



統計學

觀念及應用

讓數字會說話的科學與藝術

謝邦昌 編著

STATISTICS

CONCEPTS AND APPLICATIONS

國家圖書館出版品預行編目資料

統計學：觀念及應用／謝邦昌編著.-- 一版.

-- 臺北縣中和市：華立圖書，2009.05

面；公分

參考書目：面

ISBN 978-957-784-304-3（平裝）

1. 統計學

510

98007554

統計學 —— 觀念及應用

讓數字會說話的科學與藝術

作 者：謝邦昌
圖 書 編 號：0007
責 任 編 輯：劉芷羽、陳櫻玲
封 面 設 計：呂弋軒
出 版 者：華立圖書股份有限公司
訂 書 專 線：(02)22217375
購 書 地 址：台北縣中和市員山路 504 號 5 樓之 9
帳 戶：華立圖書股份有限公司
郵 撥 帳 號：15575863
建 議 售 價：650 元
一 版 二 刷：2009 年 9 月
網 址：www.jolihi.com.tw

本書如有缺頁、破損、倒裝，請寄回更換，退書請寄：台北縣中和市立德街 210 巷 3 號

有著作權 侵害必究

～歡迎蒞臨 www.jolihi.com.tw 網站，我們會隨時提供新的資訊與您分享～

作者簡介

About the Author



謝邦昌 *Shia Ben-Chang*

輔仁大學統計資訊學系 (Department of Statistics and Information Science Fu Jen Catholic University)
暨應用統計所教授 兼 中華資料採礦協會理事長

E-mail : 025674@mail.fju.edu.tw、statben.shia@msa.hinet.net、
stat1001@gmail.com

Web-Site : www.cdms.org.tw、www.stat.fju.edu.tw、
<http://www.stat.fju.edu.tw/Teachonline/benchang>

學歷：國立台灣大學農藝所生物統計組 博士

主要經歷：考試院公務人員初等考試會統組典試委員

考試院特種考試地方政府公務人員考試會統組典試委員、命題委員、
閱卷委員

行政院主計處普查委員會委員 (2006.01—迄今)

中華資料採礦協會理事長 (2005—迄今)

中國統計學社理事 (2005—迄今)

中國大陸國家統計局教材編審委員 (1999.01—迄今)

Journal of Data Science 執行編輯 (2003—迄今)

數據分析 Journal of Data Analysis 主編 (2006.02—迄今)

統計與信息論壇 Statistics & Information forum (CSSCI) 編委會委員
(2000~迄今)

中國人民大學、廈門大學、中央財經大學、首都經貿大學、天津財經大
學、西安財經學院、西南財經大學、上海財經大學 講座及兼職教授

統計研究 匿名評審委員 (2005—迄今)

中國統計學報 編輯委員 (1999—迄今)

序

唐太宗曾說：「以銅爲鏡，可以正衣冠；以史爲鏡，可以知興替；以人爲鏡，可以知得失。」統計的角色，正是鏡子的功能，是協調整體政策推動的最佳輔助，讓數字並非只是數字，有其意義存在。所以說統計是蒐集資料、整理資料、分析資料做出決策的一門科學與藝術，它是一門資料分析的科學。

管仲也曾說：「不明於數欲舉大事，如舟之無楫而欲行於大海也。」意思是說在不清楚相關數據的情況下想做大事，無疑是沒有槳的船想航行於汪洋大海中一般。例如：政府想撲殺野狗，如果沒有野狗分布的數據，不知道野狗形成的來龍去脈，怎麼去執行？如何能下決策？再比方先前口蹄疫事件，原先說是一千億，後來又說是二千億，最後到四千億！什麼數據都出籠。類似這種情形，便可明白統計的重要。尤其現在令世界恐慌的禽流感、豬流感等流行更需要流行病學統計來協助了解此病徵的現況，以做到最好的防護決策。

