

石爱业 徐 枫 徐梦溪 著

# 图像超分辨率 重建方法及应用



科学出版社

# 图像超分辨率重建方法及应用

石爱业 徐 枫 徐梦溪 著

科学出版社

北京

在内容上既  
有关图像超  
速一定的广  
度，同时开  
展了技术分  
析和实际应  
用，同时开  
展了混合系  
统方法技术  
研究，最后介  
绍了优化、最

## 内 容 简 介

图像超分辨率重建技术在遥感、军事侦察、视频监控、医疗诊断和工业产品检测等许多领域有着广泛的应用需求。近年来,超分辨率重建技术已成为图像、信号与信息处理以及计算机视觉领域的重要研究内容。本书系统介绍图像超分辨率重建技术的有关概念、原理和方法。本书共分8章。第1章主要介绍图像超分辨率重建的意义、基本概念及技术分类。第2章主要介绍基于优化-最小求解的广义总变分图像超分辨率重建的单帧图像超分辨率重建方法及技术。第3~8章主要介绍多帧图像超分辨率重建方法及技术,内容包括:基于混合确定度和双适应度归一化卷积的超分辨率重建、基于三边核回归的超分辨率重建、基于特征驱动先验的MAP分块超分辨率重建、基于Tukey范数和自适应双边总变分的超分辨率重建、基于超视锐度机理及非连续自适应MRF模型的遥感图像超分辨率重建、基于超视锐度机理及边缘保持MRF模型的遥感图像超分辨率重建方法及技术等。

本书内容新颖、理论联系实际,可作为电子信息工程、工业自动化、计算机应用、仪器科学与技术等相关专业的研究生和高年级本科生、科研人员、工程技术人员参考书。

### 图书在版编目(CIP)数据

图像超分辨率重建方法及应用/石爱业,徐枫,徐梦溪著. —北京:科学出版社, 2016.9

ISBN 978-7-03-050009-0

I. ①图… II. ①石… ②徐… ③徐… III. ①图像分辨率—研究  
IV. ①TP391.413

中国版本图书馆CIP数据核字(2016)第230567号

责任编辑:惠 雪 曾佳佳/责任校对:郑金红  
责任印制:张 倩/封面设计:许 瑞

**科学出版社** 出版

北京东黄城根北街16号  
邮政编码:100717  
<http://www.sciencep.com>

**新科印刷有限公司** 印刷

科学出版社发行 各地新华书店经销

\*

2016年9月第 一 版 开本:720×1000 1/16

2016年9月第一次印刷 印张:10 3/4

字数:215 000

定价:68.00 元

(如有印装质量问题,我社负责调换)

## 前 言

近年来,随着信息技术的飞速发展,超分辨率重建技术已成为图像、信号与信息处理以及计算机视觉领域中的一个重要研究方向。现阶段,由于图像空间分辨率的提高受到成像系统传感器密度和尺寸的限制,同时目标运动、光照及信号采集和处理过程中的其他干扰会导致图像分辨率下降,因此,在原有系统硬件不改变的情况下,采用基于信号与信息处理方法——超分辨率重建技术,成为解决上述问题的主要手段。超分辨率重建技术涉及遥感与遥测、军事侦察、视频监控、医疗诊断和工业产品检测等诸多军事和民用领域,对其进行深入研究具有重要的理论意义和应用价值。

本书系统阐述图像超分辨率重建技术的有关概念、原理和方法。在内容上既选择了有代表性的图像超分辨率重建的经典内容,又结合作者近年来有关图像超分辨率重建关键技术的研究与应用实践,选取了一些新的研究成果,具有一定的广度、深度和新颖性。

本书共分 8 章,主要内容包括:图像超分辨率重建的意义、概念及技术分类,基于优化-最小求解的广义总变分图像超分辨率重建,基于混合确定度和双适应度归一化卷积的超分辨率重建,基于三边核回归的超分辨率重建,基于特征驱动先验的 MAP 分块超分辨率重建,基于 Tukey 范数和自适应双边总变分的超分辨率重建,基于超视锐度机理及非连续自适应 MRF 模型的遥感图像超分辨率重建,基于超视锐度机理及边缘保持 MRF 模型的遥感图像超分辨率重建方法及技术等。

第 1 章介绍图像超分辨率的基本概念、原理及分类。简要介绍图像超分辨率重建的频域方法,包括基于傅里叶变换的方法和基于离散余弦变换的方法;同时介绍图像超分辨率重建的空域方法,包括融合-复原法、统计方法及基于集合理论的方法等。

第 2 章介绍基于优化-最小求解的广义总变分图像超分辨率重建方法及技术,首先给出 MAP 图像超分辨率重建的求解框架及正则化函数的选取原则,然后介绍广义总变分正则项,最后,为了解决超分辨率中的解模糊问题,介绍基于优化-最小求解的 GTV 图像超分辨率重建技术。

