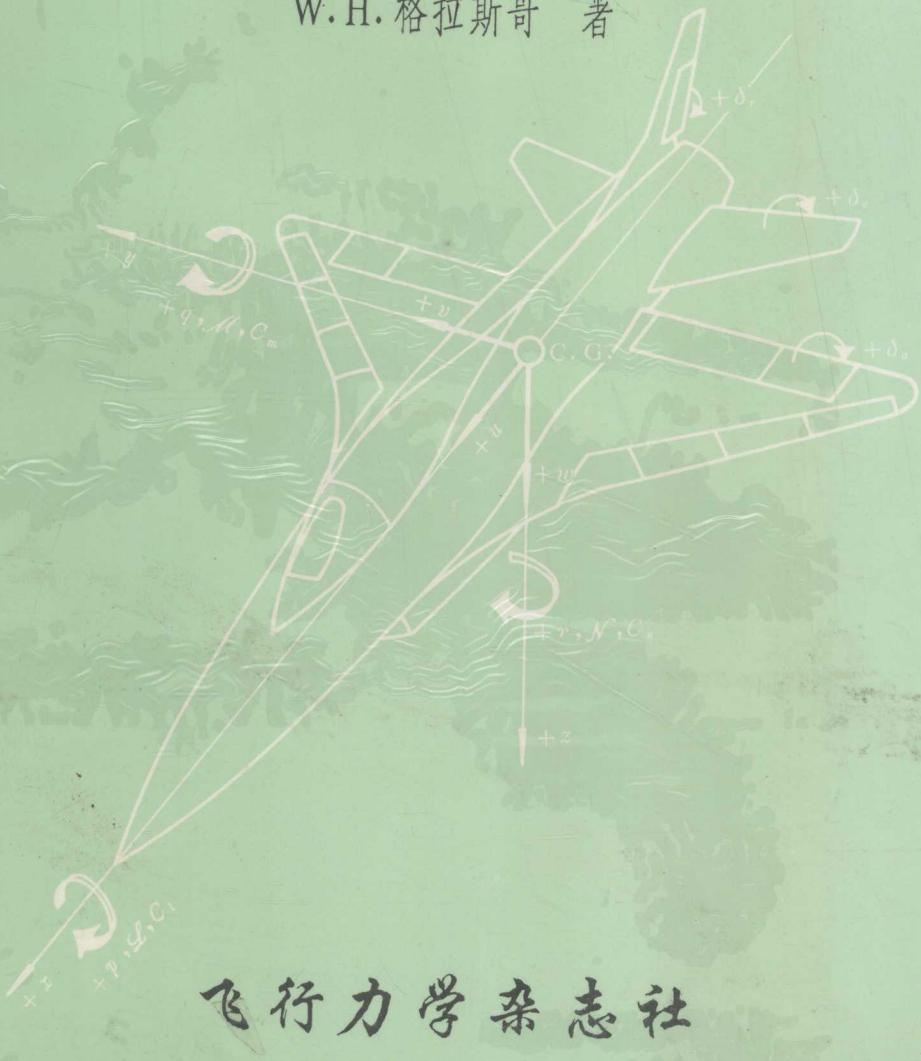


稳定性和操纵性

飞行试验

W. H. 格拉斯哥 著



飞行力学杂志社

V217
1008-A

V217
1008-AI

稳定性和操纵性飞行试验

(第 I 卷)

稳定性和操纵性飞行试验理论

W.H.格拉斯哥 著

李树有 全昌业 罗荣增等译

陈启顺 戈 平 董庚寿等校



一九九八年三月七日



30777206

飞行力学杂志社

777206

内 容 简 介

本书按美国空军飞行试验中心报告(AFFTC-TIH-77-1)翻译而成。该书是由美国空军试飞员学校的教官们编写的，作为学校学员的一门理论教材。飞机《稳定性和操纵性飞行试验》(第I卷)一书的主要内容包括：微分方程、运动方程、纵向静稳定性、机动性、横-航向静稳定性、动力学、过失速旋转/尾旋和滚转耦合共八章。

