

数学 西游记

李毓佩◎著

COLLECTIONS OF
LI YUPEI'S WORKS ON
POPULAR SCIENCE IN
THE FIELD OF MATHEMATICS

李毓佩
数学科普文集

出版时间：2023年1月

李毓佩数学科普文集

Collections of Li YuPei's Works
on Popular Science in
the Field of Mathematics

李毓佩●著

数学 西游记



中国科学技术出版社 湖北省图书馆藏书

长江出版传媒

Changjiang Publishing & Media

湖北科学技术出版社

HUBEI SCIENCE & TECHNOLOGY PRESS

图书在版编目 (CIP) 数据

数学西游记 / 李毓佩著. -- 武汉: 湖北科学技术出版社, 2019.1
(李毓佩数学科普文集)
ISBN 978-7-5706-0385-5

I . ①数… II . ①李… III . ①数学—青少年读物 IV . ①01-49

中国版本图书馆CIP数据核字(2018)第143546号

数学西游记
SHUXUE XIYOUJI

选题策划：何 龙 何少华

执行策划：彭永东 罗 萍

责任编辑：彭永东 王 璐

内文插画：米 艺

封面设计：喻 杨

出版发行：湖北科学技术出版社

电话：027-87679468

地 址：武汉市雄楚大街 268 号

邮编：430070

(湖北出版文化城 B 座 12—14 层)

网 址：<http://www.hbstp.com.cn>

印 刷：武汉市金港彩印有限公司

邮编：430023

710×1000 1/16

12 印张

4 插页

150 千字

2019 年 1 月第 1 版

2019 年 1 月第 1 次印刷

定价：42.00 元

本书如有印装质量问题 可找本社市场部更换



< CONTENTS >

1. 哪吒大战红孩儿	001
2. 数学猴和猪八戒	053
3. 数学猴和孙悟空	085
4. 数学猴和沙和尚	119
5. 海龙王请客	151
6. 猪八戒新传	171

1. 哪吒大战红孩儿

哪吒出征

一日，托塔天王李靖正在操练天兵天将，忽然探子来报，说在枯松涧火云洞住着一伙妖精，专干坏事，残害百姓。

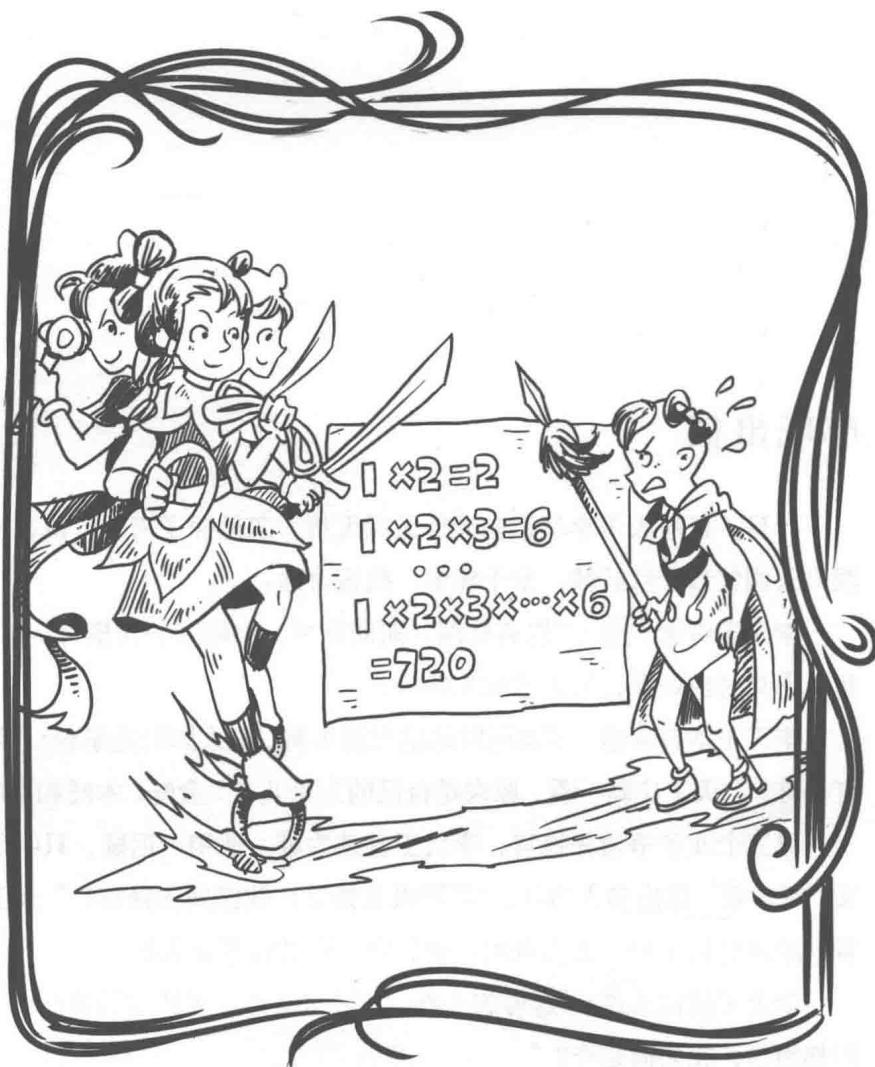
李天王听罢大怒：“岂有此理！朗朗乾坤，怎能容妖怪横行！来人，我要出兵讨伐妖孽，何人愿做先锋官？”

