

连续媒质电动力学

上 册

Л. Д. 朗 道 E. M. 栗 弗 席 兹 著
周 奇 译

人 民 家 具 出 版 社

连续媒质电动力学

下 册

Л. Д. 朗 道 E. M. 栗弗席兹著

周 奇 译

人 民 师 大 出 版 社

统一书号 13012 · 0311

定价 羊 0.72



连续媒质电动力学

下 册

Л. Д. 朗 道 E. M. 栗弗席兹著

周 奇 译

本书是根据苏联国家物理数学书籍出版社(Физматгиз)出版的朗道(Л.Д.Ландау)和栗弗席兹(Е.М.Лифшиц)所著的“连续媒质电动力学”(Электролинамика сплошных сред)一书1959年版译出的。本书有系统地和比较详细地讲述了连续媒质内的电动力学，可作为综合性大学物理系学生和研究生的参考书。

本书共十五章，分两册出版，下册包括后八章。

连续媒质电动力学

(下册)

Л. Д. 朗道 Е. М. 栗弗席兹著

周 奇 译

人民教育出版社(北京沙滩后街)

民族印刷厂印装

新华书店北京发行所发行

各地新华书店经售

统一书号 13012·0312 开本 787×1092 1/32 印张 8 14/16

字数 220,000 印数 7,501—37,500 定价 (6) 0.68

1963年7月第1版 1979年3月北京第4次印刷

序 言

本卷“理論物理学”闡述物质媒質內的電磁場理論和物质的宏观电学性质和磁学性质理論。从目录上可以看出，这些理論所包含的問題是十分广泛的。

在編著本书的过程中，我們曾經遇到一些頗大的困难，这是由于要从現有的大量材料中进行某些選擇，也是由于普通对本书所包括的許多問題的闡述缺乏必要的物理意义的明确性，甚至还往往包含有錯誤之处。我們也清楚地了解到，我們的論述也仍然还有許多缺点，希望将来再版时改正。

承 B. Д. 金茲堡教授审閱了本书的手稿，并提出了許多宝贵意見，我們謹致以謝意，我們也很感謝 И. Е. 迪日亞洛辛斯基和 Д. П. 皮塔耶夫斯基，他們在校对方面給了作者很多帮助！

Л. Д. 朗道

Е. М. 瓦弗席茲

1956年10月于莫斯科

AAZ96/42 04

主要符号

电场强度 E

电感应强度 D

磁场强度 H

磁感应强度 B

外电场强度 \mathfrak{E} , 绝对值 \mathfrak{E}

外磁场强度 \mathfrak{H} , 绝对值 \mathfrak{H}

电介质极化强度 P

磁化强度 M

物体的总电矩 \mathcal{D}

物体的总磁矩 M

介电常数 ϵ

磁导率 μ

电流密度 j

电导率 σ

绝对温度(能量单位表示) T

热力学量	单位体积的	整个物体的
------	-------	-------

熵	S	\mathcal{S}
---	-----	---------------

内能	U	\mathcal{U}
----	-----	---------------

自由能	F	\mathcal{F}
-----	-----	---------------

热力学势	ϕ	\mathcal{P}
------	--------	---------------

化学势	ζ	
-----	---------	--

普朗克常数(用 2π 除) h

复数周期时间因子均取为 $e^{-i\omega t}$

累加规则均用于矢量和张量表达式内出现两次的三维指标
(拉丁字母)和二维指标(希腊字母)。

目 录

序言.....	vi
主要符号.....	vi
第一章 导体的靜電學	1
§ 1. 导体的靜電場.....	1
§ 2. 导体的靜電場能量.....	4
§ 3. 靜電學問題的解法.....	13
§ 4. 导电椭球.....	29
§ 5. 导体上的力.....	43
第二章 电介质的靜電學	52
§ 6. 电介质內的靜電場	52
§ 7 介电常数.....	54
§ 8 介电椭球.....	60
§ 9. 混合物的介电常数.....	66
§ 10 电場內电介质的热力学关系式	68
§ 11. 介电物体的总自电能	74
§ 12. 各向同性电介质的电致伸縮	79
§ 13. 晶体的介电性质	83
§ 14. 介电常数的正值性.....	90
§ 15. 液态电介质內的电力	92
§ 16. 固体內的电力.....	99
§ 17. 压电体.....	105
§ 18 热力学不等式.....	114
§ 19. 铁电体.....	120
第三章 恒定电流	132
§ 20 电流密度和电导率	132
§ 21. 霍耳效应.....	137
§ 22. 接触电势差.....	141
§ 23. 伽伐尼电池.....	144
§ 24. 电毛細現象	146
§ 25. 温差电現象	148