統計與資訊密切結合在一起就更知道統計的重要了。實際上，資訊協助統計大量且快速的運算，讓統計的功能發揮更寬更廣。許多專家學者的看法是「統計方法的工具觀」，因為統計是一個很重要的工具，它可以發現問題所在，相當符合現在的類神經網路的觀念，透過反覆學習與反覆的除錯，馬上再更正除錯所遇到的問題，進而以簡馭繁，顯示出一個大概的趨勢。我們經常在求線性模式，雖然很多現象並非線性，但是線性的概念可以馬上顯出大概的趨勢，知道趨勢後，能掌握住這個趨勢就不錯了，不一定非得掌握住每一個脈動，這就是統計以簡馭繁的功能，然後再求新求變，研究下一步的方向。在許多領域中會發覺需要統計，統計在許多領域中皆扮演舉足輕重的角色。當然並非沒有統計就無法運作，但有了統計加入，可以做出更好、更精緻的決策。因此統計是無所不在的。在此想強調的是統計有用論，至於如何使其有用？這就是我想寫這本書的主要目的。

序

此外，現今電腦的普及率節節高昇，電腦讓統計變簡單，但這並不代表學統計沒有用了，也並不代表數學不見了，因為數學正是這些電腦統計軟體的背書，是理論的基礎。其實我們真正該考慮的一點是改革統計教育，因為在這個電腦時代裡教學生去算微積分、去背公式，都是沒有意義的動作，現在 Excel、MAPLE、MATHEMATICS、MATLAB 等等軟體都可以解決高等微積分的問題，重點應該是教導學生如何去利用這些工具，如何去應用，我們教初等統計學時，一開始就是一堆公式及數學符號，商學系的學生一看就昏倒，該教的是讓他們知道統計有什麼用，變異數是什麼意義、迴歸分析的應用範圍在哪裡、機率分配的定義是什麼、資料分析該怎麼進行，而不是一開始在前三章就硬塞一堆分佈跟公式，看到這些統計公式很多人就傻眼了，因而對統計產生距離感，其實統計應該是一個很親切、很實在的技術與學問，和電腦結合後更是形成一種非常強大實用的工具，就像本書將統計與 Excel 充分結合這些都是我實現於教學及工作上的觀點。統計一定要跟資訊結合，兩方面相得益彰。

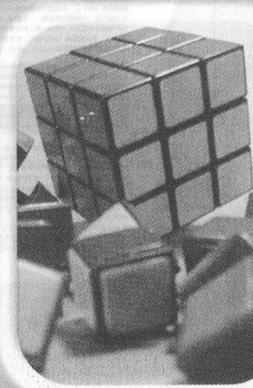
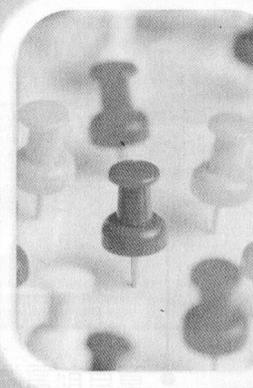
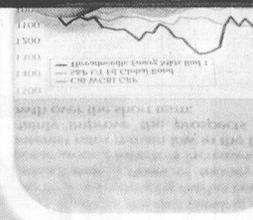
我個人編寫這本書主要強調統計觀念的理解及實務的應用，以及說明如何利用電腦軟體（Excel）從事統計應用分析與運算。書中一方面詳細說明統計理論，另一方面則以如何利用 Excel 軟體來作實際計算的應用，以期讀者能建立更清楚的統計觀念。第 1、3、4 章呈現統計綜合概念與資料分析的方法，第 2 章呈現 Excel 完整且基礎的功能頁面指示。學生可正確的蒐集及整理分析資料，實際操作以解除一些對統計問題的疑慮。第 5、6、7 章建立在前四章統計基本概念上，呈現隨機變數基本定義、機率概論、樣本分配的中心概念和實際操作案例，第 8、9、10、11 章討論抽樣分配和假設檢定，第 12 章～第 18 章提供進階應用統計主題變異數分析、卡方檢定、迴歸分析等應用統計方法學習閱讀，第 19、20、21、22 章，強調統計應用於經