李天王话音未落，下面同时站出三员大将，三人同时抱拳说：“儿愿打头阵！”天王定睛一看，原来是自己的三个儿子：金吒、木吒和哪吒。

见三个儿子争当先锋官，李天王甚感为难。他稍一迟疑，只听下面又“呼啦啦”站出多人请战：“我愿做先锋官！我愿做先锋官！”天王一看，原来是巨灵神、大力金刚、鱼肚将、药叉将等众天将。

李天王摇摇头说：“这可怎么办，这可怎么办！先锋官只要一个，你们都想当，我如何定夺？”

话音刚落，只见巨灵神站出来说：“我有个主意，大家来比比个子高矮，身材高自然力不亏，选个高的当先锋官是最佳选择。”



没想到大力金刚第一个不乐意，他说：“比身高不如直接比力气，力气大者，当！”

“那不行，你是大力金刚，那当然是你力气大了！”众多天将一致反对。大家你一言我一语，有的说应该这么比，有的说应该那么比，一时间操练场上闹哄哄的。

“诸位安静。”这时一声清脆的童音响起，大家看去，出来说话的是李天王的三太子哪吒。哪吒笑嘻嘻地说：“我刚才数了一下，出来争当先锋官的一共有 31 人。我建议这 31 人排成一横排，排的时候自己找位置站好。”

巨灵神问：“三太子，你这是玩的什么把戏？”

哪吒调皮地眨眨眼睛，说：“31 人站好之后，从左到右 1，2，3 报数；凡是报 3 的留下来，其他的淘汰。留下的人再 1，2，3 报数，把报 3 的留下来，其余的淘汰。这样报下去，最后剩下的一个，就是先锋官。”

李天王也没有别的办法，闻此言点点头说：“好！就这么办！”

众天将都飞快地转动着脑筋，琢磨自己应该站到哪个位置上。巨灵神抢到了第 3 号位置，他乐呵呵地说：“我报 3，我不会被淘汰。”

金吒飞快地跑到第 6 号位置，木吒想了想站到了第 9 号位置。而哪吒呢，他毫不迟疑地站到了第 27 号位置。

报数开始，第一轮过后，剩下了 10 个人，巨灵神、金吒、木吒、哪吒都留下了。此时巨灵神变成了 1 号位置，金吒变成了 2 号位置，木吒变成 3 号，而哪吒变成了 9 号。

巨灵神一开始还洋洋得意，后来一看自己变成了 1 号，顿时垂头丧气起来。

第二轮报数过后，剩下了 3 个人。巨灵神和金吒被淘汰，木吒变成了 1 号，哪吒变成为 3 号。第三轮过后，只剩下了哪吒一人。哪吒如愿

拿到了先锋官的令旗。

一旁的木吒很纳闷，他小声问哪吒：“你选择 27 号，为什么就会留到最后？”

哪吒神秘地一笑，耳语道：“从 1 到 31，因数只含 3 的数有 3 个，即 $3, 9=3\times 3, 27=3\times 3\times 3$ 。而每次报数等于用 3 去除这个数，留下能整除的。27 含有 3 个 3，用 3 除它 3 次，它还得 1 呢！”

哪吒令旗一挥：“发兵火云洞！”