§ 26. 扩散电現象.....	155
第四章 恒定磁场.....	159
§ 27. 恒定磁场.....	159
§ 28. 晶体的磁对称性.....	163
§ 29. 恒定电流的磁场.....	167
§ 30. 磁場內的热力学关系式.....	176
§ 31. 磁体的总自由能.....	179
§ 32. 电流系統的能量.....	182
§ 33. 線导体的自感.....	188
§ 34. 磁場內的力.....	196
§ 35. 週轉磁現象.....	200
第五章 铁磁性.....	203
§ 36. 居里点附近的铁磁体.....	203
§ 37. 磁各向异性能.....	207
§ 38. 铁磁体的磁致伸縮.....	216
§ 39. 铁磁体的磁疊結構.....	220
§ 40. 反铁磁体的居里点.....	229
第六章 超导电性.....	231
§ 41. 超导体的磁性质.....	231
§ 42. 超导电流.....	234
§ 43. 临界场.....	239
§ 44. 中間态.....	246
第七章 准靜态电磁場.....	255
§ 45. 傅科电流.....	255
§ 46. 趋肤效应.....	268
§ 47. 复数电阻.....	270
§ 48. 准稳定态电流电路內的电容.....	277
§ 49. 导体在磁场內的运动.....	283
§ 50. 加速度对电流的激发.....	289

目 录

第八章 电磁流体力学	293
§ 51. 磁场内的流体运动方程.....	293
§ 52. 电磁流体力学波.....	300
§ 53. 切向间断和旋转间断	308
§ 54. 冲击波.....	316
§ 55. 导电流体湍流运动时的自发磁场.....	322
第九章 电磁波方程	329
§ 56. 色散不存在时电介质内的场方程	329
§ 57. 运动电介质的电动力学.....	334
§ 58. 介电常数的色散	341
§ 59. 很高频率时的介电常数.....	345
§ 60. 导磁率的色散.....	346
§ 61. 色散媒质内的场能	348
§ 62. $\epsilon(\omega)$ 的实数部分和虚数部分的关系	353
§ 63. 平面单色波.....	362
§ 64. 透明媒质	367
第十章 电磁波的传播	371
§ 65. 几何光学	371
§ 66. 波的反射和折射.....	375
§ 67. 金属的表面阻抗	385
§ 68. 波在不均匀媒质内的传播	392
§ 69. 互易定理	397
§ 70. 空腔谐振器内的电磁振荡	400
§ 71. 电磁波在波导管内的传播	405
§ 72. 微粒对电磁波的散射	413
§ 73. 微粒对电磁波的吸收	418
§ 74. 楔上的衍射	420
§ 75. 平面光屏上的衍射	425
第十一章 各向异性媒质内的电磁波	590
§ 76. 晶体的介电常数.....	430

§ 77. 各向异性媒質內的平面波.....	433
§ 78. 单軸晶体的光学性质.....	441
§ 79. 双軸晶体的光学性质.....	444
§ 80. 电場內的双折射.....	450
§ 81. 力学光学效应.....	451
§ 82. 磁光学效应.....	453
§ 83. 自然旋光性.....	461
第十二章 快速粒子通过物质.....	470
§ 84. 快速粒子在物质內的电离损失·非相对論情况.....	470
§ 85. 快速粒子在物质內的电离损失·相对論情况.....	477
§ 86. 契連科夫辐射.....	486
第十三章 电磁起伏現象.....	490
§ 87. 一个量的量子起伏的普遍理論.....	490
§ 88. 几个量的量子起伏的普遍理論.....	499
§ 89. 线性电路內的电流起伏.....	506
§ 90. 电磁場的起伏.....	507
§ 91. 透明媒質內的黑体辐射.....	515
§ 92. 固體間的分子吸力.....	516
第十四章 电磁波的散射.....	526
§ 93. 各向同性媒質內散射的普遍理論.....	526
§ 94. 散射的細致平衡原理.....	535
§ 95. 頻率改變小的散射.....	537
§ 96. 气体和液体內的瑞利散射.....	540
§ 97. 临界乳化.....	548
§ 98. 非晶形固体內的散射.....	550
第十五章 晶体内倫琴射線的衍射.....	555
§ 99. 倫琴射線衍射的普遍理論.....	555
§ 100. 积分强度.....	563
§ 101. 倫琴射線的扩散式热散射.....	567
附录 曲線坐标系.....	571

