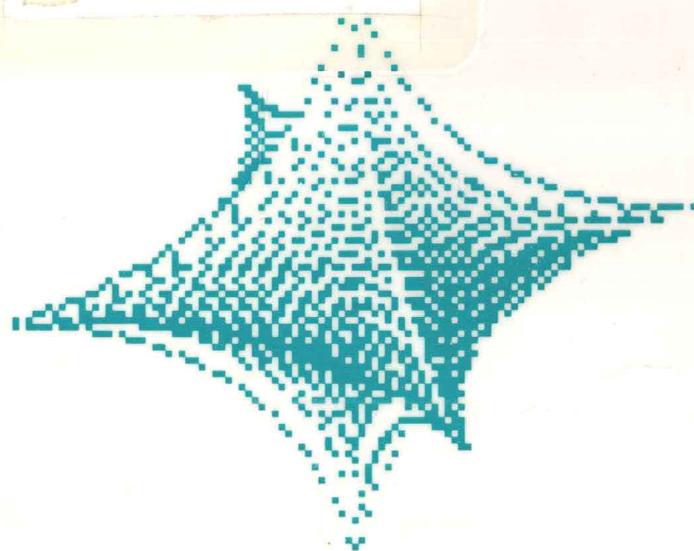


# コンピュータ グラフィックス講義

工学博士 喜木 由直 著



コロナ社

# コンピュータ グラフィックス講義

工学博士 青木由直著



コロナ社

## —著者略歴—

- 1964年 北海道大学工学部電子工学科卒業  
1966年 北海道大学大学院修士課程修了（電子工学専攻）  
北海道大学講師  
1967年 北海道大学助教授  
1972年 工学博士（北海道大学）  
1979年 北海道大学教授  
現在に至る

## コンピュータグラフィックス講義

Lectures on Computer Graphics

© Yoshinao Aoki 1997

1997年11月10日 初版第1刷発行

検印省略

著者 あおき よし直  
札幌市西区西野6条10丁目10-27  
発行者 株式会社 コロナ社  
代表者 牛来辰巳  
印刷所 壮光舎印刷株式会社

112 東京都文京区千石4-46-10

発行所 株式会社 コロナ社

CORONA PUBLISHING CO., LTD.

Tokyo Japan

振替 00140-8-14844・電話(03)3941-3131(代)

ISBN 4-339-02347-7

(青田) (製本: 愛千製本所)

Printed in Japan



無断複写・転載を禁ずる

落丁・乱丁本はお取替えいたします

## まえがき

近年、コンピュータグラフィックス（CG）技法の利用の拡大に従って、大学においても CG の講義の必要に迫られている。著者もこの 2, 3 年、学部と大学院で CG の講義を行ってきており、本書はその講義を土台にして書かれている。講義では、C 言語を利用してスクリーンに点を打ち、線を描くことから始めて、2 次元図形、3 次元立体モデルの CG について、実際にプログラムを実行しながら技法の原理の説明を行っており、本書でもこのスタイルを踏襲した。したがって、本書の目的は、まずコンピュータに CG の原理に基づいて CG 画像を描くことであり、CG の実際を学ぶことに配慮したつもりである。

著者の使用しているパソコンはノートタイプのもので、MS-DOS を利用している。したがって、本書のプログラムはその制約のもとにある。特に、MS-DOS におけるメモリの制約は、得られる CG 画像の分解能に大きく制限を与え、最近の CG のツールを利用して質の良い CG 画像を作成することに比べると、本書の CG 画像は見劣りのするものである。しかし、CG 技法の原理に基づいて、手持ちのパソコンで実際にプログラムを実行させながら CG 技法を理解していくことが、CG の原理や用語の解説のみでは得られない CG の理解につながることなのだと著者の経験から強調できる。

このような事情も手伝って、本書では画像の質にはこだわっていない。これに関連して、カラー画像に関しても本書では触れておらず、この点も CG 技法としては十分ではない点をお断りしておく。とはいえ、CG 技法の一つであるマッピング技法等では、メモリを大量に使用せねばならず、本書でも一部 UNIX システムを用いて処理を行っており、不十分ではあるが、UNIX による画像処理についても述べている。また、C 言語のプログラムにスペースをとられ、CG 技法の全体を網羅してはいないくらいもある。この点は巻末にも引用してある

他の CG の書籍を参考にしていただきたい。

本書は、外国旅行中にもノートパソコンで執筆するなど時間のとれないなかで書かれており、このため C 言語のプログラム等が精練されたものとはいえず、不備な点が十分予想される。しかし、手持ちのパソコンで CG の勉強ができる点については、著者自らノートパソコンでプログラムの作成やデバッグを行っているので、この点では最初のもくろみは実現できており、読者の役に立つものと確信している。

