

高中生直通
丛书
GAOZHONGSHENG ZHITONGCHE

高中生必备 直通车

高一、高二、高三均适用

GAOZHONGSHENG
BI BEI
ZHITONGCHE

高中数理重要公式
高中作文黄金材料
英语写作黄金模块

主编 甘曜玮

GAOZHONGSHENG BI BEI
ZHITONGCHE



接力出版社
Publishing House

全国优秀出版社
SPLENDID PUBLISHING HOUSE IN CHINA

GAOZHONGSHENG BI BEI ZHITONGCHE

高中生 必备

主编 甘曜玮

直通车

GAOZHONGSHENG BI BEI ZHITONGCHE



接力出版社
Publishing House

编者 甘曜玮 黄锡强

施梁显 党时球

梁 孟 甘第通

顾倍铭 颜 科

包媛媛 钟 成

“高中生直通车”丛书
高中生必备直通车

主编 甘曜玮

☆

出版人 黄 俭

接力出版社出版发行

(地址:广西南宁市园湖南路9号 邮编:530022)

玉林正泰彩印包装有限责任公司印刷

开本:787 毫米×1092 毫米 1/32

印张:2 字数:70 千

2007 年 3 月第 2 版 2007 年 3 月第 3 次印刷

ISBN 978-7-80732-604-5/G·417 定价:4.80 元

如有印装质量问题,可直接向本社调换。如发现画面模糊,字迹不清,断笔缺画,严重重影等疑似盗版图书,请拨打有奖举报电话。 电话:0771-5849336 5849378

目 录

一、高中数学重要公式	(1)
(一)集合与简易逻辑	(1)
(二)函数	(2)
(三)数列	(3)
(四)三角函数	(3)
(五)平面向量	(5)
(六)不等式	(7)
(七)直线和圆的方程	(7)
(八)圆锥曲线方程	(8)
(九)直线、平面、简单几何体	(9)
(十)排列、组合和二项式定理	(9)
(十一)概率与统计	(10)
(十二)极限	(11)
(十三)导数	(12)
(十四)数系的扩充——复数	(12)

二、高中作文黄金材料	(13)
三、高中英语黄金材料	(18)
(一)必背词组	(18)
(二)黄金模块	(35)
四、高中物理重要公式	(45)
(一)力学公式	(45)
(二)热学公式	(49)
(三)电磁学公式	(50)
(四)光学与原子物理公式	(55)
(五)近代物理公式	(56)
附录	
“211 工程”高校名单	(57)



一、高中数学重要公式

(一)集合与简易逻辑

1. 集合

(1)交换律	$A \cap B = B \cap A, A \cup B = B \cup A$
(2)结合律	$A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C, A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$
(3)德·摩根定律	$\complement_U(A \cap B) = \complement_U A \cup \complement_U B,$ $\complement_U(A \cup B) = \complement_U A \cap \complement_U B$
(4)其他	$A \cap A = A \cup A = A, A \cap \emptyset = \emptyset, A \cup \emptyset = A,$ $\complement_U(\complement_U A) = A, A \cap \complement_U A = \emptyset, A \cup \complement_U A = U$

2. 不等式解法

(1)含绝对值的不等式		① $ x < a$ ($a > 0$)的解集为: $\{x -a < x < a\}$	
		② $ x > a$ ($a > 0$)的解集为: $\{x x < -a, \text{或 } x > a\}$	
(2) 一元二次不等式	① $ax^2 + bx + c = 0$ ($a > 0$)	$\Delta = b^2 - 4ac > 0$	$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$ ($x_1 < x_2$)
		$\Delta = 0$	$x_1 = x_2 = -\frac{b}{2a}$
		$\Delta < 0$	没有实根
	② $ax^2 + bx + c > 0$ ($a > 0$)	$\Delta > 0$	$\{x x < x_1, \text{或 } x > x_2\}$
		$\Delta = 0$	$\{x x \neq -\frac{b}{2a}\}$
		$\Delta < 0$	R
	③ $ax^2 + bx + c < 0$ ($a > 0$)	$\Delta > 0$	$\{x x_1 < x < x_2\}$
		$\Delta = 0$	$\emptyset$
		$\Delta < 0$	$\emptyset$