第一章 导体的静电学

§ 1 导体的静电场

宏观电动力学的对象是研究被物质所充满的空间内的电磁场。和任何宏观理论一样，在电动力学中所处理的物理量是按照“物理无限小”体积元所求得的平均值，对于这些物理量因物质的分子结构而引起的微观变化，则不感兴趣。例如，不采用电场强度的实际“微观”值 e ，我们将研究它的平均值，这平均值表示为

$$\bar{e} = E \quad (1.1)$$

对真空内的电磁场方程求平均值，就得到连续媒质电动力学的基本方程。这种从微观方程变换到宏观方程的方法，是由 Г. А. 洛伦兹首先提出的。

宏观电动力学方程的形状和所包含的物理量的意义，主要决定于媒质的物理性质以及场随时间变化的特性。因此，分别就每一类物理对象进行推导和研究这些方程，是很合理的。

大家知道，所有的物体按照它们的电学性质，可分成两大类——导体和电介质，前者和后者的区别是：一切电场在导体内引起电荷运动，即产生电流^①。

我们从研究带电导体所产生的恒定电场开始（导体的静电学），首先从导体的基本性质可知，在静电学的情况下，导体内的电场强度必须等于零。实际上，不为零的电场强度 E 将引起电流的产生；而且电流在导体内流动要引起能量的损耗，因而就不能自己（没有

^① 但是必须说明，这里假定了导体是均匀的（指成分、温度等）。如后文将讲到的，在不均匀的导体内可能存在电场，但不会引起电荷的运动。

外加电源)維持在稳定状态。

由此可知, 导体上的全部电荷應該分布于导体表面, 因为导体内部如果存在电荷, 必然在导体内产生电場^①; 电荷沿导体表面的分布可以这样实现, 使这些电荷在导体内部产生的电場互相抵銷。

因此, 导体的靜電學問題, 就归結为确定导体以外的真空內的电場和电荷沿导体表面的分布。

在不十分靠近导体表面的各点处, 真空內的平均电場 E , 事实上和实在的电場 e 相等。只在离导体很近的地方发生了不規則的分子場的影响, 这两个量才有差別。但是, 后一情况并不会影响平均場方程的形状。真空內的精确的麦克斯韦微观方程是

$$\operatorname{div} e = 0, \quad (1.2)$$

$$\operatorname{rot} e = -\frac{1}{c} \frac{\partial h}{\partial t} \quad (1.3)$$

(式中 h 是微观磁場强度)。因为假定平均磁場不存在, 因而导数 $\frac{\partial h}{\partial t}$ 經過平均后变成零; 于是我們得到, 真空內的恒定电場滿足普通方程:

$$\operatorname{div} E = 0, \quad \operatorname{rot} E = 0, \quad (1.4)$$

这也就是势为 φ 的势場, 势和电場强度的关系为

$$E = -\operatorname{grad} \varphi, \quad (1.5)$$

并且滿足拉普拉斯方程:

$$\Delta \varphi = 0. \quad (1.6)$$

电場 E 在导体表面上的边界条件, 可从 方程 $\operatorname{rot} E = 0$ 得出, 这个方程[和起始方程(1.3)一样]在导体外和导体内都同样正确。我們选择导体表面某一点的法線方向为 z 軸。于是在导体表面的紧邻近, 电場分量 E_z 达到很大的数值(由于在很小距离上存在一