不和傻子斗

话说哪吒脚踏风火轮，肩头斜背乾坤圈，带着众天兵天将直奔枯松涧火云洞而来。来到洞口，只见大门紧闭，门上贴有一张告示，上面写着：

哪吒小子听着：

我圣婴大王从不和傻子斗。要想和我过招，先要回答下面的问题，看看你是不是傻子。若不傻，再和我交手。

在 4 个 6 之间添加适当的数学符号，使它们的结果分别等于 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8：

$$6 \ 6 \ 6 \ 6 = 1, \quad 6 \ 6 \ 6 \ 6 = 2;$$

$$6 \ 6 \ 6 \ 6 = 3, \quad 6 \ 6 \ 6 \ 6 = 4;$$

$$6 \ 6 \ 6 \ 6 = 5, \quad 6 \ 6 \ 6 \ 6 = 6;$$

$$6 \ 6 \ 6 \ 6 = 7, \quad 6 \ 6 \ 6 \ 6 = 8.$$

圣婴大王 红孩儿

哪吒看完告示，气得七窍生烟，哇哇乱叫。他摘下乾坤圈就要向洞门砸去，二哥木吒赶忙拦住他。

木吒说：“三弟息怒！傻子斗气，聪明人斗智。前些年我和红孩儿打过交道，他聪明过人，不可小看。另外，他出如此简单的题目，不妨给他做出来，以显我天兵天将的大度。”

“也好！”哪吒说罢略思索后，很快就给8个算式添上了数学符号：

$$66 \div 66 = 1, \quad 6 \div 6 + 6 \div 6 = 2;$$

$$(6+6+6) \div 6 = 3, \quad 6 - (6+6) \div 6 = 4;$$

$$66 \div 6 - 6 = 5, \quad 6 + (6-6) \times 6 = 6;$$

$$(6+6 \times 6) \div 6 = 7, \quad 6 + (6+6) \div 6 = 8.$$

哪吒刚刚填完，只听“轰隆隆”一阵巨响，火云洞洞门大开，从洞里蹿出6个怪物。他们是红孩儿的六大干将，分别叫作云里雾、雾里云、急如火、快如风、兴烘掀、掀烘兴。他们一个个龇牙咧嘴，嘴里不停地说着：“哇！又来送好吃的了。”

六干将分左右刚刚站好，红孩儿带着一阵狂风从洞里冲了出来。只见他上身赤裸，腰间束一条锦绣战裙，光着双脚，手中拿着一杆一丈八尺长的火尖枪。

红孩儿脑袋一晃，喝道：“什么人来送死？”

哪吒一指红孩儿：“大胆妖孽，竟敢无视天庭，独霸一方，鱼肉百姓！今日天兵天将到此，还不快快跪倒投降！”

红孩儿“嘿嘿”一阵冷笑：“口气倒不小，要想让我投降，先问问我手中的火尖枪答不答应！看枪！”声到枪到。

哪吒手也不含糊，大喝一声，手舞乾坤圈和红孩儿交战到了一起。只见红孩儿把一杆火尖枪使得密不透风，哪吒抡起乾坤圈是圈套圈连成一体，不见哪吒身影。好一场大战，两人从日出一直战到日落，硬是不分高下，把一旁观战的天兵天将和小妖们看傻了眼。

红孩儿见一时半会儿赢不了，便虚晃一枪，说：“今日天色已晚，且留你多活一夜，明日再和你大战300回合！”说完摸头回洞，“咣当”一

声，洞门关闭。

哪吒一看，气得大叫：“你这小屁孩，别当缩头乌龟呀！”哪吒忘了，他自己也是“小屁孩”。哪吒抡起乾坤圈就往洞门砸去，可无论他们怎么叫阵，红孩儿就是不出来。哪吒只好悻悻然回大营，边走边想：也罢，待我休整一晚，明天再收拾他。

三头六臂

第二天一早，哪吒就领着天兵天将来到了火云洞前叫阵：“小小红孩儿，你这缩头乌龟，快快出来受死！”

“哗啦”一声，洞门大开，红孩儿带着六干将和众小妖杀了出来。

哪吒和红孩儿见面分外眼红，两人也不搭话，各挺兵器杀在了一起。你来我往，杀了足足有一个时辰仍不见高下。

突然，哪吒大喊一声：“变！”只见他身子一晃立刻变成了三头六臂。红孩儿一见，倒抽一口凉气。原来哪吒的6只手分别拿着6件兵器，它们是斩妖剑、砍妖刀、缚妖索、降妖杵、绣球儿、火轮儿。

