数, 使得 $DV-1$ 是 $\text{lcm}(P-1, Q-1)$ 的倍数。

$\text{lcm}(P-1, Q-1) =$

7FFFFFFF	E651CF31	B76CE7A9	4A8611D0	1C570148
8095CC25	4B27FDDE	CCF4ED65	C8A00218	862EE932
58C39893	225392E2	EADE39FA	4BE7E880	44FE89A1
32B0135E	1FDAC1FF	7248B06F	FE81346D	475BD565
229A2ACD	03E0E874	3EB24D61	7010B203	78D3DC8D
5D733AA2	C68845F5	78B6E378	E52EE07C	3FB51392
DA3B7034	AC5CB736			
$D = 1BC6C0ED$	36435CBF	A89C7A35	50CE3D54	C6ABC9F5
EE5E75C9	E458AAD	6178CB20	C7339C4E	F30413A6
586DA8B6	45A72BDF	291C9218	F0CA83EF	A4234FAD
8394B2BF	8F4A0EF9	61E098FC	2CC5AFAA	46CCC821

0427D3EE	3461AF0B	46895311	E1DAD21F	35217CBC
4FD1A5B9	62E01B8B	967F97E2	41ECF56E	DBF85278
EC058601	17D9A7B7			

A. 1.2 生成验证密钥和签名密钥

验证密钥 Y 是以标识数据 I 作为输入的公钥导出函数的输出，并且不是 P 或 Q 的倍数。这个例子使用一个小于 N 的 1024 比特的数 Y 。

Y = C50ECCC9	64443B0A	1C974F40	1C94E500	FA8214FC
9B1B5EC5	2AA1201A	001EA009	FE90D01D	F32C6B43
323F0812	42ABE843	09F926BB	9338A841	5DEF2EF6
E709E3BD	515B5D86	C3ED4B7F	C15FA876	26E8E9C7
0E557D5B	A8E96D7C	B55FBF41	37F601FF	47B7CCCB
6BED4407	6F8E9805	42E37105	522E7184	42A717DF
E89A6B62	7B6E60B7			

可信机构计算私有签名密钥如下：

$$X = Y^d \bmod N =$$

A763FA4	3895CFDD	D80627A6	A8271250	97C184E5
10F0075C	48FCB0E7	F2885275	AAA32829	C08CF352
0F42F6FD	C296DCE1	F50FBDED	D5C33C7C	63298C4F
26C2CDEE	11D927BA	C6EC4A6A	C022C063	1F30E880
07452397	7F3ACA8C	422E2461	3B7F3BB0	E61D04B8
0670A128	0ED7C8C1	A72D4B1C	C566381B	0665F83B
70FD7158	0B7A6EEC			

A. 2 在第 9 章中描述的 Guillou-Quisquater 签名机制的数值例子

在这个例子中，所使用的散列函数是固定的，并且为域内的所有实体已知，因此不需要散列标识符。通过使用 SHA-1 生成散列权标。

域参数、私有签名密钥和验证密钥与第 A. 1 章相同。

A. 2.1 签名过程

A. 2.1.1 生成预签名

签名实体生成一个随机数，它是一个随机性的或伪随机性的整数 K ，其中 $0 < K < N$ 。本例使用一个 1024 比特的随机数 K 。

K = B2045A19	83150F5B	B04CB524	2B566A37	6779F416
5C7F1673	029C1BFC	05A84C60	E401897A	CEAD9DE5
C7D8108B	95943332	FF6B20D3	004CCD40	36BDBB7E
10DA755E	B03720F0	5A0CDC53	66EB4374	BE091A80
6D3399190	D2ADE1CD	9E11EF4E	A5FF6969	3D0EB942
BFCC333D	F5FDD599	1D3B78A7	4868B0C6	381AEA61
C24F3E05	2D8D9FFA			

预签名 Π 计算如下：

$$\Pi = K^v \bmod N =$$

15B35BB7	0DDD7ED8	0FAD7EDE	A80F828E	46B3F86D
4EFB7E84	58562B6D	6F1885D0	A02FD892	8838C128
B53EE703	FAC96534	6C18A714	17D12FD7	211C3956

B6AD1A15	F4399EB0	CC065E8F	CC0039F3	E13A8EFE
5FB384CC	D0190FA9	DC995DEC	BB07947F	72124D7B
9044433C	7A416B62	99297387	0174FB6A	94A8FA8B
1CBD7E0A	2780DFD8			

A.2.1.2 准备消息

在本例中,消息为如下文本段:

M : This is a test message! (这是一个测试消息!)

A.2.1.3 计算证据

在本例中,证据形成签名的第一部分:

$$R = \Pi \parallel M \text{ 的散列权标} =$$

42AF9098	F1596D17	EAC6EA31	36E7D9F3	30F8E9FB
----------	----------	----------	----------	----------

A.2.1.4 计算赋值

赋值 T 等于 R ,表示为一个正整数。

$$T=R$$

A.2.1.5 计算签名的第二部分

签名的第二部分 S 计算如下:

$$S = K \cdot X^T \bmod N =$$

B7FAF642	59F99E7A	B32029A6	1FDEE247	F068853F
80C6FF87	9FB07983	A61C047B	34CEE1C8	F69FF97B
020F0B6C	F37E4A85	05EAEF00	01E825E5	8B8F3438
0C332BF5	B3D47E5F	C654747F	E1289D61	061F124B
C19EBB38	D466970C	39CEC404	703FB359	A0019692
F968F760	72F2D6F5	0CD75C73	1D9EEE7F	EFFB6F98
E80BD095	5D00C051			

签名 Σ 被设置为 (R, S) 。

A.2.2 验证过程

验证者拥有下列可用数据项值:

$$N, V, Y, M, \Sigma = (R, S)$$

A.2.2.1 检索赋值

赋值 T 等于签名的第一部分 R :

$$T=R$$

A.2.2.2 重新计算预签名

验证者生成预签名的一个重新计算数值 $\Pi = Y^T \cdot S^V \bmod N$:

$$\bar{\Pi} = Y^T \cdot S^V \bmod N$$

注: 如果 $(Y^T \bmod N)$ 和 $(S^V \bmod N)$ 是分别计算的,它们则给定如下:

$$Y^T \bmod N =$$

3C18CAA0	339ED6CA	6C80AF2C	201481C1	74054C22
A8314537	0B8C6DF1	92766BC4	C3FD8C14	76EDD630
E02E33E8	4F557C86	A51FE7B5	9769CF40	98E34D29
111E9BF0	82825727	85B047F3	82F51DB4	51558F87
FE5FAA6F	C1C45803	77AC051D	85A094BD	65472145
4518DEC8	EC2B58FF	791DC06F	D202E815	1A39ACA5
8D5C60D9	419695E7			