

# 物理學基本原理

譜者

農建  
唯明

第 一 册

東華書局印行

# 物理學基本原理

第四册

2011/26/06

著者

雷士勒 霍立德

(R. Resnick) (D. Halliday)

譯者

王唯農 王明建



東華書局印行



# 版權所有・翻印必究

中華民國六十六年六月初版  
中華民國六十八年四月二版

## 大學 物理學基本原理

第四冊·定價新臺幣五十元整  
(外埠酌加運費)

原著者 雷士勤 霍立德  
譯者 王唯農 王明建  
發行人 卓 錡  
出版者 臺灣東華書局股份有限公司  
臺北市博愛路一〇五號  
電話：3819470 郵號：6481  
印刷者 中臺灣印刷廠  
臺中市公園路三十七號

行政院新聞局登記證 局版臺業字第零柒貳伍號  
(66024)

## 物理常數

(參閱附錄A之附表，該表較完整)

光速	$c$	$3.00 \times 10^8$ 米/秒 = $1.86 \times 10^5$ 哩/秒
質量能量關係	$c^2 (= E/m)$	$931 \text{MeV}/\text{amu} = 8.99 \times 10^{16}$ 焦耳/仟克
重力常數	$G$	$6.67 \times 10^{-11}$ 牛頓米 <sup>2</sup> /仟克 <sup>2</sup>
普遍氣體常數	$R$	$8.31 \text{焦耳}/\text{摩爾 K}^{\circ} = 1.99 \text{卡}/\text{摩爾 K}^{\circ}$ $= 0.0823 \text{升 atm}/\text{摩爾 K}^{\circ}$
水的三相點	$T_{tr}$	$273.16 \text{ }^{\circ}\text{K}$
導磁常數	$\mu_0$	$1.26 \times 10^{-6}$ 亨利/米
容電常數	$\epsilon_0$	$8.85 \times 10^{-12}$ 法拉/米
亞佛加德羅常數	$N_0$	$6.02 \times 10^{23}$ 分子/摩爾
波爾茲曼常數	$k$	$1.38 \times 10^{-23}$ 焦耳/分子 K <sup>°</sup>
蒲諾尤常數	$h$	$6.63 \times 10^{-34}$ 焦耳秒
基本電荷	$e$	$1.60 \times 10^{-19}$ 庫侖
電子靜止質量	$m_e$	$9.11 \times 10^{-31}$ 仟克
電子荷質比	$e/m_e$	$1.76 \times 10^{11}$ 庫侖/仟克
質子靜止質量	$m_p$	$1.67 \times 10^{-27}$ 仟克
電子磁矩	$\mu_e$	$9.27 \times 10^{-24}$ 焦耳/tesla

## 物 理 性 質

空氣密度(STP)	1.29 仟克/米 <sup>3</sup>
水密度(20°C)	$1.00 \times 10^3$ 仟克/米 <sup>3</sup>
水銀密度(20°C)	$13.6 \times 10^3$ 仟克/米 <sup>3</sup>
乾燥空氣(STP)中之聲速	331 米/秒 = 1090 吱/秒
重力加速度(標準)	9.81 米/秒 <sup>2</sup> = 32.2 吱/秒 <sup>2</sup>
標準大氣壓力	$1.01 \times 10^5$ 牛頓/米 <sup>2</sup> = 14.7 磅/吋 <sup>2</sup> = 760 毫米水銀柱
地球平均半徑	$6.37 \times 10^6$ 米 = 3960 哩
地球-太陽平均距離	$1.49 \times 10^8$ 仟米 = $92.9 \times 10^8$ 哩
地球-月球平均距離	$3.80 \times 10^5$ 仟米 = $2.39 \times 10^5$ 哩
地球質量	$5.98 \times 10^{24}$ 仟克
水的熔解熱(0°C, 1atm)	79.7 卡/克
水的汽化熱(100°C, 1atm)	539 卡/克
冰的熔點	$0.00^\circ\text{C} = 273.15^\circ\text{K}$
空氣(20°C)之比熱比( $\gamma$ )	1.40
鈉光黃色雙線的波長	5892A
水的折射率(@5892A)	1.33
冕牌玻璃的折射率(@5892A)	1.52