第 3 章简要介绍基于多项式基的归一化卷积与双边滤波器,及基于混合确定度和双适应度的归一化卷积,在此基础上,介绍一种基于混合确定度和双适应度归一化卷积的图像超分辨率重建技术。

第 4 章首先引出图像处理中的回归问题,重点介绍核回归及其在超分辨率重

建中的应用, 基于三边核回归, 提出相应的图像超分辨率重建方法。

第 5 章首先介绍基于 MAP 框架的超分辨率重建方法, 然后引出基于特征驱动先验的 MAP 分块图像超分辨率重建方法及技术。

第 6 章首先介绍图像观测模型和超分辨率重建原理及 Tukey 范数, 然后介绍基于 BTV 正则项的超分辨率重建算法, 最后介绍基于 Tukey 范数保真项和自适应 BTV 正则项的图像超分辨率重建技术。

第 7 章首先简要介绍基于超视锐度机理的初始图像估计方法, 然后介绍基于超视锐度机理及非连续自适应 MRF 模型的遥感图像超分辨率重建技术。

第 8 章介绍基于超视锐度机理及边缘保持 MRF 模型的遥感图像超分辨率重建技术, 包括基于联合配准参数估计的 MAP 模型、基于边缘保持的 MRF 先验模型、梯度计算及正则化参数确定等。

本书第 1 章由石爱业、徐梦溪编写; 第 2 章、第 3 章由徐枫、徐梦溪、石爱业编写; 第 4 章、第 5 章、第 6 章由石爱业、徐枫、徐梦溪编写; 第 7 章、第 8 章由徐梦溪、石爱业编写; 全书由石爱业统稿。

本书是在作者及其研究团队近年来科研工作的基础上完成的。本书的出版得到了国家 863 计划项目 (项目编号: 2007AA11Z227), 国家自然科学基金项目 (项目编号: 60872096、61401195), 江苏省高校自然科学研究项目 (项目编号: 13KJB520009) 的资助。

本书在写作过程中, 得到了合肥工业大学高隼教授、南京大学王元庆教授的帮助。河海大学王慧斌教授审阅了全书, 并提出了许多修改意见。在此向他们表示衷心的感谢。

向所有的参考文献作者及为本书出版付出辛勤劳动的同志们表示感谢。

限于作者的水平, 书中难免有缺点和不完善之处, 恳请读者批评指正。

作 者

2016 年 5 月 18 日

河海大学

# 目 录

第 1 章 绪论	1
1.1 超分辨率重建的背景及意义	1
1.2 图像超分辨率的基本概念	3
1.3 图像超分辨率重建原理	5
1.4 图像超分辨率重建的频域方法	7
1.4.1 基于傅里叶变换的频域重建法	7
1.4.2 基于离散余弦变换的频域重建法	7
1.5 图像超分辨率重建的空域方法	8
1.5.1 融合-复原法	8
1.5.2 统计方法	9
1.5.3 基于集合理论的重建方法	13
参考文献	14
第 2 章 基于优化-最小求解的广义总变分图像超分辨率重建	22
2.1 问题描述	23
2.1.1 MAP 图像超分辨率重建的求解框架	23
2.1.2 正则化函数的选取原则	24
2.2 广义总变分正则项	25
2.2.1 双边总变分 (BTV) 的思想	25
2.2.2 改进的 BTV —— 广义 TV 正则项	26
2.3 基于优化-最小算法的 GTV 图像超分辨率重建方法	27
2.3.1 MM 算法	28
2.3.2 基于优化-最小算法的 GTV 图像超分辨率重建方法推导与求解步骤	28
2.4 实验结果与分析	30
2.4.1 遥感图像超分辨率重建实验	30
2.4.2 标准测试图像 Lena 的超分辨率重建	33
2.4.3 标准测试图像 Cameraman 的超分辨率重建	34
参考文献	37
第 3 章 基于混合确定度和双适应度归一化卷积的超分辨率重建	39
3.1 基于多项式基的归一化卷积与双边滤波器	40
3.1.1 利用多项式基的归一化卷积框架	40

