

高等工业专科学校联编试用教材

金属切削原理

上海纺织工业专科学校 刘源灿主编

26

上海科学技术文献出版社

jinshuoixiaoyuanli

高等工业专科学校联编试用教材

金 属 切 削 原 理

上海纺织工业专科学校 刘源灿 主编

上海科学技术文献出版社

内 容 简 介

本书根据高等工业专科学校机械制造专业教学要求编写。内容包括基本定义,金属切削过程,切削力,切削热和切削温度,刀具材料,刀具磨损和耐用度,加工表面粗糙度,刀具几何参数的合理选择,切屑的控制,切削用量的优化和选用,磨削加工等十章。

本书可作为高等工业专科学校机械制造专业试用教材,也适用于电视大学、职工大学、业余大学机械制造专业作为教学用书。

高等工业专科学校联编试用教材

金 属 切 削 原 理

上海纺织工业专科学校 刘源灿 主编

责任编辑 龚九峰

*
上海科学技术文献出版社出版
(上海市武康路2号)

新书首发上海发行所发行
上海商务印刷厂印刷

开本 787×1092 1/16 印张 10.75 字数 268,000

1985年8月第1版 1985年8月第1次印刷

印数: 1—25,000

书号: 15192·403 定价: 1.80 元

《科技新书目》98-189

前　　言

为了适应当前发展高等工业专科教育的需要，解决长期来没有专科机制专业教材的困难，一九八三年初由上海纺织工业专科学校、扬州工业专科学校、沈阳冶金机械专科学校等发起，联合有关十所工业专科学校共同组织编写《金属切削原理》与《金属切削刀具》两本教材。

在编写以前，各校共同拟订出《金属切削原理》和《金属切削刀具》教学大纲，并在此基础上制订了编写大纲。

本教材力图从专科教学要求出发，在总结多年教学经验的基础上，精选基本内容，努力贯彻“少而精”原则，在保证一定基本理论的基础上，加强了实践性内容，适当地反映现代科学技术成就，并采用了新的标准和单位。

为了便于学生学习和培养学生独立思考能力，每章均附有思考题与习题。

为适应各校不同要求，小字排印内容可以不讲或少讲。

本教材也适合电视大学、职工大学、业余大学机制专业学生使用。

参加本教材编写的有：南通纺织专科学校蒋云如（绪论、第一章）、上海纺织工业专科学校刘源灿、许先绪（第二章）、上海轻工业专科学校何椿（第三章）、居季成（第四章）、沈阳冶金机械专科学校王肇昌（第五章）、上海纺织工业专科学校刘源灿（第六、七、八章）、许先绪（第九章）、郑州纺织专科学校陈剑飞（第十章）；由刘源灿同志负责主编。

在本书编审工作中得到扬州工专、盐城工专、湖南湘潭基础大学、湖南邵阳基础大学、湖北农业机械专科学校、上海建筑材料工业专科学校、上海医疗工业专科学校、上海机床公司职工大学、上海纺机公司职工大学等兄弟学校关心、支持，谨此表示感谢。

本书部分照片承上海纺织工业专科学校电化室孙剑、朱卫东两同志协助拍摄，本书的配套挂图，由上海纺机公司职工大学制作供应，在此表示深切感谢。

限于编者水平，书中难免有不妥甚至错误之处，恳请读者指正。

编　者
1984年7月

绪 论

一、本课程的性质、目的和内容

金属切削加工是运用机床和刀具，按预定的加工要求从坯件上切去多余金属的加工方法。它是机械制造业中应用较广泛的加工方法之一。在金属切削过程中，刀具与工件之间始终存在着切削与抵抗切削的矛盾，并按一定的规律演化着。金属切削原理就是研究金属切削过程中的规律及其应用的一门科学。

《金属切削原理》课程是机械制造及设备专业的专业基础课，理论性较强，它所揭示的切削过程中的规律和建立的理论，可直接地分析和解决生产实际中的许多问题，故具有专业课性质。同时，它又是学习刀具、机床、夹具和机制工艺学等课程的重要基础课程之一。在设计刀具时，必须运用本课程中的刀具角度、刀具材料、切削力、刀具耐用度、切屑处理等知识。在设计机床、夹具和学习机制工艺学时，必须运用本课程中有关切削运动、切削力、切削用量等知识，所以又具有基础课的性质。

学习本课程的目的，一方面在于掌握金属切削过程中的规律，并应用于生产实际，以便多快好省地进行切削加工；另一方面，又在于为后续的专业课打下金属切削方面的理论基础。

本教材共分十章，只讲述各种切削加工方法中的一般规律部分，某些特殊规律则放在后续专业课《金属切削刀具》的相应部分讲解。本教材主要内容有下列几方面：

(一) 基本概念方面包括切削过程中的运动、刀具几何参数和切削参数的定义等。这些是认识金属切削过程和刀具的基础知识。

(二) 金属切削过程的基本规律方面包括金属的切屑变形、积屑瘤、鳞刺、切削力、切削热和切削温度、刀具的磨损等。这些内容是金属切削的基本理论，是本课程的核心，并要通过实验来加深对这部分内容的理解和掌握一定的实验技能。

(三) 基本规律的应用方面包括合理选择刀具材料和刀具几何参数，合理选择刀具的耐用度和切削用量，如何选用切削液，如何改善加工表面的质量，如何处理切屑等。这些内容都紧密地联系生产实际。

在学习本课程过程中以及分析和运用某些规律时，常会感到影响因素太多，比较复杂，有时甚至得出互相矛盾的结论，这就牵涉到学习本课程的方法问题。学习本课程时，要注意各基本规律之间的内在联系；要根据具体的加工条件进行具体分析，要抓主要矛盾；要运用从量变到质变的辩证唯物主义观点来分析问题。这样才易得到正确的结论。另外，金属切削原理还是比较年轻的科学，有些规律尚需进一步探讨；随着科学技术的进步，它定会得到进一步的发展并日趋成熟。

