

第一章 概 述

第一节 引 言

微处理器(Microprocessor)和微型计算机(Microcomputer)自70年代初崛起以来,发展极为迅猛。在短短的十年里已经经历了四代。应用的发展也极为迅速,已经渗透到各个技术领域,渗透到文化、教育领域,渗透到家庭、日常生活的各个领域。

十多年来微型计算机的主要发展趋势是两大方面。

1. 提高性能

微处理器片子的集成度越来越高,几乎每两年翻一番,且性能提高一个数量级。拿 Intel 公司的产品来说,1971 年的 4004,集成度为 2500 个/片;1976 年的 8085,集成度为 9000 个/片;1978 年的 8086,集成度为 29000 个/片;1985 年的 80386,集成度为 260000 个/片。

现在 16 位、32 位的微处理器已经大量出现。

半导体存储器的集成度也越来越高,64K 位的早已有商品出售,256K 位的也已经出现。

软磁盘的存储密度日益提高,Winchester 硬磁盘(温盘)的研制成功,为微型机系统提供了一种价格低廉而存储容量很大的外存储设备,大大扩大了微型机系统的功能。

各种微型机的操作系统,如 CP/M、MP/M、CP/M86、MS-DOS、Unix(以及各种变型)、P 系统等等,以及在各种操作系统支持下的大量高级语言,象雨后春笋般涌现,从而大大丰富了微型计算机的系统软件。

为各种微型计算机配制硬件配件、选件,特别是编制应用软件,出售软件包的公司也大量涌现,成为一种新的行业。现在,没有应用软件支持的微型机已成为裸机,大大影响销售量。

总之,微型计算机系统的性能已经赶上甚至超过了 70 年代小型机的水平。

2. 降低价格

微型机发展的另一个重要趋势是降低价格。一方面片子的价格降低,另一方面制造了各种价格低廉的微型机。例如,利用家用电视机及录音机,能运行 BASIC 语言的机器,价格在 \$100 以下。

价格低廉,是微型机真正能够在各行各业应用、能深入到办公室自动化、甚至深入家庭、形成个人计算机(Personal Computer)的重要条件。

目前,各种微处理器片子的年产量为数亿片;各种微型计算机的年产量和销售量为数千万台。微型计算机的普及应用方兴未艾,正以越来越高的势头飞速发展。

微型计算机的普及应用,已经引起了各种科学技术领域的深刻变革,甚至引起了生活领域的变革。越来越多的人在关心在议论第四次工业革命的到来。

IBM 公司生产的个人计算机简称 IBM PC,是 1981 年下半年推出来的,但是,由于它的性能价格比较好;也由于 IBM 公司在计算机行业中的地位,赢得了用户的信任;也由于有上千家公司围绕 IBM PC 做硬件的配件、选件、扩充件,配制各种系统软件和语言,出售各种软件包;也由于 IBM 公司计划在微型机方面形成系列,考虑到软件的兼容、标准化与系列化,以及与大型机在软件上的兼容性等等。因而 IBM PC 发展十分迅速,在 83 年大约销售了 40 万台,84 年生产了约 400 万台。现在美国 IBM PC(包括 PC/XT)装机台数已超过了 1000

万台。

我国电子工业部选定与 IBM PC 兼容的长城 0520 机系列,作为我国准 16 位微机的重点机型,有较强的汉字处理功能,能连成网络。在研制、生产、应用服务等方面形成一个完整的体系,近几年来在国内得到了大量的推广及普及,到 1987 年底已装机 25 万台。

16 位微机已形成国内的主流机型,在今后几年仍会得到广泛的应用。而且,今后几年内会大量普及推广的 32 位高档微机,主流是以 Intel 的 80386 为 CPU 的,它与 IBM PC/XT 等 16 位微机是向上兼容的。为了适应我国微机应用的需要,我们向大家奉献这本教材。

第二节 计算机中的数和编码系统

一、计算机中的数制

计算机最早是作为一种计算工具出现的,所以它的最基本的功能是对数进行加工和处理。数在机器中是以器件的物理状态来表示的,一个具有两种不同的稳定状态且能相互转换的器件,就可以用来表示一位二进制数。所以,二进制数的表示是最简单而且可靠的;另外,二进制的运算规则也是最简单的。因此,目前在计算机中,数几乎全是用二进制表示的。

(一) 二进制数

一个二进制数,具有以下两个基本特点:

1. 具有两个不同的数字符号,即 0 和 1。
2. 逢二进位。

由于是逢二进位的,所以同一个数字符号在不同的数位所表示的值是不同的。

例如:

111.11

小数点左边第一位的“1”代表的值就是它本身;小数点左边第二位的“1”,是由第一位逢二进上来的,所以它的值为 1×2^1 ;则左边第三位的“1”的值为 1×2^2 ;小数点右面第一位的“1”代表 1×2^{-1} ;右面第二位的“1”代表 1×2^{-2} ……。

可见,每一个数位有一个基值与之相对应,这个基值就称为权。

一个二进制数的权,小数点左面的是 2 的正次幂;小数点右面的是 2 的负次幂。

一个二进制数的值,就可以用它的按权展开式来表示。即

$$(111.11)_2 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} = (7.75)_{10}$$

$$(1011.101)_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-3} = (11.625)_{10}$$

于是,一个任意的二进制数可以表示为

$$\begin{aligned} (B)_2 &= B_{n-1} \times 2^{n-1} + B_{n-2} \times 2^{n-2} + \cdots + B_1 \times 2^1 + B_0 \times 2^0 \\ &\quad + B_{-1} \times 2^{-1} + B_{-2} \times 2^{-2} + \cdots + B_{-m} \times 2^{-m} \\ &= \sum_{i=-m}^{n-1} B_i \times 2^i \end{aligned}$$

其中 n 为整数部分的位数, m 为小数部分的位数; B_i 的值为 0 或 1 取决于一个具体的数。

(二) 十六进制数

目前,大部分微型机的字长是 4 的整数倍,所以广泛地采用十六进制数来表示。一个十六进制数的特点为:

1. 具有 16 个数字符号,采用 0~9 和 A~F。这 16 个数字符号与十进制数和二进制数之间的关系如表 1-1 所示。

表 1-1

十进制	十六进制	二进制	十进制	十六进制	二进制
0	0	0000	9	9	1001
1	1	0001	10	A	1010
2	2	0010	11	B	1011
3	3	0011	12	C	1100
4	4	0100	13	D	1101
5	5	0101	14	E	1110
6	6	0110	15	F	1111
7	7	0111	16	10	10000
8	8	1000			

2. 逢 16 进位

由于是逢 16 进位,所以同一个数字符号,在不同的数位所代表的值是不同的,即每一个数位有一个权与之相对应。小数点左边的权是 16 的正次幂,小数点右边的权是 16 的负次幂。一个 16 进制数的值,可以用它的按权展开式来表示。

$$\begin{aligned}(32)_{16} &= 3 \times 16^1 + 2 \times 16^0 = (50)_{10} \\ (FF)_{16} &= 15 \times 16^1 + 15 \times 16^0 = (255)_{10} \\ (3AB.11)_{16} &= 3 \times 16^2 + 10 \times 16^1 + 11 \times 16^0 + 1 \times 16^{-1} + 1 \times 16^{-2} \\ &= (939.0664)_{10}\end{aligned}$$

于是一个任意的十六进制数 D 可以表示为:

$$\begin{aligned}(D)_{16} &= D_{n-1} \times 16^{n-1} + D_{n-2} \times 16^{n-2} + \cdots + D_1 \times 16^1 + D_0 \times 16^0 \\ &\quad + D_{-1} \times 16^{-1} + D_{-2} \times 16^{-2} + \cdots + D_{-m} \times 16^{-m} \\ &= \sum_{i=-m}^{n-1} D_i \times 16^i\end{aligned}$$

其中,n 是整数部分的位数,m 是小数部分的位数; D_i 的值在范围 0~9 和 A~F 中。

但是,在机器中,数并不是用十六进制表示的,由于一开始提到的理由,在机器中数仍是用二进制表示的。由于二进制和十六进制之间存在着一种特殊关系,即 $2^4=16$ 。

于是一位十六进制数,可以用四位二进制数表示,它们之间存在着直接的而又唯一的对应关系,如表 1-1 所示。

因此,二进制数和十六进制数之间的转换是十分简捷而又方便的。

1. 十六进制转换为二进制

不论是十六进制的整数或小数,只要把每一位十六进制的数用相应的四位二进制数代替,就可以转换为二进制数

例: $(3AB)_{16}$ 可转换为

$$\begin{array}{ccc} 3 & A & B \\ | & | & | \\ 0011 & 1010 & 1011 \end{array}$$

$$\therefore (3AB)_{16}=(0011\ 1010\ 1011)_2=(11\ 1010\ 1011)_2$$

$(0.7A53)_{16}$ 可转换为

$$\begin{array}{cccc} 7 & A & 5 & 3 \\ | & | & | & | \\ 0111 & 1010 & 0101 & 0011 \end{array}$$

$\therefore (0.7A53)_{16} = (0.0111\ 1010\ 0101\ 0011)_2$

2. 二进制转换为十六进制

二进制的整数部分由小数点向左,每四位一分,最前面不足四位的在前面补0;小数部分由小数点向右,每四位一分,最后不足四位的后面补0。然后把每四位二进制数用相应的十六进制数代替,即可转换为十六进制数。

例: $(11011\ 1110\ 0011.1001\ 01111)_2$ 可转换为

$$\begin{array}{ccccccc} 0001, & 1011, & 1110, & 0011, & 1001 & 0111 & 1000 \\ | & | & | & | & | & | & | \\ 1 & B & E & 3 & 9 & 7 & 8 \end{array}$$

$\therefore (11011\ 1110\ 0011.1001\ 01111)_2 = (1BE3.978)_{16}$

总之,数在机器中是用二进制表示的,但是,一个二进制数书写起来太长,且容易出错。而且目前大部分微型机的字长是四位,八位的,十六位或三十二位的,都是四的整数倍,我们在书写时用十六进制来表示。一个字节(八位)就可以用两位十六进制数表示,两个字节(十六位)可以用四位十六进制表示等,书写方便且不容易出错。

二、二进制编码

如上所述,在计算机中,数是用二进制表示的。而计算机又应能识别和处理各种字符,如大小写的英文字母,标点符号,运算符号等等,这些又如何表示呢? 由于计算机中的基本物理器件是具有两个状态的器件,所以各种字符又只能用若干位的二进制码的组合来表示,这就称为二进制编码。

(一) 二进制编码的十进制数

因二进制数实现容易、可靠,二进制的运算规律十分简单。所以,在计算机中采用二进制。但是,二进制数不直观,于是在计算机的输入和输出时通常还是用十进制数表示。不过这样的十进制数,要用二进制编码来表示。

一位十进制数用四位二进制编码来表示,表示的方法可以极多,较常用的是 8421 BCD 码,表 1-2 列出了一部分编码关系。

表 1-2 BCD 编码表

十进制数	8421 BCD 码	十进制数	8421	BCD 码
0	0000	8	1000	
1	0001	9	1001	
2	0010	10	0001	0000
3	0011	11	0001	0001
4	0100	12	0001	0010
5	0101	13	0001	0011
6	0110	14	0001	0100
7	0111	15	0001	0101

8421BCD 码有十个不同的数字符号,且它是逢“十”进位的,所以,它是十进制数;但它的每

一位是用四位二进制编码来表示的,因此,称为二进制编码的十进制数(BCD—Binary Coded Decimal)。

BCD 码是比较直观的。

例: (0100 1001 0111 1000.0001 0100 1001)_{BCD}

可以很方便地认出为:

4978.149

即,只要熟悉了 BCD 的十个编码,立即可以很容易地实现十进制与 BCD 码之间的转换。

但是 BCD 码与二进制之间的转换是不直接的,要先经过十进制。即:BCD 码先转换为十进制码然后再转换为二进制,反之亦然。

(二) 字母与字符的编码

如上所述,字母和各种字符也必须按特定的规则用二进制编码才能在机中表示。编码也可以有各种方式——即规定。目前在微型机中最普遍的采用 ASCII(American Standard Code for Information Interchange 美国标准信息交换码)码,编码表见附录 1。