3.1.2	加权最小二乘解	41
3.1.3	双边滤波器及相关比对	44
3.2	基于混合确定度和双适应度的归一化卷积	45
3.2.1	基于双适应度的归一化卷积框架	45
3.2.2	混合确定度函数	47
3.3	基于改进归一化卷积的超分辨率重建	48
3.3.1	三分步骤法	48
3.3.2	基于混合确定度和双适应度的归一化卷积融合法	49
3.4	实验结果与分析	50
3.4.1	基于高斯确定度和双适应度的归一化卷积超分辨率重建实验	51
3.4.2	基于混合确定度和双适应度的归一化卷积超分辨率重建实验	53
3.4.3	新超分辨率重建算法在水位测量中的应用实验	55
	参考文献	57
<b>第 4 章</b>	<b>基于三边核回归的图像超分辨率重建</b>	<b>60</b>
4.1	图像处理中的回归问题	60
4.2	核回归及其在超分辨率重建中的运用	62
4.2.1	一维核回归	62
4.2.2	二维核回归	64
4.2.3	结构自适应核回归	66
4.3	基于改进核回归的超分辨率重建	68
4.3.1	三边核回归	68
4.3.2	基于三边核回归的超分辨率重建算法流程	69
4.4	实验结果与分析	69
4.4.1	基于三边核回归的超分辨率重建算法有效性验证	69
4.4.2	三边核回归超分辨率重建算法在水上桥梁遥感识别中的应用实验	76
	参考文献	78
<b>第 5 章</b>	<b>基于特征驱动先验的 MAP 分块超分辨率重建</b>	<b>80</b>
5.1	基于 MAP 框架的超分辨率重建	81
5.2	基于新型先验的 MAP 分块超分辨率重建	82
5.2.1	不变先验模型的不足	82
5.2.2	特征驱动的先验模型	83
5.2.3	用于超分辨率重建的分块 MAP 框架	84
5.2.4	十字伪影及解决方法	85
5.3	实验结果与分析	87
5.3.1	特征驱动先验的图像超分辨率重建实验	87

5.3.2	基于分块的图像超分辨率重建实验	89
5.3.3	超分辨率重建中十字伪影消除实验	91
	参考文献	93
<b>第 6 章</b>	<b>基于 Tukey 范数和自适应双边总变分的超分辨率重建</b>	<b>94</b>
6.1	图像观测模型和超分辨率重建	94
6.2	Tukey 范数	95
6.3	基于 Tukey 范数保真项和自适应 BTV 正则项的 SRR 算法	98
6.3.1	BTV 正则项	98
6.3.2	结合 Tukey 范数和自适应 BTV 正则项的 SRR 算法	98
6.4	实验结果与分析	100
6.4.1	标准 Lena 图像超分辨率重建实验	100
6.4.2	遥感图像超分辨率重建实验	105
6.4.3	文本图像超分辨率重建实验	108
	参考文献	112
<b>第 7 章</b>	<b>基于超视锐度及非连续自适应 MRF 模型的遥感图像超分辨率重建</b>	<b>114</b>
7.1	图像配准	115
7.2	基于超视锐度机理的初始图像估计	116
7.2.1	基于非均匀采样的立方插值实现超视锐度机理	116
7.2.2	基于归一化卷积的超视锐度机理实现	116
7.3	MAP+DAMRF 超分辨率重建算法	118
7.3.1	MAP 模型	118
7.3.2	非连续自适应性 MRF(DAMRF) 先验模型	119
7.3.3	基于 GNC 优化算法的 MAP 实现	122
7.4	实验结果与分析	123
7.4.1	全局平移的图像超分辨率重建实验	124
7.4.2	全局平移和旋转的图像超分辨率重建实验	135
	参考文献	139
<b>第 8 章</b>	<b>基于超视锐度及边缘保持 MRF 模型的遥感图像超分辨重建</b>	<b>141</b>
8.1	联合图像配准和高分辨图像估计的建模	142
8.1.1	联合配准参数估计的 MAP 模型	142
8.1.2	边缘保持 MRF 先验模型	144
8.1.3	梯度计算及正则化参数的确定	145
8.1.4	算法实现步骤	147



# 第1章 绪论

## 1.1 超分辨率重建的背景及意义

20世纪70年代以后,在许多数字成像设备中,CCD(charge-coupled device)和CMOS图像传感器被广泛使用以获取数字图像。尽管这些传感器能够满足大多数成像应用,但其分辨率水平与成本却远没有满足人们的消费需求,特别是高端科技研发的需要。即使经过近几年突飞猛进的发展,图像和视频的视觉质量也仍然无法达到人们更高的期待,例如,在监测、遥感、军事、医学和视频娱乐等数字成像应用领域,高质量图像要求不仅能够提供足够的像素密度,而且还可以展示丰富的细节信息。