# 物理學基本原理

## 第四冊 目 次

### 第三十四章 電磁振盪 ..... 1~18

- |      |            |      |                |
|------|------------|------|----------------|
| 34-1 | LC振盪       | 34-4 | 感應磁場           |
| 34-2 | 與簡諧運動的類比   | 34-5 | 位移電流           |
| 34-3 | 電磁振盪——數量方面 | 34-6 | <u>馬克士威方程式</u> |

### 第三十五章 電磁波 ..... 19~56

- |      |                         |       |              |
|------|-------------------------|-------|--------------|
| 35-1 | 導論                      | 35-6  | 偏振           |
| 35-2 | 輻射源                     | 35-7  | 電磁波譜         |
| 35-3 | 進行波和 <u>馬克士威方</u><br>程式 | 35-8  | 光速           |
| 35-4 | 能量和 <u>坡印亭向量</u>        | 35-9  | 運動的光源和觀察者    |
| 35-5 | 動量                      | 35-10 | <u>都卜勒效應</u> |

### 第三十六章 幾何光學 ..... 57~99

- |      |                   |       |               |
|------|-------------------|-------|---------------|
| 36-1 | 幾何光學              | 36-6  | <u>布呂斯脫定律</u> |
| 36-2 | 反射與折射——平面<br>波與平面 | 36-7  | 球面波——平面鏡      |
| 36-3 | <u>惠金斯原理</u>      | 36-8  | 球面波——球面鏡      |
| 36-4 | 折射定律              | 36-9  | 球面波——球形折射面    |
| 36-5 | 內部全反射             | 36-10 | 薄透鏡           |

2 物理學基本原理

第三十七章 ..... 100~124

- |           |              |
|-----------|--------------|
| 37-1 波動光學 | 37-4 干涉波的強度  |
| 37-2 楊氏實驗 | 37-5 薄膜之干涉   |
| 37-3 相參性  | 37-6 邁克爾孫干涉儀 |

第三十八章 繞射、光柵和光譜 ..... 125~164

- |                 |              |
|-----------------|--------------|
| 38-1 繞射         | 38-6 雙縫繞射    |
| 38-2 單縫         | 38-7 複縫      |
| 38-3 單縫繞射——性質方面 | 38-8 繞射光柵    |
| 38-4 單縫繞射——數量方面 | 38-9 光柵的鑑別率  |
| 38-5 圓孔繞射       | 38-10 X-射線繞射 |

第三十九章 光和量子物理學 ..... 165~195

- |                |                           |
|----------------|---------------------------|
| 39-1 光源        | 39-6 康普頓效應                |
| 39-2 空腔輻射體     | 39-7 明線光譜                 |
| 39-3 蒲朗克輻射公式   | 39-8 原子模型—— <u>波爾</u> 氫原子 |
| 39-4 光電效應      | 39-9 相當原理                 |
| 39-5 爱因斯坦的光子理論 |                           |

第四十章 波動和粒子 ..... 196~213

- |              |                 |
|--------------|-----------------|
| 40-1 物質波     | 40-4 $\Psi$ 的意義 |
| 40-2 原子構造和駐波 | 40-5 測不準原理      |
| 40-3 波動力學    |                 |

附 錄 ..... 214~238

單號習題答案 ..... 239~242

## 第三十四章

# 電 磁 振盪

(Electromagnetic Oscillations)

### 34-1 LC 振盪 (LC Oscillations)

圖 34-1 的  $LC$  系統與質量-彈簧系統(見圖 7-4)相似之處為每系統各有一振盪的特徵頻率。欲明瞭這點，可假設在起初時，圖 34-1a 的電容器  $C$  帶有電荷  $q_0$ ，而感應器上的電流  $i$  為零。在此瞬間，儲於電容器的能量由式 26-16 得之，即

$$U_E = \frac{1}{2} \frac{q_0^2}{C}. \quad (34-1)$$

儲於感應器的能量為

$$U_B = \frac{1}{2} L i^2, \quad (34-2)$$

因電流為零，故  $U_B$  為零。現電容器開始經感應器而放電，正電荷載體反時針方向移動，如圖 34-1b 所示。這意謂在感應器中向下生一電流  $i$ ，等於  $dq/dt$ 。

