

200591

基本馆藏

铁路曲线测量

魏子建 编著



人民铁道出版社

54
2611

2611

鐵路曲線測量

魏子建 編著

人民鐵道出版社

一九五八年·北京

鐵路曲線的測設無論在新建鐵路及既有鐵路上都是一項經常而又繁重的工作，它和我國鐵道建築和運輸都有著密切的關係。本書介紹了各種曲線（單曲線、反向曲線、緩和曲線、複曲線、道岔等曲線、附帶曲線和疊曲線等）的計算和測設方法；着重於實際應用，對各種計算和測設曲線的方法步驟及特例都分別作了詳細的敘述；其次，結合鐵路曲線表（人民鐵道出版社，1958年版，三冊集）舉例說明了曲線表的用法；對道岔導曲線及附帶曲線（連接曲線）的測設方法及計算，既有鐵路線的調整方法等亦有闡述，并附若干實用圖表。

本書可供鐵路工程工務方面的工程師、技術員等參考及實際應用，亦可作鐵路線路專業方面教學的參考用書。

鐵 路 曲 線 測 量

魏子建編著

人 民 鐵 道 出 版 社 出 版

(北京市霞公府17號)

北京市書刊出版業營業許可證出字第010號

新 華 書 店 發 行

建 築 工 程 出 版 社 印 刷 二 厂 印

(北京市阜成門外南禮士路)

書號1073 開本 787×1092 $\frac{1}{32}$ 印張 $4\frac{1}{8}$ 插頁 1 字數89千
1958年9月第1版

1958年9月第1版第1次印刷
印數0001—2,500冊 定價(10)0.55元

目 錄

第一章 鐵路勘測和曲線的概念	5
第一 节 鐵路勘測的概念.....	5
第二 节 鐵路曲線的概念.....	6
第二章 單曲線(又稱圓曲線)	7
第三 节 單曲線各部分和主要點的解釋.....	7
第四 节 單曲線基本要素的計算和主要點的設置.....	8
第五 节 詳細設置單曲線的幾種方法.....	11
第六 节 偏角法在曲線上沒有障礙時的測設方法.....	12
第七 节 用偏角法在曲線上遇障礙時的測設方法.....	14
第八 节 切線支距法設置單曲線.....	16
第九 节 幫助切線法設置單曲線.....	18
第十 节 弦線支距法設置單曲線.....	21
第十一 节 正矢法設置單曲線.....	24
第十二 节 弦線偏距法設置單曲線.....	28
第十三 节 設置單曲線中的特殊問題.....	30
第三章 反向曲線	34
第十四 节 反向曲線的內容.....	34
第十五 节 在兩平行的切線或線路方向間設置 反向曲線.....	35
第十六 节 在兩不平行的切線或線路方向間 設置反向曲線.....	36
第四章 緩和曲線	40
第十七 节 緩和曲線的概說.....	40
第十八 节 緩和曲線各部分和主要點的解釋.....	41
第十九 节 緩和曲線的形式.....	42
第二十 节 緩和曲線基本要素的計算和主要點的設置.....	45

第二十一节	緩和曲綫長度的計算和確定	49
第二十二节	詳細設置緩和曲綫及圓曲綫的方法	50
第二十三节	偏角法在沒有障礙時設置緩和 曲綫及圓曲綫	50
第二十四节	用偏角法詳細設置緩和曲綫及圓曲 綫遇障礙時的設置方法	55
第二十五节	切綫支距法設置緩和曲綫及圓曲綫	58
第二十六节	輔助切綫法設置緩和曲綫及圓曲綫	60
第二十七节	弦綫支距法設置緩和曲綫及圓曲綫	64
第二十八节	正矢法設置緩和曲綫及圓曲綫	67
第二十九节	弦綫偏距法設置緩和曲綫及圓曲綫	77
第三十节	設置緩和曲綫及圓曲綫中的特殊問題	82
第五章 複曲綫		85
第三十一节	複曲綫的概說	85
第三十二节	兩個不同半徑的單曲綫連續組成的複曲綫	85
第三十三节	兩個不同半徑的圓曲綫各一端具有緩和曲 綫而結合處無緩和曲綫組成的複曲綫	87
第三十四节	前述兩不同半徑的圓曲綫結合處用緩和 曲綫連接組成的複曲綫	89
第六章 道岔導曲綫及附帶曲綫		103
第三十五节	道岔導曲綫及附帶曲綫的概說	103
第三十六节	道岔導曲綫支距的計算和設置	103
第三十七节	道岔附帶曲綫支距的計算和設置	111
第七章 橫曲綫		114
第三十八节	橫曲綫的概說	114
第三十九节	切綫支距法設置橫曲綫	114
第八章 正矢法設置單曲綫、緩和曲綫及圓曲綫利用 于整正既有旧綫		116
第四十节	正矢法整正既有單曲綫、緩和曲綫及圓曲綫	116
附 录：國內常用道岔導曲綫支距表		