通过硬件改进来提高空间分辨率的方法有:①改进传感器制造工艺以降低像素尺寸,即增大成像装置中传感器单位面积上的像素数。然而,随着像素尺寸的降低,接受到的有效光强也相应减小,这样产生的散粒噪声会严重影响到图像质量。②增大芯片尺寸来增加像素数,但这会导致电容的增加。由于大电容会严重阻碍电荷转移速率的提高,因此这种方法也不被有效采纳。③通过提高相机的焦距来增强图像的空间分辨率,但这会受到相机的体积变大、重量变重、镜头光学零件的尺寸增大等负面影响,导致光学材料和光学加工的制造工艺难度加大,故通过增加相机焦距的方法来提高图像的空间分辨率并不可取。④随着纳米级生物学观测研究而迅速发展的荧光显微技术。依靠荧光显微镜可以观测到活细胞、组织以及动物体内的生物分子、通路和活动。显微成像技术的空间分辨率可达到纳米级别,但其仅能应用于生物学的组织成像,应用范围较窄,很难推广到诸如太空探索、遥感测报、监测监控等大视场的高分辨率成像。另外,高精度光学图像传感器的高昂成本也是许多高分辨率成像应用中所要考虑的重要因素。综上,由于受到工艺水平、成本等因素的影响,单纯依靠硬件上的改善来获取高质量高分辨率图像,往往并不现实。

为了克服硬件方法的局限,可以考虑通过一种图像增强的软方法来实现图像分辨率的提高。运用信号与信息处理来实现由单帧或多帧低分辨率观测图像获得高分辨率图像或序列,使信号与信息处理变得比以往更有意义,这样的技术可以摆脱硬件的技术瓶颈,具有广阔的发展前景。国内外图像处理领域的研究人员将这种经济且有效的图像增强软方法称为超分辨率重建技术<sup>[1]</sup>。Tsai和Huang的开创性论文开启了通过软计算实现高分辨率成像的现代超分辨率重建技术研究。尽管早

在 20 世纪 50 年代 Yan 和 70 年代 Papoulis 在抽样理论的研究成果中已经初步萌发了这个想法,但确实是 Tsai 和 Huang 在理论上明确提出:通过配准和融合多个图像来增强分辨率是可行的<sup>[2]</sup>。利用超分辨率重建技术来获取高分辨率图像可以充分利用已有的低分辨率成像设备,且无需升级硬件,只要通过软件算法的开发就能低成本地实现提高分辨率的目的。

20 世纪 90 年代以来,超分辨率重建技术日益成为国内外图像、信号与信息处理以及计算机视觉领域的研究热点<sup>[3-12]</sup>。尤其 2010 年之后的五年左右时间里,图像超分辨率重建在学术领域异常活跃,进一步说明了对其进行深入研究具有重要的学术价值。在美国的 Web of Science 数据库,通过对标题包含 super-resolution 的论文进行统计,结果显示,其论文数量和引文数量均呈大幅增长,如表 1.1 所示。例如,引文数量从 1996 年的几十篇,到 2005 年的 500 多篇、2010 年的 1600 多篇,直到 2015 年接近 7000 篇,这证明了超分辨率的研究具有日益重要的学术意义。

表 1.1 1996 年以来发表的超分辨率论文统计

统计年度	论文数量/篇	引文数量/篇
1996	<20	<100
2005	50+	500+
2010	110+	1600+
2015	330+	6900+

对低分辨率图像序列进行超分辨率重建是前端视觉信息处理的一个重要任务,它为后端处理中的图像检测、分类和识别工作提供了高质量空间分辨率的图像。超分辨率重建研究要解决的是图像生成过程中所遇到的共性问题(下一节将详细介绍),因此在尽可能多地获得相同场景图像的条件下,不论何种应用领域,超分辨率重建的基本方法过程都是相同的。再加上高效廉价的独特优势,超分辨率重建正在被军事和经济社会的各个应用领域所关注,因此也具有进一步研究的必要性和迫切性,预想会在以下方面具有广泛的应用前景和实用意义:

- (1) 视频监控(图 1.1(a)),如基于图像的水利量测、刑侦取证、试验故障检测等;
- (2) 卫星成像,如各种遥感、遥测、地球资源调查及军事对地侦察等(图 1.1(b));
- (3) 生物医学成像,如计算机 X 射线断层摄影(图 1.1(c)) 和磁共振成像等;
- (4) 视频标准转换,如 NTSC 和 PAL 标准的相互转换、SDTV 信号向 HDTV 信号的转换等;
- (5) 视频增强和复原,如各种视频消费电子的后期处理、老旧电影的翻制等;
- (6) 其他应用,如数字拼嵌、显微成像、虚拟现实和太空探索等。