濟、社會、醫學、工業等等實用性的分析方法例如時間序列分析方法、品質管制和重要指標。並且對於統計學習的過去現在未來作一基本闡述。

期許這本書能讓更多有志或有興趣學習統計的讀者，提供一個初步的學習環境及基本知識之建立，同時讓統計與資訊應用充分結合，以使統計學習事半功倍。

謝邦昌

於輔大，2009/5/7



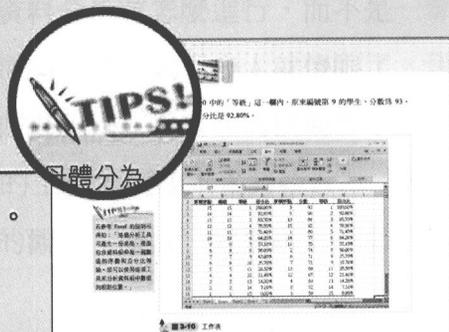
如何閱讀本書 *How to Study?*

本書將統計學分為統計學緒論、學好統計的第一步、基礎數值資料的運用……等二十二個章節介紹，每個章節除了教學的本文外，搭配：

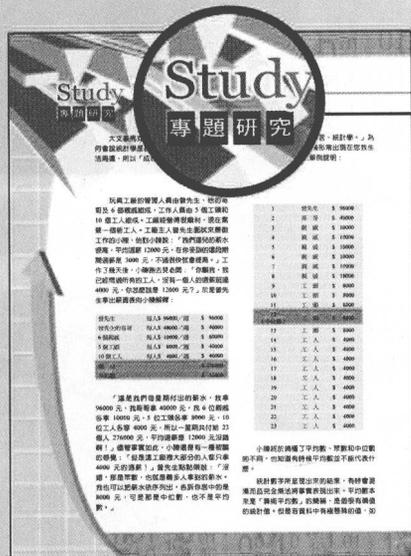


學習重點中條列出主要學習目標，可供學生或讀者學習前先行了解此章學習概況。

章首前言為概述該章的重要觀念與內容。

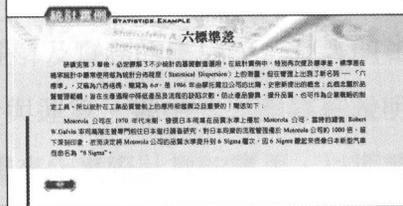


做為內文補充。



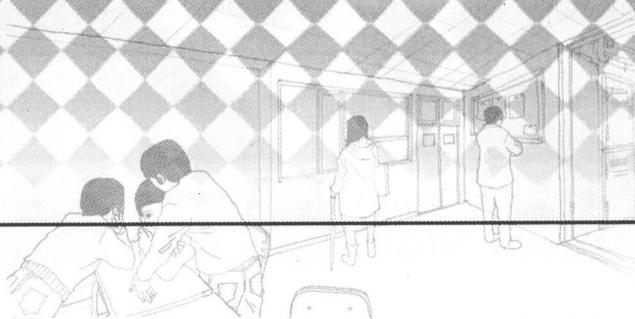
每章最前面之專題研究，建議於課前事先研讀，此專題研究結合時事、常識、故事，來揭示該章相關理論，藉此引發讀者學習動機。

每一章章末放入一篇與統計或相關內容的案例，增進學習印象。



目錄

Contents



| | |
|--------|------|
| 作者簡介 | ii |
| 序 | iii |
| 如何閱讀本書 | vi |
| 目錄 | viii |

Chapter 1 統計學緒論 2

● 專題研究 講述一個神奇而美麗的統計 4

| | |
|-----------------|----|
| 1.1 統計的意義 | 6 |
| 1.2 數字與資料型態 | 7 |
| 1.3 表達數據的方法 | 10 |
| 1.4 資料之取得 | 11 |
| 1.5 取得資料之可能錯誤 | 13 |
| 1.6 母體與樣本 | 14 |
| 1.7 統計的研究步驟 | 15 |
| 1.8 統計的分類 | 16 |
| 1.9 歸納法與演繹法 | 18 |
| 1.10 統計的沿革與未來發展 | 19 |