當  $q$  減少時，儲於電容器的電場中之能量亦減少，因感應器中產生電流  $i$ ，此能量轉換為磁場而出現於感應器的周圍。因此電場減小，建立磁場，能量從前者轉換至後者。

在相當於圖 34-1c 之時，電容器上的所有電荷均已消失，電容器中的電場為零，儲於該處之能量全部轉換為感應器的磁場。根據式 34-2，則感應器上應有電流——事實上是最大值。注意即使  $q$  等於零，此時電流(為  $dq/dt$ )並不為零。

在圖 34-1c 中感應器上之大電流繼續將正電荷從電容器的上板輸至下板，如圖 34-1d 所示。此時能量自感應器流回電容器，再度建立電場。最後，能量完全轉回電容器，如圖 34-1e。圖 34-1e 的情況與起初的情況相像，唯電容器在相反方向充電。

電容器又開始放電，現電流為順時針方向，如圖 34-1f。依前述之

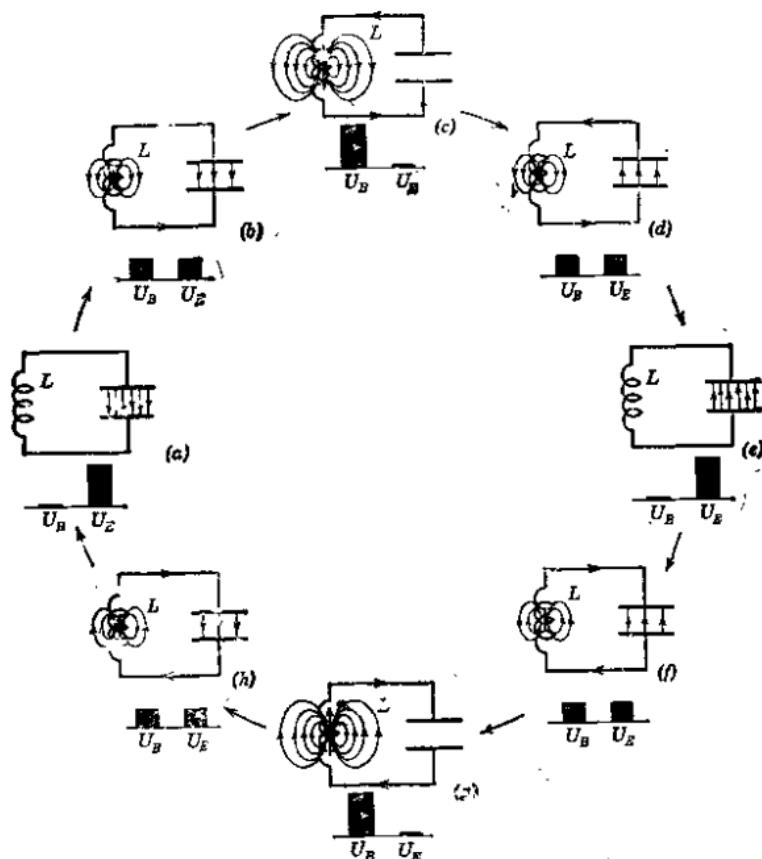


圖 34-1 圖示  $LC$  電路振盪一週期的八個階段，各圖下面的黑帶圖形陳示儲存的磁位能和電位能，感應器軸上的垂直箭號表示電流。讀者應將此圖與圖 7-4 詳細比較之，兩者恰相對應。