二、切削加工在机械制造业中的地位及其重要性

机械制造业的任务是为国民经济各部门提供现代化的各种机器、仪器、武器、工具等。这

些技术装备大部分是由一定形状、尺寸和精度的金属零件装配而成。制造这些金属零件的方法很多，有铸造、压力加工、焊接、粉末冶金、切削加工、腐蚀加工等。这些加工方法中，切削加工是应用历史最久、最广泛的加工方法，在一般生产中占机械制造总工作量的40~60%，它的先进程度直接影响产品的质量和数量。然而，切削加工长期来一直存在着一个不足之处，这就是使大量的金属变为切屑。在工业发达的美国，大约有1/6的钢变成了切屑。因此，人们寻求减少这种损失的措施，诸如利用精铸、冷锻、粉末冶金等方法，并且取得了一定成就（当然，这些方法还有其它优点），但即使这样，切削加工在今后若干年内，仍将不失为机械制造的主要方法之一。目前世界各国花在切削加工方面的费用仍有增无减。如美国，花在切削加工方面的费用，1973年为600亿美元，最近每年约1150亿美元。我国现在拥有300万台机床，1200万职工，其费用之大可想而知，而且还在继续发展。主要原因是切削加工有其显著的优点：

（一）加工精度高 切削加工所能达到的精度和粗糙度，与刀具切削刃的刃口圆弧半径有很大关系。现在金刚石刀具的刃口圆弧半径可加工到 $1\mu\text{m}$ 或小于 $1\mu\text{m}$ 。如美国 UNION CARBIDE 公司精密铣床上金刚石刀具的刃口圆弧半径为 $0.02\sim0.03\mu\text{m}$ 。我国沈阳第一机床厂制成 SI-222 型高精度磁盘车床，用金刚石刀具加工出来的工件表面粗糙度可达 $R_a>0.01\mu\text{m}$ ，平面的平直度 $0.03\mu\text{m}$ ，两面平行度 $3\mu\text{m}$ 。这样高的精度是精铸、冷锻和粉末冶金所远远达不到的。目前，在加工精密零件时，主要还是靠切削加工来达到所需要的精度和粗糙度。

（二）生产率高、能源消耗少、成本低 这是切削加工相对于腐蚀加工而言的（腐蚀加工包括电火花加工、电化学加工、电子束加工和激光加工等）。腐蚀加工虽然可达到很高精度，能进行细微加工，甚至可进行原子级或分子级的超细微加工，但其生产率很低，且能源消耗高，成本也高。目前实用中，放电加工的最高速率为 50 g/min （ 3 kg/h ），这样的生产率对一般机械制造来说是太低了。而且，腐蚀加工随其加工速率的增大，精度、粗糙度将恶化，能源消耗将大大增加，成本也要增高。

目前，随着切削加工技术的发展，特别是数控机床、加工中心、适应控制机床和电子计算机在切削加工中的应用，自动化车间和自动化工厂的出现，使切削加工的生产率大大提高，切削加工的费用在产品成本中的比重越来越小。

综上所述，切削加工对国民经济和四化建设有着十分重要的作用。

目 录

绪论

第一章 基本定义..... 1

§ 1-1 切削运动和加工表面 1

§ 1-2 车刀切削部分的基本定义 2

§ 1-3 刀具角度换算 7

§ 1-4 车刀的工作角度 10

§ 1-5 切削用量和切削层截面的几何参数 15

§ 1-6 自由切削与不自由切削 16

思考题与习题 17

第二章 金属切削过程..... 18

概述 18

§ 2-1 切屑的形态 19

§ 2-2 切屑的形成过程 20

§ 2-3 刀-屑接触区 25

§ 2-4 已加工表面形成过程 31

§ 2-5 影响切屑变形的因素 32

思考题与习题 34

第三章 切削力..... 36

§ 3-1 切削力的定义、影响及其研究目的 36

§ 3-2 切削合力、分力和切削功率 36

§ 3-3 切削力测量和经验公式的建立 38

§ 3-4 影响切削力的因素 48

思考题与习题 54

第四章 切削热和切削温度..... 55

§ 4-1 切削热的来源和传出 55

§ 4-2 切削区温度分布和测量切削温度的方法 55

§ 4-3 影响切削温度的主要因素 57

§ 4-4 切削热的限制和应用 61

§ 4-5 切削液 62

§ 4-6 计算切削温度的理论公式 65

思考题与习题 68

第五章 刀具材料、刀具磨损和耐用度..... 70

§ 5-1 刀具材料 70

§ 5-2 刀具磨损 75

§ 5-3 刀具耐用度	80
§ 5-4 刀具的破损	82
思考题与习题	84
第六章 加工表面粗糙度.....	85
§ 6-1 表面粗糙度的评定参数	85
§ 6-2 影响表面粗糙度的主要因素	86
思考题与习题	89
第七章 刀具几何参数的合理选择.....	90
§ 7-1 前刀面及前角的选择	90
§ 7-2 后刀面及后角的选择	93
§ 7-3 主偏角、副偏角的作用及其选择	96
§ 7-4 过渡刃与修光刃参数的选择	98
§ 7-5 斜角切削及刃倾角的选择	99
§ 7-6 刀具几何参数选择举例	103
思考题与习题	105
第八章 切屑的控制	106
§ 8-1 切屑的卷曲和分类	106
§ 8-2 断屑原因及切屑折断条件	109
§ 8-3 影响断屑的主要因素	112
§ 8-4 断屑方法	113
思考题与习题	117
第九章 切削用量的优化和选用	118
§ 9-1 切削用量优化的方法	118
§ 9-2 切削用量参数	118
§ 9-3 目标函数	119
§ 9-4 约束条件	120
§ 9-5 切削用量优化的数学模型	123
§ 9-6 单切削变量的优化和选用	124
§ 9-7 二个切削变量的优化	128
§ 9-8 选择切削用量举例	133
思考题与习题	137
第十章 磨削加工	138
§ 10-1 砂轮的特性及选择	138
§ 10-2 磨削运动及磨削要素	145
§ 10-3 磨削机理	147
§ 10-4 砂轮的磨损和修整	156
§ 10-5 磨削发展方向	158
思考题与习题	161
主要参考资料	161