(二)函数

1. 指数和对数

指数	分数指数	① $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$ ($a > 0, m, n \in \mathbf{N}^*, \text{且 } n > 1$) ② $a^{-\frac{m}{n}} = \frac{1}{a^{\frac{m}{n}}}$ ($a > 0, m, n \in \mathbf{N}^*, \text{且 } n > 1$)
	运算性质	① $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ ② $(a^m)^n = a^{mn}$ ③ $(ab)^n = a^n b^n$ ($a > 0, b > 0, m, n \in \mathbf{R}$)
对数	性质	① 零和负数没有对数 ② $\log_a a = 1$ ③ $\log_a 1 = 0$ ($a > 0, a \neq 1$)
	运算性质	① $\log_a (MN) = \log_a M + \log_a N$ ② $\log_a \left(\frac{M}{N}\right) = \log_a M - \log_a N$ ③ $\log_a M^n = n \log_a M$ ($M > 0, N > 0, a > 0, a \neq 1, n \in \mathbf{R}$)
	公式	① 常用对数: $\log_{10} N = \lg N$ ② 自然对数: $\log_e N = \ln N$ ③ 对数恒等式: $a^{\log_a N} = N$ ④ 换底公式: $\log_a N = \frac{\log_b N}{\log_b a}$ 推论: $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}, \log_a b^m = \frac{m}{n} \log_a b$ ($N > 0, a > 0, b > 0, a \neq 1, b \neq 1, m \neq 0, n \neq 0$)

2. 指数函数和对数函数

名称	指数函数 $y = a^x$ ($a > 0, a \neq 1$)	对数函数 $y = \log_a x$ ($a > 0, a \neq 1$)
定义域	$\mathbf{R}$	$(0, +\infty)$
值域	$(0, +\infty)$	$\mathbf{R}$
特征点	$(0, 1)$ 即 $x=0$ 时, $y=1$	$(1, 0)$ 即 $x=1$ 时, $y=0$
奇偶性	非奇非偶	非奇非偶
单调性	当 $a > 1$ 时, 在 $\mathbf{R}$ 上是增函数	当 $a > 1$ 时, 在 $(0, +\infty)$ 上是增函数
	当 $0 < a < 1$ 时, 在 $\mathbf{R}$ 上是减函数	当 $0 < a < 1$ 时, 在 $(0, +\infty)$ 上是减函数

(三) 数列

	等差数列	等比数列
通项公式	$a_n = a_1 + (n-1)d$	$a_n = a_1 q^{n-1}$
前 n 项和公式	$S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$ $= na_1 + \frac{n(n-1)}{2}d$	$(1) S_n = \frac{a_1(1-q^n)}{1-q}$ $= \frac{a_1 - a_n q}{1-q} \quad (q \neq 1)$ $(2) S_n = na_1 \quad (q=1)$
中项公式	$A = \frac{a+b}{2}$	$G = \pm \sqrt{ab}$
a_n 与 S_n	$a_n = S_n - S_{n-1} \quad (n \geq 2), \quad a_1 = S_1 \quad (n=1)$	

(四) 三角函数

1. 基本关系

弧长公式	$l = \alpha r$ (l 为弧长, α 为圆弧所对圆心角的弧度数, r 为圆的半径)
扇形面积公式	$S = \frac{1}{2} l R$ (l 为扇形弧长, R 为圆的半径)
角度制与弧度制的换算	$1^\circ = \frac{\pi}{180} \text{ rad} \approx 0.01745 \text{ rad}$ $1 \text{ rad} = \left(\frac{180}{\pi}\right)^\circ \approx 57.30^\circ = 57^\circ 18'$
同角三角函数的基本关系	倒数关系: $\sin \alpha \csc \alpha = 1, \cos \alpha \sec \alpha = 1, \tan \alpha \cot \alpha = 1$
	商数关系: $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}, \cot \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$
	平方关系: $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1, 1 + \tan^2 \alpha = \sec^2 \alpha, 1 + \cot^2 \alpha = \csc^2 \alpha$
两点间的距离公式	$ P_1 P_2 = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
周期: $T = \frac{2\pi}{\omega}$ 频率: $f = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi}$	