理，可知電流終於回至其起初情況。此過程以一定頻率 $\nu$ （如以週/秒量之）進行，這相當於一定之角頻率 $\omega$ （ $= 2\pi\nu$ ，並以弧度/秒量之）。這種LC振盪一旦開始（在上述理想情形時，電路中無電阻），則無限期繼續進行，能量在電容器的電場與感應器的磁場間來回變換。圖34-1中的任一位形均可作為起始情況，振盪即從該點順時針方向沿圖進行。讀者應將這些振盪情形與圖7-4所述之質點-彈簧系統的振盪仔細比較之。

欲測電荷 $q$ 為時間 $t$ 的函數，可測定跨過電容器 $C$ 的可變電位差 $V_c(t)$ ，關係式：

$$V_c = \left(\frac{1}{C}\right)q$$

顯示 $V_c$ 與 $q$ 成正比。欲測電流，可在電路中接入一小電阻 $R$ ，並測其兩端的電位差，此電位差與 $i$ 成正比，其關係為

$$V_R = (R)i$$

此處假設 $R$ 甚小，故其對於電路行徑的影響可予忽略。 $q$ 和 $i$ 兩者，或更正確者與 $q$ 和 $i$ 成正比之 $V_c$ 和 $V_R$ ，可在陰極射線示波器上展示之，

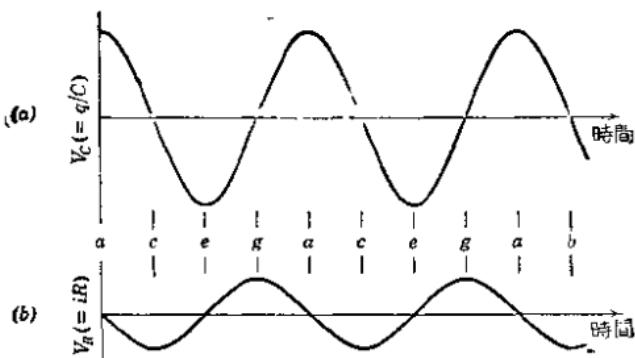


圖34-2 示波器幕上的圖形陳示圖34-1電路中的電位差與(a)電荷及(b)電流成正比，均為時間的函數。字母表示對應於該圖的振盪相位。注意因 $i = dq/dt$ ，下面曲線與上面曲線的導式成正比。

這種儀器能自動將與  $q(t)$  和  $i(t)$  成正比的圖形繪於其幕上，如圖 34-2。

**【例 1】** 1.0 微法拉之電容器充電至 50 伏特，然後拆去充電的電池，將一 10 毫亨利之線圈跨接於電容器上，而產生  $LC$  振盪。線圈上之最大電流為若干？設電路中無電阻。

由能量守恆原理，儲於電容器的最大能量應等於儲於感應器的最大能量，故由式 34-1 和 34-2 得

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{q_m^2}{C} = \frac{1}{2} L i_m^2,$$

$i_m$  為最大電流， $q_m$  為最大電荷。注意最大電流和最大電荷並不同時出現，而係相距四分之一週；見圖 34-1 和 34-2。解出  $i_m$  並以  $CV_0$  代  $q_m$  得

$$i_m = V_0 \sqrt{\frac{C}{L}} = (50 \text{ 伏特}) \sqrt{\frac{1.0 \times 10^{-6} \text{ 法拉}}{10 \times 10^{-3} \text{ 亨利}}} = 0.50 \text{ 安培。}$$

在實際  $LC$  電路中，振盪並不無限期繼續進行，因電路中總有若干電阻，由焦耳效應而消耗能量。振盪一經開始後，即逐漸消失，如圖 34-3。

若從外源自動而週期地（譬如每週一次）供給足夠能量，以補償內能的損失，則電磁振盪能保持不斷。時鐘擒縱機件為一種由彈簧或下墜砝碼將能量饋入振盪鐘擺的裝置，以補償摩擦損耗，否則摩擦損耗促使振盪消失。頻率  $\nu$  可在某限度內變化的振盪器市上有裝封成件者，每件有甚大的頻率範圍，從極低之成聲頻率（低於 10 週/秒）至微波頻率（高於  $10^{10}$  週/秒）皆有。