哪吒叫道：“接着！”6件兵器一齐向红孩儿打去。红孩儿立刻慌了手脚，他的火尖枪顾得东顾不了西，顾了上顾不了下，忙乱之中红孩儿的后背被降妖杵狠狠地打了一下。

“哇呀呀！”红孩儿痛得大叫一声，跳出了圈外。红孩儿把手一挥：“小的们，上！”只见云里雾、雾里云、急如火、快如风、兴烘掀、掀烘兴六干将一齐冲了上去。他们每人对付哪吒的一件兵器，这样，哪吒以一对六，“叮叮当当”地战在了一起。

激战中，哪吒喊了一声：“变！”只见哪吒6只手拿的兵器换了一个次序，云里雾本来是对付斩妖剑的，瞬间却变成了砍妖刀。云里雾哇哇叫道：“糟糕！对付剑的招数和对付刀的招数不一样啊！”话音未落，云

里雾的大腿被砍妖刀砍了一刀。那边厢，急如火的胳膊被斩妖剑刺中了一剑。

没等这六干将回过神来，哪吒又喊了一声：“变！”哪吒6只手拿的兵器又换了一个次序，云里雾对付的砍妖刀又变成要缚妖索。六干将手忙脚乱，乱作一团。没战多大一会儿，云里雾就被缚妖索捆了个结结实实。

就这样没变几次，六干将伤的伤，被捉的被捉。红孩儿见状大惊。

红孩儿问哪吒：“你那6只手拿的兵器，一共有多少种不同的拿法？”

哪吒“嘿嘿”一笑，神气地说：“我说出来你可别害怕，一共有720种不同的拿法！”

“有这么多？”红孩儿不信。

“不信？好吧，今天你爷爷就给你算算，也让你长长见识。”哪吒说，“2只手拿2件兵器，可以有2种不同的拿法，也就是 $1\times 2=2$ (种)；3只手拿3件兵器，有 $1\times 2\times 3=6$ (种) 不同的拿法；4只手拿4件兵器，有 $1\times 2\times 3\times 4=24$ (种) 不同的拿法；6只手拿6件兵器，就有 $1\times 2\times 3\times 4\times 5\times 6=720$ (种) 不同的拿法。”

“呀，厉害！”红孩儿倒吸了一口凉气，心想：看来这小子有点招，我得回家想想对策去。于是他一溜小跑跑回了火云洞，边跑边说：“你有你的绝招，我有我的绝活儿，今天就斗到这儿，明天再斗！”

哪吒大获全胜，押着俘获的云里雾返回了大营。

厉害的火车子

一大早，休整完毕的哪吒就来到火云洞前叫阵。来到洞口，哪吒一看，奇了怪了，洞前有了变化。也不知道红孩儿玩的什么把戏，他在洞前画了一个环形的大圈，边上写了许多0和1(图1-1)；环中间放着5

辆车子，车上盖着布，布下不知藏了些什么东西。

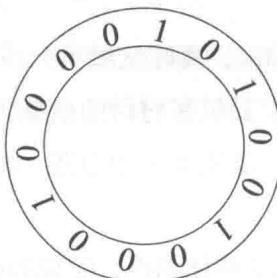


图 1-1

哪吒正纳闷，一声炮响，洞门大开，红孩儿领着一群小妖冲了出来。

哪吒一指红孩儿：“小小红孩儿，昨日你已战败，今日快快投降，我可免你一死！”

红孩儿“嘿嘿”一阵冷笑：“你省省吧，咱俩的比试才刚刚开始，哪儿谈得上投降啊？接招儿吧！”说完他一只手捏着拳头，照着自己的鼻子狠狠捶了两拳，滴出几滴鼻血。红孩儿把鼻血往脸上一抹，抹了个大红脸。

只听红孩儿大声念了两遍咒语：“10100100010000, 10100100010000。”然后突然把嘴一张，从口中喷出火来。接着他又把火尖枪向上一指，环中停着的 5 辆车子全部燃起了熊熊烈火；他再把火尖枪向前一指，烈火直奔哪吒烧来。

哪吒见状大惊，口念避火诀，朝红孩儿冲杀过去。没到跟前，红孩儿又猛地喷了几口大火，烧得哪吒睁不开眼，败下阵来。

好一股大火，把半边天都烧红了！天兵天将们躲避不及，慌作一团。大火越烧越烈，天兵天将的眉毛胡子着了，衣服也着了，烧得他们“妈呀！妈呀！”地乱叫，一个个屁滚尿流。

哪吒见势不好，连忙叫道：“兄弟们，火势太猛，先撤回大营！”说完脚下一使劲，踏着风火轮一溜烟跑回大营。只听后面红孩儿哈哈大笑：

“哪吒，有本事的别跑呀！”