^① 从下面引入的方程(1.8), 可明显地看出这一点。

有限的电势差)。这种很大的场是导体表面的一种性质，并且决定于导体表面的物理特性，但和我们所研究的静电学问题没有关系，因为当距离达到原子距离时，它已迅速降落。但是重要的是，导体表面如果是均匀的，那末沿导体表面的导数 $\frac{\partial E_z}{\partial x}$, $\frac{\partial E_z}{\partial y}$ 仍保持有极限值，尽管 E_z 本身会变成无穷大。因此，由

$$(\text{rot } \mathbf{E})_z = \frac{\partial E_x}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} = 0$$

可知， $\frac{\partial E_y}{\partial z}$ 是有限的。这表明，在导体表面上， E_y 是连续的(因为 E_y 的突变表明导数 $\frac{\partial E_y}{\partial z}$ 变为无穷大)。同样 E_x 也是如此，但是因为在导体内总是 $\mathbf{E} = 0$ ，所以我们得到结论：在导体表面上，外电场的切向分量必须变为零：

$$\mathbf{E}_t = 0. \quad (1.7)$$

由此可见，在导体表面的每一点处，静电场应垂直于导体表面。因为 $\mathbf{E} = -\text{grad } \varphi$ ，因而这表明在任何导体的全部表面上，电场势应为常数。换句话说，均匀导体的表面是静电场的等势面。

垂直于导体表面的电场分量和分布于导体表面的电荷密度之间，存在一个非常简单的关系，这关系可从普遍的电动力学方程 $\text{div } \mathbf{e} = 4\pi\rho$ 得出，这方程经平均后给出

$$\text{div } \mathbf{E} = 4\pi\bar{\rho}, \quad (1.8)$$

式中 $\bar{\rho}$ 是平均电荷密度。大家知道，这方程写成积分形式表明，通过闭合面的电通量等于这闭合面所包围的体积内的总电荷(乘上 4π)。把这定理应用到无限靠近的两个单位面积所包围的体积元上(两单位面积的两侧和导体面接触)，并考虑到在内面的面积上 $\mathbf{E} = 0$ ，于是得到 $E_n = 4\pi\sigma$ ，式中 σ 是电荷的面密度，也就是导体表面单位面积上的电荷。因此，导体表面的电荷分布，由下式给出：

$$4\pi\sigma = E_n = -\frac{\partial\varphi}{\partial n} \quad (1.9)$$

(场势导数取在导体表面的外法线方向)。导体上的总电荷为

$$e = -\frac{1}{4\pi} \oint \frac{\partial\varphi}{\partial n} d\sigma, \quad (1.10)$$

式中的积分对导体的全部表面进行。

任何静电场内的电势分布，具有下面一种奇异性：势函数 $\varphi(x, y, z)$ 只在电场区域的边界上有极大值或极小值。这个定理也可表述成这样的说法：带到电场内的试验电荷 e 不可能保持稳定平衡，因为在电场内，没有任何一点处的势能 $e\varphi$ 是极小值。

这个定理的证明是非常简单的。例如，我们假设在某一点 A 处(不在场的边界上)电势有极大值。于是我们可以用一个很小的封闭面把 A 点包围起来，在封闭面上各处的法向导数 $\frac{\partial\varphi}{\partial n} < 0$ 。因而遍这个面的积分 $\int \frac{\partial\varphi}{\partial n} d\sigma < 0$ 。但是由于拉普拉斯方程：

$$\int \frac{\partial\varphi}{\partial n} d\sigma = \int \Delta\varphi dV = 0,$$

这是和假设相矛盾的。

§ 2. 导体的静电场能量

现在我们来计算带电导体的静电场的总能量 \mathcal{U} ^①：

$$\mathcal{U} = \frac{1}{8\pi} \int E^2 dV, \quad (2.1)$$

式中的积分对导体外的全部空间进行。我们把这积分变换如下：

① 平方 E^2 并不和导体表面附近以及导体内(此处 $E=0$, 当然 $E^2 \neq 0$)的实在场的均方值 \bar{E}^2 相等。在计算积分(2.1)时，我们略去了不感兴趣的导体的内能和电荷与导体表面的亲和能。

$$\begin{aligned}\mathcal{U} = & -\frac{1}{8\pi} \int \mathbf{E} \operatorname{grad} \varphi \cdot dV = -\frac{1}{8\pi} \int \operatorname{div}(\varphi \mathbf{E}) dV + \\ & + \frac{1}{8\pi} \int \varphi \operatorname{div} \mathbf{E} dV.\end{aligned}$$