目前我国尚无此类教材。因此该书不仅对空、海军部队、航校、试飞大队和试飞员学校的广大飞行员是一本难得的教材，而且对于从事飞行试验、飞行力学研究的广大科技人员以及各高等航空院校的师生也是一部有价值的参考书。

稳定性和操纵性飞行试验

W. H. 格拉斯哥 著

李树有 全昌业 罗荣增 等译

陈启顺 戈 平 董庚寿 等校

责任编辑 鲍亚平

编辑出版：飞行力学杂志社

印 刷：陕西省富平印刷厂

陕西省新闻出版局书刊登记号：077

·内部发行·

出版说明

《稳定性和操纵性飞行试验》一书，系按美国空军飞行试验中心报告AFF TC-TIH-77-1翻译而成。全书共分两卷，第Ⅰ卷为《稳定性和操纵性飞行试验理论》，第Ⅱ卷为《稳定性和操纵性飞行试验技术》。该书是美国空军试飞员学校的理论教材，其内容紧密结合当代飞机的发展，论述深入浅出。我国目前尚无此类教材，因此该书不仅对广大飞行员是一本难得的教材，而且对从事飞行力学研究的广大科技人员和高等航空院校的师生也是一本有价值的参考书。

参加本书译校工作的是中国飞行试验研究院从事飞机稳定性和操纵性飞行试验研究的工程技术人员。其中参加翻译的人员有：第一章李树有、吴正元，第二章全昌业，第三章罗荣增、李雪琴，第四章刘金生，第五章陈增江，第六章李兴中、陈福明，第七章李树有，第八章李兴中。负责校审工作的是陈启顺、戈平、董庚寿、李志强、宫西卿等同志。全书由李树有同志统校。最后由鲍亚平同志负责校订和统编工作。飞行力学杂志社负责编辑出版事务。

由于水平有限，难免有错，敬请读者批评指正。

飞行力学杂志社

1989年11月

前　　言

稳定性和操纵性是航空科学的一个分支，它关系到如何向驾驶员提供具有良好操纵品质的飞机。因为把飞机设计成能满足较主要的性能技术要求时，在稳定性和操纵性方面遇到了一些新的问题。正是这些问题的解决才使稳定性和操纵性这门学科发展到了今天的水平。

本手册是由美国空军试飞员学校的教官们编写的，供学校的稳定性和操纵性部分课程使用。本手册第一卷中的大部分材料是从各种参考书中摘录来的，并且主要是面向试飞员。在第二卷中的有关飞行试验技术和数据处理方法是由加利福尼亚州爱德华空军基地 (Edwards Air Force Base, California)，空军飞行试验中心 (AFFTC) 研究的结果。本手册的主要意图是作为我们学校里的一门理论教材使用，但愿对从事稳定性和操纵性试验的同事们也能有所裨益。

美国空军试飞员学校校长，

美国空军上校：

W · H · 格拉斯哥

目 录

第1章 微分方程	(1)
缩写和符号表	(1)
1.1 引言	(2)
1.2 基本原理的回顾	(2)
1.2.1 直接积分	(2)
1.2.2 一阶微分方程	(4)
1.3 线性微分方程及运算方法	(7)
1.3.1 瞬时解	(9)
1.3.2 特解	(13)
1.3.3 求积分常数	(18)
1.4 应用	(20)
1.4.1 一阶方程	(21)
1.4.2 二阶方程	(22)
1.4.3 二阶线性系统	(25)
1.4.4 类似的二阶线性系统	(30)
1.5 拉普拉斯变换	(32)
1.5.1 求微分方程的拉普拉斯变换	(34)
1.5.2 部分分式	(38)
1.5.3 对任何 $F(s)$ 的海维塞德展开理论	(41)
1.5.4 拉普拉斯变换的方法	(45)
1.5.5 传递函数	(50)
1.6 联立的线性微分方程组	(51)
1.6.1 用行列式和算子符号求解	(52)
1.6.2 用拉普拉斯变换方法求解	(53)
1.7 练习 I	(55)
1.8 解习题 I	(57)
1.9 练习题 II	(61)
1.10 解练习 II	(62)
1.11 练习 III	(68)
1.12 解练习 III	(69)