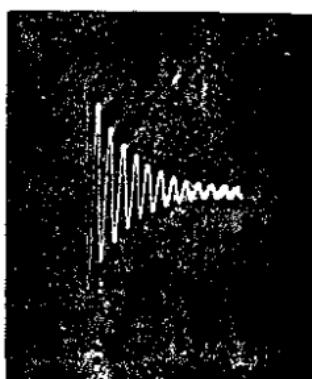


圖 34-3 示波器的示踪相片顯示在  $LRC$  電路中，因焦耳效應，能量轉換至電阻器為內能，而使振盪消失的情形。此圖乃電阻器兩端電位差為時間函數的圖形。

## 34-2 與簡諧運動的類比

(Analogy to Simple Harmonic Motion)

表 34-1 能量公式

機械能	電磁能
彈簧 $U_P = \frac{1}{2}kx^2$	電容器 $U_E = \frac{1}{2}\frac{q^2}{C}$
質量 $U_K = \frac{1}{2}mv^2$	感應器 $U_B = \frac{1}{2}Li^2$
$v = dx/dt$	$i = dq/dt$

圖 7-4 陳示從事簡諧運動的質量-彈簧系統，正如振盪之  $LC$  電路，產生兩種能量，一為壓縮或伸長彈簧的位能，另一為運動質量的動能，這些能量的公式列於表 34-1 中之第一欄。在形式上該表提示電容器像彈簧，感應器像質量，某些電磁量“相當”於某些力學量，即

$q$  相當於  $x$ ，

$i$  相當於  $v$ ，

$C$  相當於  $1/k$ ，

$L$  相當於  $m$ 。

圖 34-1 陳示  $LC$  電路的振盪，圖 7-4 陳示質量-彈簧系統的振盪，比較二圖，顯出密切的對應關係。注意在兩圖中  $v$  和  $i$  對應， $x$  和  $q$  亦然。並注意在各情形中能量在兩種形式之間的變化情形， $LC$  系統為磁能和電能，質量-彈簧系統為動能和位能。

在第 13-3 節已知無阻尼之質量-彈簧系統振盪的固有角頻率為

$$\omega = 2\pi\nu = \sqrt{\frac{k}{m}}.$$

由對應的方法提示求  $LC$  電路之固有頻率的方法，可令  $1/C$  代  $k$ ， $L$  代  $m$ ，得

$$\omega = 2\pi\nu = \sqrt{\frac{1}{LC}}. \quad (34-3)$$

此式實為正確，將於下節證明之。

### 34-3 電磁振盪——數量方面

(Electromagnetic Oscillations—Quantitative)

現用能量守恆原理推導  $LC$  電路的振盪頻率，在任何時刻，振盪之  $LC$  電路中總能量  $U$  為

$$U = U_B + U_E = \frac{1}{2}Li^2 + \frac{1}{2}\frac{q^2}{C},$$

該式表示在任意時刻，能量部分儲於感應器的磁場中，部分儲於電容器的電場中。若假設電路電阻為零，則無能量轉換為內能，即使  $i$  和  $q$  均變化， $U$  隨時保持不變，以更正式的說法， $dU/dt$  應為零，於是

$$\frac{dU}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{1}{2}Li^2 + \frac{1}{2}\frac{q^2}{C} \right) = Li \frac{di}{dt} + \frac{q}{C} \frac{dq}{dt} = 0. \quad (34-4)$$

今  $q$  和  $i$  不是獨立變數，兩者關係為

$$i = \frac{dq}{dt},$$

微分得

$$\frac{di}{dt} = \frac{d^2q}{dt^2}.$$

將此二式代入式 34-4 得

$$L \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1}{C}q = 0. \quad (34-5)$$