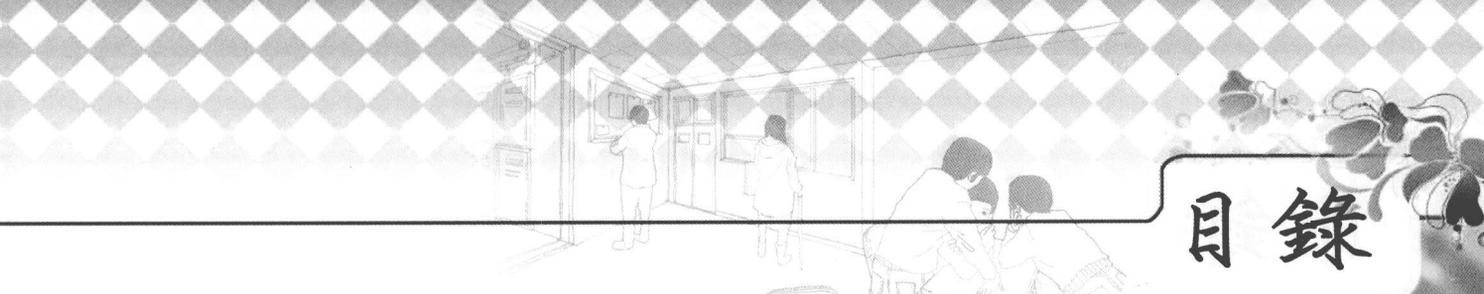
● 統計實例 陳林滿天下 25

| | |
|------|----|
| 本章回顧 | 26 |
| 專有名詞 | 26 |
| 本章習題 | 27 |

Chapter 2 學好統計的第一步 30

● 專題研究 Microsoft Excel 32

| | |
|----------------------------------|----|
| 2.1 統計是什麼？ | 34 |
| 2.2 統計學是不是真的很難？ | 36 |
| 2.3 Excel 2007 介紹 — 初識 Excel | 36 |
| 2.4 Excel 2007 介紹 — Excel 工作介面簡介 | 38 |
| 2.5 Excel 2007 介紹 — Excel 的幫助功能 | 42 |
| 2.6 Excel 2007 介紹 — Excel 的基本操作 | 42 |
| 2.7 Excel 的資料分析模組簡介 | 47 |



目錄

Contents

● 統計實例 Google Analytics 50

| | |
|------|----|
| 本章回顧 | 52 |
| 本章公式 | 52 |
| 本章習題 | 53 |

Chapter 3 基礎數值資料的運用 56

● 專題研究 騙人的平均數 58

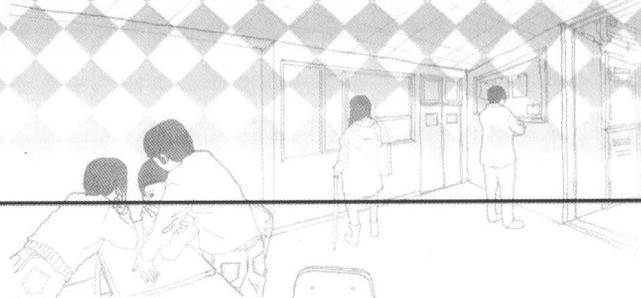
| | |
|------------------------|----|
| 3.1 位置量數 — 平均數 | 60 |
| 3.2 位置量數 — 中位數 | 63 |
| 3.3 位置量數 — 眾數 | 64 |
| 3.4 位置量數 — 第 p 百分位數 | 65 |
| 3.5 位置量數 — 四分位數 | 66 |
| 3.6 離散度的量數 — 全距 | 67 |
| 3.7 離散度的量數 — 四分位距 | 67 |
| 3.8 離散度的量數 — 變異數 | 68 |
| 3.9 離散度的量數 — 標準差 | 70 |
| 3.10 離散度的量數 — 變異係數 | 71 |
| 3.11 形狀的量數 — 偏態係數 | 72 |
| 3.12 形狀的量數 — 峰態係數 | 73 |
| 3.13 Z 分數 | 76 |
| 3.14 柴比雪夫定理 | 77 |
| 3.15 經驗法則 | 78 |
| 3.16 偵測異常值 | 79 |
| 3.17 五量數彙總 | 79 |
| 3.18 在 Excel 上的實際運用及應用 | 80 |