1.13 练习 IV	(70)
1.14 解练习 IV	(71)
1.15 练习 V	(78)
1.16 解练习 V	(78)
附录 I	(81)
积分因式	(81)
积分因式——(第二种方法)	(82)
微分方程例题	(83)

第 2 章 运动方程 (85)

2.1 引言	(85)
2.2 术语和符号	(85)
2.2.1 术语	(85)
2.2.2 符号	(86)
2.3 概述	(87)
2.4 基础知识	(88)
2.4.1 坐标系	(88)
2.4.2 向量的定义	(89)
2.4.3 欧拉角——从运动的地轴系到体轴系的变换	(90)
2.4.4 假设	(93)
2.5 方程的右端	(93)
2.5.1 线性力关系式	(93)
2.5.2 力矩方程	(95)
2.6 方程的左端	(99)
2.6.1 术语	(99)
2.6.2 飞行器的一些特殊运动	(99)
2.6.3 左端展开的准备	(100)
2.6.4 方程左端的最初分析	(100)
2.6.5 空气动力和力矩	(101)
2.6.6 由台劳级数展开	(104)
2.6.7 重量的影响	(105)
2.6.8 推力的影响	(106)
2.6.9 陀螺效应	(106)
2.7 方程简化至可用的形式	(107)
2.7.1 方程规格化	(107)
2.7.2 稳定性参数	(107)
2.7.3 方程的简化	(108)

2.7.4 纵向方程.....	(108)
2.7.5 横一航向方程.....	(110)
2.7.6 稳定性导数.....	(111)
第3章 纵向静稳定性.....	(117)
3.1 纵向静稳定性的定义.....	(117)
3.2 纵向静稳定性的分析.....	(117)
3.3 稳定性方程.....	(118)
3.4 机翼、机身及尾翼对稳定性方程的贡献.....	(120)
3.5 中性点.....	(128)
3.6 升降舵效能.....	(129)
3.7 稳定性曲线.....	(130)
3.8 飞行试验关系式.....	(131)
3.9 稳定度极限.....	(132)
3.10 松杆稳定性	(133)
3.11 松杆稳定性方程组	(136)
3.12 松杆飞行试验关系式	(137)
3.13 表观松杆稳定性	(139)
3.14 高速纵向稳定性	(145)
第4章 机动性.....	(150)
4.1 机动飞行.....	(150)
4.2 拉起机动飞行.....	(151)
4.3 飞机的弯曲.....	(157)
4.4 转弯机动飞行.....	(157)
4.5 简要说明.....	(160)
4.6 松杆机动飞行.....	(161)
4.7 配重和弹簧的影响.....	(165)
4.8 气动力补偿.....	(166)
4.9 重心限制.....	(166)
第5章 横一航向静稳定性	(168)
5.1 前言.....	(168)
5.2 $C_{n\beta}$ —航向静稳定性或风标稳定性	(169)
5.2.1 垂尾对 $C_{n\beta}$ 的贡献.....	(170)