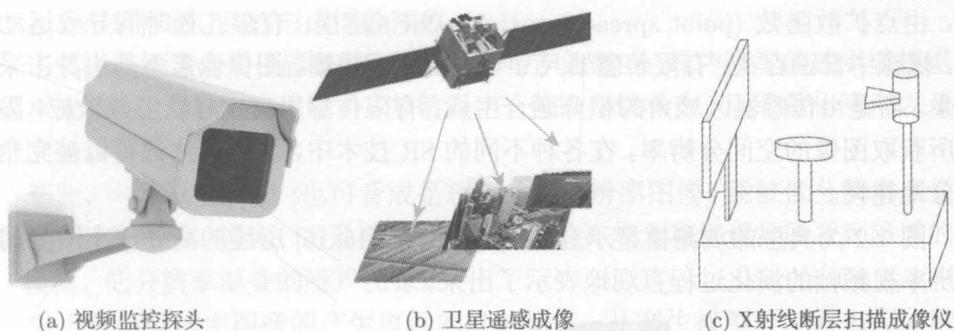


图 1.1 成像设备实例

## 1.2 图像超分辨率的基本概念

高分辨率 (high resolution, HR) 是指图像的像素密度高并尽可能包含图像信号的高频成分, 从而使图像能够提供更多的关于目标场景的细节信息<sup>[13]</sup>, 这一点在许多应用领域既是重要的, 也是相当必要的, 因为这样可以为许多后端的图像处理、分析、运行、理解、研判与操作提供准确依据与高质量保障。通常, 获取高分辨率图像主要有两种途径: ①硬件的高分辨率成像, 即通过硬件材料及其制造工艺的改进与升级开发出高分辨率的成像设备, 以此直接应用于获取高分辨率图像; ②软件的超分辨率 (super-resolution, SR) 重建, 即通过信号与信息处理方法对已获取的单帧或多帧低分辨率观测图像进行融合重建获得含有高频信息的高分辨率图像。

超分辨率重建是一种利用信号处理方法, 由一帧或多帧低分辨率 (low resolution, LR) 的观测图像来获取高分辨率图像或图像序列的技术<sup>[14]</sup>。在国内外的一些文献中, 也有将超分辨率称为分辨率增强 (resolution enhancement, RE) 或超分辨率 (super resolution, SR) 复原技术。这一过程的实质是增加重建图像的高频成分和消除低分辨率成像过程中产生的退化。目前, 绝大多数超分辨率重建都是指空间分辨率重建, 但也有部分研究将之扩展到时间分辨率甚至光谱分辨率的层级。

本书如无特殊说明均指基于运动的空间分辨率增强。这里对运动加以解释: 一般情况下, 我们使用常规成像设备所得到的低分辨率图像序列都被认为是亚采样图像序列, 并且由于机景的相对位移或场景内的物体运动, 序列中的每幅图像之间都有像素移动, 这就是所谓的“基于运动”。超分辨率正是利用这样的图像序列来重建出高空间分辨率的图像。

前已述及, 通过硬件增加分辨率不再合适, 而要利用基于信号处理的超分辨率重建技术, 还要必须对图像序列获取的整个过程进行科学的分析和表征。由于硬件限制, 数字成像系统获取的图像包含各种退化。例如: 有限孔径尺寸导致光学模

糊，由点扩散函数 (point spread function, PSF) 建模；有限孔径时间导致运动模糊，视频中普遍存在；有限传感器尺寸导致传感器模糊，图像像素不是由冲击采样产生，而是由传感器区域内的积分融合生成；有限传感器密度导致混叠效应，限制了所获取图像的空间分辨率。在各种不同的 SR 技术中，这些退化都可以被完全或部分地建模。

图 1.2 为典型的观测模型示意图，它将文献 [15, 16] 所述的高分辨率图像到低分辨率视频帧的演化过程直观地表示了出来。

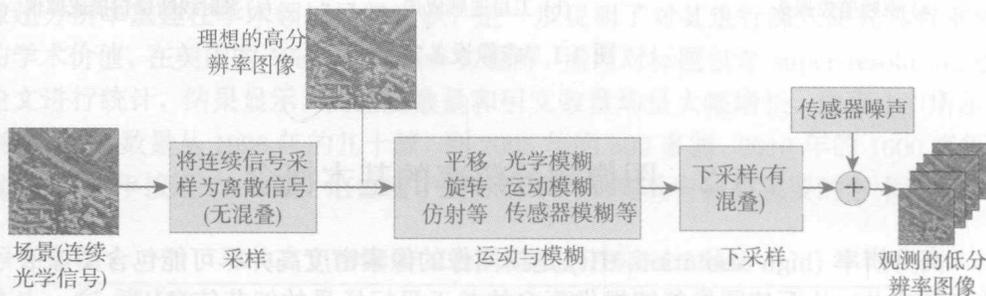


图 1.2 低分辨率图像序列产生模型

根据图 1.2 所示，成像系统的输入为连续的自然场景，一般可近似地假设场景为带限信号。这些信号在进入成像系统之前可能受到大气湍流的干扰。由于数字图像所表征的数据都是以离散的形式存在的，所以在超分辨率重建中，欲求解的理想高分辨率数字图像可看成是对原始二维连续场景信号进行采样而生成的图像。但这里的采样率高于原始连续带限场景的 Nyquist 采样率，所以图像并无混叠效应。