執筆に際しては、2, 3 の方々に著者のプログラム能力不足を補っていただきておらず、著者の研究室の北海道大学工学部情報メディア工学講座の棚橋 真助手にはプログラムに関していろいろ教えていただいた。同講座の川嶋稔夫助教授をはじめ、北海道大学工学研究科大学院生、青木直史君、姜錫君、工藤庸二君、その他の学生諸君にも直接的、間接的に本書の随所でお世話になっている。図面作成や T<sub>E</sub>X の入力作業には著者の秘書役の宮口広美嬢に負うところが多い。本書の出版では、コロナ社の方々には著者の希望を最大限通していただいた。これらの方々への謝辞を最後に記して、著者の感謝としたい。

1997 年 9 月

スクリーンの白黒反転を実社会の事件に垣間見ながら

青木 由直

# 目 次

## 1. C言語と点および線のグラフィックス

1.1	画素と画面 .....	1
1.2	C言語とCG .....	2
1.3	座標点の表現 .....	6
1.4	グラフィックス関数 .....	7
1.5	タートル・グラフィックス .....	10
1.6	CG画像データとファイル .....	13
1.7	CG画像の記録と表示 .....	17

## 2. 直線と曲線の表現

2.1	ベクトルによる座標点の表現 .....	23
2.2	直線と交点 .....	24
2.3	点と線の位置関係 .....	29
2.4	パラメトリック曲線 .....	30
2.5	ベジェ曲線 .....	32
2.6	超2次曲線 .....	35

## 3. アフィン変換と2次元図形処理

3.1	アフィン変換 .....	40
3.2	多角形の生成と表示 .....	46
3.3	図形のクリッピング .....	50
3.4	モーフィング .....	55
3.5	多角形の塗りつぶし .....	58

3.6	図形の空間フィルタリング .....	61
-----	--------------------	----

#### 4. 2次元光線追跡

4.1	光線の表現 .....	69
4.2	光線マトリックス .....	70
4.3	スネルの法則と屈折光線追跡 .....	74
4.4	薄肉凸レンズの光線マトリックス .....	76
4.5	円境界と光線の交点 .....	77
4.6	円と直線の交点計算プログラム .....	79
4.7	円の境界での光線の反射 .....	81
4.8	円の境界における光線の屈折 .....	86
4.9	水滴による反射と屈折 .....	89
4.10	厚肉レンズ系の光線追跡 .....	89

#### 5. 3次元図形表現と透視変換

5.1	3次元空間での直線と平面 .....	94
5.2	直線と平面の交点 .....	97
5.3	3次元アフィン変換 .....	99
5.4	3次元図形の表現 .....	103
5.5	視線と3次元モデルの回転 .....	107
5.6	透視変換 .....	113
5.7	2次元スクリーンへの投射表示 .....	114
5.8	サーフェイス・モデルによる立体の表示 .....	117

#### 6. 隠線および隠面処理

6.1	逐次判定法 .....	124
6.2	逐次判定法による3次元形状表示 .....	128
6.3	辺の奥行き比較による隠面処理 .....	131
6.4	2次元曲線の回転による3次元モデリング .....	137

6.5	面の法線ベクトルを利用した隠面処理 .....	142
6.6	ペインターズ・アルゴリズムによる隠面処理 .....	146
6.7	z バッファ法 .....	149
6.8	スキャン・ライン法 .....	149

## 7. 3次元形状のモデリングとレンダリング

7.1	3次元光線追跡法 .....	153
7.2	C S G 法 .....	157
7.3	超2次曲面による3次元形状表現 .....	161
7.4	ポテンシャル面表示法 .....	163
7.5	ボリューム・レンダリング .....	167
7.6	平面による3次元形状の表現 .....	172

## 8. シェーディングと影付け処理

8.1	法線ベクトルと陰影付け .....	176
8.2	フラット・シェーディング .....	180
8.3	グロー・シェーディングとホーン・シェーディング .....	182
8.4	簡易スムーズ・シェーディング .....	184
8.5	平面への影投影処理 .....	185
8.6	物体への影付け処理 .....	189
8.7	ラジオシティ法 .....	191

## 9. 画像データ表現とマッピング

9.1	画像の表現 .....	194
9.2	線形画像変換 .....	196
9.3	非線形マッピング .....	198
9.4	複素平面での座標変換とマッピング .....	201
9.5	立体表面へのマッピング .....	204
9.6	バンプ・マッピング .....	207