5.2.2	机身对 $C_{n\beta}$ 的贡献	(172)
5.2.3	机翼对 $C_{n\beta}$ 的贡献	(172)
5.2.4	对 $C_{n\beta}$ 的其它影响因素	(173)
5.3	$C_{n\delta r}$ ——方向舵效能	(173)
5.4	方向舵固定的航向静稳定性	(174)
5.5	方向舵自由的航向稳定性	(175)
5.6	$C_{n\alpha}$ ——航向操纵偏转引起的偏航力矩	(177)
5.7	$C_{n\dot{p}}$ ——滚转速率引起的偏航力矩	(178)
5.8	C_{nr} ——偏航阻尼	(178)
5.9	$C_{n\beta}$ ——侧洗滞后效应引起的偏航阻尼	(179)
5.10	高速状态的航向静稳定性	(179)
5.11	横向静稳定性	(180)
5.12	$C_{l\beta}$ ——上反效应	(181)
5.12.1	机翼后掠	(183)
5.12.2	机翼展弦比	(184)
5.12.3	机翼尖削比	(185)
5.12.4	翼尖油箱	(185)
5.12.5	部分展长襟翼	(185)
5.12.6	机翼机身干扰	(186)
5.12.7	垂直尾翼	(186)
5.13	$C_{l\delta\alpha}$ ——横向操纵效能	(187)
5.14	不可逆操纵系统	(188)
5.15	可逆操纵系统	(189)
5.16	滚转性能	(190)
5.17	$C_{l\dot{p}}$ ——滚转阻尼	(192)
5.18	$C_{l\dot{r}}$ ——偏航速度引起的滚转力矩	(192)
5.19	$C_{l\delta r}$ ——方向舵偏度引起的滚转力矩	(193)
5.20	$C_{l\beta}$ ——侧洗滞后效应引起的滚转力矩	(193)
5.21	高速横向静稳定性的考虑	(194)
第 6 章 动力学		(195)
6.1	引言	(195)
6.2	动稳定性	(195)
6.2.1	例题	(196)
6.2.2	例题	(197)
6.3	一阶和二阶动态系统的例子	(198)
6.3.1	有阻尼的二阶系统	(198)

6.3.2	有负阻尼的二阶系统	(199)
6.3.3	不稳定的一阶系统	(199)
6.3.4	用于动态的附加项	(200)
6.4	复平面	(201)
6.5	操纵品质	(202)
6.5.1	自由响应	(203)
6.5.2	驾驶员评定等级	(203)
6.6	操纵输入	(211)
6.6.1	阶跃输入	(211)
6.6.2	脉冲	(211)
6.6.3	倍脉冲	(212)
6.7	运动方程	(212)
6.7.1	运动方程的分离	(213)
6.8	纵向运动	(214)
6.8.1	例题	(214)
6.8.2	纵向运动模态	(215)
6.8.3	短周期近似方程	(216)
6.8.4	长周期近似方程	(217)
6.8.5	n/α 方程	(219)
6.9	横—航向运动模态	(220)
6.9.1	滚转模态	(220)
6.9.2	螺旋模态	(220)
6.9.3	荷兰滚模态	(221)
6.9.4	非对称运动方程	(221)
6.9.5	非对称运动的根 $\Delta(s)$	(222)
6.9.6	近似的滚转模态方程	(222)
6.9.7	螺旋模态稳定性	(222)
6.9.8	荷兰滚模态的近似方程	(223)
6.9.9	滚转—螺旋模态的耦合	(223)
6.10	稳定性导数	(224)
6.10.1	引言	(224)
6.11	二阶运动的驾驶员估价	(226)
6.11.1	ω_d 的估算	(226)
6.11.2	ζ 的估算	(226)
第 7 章	过失速旋转/尾旋	(228)
7.1	引言	(228)

7.1.1	定 义	(228)
7.1.2	对偏离和尾旋的敏感性与阻抗	(230)
7.1.3	尾旋模态	(231)
7.1.4	尾旋各阶段	(232)
7.2	尾旋运动	(233)
7.2.1	飞行轨迹描述	(233)
7.2.2	空气动力因素	(235)
7.2.3	飞机质量分析	(237)
7.3	运动方程	(239)
7.3.1	假 设	(239)
7.3.2	基本方程	(239)
7.3.3	空气动力条件	(241)
7.3.4	尾旋特性的估算	(244)
7.3.5	陀螺影响	(246)
7.3.6	机身装载飞机的尾旋特性	(249)
7.3.7	侧 滑	(251)
7.4	倒飞尾旋	(251)
7.4.1	倒飞尾旋中的迎角	(252)
7.4.2	在倒飞尾旋中的滚转和偏航方向	(252)
7.4.3	运动方程的适用性	(253)
7.5	改 出	(254)
7.5.1	术 语	(254)
7.5.2	空气动力力矩的变换	(254)
7.5.3	惯性力矩的应用	(256)
7.5.4	其它的改出方法	(257)
7.5.5	从倒飞尾旋中改出	(257)
	本章使用的缩写和符号	(259)