在 SR 技术中，通常还设定某种镜头与获取场景之间的运动，这使得相机的输入变为同一场景的多帧图像，这些图像可能包含局部或全局位移。再考虑到前面的大气湍流以及拍摄角度，图像会是扭曲的版本。我们所说的扭曲可以是平移、旋转等简单的刚体运动，也可以是仿射、透射等复杂的映射变换。由于拍摄空间时间的差异，每个 LR 图的扭曲都是不同的，要将它们恢复到原有的“形状”就必须进行配准，也就是将它们的像素放置于假想原型网格内。

进入相机，这些经过位移的高分辨率帧将受到不同类型的模糊影响，如光学模糊、运动模糊等。模糊建模是建立在对物理光学的理解之上的，数学模型要考虑到介质（大气、水等）湍流、镜头或传感器的光学响应、运动与快门反应、光学散焦等。模糊以及后面的噪声污染是 LR 图像降质的主要原因，解决这两个问题也是图像复原领域的主要任务，因此超分辨率重建技术与图像复原有着紧密的联系。

模糊后的图像在图像传感器（如 CCD）上被下采样形成最终的像素，形成像素的过程主要通过落入每个传感器区域图像的积分来实现。模糊后的下采样是导致图像混叠的重要原因，这是由于低密度像素采集设备使图像采样率低于带限场

景 Nyquist 采样率, 必然形成混叠现象。

下采样图像还会受传感器、色彩滤波等噪声的影响。噪声模型的建立要根据不同噪声来源, 这其中有光电噪声、热敏噪声、传输存储噪声、压缩量化噪声以及在配准中的误差。

至此, 一个真实场景 (也可看成是理想的高分辨率图像) 就被低分辨率成像系统捕获, 经过扭曲、模糊、下采样和噪声污染, 最终成为我们通常所看到降质的扭曲、模糊、低分辨率混叠的噪声图像。

以上是低分辨率图像的产生过程的具体描述, 从产生模型可以看出高分辨率原始图与低分辨率观测序列图之间的关联。事实上, 超分辨率重建过程可以被看作是低分辨率图像成像系统产生模型的逆过程。值得注意的是, 在多数超分辨率数学建模中, 扭曲和模糊被合并为同一算子对图像进行处理, 因此图 1.2 中用一个方框来包括这两个过程是合适的。

### 1.3 图像超分辨率重建原理

实现超分辨率重建并不是将低分辨率观测图像简单放大, 也不是单纯地对低分辨率观测图像进行去模糊去噪, 因此必须将它与相关的单帧插值和简单的图像去模糊去噪概念区别开来。在区分两种概念的基础上, 下节给出了实现超分辨率重建的两种条件: ①已知同一场景多帧亚像素偏移的图像; ②已知高分辨率图像的先验信息。满足上述任一条件, 都可实现超分辨率重建。下面给予详细阐述。

(1) 单帧插值仅仅是将图像进行放大而没有引入任何有用的新的信息, 低于 Nyquist 采样率而形成的频率混叠现象并不能由图像的插值放大而被解决。要实现解混叠这一目的, 首先要尽可能多获取目标场景的降质混叠低分辨率图像。但这并不是充分条件, 不是说拥有低分辨率图像序列就一定能够重建出理想的高分辨率图像, 或者说图像重建质量不完全取决于低分辨率图像的数量。从图 1.3 可以看出, 整像素位移图像之间不能够为重建提供有效的信息, 而亚像素位移的图像可以达到各帧之间信息互补, 为重建提供丰富的信息源。假使每一幅低分辨率图像之间都存在亚像素位移, 那么它们各自都包含互补有效信息。在已知相对位移关系情况下, 低分辨率图像序列可以被合成来消除混叠效应进而重建出高分辨率图像。进一步地, 如果重建出的高分辨率图像采样率满足 Nyquist 采样准则, 它就可以精确代表原始连续场景。由此, 我们可以说混叠信息可以被合成获取非混叠图像。因此, 对于多帧超分辨率重建, 能够改善分辨率的条件就是: 低分辨率图像之间存在的位移必须是亚像素级的, 即亚像素位移。图 1.4 给出了非降质亚采样低分辨率图像与高分辨率图像的关系, 演示了多帧超分辨率重建实施的可行性。图 1.4(e) 表示运用已知的亚像素位移得到的非均匀采样高分辨率图像。通过重采样, 图 1.4(e) 可以转