第一章 基本定义

切削加工所得到的工件表面，总是由刀具的切削刃与工件作相对的切削运动而形成。因此，切削加工主要涉及到切削运动、工件和刀具切削部分等方面。为使技术名称得到统一，并有一致的理解，以便在此基础上进一步研究切削加工，必须对上述方面给以基本定义和解释。

本章的技术名称、定义和符号尽量按《ISO》的规定，其中没有规定的符号，则考虑我国沿用习惯，并参考国外有关著作，酌情选定。本章以车刀为代表，叙述有关名称和符号。

§1-1 切削运动和加工表面

一、切削运动

为加工工件表面使之成形，刀具的切削刃与工件必须作相对的运动，以便从工件上切下切屑，通常称此相对运动为切削运动。当然，要完成切削工作，除切削运动外，有时还需做调整刀具切削刃与工件相对位置的运动及其它的辅助运动（如进刀、退刀等）。

切削运动可由刀具单独完成，如在钻床上钻孔时，工件不动，切削运动由钻头的旋转运动和沿其轴向的直线运动组合而成。切削运动也可由工件和刀具分别完成，如车外圆，切削运动由工件的旋转运动和刀具平行于工件轴向的直线移动组合而成。图 1-1 表示钻、车、刨、铣、磨、拉削的切削运动。

1. 主运动 所谓主运动，就是切除工件上的切削层，使之转变为切屑的基本运动。它

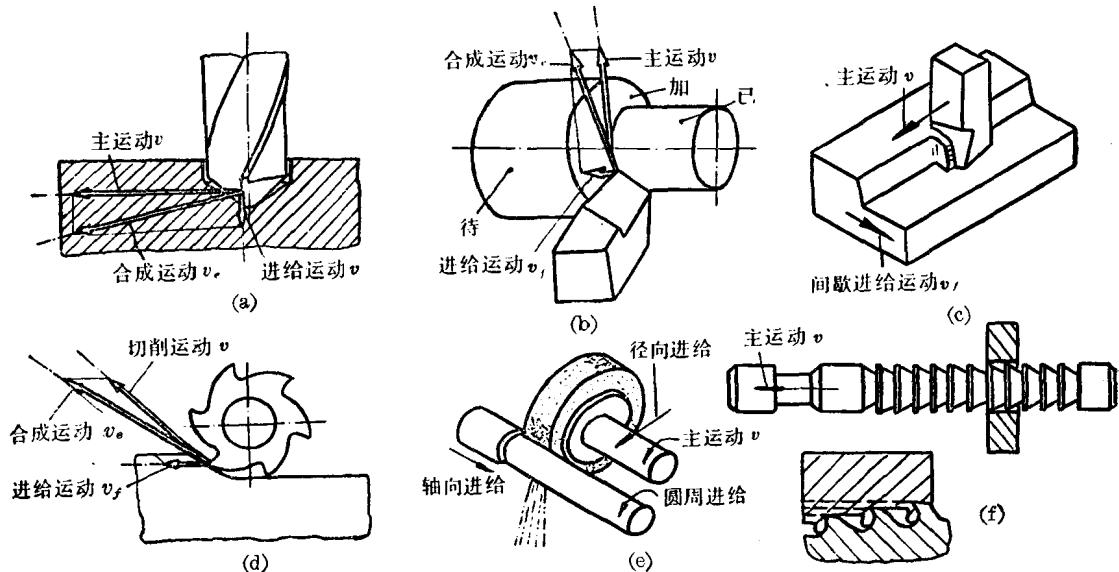


图 1-1 钻、车、刨、铣、磨、拉削的切削运动

是切削运动中速度最高、消耗功率最多的运动。在切削运动中主运动只有一个，如车削时工件的旋转运动、刨削时刀具(或工作台)的往复直线运动、钻削和铣削时刀具的旋转运动等(见图1-1)。主运动的速度称为切削速度，用符号 v 表示。切削速度 v 的方向称为主运动方向，当主运动为旋转运动时，主运动方向为圆周上选定点的切线方向。

2. 进给运动(也称走刀运动) 所谓进给运动，就是不断地把切削层投入切削的运动。它在切削运动中速度较低、消耗功率较少。进给运动可以是间歇的(如刨削)，也可以是连续的(如车削)运动。进给运动可以是一个，或几个(如磨削等)。拉削加工中，它的进给运动由拉刀上刀齿的齿升量来完成(见图1-1)。进给运动的速度称为进给速度，用符号 v_f 表示。进给速度 v_f 的方向称为进给运动方向。进给运动方向常平行于所形成的工件表面。

3. 主运动与进给运动的合成 由于有些加工方法的主运动与进给运动是同时进行的，因此刀具切削刃上一点与工件的相对运动是上述二运动的合成。其合成速度向量 v_e 应为主运动速度 v 与进给运动速度 v_f 之向量和(见图1-1a、b、d)。

即

$$v_e = v + v_f \quad (1-1)$$

显然，沿切削刃各点的合成速度向量不一定相等。由于 v_f 常比 v 小得多，在讨论某些问题时常用 v 代替 v_e 。

二、车削中的加工表面

在车削过程中，工件上有三个不断变化着的表面(参看图1-1b)：

已加工表面：工件上已经切去切屑而形成的新表面。

待加工表面：工件上即将被切去切屑的表面。

加工表面：切削刃正在切削着的表面，也就是已加工表面和待加工表面间的过渡表面。

§1-2 车刀切削部分的基本定义

切削刀具的种类繁多，形状复杂，但却有共同的特征：具有楔形的切削部分，称为楔形刀头。车刀是最典型的具有楔形刀头的简单刀具，其它刀具可认为是车刀的演变和组合，多刃刀具的每个刀齿都相当于一把车刀(参看图1-2)。现代刀具的切削部分大都采用刀片经焊接或用机械夹固的方法制成，特别是可转位刀片出现以后，使许多刀具的切削部分更趋于统一和规格化，这就大大促进了切削刀具的发展。车刀是各种刀具的基础，为便于统一认识起见，下面以普通外圆车刀为代表来确定切削部分的基本定义，这些基本定义也必然适合于其它刀具。