2. 诱导公式

名称 角	sin	cos	tan	cot
$k \cdot 360^\circ + \alpha$	$\sin \alpha$	$\cos \alpha$	$\tan \alpha$	$\cot \alpha$
$180^\circ - \alpha$	$\sin \alpha$	$-\cos \alpha$	$-\tan \alpha$	$-\cot \alpha$
$180^\circ + \alpha$	$-\sin \alpha$	$-\cos \alpha$	$\tan \alpha$	$\cot \alpha$
$360^\circ - \alpha$	$-\sin \alpha$	$\cos \alpha$	$-\tan \alpha$	$-\cot \alpha$
$-\alpha$	$-\sin \alpha$	$\cos \alpha$	$-\tan \alpha$	$-\cot \alpha$
$90^\circ - \alpha$	$\cos \alpha$	$\sin \alpha$	$\cot \alpha$	$\tan \alpha$
$90^\circ + \alpha$	$\cos \alpha$	$-\sin \alpha$	$-\cot \alpha$	$-\tan \alpha$
$270^\circ - \alpha$	$-\cos \alpha$	$-\sin \alpha$	$\cot \alpha$	$\tan \alpha$
$270^\circ + \alpha$	$-\cos \alpha$	$\sin \alpha$	$-\cot \alpha$	$-\tan \alpha$

3. 两角和与差的三角函数

和(差)角 公式	$\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta$ $\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta$ $\tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \tan \beta}$			
倍角 公式	$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$ $\tan 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha}$ $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1 = 1 - 2 \sin^2 \alpha$ $\sin 3\alpha = 3 \sin \alpha - 4 \sin^3 \alpha$ $\cos 3\alpha = 4 \cos^3 \alpha - 3 \cos \alpha$			
万能 公式	$\sin \alpha = \frac{2 \tan \frac{\alpha}{2}}{1 + \tan^2 \frac{\alpha}{2}}$ $\cos \alpha = \frac{1 - \tan^2 \frac{\alpha}{2}}{1 + \tan^2 \frac{\alpha}{2}}$ $\tan \alpha = \frac{2 \tan \frac{\alpha}{2}}{1 - \tan^2 \frac{\alpha}{2}}$			
半角 公式	$\sin \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}}$ $\cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}}$ $\tan \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{1 + \cos \alpha}} = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha}$			
积化 和差 公式	$\sin \alpha \cos \beta = \frac{1}{2} [\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta)]$ $\cos \alpha \cos \beta = \frac{1}{2} [\cos(\alpha + \beta) + \cos(\alpha - \beta)]$ $\cos \alpha \sin \beta = \frac{1}{2} [\sin(\alpha + \beta) - \sin(\alpha - \beta)]$ $\sin \alpha \sin \beta = -\frac{1}{2} [\cos(\alpha + \beta) - \cos(\alpha - \beta)]$			
和差化 积公式	$\sin \alpha \pm \sin \beta = 2 \sin \frac{\alpha \pm \beta}{2} \cos \frac{\alpha \mp \beta}{2}$ $\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$ $\cos \alpha - \cos \beta = -2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$			

4. 三角函数的性质

函数	$y = \sin x$	$y = \cos x$	$y = \tan x$	$y = \cot x$
定义域	$\mathbf{R}$	$\mathbf{R}$	$\{x x \in \mathbf{R}, \text{且 } x \neq k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbf{Z}\}$	$\{x x \in \mathbf{R}, \text{且 } x \neq k\pi, k \in \mathbf{Z}\}$
值域	$[-1, 1]$	$[-1, 1]$	$\mathbf{R}$	$\mathbf{R}$
奇偶性	奇函数	偶函数	奇函数	奇函数
周期性	2π	2π	π	π
单调性	$[2k\pi - \frac{\pi}{2}, 2k\pi + \frac{\pi}{2}]$ 递增, $[2k\pi + \frac{\pi}{2}, 2k\pi + \frac{3\pi}{2}]$ 递减 ($k \in \mathbf{Z}$)	$[2k\pi - \pi, 2k\pi]$ 递增, $[2k\pi, 2k\pi + \pi]$ 递减 ($k \in \mathbf{Z}$)	$(k\pi - \frac{\pi}{2}, k\pi + \frac{\pi}{2})$ 递增 ($k \in \mathbf{Z}$)	$(k\pi, k\pi + \pi)$ 递减 ($k \in \mathbf{Z}$)
最值	$x = 2k\pi + \frac{\pi}{2},$ $y_{\max} = 1;$ $x = 2k\pi - \frac{\pi}{2},$ $y_{\min} = -1$	$x = 2k\pi,$ $y_{\max} = 1;$ $x = 2k\pi + \pi,$ $y_{\min} = -1$	无	无