第一章 鐵路勘測和曲線的概念

第一节 鐵路勘測的概念

為了把鐵路線路布置在最合理最適宜的位置，需要進行鐵路的技术選線，鐵路技术選線的勘測工作共分三個阶段来进行，即：

1. 草測；
2. 初測；
3. 定測。

草測也稱為踏測或踏勘，是以上三段工作中最概略最重要的一步，其目的是要在指定的起訖點間，找出所有可能通過的線路，以便進行比較選擇。所以草測時要在每一条線路上確定它的特徵，主要是要獲得每條線路的長度、沿線地形和地質資料，以及工礦、農業和商業的狀況；如有經濟資料和詳細地形圖時，可在圖上進行選線，否則就需要用簡單的儀器進行野外勘測。

初測的目的是根據草測的結果，在所有比較方案中，挑選出二條或三條比較合理的線路，加以詳細測量後再進行比較，以便從中選擇出一條最適宜的線路。在平坦地區初測時，應把線路在現地選定，測定它的方向和長度，設置曲線並測出沿線的高程和地形；在地形複雜區域，則先作詳細的地形測量，然後根據地形圖進行紙上定線。初測時還要進行沿線的橋梁、隧道、機務段、給水水源、車站等處的地形測量，以及調查其他有關資料供初步設計之用。

定測的目的是把初測確定的最適宜的線路完全設置於現地。在平坦地區初測時已作現地定線之地段，在定測時可根

据需要作局部的修正，并詳細的設置曲綫；在地形复杂地区，则依据紙上定綫，在现地把綫路設置于所拟定的位置，詳細地訂出直綫和曲綫。沿綫并作詳細的高程測量和地形測量，以及其他如地質、水文等資料的勘測調查，供作技术設計之用。

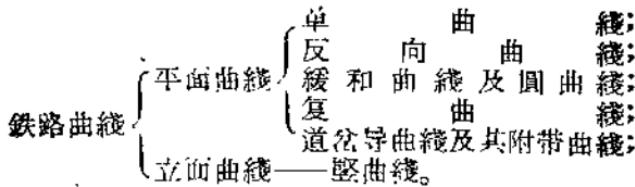
鐵路选綫工作中主要的是測量工作，其基本內容有下列三种：

- (1) 路綫測量——導綫測量与綫路的設置——直綫与曲綫；
- (2) 高程測量——路綫水准測量与橫断面測量；
- (3) 地形測量——等高綫、河流、森林和建築物等的測量。

鐵路勘測是与一系列的設計工作配合来进行的，其目的就是为設計提供精确的資料，或者把設計的結果在现地訂定出来，整个鐵路技术选綫的詳細內容是要在“鐵路选綫”专门的課程内来研究的，本书的主要目的是叙述鐵路曲綫的測量及其設置。

第二节 鐵路曲綫的概念

鐵路路綫由一个方向轉变为另一个方向，或由一个坡度轉变为另一个坡度时，为了保証列車順利的通过，必須用曲綫連接起来，其形式計有下列几种：



其中最简单的是用一定半径的一段圆弧所形成的单曲线。有时候因为地形的限制，需要用两个半径不同的圆弧来连接，如果圆弧的方向相反就形成反向曲线，如果方向相同就形成复曲线。为使曲线的外轨有适当的超高，在单曲线的两端、直线与曲线间插入一段半径逐渐改变的曲线，这种曲线就称为缓和曲线。两缓和曲线间的曲线部分就称为圆曲线。此外有道岔导曲线及附带曲线。以上均统称为平面曲线，改变平面线路方向。在线路立面上，由一个坡度改变到另一个坡度时，也需要用曲线来连接，这种曲线同样具有一定的半径，称为竖曲线。