一、车刀的组成

车刀由刀杆和刀头两部分组成(见图1-3)。车刀切削部分构造要素的名称及定义如下：

前刀面(A_γ)——切屑沿其流出的刀面。

主后刀面(A_α)——与工件加工表面相对的刀面。

副后刀面($A_{\alpha'}$)——与工件已加工表面相对的刀面。

主刀刃——前刀面与主后刀面的交线，它担任主要切削工作。

副刀刃——前刀面与副后刀面的交线，它配合主刀刃最终形成已加工表面。

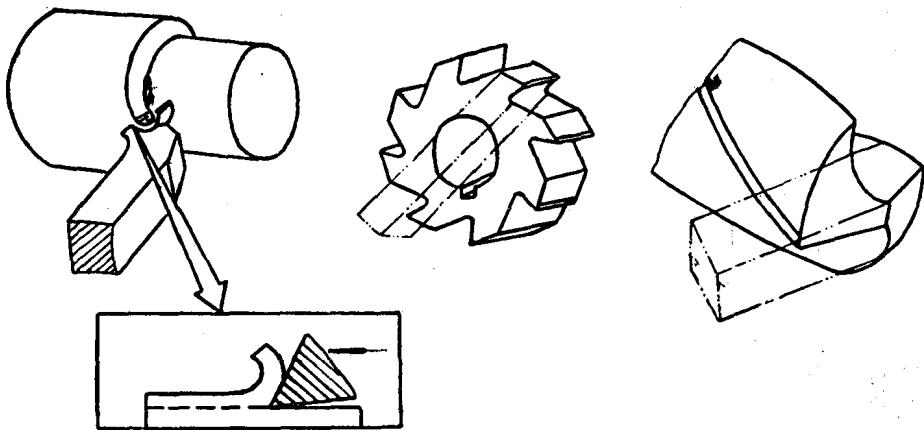


图 1-2 楔形刀头及多刃刀具由车刀组成示意图

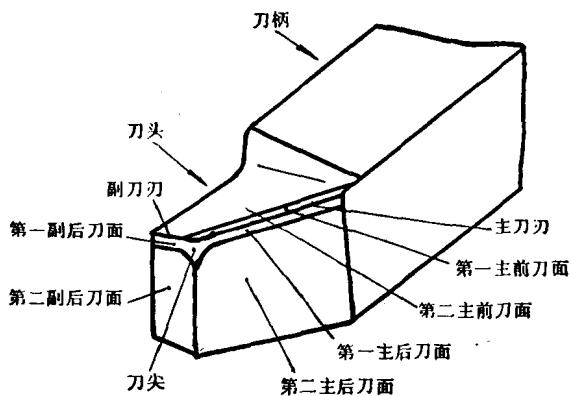


图 1-3 车刀的组成

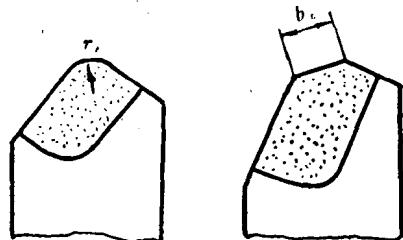


图 1-4 刀尖过渡刃形式

刀尖——主切削刃与副切削刃的连接处。为了加强刀尖的强度，一般将刀尖做成圆弧(圆弧半径为 r_e)或折线过渡刃(过渡刃长度 b_e)，见图 1-4。

前、后刀面不一定是一个完整的平面，可以由几个相互倾斜的平面或圆弧槽组成。依次把它们叫做第一前刀面(A_{γ_1})、第二前刀面(A_{γ_2})……第一主后刀面(A_{α_1})、第二主后刀面(A_{α_2})……通常把第一前刀面和第一主、副后刀面称为棱面。

二、刀具角度

1. 刀具角度的参考系 为了确定定义和确定刀具的角度，仅靠刀头上的几个面是不够的，还需人为地在刀具上再建立平面参考系，以便利用平面参考系与刀具的切削刃和刀面组成相应的角度。

由于刀具的制造与刀具的使用这两种情况不同，因而平面参考系需采用两种体系：静止参考系(简称静止系)和工作参考系(简称工作系)。静止系用在刀具的设计、制造和检验时，工作系用在刀具进行切削加工时。

静止系与工件不发生联系，只在刀具上假定一个主运动方向和进给运动方向，不考虑运动速度大小和刀具相对于工件的安装情况；而工作系要与工件联系，要考虑合成运动速度 v_c 的方向和刀具相对于工件的安装情况。

由于大多数加工表面都不是平面，而是空间曲面，不便于直接用来做参考平面；在工作

系中，主切削刃上每点的切削速度可各不相同。所以，在建立参考系时，应通过切削刃上某一选定点来建立平面参考系。

2. 静止系中的坐标平面和刀具角度

(1) 静止系中的坐标平面(参看图 1-5)