● 統計實例 六標準差 86

| | |
|------|----|
| 本章回顧 | 88 |
| 本章公式 | 88 |
| 專有名詞 | 89 |
| 本章習題 | 90 |

目錄

Contents



| | | |
|------------------|-------------------------------|------------|
| Chapter 4 | 統計圖表的利用 | 92 |
| ● 專題研究 | 熱圖統計 | 94 |
| 4.1 | 圖表在定性資料的表示方法 | 96 |
| 4.2 | 圖表在定量資料的表示方法 | 102 |
| 4.3 | 累積次數分配和累積相對次數分配的介紹 | 107 |
| 4.4 | 怎樣的圖表才清楚？ | 108 |
| 4.5 | Excel 2007 介紹 — 建立 Excel 統計圖表 | 109 |
| ● 統計實例 | 史上最佳統計圖 | 136 |
| | 本章回顧 | 138 |
| | 專有名詞 | 138 |
| | 本章習題 | 139 |
| | | |
| Chapter 5 | 機率導論 | 140 |
| ● 專題研究 | 電腦也會選球員 Matrix 價值比較高 | 142 |
| 5.1 | 什麼是隨機 vs. 什麼是機率 | 144 |
| 5.2 | 思考一下機率的意義 | 144 |
| 5.3 | 藉由「實驗」得到「樣本點」、「樣本空間」 | 144 |
| 5.4 | 計數法則 | 145 |
| 5.5 | 重要的機率規則 | 146 |
| 5.6 | 實驗結果之機率分配 | 147 |
| 5.7 | 重要的「事件與事件機率規則」 | 150 |
| 5.8 | 基本的機率關係 | 152 |
| 5.9 | 條件機率介紹 | 155 |
| 5.10 | 貝氏定理 | 158 |
| ● 統計實例 | 樂透頭獎中獎機率比被雷擊還低！ | 161 |
| | 本章回顧 | 163 |
| | 本章公式 | 163 |
| | 專有名詞 | 163 |
| | 本章習題 | 164 |

Chapter 6 隨機變數 — 離散機率分配 168

| | | |
|---------|----------------------------------|-----|
| ●) 專題研究 | 數學世家伯努利家族 | 170 |
| 6.1 | 隨機變數 | 174 |
| 6.2 | 隨機變數 — 離散隨機變數 | 174 |
| 6.3 | 離散機率分配 | 175 |
| 6.4 | 利用 Excel 產生各項分配的亂數 | 175 |
| 6.5 | 隨機變數的期望值、隨機變數的變異數、 隨機變數之和的期望值 | 178 |
| 6.6 | 二項分配的介紹、二項分配在 Excel 的運用 | 182 |
| 6.7 | 卜瓦松分配、卜瓦松分配在 Excel 的應用 | 193 |
| 6.8 | 超幾何分配、超幾何分配在 Excel 的運用 | 198 |
| 6.9 | 利用 Excel 以各個分配做練習 | 202 |
| ●) 統計實例 | 配 票 | 204 |
| | 本章回顧 | 205 |
| | 本章公式 | 205 |
| | 專有名詞 | 206 |
| | 本章習題 | 207 |

Chapter 7 隨機變數 — 連續機率分配 210

| | | |
|---------|----------------------------------|-----|
| ●) 專題研究 | 智 商 | 212 |
| 7.1 | 隨機變數 | 214 |
| 7.2 | 連續機率分配的基本介紹 | 214 |
| 7.3 | 隨機變數的期望值、隨機變數的變異數、 隨機變數之和的期望值 | 215 |
| 7.4 | 均勻分配的介紹、均勻分配在 Excel 的運用 | 215 |
| 7.5 | 常態分配的介紹、常態分配在 Excel 的運用 | 220 |
| 7.6 | 指數分配的介紹、指數分配在 Excel 的運用 | 229 |
| 7.7 | 利用 Excel 以各個分配做練習 | 233 |
| 7.8 | 利用 Excel 介紹其他分配 | 236 |
| ●) 統計實例 | 掀開神秘面紗：心理測驗分數的解讀 | 242 |
| | 本章回顧 | 244 |
| | 本章公式 | 244 |
| | 專有名詞 | 244 |
| | 本章習題 | 245 |