它是用七位二进制编码,故可表示 128 个字符,其中包括数码(0~9),以及英文字母等可打印的字符。从表中可看到,数码 0~9,它是相应用 0110000~0111001 来表示的。因微型机通常字长为 8 位,所以通常 bit7 用作奇偶校验位,但在机中表示时,常认其为零,故用一个字长(即一个字节)来表示一个 ASCII 字符。于是 0~9 的 ASCII 码为 30H~39H;大写字母 A~Z 的 ASCII 码为 41H~5AH。

(三) 汉字的编码

当计算机在我国应用时,特别是把计算机用于管理等事务处理领域时,就要求计算机能够输入、处理和输出汉字。显然汉字在计算机中,也只能用若干位的二进制编码来表示。但是用 8 位编码来表示汉字是远远不够的,那么要用多少位来表示汉字呢?这首先取决于一个计算机中要能输入、存储、处理的汉字的个数。国家根据汉字的常用程序定出了一级和二级汉字字符集,并规定了编码,这就是中华人民共和国国家标准信息交换用汉字编码,GB2312-80 中汉字的编码即国标码。该标准编码字符集共收录汉字和图形符号 7445 个,其中包括:

1. 一般符号 202 个,包括间隔符、标点、运算符、单位符号和制表符等。
2. 序号 60 个。它们是 1~20.(20 个), (1)~(20)(20 个), ①~⑩(10 个)和(一)~(十)(10 个)。
3. 数字 22 个。它们是 0~9 和 I~XII。
4. 英文字母 52 个,大、小写各 26 个。
5. 日文假名 169 个,其中平假名 83 个,片假名 86 个。
6. 希腊字母 48 个,其中大、小写各 24 个。
7. 俄文字母 66 个,其中大、小写各 33 个。
8. 汉语拼音符号 26 个。
9. 汉语注音字母 37 个。
10. 汉字 6763 个。这些汉字分为两级,第一级汉字 3755 个,第二级汉字 3008 个。

这个字符集中的任何一个图形、符号及汉字都是用两个 7 位的字节表示(在计算机中当然用两个 8 位字节,每个字节的最高位为 0 来表示)。国标码的每一个字节的定义域在 21H 到 7EH。如啊字国标编码为 30H,21H。即为 00110000,00100001 这两个字节。

国标码中,汉字的排列顺序为:一级汉字按汉语拼音字母顺序排列,同音字母以笔划顺序为序;二级汉字按部首顺序排列。

为了使汉字的编码与常用的 ASCII 码相区别,在机器中,汉字是以内码形式存储和传输的。一种机器常用若干种汉字输入方式(输入码),但其内码是统一的。通常就是用汉字的国标码的两字节的最高位都置“1”形成的。如汉字“啊”的国标码为 00110000,00100001,则它的内码为 10110000,10100001 即 B0H,A1H。

三、二进制数的运算

一种数字系统可进行两种基本的算术运算:加法和减法。利用加法和减法,就可以进行乘法、除法以及其他数值运算。

(一) 二进制加法

二进制加法的规则为:

- ① $0+0=0$
- ② $0+1=1+0=1$
- ③ $1+1=0$ 进位 1
- ④ $1+1+1=1$ 进位 1

若有两数 1101 和 1011 相加,则加法过程如下:

进 位	1 1 1
被加数	1 1 0 1
加 数	+ 1 0 1 1
	1 1 0 0 0

可见,两个二进制数相加,每一位有三个数——即相加的两个数以及低位的进位,用二进制的加法规则得到本位的和以及向高位的进位。

微型机中,通常字长为 8 位。例:两个八位数相加

进 位	1 1 1 1 1 1
被加数	1 0 1 1 0 1 0 1
加位数	+ 0 0 0 0 1 1 1 1
	1 1 0 0 0 1 0 0

(二) 二进制减法

二进制减法的运算规则为:

- ① $0-0=0$
- ② $1-1=0$
- ③ $1-0=1$
- ④ $0-1=1$ 有借位

例: $11000100-001100101$, 列出式子为:

借 位	1 1 1 1 1 1
借位以后的被减数	1 0 1 1 1 0 1
被 减 数	1 1 0 0 0 1 0 0
减 数	- 0 0 1 0 0 1 0 1
	1 0 0 1 1 1 1 1

与加法类似,每一位有三个数参加运算:本位的被减数和减数,以及低位来的借位。为了便于计算,式中列出了低位向高位的借位,在运算时先用被减数和借位相运算,得到考虑了借位以后的被减数,然后再减去减数,最后可得到每一位的差,以及所产生的借位。下面再举一个例子,

说明这样的运算过程。

例: 11101110-10111010, 式为:

借	位		0	1	1	0	0	0	0									
借	位	后	的	被	减	数	1	0	0	0	1	1	1					
被	减	数	1	1	1	0	1	1	1	0								
减	数	-	1	0	1	1	1	0	1	0								
											0	0	1	1	0	1	0	0

(三) 二进制乘法

二进制乘法的运算规则为:

- ① 0×0=0
- ② 0×1=0
- ③ 1×0=0
- ④ 1×1=1

这是十分简单的, 只有当两个 1 相乘时, 积才为 1, 否则积为 0。

二进制的乘法也与十进制的类似:

被乘数	1	1	1	1			
乘 数	×	1	1	0	1		
		1	1	1	1		
	0	0	0	0			
	1	1	1	1			
	1	1	1	1			
	1	1	0	0	0	1	1

可用乘数的每一位去乘被乘数, 乘得的中间结果的最低有效位与相应的乘数位对齐, 若乘数位为 1, 所得的中间结果即为被乘数; 若乘数位为 0, 则中间结果为 0。最后把这些中间结果一起加起来, 就可得到乘积。这种做法由于重复性差, 不便于在机器中实现。为了便于在机器中实现, 我们把运算方法改变一下。

1. 被乘数左移的方法:

乘数	被乘数	部分积
1 1 0 1	1 1 1 1	0 0 0 0
① 乘数最低位为 1, 把被乘数加至部分积上, 然后把被乘数左移	1 1 1 1 0	+ 1 1 1 1
② 乘数为 0, 不加被乘数, 被乘数左移	1 1 1 1 0 0	1 1 1 1
③ 乘数为 1, 加被乘数(已左移后的) 被乘数左移	1 1 1 1 0 0 0	1 1 1 1
④ 乘数为 1, 加被乘数 得乘积		1 1 1 1 0 0
		1 0 0 1 0 1 1
		1 1 1 1 0 0 0
		1 1 0 0 0 0 1 1

从上例中可看到两个 n 位数相乘, 乘积为 2n 位。在运算过程中, 这 2n 位都有可能要有相加的操作, 故需 2n 个加法器。

2. 部分积右移的乘法

上例中是以被乘数左移的方法来实现的,则两个 n 位数相乘,乘积为 $2n$ 位,在运算过程中,这 $2n$ 位都有可能要有相加的操作,故需 $2n$ 个加法器。

我们也可以用部分积右移的办法来实现,其过程如下:

乘 数	被乘数	部 分 积
1 1 0 1	1 1 1 1	0 0 0 0
① 乘数最低位为 1,加被乘数		+ 1 1 1 1
部分积右移		1 1 1 1
② 乘数为 0,不加被乘数		0 1 1 1 1
部分积右移		0 0 1 1 1 1
③ 乘数为 1,加被乘数		+ 1 1 1 1
部分积右移		1 0 0 1 0 1 1
④ 乘数为 1,加被乘数		1 0 0 1 0 1 1
部分积右移		+ 1 1 1 1
		1 1 0 0 0 0 1 1
		1 1 0 0 0 0 1 1

最后所得的结果相同。但,这种运算方法只有 n 位有相加的操作,故只需 n 个加法器。

(四) 二进制除法

除法是乘法的逆运算。与十进制的类似,从被除数的最高位 MSB(Most Significant Bit)开始检查,并定出需要超过除数的位数。找到这个位时商记 1,并把选定的被除数值减除数。然后把被除数的下一位下移到余数上。如果余数不能减去除数(不够减)则商 0,把被除数的再下一位移到余数上;若余数够减则商 1,余数减去除数,把被除数的下一位移到余数上……

	0 0 0 1 1 1
101)	1 0 0 0 1 1
	1 0 1 ↓
	0 1 1 1 ↓
	1 0 1 ↓
	1 0 1
	1 0 1
	0

这样继续下去,直到全部被除数的位都下移完为止。然后把余数 / 除数作为商的分式,表示在商中。下面再举一个例子说明上述的除法过程:

	0 0 0 1 1 0 1	
除数	110)	1 0 0 1 1 1 0
		1 1 0 ↓
		1 1 1 ↓
		1 1 0 ↓
		1 1 0
		1 1 0
		0

四、带符号数的表示法

(一) 机器数与真值

上面提到的二进制数,没有提到符号问题,故是一种无符号数的表示。但是在机器中,数显

然会有正有负,那么符号是怎么表示的呢? 通常一个数的最高位为符号位。即若是字长为 8 位则 D_7 为符号位, $D_6 \sim D_0$ 为数值位。符号位用 0 表示正,用 1 表示负。如

$$X = (0101\ 1011)_2 = +91$$

而

$$X = (1101\ 1011)_2 = -91$$

这样连同一个符号位在一起作为一个数,就称为机器数;而它的数值称为机器数的真值。为了运算方便(把减法变为加法),在机器中负数有三种表示法——原码、反码和补码。

(二) 原码

按上所述,正数的符号位用 0 表示,负数的符号位用 1 表示。这种表示法就称为原码。

$$\begin{array}{lcl} X = +105, & [X]_{\text{原}} = 0 & 1101001 \\ X = -105, & [X]_{\text{原}} = 1 & 1101001 \\ & & \begin{array}{c} \text{符号位} \quad \text{数值} \end{array} \end{array}$$

其中,最高位为符号位,后面 7 位是数值(在字长为 8 位时;若字长为 16 位,则后面的 15 位)。在原码表示时,+105 和-105 它们的数值位相同,而符号位不同。

原码表示简单易懂,而且与真值的转换方便。但若是两个异号数相加(或两个同号数相减),就要做减法。为了把减法运算转换为加法运算就引进了反码和补码。

(三) 反码

正数的反码表示与原码相同,最高位为符号位,用“0”表示正,其余位为数值位。如

$$\begin{array}{lcl} [(+4)]_{\text{反}} = 0 & & 0000100 \\ & \text{符号位} & \text{二进制数值} \\ [(+31)]_{\text{反}} = 0 & & 0011111 \\ & \text{符号位} & \text{二进制数值} \\ [(+127)]_{\text{反}} = 0 & & 1111111 \\ & \text{符号位} & \text{二进制数值} \end{array}$$

而负数的反码表示,即为它的正数的按位取反(连符号位)而形成的。

$$\begin{array}{lcl} [+4]_{\text{反}} & = & 0 \qquad 0000100 \\ [-4]_{\text{反}} & = & 1 \qquad 1111011 \\ [+31]_{\text{反}} & = & 0 \qquad 0011111 \\ [-31]_{\text{反}} & = & 1 \qquad 1100000 \\ [+127]_{\text{反}} & = & 0 \qquad 1111111 \\ [-127]_{\text{反}} & = & 1 \qquad 0000000 \\ [+0]_{\text{反}} & = & 0 \qquad 0000000 \\ [-0]_{\text{反}} & = & 1 \qquad 1111111 \end{array}$$

负数的反码表示与原码表示就有很大的区别:最高位仍为符号位,负仍用“1”表示;但数值位就不同了。

例:

$$\begin{array}{lcl} [-127]_{\text{反}} = 1 & & 0000000 \\ & \text{符号位} & \text{的反} = \text{数值} \end{array}$$

这是要十分注意的。

8 位二进制数的反码表示如表 1-3 所示。

表 1-3

二进制数码表示	无符号二进制数	原 码	补 码	反 码
00000000	0	+0	+0	+0
00000001	1	+1	+1	+1
00000010	2	+2	+2	+2
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
01111100	124	+124	+124	+124
01111101	125	+125	+125	+125
01111110	126	+126	+126	+126
01111111	127	+127	+127	+127
10000000	128	-0	-128	-127
10000001	129	-1	-127	-126
10000010	130	-2	-126	-125
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
11111100	252	-124	-4	-3
11111101	253	-125	-3	-2
11111110	254	-126	-2	-1
11111111	255	-127	-1	-0