(五) 平面向量

1. 向量运算

	法则或定义	运算律	坐标运算
加法运算	加法法则: (1) $\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{BC} = \vec{a} + \vec{b}$ (2) $\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD} = \vec{AB} + \vec{BC} = \vec{a} + \vec{b}$	(1) $\vec{a} + \vec{b} = \vec{b} + \vec{a}$ (2) $(\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} = \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c})$ (3) $\vec{a} + \vec{0} = \vec{0} + \vec{a} = \vec{a}$	设 $\vec{a} = (x_1, y_1)$ $\vec{b} = (x_2, y_2)$ 则 $\vec{a} + \vec{b} = (x_1 + x_2, y_1 + y_2)$
减法运算	减法法则: $\vec{BA} = \vec{OA} - \vec{OB} = \vec{a} - \vec{b}$		(1) 设 $\vec{a} = (x_1, y_1),$ $\vec{b} = (x_2, y_2)$ 则 $\vec{a} - \vec{b} = (x_1 - x_2, y_1 - y_2)$ (2) $\vec{AB} = (x_2 - x_1, y_2 - y_1)$

(续表)

运算律

	法则或定义	运算律	坐标运算
实数与向量的积	(1) $\lambda > 0$, 则 λa 与 a 同向 $ \lambda a = \lambda a $ (2) $\lambda < 0$ 则 λa 与 a 反向 $ \lambda a = \lambda a $	(1) $\lambda(\mu a) = (\lambda\mu)a$ (2) $(\lambda + \mu)a = \lambda a + \mu a$ (3) $\lambda(a + b) = \lambda a + \lambda b$	设 $a = (x, y)$, 则 $\lambda a = \lambda(x, y) = (\lambda x, \lambda y)$
平面向量的数量积	(1) $a \cdot b = a b \cos \theta$ $(a \neq 0, b \neq 0, 0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ)$ (2) $0 \cdot a = 0$	(1) $a \cdot b = b \cdot a$ (2) $(\lambda a) \cdot b = a \cdot (\lambda b) = \lambda(a \cdot b)$ (3) $(a + b) \cdot c = a \cdot c + b \cdot c$	设 $a = (x_1, y_1)$, $b = (x_2, y_2)$, 则 $a \cdot b = x_1 x_2 + y_1 y_2$

2. 平面向量的重要定理、公式

(1) 平面向量基本定理: $a = \lambda_1 e_1 + \lambda_2 e_2$
(2) 两个向量平行的充要条件: $a // b \Leftrightarrow x_1 y_2 - x_2 y_1 = 0 \quad [a = (x_1, y_1), b = (x_2, y_2)]$
(3) 两个非零向量垂直的充要条件: $a \perp b \Leftrightarrow a \cdot b = 0$
(4) 定比分点坐标公式: $\begin{cases} x = \frac{x_1 + \lambda x_2}{1 + \lambda} \\ y = \frac{y_1 + \lambda y_2}{1 + \lambda} \end{cases}$ 中点坐标公式: $\begin{cases} x = \frac{x_1 + x_2}{2} \\ y = \frac{y_1 + y_2}{2} \end{cases}$
(5) 平移公式: $\begin{cases} x' = x + h \\ y' = y + k \end{cases}$
(6) 正弦定理: $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$
(7) 余弦定理: $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A, b^2 = c^2 + a^2 - 2ac \cos B,$ $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$