回到大营，哪吒召集众将商量对策。巨灵神、大力金刚等天兵天将一个个烧得焦头烂额，垂头丧气。哪吒问大家有何破敌之计。

木吒说：“红孩儿使的是火车子，就是不知道他念的咒语10100100010000是什么意思，无法破它。”

怎么才能知道这咒语的含义呢？哪吒忽生一计，他令天兵把俘虏的云里雾押来——云里雾是红孩儿六干将之一，应该知道点什么。可是云里雾说他也不知道咒语的含义。

哪吒托腮沉思良久，忽然起身走到云里雾跟前，绕云里雾转了一圈。怪事出现了，大家面前出现了两个长得一模一样的云里雾。其中一个云里雾朝大家招招手：“我回火云洞了，再见！”天兵刚想阻拦，木吒笑着摆摆手，说：“随他去吧！”

智破火车子

“云里雾”回到火云洞，红孩儿见爱将回来心里十分惊喜，问他是怎么跑回来的。“云里雾”胡编了几句，乱吹了一通。红孩儿信以为真，令小妖摆宴席，给云里雾接风压惊。

酒过三巡，菜过五味，红孩儿得意地问：“‘云里雾’，那些天兵天将被我的火车子烧得怎么样啊？”

“惨不忍睹！”“云里雾”谄媚地说，“大王的火车子果然十分厉害，那巨灵神被烧成了一个大秃子，大力金刚的脸都烧黑了。”

“哈哈！”红孩儿大笑，一扬脖把一大杯酒喝了下去，“痛快，痛快！让他们尝尝我火车子的厉害！”

红孩儿吃了一口菜又问：“他们下一步打算怎么办？”

“还能怎么办？”云里雾说，“小的听几个看押我的天兵天将嘀咕，

说哪吒弄不清楚您念的咒语‘10100100010000’是什么意思，正准备撤兵哪！”

红孩儿十分得意：“我以为哪吒有多聪明，谁知连个咒语都弄不清楚，真是个傻瓜蛋！”

“云里雾”见红孩儿醉意甚浓，眼珠转了转，忙把身子往前凑了凑，问：“大王真是高明。不过，小的好奇，我跟了您这么多年，都不知道这咒语的含义，不知……”

红孩儿正喝得兴头上，也没多加提防，说：“告诉你也无妨。5辆火车子放在一个环形的大圈里面，环的边上写着4个1和10个0，共14个数字。如果我连续读数是这14个数字组成的最大数，大火就向外烧——10100100010000就是最大数。”

云里雾问：“如果连续读数是这14个数字组成的最小数呢？”

红孩儿脸色突变：“那可就坏了，大火就反向往内烧了！”

“哦——是这么回事。”“云里雾”点点头，心里窃喜。过了一会，“云里雾”瞅准时机，冲红孩儿一抱拳：“大王，我去方便方便。”

没想到，“云里雾”出了大厅后并没有回来，而是偷偷溜出了火云洞。出洞后他把脸一抹，现出了本相，原来这个“云里雾”是哪吒变的。哪吒踏着风火轮朝大营方向赶，边走边想：好小子，看爷爷待会儿怎么收拾你！回到大营，哪吒把咒语的秘密告诉了众天将。

众天将面面相觑，大力金刚摇摇头：“谁能知道最小数是多少哪？”

“这个容易。”哪吒说，“要想让这个数大，你就尽量让1在高位上，也就是让1尽量靠左。反过来，要想让这个数小，你就尽量让1在低位上，也就是让1尽量靠右。不过要注意，一个多位数的首数不能是0。”

还是木吒反应快，马上接着说：“最小数应该是10000100010010。”

稍事休息后，哪吒带兵来到火云洞，高声叫阵。红孩儿正躺在床上

睡大觉呢，听到小妖来报，心里直纳闷：咦，他们不是要撤兵嘛，怎么又来叫阵了？

红孩儿不敢怠慢，提起火尖枪出了洞门。见着哪吒，红孩儿高声叫骂：“好你个哪吒，胆子倒不小。看来那天还没把你们烧透，我来接着烧！”他捶破了鼻子，抹完了红脸，刚想念咒语，谁知哪吒却抢先念了两遍咒语：“10000100010010，10000100010010。”