它有以下特点:

1. “0”有两种表示法。
2. 8 位二进制反码所能表示的数值范围为+127~-127。
3. 当一个带符号数由反码表示时,最高位为符号位。当符号位为 0(即正数)时,后面的七位为数值部分;但当符号位为 1(即负数)时,一定要注意后面几位表示的不是此负数的数值,一定要把它们按位取反,才表示它的二进制值。例如一个反码表示的数

10010100

这是一个负数,它不等于 $(-20)_{10}$,而等于

$$\begin{aligned} -1101011 &= -(1 \times 2^6 + 1 \times 2^5 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^1 + 1) \\ &= -(64 + 32 + 8 + 3) = (-107)_{10} \end{aligned}$$

(四) 补码

正数的补码表示与原码相同,即最高位为符号位,用“0”表示正,其余位为数值位。如:

$[+4]_{\text{补}} = 0$	0000100
符号位	数值位
$[+31]_{\text{补}} = 0$	0011111
符号位	数值位
$[+127]_{\text{补}} = 0$	1111111
符号位	数值位

而负数的补码表示即为它的反码,且在最后位(即最低位)加 1 所形成。如

$[+4]_{\text{原}}$	$= 00000100$
$[-4]_{\text{反}}$	$= 11111011$
$[-4]_{\text{补}}$	$= 11111100$
$[+31]_{\text{原}}$	$= 00011111$
$[-31]_{\text{反}}$	$= 11100000$
$[-31]_{\text{补}}$	$= 11100001$
$[+127]_{\text{原}}$	$= 01111111$
$[-127]_{\text{反}}$	$= 10000000$
$[-127]_{\text{补}}$	$= 10000001$
$[+0]_{\text{原}}$	$= 00000000$
$[-0]_{\text{反}}$	$= 11111111$
$[-0]_{\text{补}}$	$= 00000000$

8 位带符号位的补码表示也列在表 1-3 中。它有以下特点:

1. $[+0]_{\text{补}} = [-0]_{\text{补}} = 00000000$

2. 8 位二进制补码所能表示的数值为

$$+127 \sim -128$$

3. 一个用补码表示的二进制数,最高位为符号位,当符号位为“0”(即正数)时,其余七位即为此数的二进制值;但若符号位为“1”(即负数)时,其余几位不是此数的二进制值,把它们按位取反,且在最低位加 1,才是它的二进制值。例: $[X]_{\text{补}} = 10010100$

它不等于 $(-20)_{10}$, 它的数值为由 0010100 按位取反得 1101011, 然后再加 1 为 1101100。

即
$$X = -1101100 = -(1 \times 2^6 + 1 \times 2^5 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2)$$

$$= -(64 + 32 + 8 + 4) = (-108)_{10}$$

当负数采用补码表示时,就可以把减法转换为加法。例如

$$\begin{aligned} X &= 64 - 10 = 64 + (-10) \\ [X]_{\text{补}} &= [64]_{\text{补}} + [-10]_{\text{补}} \\ +64 &= 01000000 \\ +10 &= 00001010 \\ [-10]_{\text{补}} &= 11110110 \end{aligned}$$

于是

0 1 0 0 0 0 0 0	0 1 0 0 0 0 0 0
- 0 0 0 0 1 0 1 0	+ 1 1 1 1 0 1 1 0
0 0 1 1 0 1 1 0	1 0 0 1 1 0 1 1 0

|
自然丢失

由于在字长为 8 位的机器中,从第 7 位的进位是自然丢失的,故做减法与补码相加的结果是相同的。又例如

$$\begin{aligned} 34 - 68 &= 34 + (-68) \\ [+34]_{\text{补}} &= 00100010 \\ [+68]_{\text{补}} &= 01000100 \\ [-68]_{\text{补}} &= 10111100 \end{aligned}$$

则

$$\begin{array}{r} 00100010 \\ + 10111100 \\ \hline 11011110 \end{array}$$

即为和的补码,符号位为 1,肯定和为负数,数值部分应由后七位按位取反再加 1,即为 0100010

$$\therefore \text{和} = (-34)_{10}$$

在日常生活中,有不少“补”数的例子。就以对表来说:若标准时间为 6 点整,而现在有一只表为 10 点,要拨到 6 点,可以有两种拨法:

- ① $10-4=6$ 倒拨
- ② $10+8=6$ 顺拨

所以,在这里 10 加 8 与减 4[或加(-4)]是相同的。这当然是有条件的。这是因为在钟表中

$$10+8=12+6$$

而 12 称为模,即一个系统的量程或此系统所能表示的最大的数,它是自然丢掉的,即

$$10-4=10+8 \pmod{12}$$

意思是,等号两边同除以 12,它们的余数相同,12 称为模。或称(10-4)与(10+8)对模 12 是同余的,也即(+8)与(-4)对模 12 互为补数。

一般说来,若数 Z、Y、K 满足下列关系

$$Z=nK+Y \quad (n \text{ 为整数})$$

则称 Z 与 Y 对模 K 是同余的,记为

$$Z \equiv Y \pmod{K}$$

在上面的例子中, $K=12$ 。因此(-4)与+8, (-5)与+7, (-6)与+6 等对于模 12 都是同余的,也即它们对模 12 来说互为补数。

由上述的例子和同余的概念,不难得出结论:对于某一确定的模,某数减去小于模的一数,总可以用加上该数的负数与其模数之和(即补数)来代替。所以,引进了补码以后,减法就可以转换为加法了。

根据同样的原理可以得出 10 的补码:

例如有一个五位十进制里程表。起始位置为 00000,往前走一里为 00001,当往前走三里后,即为 00003。但若由起始点往回倒走一里则为 99999,再退回一里则为 99998……。可见在这个里程表中

$$\begin{array}{ll} 00001 & \text{表示}+1 \\ 00002 & \text{表示}+2 \end{array}$$

而

$$\begin{array}{ll} 99999 & \text{表示}-1 \\ 99998 & \text{表示}-2 \end{array}$$

若在前进了三里,里程表指示为 00003 以后,又倒回二里,则我们知道里程表应指示为 00001。也即

$$3-2=1$$

但是也可以表示为

$$3+(-2)=00003+99998=00001$$

这是由于这个里程表的模(即最大量程)100000 是自然丢掉的。

其中 99998 就是在这个数字系统中(-2)的 10 的补码。可见,当负数用补码来表示时,就可以把减法转换为加法。

由此可引伸出一般情况:某一十进制数 X 的 10 的补码,即为 $10^n - X$ 。n 即为此数字系统的最大位数。在上例中, $n=5$, 所以数 1 的 10 的补码为 $100000-1=99999$, 数 2 的 10 的补码为 $100000-2=99998$ 。536 的 10 的补码为

$$100000-536=99464$$

若有 $876-536$, 我们通常做减法

$$\begin{array}{r} 876 \\ -536 \\ \hline 340 \end{array}$$

把-536 用它的 10 的补码来代替, 则就可以把减法转换为加法, 即

$$\begin{array}{r} 876 \\ +99464 \\ \hline \boxed{1}00340 \\ \downarrow \\ \text{自然丢失} \end{array}$$

结果是相同的, 故 99464 即为 (-536) 的 10 的补码。

当负数用 10 的补码来表示时, 就可以把减法转换为加法。但是, 在得到补码的过程中, 还是不可避免地要做减法, 所以, 问题并没有解决, 因而在实际上 10 的补码是不用的。

但是, 这样的概念可以推广至 2 的补码, 当一个二进制的负数, 用 2 的补码(以后我们把 2 的补码简称为补码)来表示时, 就可以把减法转换为加法, 而 2 的补码我们可以不用减法而由另一途径很方便地找到。

例如, 在字长为 8 位的二进制数字系统中, 其模为 $2^8 = (256)_{10}$ 。若有

$$64 - 10 = 64 + (-10) = 64 + [256 - 10] = 64 + 246 = 256 + 54 = 54$$

$$\begin{array}{r} 01000000 \\ -00001010 \\ \hline 00110110 \end{array} \quad \begin{array}{r} 64 \\ -10 \\ \hline 54 \end{array} \quad \begin{array}{r} 01000000 \\ +11110110 \\ \hline \boxed{1}00110110 \\ \downarrow \\ \text{自然丢失} \end{array} \quad \begin{array}{r} 64 \\ +246 \\ \hline 54 \end{array}$$

可见在字长为 8 位(模 2^8)的情况下 $(64-10)$ 与 $(64+246)$ 的结果是相同的。所以, (-10) 与 246 互为补数。而这里的 $(246)_{10} = 11110110$ 实际上就是我们上述的 (-10) 的补码表示。所以在上述的负数的补码表示中, 实际上我们是利用了补码的概念, 把减法转换为加法, 而所有的负数 $(-X)$ 的补码都可由模 $2^8 - X$ 来得到。但是我们是利用了把正数连符号位按位取反再加 1 这样的简便方法来得到, 避免了求补码过程中的减法, 使 2 的补码的运算具有实用价值。因此, 在微型机中, 凡是带符号数一律是用补码表示的, 所以一定要记住运算的结果也是用补码表示的。

由于计算机的字长是有一定限制的, 所以一个带符号数是有一定的范围的, 在字长为 8 位用补码表示时其范围为

$$+127 \sim -128$$

当运算的结果超出这个表达范围时, 就不正确了, 这就称为溢出。这时, 数就要用多字节例如 16、24 位等来表示。

第三节 计算机基础

一、计算机的基本结构

电子数字计算机一开始是作为一个计算工具出现的。我们来看一下若要计算机能脱离人的直接干预,自动地完成计算,它应该具有哪些主要部分呢?

我们以算盘为例来着手分析。若要求用算盘计算下述问题。

$$163 \times 156 + 166 \div 34 - 120 \times 36$$

首先我们需要有一个算盘作为运算的工具;其次要有纸和笔,用来记录原始的数据,记录中间结果,以及最后的运算结果;而整个运算工作是在人的控制下进行的;人首先把要计算的问题和数据记录下来,然后第一步先算 163×156 ,把计算的中间结果记录在纸上,再计算 $166 \div 34$,把它和上一次的结果相加,再记在纸上,然后计算 120×36 ,再把它从上一次的结果中减去,就得到了最后的结果。

现在我们要求用一个计算机来完成上述计算过程,显然,它首先要有能代替算盘进行运算的部件,这就称之为运算器;其次要有能起到纸和笔的作用的器件,它能记忆原始题目,原始数据,和中间结果以及为了使机器能自动进行运算而编制的各种命令。这种器件就称为存储器;再次

要有能代替人的控制作用的控制器,它能根据事先给定的命令发出各种控制信息,使整个计算过程能一步步地进行。但是光有这三部分还不够,原始的数据与命令要输入,所以需要有输入设备;而计算的结果(或中间过程)需要输出,就要有输出设备,这样就构成了一个基本的计算机系统,如图 1-1 所示。

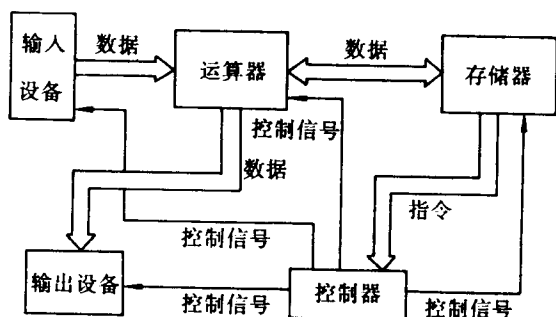


图 1-1 计算机的结构图

在计算机中,基本上有两股信息在流动,一种为数据,即各种原始数据、中间结果、程序等,这些要由输入设备输入至运算器,再存于存储器中,在运算处理过程中,数据从存储器读入运算器进行运算,运算的中间结果要存入存储器中,或最后由运算器经输出设备输出。人给计算机的各种命令(即程序),也以数据的形式由存储器送入控制器,由控制器经过译码后变为各种控制信号。所以,另一股即为控制命令,由控制器控制输入装置的启动或停止,控制运算器按规定一步步地进行各种运算和处理,控制存储器的读和写,控制输出设备输出结果等等。