第 8 章 滚转耦合

8.1	引 言	(260)
8.2	惯性耦合	(261)
8.3	I_{xz} 参数	(263)
8.4	气动力耦合	(264)
8.5	自转滚转	(266)
8.6	滚转发散的数学分析	(267)
8.7	结 论	(271)

第 1 章 微分方程

缩写和符号表

符 号	定 义
x, y, z	变量
t	时间, s
p	微分算符, 量纲 1/s
j	等于 $\sqrt{-1}$ 的常量
ϕ, θ	角常量, rad
e	等于 $\lim_{x \rightarrow 0} (1+x)^{\frac{1}{x}} = 2.71828\cdots$ 的常数
x_t, y_t, z_t	微分方程的瞬时解
x_p, y_p, z_p	微分方程的特解(稳态)
\dot{x}	圆点记号表示对时间的微分, 如 $\dot{x} = \frac{dx}{dt}$
τ	时间常数, s
T_1	半幅时间, s
ζ	阻尼比
ω_n	无阻尼自振频率, rad/s
ω_d	阻尼频率, rad/s
s	拉普拉斯变量, 量纲 1/s
L	拉氏变换
L^{-1}	拉氏反变换
$X(s), Y(s), Z(s)$	$x(t), y(t), z(t)$ 的拉氏变换
\triangleq	使用的定义符号, 例如 $\dot{x} \triangleq \frac{dx}{dt}$ 意指 \dot{x} 定义为 $\frac{dx}{dt}$

1.1 引言

微分方程理论是一门辖域很广的学科，包括从相当简单明瞭的直到抽象的和不那么明瞭的。要研究这门学问，可能花费掉一个人的毕生精力，并且有一些人已经这样做了。而我们既没有这样的时间，恐怕也没有为此而献身的爱好。在学校，我们的目的是要补足能直接适用于工作的那些方面的微分方程理论。

本章讲义论及到分析微分方程需要的工具和方法。这样的方法很容易推广应用于飞机动力学的研究中。飞行中，一架飞机呈现的运动类似于一个质量—弹簧—阻尼系统的运动(图1.1)。飞机的静稳定性类似于弹簧，惯性矩类似于质量，而气流起阻尼飞机运动的作用。