這是描述（無電阻） $LC$  電路振盪的微分方程式。直接由迴路定理（這與能量守恆的方法完全一樣；詳第 28-2 節）當通過電路時加上電位

$-L di/dt$  ( $= -L d^2q/dt^2$ ) 和  $-q/C$ , 也能得到 34-5 式。

欲解式 34-5, 首先應注意此式與式 13-6

$$m \frac{d^2x}{dt^2} + kx = 0 \quad (13-6)$$

在數學上形式完全相同, 該式為質量-彈簧振盪的微分方程式。基本上, 比較這兩式, 即產生第 5 頁的對應關係。

式 13-6 之解為

$$x = A \cos (\omega t + \phi), \quad (13-8)$$

$A (=x_m)$  是運動的振幅,  $\phi$  是任意相角常數。 $q$  既相當於  $x$ , 式 34-5 之解可寫為

$$q = q_m \cos (\omega t + \phi), \quad (34-6)$$

$\omega$  是仍然未知之電磁振盪的角頻率。

式 34-6 是否為式 34-5 之解, 可將式 34-6 及其二次導式代入式 34-5 中以試驗之。欲求第二次導式, 可寫

$$\frac{dq}{dt} = i = -\omega q_m \sin (\omega t + \phi) \quad (34-7)$$

及

$$\frac{d^2q}{dt^2} = -\omega^2 q_m \cos (\omega t + \phi).$$

將  $q$  及  $d^2q/dt^2$  代入式 34-5 得

$$-L\omega^2 q_m \cos (\omega t + \phi) + \frac{1}{C} q_m \cos (\omega t + \phi) = 0.$$

消去  $q_m \cos (\omega t + \phi)$  並移項, 得

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{LC}}.$$

故若  $\omega$  為常數值  $1/\sqrt{LC}$ , 式 34-6 實為式 34-5 之解。此  $\omega$  的表示式與

式 34-3 相符，後者為由對應方法而得者。

式 34-6 中之相角常數  $\phi$  由  $t=0$  時的條件所決定，若初具條件為如圖 34-1a 所示者，則欲使 34-6 式中當  $t=0$  時有  $q=q_m$ ，須令  $\phi=0$ 。若選  $\phi=90^\circ$ ，則圖 34-1 中初具條件為何？

**【例 2】** 振盪之  $LC$  電路其電感為  $L=10$  毫亨利，電容為  $C=1.0$  微法拉。

(a) 振盪頻率若干？

由 34-3 式得頻率為

$$\begin{aligned}\omega &= \sqrt{\frac{1}{LC}} = \sqrt{\frac{1}{(10 \times 10^{-3} \text{ 亨利})(1.0 \times 10^{-6} \text{ 法拉})}} \\ &= 1.0 \times 10^4 \text{ 弧度/秒}\end{aligned}$$

及

$$\nu = \frac{\omega}{2\pi} = 1.6 \times 10^3 \text{ 週/秒}.$$

(b) 若跨過電容器的最大電壓為 100 伏特，試求線圈中的最大電流。

由 34-7 式

$$i = -\frac{dq}{dt} = -\omega q_m \sin(\omega t + \phi),$$

故

$$i_{max} = \omega q_m,$$

由最大電壓  $V_m$  可得最大電荷

$$q_m = CV_m,$$

故最大電流  $i_m$  為

$$i_m = \omega CV_m = (1.0 \times 10^4 \text{ 弧度/秒})(1.0 \times 10^{-6} \text{ 法拉})(100 \text{ 伏特}) = 1.0 \text{ 安培}.$$

**【例 3】** (a) 在例 2 的振盪  $LC$  電路中，當能量等分於電場和磁場中時，電容器上的電荷為何值？以最大電荷表之。

電容器所儲能量及其最大儲存能量分別為

$$U_E = \frac{q^2}{2C} \quad \text{及} \quad U_{E,m} = \frac{q_m^2}{2C}.$$

以  $U_E = \frac{1}{2} U_{E,m}$  代入得

$$\frac{q^2}{2C} = \frac{1}{2} \cdot \frac{q_m^2}{2C} \quad \text{即} \quad q = \frac{1}{\sqrt{2}} q_m.$$