无论单曲线、复曲线、缓和曲线和竖曲线等，在计算或设置时，都可以分作二部分来进行，即：

(1) 首先计算或设置曲线上的主要点。先计算曲线上的各基本要素，如切线长、曲线长等，然后计算或设置曲线的起点和终点等等。

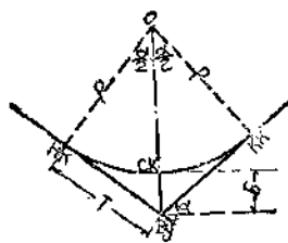
(2) 有了这些主要点后，再进一步详细地设置曲线上所有各点(每十公尺或廿公尺设置一点)，因此就要计算设置这些点所需要的资料。

详细计算和设置曲线的各种方法，将分别叙述于后。

第二章 单曲线(又称圆曲线)

第三节 单曲线各部分和主要点的解释

图一所示弯曲的部分即为单曲线，其各部名称和表示见第一表所示



—

第一卷

名稱	英文書表示	本書表示	附註
轉向點或交角	V或IP	By	頂點
轉向角或交角	I	α	圓心角等於轉向角
直圓	BC或TC	HKK或HK	單曲線起點
圓直	EC或CT	KKK或KK	單曲線終點
單曲線中間點	H	CK	
曲線半徑	R	P	
切線長	TL或T	T	起始點至交點距離
外矢	E	B	曲線中間點至頂點距離
曲線(全)長	CL或L	K	圖中轉曲部分
兩切線長與曲線全長的差		A	$2T-K$
弦長	C	C	通常為10m或20m
偏角	d	ϕ	弦與切線所成之角
正矢	M	M	見圖八
切線或弦線支距	x,y	x,y	見圖五及圖八
切線或弦線偏角	a	δ	見圖九
弦線方位角	D	δ	見圖七

第四節 单曲綫基本要素的計算和主要點的設置

一、基本要素的計算

见图一所示，在导线测量时两切线（曲线起点至交点与交点至曲线终点）及交点的位置均已确定，转向角均已量得，然后选择曲线的半径，即可按照下列公式计算曲线全长、切线长、外矢距和两切线与曲线全长的差：

$$T = P \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} \quad \dots \dots \dots \dots \quad (1)$$

$$B = P \left(\operatorname{sec} \frac{\alpha}{2} - 1 \right) \quad \dots \dots \dots \dots \quad (2)$$

$$K = \pi P \alpha / 180 \quad \dots \dots \dots \dots \quad (3)$$

$$\Delta = 2T - K \quad \dots \dots \dots \dots \quad (4)$$

要应用这些公式来计算是非常麻烦的，一般在实际工作中都是用查表来求得，仅在特殊情况时方通过计算来解决。一九五六年人民铁道出版社出版的苏联铁路曲线表共有三册，上述四个要素的数字，在第三册第一表中可以查得。

二、各主要点里程的计算

转向点的里程是可以按线路起点方向里程沿直线丈量而得，基本要素求得之后，由图一可知：

曲线起点的里程 = 转向点的里程 - 切线长

曲线中点里程 = 曲线起点的里程 + 曲线全长的一半

曲线终点的里程 = 曲线起点的里程 + 曲线的全长

曲线终点的里程 = 转向点的里程 + 切线长 - 两切线长与曲线全长之差

即

$$HK = By - T$$

$$CK = HK + \frac{K}{2}$$

$$KK = HK + K = By + T - \Delta = CK + \frac{K}{2}$$

这里應該注意曲綫終點的里程應該是沿着曲綫來計算的，而曲綫終點里程的兩種計算方法，為防止計算中發生錯誤可以得到校核。

三、查表舉例說明用法

例 1、已知一單曲綫半徑 $R = 1000m$ ，轉向角 $\alpha = 10^\circ 20'$ ，交點里程 $By - HK113 + 90.78$ ，求曲綫起點、中間點及終點的里程。