目錄

Contents

Chapter 8 抽 樣 246

- **專題研究** 全國首創 WiMAX 移動式高科技市調車
【Lifelab】正式上路 248
- 8.1 抽樣的基本觀念 249
- 8.2 從樣本瞭解母體 251
- 8.3 抽樣誤差與非抽樣誤差 251
- 8.4 機率抽樣與非機率抽樣 252
- 8.5 信賴敘述 258
- 8.6 偏差及欠精確 258
- 8.7 抽樣之前應該留意的問題（包括道德上的問題） 258
- **統計實例** 「民眾對大陸貓熊來台的想法」
民意調查加權百分比摘表 265
- 本章回顧 266
- 專有名詞 267
- 本章習題 267

Chapter 9 抽樣分配與點估計 270

- **專題研究** 2008 年的總統選舉民調解析 272
- 9.1 母體與參數及樣本與統計量 276
- 9.2 簡單隨機抽樣 277
- 9.3 點估計 280
- 9.4 \bar{X} 的抽樣分配性質 281
- 9.5 中央極限定理 283
- 9.6 抽樣誤差（ \bar{X} 之抽樣分配的實用價值） 285
- 9.7 \hat{P} 的抽樣分配 285
- 9.8 點估計量的性質 287
- 9.9 t 分配、 F 分配、卡方分配在 Excel 的計算 296
- **統計實例** 中央極限定理 301
- 本章回顧 302
- 本章公式 302
- 專有名詞 303
- 本章習題 304

Chapter 10 抽樣分配與區間估計 306

- **專題研究** 二月份消費者信心指數 308
- 10.1 估計的介紹 309
- 10.2 母體平均數之區間估計 — 大樣本的情況 312
- 10.3 母體平均數之區間估計 — 小樣本的情況 319
- 10.4 樣本大小的決定 (1) 322
- 10.5 母體比率之區間估計、樣本大小的決定 (2) 324
- **統計實例** 統計也能報氣象！ 328
 - 本章回顧 329
 - 本章公式 329
 - 專有名詞 329
 - 本章習題 330

Chapter 11 假設檢定 332

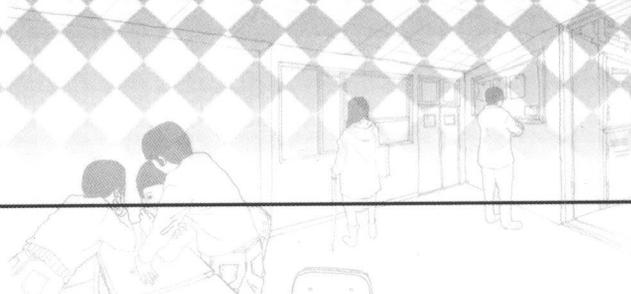
- **專題研究** 聖經真的藏有密碼嗎？ 334
- 11.1 建立虛無假設與對立假設 337
- 11.2 型 I 誤差與型 II 誤差 340
- 11.3 假設檢定與決策制定 343
- 11.4 母體平均數的單尾假設檢定：大樣本的情況 344
- 11.5 母體平均數的雙尾假設檢定：大樣本的情況 347
- 11.6 母體平均數的假設檢定：小樣本的情況 350
- 11.7 母體比率的假設檢定 355
- 11.8 計算型 II 誤差的機率 358
- 11.9 決定母體平均數的假設檢定之樣本大小 358
- 11.10 Excel — 區間估計 360
- **統計實例** 統計名人 366
 - 本章回顧 368
 - 本章公式 368
 - 專有名詞 369
 - 本章習題 369