(六) 不等式

性质	证明依据
(1) $a > b \Leftrightarrow b < a$ (2) $a > b, b > c \Rightarrow a > c$ (3) $a > b \Rightarrow a + c > b + c$ (4) $a > b, c > 0 \Rightarrow ac > bc$ $a > b, c < 0 \Rightarrow ac < bc$ $a > b > 0, c > d > 0 \Rightarrow ac > bd$ (5) $a > b > 0 \Rightarrow \sqrt[n]{a} > \sqrt[n]{b} (n \in \mathbf{N}, \text{且 } n > 1)$ (6) $ a - b \leq a + b \leq a + b $	① $a - b > 0 \Leftrightarrow a > b$ $a - b < 0 \Leftrightarrow a < b$ ② $a^2 \geq 0 (a \in \mathbf{R})$ ③ $a^2 + b^2 \geq 2ab (a, b \in \mathbf{R})$ ④ $\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab} (a, b \in \mathbf{R} \text{ 且 } a > 0, b > 0)$

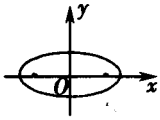
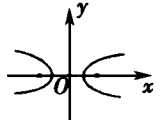
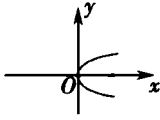
(七) 直线和圆的方程

(1)	直线方程	点斜式: $y - y_1 = k(x - x_1)$	不垂直于 x 轴的直线
		斜截式: $y = kx + b$	不垂直于 x 轴的直线
		两点式: $\frac{y - y_1}{x - x_1} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$	直线与坐标轴垂直时不能用
		截距式: $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$	直线与坐标轴垂直或过原点时不能用
		一般式: $Ax + By + C = 0$	A, B 不全为零
(2)	相交: $l_1, l_2 \Leftrightarrow k_1 \neq k_2$, 或 $A_1 B_2 - A_2 B_1 \neq 0$		
	两条直线平行: $l_1 \parallel l_2 \Leftrightarrow k_1 = k_2$, 且 $b_1 \neq b_2$ 或 $\frac{A_1}{A_2} = \frac{B_1}{B_2} \neq \frac{C_1}{C_2}$ 重合: $k_1 = k_2$, 且 $b_1 = b_2$ 或 $\frac{A_1}{A_2} = \frac{B_1}{B_2} = \frac{C_1}{C_2}$ 垂直: $l_1 \perp l_2 \Leftrightarrow k_1 k_2 = -1$ 或 $A_1 A_2 + B_1 B_2 = 0$		
(3)	点 (x_0, y_0) 到直线 $Ax + By + C = 0$ 的距离 $d = \frac{ Ax_0 + By_0 + C }{\sqrt{A^2 + B^2}}$		
	两平行线 $l_1: Ax + By + C_1 = 0$ 和 $l_2: Ax + By + C_2 = 0$ 间的距离公式是: $d = \frac{ C_2 - C_1 }{\sqrt{A^2 + B^2}}$		
(4)	圆的标准方程: $(x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$, 圆心为 (a, b) , 半径为 r		
	圆的一般方程: $x^2 + y^2 + Dx + Ey + F = 0$, 其中 $D^2 + E^2 - 4F > 0$, 圆心为 $(-\frac{D}{2}, -\frac{E}{2})$, 半径为 $r = \frac{1}{2} \sqrt{D^2 + E^2 - 4F}$		

(续表)

(5)	斜率公式: $k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$
(6)	到角公式: $\tan\theta = \frac{k_2 - k_1}{1 + k_2 k_1}$ 夹角公式: $\tan\alpha = \left \frac{k_2 - k_1}{1 + k_2 k_1} \right $ $[\alpha \in (0, \frac{\pi}{2})]$
(7)	二元一次不等式: $Ax + By + C > 0$