查第三冊表一第70頁，得 $T = 90.45m$, $K = 180.40m$,

$$\Delta = 0.50m, L = 4.08m,$$

$$\begin{aligned} \text{所以起點 } HK \text{ 里程} &= By - T = (HK113 + 90.78) - 90.45 \\ &= HK113 + 00.33 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{中間點 } CK \text{ 里程} &= HK + \frac{K}{2} = (HK113 + 00.33) + \frac{180.40}{2} \\ &= HK113 + 90.53 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{終點 } KK \text{ 里程} &= HK + K = (HK113 + 00.33) + 180.40 \\ &= HK114 + 80.73 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{校核終點 } KK \text{ 里程} &= By + T - \Delta = (HK113 + 90.78) \\ &\quad + 90.45 - 0.50 = HK114 + 80.73 \end{aligned}$$

表中 T 、 K 、 L 后所附每分或 2 分之差數 Δ 的用法說明如下：

例如上題中當 $\alpha = 10^\circ 21' 20''$ 時，則查表得

$$\alpha = 10^\circ 20' \qquad T = 90.45$$

$$1'20'' = 1\frac{1}{3}', 1\frac{1}{3}' \times 0.15 +) 0.20$$

$$\alpha = 10^\circ 21' 20'' \text{ 時} \qquad T = 90.65$$

求 K 、 B 之法相同， Δ 值之變化很微故略而不計。

例 2：当 $P=200$ 或 180 公尺时， $\alpha=20^{\circ}00'$ ，求其基本要素。

先可按 $P=2000$ 或 1800 公尺时，查出其基本要素，然后将小数向左移动一位即得。如 $P=2000, \alpha=20^{\circ}00'$ 时查第三册表第一26頁，

得 $T=352.65, K=698.10, A=7.20, B=30.85$ 。

当 $P=200$ 时，则 $T=35.27, K=69.81, A=0.72, B=3.09$ 。

例 3：当 $P=900m, \alpha=10^{\circ}20'$ 时，求其基本要素。

P 值表中未列入时，可按比例求算之，以 $P=1000$ 最为方便

当 $P=1000$ 时，查表得 $T=90.45$ ；

$$P=900 \text{ 时, 则 } T=90.45 \times \frac{900}{1000}=81.40。$$

其他 K, A, B 之值算法完全相同，各为 $162.36, 0.45, 3.67$ 。

四、設置曲綫主要点

(1) 由轉向点起沿两切綫方向各量出切綫之长度，即得曲綫起点和終点。

(2) 在轉向角的內平分綫上（即自一切綫方向轉 $\frac{189^{\circ}-\alpha}{2}$ 角），自轉向点起量出外矢距之长度，即得曲綫的中間点。

所有各主要点 By, HK, CK, KK 桩上均应釘小釘，距离应量两次，以保証准确。

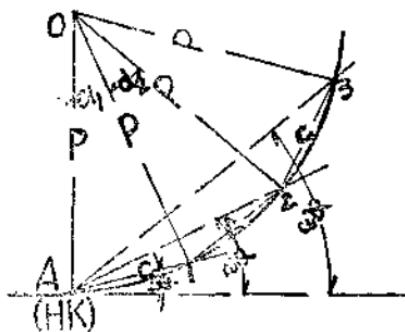
第五节 詳細設置单曲綫的幾种方法

曲綫上主要点定出后，即可进行曲綫的詳細設置，即在曲

綫上每隔十公尺或廿公尺設置一桩，曲線的詳細設置方法有下列几种：

- (1) 偏角法
 - (2) 切线支距法
 - (3) 辅助切线法
 - (4) 弦线支距法
 - (5) 正矢法
 - (6) 弦偏距法

其中以偏角法使用的比較广泛，茲分述于后。



一

第六节 偏角法在曲线上沒有障碍时的測設方法

一、計算公式

见图二所示，其中弦长极接近于弧长，设置曲线时用钢尺量出弦长即可。

$$a_1 = \frac{180 C_1}{\pi P}, \quad a_2 = \frac{180 C_2}{\pi P}; \quad \dots \dots \dots \quad (5)$$

$$\phi_1 = \frac{1}{2} \alpha_1 = -\frac{90C_1}{\pi P}; \quad \dots \dots \dots \quad (6)$$