**10. フラクタル図形処理**

10.1	コッホ曲線の長さと次元 .....	214
10.2	葉脈曲線のグラフィックス .....	216
10.3	アフィン変換によるフラクタル図形の生成 .....	221
10.4	セル・オートマトンとフラクタル図形 .....	224
10.5	再帰写像関数システム .....	226
10.6	マンデルブロー図 .....	228

**付 錄****変数・関数****参考文献****演習問題解答****索 引**

# C言語と点および 線のグラフィックス

本章では、グラフィックスの基本となる点や線を C 言語でどのように表現するのか、さらに C 言語の利用に関して、その基本的な事柄について解説する。

## 1.1 画素と画面

コンピュータグラフィックス (computer graphics: CG) とは、コンピュータの表示装置である CRT (cathod ray tube) や LCD (liquid crystal display) のスクリーン面に点や線で図形を描くことである。スクリーン面の図形は、**ピクセル** (pixel) と呼ばれる図形表示の最小単位の画素に、白黒 (場合によっては階調のある灰色) やカラーの画面データを与えることで描かれる。

ここで、画素の数はコンピュータにより異なってくる。本書の大半のプログラムはノートパソコンでも処理できるものであり、ここで用いているノートパソコンのスクリーン面の大きさは、図 1.1 に示すように、横 640、縦 400 のピクセル数のものである。したがって、これがグラフィックス画面の大きさとなる。ただし、画像処理に関する部分では、大容量のメモリが必要になるため、一部ワークステーションを用いており、X-window などの使用に際しては、さらに大きなサイズの画面の利用が可能である。これらの画面の大きさがどのくらいのメモリ容量を必要とするかは、簡単な計算で得られるので演習問題としておく (演習問題 [1.1])。

2 次元の画面上で画素の位置を定めるためには、座標軸を定める必要があり、スクリーン画面では、図 1.1 に示すように左上隅が原点 (0, 0) で、X, Y 両軸が図に示すように定められている。この座標系はスクリーンに固定されており、**物理座標系** (physical coordinate system) と呼ぶ。

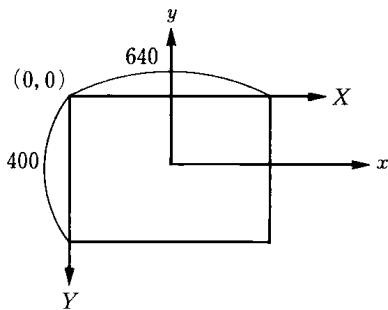


図 1.1 スクリーンと座標系

これに対して、原点を画面の任意の点に定めたほうが図形を描く上で便利であり、図 1.1 の  $x$ ,  $y$  両軸のように座標軸を移して図形処理をする場合が多い。このような座標系を論理 (logical) 座標系と呼んでいる。本書では論理座標系で図形を記述し、それがそのままスクリーン座標に表示されるようにプログラム上で変換を行っている。

## 1.2 C 言 語 と CG

本書では各種 CG 技法に関して、C 言語によるプログラミングを行っている。しかし、C 言語の解説書ではないので、最初に C 言語の簡単な説明を行い、引用プログラムが現れるたびに新しい関数や処理方法の説明を加えていく。

C 言語では、プログラムに使用する変数や関数（の演算結果）の型を、使用に先立ち定義しておく必要がある。本書で用いている MS-DOS 上の C 言語 (Microsoft C および IBM C2) では、グラフィックスに必要な定数、変数や関数名とその型を graph.h というヘッダー・ファイルにまとめている。このヘッダー・ファイルに名前と型が定義されているグラフィックス関数を利用しようと思えば、プログラムの最初に #include <graph.h> と書くとよい。

そのほかのヘッダー・ファイルとしては、スクリーンにプログラムを表示するような標準的な入出力に関する処理については stdio.h、数学的な関数の値を求める処理は math.h を利用するとよい。

グラフィックス処理に関して、利用上便利な自家製の関数を作成し、これを一

つのファイルとしてまとめておき、別のプログラムでも利用する場合には、新しくヘッダー・ファイル、例えば graphlib.h を設けて自家製の関数名と型の定義をこのヘッダー・ファイルに書いておく。ヘッダー・ファイルに定義された関数の処理の本体は、例えば、graphlib.c のように別のファイルとしておき、コンパイル時に main 関数が書かれたファイルと一緒にコンパイルして、実行形式のファイルを作成する。

この処理操作を簡単にするため make コマンドが用意されており、**make ファイル**を書式に従って作成し、make コマンドを実行することにより実行形式のファイルを作ることができる(演習問題 [1.2])。