化为均匀采样的高分辨率图像 (图 1.4(f)), 从而完成超分辨率重建的任务。

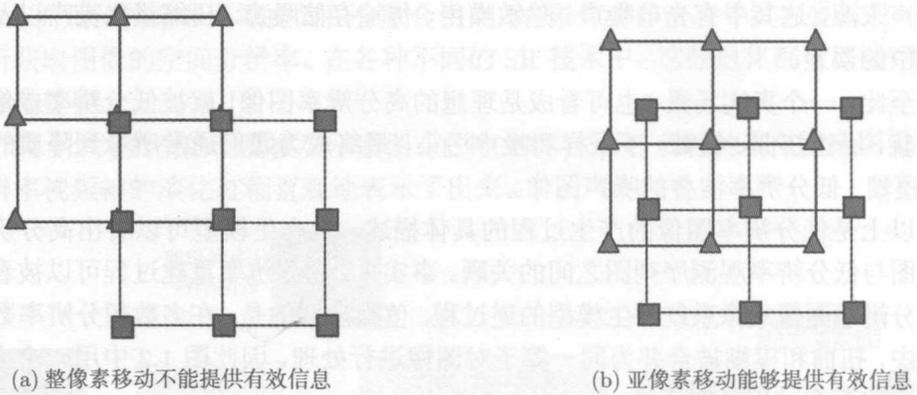


图 1.3 多帧超分辨率重建需满足的条件

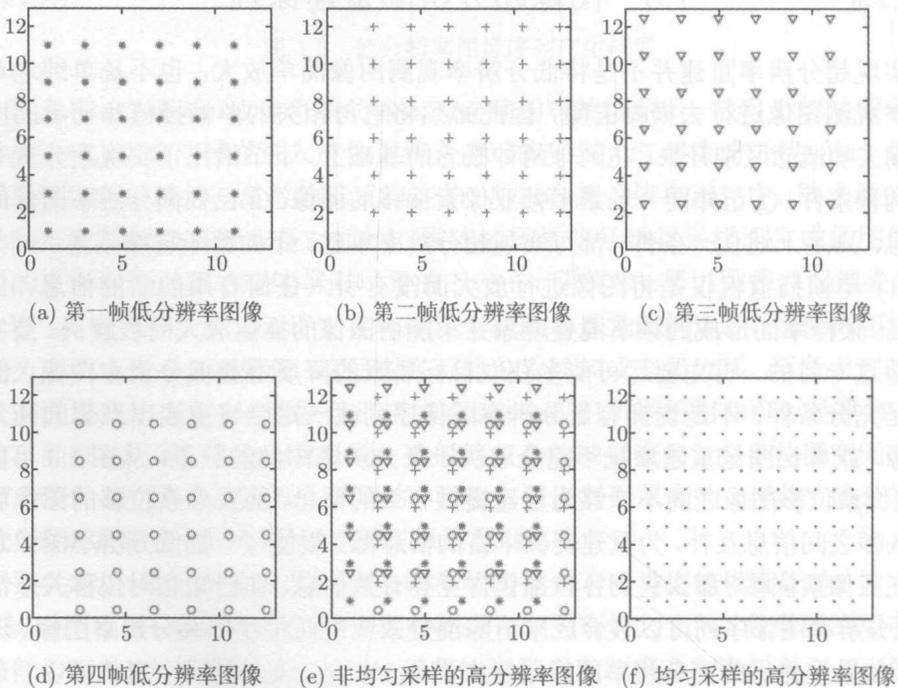


图 1.4 多帧超分辨率重建实施的可行性演示

(2) 简单的去模糊去噪仅仅是用已固化的方法 (如维纳滤波) 恢复降质 (模糊有噪声) 的图像, 并没有更多考虑图像本身特征, 先验信息不够准确, 也就达不到提高分辨率、恢复高频信息的目的。我们所讲的超分辨率重建过程, 实质上是对降质

图像进行的综合重建,既能够消除噪声模糊,又可以恢复原始真实的高频信息,从而达到提高图像分辨率的目的。准确先验的加入,其实就是为图像的重建加入了高频信息。从这一点来说,如果仅有一帧退化图像,但其高分辨率图像的先验知识已知,那么实现单帧的超分辨率重建也是可行的。

综上,要实现图像的超分辨率重建,必须至少满足下面的条件之一:①如果相对位置为亚像素偏移的多帧低分辨率图像已知,那么重建出高分辨率图像是可行的;②如果已知单帧低分辨率图像,且其高分辨率图像的先验信息确定,那么重建出高分辨率图像也是可行的。

## 1.4 图像超分辨率重建的频域方法

### 1.4.1 基于傅里叶变换的频域重建法

1984年 Tsai 和 Huang 首次明确提出了超分辨率这一概念<sup>[2]</sup>,将无退化的多帧平移低分辨率观测图像用于重建单帧高分辨率图像,作者通过一个频域公式将高分辨率图像与多帧平移的低分辨率图像建立联系,频域公式基于连续和离散傅里叶变换的平移和混叠特性。文献 [2] 标志着真正意义上的超分辨率重建概念的诞生。自从 Tsai 的这一开创性论文发表以来,超分辨率重建一直都是最活跃的研究领域之一。