当沿曲綫設置各点均为等距，即 $C_1=C_2=C_3 \dots$ 时
(10m或20m)，則

$$\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3;$$

$$\phi_2 = 2\phi_1, \quad \phi_3 = 3\phi_1.$$

故只需算出偏角 ϕ_1 后，以后各点之偏角根据几何关系均为 ϕ_1 的倍数很容易算出；由曲线的一端至中间点 CK 的偏角

为 $\frac{\alpha}{4}$ ，至另一端的偏角为 $\frac{\alpha}{2}$ ，这个关系可以用来检验各主要点的设置是否准确。

铁路曲线表第三册表五 a 中，载有半径自 4000 至 250 公尺的曲线长每隔 10 公尺的偏角 ϕ 值可以利用。

二、查表举例

已知曲线半径 $R = 1000m$ ，转向角 $\alpha = 12^\circ 20'$ 右向，顶点里程 $By - HK113 + 90.78$ ，求设置曲线细部资料。

首先查第三册表一得其基本要素，计算出曲线的起点、中间点和终点的里程，记入下列记录格式的说明栏；然后查表五 a 即得所需资料记列如下：

测 点	站 名	偏 角	说 明	注
K 0	HK	0° 00'	$\alpha = 12^\circ 20'$ 右向	
10		0° 17'	$By - HK113 + 90.78$	
20		0° 34'	$R = 1000m$	
30		0° 52'	$T = 108.05m$	
40		1° 09'	$E = 215.30m$	
50		1° 26'	$A = 0.80m$	
60		1° 43'	$B = 5.82m$	
70		2° 00'	$HK - HK112 + 82.73$	
80		2° 18'	$CR - HK113 + 90.38$	
90		2° 35'	$EE - HK114 + 98.03$	
100		2° 52'		
107.65	CK	3° 05'		

三、设置方法

- (1) 主要点按第四节所述方法来设置；
- (2) 置经纬仪于起点或终点，正位以读数（上下盘）正对零时照准转向点，固定下盘得切线方向；
- (3) 松开上盘转读数为偏角 ϕ_1 ，在视线 A1 的方向

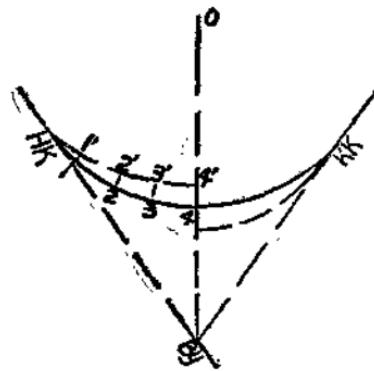
上，由起点量出弦长 C_1 即得曲线上的一点；

(4) 繼續松开上盘轉讀數為偏角 ϕ_1 ，由點1量出弦長 C_2 ($C_2 = C_1$)，使其終點落在視線 A_2 的方向上即得曲線上第二點。

此处应注意，設置第二點及其以後各點時，由於量出的距離並不完全在視線上，因此必須使弦長距離與視線方向同時照準，這與直線上丈量時情形不同；

(5) 用同法繼續設置點3、4、5……等至曲線中間點，量至曲線中間點的長度可作為校核之用；然後移置經緯儀設置其餘半部的曲線；

(6) 設置時最好自曲線兩端向中間點來設置，至曲線中間點發生閉合差時(見圖三)，則可按照近似三角形之方法按距離比例進行調整。



圖三

例如曲線中間點設置時， $4'$ 不落在 4 上， $4'-4$ 的距離為4時，則 $3'$ 點移動距離3， $2'$ 點移動距離2， $1'$ 點移動距離1， $4'$ 點移動距離4來進行調整；