存储器通常又可以分为内存和外存两部分。内存容量较小(目前通用型的微型机常用的为 640K 至几兆字节),但存取速度快。常用的有磁心或半导体存储器等,目前,在微型机中大部分采用半导体存储器。外存容量大,但存取速度慢。常用的软磁盘、硬磁盘以及磁带等。

输入设备常用的有键盘,纸带读入机,卡片读入机等。输出设备常用的有 CRT 显示,电传打字机,纸带穿孔机,行打印机等。

当把计算机用于控制时,当然输入输出还有各种现场信息和控制命令。

上述的图 1-1 中的各部分构成了计算机的硬件(Hardware)。

在上述的硬件中,人们往往把运算器、存储器和控制器合在一起称为计算机的主机;而把各种输入输出设备统称为计算机的外围设备(或外部设备——Peripheral)。

在主机部分中,又往往把运算器和控制器合在一起称之为中央处理单元——CPU (Central Processing Unit)。

二、常用的名词术语

1. 位(Bit)

位是计算机所能表示的最基本最小的数据单元。因为在计算机中广泛采用二进制数,所以位就是一个二进制位,它只能有两种状态:“0”和“1”。由若干个二进制位的组合就可以表示各种数据、字符等。

2. 字(Word)和字长

字是计算机内部进行数据处理的基本单位,通常它与计算机内部的寄存器、运算装置、总线宽度相一致。计算机的每一个字所包含的二进制位数称为字长。

不同类型的微型计算机有不同的**字长**,一般有:1位、4位、8位、16位、32位等。1位和4位微型计算机通常用在专用设备中;70年代通用微型机的主流机型是8位(字长为8位)的,例如用Intel的8080、8085, Motorola的6800和Zilog的Z-80为CPU的各种微机;80年代初、中期的主流机型是准16位和16位的,例如以8088为CPU的IBM PC、PC/XT,以80286为CPU的IBM PC/AT机和以Motorola的MC68000为CPU的各种微机;从1987年起的3~5年内,主流机型将变为以80386和68020为CPU的32位微机。

一个计算机的字长与它能表达数的范围不是一回事,因为可以用单字长、也可以用多字长来表示数。

3. 字节(Byte)

为了表示方便,把相邻的8位二进制数位称为一个字节(1Byte=8Bit)。字节的长度是固定的,但不同计算机的字长是不同的。8位微机的字长就等于1个字节,而16位微机的字长等于2个字节,32位微机的字长等于4个字节。

目前,在16位、32位微机蓬勃发展的时候,为了表示方便,常把1个字节定为8位,把一个字(Word)定为16位,一个双字(Double Word)定为32位。

三、指令程序和指令系统

上一节我们提到了计算机的几个主要部分,这些构成了计算机的硬件(Hardware)的基础。但是,光有这样的硬件,还只是具有了计算的可能。计算机要真正能够进行计算还必须要有软件的配合。首先是各种程序(Program)。

我们知道,计算机所以能脱离人的直接干预,自动地进行计算,这是由于人把实现这个计算的一步步操作命令的形式——即一条条指令(Instruction)预先输入到存储器中,在执行时,机器把这些指令一条条地取出来,加以翻译和执行。

就拿两个数相加这一最简单的运算来说,就需要以下几步(假定要运算的数已在存储器中):

第一步:把第一个数从它所在的存储单元(Location)中取出来,送至运算器;

第二步:把第二个数从它所在的存储单元中取出来,送至运算器;

第三步:相加;

第四步:把加完的结果,送至存储器中指定的单元。

所有这些取数、送数、相加、存数等等都是一种操作,我们把要求计算机执行的各种操作命令的形式写下来,这就是指令。通常一条指令对应着一种基本操作,但是计算机怎么能辨别和执行这些操作呢?这是由设计时设计人员赋予它的指令系统决定的。一个计算机能执行什么样的

操作,能做多少种操作,是由设计计算机时所规定的指令系统决定的。一条指令,对应着一种基本操作;计算机所能执行的全部指令,就是计算机的指令系统(Instruction Set),这是计算机所固有的。

在我们使用计算机时,必须把我们要解决的问题编成一条条指令,但是这些指令必须是我们所用的计算机能识别和执行的指令,也即每一条指令必须是一台特定的计算机的指令系统中具有的指令,而不能随心所欲。这些指令的集合就称为程序。用户为解决自己的问题所编的程序,称为源程序(Source Program)。

指令通常分成操作码(Opcode—即 operationcode)和操作数(Operand)两大部分。操作码表示计算机执行什么操作;操作数指明参加操作的数的本身或操作数所在的地址。

因为计算机只认得二进制数码,所以计算机的指令系统中的所有指令,都必须以二进制编码的形式来表示。例如在 Intel 8088 中,从存储区取数(以 SI 变址寻址)至累加器 AL 中的指令的编码为 8A04(两字节指令),一种加法指令的编码为 02 C3,向存储器存数(一种串操作指令)的编码为 AA(一字节指令)等等。这就是指令的机器码(Machine Code)。在 8 位的微型机中字长较短,用一个字节不能充分表示各种操作码和操作数。所以,有一字节指令,有两字节指令,也有多字节指令如四字节指令。

计算机发展的初期,就是用指令的机器码直接来编制用户的源程序,这就是机器语言阶段。但是机器码是由一连串的 0 和 1 组成的,没有明显的特征不好记忆,不易理解,易出错。所以,编程序成为一种十分困难十分繁琐的工作。因而,人们就用一些助记符(Mnemonic)——通常是指令功能的英文词的缩写来代替操作码。如在 Intel 8088 中,数的传送指令用助记符 MOV(MOVE 的缩略),加法用 ADD,转移用 JMP 等等。这样,每条指令有明显的特征,易于理解和记忆,也不易出错,这就前进一大步,此谓汇编语言阶段。用户用汇编语言(操作码用助记符代替,操作数也用一些符号——Symbol 来表示)来编写源程序。