(八)圆锥曲线方程

	椭圆	双曲线	抛物线
几何条件	与两个定点的距离的和等于常数	与两个定点的距离的差的绝对值等于常数	与一个定点和一条定直线的距离相等
标准方程	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$)	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > 0, b > 0$)	$y^2 = 2px$ ($p > 0$)
图形			
顶点坐标	$(\pm a, 0), (0, \pm b)$	$(\pm a, 0)$	$(0, 0)$
对称轴	x 轴: 长轴长 $2a$ y 轴: 短轴长 $2b$	x 轴: 实轴长 $2a$ y 轴: 虚轴长 $2b$	x 轴
焦点坐标	$(\pm c, 0)$ $c = \sqrt{a^2 - b^2}$	$(\pm c, 0)$ $c = \sqrt{a^2 + b^2}$	$(\frac{p}{2}, 0)$
离心率($e = \frac{c}{a}$)	$0 < e < 1$	$e > 1$	$e = 1$
准线方程	$x = \pm \frac{a^2}{c}$	$x = \pm \frac{a^2}{c}$	$x = -\frac{p}{2}$
渐近线方程		$y = \pm \frac{b}{a}x$	

(九) 直线、平面、简单几何体

	侧面积公式	体积公式
多面体	$S_{\text{直棱柱侧}} = Ch$ $S_{\text{正棱锥侧}} = \frac{1}{2} Ch'$ $S_{\text{正棱台侧}} = \frac{1}{2} (C+C')h'$	$V_{\text{棱柱}} = Sh$ $V_{\text{棱锥}} = \frac{1}{3} Sh$ $V_{\text{棱台}} = \frac{1}{3} h(S + \sqrt{SS'} + S')$
旋转体	$S_{\text{圆柱侧}} = Cl = 2\pi rl$ $S_{\text{圆锥侧}} = \frac{1}{2} Cl = \pi rl$ $S_{\text{圆台侧}} = \frac{1}{2} (C+C')l = \pi(r+r')l$ $S_{\text{球}} = 4\pi R^2$ $S_{\text{球冠}} = 2\pi Rh = \pi(r^2 + h^2)$	$V_{\text{圆柱}} = \pi r^2 h$ $V_{\text{圆锥}} = \frac{1}{3} \pi r^2 h$ $V_{\text{圆台}} = \frac{1}{3} \pi h(r^2 + rr' + r'^2)$ $V_{\text{球}} = \frac{4}{3} \pi R^3$ $V_{\text{球缺}} = \frac{1}{3} \pi h^2 (3R - h)$ $\quad = \frac{1}{6} \pi h (3r^2 + h^2)$

(十) 排列、组合和二项式定理

(1) 分类计数原理: $N = m_1 + m_2 + \cdots + m_n$ 分步计数原理: $N = m_1 \times m_2 \times \cdots \times m_n$	
(2) 排列数公式	$A_n^m = n(n-1)(n-2)\cdots(n-m+1) = \frac{n!}{(n-m)!}$ $(n, m \in \mathbf{N}, \text{且 } m \leq n)$
(3) 组合数公式	$C_n^m = \frac{A_n^m}{A_n^m} = \frac{n(n-1)(n-2)\cdots(n-m+1)}{m!} = \frac{n!}{m!(n-m)!}$ $(m \leq n)$
(4) 组合数性质	$C_n^m = C_n^{n-m} \quad (m \leq n), C_{n+1}^m = C_n^m + C_n^{m-1} \quad (m \leq n)$
(5) 二项式定理	$(a+b)^n = C_n^0 a^n + C_n^1 a^{n-1} b^1 + \cdots + C_n^r a^{n-r} b^r + \cdots + C_n^n b^n$ $(n \in \mathbf{N})$
(6) 通项公式	$T_{r+1} = C_n^r a^{n-r} b^r$
(7) 特例	$0! = 1 \quad C_n^0 = 1$

(十一) 概率与统计

1. 概率

(1) 概率的范围	$0 \leq P(A) \leq 1$
(2) 等可能事件的概率	$P(A) = \frac{m}{n}$
(3) 互斥事件	$P(A+B) = P(A) + P(B)$
(4) 相互独立事件	$P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B)$
(5) 对立事件	$P(A) + P(\bar{A}) = P(A + \bar{A}) = 1$, 即 $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$
(6) 贝努利概率型	$P_n(k) = C_n^k P^k (1-P)^{n-k}$