(7) 利用兩相鄰柱的位置，用鋼尺在弦線上訂出曲線上的百尺標位置。

第七節 用偏角法在曲線上遇障礙時的測設方法

用偏角法設置單曲線時，有時因曲線附近有房屋、樹林等障礙物阻碍着視線，把經緯儀放置在曲線起點或終點，訂出若干桩後即不能繼續設置，在這種情況時可採用下列方法

来解决。

一、见图四所示，当经緯仪设置于起点，曲线上第4点因受房屋阻碍视线不能测出时，可采用下列步骤：

(1) 置經緯仪于
曲綫起点，按第六节所
述方法設置第1、2、3
諸点。

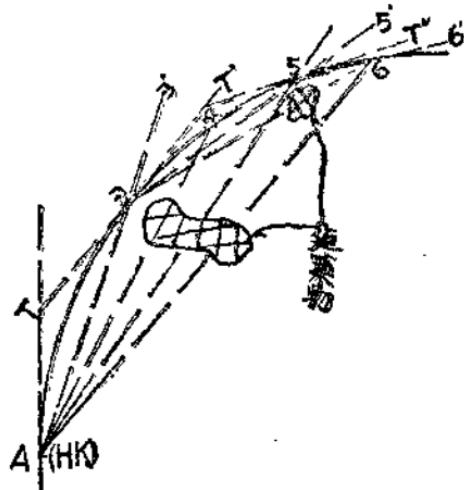
(2) 移經緯仪置
于点3，将上下盘讀数
对准零，反轉望远鏡后
視曲綫起点，固定下盘
反轉望远鏡于正位，则
視綫在 $3-3'$ 的方向上。

(3) 松开上盘使
讀数等于点4原查得的
偏角数，则視綫即在 3
 -4 的方向上，固定后由点3在視綫上量出固定弦长即得第
4点。

由于 $3-3'$ 視綫轉一个角度等于点3的偏角时，該視綫
即在点3的切綫方向上($\angle T A 3 = \angle A 3 T = \angle 3' 3 T'$)，由点
3的視綫 $3-T'$ 再轉一个角度等于偏角 ϕ_1 ，讀数即为点4的
总偏角数，因为点4的总偏角 $\phi_4 = \angle T A 3 + \angle 3 A 4 = \angle 3' 3$
 $T' + \phi_1$ 的。

(4) 松开上盘使讀数等于点5的偏角数，固定上盘后
由点4量出固定弦长，使其終点落在望远鏡的視綫上，即得点
5的位置，如此繼續來設置以后各点。

二、见图四所示，若由点3訂設点6又受到房屋等的阻



圖四

碍时，可将仪器移置于点5，如果点5能照准曲线起点时，则按照前述移置点3的方法，使上下盘读数对准零反位后视起点，固定下盘后转望远镜于正位，再松开上盘使读数等于点6的偏角数来设置；如果点5不能看见曲线起点时，则按照下列的步骤来设置：

(1) 按前述方法设置点5后，移置经纬仪于点5，按照曲线弯曲的方向使上下盘的读数置于后视点3的偏角数，反位望远镜后视点3，固定下盘后转为正位，再松开上盘把读数转到点6的偏角数，由点5量出固定距离在视线上的点，即得曲线上的第6点。

望远镜后视点3转为正位时，视线在 $5-5'$ 方向，此时读数为点3的偏角数，若转到点5的偏角数时，视线即在切线 $5-T''$ 方向上，再转到点6的偏角数时，即增加 ϕ_1 的偏角数，故视线在 $5-6$ 的方向上；该读盘上的角度数=点3的偏角 $+ \angle 5'5T'' + \angle T''56'$

$$= \angle TA3 + \angle T'35 + \angle 5A6 = \text{点6的偏角数}.$$

(2) 松开上盘使读数等于点7的偏角数，固定上盘后由点6量出固定弦长，使其终点落在视线上即得点7的位置，如此继续设置以后各点。

三、综合上述两种情形得出一个结论，即当经纬仪置与曲线上任何一点，继续设置以后各点时，首先把上下盘游标读数对准曲线上能看见的后视点的偏角数，并以望远镜反位后视该点，然后固定下盘转为正位，把读数对准所要设置点的偏角数，量出固定的距离即得该需要设置的点。

第八节 切线支距法设置单曲线

这种方法是利用直角坐标法来设置曲线上的各点，切线