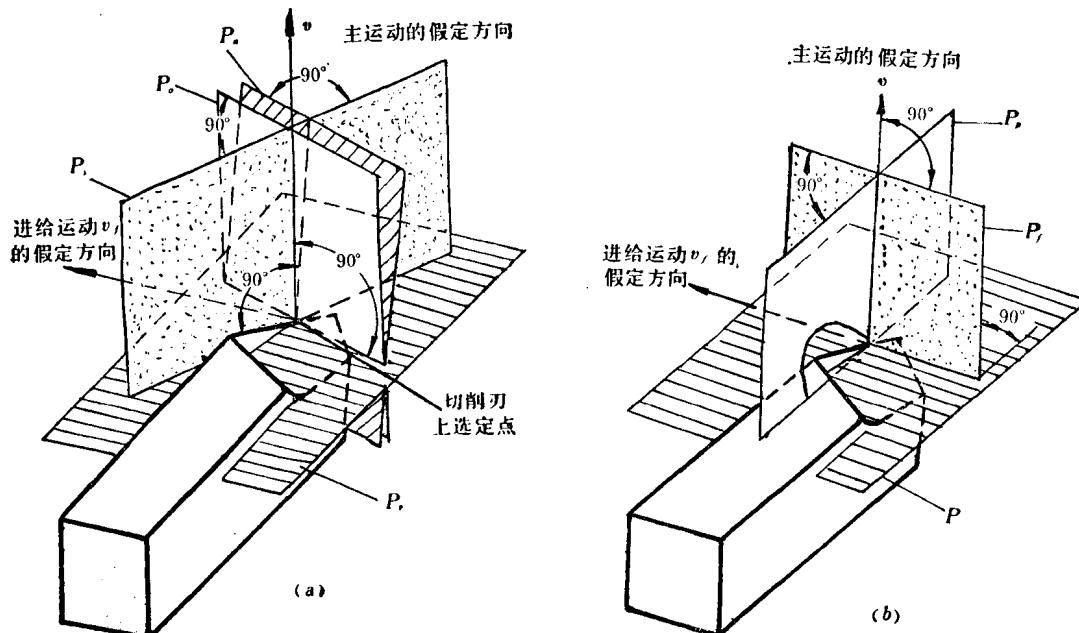


图 1-5 静止系中的诸平面

① 基面 P_r : 通过切削刃上被选点，而又垂直于主运动的假定方向 v 的平面称为基面 P_r 。它应与刀具的定位基准平面或基准轴线有紧密联系，如普通的车刀、刨刀，其基面是平行于刀具底面(定位基准平面)的平面；拉刀，其基面是垂直于拉刀轴线的平面；凡是作旋转运动的刀具，如钻头、铰刀、丝攻、铣刀等，其基面都是通过刀具轴线的平面。

② 切削平面 P_s : 在切削刃的被选点上与工件加工表面相切的平面；也就是主运动方向与切削刃被选点的切线所组成的平面称为切削平面 P_s 。因此，切削平面 P_s 必然垂直于基面 P_r 。

这样，所建立的两个互相垂直的参考平面就分别与车刀的前刀面、后刀面形成了夹角。此夹角是两个平面之间的夹角，称为二面角。二面角的角度值随测量剖面的位置不同而不同。因此，还得按实际需要规定测量剖面。

③ 测量剖面：目前常用下列四种：

a. 主剖面：通过切削刃上被选点，且垂直于切削刃在基面 P_r 上投影的平面称为主剖面。因此，它必然同时垂直于基面 P_r 和切削平面 P_s 。主、副切削刃上均有主剖面，其代号分别为 P_o 和 P'_o (见图 1-5, a 和图 1-6)。

b. 法剖面 P_n : 通过切削刃上被选点，且垂直于切削刃的平面称为法剖面 P_n 。若前刀面为平面时，则法剖面 P_n 垂直于前刀面(见图 1-5, a)。

c. 横向剖面 P_f : 通过切削刃上被选点，且垂直于基面 P_r ，同时平行于进给运动的假定方向的平面(也就是由主运动假定方向与进给运动假定方向所组成的平面)称为横向剖面

P_f (见图 1-5, b)。

d. 纵向剖面 P_p : 通过切削刃上被选点, 且同时垂直于基面 P_r 和横向剖面 P_f 的平面称为纵向剖面 P_p (见图 1-5, b)。

上述四种剖面所测得的角度是不同的, 所以, 存在着一定的换算关系, 详见 § 1-3。

(2) 刀具的标注角度

在设计、制造和测量刀具时, 采用静止系来标注刀具的角度, 称为标注角度。

在主剖面 P_o 中测量的角度有(见图 1-6):

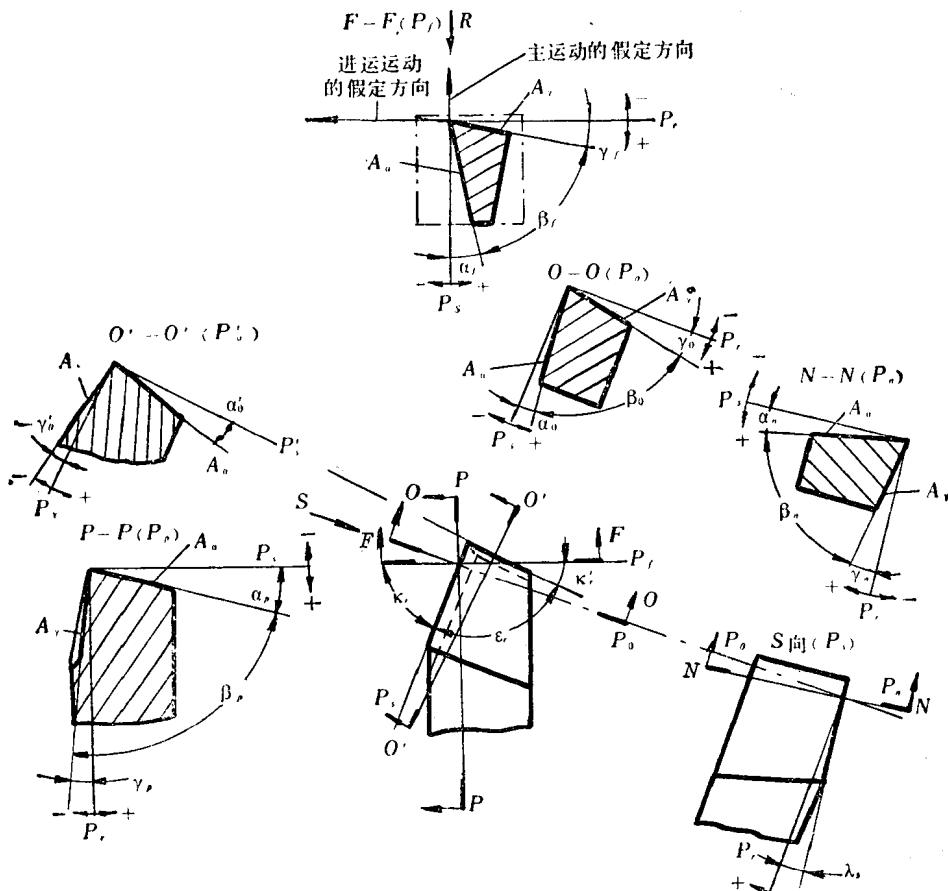


图 1-6 车刀的标注角度

① 前角 γ_o : 前刀面与基面之间的夹角。在图示情况, 通过选定点的基面位于楔形刀头的实体之外, 前角定为正值。若通过选定点的基面位于楔形刀头的实体之内时, 则前角定为负值($-\gamma_o$)。