由于(1.4)式，第二个积分变为零，而第一个积分可以变换为包围场的导体表面和遍无限远表面的积分。但是，后一积分由于场在无穷远处衰减得相当快，因而变成零。用下角标 a 表示导体，并用 φ_a 表示每个导体上的恒定电势值，于是得到^①

$$\mathcal{U} = \frac{1}{8\pi} \sum_a \oint \varphi_a E_n df = \frac{1}{8\pi} \sum_a \varphi_a \oint E_n df.$$

末了，根据(1.10)式引入导体的总电荷 e_a ，于是最后得到下列表达式：

$$\mathcal{U} = \frac{1}{2} \sum_a e_a \varphi_a, \quad (2.2)$$

这个式子和点电荷系统的能量表达式相类似。

导体的电荷和电势不可能同时用任意方式给定；在它们之间存在一定的关系。由于真空中场方程是线性和齐次的，因而这种关系也必须是线性的，即可用下列的关系式表示：

$$e_a = \sum_b C_{ab} \varphi_b, \quad (2.3)$$

式中的量 C_{aa} 、 C_{ab} 是长度的量纲，并且取决于导体的形状和它们的相互位置。量 C_{aa} 称为电容系数，而量 C_{ab} ($a \neq b$) 称为静电感应系数。特别是，如果只有一个导体，则 $e = C\varphi$ ，其中 C 是电容；电容的数量级和导体的线度相同。用电荷表示电势的逆式是

^① 在这里和下面，变换体积分为面积分时，必须注意， E_n 是导体外法线方向上的电场分量，这个方向和进行体积分的区域（即导体外的空间）的外法线方向相反。因此，在变换时积分的正负号改变。

$$\varphi_a = \sum_b C_{ab}^{-1} e_b, \quad (2.4)$$

式中系数 C_{ab}^{-1} 所組成的矩陣是系数 C_{ab} 所組成的矩陣的逆矩陣。

現在來計算導體系統當其電荷或電勢發生無窮小變化時的能量變化。將初始方程(2.1)變分，我們得到

$$\delta \mathcal{U} = \frac{1}{4\pi} \int \mathbf{E} \delta \mathbf{E} dV,$$

這個表达式可以用兩種等效的方法進一步變換。代入 $\mathbf{E} = -\operatorname{grad} \varphi$ ，並注意到變分後的場，和初始場一樣，滿足方程(1.4)(因爲 $\operatorname{div} \delta \mathbf{E} = 0$)，於是我們有

$$\begin{aligned} \delta \mathcal{U} &= -\frac{1}{4\pi} \int \operatorname{grad} \varphi \cdot \delta \mathbf{E} dV = -\frac{1}{4\pi} \int \operatorname{div}(\varphi \delta \mathbf{E}) dV = \\ &= \frac{1}{4\pi} \sum_a \varphi_a \oint \delta E_n df, \end{aligned}$$

或者最後寫成

$$\delta \mathcal{U} = \sum_a \varphi_a \delta e_a, \quad (2.5)$$

也就是我們得到用電荷變化所表示的能量變化。但是，顯而易見，這結果也就是將無窮小電荷 δe_a 從無窮遠處（其電場勢等於零）帶到給定導體上所必須作的功。

另一方面，可以寫出

$$\begin{aligned} \delta \mathcal{U} &= -\frac{1}{4\pi} \int \mathbf{E} \operatorname{grad} \delta \varphi \cdot dV = -\frac{1}{4\pi} \int \operatorname{div}(\mathbf{E} \delta \varphi) dV = \\ &= \frac{1}{4\pi} \sum_a \delta \varphi_a \oint E_n df, \end{aligned}$$

或者寫成

$$\delta \mathcal{U} = \sum_a e_a \delta \varphi_a, \quad (2.6)$$