| | | |
|--------------------------------------|-----------------------|------------|
| Chapter 12 二母體平均數與二母體比率之統計推論 | | 372 |
| ● 專題研究 | 促銷效果評估 | 374 |
| 12.1 | 二母體平均數差之估計：獨立樣本 | 377 |
| 12.2 | 二母體平均數差之假設檢定：獨立樣本 | 381 |
| 12.3 | 二母體平均數差之推論：成對樣本 | 392 |
| 12.4 | 二母體比率差之推論 | 398 |
| ● 統計實例 | 成大醫員工體重控制班，成功向「肥胖」說掰掰 | 400 |
| | 本章回顧 | 401 |
| | 本章公式 | 401 |
| | 本章習題 | 402 |
| Chapter 13 母體變異數之推論 | | 404 |
| ● 專題研究 | 羅納德·費雪 | 406 |
| 13.1 | 單一母體變異數的推論 | 408 |
| 13.2 | 兩個母體變異數的推論 | 416 |
| ● 統計實例 | 傳染病、產褥熱與洗手 | 421 |
| | 本章回顧 | 423 |
| | 本章公式 | 423 |
| | 專有名詞 | 424 |
| | 本章習題 | 424 |
| Chapter 14 卡方檢定：適合度、獨立性及齊一性檢定 | | 426 |
| ● 專題研究 | 2009 年初就業情況調查 | 428 |
| 14.1 | 基本概念 | 431 |
| 14.2 | 適合度檢定：多項母體 | 432 |
| 14.3 | 適合度檢定：卜瓦松分配與常態分配 | 435 |
| 14.4 | 獨立性檢定：列聯表 | 436 |

| | |
|-----------------------------|------------|
| 14.5 齊一性檢定 | 440 |
| ● 統計實例 「大中至正名稱爭議」民調 | 442 |
| 本章回顧 | 443 |
| 本章公式 | 443 |
| 專有名詞 | 444 |
| 本章習題 | 444 |
| <hr/> | |
| Chapter 15 簡單線性迴歸與相關 | 446 |
| ● 專題研究 高爾頓 | 448 |
| 15.1 最小平方法 | 450 |
| 15.2 判定係數 | 452 |
| 15.3 迴歸模型與其前提假定 | 455 |
| 15.4 顯著性檢定 | 457 |
| 15.5 估計與預測 | 462 |
| 15.6 殘差分析：檢定模型假設 | 464 |
| 15.7 殘差分析：異常值與具影響力的觀察值 | 467 |
| 15.8 相關分析 | 470 |
| 15.9 Excel — 迴歸分析 | 473 |
| ● 統計實例 用統計抓黃金走勢 | 487 |
| 本章回顧 | 488 |
| 本章公式 | 488 |
| 專有名詞 | 490 |
| 本章習題 | 490 |
| <hr/> | |
| Chapter 16 多元迴歸 | 492 |
| ● 專題研究 皮爾森 | 494 |
| 16.1 多元迴歸模型與其前提假定 | 496 |
| 16.2 建立估計迴歸方程式 | 497 |
| 16.3 決定適合度 | 498 |
| 16.4 顯著關係的檢定 | 499 |
| 16.5 估計與預測 | 501 |
| 16.6 定性變數的使用 | 502 |
| 16.7 殘差分析 | 502 |

目錄

Contents



| | |
|------------------------|-----|
| ● 統計實例 美職棒球員溢領收入，馬道斯居首 | 510 |
| 本章回顧 | 511 |
| 本章公式 | 511 |
| 專有名詞 | 512 |
| 本章習題 | 512 |

Chapter 17 變異數分析與實驗設計 516

| | |
|------------------------------|-----|
| ● 專題研究 「雙盲法」證明疫苗安全有效 | 518 |
| 17.1 變異數分析簡介 | 519 |
| 17.2 變異數分析：檢定 k 個母體平均數的相等性 | 521 |
| 17.3 多重比較程序 | 525 |
| 17.4 實驗設計簡介 | 532 |
| 17.5 完全隨機化設計 (C.R.D.) | 533 |
| 17.6 隨機化區集設計 (R.B.D.) | 543 |
| 17.7 複因子實驗設計 (Factorial) | 546 |
| ● 統計實例 離島冬天不寂寞 — 澎湖長居觀察筆記 | 549 |
| 本章回顧 | 551 |
| 本章公式 | 551 |
| 專有名詞 | 553 |
| 本章習題 | 553 |

Chapter 18 無母數統計方法 558

| | |
|----------------------|-----|
| ● 專題研究 存活分析在生物醫學上的應用 | 560 |
| 18.1 緒論 | 563 |
| 18.2 單一母體之推論 | 564 |
| 18.3 兩個母體比較 | 580 |
| 18.4 k 個母體比較 | 588 |
| ● 統計實例 羅吉斯迴歸 | 590 |
| 本章回顧 | 591 |
| 本章公式 | 591 |
| 專有名詞 | 592 |
| 本章習題 | 592 |