② 后角 α_o : 后刀面与切削平面之间的夹角。在图示情况, 通过选定点的切削平面位于楔形刀头的实体之外, 后角定为正值。若通过选定点的切削平面位于楔形刀头的实体之内时, 则后角定为负值($-\alpha_o$)。

③ 楔角 β_o : 前刀面与后刀面之间的夹角。

由上列定义可知:

$$\gamma_o + \beta_o + \alpha_o = 90^\circ \quad (1-2)$$

α_o 与 β_o 之和叫切削角 δ_o :

$$\alpha_o + \beta_o = \delta_o \quad (1-3)$$

在法剖面、横向和纵向剖面中均有上述三个角度, 即:

法向前角 γ_n , 法向后角 α_n , 法向楔角 β_n 。

横向前角 γ_f , 横向后角 α_f , 横向楔角 β_f 。

纵向前角 γ_p , 纵向后角 α_p , 纵向楔角 β_p 。其定义和在主剖面中的一样。

在基面上的投影上测量的角度有(见图 1-6):

④ 主偏角 κ_r : 主切削刃在基面上的投影与进给运动的假定方向之间的夹角(或横向剖面与切削平面之间的夹角)。

⑤ 副偏角 κ'_r : 副切削刃在基面上的投影与进给运动假定方向的反方向之间的夹角。

⑥ 刀尖角 ε_r : 主、副切削刃在基面上的投影之间的夹角。于是有:

$$\kappa_r + \varepsilon_r + \kappa'_r = 180^\circ \quad (1-4)$$

在切削平面 P_s 内测量的角度有(见图 1-6):

⑦ 刀倾角 λ_s : 主切削刃与基面 P_s 之间的夹角。刀倾角 λ_s 正负值的规定见图 1-7。

当刀尖是切削刃上最低点时, λ_s 定为负值;

当刀尖是切削刃上最高点时, λ_s 定为正值。

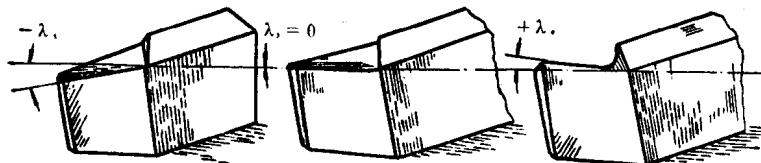


图 1-7 刀倾角的符号

$\lambda_s = 0^\circ$ 的切削称为正切削或直角切削;

$\lambda_s \neq 0^\circ$ 的切削称为斜切削或斜角切削。

表 1-1 车刀标注角度及其参考平面

切削刃	基本角度		参考平面	派生角度
主刀刃	前 角	γ_o	P_o	β_o
		γ_n	P_n	β_n
		γ_p	P_p	β_p
		γ_f	P_f	β_f
	后 角	α_o	P_o	
		α_n	P_n	
副刀刃	刃倾角	α_p	P_p	
		α_f	P_f	
	主偏角	λ_s	P_s	
		κ_r	P_r	
	副偏角	κ'_r	P'_r	ε_r
	副后角	α'_o	P'	

在副切削刃的主剖面 P'_o 中，同样有副前角 γ'_o 和副后角 α'_o ，也同样有副切削刃的刃倾角 λ'_s ，其定义均同主切削刃。其中 γ'_o 、 λ'_s 在主副切削刃共一个平面型前刀面时，当 x_r 、 x'_r 、 λ_s 、 γ_o 为已定值，则副前角 γ'_o 和副刃倾角 λ'_s 都随之而确定（见式 1-14、式 1-15），图纸上也就不必标注。仅副后角 α'_o 需要标注。这样，上述七种角度中， β_o 、 ε_r 是派生角度，故一把外圆车刀的标注角度只有六个，即主切削刃的四个基本角度 γ_o 、 α_o 、 x_r 、 λ_s 和副切削刃的两个基本角度 α'_1 、 x'_r 。

将上述角度及其所在的参考平面进行归类列于表 1-1。

§1-3 刀具角度换算

在设计、制造和使用刀具时，常需要对不同剖面内的标注角度进行换算，即主剖面、法剖面、纵（横）向剖面之间的角度换算。换算方法有几种，此处采用解析法。

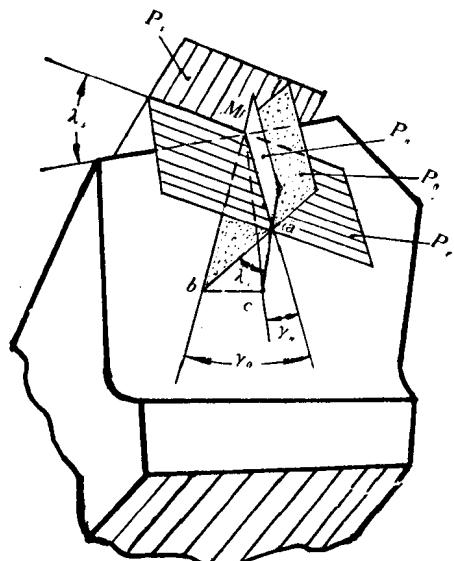


图 1-8 法向前角

当 $\lambda_s = 0^\circ$ 时（主、法剖面重合）， $\gamma_n = \gamma_o$ ；当 $\lambda_s \neq 0^\circ$ 时， $\gamma_o > \gamma_n$ 。