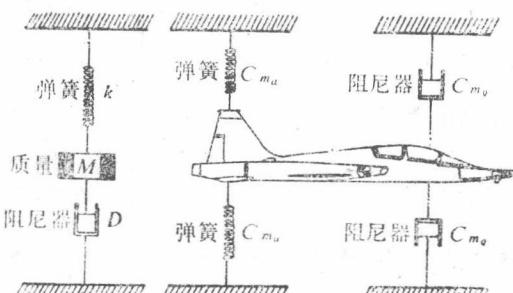


图 1.1

第一节回顾一下基本的微分方程理论。后边各节涉及到算符方法，一阶和二阶系统的分析，拉氏变换的应用和联立方程的解法。

在着手研究之前，得先定义一些在本讲义中要用到的术语。

微分方程——包含一个(或多个)因变量以及它们中的一个或多个相对于一个(或多个)自变量的导数的方程。

解——满足微分方程的，不含导数的任何函数称为微分方程的解。

常微分方程——只包含相对于单一自变量的导数的微分方程叫做常微分方程。

阶——一个因变量的第 n 阶导数叫做 n 阶导数或第 n 阶导数。微分方程的阶是指出现的最高阶导数的阶。

次——最高阶导数的指数称为微分方程的次。

线性微分方程(常规的，单一因变量)——在微分方程中，如果因变量及其导数不高于1次，系数不是常数就是自变量的函数，则称该微分方程为线性微分方程。

线性系统——任何能用一个线性微分方程描述的物理系统均可称为线性系统。

通解——包含 n 个任意常数的 n 阶微分方程的解就叫做微分方程的通解。

1.2 基本原理的回顾

在研究算子符号和拉氏变换之前，让我们先来回顾一下解微分方程的最基本的方法。

1.2.1 直接积分

为求解一个微分方程，我们寻找一个出现在微分方程中的有关变量的数学表达式，把这个表达式看作是上述给定定义下的一个解。第一个设想或启发可能是：因为我们是

用一个包含导数的方程来表示的，因此，其解可能通过反微分或积分来得到。这种方法移动导数并规定任意常数。

例题

已知： $\frac{dy}{dx} = x + 4$

改写为

$$dy = (x + 4)dx$$

积分

$$\int \textcircled{1} dy = \int \textcircled{1} (x + 4)dx$$

得到

$$y = \frac{x^2}{2} + 4x + C \quad (1.1)$$

例题

已知： $\frac{d^2y}{dx^2} = x + 4$

假设

$$\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{dy'}{dx}$$

式中： $y' = \frac{dy}{dx}$

因此

$$\frac{d(y')}{dx} = x + 4$$

或

$$d(y') = (x + 4)dx$$

则

$$y' = \frac{dy}{dx} = \frac{x^2}{2} + 4x + C_1$$

再次积分

$$\int dy = \int \left(\frac{x^2}{2} + 4x + C_1 \right) dx + C_2$$

得

$$y = \frac{x^3}{6} + 2x^2 + C_1x + C_2 \quad (1.2)$$

方程(1.1)和(1.2)就是早先叙述的定义下的通解。

生活中有很多令人失望的事情，我们立刻就可以知道，这种直接应用积分的方法在许多情况下将不能求解。

① 原文漏印了此处的积分符号“ \int ”，现已更正。

例题

$$2xy + (x^2 + \cos y) \frac{dy}{dx} = 0 \quad (1.3)$$

或

$$dy = \frac{-2xy dx}{(x^2 + \cos y)} \quad (1.4)$$

我们无法完成方程(1.4)右端项的积分，然而方程(1.3)能够利用直接积分的方法解出($x^2 + \sin y = C$ 是一个通解①)。我们特别强调“技巧”这个词，因为解可能依赖于新奇的方法、特殊组合、或“巧妙的排列”，或许还要靠点小聪明或用点怪着。前者要求广泛的经验和完备的训练，而后的才能很少是生来就赋予的。我们将研究几种容易解的并且在物理学问题的分析中具有广泛应用价值的特殊微分方程。

1.2.2 一阶微分方程

我们将简要地研究一下一阶微分方程。假定我们把这样的一种方程表示为：

$$P(y', y, x) = 0$$

式中： $y' = dy/dx$

这是数学家们使用的简单标记，表明微分方程含有一个自变量 x ，一个因变量 y 以及 y 对 x 的导数。这个方程可以包含微分形式的导数。

例题

$$\frac{dy}{dx} = x + y \quad 3x dx + 4y dy = 0$$

$$y' = \frac{x - y}{x + y} \quad \frac{dy}{dx} = \frac{x - y \cos x}{\sin x + y}$$

一阶微分方程可以通过下列方法求解

1. 分离变量并直接积分。
2. 找出精确形式并直接积分。
3. 找出一个能使方程精确的积分因子(假想因子)。
4. 为运用方法1或2，或者两者的组合，对各项进行检验，重新组合等等。