只见大火猛地朝红孩儿和众小妖烧去，“哇，这火怎么造反啦！”红孩儿撒腿就往洞里逃，可是已经来不及了，他腰间束的那条锦绣战裙已被大火烧光。

天兵们开心地大叫：“看哪，红孩儿光屁股喽！”

被困火云洞

红孩儿逃进火云洞，巨灵神和大力金刚人高腿长，一个箭步就追了进去。两人刚刚进洞，“咣当”一声，洞门关上了。

火云洞里面结构十分复杂，里面一共有5间洞室，其中有2间洞室有4扇门，另外3间洞室有5扇门（图1-2）。巨灵神和大力金刚从一间洞室追到另一间洞室，从一扇门进去，又从另一扇门出来，也没看到红孩儿的身影。

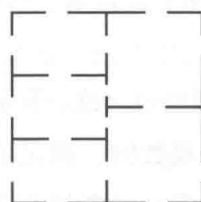


图1-2

这红孩儿到哪里去了呢？

正当两人发愣的时候，传来红孩儿清脆的笑声：“哈哈，两个傻瓜，还想追我圣婴大王？你们进了我的火云洞，就算进了坟墓喽！”

大力金刚大怒，他吼道：“光腚的红孩儿，有能耐的站出来，咱俩一对一地较量一番，躲在暗处算什么本事！”由于声音太大，震得洞顶直往下掉土。

巨灵神也大叫道：“既然你不敢和我们打，那就让我们出去，搞阴谋诡计算什么好汉！”

红孩儿说：“想出去并不难，只要你们走遍这 5 间洞室，每个门都经过一次，而且只能经过一次，洞门就将大开。”

“走！咱俩按他的要求走一遍。”巨灵神和大力金刚开始走了。为了不重复，他们经过一个门就在这扇门上做记号。

走一遍不成，再走一遍，还是不成。两人在里面走了一遍又一遍，就是达不到红孩儿的要求。大力金刚累得一屁股坐在地上：“累死我了，不走了！”

一只小蚊子从洞门的缝隙飞了进来，落在巨灵神的肩上。蚊子小声地问：“出什么事了？”

巨灵神一听声音，知道蚊子是哪吒变的，就把他俩走了半天也达不到红孩儿的要求说了一遍。哪吒飞起来，把 5 间洞室都看了一遍。

哪吒又飞回到巨灵神的肩上，小声说：“红孩儿在骗你们哪！根本就不存在这么一条路线，不管你们怎么走，也达不到他的要求。”

“为什么？”

哪吒说：“要想每个门都经过一次，而且只经过一次，只有两种选择：或者每间洞室的门都是双数的，满足要求的走法是从其中一间洞室出来，最后再回到这间洞室；或者只有两间洞室的门是单数的，满足要求的走法是从一间有单数门的洞室出来，最后回到另一间有单数门的洞室。”

巨灵神双手一摊，问：“现在有 3 间洞室的门是单数的，肯定达不到他的要求了。这该怎么办？”

哪吒想了一下。

考考牛魔王

哪吒说：“大力金刚力大无穷，让他搬动山石把一间有 5 个门的洞室堵上一个门，使它变成只有 4 个门。”

“好主意！”巨灵神双手一拍，“这样就只有 2 间洞室是单数门了，可以不重复地一次走完。”

大力金刚三下两下就把一个门堵上了。两个人七绕八绕，很快就按红孩儿的要求走完了所有的门（图 1-3）。只听“咣当”一声，洞门大开，巨灵神和大力金刚马上冲出了火云洞。他俩刚刚出来，洞门又一下子关上了。

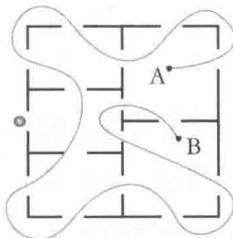


图 1-3

哪吒见巨灵神和大力金刚安全出来了，就又开始叫阵：“红孩儿，快快出来投降，本先锋官可以饶你不死！”可是不管他怎样叫喊，红孩儿就是不露面。

哪吒直纳闷红孩儿打的什么主意，正想着，突然洞门开了一道小缝，一只麻雀“嗖”的一声从洞里飞了出来。哪吒眼疾手快，迅速抛出乾坤圈把麻雀套住，从麻雀的腿上解下一张纸条。纸条是红孩儿给他爸爸牛