将式中 γ_n 、 γ_o 换为 α_n 、 α_o 的余角函数*，即得法剖面的后角与主剖面后角的关系：

* 用向量法证明如下：

首先在车刀主剖面上确定几个基本向量
 v_o 、 m_o 、 γ_o 和 α_o 。

1. 切削速度单位向量 v_o 。根据基面 P_r 的定义，基面 P_r 的法向量就是 v_o 。图中所示 v_o 为正向。

2. 切削平面的单位法向量 m_o 。在图中与基面 P_r 重合。

3. 主前角单位向量 γ_o ——为主剖面与前刀面的交线。 (a) 图所示 γ_o 为正向。

4. 主后角单位向量 α_o ——为主剖面与主后刀面的交线。 (b) 图所示 α_o 为正向。

一、主、法剖面之间角度换算

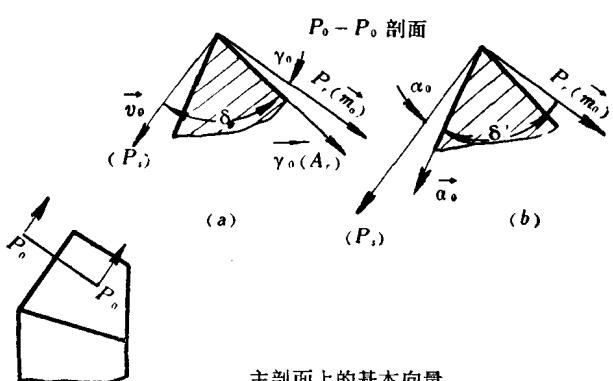
在刀具设计、制造和检验中，常常需要知道主切削刃在法剖面内的角度；许多斜角切削刀具，特别是大刃倾角刀具，必须标注法剖面角度。图 1-8 表示主、法剖面中的前角 γ_o 和 γ_n 及其几何关系。图中刃倾角 λ_s 为正值。它们的计算公式推导如下：

$$\tan \gamma_n = \frac{\overline{ac}}{\overline{Ma}}$$

$$\tan \gamma_o = \frac{\overline{ab}}{\overline{Ma}}$$

$$\frac{\tan \gamma_n}{\tan \gamma_o} = \frac{\overline{ac}}{\overline{Ma}} \cdot \frac{\overline{Ma}}{\overline{ab}} = \frac{\overline{ac}}{\overline{ab}} = \cos \lambda_s$$

$$\therefore \tan \gamma_n = \tan \gamma_o \cdot \cos \lambda_s \quad (1-5)$$



$$\operatorname{ctg} \alpha_n = \operatorname{ctg} \alpha_o \cdot \cos \lambda_s \quad (1-6)$$

二、主剖面和纵、横剖面之间的角度换算

刀具标注角度常采用主剖面(或法剖面)参考系统,但有时也需要知道纵、横向剖面内的刀具角度,如利用三向旋转磨刀夹具进行刃磨时等。因此,须进行主、纵、横剖面之间的角度换算。

先求出垂直于基面 P_r 的任意剖面 $P_\theta-P_\theta$ 的前角 γ_θ 与主剖面 P_o-P_o 的前角 γ_o 之间的关系。在图 1-9 中,过主刀刃上一点 a 作基面 P_r 、主剖面 P_o-P_o 和垂直于基面的任意剖面 $P_\theta-P_\theta$ 。 P_o-P_o 剖面与切削平面(在图上为主刀刃在基面上的投影)之间的夹角为 θ 。刃倾角 λ_s 此处为正。 ef 、 db 线段垂直于基面。 $b fed$ 平面平行于切削平面。从图 1-9 中可得:

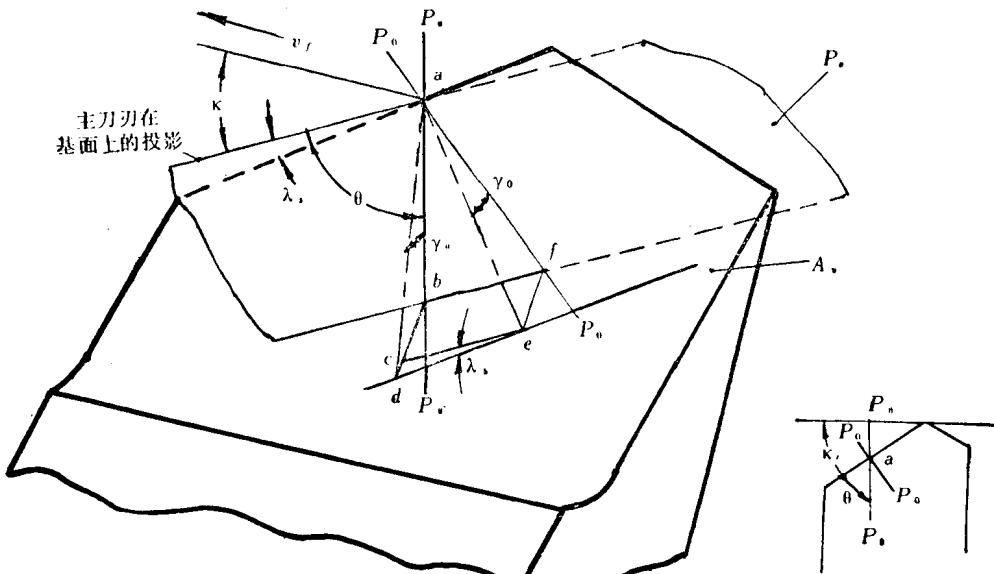


图 1-9 角度换算解析法

$$\operatorname{tg} \gamma_\theta = \frac{\overline{bd}}{\overline{ab}} = \frac{\overline{ef} + \overline{cd}}{\overline{ab}} = \frac{\overline{af} \cdot \operatorname{tg} \gamma_o + \overline{ce} \cdot \operatorname{tg} \lambda_s}{\overline{ab}}$$

于是有:

$$\operatorname{tg} \gamma_\theta = \sin \theta \cdot \operatorname{tg} \gamma_o + \cos \theta \cdot \operatorname{tg} \lambda_s \quad (1-7)$$

当 $\theta=0^\circ$ 时,则 $P_\theta-P_\theta$ 剖面与切削平面重合:

由(a)图可得向量数积:

$$\begin{aligned} \cos \delta &= \gamma_o \cdot \mathbf{v}_o \\ \cos (90^\circ - \gamma_o) &= \gamma_o \cdot \mathbf{v}_o \\ \sin \gamma_o &= \gamma_o \cdot \mathbf{v}_o \\ \cos \gamma_o &= \gamma_o \cdot \mathbf{m}_o \end{aligned} \quad (I)$$