2. 随机变量与统计

(1) 随机变量的概率分布	性质	① $p_i \geq 0, i=1, 2, \dots$ ② $p_1 + p_2 + \dots = 1$
	二项分布	$P(\xi=k) = C_n^k p^k q^{n-k}$ ($k=0, 1, \dots, n, q=1-p$)
(2) 数学期望	公式	$E\xi = x_1 p_1 + x_2 p_2 + \dots + x_n p_n + \dots$
	性质	$E(a\xi + b) = aE\xi + b$
(3) 方差	公式	$D\xi = (x_1 - E\xi)^2 \cdot p_1 + (x_2 - E\xi)^2 \cdot p_2 + \dots + (x_n - E\xi)^2 \cdot p_n + \dots$
	性质	① $D(a\xi + b) = a^2 D\xi$ ② $D\xi = E\xi^2 - (E\xi)^2$
(4) 标准差	公式	$\sigma\xi = \sqrt{D\xi}$

(十二) 极限

① $\lim_{n \rightarrow \infty} C = C$ (C 为常数) ② $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} = 0$ ③ $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a} = 1$ ($a > 1$)

(1) 常见数列极限

④ $\lim_{n \rightarrow \infty} q^n = 0$ ($|q| < 1$) ⑤ $\lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^n = e$ ⑥ $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{n} = 1$

(2) 数列极限的四则运算 如果 $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a, \lim_{n \rightarrow \infty} b_n = b$, 那么

① $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n \pm b_n) = a \pm b$ ② $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n \cdot b_n) = a \cdot b$ ③ $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n} = \frac{a}{b}$ ($b \neq 0$)

④ $\lim_{n \rightarrow \infty} (C \cdot a_n) = C \cdot a$

(3) 无穷递缩等比数列的各项和 $S = \lim_{n \rightarrow \infty} S_n = \frac{a_1}{1-q}$

(4) 函数极限存在的充要条件 $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = a \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = a$

(5) 函数极限的运算法则 如果 $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = a, \lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = b$, 那么

① $\lim_{x \rightarrow x_0} [f(x) \pm g(x)] = a \pm b$ ② $\lim_{x \rightarrow x_0} [f(x) \cdot g(x)] = a \cdot b$

③ $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{a}{b}$ ($b \neq 0$)

(6) 常用结论 ① $\lim_{x \rightarrow x_0} [Cf(x)] = C \lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$ (C 为常数)

② $\lim_{x \rightarrow x_0} [f(x)]^n = [\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)]^n$ ($n \in \mathbb{N}$)

(十三) 导数

(1) 导数	$f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x+\Delta x) - f(x)}{\Delta x}$
(2) 常用公式	$\begin{aligned} & \textcircled{1} C' = 0 \quad (C \text{ 为常数}) \quad \textcircled{2} (x^m)' = mx^{m-1} \quad (m \in \mathbb{Q}) \\ & \textcircled{3} (\sin x)' = \cos x \quad \textcircled{4} (\cos x)' = -\sin x \quad \textcircled{5} (e^x)' = e^x \\ & \textcircled{6} (a^x)' = a^x \ln a \quad \textcircled{7} (\ln x)' = \frac{1}{x} \quad \textcircled{8} (\log_a x)' = \frac{1}{x} \log_a e \end{aligned}$
(3) 两个函数的四则运算	$\begin{aligned} & \textcircled{1} (u \pm v)' = u' \pm v' \quad \textcircled{2} (uv)' = u'v + uv' \\ & \textcircled{3} \left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2} \quad (v \neq 0) \end{aligned}$
(4) 复合函数	$y'_x = y'_v \cdot u'_x$

(十四) 数系的扩充——复数

(1) 相加(减)	$(a+bi) \pm (c+di) = (a \pm c) + (b \pm d)i$
(2) 相乘	$\begin{aligned} (a+bi)(c+di) &= ac + bci + adi + bd i^2 \\ &= (ac - bd) + (bc + ad)i \end{aligned}$
(3) 相除	$(a+bi) \div (c+di) = \frac{ac+bd}{c^2+d^2} + \frac{bc-ad}{c^2+d^2}i \quad (c+di \neq 0)$
(4) i 的性质	$\begin{aligned} & \textcircled{1} i^{4n+1} = i \quad \textcircled{2} i^{4n+2} = -1 \quad \textcircled{3} i^{4n+3} = -i \quad \textcircled{4} i^{4n} = 1 \\ & (n \in \mathbb{N}) \end{aligned}$