频域 SR 重建的数学描述,都是基于一个无噪声和带有已知参数的全局平移模型。下采样过程也被认为是冲击采样,没有传感器建模的模糊效应。许多研究人员沿着这一技术路线,扩展了许多方法,用来处理更复杂的观测模型<sup>[17,18]</sup>。Kim 等<sup>[19]</sup>通过考虑观测噪声以及空间模糊对文献 [2] 进行了扩展。后来,通过引入 Tikhonov 正则化<sup>[20]</sup>,他们又做了进一步的扩展工作<sup>[21]</sup>。文献 [22] 提出一种局部运动模型,将图像划分为重叠块并对每个局部块单独进行运动估计。文献 [23] 使用 EM 算法同时进行了复原和运动估计。

### 1.4.2 基于离散余弦变换的频域重建法

为了减少超分辨率处理过程中的存储需求和计算量,Rhee 和 Kang<sup>[24]</sup>采用基于离散余弦变换的方法代替离散傅里叶变换,同时采用多通道自适应确定正则系数以克服欠定系统的病态性。

频域法理论基础简单,算法复杂度低,计算效率高。然而,上述文献的频域 SR 理论并没有跳出最初提出的理论框架,也有不可避免缺点。那就是局限于处理全局运动情况而且难于嵌入各种图像先验作为适当正则项。另外,所有频域方法都受到所应用的图像观测模型的限制,在处理更复杂的现实图像退化模型问题上,能力是有限的。因此,后续的超分辨率重建研究几乎都是在空域进行。

## 1.5 图像超分辨率重建的空域方法

为了克服频域中遇到的困难,摆脱频域法的局限性,过去二十年,很多空域方法被陆续提出<sup>[13,25,26,33,38]</sup>,使得代表性方法的覆盖面从频域到空域,从信号处理视角到机器学习视角。研究人员最终大多都集中于更为有效的空域方法<sup>[26]</sup>,这是由于在空域对各种图像退化的建模更具灵活性。尽管也存在着一些问题,但空域法凭借其相对优越的性能渐渐成为超分辨率重建的主流方法。在空域框架内,已有许多算法纷纷被提出,呈现出百家争鸣的局面,这里大致将它们分为以下几种类别:①融合-复原法,也叫插值-复原法<sup>[27,28]</sup>;②统计方法,包括最大似然法(maximum likelihood, ML)<sup>[29]</sup>,最大后验法(maximum a posteriori, MAP)<sup>[30-33]</sup>,联合 MAP 重建,贝叶斯(Bayesian)方式<sup>[34,35]</sup>;③基于集合理论的重建<sup>[33,39]</sup>。

### 1.5.1 融合-复原法

此方法在超分辨率重建中是最为直观的,步骤如下:①估计低分辨率图像的亚像素运动参数,将此参数用作配准,也就是将每帧低分辨率图像置于一个高分辨率(亚像素分隔的)网格之上。此时,大多数低分辨率图像都位于网格的非整数点,因此在高分辨率网格上呈现出一帧像素非均匀分布的高分辨率图像。②为了形成一帧像素均匀分布的高分辨率图像,必须使用一种融合(插值)算法来获得所有整数点上的像素值。③由于在融合后的图像中仍存在模糊和少量噪声等退化因素,因此有必要采取一种解卷积方法来消除。

Keren 等<sup>[40]</sup>基于全局平移和旋转模型,提出一种两步方法用于 SR 重建。Ur 和 Gross<sup>[41]</sup>通过利用 Yen<sup>[42]</sup>和 Papulis<sup>[43]</sup>的广义多通道采样理论对配准融合后的空间亚像素平移低分辨率图像进行非均匀插值,接着又进行了去模糊处理。这里假定了图像间的相对位移是已知的。Komatsu 等提出了一种改善的超分辨率图像重建方法,这里他们利用了块匹配的技术来估算图像的相对位移。Nguyen 和 Milanfar<sup>[44,45]</sup>通过利用低分辨率数据的交错采样结构,提出一种有效的基于小波的插值超分辨率重建算法。2000 年 Alam 等<sup>[46]</sup>首先采用加权最近邻方法把运动补偿后的低分辨率图像帧映射插值到一个均匀高分辨率网格上,然后采用维纳滤波器完成去模糊和降噪的过程,最后实现红外图像的超分辨率重建。Elad 和 Hel-Or<sup>[47]</sup>专注于特殊情况的 SR 重建,其中的观测图像包含纯平移、空间不变模糊和加性高斯噪声,提出了一种计算非常高效的算法。

文献<sup>[48]</sup>提出了一种基于三角剖分的方法,对不规则采样数据进行插值。然而,三角法对通常出现在真实应用中的噪声并不具鲁棒性。基于规一化卷积<sup>[49]</sup>,Pham 等<sup>[4]</sup>提出了一个鲁棒的确定度和一种结构自适应的适应度函数,用于多项式 Facet