由(b)图可得向量数积:

$$\begin{aligned} \cos \delta' &= \alpha_o \cdot \mathbf{m}_o \\ \cos (90^\circ - \alpha_o) &= \alpha_o \cdot \mathbf{m}_o \\ \sin \alpha_o &= \alpha_o \cdot \mathbf{m}'_o \\ \cos \alpha_o &= \alpha_o \cdot \mathbf{v}_o \end{aligned} \quad (II)$$

比较 I、II 两组公式就可发现,前、后角的正弦、余弦公式正好颠倒。从数学观点看,前刀面与后刀面没有本质差别,若把后刀面也看成前刀面,则后角是前角的余角。所以前、后角的研究可以归结为前角一种情况的研究,从导出的前角的公式中,把包含有前角的三角函数,换成后角相应的余角函数,即得后角的计算公式。公式 1-6 就是这样从公式 1-5 变换来的。

$$\operatorname{tg} \gamma_o = \operatorname{tg} \lambda_s$$

$$\gamma_o = \lambda_s$$

当 $\theta = 90^\circ - K_r$ 时, 则 P_o-P_o 剖面与纵向剖面 P_p 重合, γ_o 即为 γ_p , 故可得纵向前角 γ_p 为:

$$\operatorname{tg} \gamma_p = \operatorname{tg} \gamma_o \cdot \cos \kappa_r + \operatorname{tg} \lambda_s \cdot \sin \kappa_r \quad (1-8)$$

当 $\theta = 180^\circ - \kappa_r$ 时, 则 P_o-P_o 剖面与横向剖面 P_f 重合, γ_o 即为 γ_f , 故可得横向前角 γ_f 为:

$$\operatorname{tg} \gamma_f = \operatorname{tg} \gamma_o \cdot \sin \kappa_f - \operatorname{tg} \lambda_s \cdot \cos \kappa_r \quad (1-9)$$

将前角 γ_p (或 γ_f) 换成后角 α_p (或 α_f) 的余角函数, 则可得纵向后角 α_p 、横向后角 α_f 的计算公式:

$$\operatorname{ctg} \alpha_p = \operatorname{ctg} \alpha_o \cdot \cos \kappa_r + \operatorname{tg} \lambda_s \cdot \sin \kappa_r \quad (1-10)$$

$$\operatorname{ctg} \alpha_f = \operatorname{ctg} \alpha_o \cdot \sin \kappa_f - \operatorname{tg} \lambda_s \cdot \cos \kappa_r \quad (1-11)$$

对于副后刀面的纵、横向副后角 (α'_p 、 α'_f) 也可求得为:

$$\operatorname{ctg} \alpha'_p = \operatorname{ctg} \alpha'_o \cdot \cos \kappa'_r + \operatorname{tg} \lambda'_s \cdot \sin \kappa'_r \quad (1-12)$$

$$\operatorname{ctg} \alpha'_f = \operatorname{ctg} \alpha'_o \cdot \sin \kappa'_f - \operatorname{tg} \lambda'_s \cdot \cos \kappa'_r \quad (1-13)$$

当主、副刀刃在同一个平面型公共前刀面上时, 副前角 γ'_o 和副刀刃的刃倾角 λ'_s 也可利用公式 1-7 求得。

当 $\theta = 90^\circ - (\kappa_r + \kappa'_r)$ 时, 则 P_o-P_o 剖面与副刀刃的主剖面重合, γ_o 即为 γ'_o , 故可得副前角 γ'_o 为:

$$\operatorname{tg} \gamma'_o = \operatorname{tg} \gamma_o \cdot \cos(\kappa_r + \kappa'_r) + \operatorname{tg} \lambda_s \cdot \sin(\kappa_r + \kappa'_r) \quad (1-14)$$

当 $\theta = 180^\circ - (\kappa_r + \kappa'_r)$ 时, 则 P_o-P_o 剖面与副刀刃的切削平面重合, γ_o 即为 λ'_s , 故可得副刀刃的刃倾角 λ'_s 为:

$$\operatorname{tg} \lambda'_s = \operatorname{tg} \gamma_o \cdot \sin(\kappa_r + \kappa'_r) - \operatorname{tg} \lambda_s \cdot \cos(\kappa_r + \kappa'_r) \quad (1-15)$$

将公式 1-8 等号两边各乘以 $\cos K_r$; 公式 1-9 等号两边各乘以 $\sin K_r$, 并相加可得前角 γ_o 的计算公式:

$$\operatorname{tg} \gamma_o = \operatorname{tg} \gamma_p \cdot \cos \kappa_r + \operatorname{tg} \gamma_f \cdot \sin \kappa_r \quad (1-16)$$

将公式 1-8 等号两边各乘以 $\sin \kappa_r$; 公式 1-9 等号两边各乘以 $\cos \kappa_r$, 并相减可得刃倾角 λ_s 的计算公式:

$$\operatorname{tg} \lambda_s = \operatorname{tg} \gamma_p \cdot \sin \kappa_r - \operatorname{tg} \gamma_f \cdot \cos \kappa_r \quad (1-17)$$

对式 1-7 利用微商求极值, 可得最大前角 γ_{\max} :

$$\operatorname{tg} \gamma_{\max} = \sqrt{\operatorname{tg}^2 \gamma_o + \operatorname{tg}^2 \lambda_s} \quad (1-18)$$

$$\text{或 } \operatorname{tg} \gamma_{\max} = \sqrt{\operatorname{tg}^2 \gamma_p + \operatorname{tg}^2 \gamma_f} \quad (1-19)$$

最大前角所在剖面同主刀刃在基面上投影之间的夹角 $\theta_{\gamma_{\max}}$ 为:

$$\operatorname{tg} \theta_{\gamma_{\max}} = \frac{\operatorname{tg} \gamma_o}{\operatorname{tg} \lambda_s} \quad (1-20)$$

还可求出最小后角 α_{\min} :

$$\operatorname{tg} \alpha_{\min} = \frac{1}{\sqrt{\operatorname{ctg}^2 \alpha_p + \operatorname{tg}^2 \lambda_s}} = \frac{1}{\sqrt{\operatorname{ctg}^2 \alpha_f + \operatorname{tg}^2 \lambda_p}} \quad (1-21)$$