要求机器能自动执行这些程序,就必须把这些程序预先存放到存储器的某个区域。程序通常是顺序执行的,所以程序中的指令也是一条条顺序存放的。计算机在执行时要能把这些指令一条条取出来加以执行。必须要有一个电路能追踪指令所在的地址,这就是程序计数器 PC(Program Counter)。在开始执行时,给 PC 赋以程序中第一条指令所在的地址,然后每取出一条指令(确切地说是每取出一个指令字节)PC 中的内容自动加 1,指向下一条指令的地址(ADDRESS),以保证指令的顺序执行。只有当程序中遇到转移指令,调用子程序指令,或遇到中断时,PC 才转到所需要的地方去。

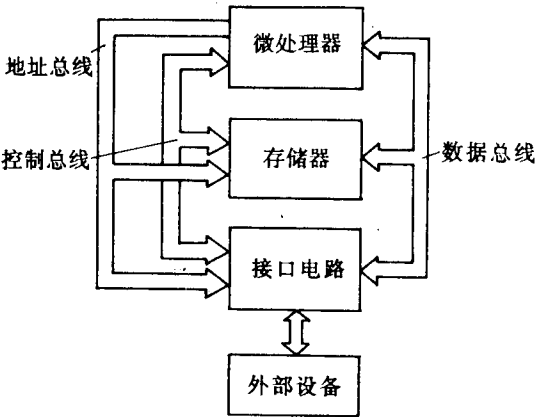


图 1-2 微型计算机结构图

四、初级计算机

在我们开始接触计算机内部结构时,一个实际的微型机结构就显得太复杂了,会使人不知所措,抓不住基本部件、基本概念和基本工作原理。所以,我们先从一个以实际结构为基础,经过简化的模型机,着手来分析基本原理,然后加以扩展,回到实际结构。

图 1-2 所示的是微型机的结构图。它是由微处理器(CPU)、存储器、接口电路组成,通过三条总线(BUS)——地址总

线(Address Bus),控制总线(Control Bus)和双向数据总线(Data Bus)来连接。为了简化问题,我们先不考虑外部设备以及接口电路,认为要执行的程序以及数据,已存入存储器内。

(一) CPU 的结构

模型机的 CPU 结构,如图 1-3 所示。

算术逻辑单元 ALU (Arithmetic Logic Unit) 是执行算术和逻辑运算的装置,它以累加器 AL (Accumulator) 的内容作为一个操作数;另一个操作数由内部数据总线供给,可以是寄存器 (Register) BL 中的内容,也可以是由数据寄存器 DR (Data Register) 供给的由内存读出的内容等;操作的结果通常放在累加器 AL 中。

F (Flag) 是标志寄存器,由一些标志位组成:它的功用我们在后面分析。

要执行的指令的地址由程序计数器 PC 提供,AR (Address Register) 是地址寄存器,由它把要寻址的单元的地址 (可以是指令——则地址由 PC 提供;也可以是数据——则地址要由指令中的操作数部分给定) 通过地址总线,送至存储器。

从存储器中取出的指令,由数据寄存器送至指令寄存器 IR (Instruction Register),经过指令译码器 ID (Instruction Decoder) 译码,通过控制电路,发出执行一条指令所需要的各种控制信息。

在我们的模型机中,字 (Word) 长 (通常是以存储器一个单元所包含的二进制信息的数表示字长的) 为 8 位即为一个字节 Byte (在字长较长的机器中为了表示方便,把 8 位二进制位定义为一个字节),故累加器 AL、寄存器 BL、数据寄存器 DR 都是 8 位的,因而双向数据总线也是 8 位的。在我们的模型机中又假定内存为 256 个单元,为了能寻址这些单元,则地址也需 8 位 ($2^8=256$),可寻址 256 个单元。因此,这儿的 PC 及地址寄存器 AR 也都是 8 位的。

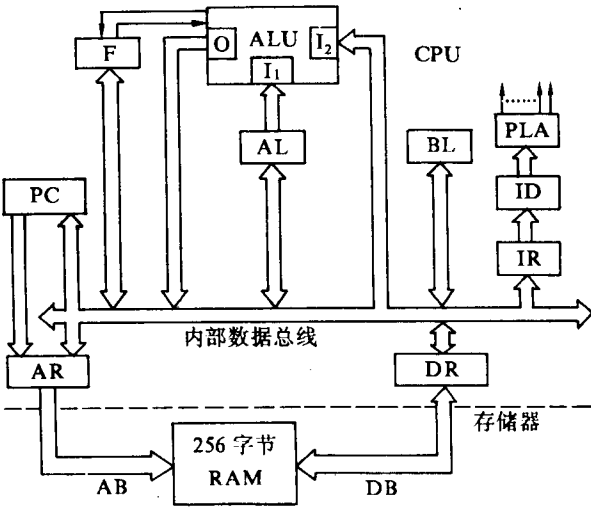


图 1-3 一个模型机的 CPU 结构

在 CPU 内部各个寄存器之间及 ALU 之间数据的传送也采用内部总线结构,这样扩大了数据传送的灵活性,减少了内部连线,因而减少了这些连线所占的芯片面积,但是采用总线结构,则在任一瞬时,总线上只能有一个信息在流动,因而使速度降低。

(二) 存储器

存储器结构如图 1-4。

它由 256 个单元组成,为了能区分不同的单元,对这些单元分别编了号用两位十六进制数表示,这就是它们的地址如 00、01、02、……FF 等;而每一个单元可存放 8 位二进制信息 (通常也用

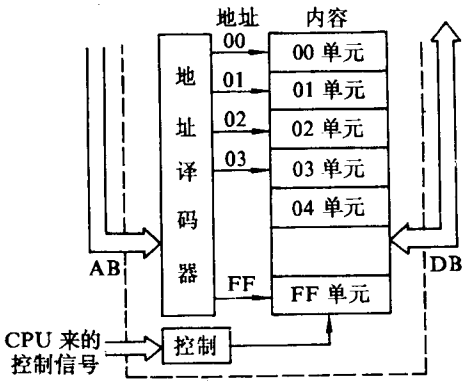


图 1-4 模型机的存储器结构图