ここで、スクリーン面上の i, j で与えられる位置に点を表示するグラフィックス関数(命令) \_setpixel(i, j) を用いて、半径 r の円を描く C 言語のプログラムをリスト 1.1 に示してみる。

### リスト 1.1 点により円を描くプログラム

```
/* en_dot.c */
#include <stdio.h>
#include <graph.h>
#include "hcopy.h"
struct videoconfig far *config;
void main()
{
    int i,j,r;
    printf("Input radius of circle r=");
    scanf("%d",&r);
    g_init();
    for(i=0;i<640;i++){
        for(j=0;j<400;j++){
            if((i-320)*(i-320)+(j-200)*(j-200)>r*r-50  &&
               (i-320)*(i-320)+(j-200)*(j-200)<r*r+50 )
                _setpixel(i,j);
        }
    }
    g_end();
}
```

```

g_init()
{
    int mode;
    mode=_VRES16COLOR;
    _setvideomode(mode);
    _getvideoconfig(config);
}

g_end()
{
    getch();
    _displaycursor(_GCURSORON);
    _displaycursor(_GCURSOROFF);
    _setvideomode(_DEFAULTMODE);
}

```

リスト 1.1 のプログラムの hcopy( ) は、ハード・コピーを得る関数であり、この関数はヘッダー・ファイル hcopy.h を介して利用できる (演習問題 [1.3])。

C 言語は関数の組み合わせで処理が行われ、例えば、処理の全体の流れは関数 main( ) で表現され、main 関数中に個々の処理に対応した関数が書かれている。リスト 1.1 の例では、printf(\*)(\*印は( )内の引数等を省略して表している)は、( )内のダブルクオーテーション「 ” 」で挟まれたメッセージをスクリーン面に表示し、scanf("%d",&r) は、キーボードから入力される整数型の数値を変数 r に取り込む関数である。ここで&r と書かれているのは変数 r のアドレスを表している。このように変数のアドレスを介して変数にデータを与える方法は C 言語の特徴的なもので、後出のプログラムにおいて再度説明する。

関数 g\_init( ), g\_end( ) ではそれぞれグラフィックス処理を開始する場合と終了する場合のパラメータ設定などを行っている。関数 g\_init( ) 中の \_setvideomode(\*) はスクリーンのモードを決定し、\_getvideoconfig(\*) はグラフィックス処理に際しての各種パラメータ情報を得るものである。後出のプログラムでは、g\_init( ), g\_end( ) はファイル graphlib.c にまとめられており、ヘッダー・ファイル graphlib.h を介して用いられるようにしている。

C 言語では、変数の型をあらかじめ定義しておく必要がある。リスト 1.1 の

main 関数中の int は  $-32\,768 \sim 32\,767$  の範囲の整数を表している。リスト 1.1 は中心がスクリーン画面の中央 ( $X = 320, Y = 200$ ) にあり、整数  $r$  の値をキーボードから入力して  $r * r - 50 < X^2 + Y^2 < r * r + 50$  を満足する画面上の点  $(X, Y)$  を表示していくプログラムである。

例えば、 $r = 100$  とした場合の出力結果を図 1.2 に示す。図 1.2 には半径 100 の円が描かれているが、その外側にも円が描かれている。これは int 型整数の範囲が、前述のように制限があるためで、例えば  $i = 200, j = 100$  の点では  $X^2 + Y^2 = 200 \times 200 + 100 \times 100 = 50\,000$  となり、int 型整数の範囲を超え、32 768 からは改めて  $-32\,768$  として数値を増加させて ( $-32\,768$  からは 32 767 として数値を減少させて)、計算し直すためである。

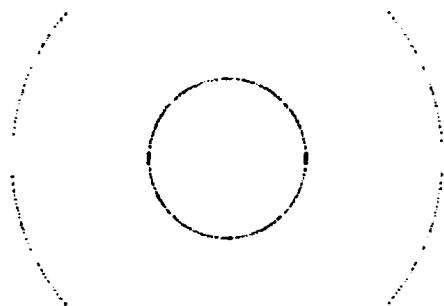


図 1.2 点で描かれた円

この int 型の範囲の制限に対処するためには、変数の型を変えればよく、例えば、倍長整数型にして  $\text{int} \rightarrow \text{long int}$  とすればよい。これに従って、リスト 1.1 において  $\text{scanf}(\text{"%d"}, \&r) \rightarrow \text{scanf}(\text{"%ld"}, \&r)$  と変える必要がある。

反復処理 for 文中の条件文である if 文を論理積  $\&&$  から論理和  $\|$  に変更して手直しすれば、図 1.2 の白黒を反転させたものが描ける。これについては演習問題としておく (演習問題 [1.4])。