这些方法在所有初等微分方程课本中均有充分论述。下面将给出对方法1和2的简短回顾。

1.2.2.1 分离变量

当一个微分方程可以表达成如下形式时：

$$f_1(x) dx + f_2(y) dy = 0 \quad (1.5)$$

其中，一项只包括 x 的函数和 dx ，而另一项仅包含 y 的函数和 dy ，这样的变量是可分离

① 原文可能有错，此式应为($x^2 y + \sin y = C$)。

的变量。因此，方程(1.5)的解可以用直接积分得到

$$\int f_1(x)dx + \int f_2(y)dy = C \quad (1.6)$$

式中C为一个任意常数。注意，一个一阶微分方程有一个任意常数。通常，任意常数的个数等于微分方程的阶数。

例题

$$\frac{dy}{dx} = \frac{x^2 + 3x + 4}{y + 6}$$

$$(y + 6) dy = (x^2 + 3x + 4) dx$$

$$\int (y + 6) dy = \int (x^2 + 3x + 4) dx + C$$

$$\frac{y^2}{2} + 6y = \frac{x^3}{3} + \frac{3x^2}{2} + 4x + C$$

1.2.2.2 精确微分方程

联结两个变量 $f(x, y)$ 中的每一个相应可微分的函数所具有的一种表达式称为它的全微分，即

$$df = \frac{\partial f}{\partial x} dx + \frac{\partial f}{\partial y} dy \quad (1.7)$$

相反地，如果微分方程

$$M(x, y)dx + N(x, y)dy = 0 \quad (1.8)$$

具有下述特性

$$M(x, y) = \frac{\partial f}{\partial x} \text{ 和 } N(x, y) = \frac{\partial f}{\partial y}$$

那么，它以可按如下形式写出

$$\frac{\partial f}{\partial x} dx + \frac{\partial f}{\partial y} dy = df = 0$$

由此，可以得出结论

$$f(x, y) = C$$

是一个解。这类方程叫精确方程，因为，按照实际情况，它们的左边部分是精确的微分。

微分方程

$$M(x, y)dx + N(x, y)dy = 0$$

是精确的，只有当且仅当

$$\frac{\partial M}{\partial y} = \frac{\partial N}{\partial x} \quad (1.9)$$

如果微分方程

$$M(x, y)dx + N(x, y)dy = 0$$

是精确的，那么对所有的 k 值

$$\int_a^x M(x, y)dx + \int_b^y N(a, y)dy = k \quad (1.10)$$

均是这个方程的一个解。

例题

证明方程

$$(2x+3y-2)dx + (3x-4y+1)dy = 0$$

是精确的，并且求通解。

应用检验标准，我们发现

$$\frac{\partial M}{\partial y} = \frac{\partial(2x+3y-2)}{\partial y} = 3$$

$$\frac{\partial N}{\partial x} = \frac{\partial(3x-4y+1)}{\partial x} = 3$$

因为两个偏导数相等，所以这个方程是精确的。它的解可用方程 (1.10) 的方法求得。

$$\int_a^x (2x+3y-2)dx + \int_b^y (3x-4y+1)dy = k$$

$$(x^2 + 3xy - 2x) \Big|_a^x + (3ay - 2y^2 + y) \Big|_b^y = k$$

$$(x^2 + 3xy - 2x) - (a^2 + 3ay - 2a)$$

$$+ (3ay - 2y^2 + y) - (3ab - 2b^2 + b) = k$$

$$x^2 + 3xy - 2x - 2y^2 + y = k + a^2 - 2a + 3ab - 2b^2 + b = K$$

1.2.2.3 一阶线性微分方程

我们通过研究下列形式的方程来结束一阶微分方程的讨论

$$\frac{dy}{dx} + R(x)y = 0 \quad (1.11)$$

式中 $R(x)$ 可以是一个常数，为了求解，仅仅分离变量

$$\frac{dy}{y} + R(x)dx = 0$$

积分

$$\int \frac{dy}{y} = - \int R(x)dx + C'$$

式中： $C' = \ln C$