(b) 欲達此情況須費時多久？設最初電容器已完全充電。

在式 34-6 中設  $\phi=0$ ,

$$q = q_m \cos \omega t = \frac{1}{\sqrt{2}} q_m,$$

得

$$\omega t = \cos^{-1} \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\pi}{4}, \quad \text{即} \quad t = \frac{\pi}{4\omega} = \frac{1}{8} T,$$

$T$  是週期。利用由例 2 所得之角頻率  $\omega$  得

$$t = \frac{\pi}{4\omega} = \frac{\pi}{(4)(1.0 \times 10^4 \text{ 弧度/秒})} = 7.9 \times 10^{-5} \text{ 秒}.$$

利用式 34-6，儲存於  $LC$  電路中的電能為

$$U_E = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \frac{q_m^2}{2C} \cos^2(\omega t + \phi) \quad (34-8)$$

利用式 34-7，磁能為

$$U_B = \frac{1}{2} L i^2 = \frac{1}{2} L \omega^2 q_m^2 \sin^2(\omega t + \phi).$$

以  $\omega$  (式 34-3) 之表示式代入上式得

$$U_B = \frac{q_m^2}{2C} \sin^2(\omega t + \phi). \quad (34-9)$$

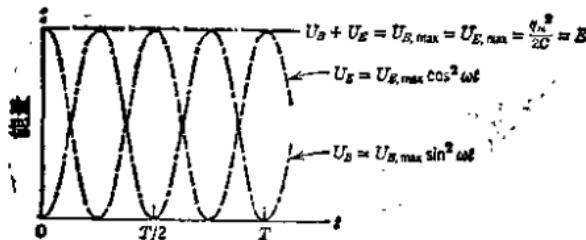


圖 34-4 圖 34-1 的電路中所儲存之磁能和電能，注意兩者之和為常數。

圖 34-4 顯示  $\phi=0$  時  $U_E(t)$  和  $U_B(t)$  的圖形。注意 (a)  $U_E$  和  $U_B$  的最大值相同 ( $= q_m^2 / 2C$ )；(b) 在任何瞬間， $U_E$  及  $U_B$  之和為常數

( $=q_m^2/2C$ ); (c) 當  $U_E$  為極大值時,  $U_B$  為零, 反之亦然。以上分析支持第 34-1 節的性質分析。讀者應將此討論與第 13-4 節質量-彈簧系統的能量轉換之討論予以比較。

### 34-4 感應磁場 (Induced Magnetic Fields)

既然已經討論產生時變電場的方法, 為了完成對電磁學基本方程式的描述, 茲介紹一新觀念: 即正在改變的電場產生磁場。這是與法拉第的感應定律相對稱的觀念, 我們將以對稱的推論發展這種觀念, 並由與實驗相符的情形自行說明這種觀念。與實驗的比較將在第三十五章詳加討論, 這種比較形成電磁理論的主要實驗根據之一。由實驗測定在自由空間中可見光的速度  $c$  與純電磁量的關係為

$$c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} \quad (34-10)$$

是電磁理論主要成就的實證。這種實證不僅顯露光學是電磁學的一支脈, 而且直接導致電磁光譜的觀念, 後者又繼而促成無線電波的發現。

圖 34-5a 陳示滿佈於圓柱空間區域中的均勻電場  $E$ , 如圖 34-5b 所示, 圓形平行板電容器可產生此電場。設  $E$  以  $dE/dt$  之穩定率增加, 意即應以穩定率將電荷供予電容器板; 欲供入此電荷需有穩定電流  $i$  流入正板, 及相等之穩定電流  $i$  自負板流出。注意圖 34-1 並非這種情形。

若能從事頗為精密的實驗, 即可發現由改變中的電場生成磁場。圖 34-5a 陳示任意四點之  $B$ , 圖 34-5 顯示自然的對稱性的佳例。改變中的磁場生感應電場(法拉第定律); 現在可知改變中的電場生感應磁場。

欲就數量描述此新效應, 可由法拉第感應定律

$$\oint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = - \frac{d\Phi_B}{dt} \quad (34-11)$$

類推而得, 此定律斷言由改變的磁場(右端)產生電場(左端)。其對