### 1.3 座標点の表現

リスト 1.1 に struct で定義されている変数の型がある。これは構造体と呼ばれるもので、複数の変数をひとまとめにした変数の型である。図 1.1 のスクリーン面での点は座標軸を定め、 $x, y$  座標を与えて表現できるので、座標点を構造体で表してみる。構造体 p はつぎのように定義される。

```
struct {int x,y;} p;
```

この構造体は、二つの整数の変数の組  $(x, y)$  から構成されていることを意味している。もし、上で定義された構造体 p をスクリーン面上の点に対応させると、この点の  $x, y$  座標はそれぞれ p.x, p.y で表される。

リスト 1.1 のプログラムを構造体を用いて書き直すと、リスト 1.2 のようになる。

#### リスト 1.2 構造体と関数のヘッダー・ファイルへの収納

```
/* en_dot1.c */
#include <stdio.h>
#include <graph.h>
#include "graphlib.h"
#include "hcopy.h"
struct {int x,y;} p;
void main()
{
    int i,j,r;
    printf("Input radius of circle r=");
    scanf("%d",&r);
    g_init();
    for(i=-320;i<320;i++){
        p.x=i;
        for(j=-200;j<200;j++){
            p.y=j;
            if(p.x*p.x+p.y*p.y>r*r-50
               && p.x*p.x+p.y*p.y<r*r+50 )
                _setpixel(i,j);
        }
    }
}
```

```
    } }  
g_end();  
}
```

構造体の構成要素を一度定義して、つぎに使用するときに構造体のタグ名 Pixel を書くだけで構造体変数 p を定義するつぎのような書き方もある。

```
struct Pixel {int x,y;};
struct Pixel p;
```

要素構造体を構成する型の指定の際に、struct と書かなくても構造体変数を定義できるようにしたつぎの定義法もある。

```
typedef struct {int x,y;} Pixel;
Pixel p;
```

本書では基本的にはこの定義法に従った構造体の型定義と変数を用いている（演習問題 [1.5]）。

## 1.4 グラフィックス関数

グラフィックスの基本は点と線である。スクリーン面上で 2 点を定め、2 点間に直線を引く操作では、ペン先を最初の点の上まで運び、ペンをおろしてつぎの点まで線を引く動作と同じことをコンピュータに行わせる。このため、C 言語のグラフィックス関数として、ペン先を移動させる `_moveto(*)` と、線を描く `_lineto(*)` の関数があり、これをを利用して線を描けばよい。しかし、図 1.1 に示されたスクリーン座標 X, Y より論理座標 x, y のほうが便利なので、論理座標で考えても描画の際にはスクリーン座標に変換されるようにしておく。

このような座標変換を行った例として、リスト 1.3 に円の数 n と最終半径 radius を与えて、らせん<sup>†</sup>を描くプログラムを示す。リスト 1.1 の場合、物理座標系を採用しており、原点が画面の左上にあるのに対し、リスト 1.3 の `g_int()`

---

<sup>†</sup> 本書では「螺旋」を「らせん」と表記した。

には`_setlogorg(org_x,org_y)`を加え、原点を`org_x, org_y`に移動している。具体的な`org_x, org_y`の値はリスト1.3では`define`文で与えている。

このプログラムで新しく定義されたペン先を移動させる関数`MoveTo(p)`(`p`はリスト1.3において`POINT2`として定義された構造体の変数)と、線を描く関数`LineTo(p)`において、点`p`の`y`座標`p.y`の符号を変えているのは、図1.1にも示したようにスクリーン座標と論理座標の`y`軸の向きが逆であるので、論理座標と同じ`y`軸の向きで図形が表示されるようにしているためである。図1.3はリスト1.3において円の数を $n = 10$ 、半径を $r = 200$ とした場合に描かれるらせん線を示している(演習問題[1.6])。

### リスト1.3 ら線を描くプログラム

```
/* spiral1.c */
#include <stdio.h>
#include <math.h>
#include <graph.h>
#include "hcopy.h"
#define org_x 320
#define org_y 200
#define PI 3.14159265
void MoveTo();
void LineTo();
int xvar,yvar;
typedef struct {double x, y;} POINT2;
main()
{
    int i,n,ptnumber;
    POINT2 Center,p;
    double theta=0,r,radius,thinc;
    g_init();
    printf("Type in number of circle \n");
    scanf("%d",&n);
    printf("Type in radius of spiral \n");
    scanf("%lf",&radius);
    Center.x=0, Center.y=0;
    thinc=2*PI/100;
    ptnumber=100*n;
```